#### LFA - Project 3

#### O problema la alegere intre:

- 1. Verificare acceptare cuvant pentru APD
- 2. Verificare generare cuvant pentru o GIC
- 3. Pentru o GIC, sa se genereze toate cuvintele avand o lungime maxima data
- 4. Transformare GIC in Forma Normala Chomsky
- 5. Algoritmul CYK (verificare generare cuvant de catre gramatica in FNC)

Optiunea aleasa va fi trecuta in documentul aflat pe acest <u>link</u>.

Fiecare semigrupa are o fila separata. Cel mult 4 studenti pot alege aceeasi tema in cadrul unei semigrupe. Dupa ce alegeti tema, va rog sa trimiteti si un mail in care sa mi-o comunicati. In cazul in care apar conflicte la editarea documentului in momentul alegerii unei teme, voi lua in considerare primele 4 mail-uri trimise pentru alegerea temei respective.

**Observatie**: Studentii care au ales pentru proiectul 2 problemele 4 sau 5 nu vor putea selecta pentru proiectul 3 problemele 2 sau 3.

## 1. Verificare acceptare cuvant pentru APD

Input: un automat push down oarecare si un cuvant

Output: boolean (se precizeaza daca acel cuvant a fost sau nu acceptat de automatul dat ca input)

Exemplu:

APD:

$$\begin{array}{c} 0\,,\,\,Z_{\,0}\,/0\,Z_{\,0} \\ 1\,,\,\,Z_{\,0}\,/1\,Z_{\,0} \\ 0\,,\,\,0\,/0\,0 \\ 0\,,\,\,1\,/0\,1 \\ 1\,,\,\,0\,/1\,0 \\ 1\,,\,\,1\,/1\,1 \\ \end{array} \qquad \begin{array}{c} 0\,,\,\,0\,/\,\,\epsilon \\ 1\,,\,\,1\,/1\,1 \\ \end{array} \qquad \begin{array}{c} 0\,,\,\,0\,/\,\,\epsilon \\ 1\,,\,\,1\,/\,1\,1 \\ \end{array} \qquad \begin{array}{c} c\,,\,\,Z_{\,0}\,/Z_{\,0} \\ c\,,\,\,0\,/\,\,0 \\ \end{array} \qquad \begin{array}{c} c\,,\,\,Z_{\,0}\,/Z_{\,0} \\ \end{array} \qquad \begin{array}{c} q_{2} \\ \end{array}$$

$$w = 01c10 \in L(A)$$
  
 $w = 023 \notin L(A)$   
 $w = 0010101c1010100 \in L(A)$   
 $w = 011c110 \notin L(A)$ 

# 2. Verificare generare cuvant pentru o GIC

Input: o gramatica independenta de context oarecare si un cuvant

**Output**: boolean (se precizeaza daca acel cuvant poate fi generat sau nu de gramatica data)

Exemplu:

G:

$$N = {S, A}$$
  
 $T = {a, b}$ 

$$S \rightarrow bSbb \mid A$$
$$A \rightarrow aA \mid \epsilon$$

 $w = baaaabb \in L(G)$ 

 $w = bbbbbb \in L(G)$ 

 $w = aaaaaaaa \in L(G)$ 

 $w = bbbb \notin L(A)$ 

 $w = c \notin L(A)$ 

 $w = baaaa \notin L(A)$ 

3. Pentru o GIC, sa se genereze toate cuvintele avand o lungime maxima data

**Input**: o gramatica independenta de context oarecare si un numar natural oarecare, n

**Output**: toate cuvintele de lungime mai mica sau egala cu n generate de gramatica data ca input

G:

$$N = {S, A}$$
  
 $T = {a, b}$ 

$$\begin{array}{l} S \rightarrow bSbb \mid A \\ A \rightarrow aA \mid \epsilon \end{array}$$

$$n = 3$$

Solutie:  $\varepsilon$ , bbb, a, aa, aa

$$n = 4$$

Solutie:  $\epsilon$ , bbb, a, aa , aaa, aaaa, babb

### 4. Transformare GIC in Forma Normala Chomsky

Input: O gramatica independenta de context oarecare

Output: O gramatica in FNC echivalenta cu gramatica data ca input

Exemplu:

*G*:

$$N = \{S, A, B\}$$
  
 $T = \{a, b\}$ 

$$S \rightarrow ASA \mid aB$$
  
 $A \rightarrow B \mid S$   
 $B \rightarrow b \mid \epsilon$ 

$$S \rightarrow aS$$

$$S \rightarrow bA$$

$$A \rightarrow \varepsilon$$

$$A \rightarrow cA$$

Solutie:

$$N = \{S_0, S, A, B, X, Y\}$$

$$T = \{a, b\}$$

$$S_0 \rightarrow AX \mid YB \mid a \mid AS \mid SA$$

$$S \rightarrow AX \mid YB \mid a \mid AS \mid SA$$

$$A \rightarrow b \mid A \rightarrow b \mid AX \mid YB \mid a \mid AS \mid SA$$

$$B \rightarrow b$$

$$X \rightarrow SA$$

$$Y \rightarrow a$$

# 5. Algoritmul CYK (verificare generare cuvant de catre gramatica in FNC)

**Input**: O gramatica in FNC oarecare si un cuvant

**Output**: matricea triunghiulara rezultata in urma aplicarii algoritmului CYK + un raspuns boolean care indica daca sirul dat ca input e acceptat de gramatica sau nu

## Exemplu:

G:  

$$S \rightarrow AB \mid BC$$
  
 $A \rightarrow BA \mid a$   
 $B \rightarrow CC \mid b$   
 $C \rightarrow AB \mid a$ 

w = baaba

#### Solutie:

{S, A, C}	← X <sub>1,5</sub>			
Ø	{S, A, C}		2	
Ø	{B}	{B}		
{S, A}	{B}	{S, C}	{S, A}	
{B}	{A, C}	{A, C}	{B}	{A, C}
b	a	a	b	a

Cuvantul apartine limbajului.