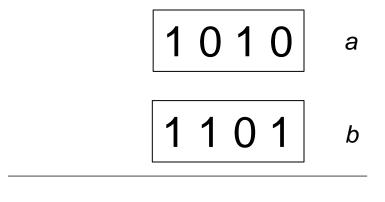
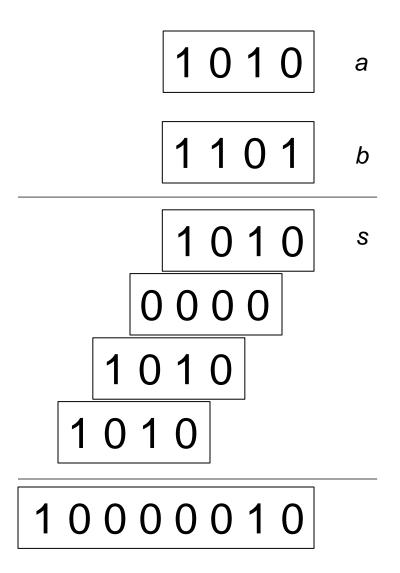
# ARHITECTURA SISTEMELOR DE CALCUL – SEMINAR 4

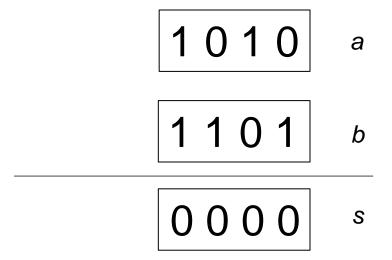
**NOTIȚE SUPORT SEMINAR** 

Cristian Rusu



S





```
11111010
   11111101
   11111010
  0000000
 11111010
11111010
   00010010
```

```
11111010
               a = -6
   11111101
                b = -3
               s = 18
   11111010
  0000000
 11111010
11111010
   00010010
```

- a x 2
  - soluţia:
- a x 16
  - soluţia:
- a x 3
  - soluţia:
- a x 7
  - soluţia:
- a/8
  - soluţia:
- a mod 16
  - soluţia:
- a x 72
  - soluţia:

- ax2
  - soluția: a << 1, sau a + a
- a x 16
  - soluţia:
- a x 3
  - soluţia:
- ax7
  - soluţia:
- a/8
  - soluţia:
- a mod 16
  - soluţia:
- a x 72
  - soluţia:

- a x 2
  - soluția: a << 1, sau a + a
- a x 16
  - soluţia: a << 4</li>
- a x 3
  - soluţia:
- a x 7
  - soluţia:
- a/8
  - soluţia:
- a mod 16
  - soluţia:
- a x 72
  - soluţia:

- a x 2
  - soluţia: a << 1, sau a + a</li>
- a x 16
  - soluţia: a << 4</li>
- a x 3
  - soluţia: a << 1 + a</li>
- a x 7
  - soluţia:
- a/8
  - soluţia:
- a mod 16
  - soluţia:
- a x 72
  - soluţia:

- a x 2
  - soluţia: a << 1, sau a + a</li>
- a x 16
  - soluţia: a << 4</li>
- a x 3
  - soluţia: a << 1 + a</li>
- ax7
  - soluția: a << 3 a
- a/8
  - soluţia:
- a mod 16
  - soluţia:
- a x 72
  - soluţia:

- a x 2
  - soluţia: a << 1, sau a + a</li>
- a x 16
  - soluţia: a << 4</li>
- a x 3
  - soluţia: a << 1 + a</li>
- ax7
  - soluția: a << 3 a
- a/8
  - soluţia: a >> 3
- a mod 16
  - soluţia:
- a x 72
  - soluţia:

- a x 2
  - soluţia: a << 1, sau a + a</li>
- a x 16
  - soluţia: a << 4</li>
- a x 3
  - soluţia: a << 1 + a</li>
- ax7
  - soluția: a << 3 a
- a/8
  - soluţia: a >> 3
- a mod 16
  - soluţia: a & 0x000F
- a x 72
  - soluţia:

- a x 2
  - soluţia: a << 1, sau a + a</li>
- a x 16
  - soluţia: a << 4</li>
- ax3
  - soluţia: a << 1 + a</li>
- ax7
  - soluția: a << 3 a
- a/8
  - soluţia: a >> 3
- a mod 16
  - soluţia: a & 0x000F
- a x 72
  - soluția: a << 6 + a << 3

- a mod 16
  - soluţia: a & 0x000F
- a div 16
  - soluţia:

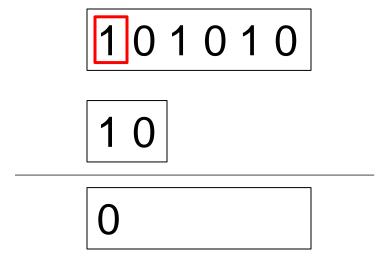
- a mod 16
  - soluţia: a & 0x000F
- a div 16
  - soluția: (a & FFF0) >> 4, sau doar a >> 4
  - de asemenea: a = a & FFF0 + a & 000F = div cu 16 + mod cu 16

- a x 2
  - soluţia:

- a x 2
  - soluția: a = (a < 0) ? -((-a) << 1)) : a << 1

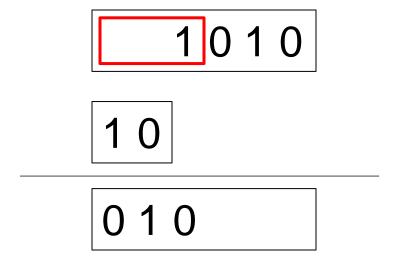
101010 / 10

101010 / 10

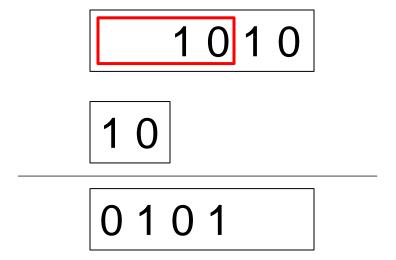


101010 / 10

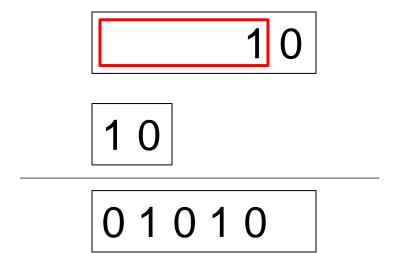
101010 / 10



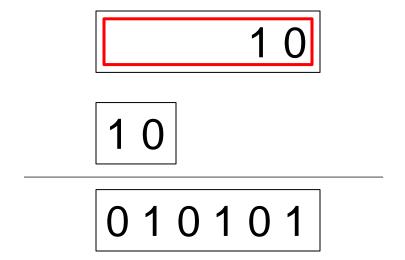
· 101010 / 10



101010 / 10



101010 / 10



101010 / 10

101010 a
10 1010 s

101010 / 10

$$b = 2$$

$$s = 21$$

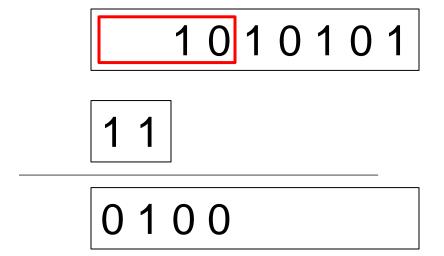
· 111010101 / 11

· 111010101 / 11

· 111010101 / 11

· 111010101 / 11

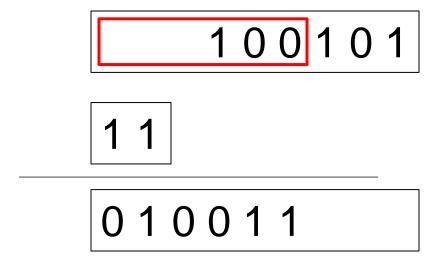
· 111010101 / 11



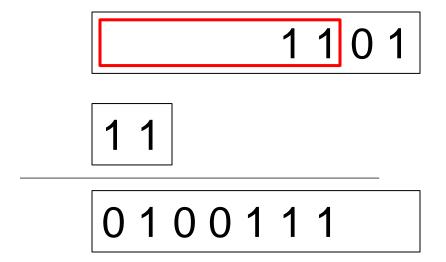
· 111010101 / 11

1010101

· 111010101 / 11

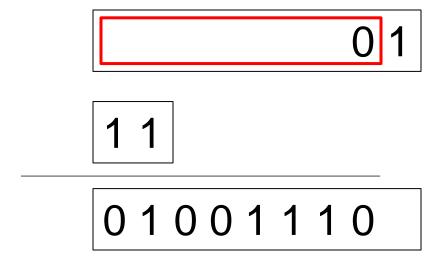


· 111010101 / 11



# ÎMPĂRȚIREA, EX. 5

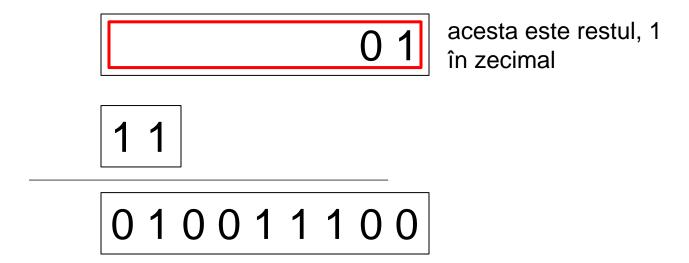
· 111010101 / 11



.

# ÎMPĂRȚIREA, EX. 5

111010101 / 11



.

# ÎMPĂRȚIREA, EX. 5

111010101 / 11

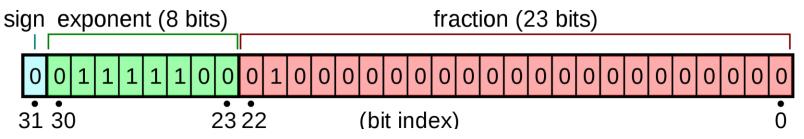
$$a = 469$$

$$b = 3$$

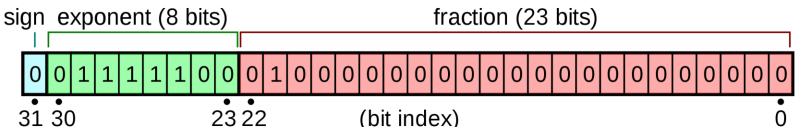
$$s = 156$$

0 1

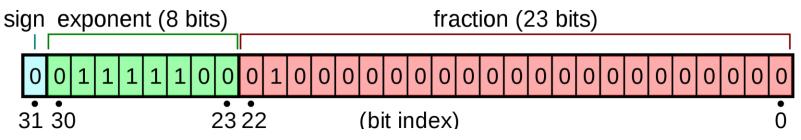
acesta este restul, 1 în zecimal



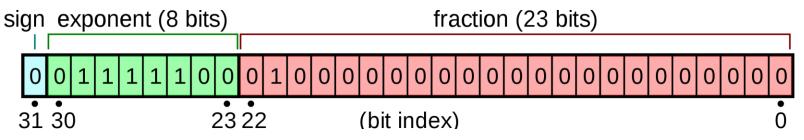
- -1313.3125
  - partea întreagă este: ?
  - partea fracționară: ?



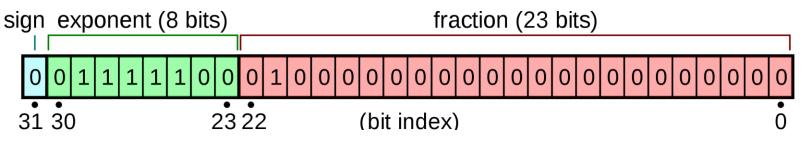
- -1313.3125
  - partea întreagă este: 1313
  - partea fracționară: 0.3125
    - $0.3125 \times 2 = 0.625 \Rightarrow 0$
    - $0.625 \times 2 = 1.25 \Rightarrow 1$
    - $0.25 \times 2 = 0.5 \Rightarrow 0$
    - $0.5 \times 2 = 1.0 \Rightarrow 1$
  - deci,  $1313.3125_{10} = ?_2$



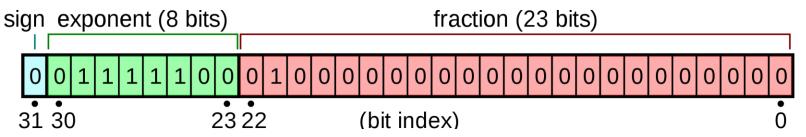
- -1313.3125
  - partea întreagă este: 1313
  - partea fracționară: 0.3125
    - $0.3125 \times 2 = 0.625 \Rightarrow 0$
    - $0.625 \times 2 = 1.25 => 1$
    - $0.25 \times 2 = 0.5 \Rightarrow 0$
    - $0.5 \times 2 = 1.0 => 1$
  - deci,  $1313.3125_{10} = 10100100001.0101_2$
  - normalizare: ?
  - mantisa este ?
  - exponentul este ?
  - semnul este?



- -1313.3125
  - partea întreagă este: 1313
  - partea fracționară: 0.3125
    - $0.3125 \times 2 = 0.625 \Rightarrow 0$
    - $0.625 \times 2 = 1.25 => 1$
    - $0.25 \times 2 = 0.5 \Rightarrow 0$
    - $0.5 \times 2 = 1.0 => 1$
  - deci,  $1313.3125_{10} = 10100100001.0101_2$
  - normalizare:  $10100100001.0101_2 = 1.01001000010101_2 \times 2^{10}$
  - mantisa este ?
  - exponentul este ?
  - semnul este?

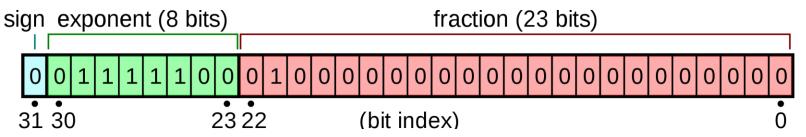


- -1313.3125
  - partea întreagă este: 1313
  - partea fracționară: 0.3125
    - $0.3125 \times 2 = 0.625 \Rightarrow 0$
    - $0.625 \times 2 = 1.25 => 1$
    - $0.25 \times 2 = 0.5 => 0$
    - $0.5 \times 2 = 1.0 => 1$
  - deci,  $1313.3125_{10} = 10100100001.0101_2$
  - normalizare:  $10100100001.0101_2 = 1.01001000010101_2 \times 2^{10}$
  - mantisa este 01001000010101000000000
  - exponentul este 10 + 127 = 137 = 10001001<sub>2</sub>
  - semnul este 1

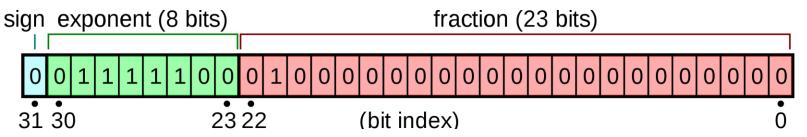


calculăm abs(a)

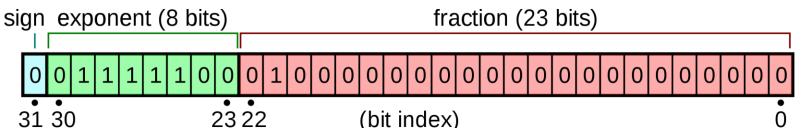
.



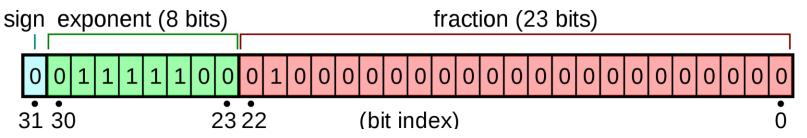
- calculăm abs(a)
  - soluția: a = a & ~(1 << 31)



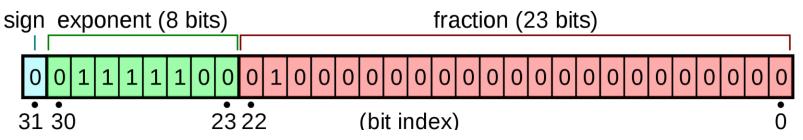
· schimbați semnul lui a



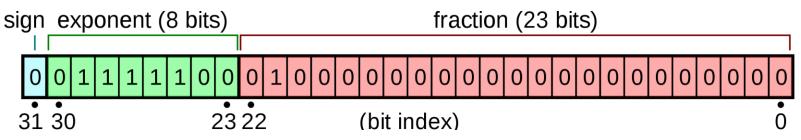
- schimbaţi semnul lui a
  - soluția: a = a ^ (1 << 31)



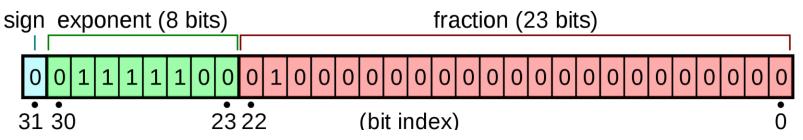
• împărțiți a la 4



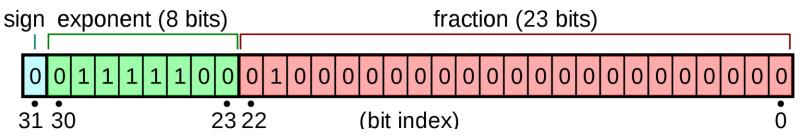
- împărțiți a la 4
  - soluţia:
    - vrem exponentul, unde se află?
      - MASK =
    - extragem exponent =
    - dacă exponent > 1 atunci ...
    - trebuie să actualizăm a
      - a =



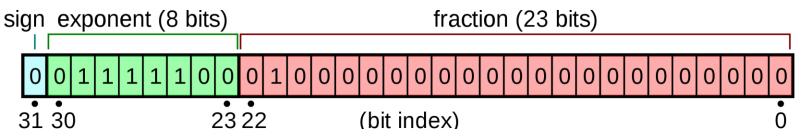
- împărțiți a la 4
  - soluţia:
    - vrem exponentul, unde se află?
      - MASK = 0x7F800000
    - extragem exponent =
    - dacă exponent > 1 atunci ...
    - trebuie să actualizăm a
      - a =



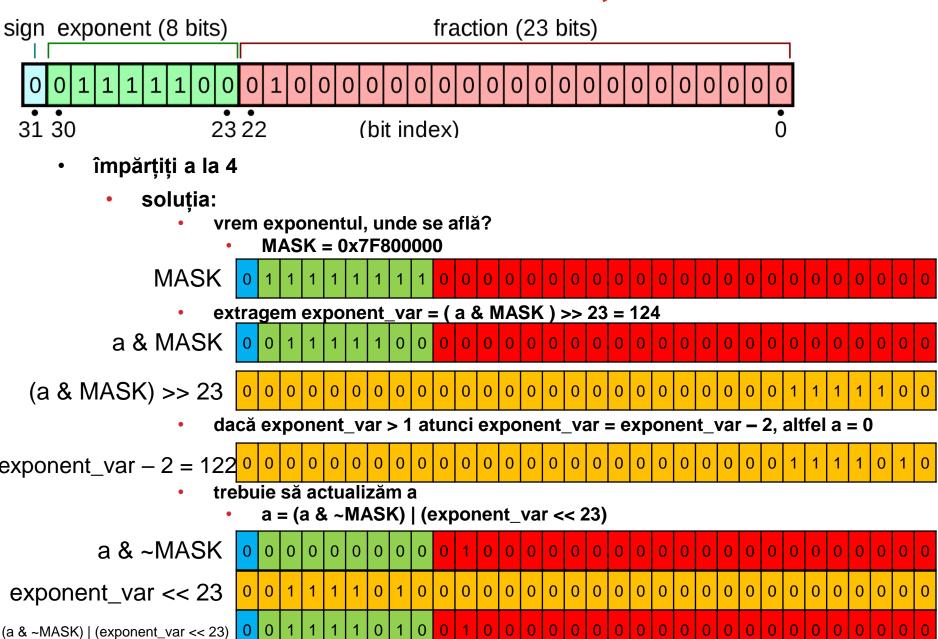
- împărțiți a la 4
  - soluţia:
    - vrem exponentul, unde se află?
      - MASK = 0x7F800000
    - extragem exponent = ( a & MASK ) >> 23
    - dacă exponent > 1 atunci ...
    - trebuie să actualizăm a
      - a =



- împărțiți a la 4
  - soluţia:
    - vrem exponentul, unde se află?
      - MASK = 0x7F800000
    - extragem exponent = ( a & MASK ) >> 23
    - dacă exponent > 1 atunci exponent = exponent 2, altfel a = 0
    - trebuie să actualizăm a
      - a =



- împărțiți a la 4
  - soluţia:
    - vrem exponentul, unde se află?
      - MASK = 0x7F800000
    - extragem exponent = ( a & MASK ) >> 23
    - dacă exponent > 1 atunci exponent = exponent 2, altfel a = 0
    - trebuie să actualizăm a
      - a = (a & ~MASK) | (exponent << 23)</li>



# FP ÎN HEX, EX. 9

#### 

- S = 1
- E = 10111101
- M = 01011011011111011101111
- (-1)^S 1.M \*  $2^{E-127} = (-1)$  1.0101101111111111111111  $2^{189-127}$

= -6259853398707798000

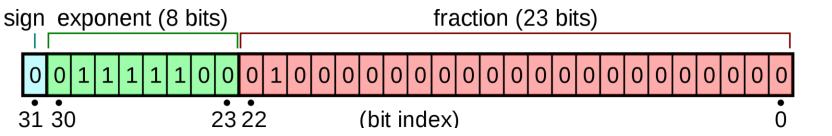
#### 

- S = 0
- E = 10001000
- M = 01101100001000000000000

#### j) 0xC00010FF = 0b11000000000000000010000111111111

- S = 1
- E = 10000000
- M = 00000000001000011111111
- (-1)^S 1.M \*  $2^{E-127}$  = (-1) 1.00000000001000011111111  $2^{128-127}$  = -1.0000000001000011111111  $2^{1}$  = -2.001037359237671

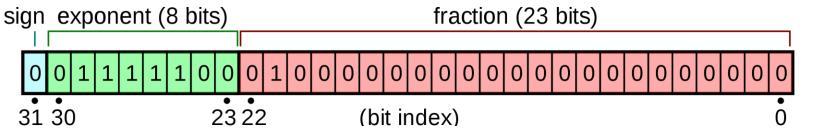
## ZERO ÎN IEEE FP, EX. 10



• setați s = 0, e = 0, f = 0

.

## ZERO ÎN IEEE FP, EX. 10



- setaţi s = 0, e = 0, f = 0
- $a = (-1)^0 \times 1.00...00 \times 2^{-127} = 2^{-127} \neq 0$

- primul pas, trecem fiecare număr în format
  - $0.2 = +1.10011001100110011001100 \times 2^{-3} = 0.19999998807907104$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001 \times 2^{-2} = 0.29999998211860657$

- primul pas, trecem fiecare număr în format
  - $0.2 = +1.10011001100110011001100 \times 2^{-3} = 0.19999998807907104$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001 \times 2^{-2} = 0.29999998211860657$
- al doilea pas, alinierea
  - $0.2 = +0.1100110011001100110|000 \times 2^{-2}$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001|000 \times 2^{-2}$

- primul pas, trecem fiecare număr în format
  - $0.2 = +1.10011001100110011001100 \times 2^{-3} = 0.19999998807907104$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001 \times 2^{-2} = 0.29999998211860657$
- al doilea pas, alinierea
  - $0.2 = +0.1100110011001100110|000 \times 2^{-2}$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001|000 \times 2^{-2}$
- al treilea pas, adunăm

- primul pas, trecem fiecare număr în format
  - $0.2 = +1.10011001100110011001100 \times 2^{-3} = 0.19999998807907104$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001 \times 2^{-2} = 0.29999998211860657$
- al doilea pas, alinierea
  - $0.2 = +0.1100110011001100110|000 \times 2^{-2}$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001|000 \times 2^{-2}$
- al treilea pas, adunăm
- al patrulea pas, normalizare (dacă e necesar)

- primul pas, trecem fiecare număr în format
  - $0.2 = +1.10011001100110011001100 \times 2^{-3} = 0.19999998807907104$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001 \times 2^{-2} = 0.29999998211860657$
- al doilea pas, alinierea
  - $0.2 = +0.1100110011001100110|000 \times 2^{-2}$
  - $0.3 = +1.00110011001100110011001|000 \times 2^{-2}$
- al treilea pas, adunăm
- al patrulea pas, normalizare (dacă e necesar)

# ÎMPĂRȚIREA RAPIDĂ, EX. 12

• a/19

# ÎMPĂRȚIREA RAPIDĂ, EX. 12

a / 19

$$a \times \frac{1}{19} \approx \frac{a \times \frac{2938661835}{2^{32}} + \frac{a - a \times \frac{2938661835}{2^{32}}}{2^{4}}}{2^{4}}$$

$$a \times \frac{1}{19} \approx (a \times 29386618352^{-32} + (a - a \times 2938661835 \times 2^{-32}) \times 2^{-1}) \times 2^{-4}$$

$$a \times \frac{1}{19} \approx a \times \frac{7233629131}{137438953472}$$

- 1/19 = 0.05263157894
- 7233629131 / 137438953472 = 0.05263157895

# ÎMPĂRȚIREA RAPIDĂ, EX. 12

a / 19

$$a \times \frac{1}{19} \approx \frac{a \times \frac{2938661835}{2^{32}} + \frac{a - a \times \frac{2938661835}{2^{32}}}{2^{4}}}{a \times \frac{1}{19}} \approx (a \times 29386618352^{-32} + (a - a \times 2938661835 \times 2^{-32}) \times 2^{-1}) \times 2^{-4}$$

$$a \times \frac{1}{19} \approx a \times \frac{7233629131}{137438953472}$$

soluţia generală

$$rac{a}{D}pproxrac{rac{aC}{2^X}+rac{a-rac{aC}{2^X}}{2^Y}}{2^Z} \ Dpproxrac{2^{X+Y+Z}}{C imes(2^Y-1)+2^Z}$$

- calculați aproximarea binară
  - soluţia:

- calculaţi aproximarea binară
  - soluția: 0.099999904632568359375

- calculaţi aproximarea binară
  - soluția: 0.099999904632568359375
- care este diferența dintre valoarea calculată și 0.1
  - soluţia:

- calculați aproximarea binară
  - soluţia: 0.099999904632568359375
- care este diferența dintre valoarea calculată și 0.1
  - soluţia: 0.1 0.099999904632568359375
- care este eroarea (de timp) după 100 de ore de operare
  - soluţia:

- calculaţi aproximarea binară
  - soluția: 0.099999904632568359375
- care este diferența dintre valoarea calculată și 0.1
  - soluţia: 0.1 0.099999904632568359375
- care este eroarea (de timp) după 100 de ore de operare
  - soluția:  $100x60x60x10x(0.1 0.099999904632568359375) \approx 0.34$

- calculați aproximarea binară
  - soluția: 0.099999904632568359375
- care este diferența dintre valoarea calculată și 0.1
  - soluția: 0.1 0.099999904632568359375
- care este eroarea (de timp) după 100 de ore de operare
  - soluția: 100x60x60x10x(0.1 0.099999904632568359375) ≈ 0.34
- care este eroarea dacă reprezentăm 0.1 în formatul IEEE 754 FP?
  - soluţia:

- calculați aproximarea binară
  - soluția: 0.099999904632568359375
- care este diferența dintre valoarea calculată și 0.1
  - soluţia: 0.1 0.099999904632568359375
- care este eroarea (de timp) după 100 de ore de operare
  - soluția:  $100x60x60x10x(0.1 0.099999904632568359375) \approx 0.34$
- care este eroarea dacă reprezentăm 0.1 în formatul IEEE 754 FP?
  - soluția: 100x60x60x10x(0.1 0.09999999403953552) ≈ 0.021

- calculați aproximarea binară
  - soluţia: 0.099999904632568359375
- care este diferența dintre valoarea calculată și 0.1
  - soluţia: 0.1 0.099999904632568359375
- care este eroarea (de timp) după 100 de ore de operare
  - soluţia: 100x60x60x10x(0.1 0.099999904632568359375) ≈ 0.34
- care este eroarea dacă reprezentăm 0.1 în formatul IEEE 754 FP?
  - soluția: 100x60x60x10x(0.1 0.09999999403953552) ≈ 0.021
- dacă rachetele SCUD pot atinge o viteza MACH 5, care este distanța pe care racheta o poate parcurge în timpul eroare calculat?
  - soluţia:

- calculați aproximarea binară
  - soluţia: 0.099999904632568359375
- care este diferența dintre valoarea calculată și 0.1
  - soluţia: 0.1 0.099999904632568359375
- care este eroarea (de timp) după 100 de ore de operare
  - soluţia: 100x60x60x10x(0.1 0.099999904632568359375) ≈ 0.34
- care este eroarea dacă reprezentăm 0.1 în formatul IEEE 754 FP?
  - soluția: 100x60x60x10x(0.1 0.09999999403953552) ≈ 0.021
- dacă rachetele SCUD pot atinge o viteza MACH 5, care este distanța pe care racheta o poate parcurge în timpul eroare calculat?
  - soluția: 1715 m/s \* 0.34 s ≈ 583 m, 1715 m/s \* 0.021 s ≈ 36 m