## CVIČENÍ 5

**Téma:** Reprezentace grafu, procházení do šířky a do hloubky, acykličnost, topologické uspořádání. **Cíle:** Upevnit pochopení algoritmů procházení grafu, rozdíly při procházení neorientovaných a orientovaných grafů.

Z následujících příkladů lze pro řešení na cvičení provést reprezentativní výběr.

## 1. Maticová reprezentace grafu:

- a) Neorientovaný graf G je zadán svou incidenční maticí **A**. Sestavte algoritmus vytvoření jeho matice sousednosti **V**.
- b) Neorientovaný graf G je zadán svou incidenční maticí V. Sestavte algoritmus vytvoření jeho matice sousednosti A.
- c) Orientovaný graf G je zadán svou incidenční maticí **A**. Sestavte algoritmus vytvoření jeho matice sousednosti **V**.
- d) Orientovaný graf G je zadán svou incidenční maticí V. Sestavte algoritmus vytvoření jeho matice sousednosti A.
- e) Sestavte algoritmus výpočtu stupně uzlů neorientovaného (orientovaného) grafu, je-li zadána jeho matice incidence **A**. Jaká je časová složitost výpočtu stupně jednoho zadaného uzlu u?
- f) Sestavte algoritmus výpočtu stupně uzlů neorientovaného (orientovaného) grafu, je-li zadána jeho matice sousednosti **V.** Jaká je časová složitost výpočtu stupně jednoho zadaného uzlu u?

## 2. BFS A DFS Otázky k řešení:

- a) Je možné, aby po prohledání obyčejného neorientovaného grafu do šířky i do hloubky vznikl stejný kořenový strom? Předpokládejte, že graf je souvislý, ale není stromem.
- b) Jak vypadají DF- a BF- stromy grafu Cn (kružnice o n hranách)?
- c) Jak vypadají DF- a BF- stromy grafu Kn?
- d) Jak vypadají BF- a DF stromy grafu Km,n (m, n > 1)?
- e) Je možné, aby v nějakém grafu měl DF-strom vždy tvar cesty bez ohledu na to, kde prohledávání začne a v jakém pořadí se vybírají následníci jednotlivých uzlů při prohledávání?
- f) Jaký je vztah hloubky DF-stromu a průměru grafu? Je jedna z těchto veličin vždy větší nebo rovna druhé? (definice průměru grafu viz přednáška 5, snímek 14)
- g) Jaký je vztah hloubky BF-stromu a průměru grafu? Je jedna z těchto veličin vždy větší nebo rovna druhé?
- h) V daném obecném grafu náleží určitému DF-stromu a BF-stromu tytéž hrany. Znamená to nutně, že daný graf je strom?
- i) Mohou být v nějakém obyčejném grafu některé dva různé BF stromy (po zrušení orientace jejich hran) hranově disjunktní?
- j) Mohou být v nějakém grafu některé dva různé DF stromy se společným kořenem (po zrušení orientace jejich hran) hranově disjunktní?
- k) Mohou v nějakém souvislém grafu, který není stromem, existovat dva BF-stromy, které mají kořen v různých uzlech, ale přesto používají tytéž hrany grafu?

## Komponenty a procházení

- a) Jakou nutnou podmínku musí splňovat orientovaný graf, aby jeho prohledáním do hloubky vycházejícím z libovolného uzlu vznikl jediný strom prohledávání (nikoli les)? Jak tato otázka souvisí s kondenzací grafu?
- b) V jakém pořadí je třeba vybírat uzly při volání procedury DFS-Projdi, aby vzniklý DF- les měl maximální počet slabých komponent?