

# Index

- ' (prime), 1
- " (double quote), 1
- "..." (string), 1
- ^ (exponentiation), 1
- || (PlusCal multi-assignment), 1
- ⊢, 1
- ||-, 1
- ||- rule, 1
- ↦ (record constructor), 1
- / (division), 1
- \ (set difference), 1, 2, 3
- \\* (end-of-line comment), 2
- (minus), 1
- ⊢—⊣ (section separator), 1
- after PlusCal label, 1, 2
- ¬ (negation), 1
- ↪ (leads to), 1, 2
- ÷ (integer division), 1
- +
- + (plus), 1
- × (Cartesian product), 1
- ⇒ (implies), 1
- ⇔ (equivalence), 1
- ≡ (equivalence), 1
  - versus =, 1
- .. (integer interval), 1, 2
- (action composition), 1, 2, 3
- \*
- \* (multiplication), 1
- (sequence concatenation), 1
- (always)
  - semantics, 1
- formula, 1
- ↪ rule, 1
- ◇ (eventually)
  - semantics, 2
- < (less than), 1
- ≤ (less than or equal), 1
- (\*...\*) (comment), 1
- [[...]] (semantics), 1
- [A]<sub>v</sub> (action operator), 1
- [h<sub>1</sub> ↦ e<sub>1</sub>, ..., h<sub>n</sub> ↦ e<sub>n</sub>] (record constructor), 1
- [S → T] (set of functions), 1, 2
- [x ∈ S ↦ e] (function constructor), 1
- ⟨A⟩<sub>v</sub> (action operator), 1, 2
- ⟨e<sub>1</sub>, ..., e<sub>n</sub>⟩ (tuple), 1, 2
- ⟨+⟩ (in proofs), 1
- ⟨\*⟩ (in proofs), 1
- > (greater than), 1
- ≥ (greater than or equal), 1, 1
- ∧ (conjunction), 1
- ∨ (disjunction), 1
- ⋃, *see* UNION
- :: (in subexpression name), 1
- ; (PlusCal separator), 1
- :> (function constructor), 1
- ! (in EXCEPT), 1
- ! (with instantiation), 1, 2
- ! (in subexpression name), 1
- % (modulus), 1, 2, 3
- @ (in proof step), 1
- @@ (function constructor), 1
- ∀, 1
- ∃, 1
- ∃ (temporal existential quantification), 1
- ε, Hilbert's, 1
- action, 1, 2, G
  - enabled, 1
  - next-state, 1
- action composition operator, 1, 2, 3
- action formula, G
- algorithm
  - deriving, 1
- algorithm** token, 1
- Alloy, 1
- alternation, 1
- and (conjunction), 1
- Append*, 2
- arithmetic, 1
- arithmetic, modular, 1

- array, [1](#) , [2](#)
- Arrow's theorem, [1](#)
- ASCII representation of symbols, [1](#)
- Assert (defined in *TLC* module), [1](#)
- assert** (PlusCal statement), [1](#)
- assertion, [1](#)
- ASSUME (proof construct), [1](#)
- ASSUME (TLA<sup>+</sup> statement), [1](#)
- assume/prove, [1](#) , [2](#)
- assumption, domain, [1](#)
- atomic bakery algorithm, [1](#)
- atomicity
  - grain of, [2](#)
- auto (Isabelle method), [1](#)
- auxiliary variable, [1](#)
- await** (PlusCal statement), [1](#)
- back-end prover, [2](#)
- backend prover, [1](#)
- bag, [1](#)
- bakery algorithm, [1](#)
  - atomic, [1](#)
- BEGIN TRANSLATION**, [1](#)
- behavior, [1](#) , [2](#) , [3](#) , [4](#) , [G](#)
  - computing, [1](#)
  - finite, [1](#)
  - infinite, [1](#)
- behavior specification, [1](#) , [2](#) , [G](#)
- behavioral proof, [1](#)
- big-step bakery algorithm, [1](#)
- blast (Isabelle method), [1](#)
- blueprint, [1](#)
- Boolean, [1](#)
- BOOLEAN (TLA<sup>+</sup> statement), [1](#)
- Borda ranking, [1](#)
- bounded channel, [1](#)
- bounded quantification, [1](#)
- busy waiting, [1](#)
- BY, [1](#)
- BY proof, [1](#)
- Cardinality*, [1](#) , [2](#)
- Cartesian product ( $\times$ ), [1](#)
- CASE (expression), [1](#) , [2](#) , [3](#)
- CASE (proof step), [1](#) , [2](#)
- CHOOSE, [1](#) , [2](#) , [3](#)
  - how TLC evaluates it, [1](#)
  - is deterministic, [1](#)
- Chord, [1](#)
- clarsimp (Isabelle method), [1](#)
- Clock
  - One-Bit, [1](#)
- cloning a model, [1](#)
- closing
  - of module, [1](#)
- coarser-grained algorithm, [1](#)
- comment
  - multi-line, [1](#)
- comments, [1](#)
  - boxed, [1](#)
  - pretty printed, [1](#)
- composition of relations, [1](#)
- computation, [1](#)
  - parallel, [1](#)
- concurrency, [1](#)
- concurrent, [1](#)
  - system, [1](#)
- Condorcet ranking, [1](#)
- conjunction, [1](#)
- CONSTANT, [1](#)
- constant declaration, [1](#)
- constant expression, evaluating, [1](#)
- CONSTANTS, [1](#)
- constraint, state, [1](#) , [2](#)
- consumer, [1](#)
- contradiction, proof by, [1](#) , [2](#)
- COROLLARY, [1](#)
- critical section, [1](#)
- cursor, [1](#)
- data item, elementary, [1](#)
- deadlock
  - versus termination, [1](#)
- deadlock freedom, [1](#)
- debugging, [1](#)
- decimal fraction, [1](#)
- declaration

TLA <sup>+</sup> variable, <a href="#">1</a>	for records, <a href="#">1</a>
Decompose Proof (Toolbox command), <a href="#">1</a>	exclusive or, <a href="#">1</a>
DEF, <a href="#">1</a> , <a href="#">2</a>	exponentiation, <a href="#">1</a>
default backend provers, <a href="#">1</a>	expression, <a href="#">G</a>
<i>defaultInitValue</i> , <a href="#">1</a>	state, <a href="#">1</a> , <a href="#">G</a>
DEFINE, <a href="#">1</a>	transition, <a href="#">1</a>
definition, <a href="#">1</a>	EXTENDS, <a href="#">1</a>
function, <a href="#">1</a>	where it goes, <a href="#">1</a>
inductive, <a href="#">1</a>	facts
local, <a href="#">1</a>	known, <a href="#">1</a>
overriding in TLC, <a href="#">1</a>	usable, <a href="#">1</a>
deriving algorithms, <a href="#">1</a>	fair
determinism	strongly, <a href="#">1</a> , <a href="#">9</a>
of CHOOSE, <a href="#">1</a>	<b>fair --algorithm</b> , <a href="#">1</a>
Die Hard, <a href="#">1</a>	<b>fair process</b> , <a href="#">1</a>
Dijkstra, Edsger, <a href="#">1</a>	fairness, <a href="#">1</a> , <a href="#">1</a> , <a href="#">2</a>
dining philosophers problem, <a href="#">1</a>	strong, <a href="#">1</a> , <a href="#">9</a>
directed graph, <a href="#">1</a>	weak, <a href="#">1</a> , <a href="#">2</a>
disjunction, <a href="#">1</a>	weak, of next-state action, <a href="#">1</a>
divisor, <a href="#">1</a>	FALSE, <a href="#">1</a>
Doligez, Damien, <a href="#">1</a>	fast (Isabelle method), <a href="#">1</a>
DOMAIN, <a href="#">1</a> , <a href="#">2</a>	fastsimp (Isabelle method), <a href="#">1</a>
domain, <a href="#">1</a> , <a href="#">2</a>	FCFS, <a href="#">1</a>
domain assumption, <a href="#">1</a>	field (of a record), <a href="#">1</a>
dominating set, <a href="#">1</a>	FIFO (first in, first out), <a href="#">1</a>
dummy variable, <a href="#">1</a>	file
<b>either</b> (PlusCal keyword), <a href="#">1</a>	fingerprint, <a href="#">1</a>
elementary data item, <a href="#">1</a>	finer-grained algorithm, <a href="#">1</a>
ENABLED, <a href="#">1</a>	fingerprint file, <a href="#">1</a>
enabled, <a href="#">1</a> , <a href="#">2</a>	first-come-first-served, <a href="#">1</a>
enabling condition, <a href="#">1</a>	flexible variable, <a href="#">1</a>
END TRANSLATION, <a href="#">1</a>	Floyd-Hoare method, <a href="#">1</a>
equivalence, <a href="#">1</a>	Floyd-Warshall algorithm, <a href="#">1</a>
Euclid's Algorithm, <a href="#">1</a>	<b>Focus On Step</b> (Toolbox command), <a href="#">1</a>
for sets, <a href="#">1</a>	force (Isabelle method), <a href="#">1</a>
TLAPLUS proof, <a href="#">1</a>	formula, <a href="#">G</a>
evaluating a constant expression, <a href="#">1</a>	□, <a href="#">1</a>
evaluation, lazy, <a href="#">1</a>	action, <a href="#">G</a>
event, <a href="#">1</a>	state, <a href="#">1</a>
eventually always, <a href="#">1</a>	temporal, <a href="#">G</a>
EXCEPT, <a href="#">1</a> , <a href="#">2</a>	Fraenkel, <a href="#">1</a>
	free symbol, <a href="#">1</a>

- function, [1](#) , [2](#)
  - definition, [1](#)
  - definition of, [1](#)
  - domain of, [1](#)
  - of multiple arguments, [1](#)
  - recursive definition of, [1](#) , [2](#)
    - use in proof, [1](#)
  - state, [1](#) , [G](#)
  - variant, [1](#)
  - versus array, [1](#) , [2](#)
  - versus operator, [1](#)
- functions, set of, [1](#)
- gcd, [1](#) , [2](#) , [3](#)
- goal, of proof, [1](#)
- Gonthier, Georges, [1](#)
- goto** (PlusCal statement), [1](#)
- Goto Declaration (Toolbox command), [1](#) , [2](#) , [3](#)
- goto line, [1](#)
- Goto Next Use (Toolbox command), [1](#)
- Goto PCal Source (Toolbox command), [1](#)
- Goto Prev Use (Toolbox command), [1](#)
- grain of atomicity, [2](#)
- graph
  - directed, [1](#)
  - of a relation, [1](#)
  - state, [1](#)
- greatest common divisor, *see* [gcd](#)
- halting, [1](#)
- handshake, [1](#)
- HAVE, [1](#)
- Head*, [1](#)
- HIDE, [1](#)
- Hide All Proofs (Toolbox command), [1](#)
- Hide Current Subtree (Toolbox command), [JavaTime](#), [1](#)
- hiding variables, [1](#) , [2](#)
- higher-order operator, [1](#) , [2](#) , [3](#)
- Hilbert's  $\varepsilon$ , [1](#)
- history variable, [1](#)
- Hyman, Harris, [1](#)
- identifier, process, [1](#)
- identity refinement mapping, [1](#)
- IF... THEN... ELSE, [1](#) , [2](#)
- IF versus **if**, [1](#)
- iff, [1](#)
- implementation
  - checking with TLC, [1](#)
- implements under refinement mapping, [1](#)
- implication, [1](#)
- implies, [1](#)
- index set, [1](#) , [1](#)
- induction, leads-to, [1](#)
- inductive definition, [1](#) , [2](#)
- inductive invariant, [1](#) , [2](#) , [G](#)
  - checking with TLC, [1](#)
- infinite sequence, [1](#)
- infinitely often, [1](#)
- initial predicate, [1](#)
- input/output (I/O) specification, [1](#)
- insensitive to stuttering, [1](#)
- INSTANCE, [1](#) , [2](#)
  - theorems imported by, [1](#)
- INSTANCE (proof step), [1](#)
- instantiates, [1](#)
- instantiation
  - overriding definitions with, [1](#)
- Int*, [1](#) , [2](#)
- Integers* module, [1](#) , [2](#)
- INV1 (proof rule), [1](#)
- INV2 (proof rule), [1](#)
- invariant, [1](#) , [G](#)
  - inductive, [1](#) , [2](#)
  - type correctness, [1](#)
- Isa* (BY fact), [1](#)
- Isabelle* (backend prover), [1](#) , [2](#)
- Knuth, Donald Ervin, [1](#)
- label, in subexpression name, [1](#)
- labels, PlusCal, [1](#)
  - rules for, [1](#) , [2](#)

- LAMBDA, [1](#) , [2](#)
- largest enumerable set, [1](#)
- lattice rule, [1](#)
- Launch Prover (Toolbox command), [1](#)
- lazy evaluation, [1](#)
- leads to, [1](#)
- leads-to induction rule, [1](#)
- leaf proof, [1](#)
- LEMMA, [1](#)
- Len*, [2](#)
- LET, [1](#)
  - optimizing TLC execution with, [1](#)
- level specifier, [1](#)
- lexicographical ordering, [1](#) , [2](#)
- line numbers, [1](#)
- line, going to a, [1](#)
- list, [1](#)
- livelock, [1](#)
- liveness property, [1](#) , [2](#)
- lock, [1](#)
- logic
  - mathematical, [1](#)
  - predicate, [1](#)
  - propositional, [1](#)
- LS4, [1](#)
- mapping
  - refinement, [1](#)
- math
  - not, [1](#)
  - ordinary, [1](#)
- maximum
  - of set of numbers, [1](#)
- Merz, Stephan, [1](#)
- model
  - cloning, [1](#)
  - creating, [1](#)
  - editor, [1](#)
  - standard, [1](#)
  - system, [1](#)
- model value, [1](#) , [2](#)
- modular arithmetic, [1](#)
- module closing, [1](#)
- module opening, [1](#)
- module, special, [1](#)
- modulus operator, [1](#) , [2](#) , [4](#)
- mouse pointer, [1](#)
- multi-assignment, PlusCal, [1](#)
- multi-line comment, [1](#)
- multiplication, [1](#)
- multiset, [2](#)
- mutual exclusion, [1](#)
  - in modern computers, [1](#)
- name, step, [1](#)
- Nat*, [1](#) , [2](#)
- Naturals* module, [1](#)
- negation, [1](#)
- NEW, [1](#)
- next states, too many, [1](#)
- next-state action, [1](#)
- next-state relation, *see* [next-state action](#)
- non-enumerable quantifier bound, [1](#)
- non-leaf proof, [1](#)
- noncritical section, [1](#)
- nondeterminism, [2](#)
- not (negation), [1](#)
- number, [1](#)
  - unequal to string, [1](#)
- numbering lines, [1](#)
- obligation
  - proof, [1](#) , [2](#)
- observable variable, [1](#)
- OMITTED, [1](#)
- One-Bit Algorithm
  - N*-Process, [1](#)
  - Two-Process, [1](#)
- One-Bit Clock, [1](#)
- One-Bit Protocol, [1](#)
- opening
  - of module, [1](#)
- opening a new spec in Toolbox, [1](#)
- operator
  - higher-order, [1](#) , [2](#) , [3](#)
  - recursive definition of, [1](#) , [2](#)

- use in proof, [1](#)
- versus function, [1](#)
- or (disjunction), [1](#)
- or** (PlusCal keyword), [1](#)
- order
  - lexicographic, [1](#) , [2](#)
  - partial, [1](#)
  - total, [1](#)
- ordinary math, [1](#)
- TLA<sup>+</sup> versus, [1](#)
- overriding a definition in TLC, [1](#)
- $\mathcal{P}$ , [1](#)
- parallel computation, [1](#)
- parser preferences, [1](#)
- partial correctness, [1](#)
- partial order, [1](#)
- path, [1](#)
- Paulson, Lawrence, [1](#)
- pc* variable, [1](#)
- pdflatex**, [1](#)
- PICK proof step, [1](#)
- PlusCal, [1](#)
  - labels in, [1](#)
  - translator, [1](#)
- power set, [1](#)
- predicate
  - initial, [1](#)
  - state, [1](#) , [G](#)
- predicate logic, [1](#)
- preference
  - numbering lines, [1](#)
- pretty printing, [1](#)
  - comments, [1](#)
- prime (')
  - of a variable, [1](#)
- Print*, [1](#)
- print statement, [1](#)
- PrintT*, [1](#)
- process, [1](#)
  - PlusCal, [1](#)
  - variable local to, [1](#)
  - versus thread, [1](#)

- process** (PlusCal declaration), [1](#)
- process identifier, [1](#)
- producer, [1](#)
- program control variable, [1](#)
- proof
  - behavioral, [1](#)
  - BY, [1](#)
  - correct, [1](#)
  - goal, [1](#)
  - manager, [1](#)
  - mathematicians', [1](#)
  - non-leaf, [1](#)
  - nonleaf, [1](#)
  - reading, [1](#)
  - state, [1](#)
  - structured, [1](#) , [2](#)
  - TLA<sup>+</sup>, [1](#)
- proof manager, [1](#)
- proof obligation, [1](#) , [2](#)
- proof rule, [1](#)
- proof step
  - green, [2](#)
- property
  - checking with TLC, [1](#)
  - liveness, [1](#) , [2](#)
  - safety, [1](#) , [2](#)
- PROPOSITION, [1](#)
- propositional logic, [1](#)
- provability, [1](#)
- PROVE, [1](#)
- Prove (Toolbox command), [1](#)
- Prove Step or Module (Toolbox command), [1](#)
- prover
  - back-end, [2](#)
  - backend, [1](#)
- PTL* (backend prover), [1](#) , [2](#)
- Q.E.D., [1](#)
- QED, [1](#)
- quantification
  - bounded, [1](#)
  - unbounded, [1](#)

- quantifier, [1](#)
- RandomElement*, [1](#)
- reachable state, [1](#) , [G](#)
- reactive system, [1](#)
- Reals* module, [1](#) , [1](#)
- record, [1](#)
- RECURSIVE, [1](#)
- recursive
  - function definition, [1](#) , [2](#)
  - use in proof, [1](#)
  - operator definition, [1](#) , [2](#)
  - in proof, [1](#)
  - versus inductive, [1](#)
- refinement mapping, [1](#)
  - identity, [1](#)
- relation, [1](#)
  - composition, [1](#)
  - well-founded, [1](#) , [2](#)
- Renumber Proof (Toolbox command), [2](#) , [2](#)
- resizing TLC Errors view, [1](#)
- Return from Goto Declaration (Toolbox command), [1](#) , [2](#)
- rigid variable, [1](#)
- round robin synchronization, [1](#)
- rule
  - $\Box \leadsto$ , [1](#)
  - $\Vdash$ , [1](#)
  - INV1, [1](#)
  - INV2, [1](#)
  - lattice, [1](#)
  - leads-to induction, [1](#)
  - SF1, [1](#)
  - SF2, [1](#)
  - WF1, [1](#) , [2](#)
  - WF2, [1](#)
- rules
  - labeling, [1](#) , [2](#)
- running TLC model checker, [1](#)
- safety property, [1](#) , [2](#)
- satisfies, [1](#)
- saving a module in Toolbox, [1](#)
- section
  - critical, [1](#)
  - noncritical, [1](#)
- section separator, [1](#)
- SelectSeq*, [1](#)
- semantics
  - of temporal formula, [1](#)
- semicolon (;) (PlusCal separator), [1](#)
- Seq*, [2](#)
- sequence
  - finite, [1](#) , [2](#)
  - infinite, [1](#)
- Sequences* module, [1](#) , [2](#)
- set
  - of functions, [1](#)
- set difference, [2](#) , [3](#)
- set theory, [1](#)
- SF, [1](#) , [2](#)
- SF1 (proof rule), [1](#)
- SF2 (proof rule), [1](#)
- Show All Proofs (Toolbox command), [1](#)
- Show Children Only (Toolbox command), [1](#)
- Show Current Subtree (Toolbox command), [1](#)
- Show Declarations (Toolbox command), [1](#)
- Show Uses (Toolbox command), [1](#)
- simp (Isabelle method), [1](#)
- simulation, step, [1](#)
- single access rule, [1](#)
- skip** (PlusCal statement), [1](#)
- SMT* (backend prover), [1](#)
- SMT solver, [1](#)
- solver, SMT, [1](#)
- sorting, [1](#)
- SortSeq*, [1](#)
- specification, [1](#) , [G](#)
  - behavior, [1](#) , [2](#)
  - input/output (I/O), [1](#)
  - two meanings of, [1](#)
- standard arithmetic modules, [1](#)
- standard model, [1](#)

- starvation freedom, [1](#)
- state, [1](#) , [2](#) , [3](#) , [G](#)
  - assigns values to all variables, [1](#)
  - of a proof, [1](#)
  - reachable, [1](#)
  - system, [1](#)
- state constraint, [2](#)
- state constraint, in TLC, [1](#)
- state expression, [1](#) , [G](#)
- state formula, [1](#)
- state function, [1](#) , [G](#)
- state graph, [1](#)
- state predicate, [1](#) , [2](#) , [G](#)
- state space progress table, [1](#)
- step, [1](#) , [2](#) , [3](#) , [G](#)
  - stuttering, [1](#)
- step name, [1](#)
- step simulation, [1](#)
- store, [1](#)
- string, [1](#)
  - unequal to number, [1](#)
- strong fairness, [1](#) , [2](#) , [9](#)
- strongly fair, [1](#) , [9](#)
- structured proof, [1](#)
- stuttering
  - insensitive to, [1](#)
- stuttering step, [1](#)
- subaction, [1](#) , [G](#)
- subexpression names, [1](#) , [2](#)
- SubSeq*, [1](#)
- SUBSET, [1](#) , [2](#)
- SUFFICES, [1](#)
- symbol
  - ASCII representation, [1](#)
  - free, [1](#)
  - user-definable, [1](#)
- synchronization primitive, [1](#)
- system, [1](#)
  - abstract, [1](#)
  - concurrent, [1](#)
  - reactive, [1](#)
  - state, [1](#)

*Tail*, [2](#)

- TAKE, [1](#)
- tautology, [1](#)
- temporal formula, [G](#)
  - semantics, [1](#)
- termination
  - versus deadlock, [1](#)
- THEOREM, [1](#)
- theorem, temporal, [1](#) , [9](#)
- thread, [1](#)
- time, measuring with TLC, [1](#)
- timeout, prover, [1](#)
- TLA, [1](#)
- TLAPS, [1](#) , [2](#)
  - what it checks, [1](#)
- TLC, [1](#)
  - checking implementation with, [1](#)
  - debugging with, [1](#)
  - how it evaluates CHOOSE, [1](#)
  - overriding definition in, [1](#)
  - running, [1](#)
  - setting and reading values, [1](#)
  - state constraint, [1](#)
  - trace explorer, [1](#) , [9](#)
- TLC Errors view
  - resizing, [1](#)
- TLC* module, [1](#)
- TLCEval*, [1](#)
- TLCGet*, [1](#)
- TLCSet*, [1](#)
- Toolbox, [1](#)
  - opening a new spec in, [1](#)
  - saving a module in, [1](#)
  - TLA<sup>+</sup> parser preferences, [1](#)
- total order, [1](#)
- trace explorer, [1](#) , [9](#)
- transition expression, [1](#)
- transitive closure, [1](#)
- TRUE, [1](#)
- truth, [1](#)
- truth value, [1](#)
- tuple, [1](#) , [2](#) , [3](#)
  - domain of, [1](#)
  - same as sequence, [1](#) , [2](#)



- two-phase handshake, [1](#)
- type correctness, [1](#)
  - invariant, [1](#)
- unbounded quantification, [1](#)
- UNCHANGED, [1](#)
- undefined or not an operator, [1](#)
- understanding, [1](#)
- UNION, [1](#)
- USE, [1](#)
- validity, [1](#)
- value
  - model, [1](#) , [9](#)
  - truth, [1](#)
- variable
  - auxiliary, [1](#)
  - flexible, [1](#)
  - history, [1](#)
  - observable, [1](#)
  - process-local, [1](#)
  - rigid, [1](#)
- VARIABLE, [1](#)
- variable** (PlusCal keyword), [1](#)
- variable declaration (TLA<sup>+</sup>), [1](#)
- variable hiding, [1](#) , [2](#)
- variant function, [1](#)
- vars*, [1](#)
- waiting, busy, [1](#)
- Warshall's algorithm, [1](#)
- weak fairness, [1](#) , [2](#)
  - of next-state action, [1](#)
- well-founded, [1](#) , [2](#)
- WF, [1](#) , [2](#)
- WF1 (proof rule), [1](#) , [2](#)
- WF2 (proof rule), [1](#)
- while** (PlusCal statement), [1](#)
- with** (PlusCal keyword), [1](#) , [2](#)
- WITNESS proof step, [1](#)
- Zave, Pamela, [1](#)
- Zenon* (backend prover), [1](#) , [2](#)
- Zermelo-Fraenkel set theory, [1](#)