

Concepte și aplicații în Vederea Artificială

Bogdan Alexe

bogdan.alexe@fmi.unibuc.ro

Radu Ionescu

radu.ionescu@fmi.unibuc.ro

Curs optional
anul III, semestrul I, 2023-2024

Cursul trecut

- Diverse modele pentru zgomot în imagini
 - salt and pepper, impuls
 - Gaussian (normal)
- Filtrarea liniară
 - corelație, **convoluție**
 - filtre: de medie, Gaussian, **accentuare**
 - aplicație: imagini hibrid



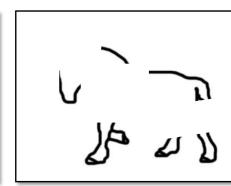
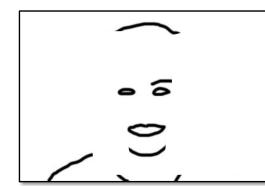
normal

Cursul de azi

- Filtrarea liniară
 - corelație, **convoluție, accentuare**
- Filtrarea neliniară
 - filtrul median
- Aplicații ale filtrelor:
 - găsirea şabloanelor (cursul de azi)

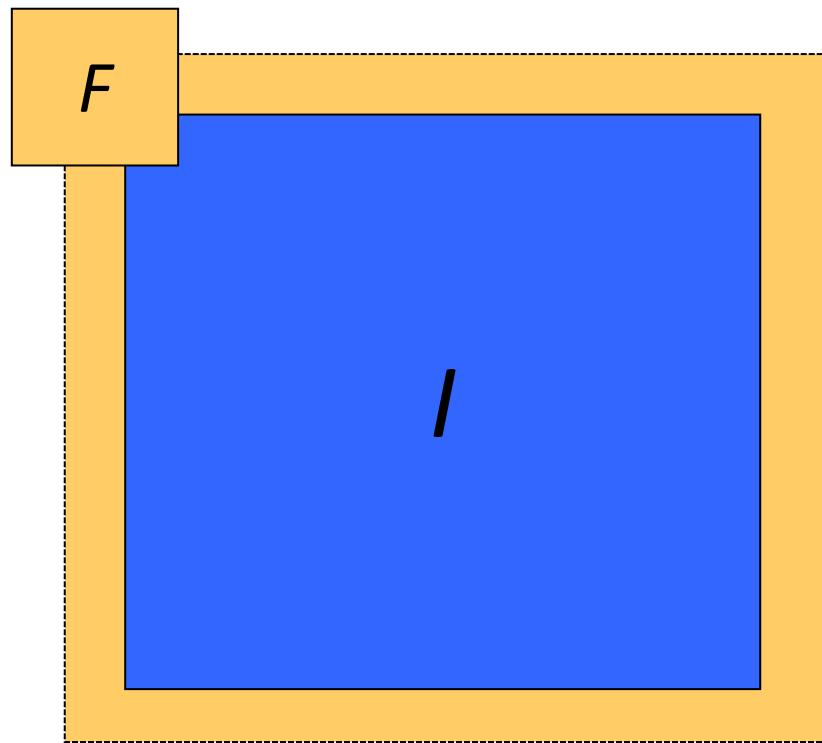


- redimensionarea imaginilor (cursul de azi)
- extragerea informației (muchii, textură – cursul de azi + săptămâna viitoare)



Corelație

$$O[i, j] = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-k}^k F[u, v] I[i + u, j + v]$$



Corelație

$$O[i, j] = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-k}^k F[u, v] I[i + u, j + v]$$

Corelație: $O = F \otimes I$

Filtrarea (liniară a) unei imagini: înlocuim fiecare pixel cu o combinație (liniară) a “vecinilor” săi.

F se mai numește filtru, kernel, mască (de filtrare).

Filtrul F - conține ponderile pixelilor folosiți în combinația (liniară).

Filtrarea unui semnal impuls

Ce rezultă în urma filtrării semnalului impuls (imaginea) I cu filtrul F ?

a	b	c
d	e	f
g	h	i

$$F[u, v]$$



0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0

$$I[x, y]$$

$$O[x, y]$$

Filtrarea unui semnal impuls

Ce rezultă în urma filtrării semnalului impuls (imaginea) I cu filtrul F ?

a	b	c
d	e	f
g	h	i



$$F[u, v]$$

0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0

$$I[x, y]$$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0					0	0
0	0					0	0
0	0					0	0
0	0					0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

$$O[x, y]$$

Filtrarea unui semnal impuls

Ce rezultă în urma filtrării semnalului impuls (imaginea) I cu filtrul F ?

a	b	c
d	e	f
g	h	i



$$F[u, v]$$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

$$I[x, y]$$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	?	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

$$O[x, y]$$

Filtrarea unui semnal impuls

Ce rezultă în urma filtrării semnalului impuls (imaginea) I cu filtrul F ?

a	b	c
d	e	f
g	h	i



$$F[u, v]$$

0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0

$$I[x, y]$$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	i	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

$$O[x, y]$$

Filtrarea unui semnal impuls

Ce rezultă în urma filtrării semnalului impuls (imaginea) I cu filtrul F ?

a	b	c
d	e	f
g	h	i



$$F[u, v]$$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

$$I[x, y]$$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	i	h	g	0	0	0
0	0	f	e	d	0	0	0
0	0	c	b	a	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

$$O[x, y]$$

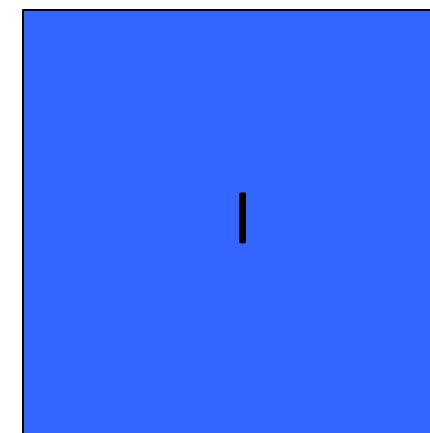
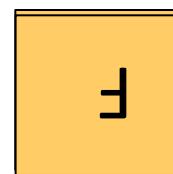
Convoluție

- Convoluție:
 - inversăm filtrul în ambele direcții (jos ↔ sus, dreapta ↔ stânga)
 - aplicăm corelația

$$O[i, j] = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-k}^k F[u, v] I[i - u, j - v]$$

$$O = F \star I$$

↑
notație pentru conoluție



Convoluție vs. corelație

Convoluție

$$O[i, j] = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-k}^k F[u, v] I[i - u, j - v]$$

$$O = F \star I$$

Corelație

$$O[i, j] = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-k}^k F[u, v] I[i + u, j + v]$$

$$O = F \otimes I$$

Pentru un filtru normal/de medie, cum diferă output-ul?

Pentru input = un semnal impuls, cum diferă output-ul?

Output = ?

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} * \begin{matrix} \text{eye image} \\ = ? \end{matrix}$$

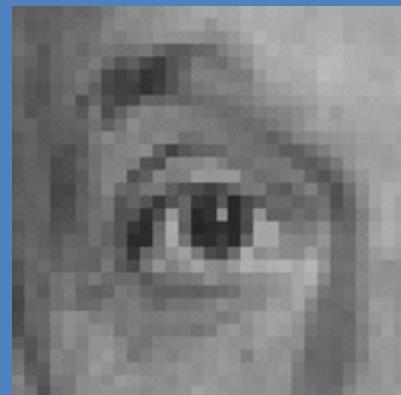
$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} * \begin{matrix} \text{eye image} \\ = ? \end{matrix}$$

$$\left[\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} - \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \right] * \begin{matrix} \text{eye image} \\ = ? \end{matrix}$$

Filtre liniare

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

*



=

?

input

output

Filtre liniare

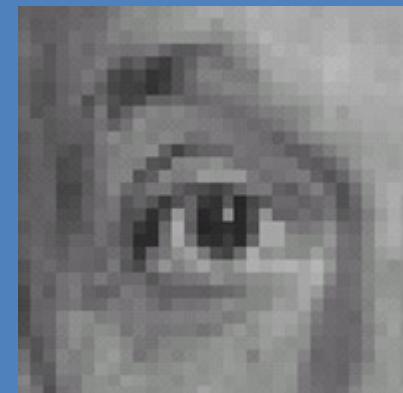
$$\begin{matrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{matrix}$$

*



input

=

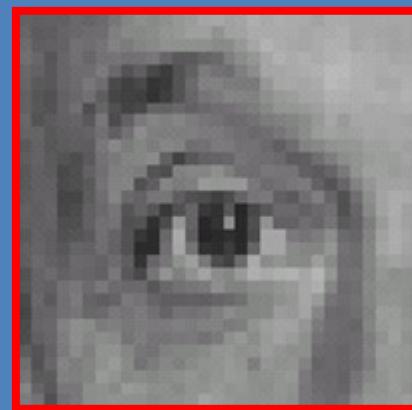


output (la fel)

Filtre liniare

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

*



=

?

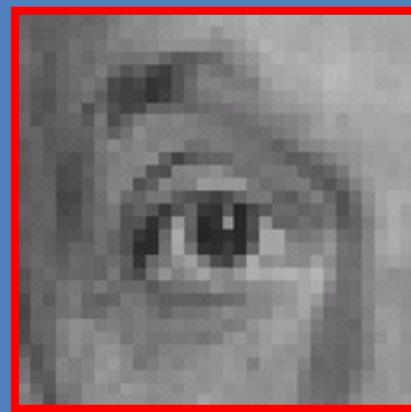
input

output

Filtre liniare

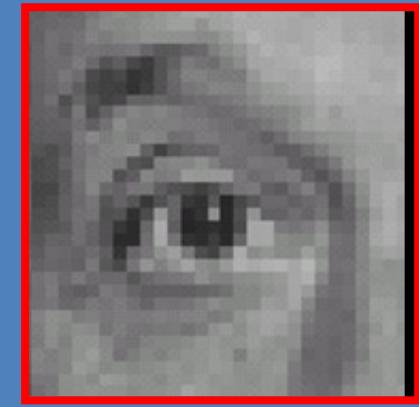
$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

*



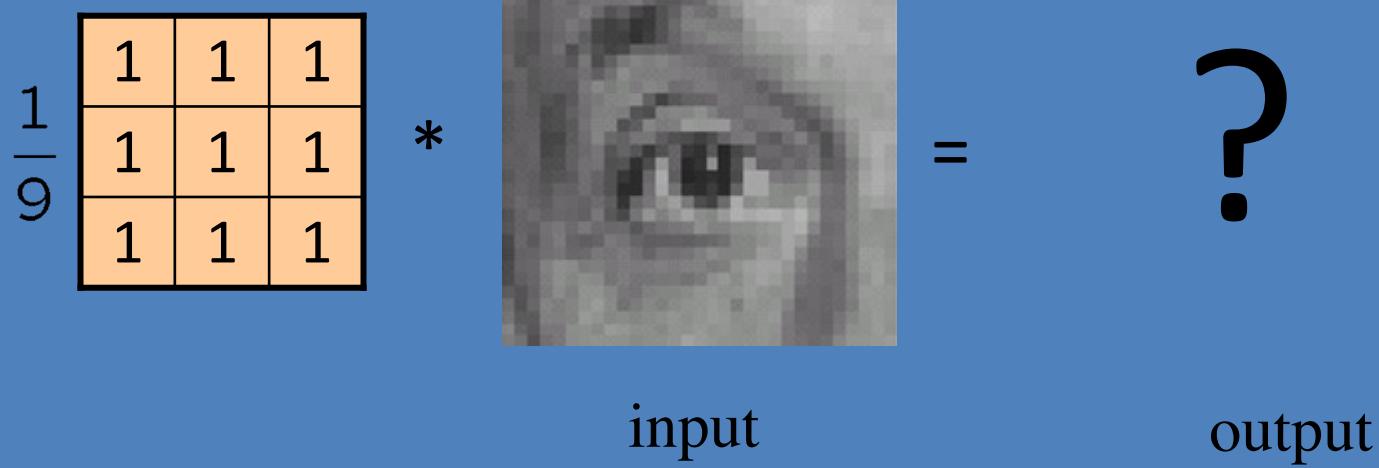
input

=



output: deplasat la
stânga cu 1 pixel

Filtre liniare

$$\frac{1}{9} \begin{matrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{matrix} * \begin{matrix} \text{input} \end{matrix} = \begin{matrix} \text{output} \end{matrix}$$


The diagram illustrates a linear filter application. On the left, a 3x3 kernel matrix with all elements set to 1 is shown, with a fraction $\frac{1}{9}$ placed to its left, indicating it is a uniform filter. This is followed by an asterisk (*) symbol, which denotes convolution. To the right of the asterisk is an equals sign (=). To the right of the equals sign is a large black question mark (?), representing the output of the convolution process.

Filtre liniare

$$\frac{1}{9} \begin{matrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{matrix}$$

*



input

=



blurat
(cu filtru de medie)

Filtre liniare

$$\left[\begin{array}{ccc} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{array} \right] - \frac{1}{9} \left[\begin{array}{ccc} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{array} \right]$$

(Suma = 1)



input

?

output

Filtre liniare

$$\frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 17 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array}$$

*



=

?

(Suma = 1)

input

output

Filtre liniare

$$\frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 17 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array}$$

(Suma = 1)

*



input

=



output

Filtru de accentuare - accentuează diferențele cu ajutorul mediilor locale

Reducerea de zgomot



imagine originală



“salt and pepper”



impuls



normal

Reducerea zgomotului “salt and pepper”



Aplicăm un filtru Gaussian de dimensiune $n \times n$

3×3



5×5



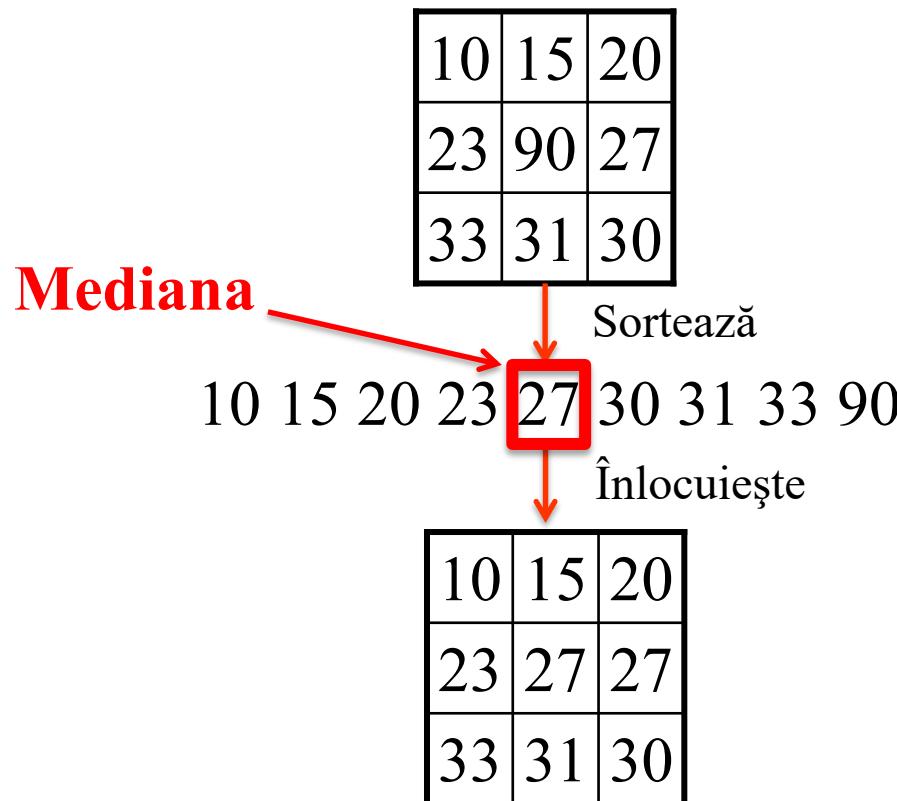
7×7



Zgomotul se elimină dar imaginea se deteriorează
(blurare + zgomotul se împărăștie la pixelii vecini)

Filtru median

- Un **filtru median** operează asupra unei ferestre prin selectarea intensității mediane



Filtru median

- Un **filtru median** operează asupra unei ferestre prin selectarea intensității mediane
- Este liniar? ($\text{median}(I_1+I_2) = \text{median}(I_1) + \text{median}(I_2)$)

$$\text{mediana}(\begin{array}{|c|c|c|}\hline 10 & 10 & 10 \\ \hline 10 & 15 & 20 \\ \hline 20 & 20 & 20 \\ \hline \end{array}) + \text{mediana}(\begin{array}{|c|c|c|}\hline 10 & 10 & 10 \\ \hline 10 & 5 & 20 \\ \hline 20 & 20 & 20 \\ \hline \end{array}) = \text{mediana}(\begin{array}{|c|c|c|}\hline 20 & 20 & 20 \\ \hline 20 & 20 & 40 \\ \hline 40 & 40 & 40 \\ \hline \end{array}) = 20$$

$$\text{mediana}(\begin{array}{|c|c|c|}\hline 10 & 10 & 10 \\ \hline 10 & 15 & 20 \\ \hline 20 & 20 & 20 \\ \hline \end{array}) + \text{mediana}(\begin{array}{|c|c|c|}\hline 10 & 10 & 10 \\ \hline 10 & 5 & 20 \\ \hline 20 & 20 & 20 \\ \hline \end{array}) = 15 + 10 = 25$$

- NU este liniar

Filtrul median vs. filtrul Gaussian

3×3

5×5

7×7

filtru
Gaussian



zgomot

“salt and peper”

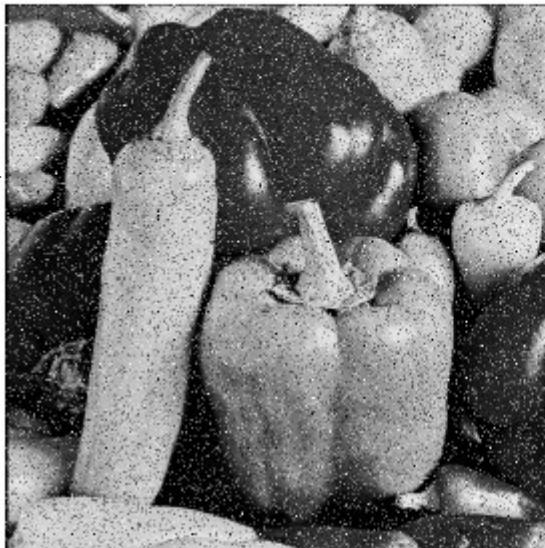
filtru
median



Zgomotul se elimină imaginea cu un filtru median 3×3 . Pentru vecinătăți mai mari imaginea se deteriorează (se uniformizează).

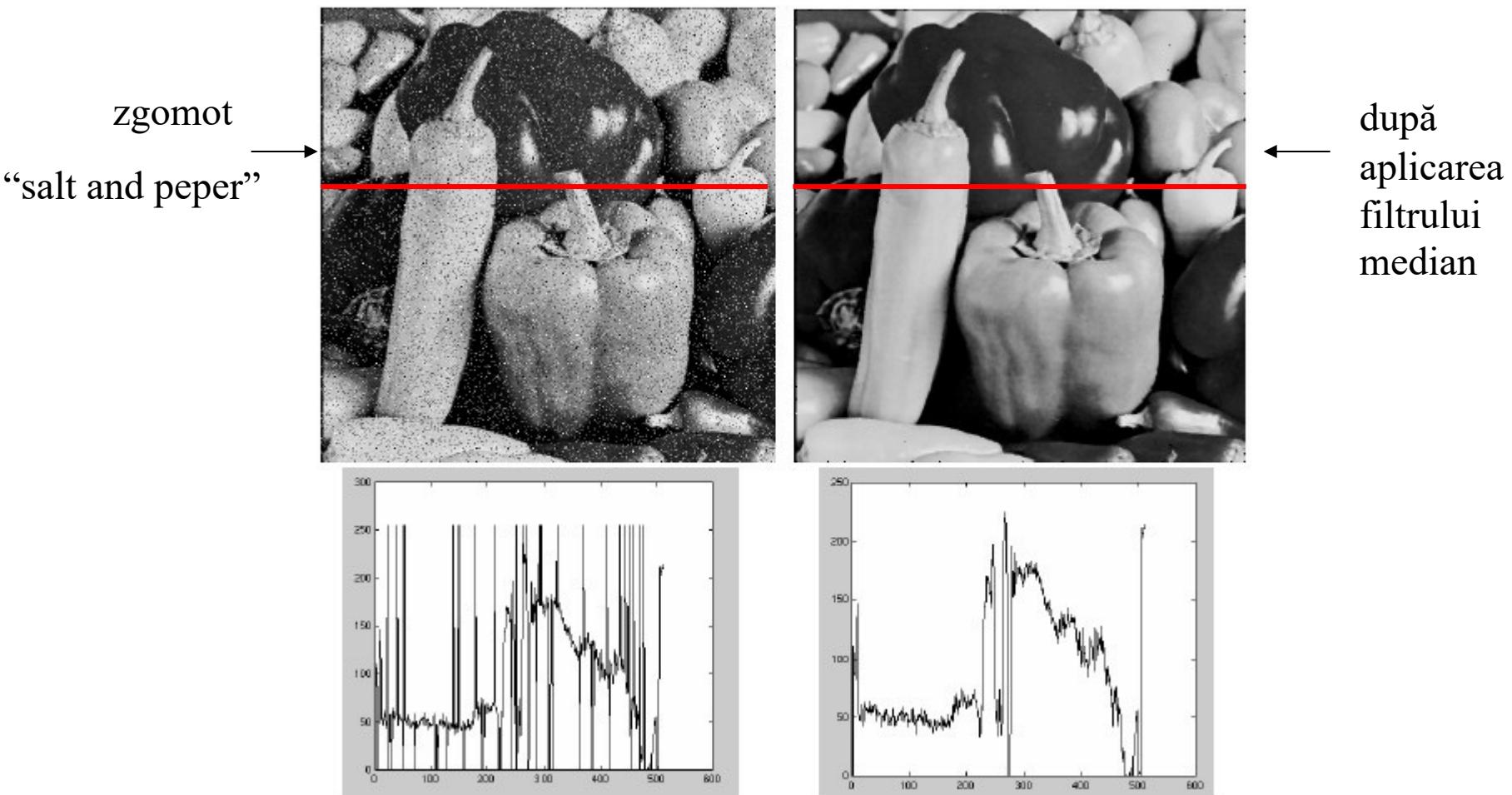
Filtrul median

zgomot
“salt and peper”



după
aplicarea
filtrului
median

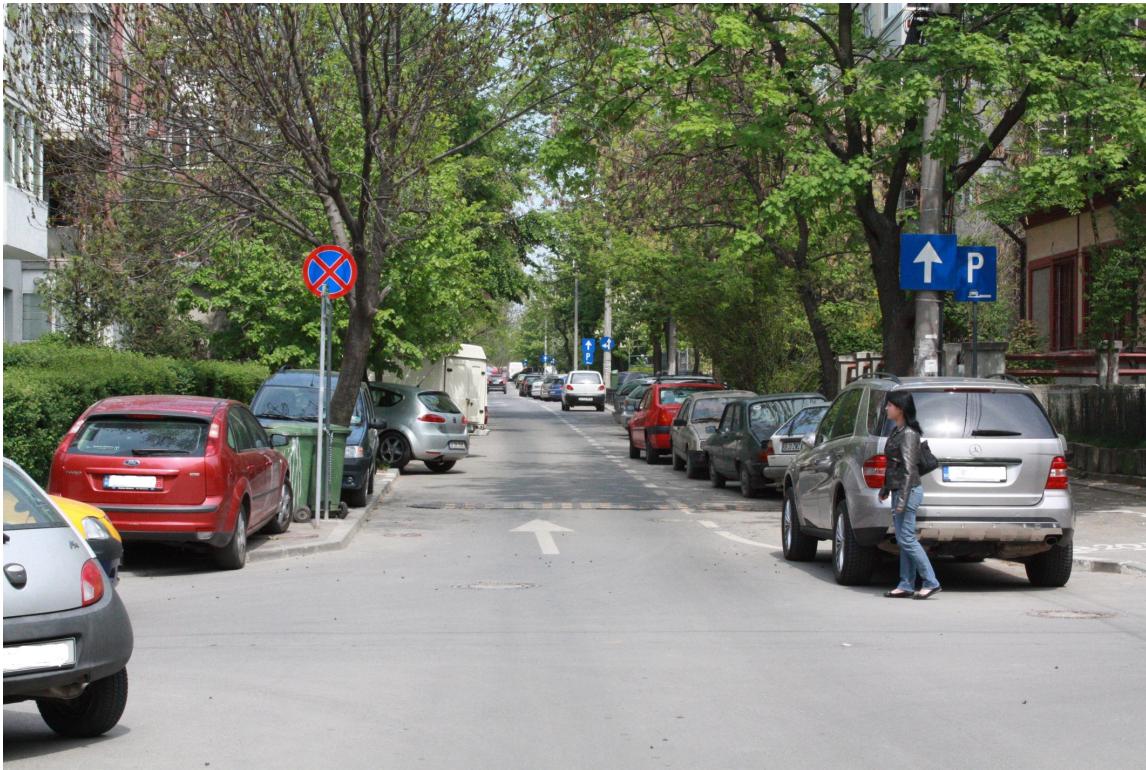
Filtrul median



Plotăm intensitatea pentru pixelii (de pe linia roșie) din imagini

Găsirea şabloanelor (template matching)

Găsirea şabloanelor - exemplu



Vrem să găsim în imaginea alăturată şablonul de mai jos:



- cea mai simplă metodă de detectare a obiectelor
- pentru fiecare pixel din imagine, compară şablonul cu fereastra centrată la acel pixel: măsoară cât de bine se aseamănă fereastra cu şablonul (similaritate)

Găsirea şabloanelor - exemplu



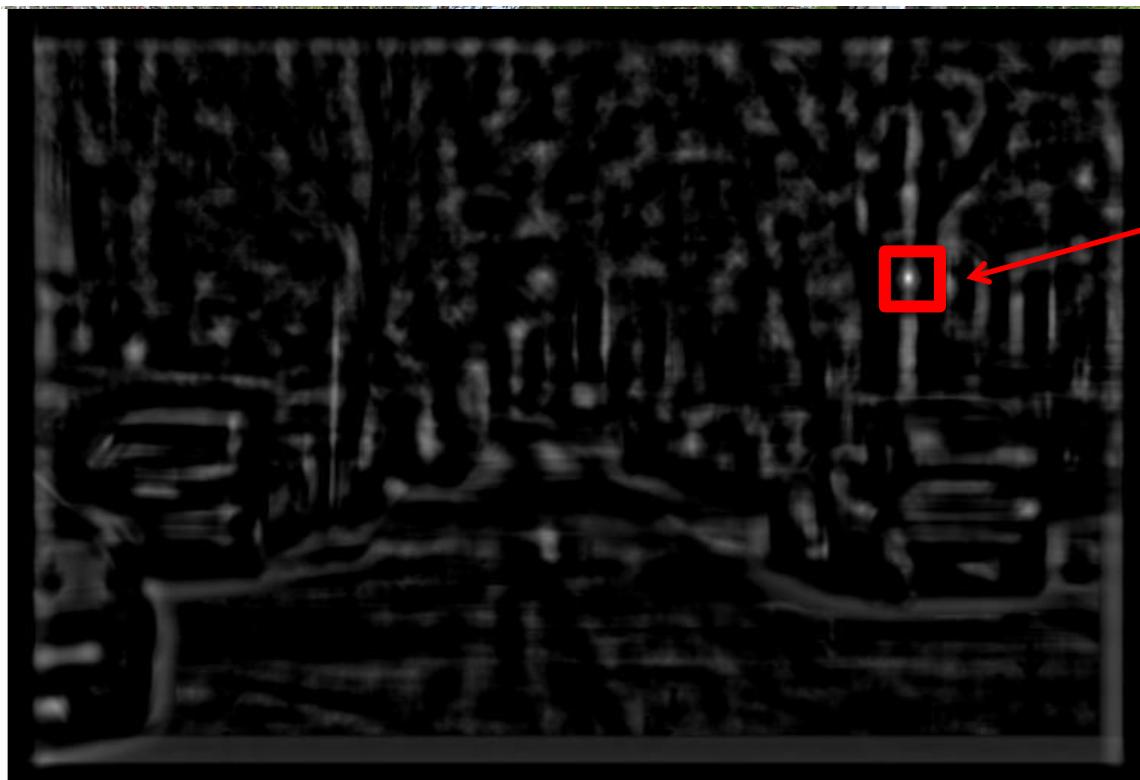
Vrem să găsim în imaginea alăturată şablonul de mai jos:



- cea mai simplă metodă de detectare a obiectelor
- pentru fiecare pixel din imagine, compară şablonul cu fereastra centrată la acel pixel: măsoară cât de bine se aseamănă fereastra cu şablonul (similaritate)

Găsirea şabloanelor - exemplu

Similaritate



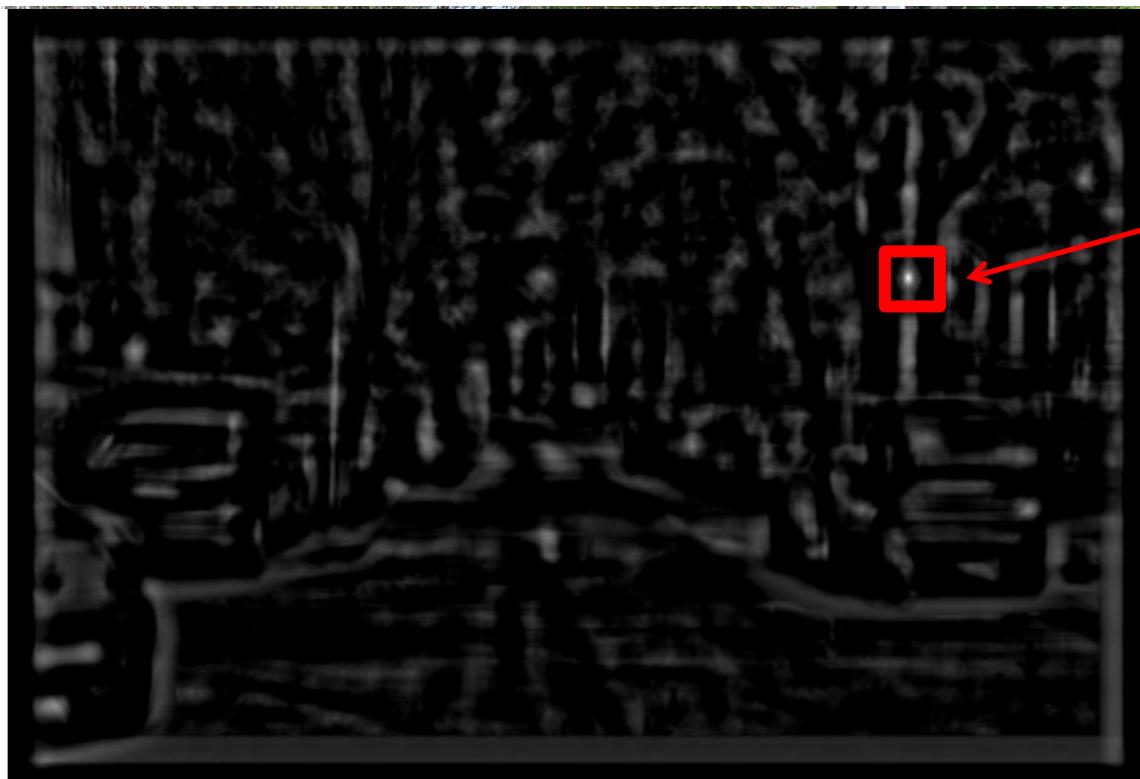
Valoarea cea mai mare a similarității

↑
şablon
(sens unic)

- cea mai simplă metodă de detectare a obiectelor
- pentru fiecare pixel din imagine, compară şablonul cu fereastra centrată la acel pixel: măsoară cât de bine se aseamănă fereastra cu şablonul (similaritate)

Găsirea şabloanelor - exemplu

Similaritate



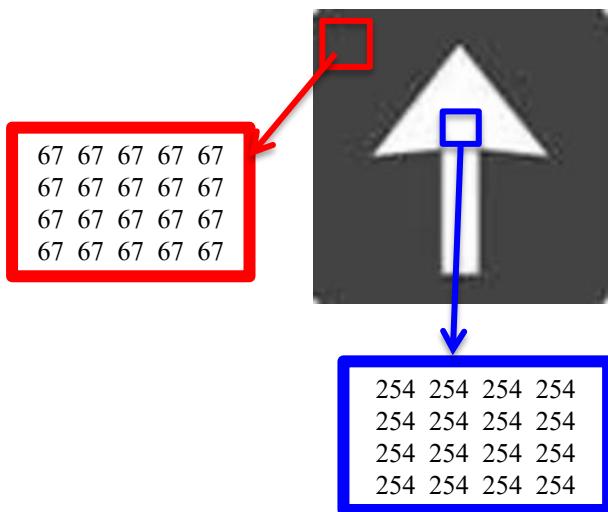
Valoarea cea mai
mare a similaritatii

↑
şablon
(sens unic)

- similaritate = imagine filtrată (şablon = filtru)
- o măsură bună pentru similaritatea a două ferestre?
 - corelația?
 - suma pătratelor distanțelor?
 - altceva?

Găsirea şabloanelor cu filtre

- şablon =  
rgb2gray
cv.cvtColor



rgb2gray = cv.cvtColor



Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_1 = \uparrow$
- corelație: filtrăm imaginea cu filtrul f_1

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_1(u, v) I(i + u, j + v)$$



I

$$O_1 = f_1 \otimes I$$

Ce rezultă după filtrare?

Găsirea şabloanelor cu filtre

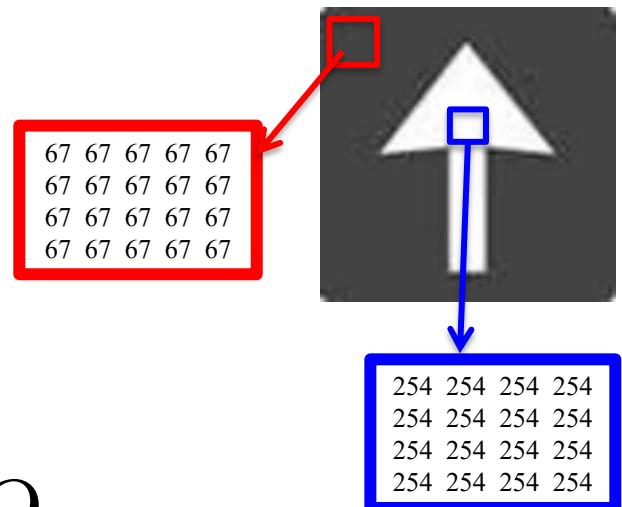
- filtrul $f_1 = \uparrow$
- corelaţie: filtrăm imaginea cu filtrul f_1

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_1(u, v) I(i + u, j + v)$$



Explicaţii?

Filtru ne-normalizat
(suma > 1) rezultă în
imagine filtrată cu
luminozitate crescută



Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_2 = \uparrow$ normalizat (suma = 1: 67 → 0.00007, 254 → 0.00003)
- corelaţie: filtrăm imaginea cu filtrul f_2

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_2(u, v) I(i + u, j + v)$$



I

$$O_2 = f_2 \otimes I$$

Ce rezultă după filtrare?

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_2 = \uparrow$ normalizat (suma = 1: 67 → 0.00007, 254 → 0.00003)
- corelaţie: filtrăm imaginea cu filtrul f_2

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_2(u, v) I(i + u, j + v)$$



Explicaţii?

Răspunsul filtrului este mare pentru intensităţi mari în imagine. Dacă am avea o porţiune din imagine numai cu alb acolo am obține cea mai mare valoare (răspunsul filtrului) pentru pixelii din O_2

O_2

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_3 = \uparrow$ normalizat (suma = 0, $f_3 = f_2 - \overline{f_2}$)
- corelaţie: filtrăm imaginea cu filtrul f_3

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_3(u, v) I(i + u, j + v)$$



I

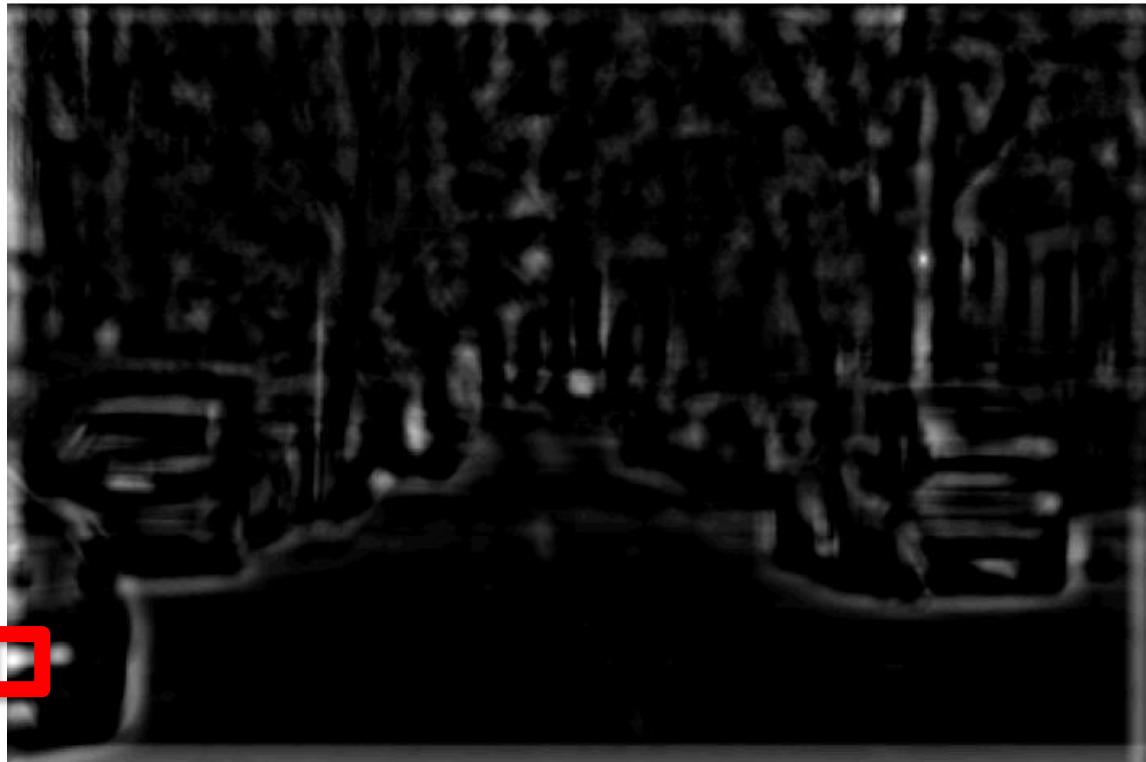
$$O_3 = f_3 \otimes I$$

Ce rezultă după filtrare?

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_3 = \uparrow$ normalizat (suma = 0, $f_3 = f_2 - \overline{f_2}$)
- corelaţie: filtrăm imaginea cu filtrul f_3

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_3(u, v) I(i+u, j+v)$$



Explicaţii?

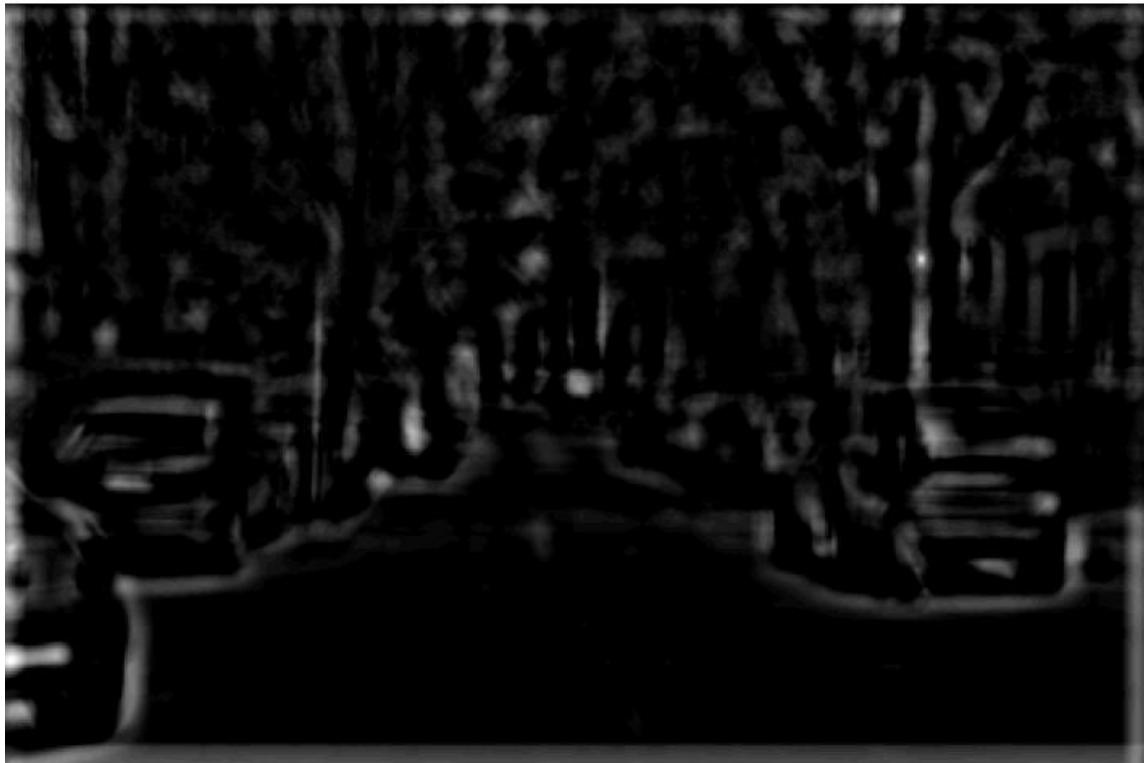
Răspunsul filtrului este mare atunci când valorilor mici (negative) din filtru corespund intensităţi mici (pixeli negri) din imagine, iar valorilor mari (pozitive) din filtru corespund intensităţi mari (pixeli albi) din imagine.

O_3

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_3 = \uparrow$ normalizat (suma = 0, $f_3 = f_2 - \overline{f_2}$)
- corelaţie: filtrăm imaginea cu filtrul f_3

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_3(u, v) I(i + u, j + v)$$



Explicaţii?

Răspunsul filtrului este maxim atunci când avem în imagine o fereastră de dimensiunile filtrului cu pixeli albi și negri corelați cu semnele +/- ale valorilor filtrului.

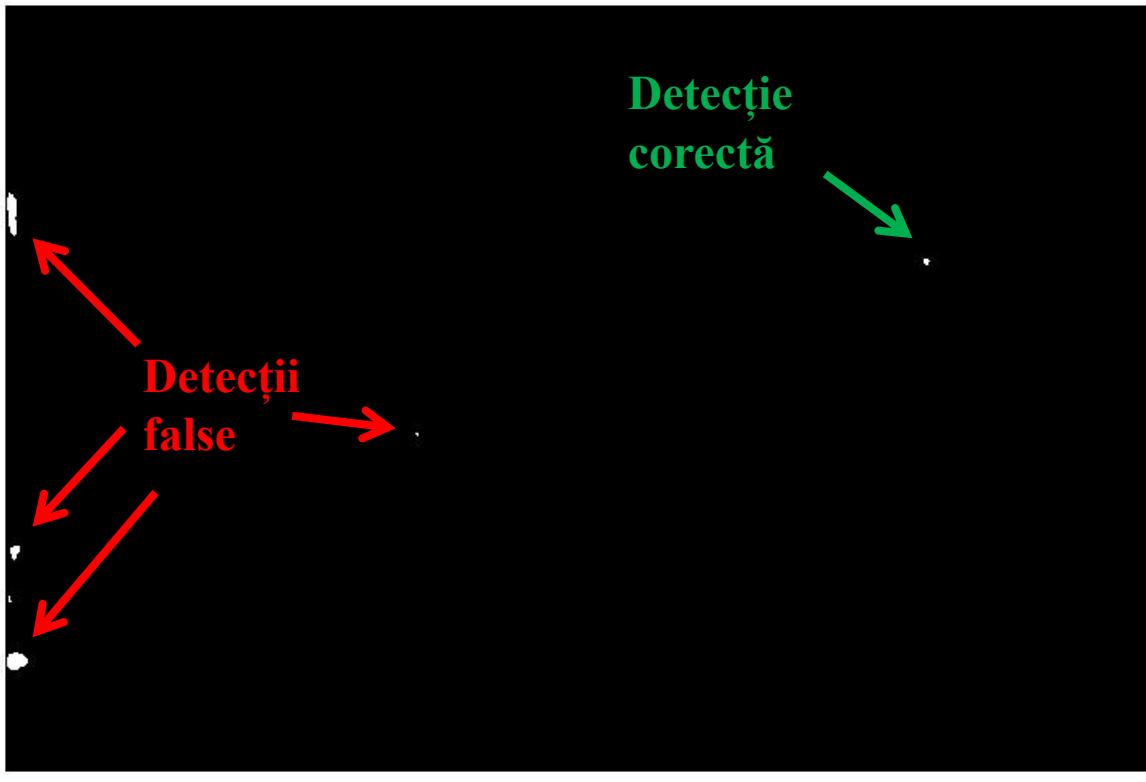
O_3

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_3 = \uparrow$ normalizat (suma = 0, $f_3 = f_2 - \overline{f_2}$)
- corelaţie: filtrăm imaginea cu filtrul f_3

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l f_3(u, v) I(i + u, j + v)$$

Thresholding



Aplicăm un prag (threshold) imaginii filtrate obținute: găsește toți pixelii cu intensitate > threshold

O_3

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_1 = \uparrow$
- suma pătratelor distanțelor

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - f_1(u, v))^2$$



I

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_1 = \uparrow$
- suma pătratelor distanțelor

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - f_1(u, v))^2$$



Găsește valoarea minimă a distanței/maximă a similarității detectând şablonul.

$$O_4 (1 - \text{distanța})$$

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_1 = \uparrow$
- suma pătratelor distanțelor

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - f_1(u, v))^2$$



Efect de umbrire al imaginii care afectează şablonul.

Ce obținem?

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_1 = \uparrow$
- suma pătratelor distanțelor

$$o(i, j) = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - f_1(u, v))^2$$



Explicații?

Răspunsul filtrului este sensitiv la intensitatea medie din fereastră

$O_5 (1 - \text{distanța})$

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtrul $f_1 = \uparrow$
- corelaţie normalizată (de medie 0)

```
res = cv.matchTemplate(img,template,method)
```

$$o(i, j) = \frac{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})(f_1 - \bar{f}_1)}{\sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})^2} \sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (f_1 - \bar{f}_1)^2}}$$

media intensităţilor în fereastra curentă din imagine

media intensităţilor filtrului

deviaţia standard a intensităţilor în fereastra curentă din imagine

deviaţia standard a intensităţilor în filtru

Cosinusul a doi vectori normalizați

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtru $f_1 = \uparrow$
- corelație normalizată

```
res = cv.matchTemplate(img,template,method)
```

$$o(i, j) = \frac{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})(f_1 - \bar{f}_1)}{\sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})^2} \sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (f_1 - \bar{f}_1)^2}}$$

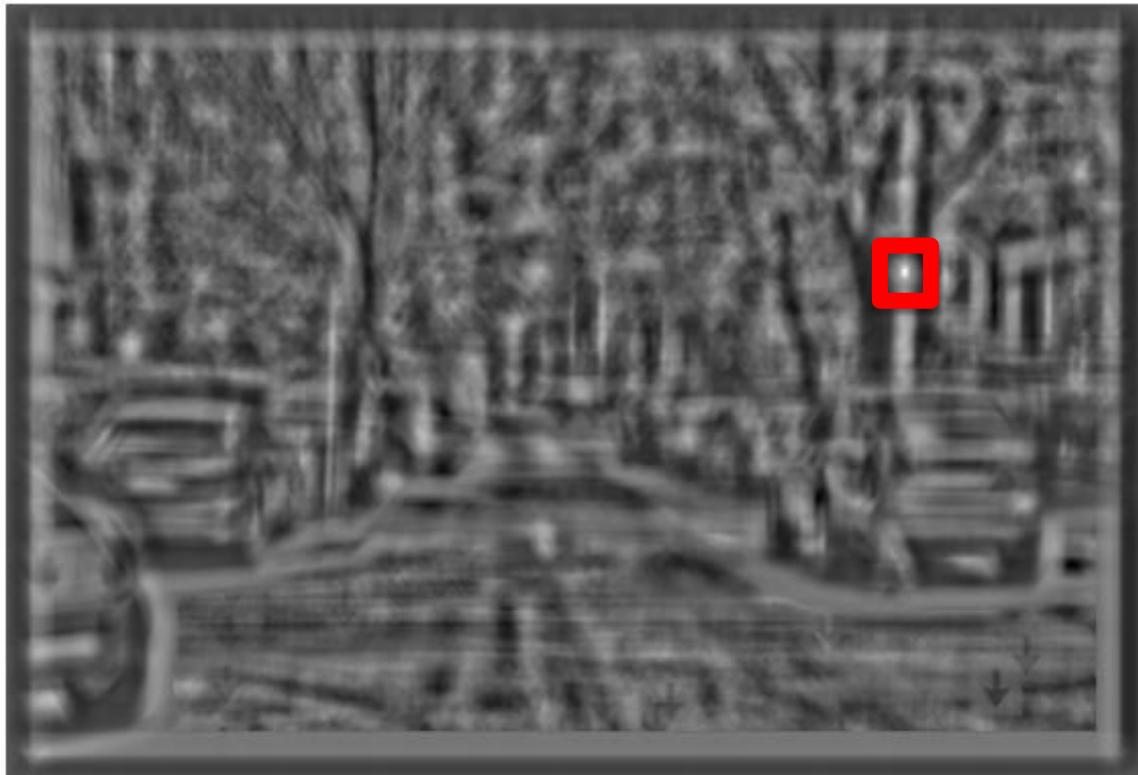


Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtru $f_1 = \uparrow$
- corelaţie normalizată

```
res = cv.matchTemplate(img,template,method)
```

$$o(i, j) = \frac{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})(f_1 - \bar{f}_1)}{\sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})^2} \sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (f_1 - \bar{f}_1)^2}}$$



Găseşte valoarea minimă detectând şablonul.

Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtru $f_1 = \uparrow$
- corelație normalizată

```
res = cv.matchTemplate(img,template,method)
```

$$o(i, j) = \frac{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})(f_1 - \bar{f}_1)}{\sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})^2} \sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (f_1 - \bar{f}_1)^2}}$$

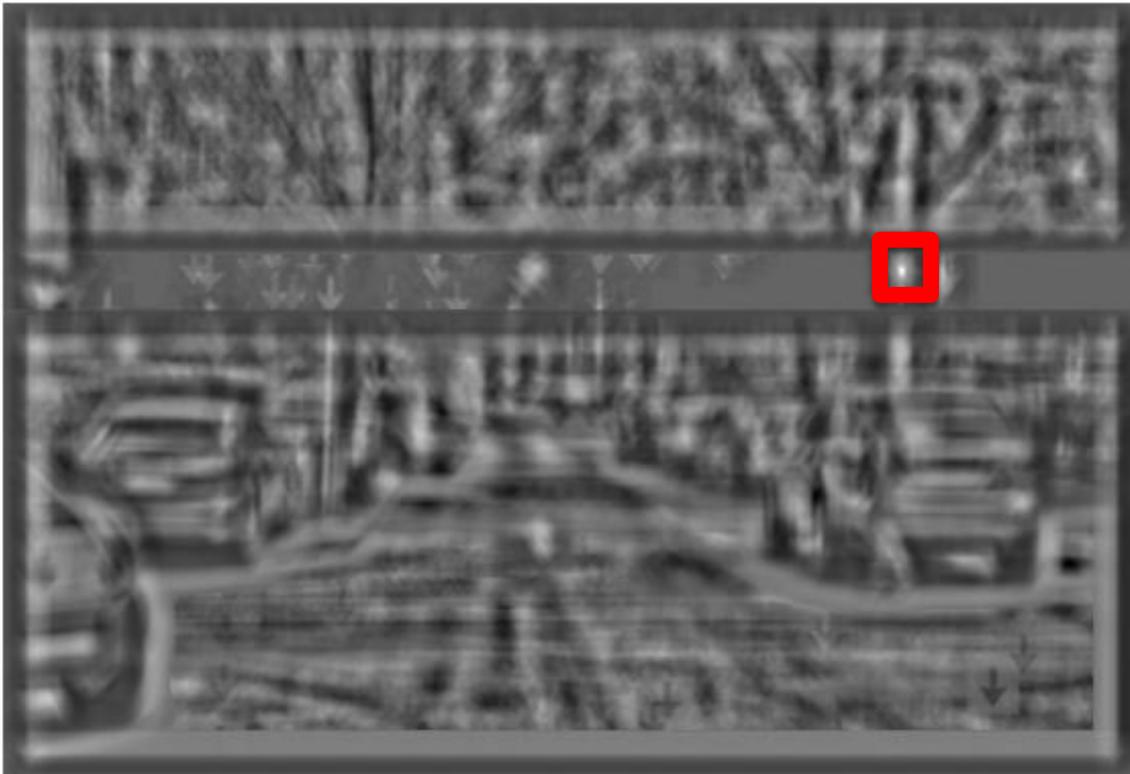


Găsirea şabloanelor cu filtre

- filtru $f_1 = \uparrow$
- corelaţie normalizată

```
res = cv.matchTemplate(img,template,method)
```

$$o(i, j) = \frac{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})(f_1 - \bar{f}_1)}{\sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (I(i+u, j+v) - \bar{I}_{u,v})^2} \sqrt{\sum_{u=-k}^k \sum_{v=-l}^l (f_1 - \bar{f}_1)^2}}$$



Găseşte valoarea minimă detectând şablonul.

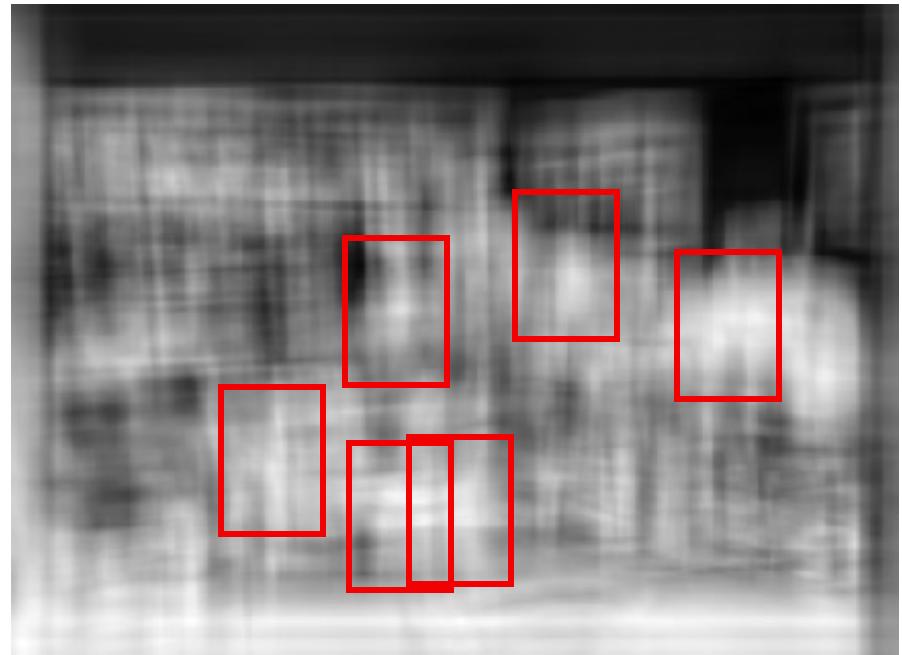
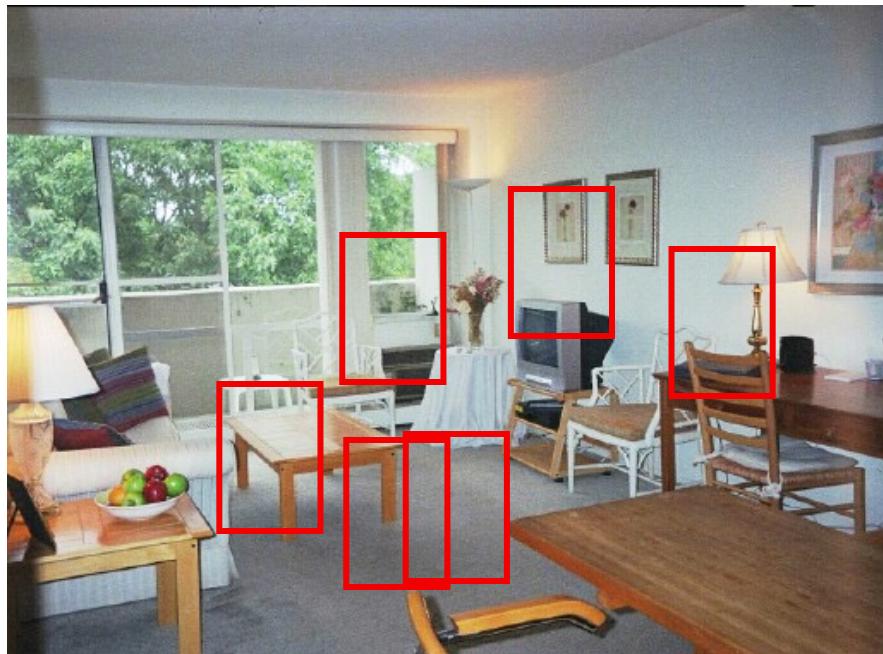
Cea mai bună măsură a similarității?

- filtru de medie 0: rezultate nu prea bune (apar detecții false)
 - suma pătratelor distanțelor: sensitiv la intensitatea medie
 - corelație normalizată: invariant la intensitatea medie și la contrast
- 



Detectare de obiecte cu găsirea şabloanelor

Găsiți scaunele în această imagine



Găsirea şabloanelor nu rezolvă problema

A “popular method is that of template matching, by point to point correlation of a model pattern with the image pattern. These techniques are inadequate for three-dimensional scene analysis for many reasons, such as occlusion, changes in viewing angle, and articulation of parts.” Nevatia & Binford, 1977.

Detectare de obiecte cu găsirea şablonelor

Avantaje

- metodă simplă, ușor de implementat
- rezultate bune când şablonul/ceva foarte asemănător cu şablonul se află în imagine

Dezavantaje

- nu este invariant la mărime, rotație (chiar a aceluiași şablon): dacă mărim şablonul sau îl rotim nu mai obținem același rezultat
- pentru clase de obiecte cu variabilitate în înfățișare foarte mare (mașini, persoane) metoda nu e aplicabilă
- nu putem să folosim această metodă la detectarea facială

Dacă vrem să găsim un şablon mai mic sau mai mare?

şablon iniţial 

şablon mai mic  alternativă  construim o piramidă de imagini redimensionate



Redimensionarea imaginilor

Micșorare

Această imagine este prea mare pentru a încăpea pe slide. Cum putem genera o imagine de 2x mai mică?

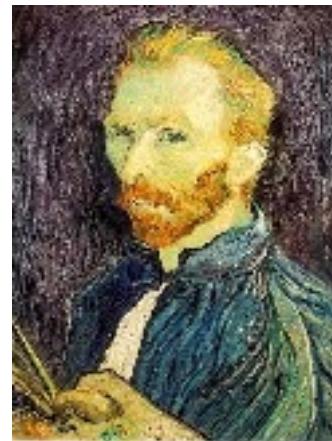
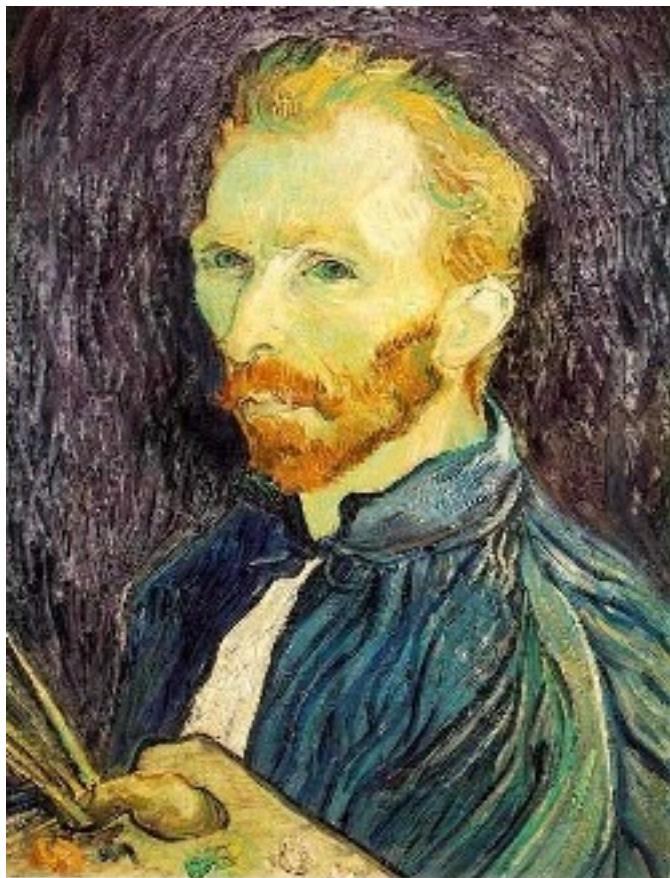


Algoritm pentru micșorarea imaginilor cu factor 2

1. Input: imagine de dimensiuni $L \times C$
2. Selectează fiecare al doilea pixel

$\text{imgRedusa} = \text{img}[0::2, 0::2]$

Rezultate



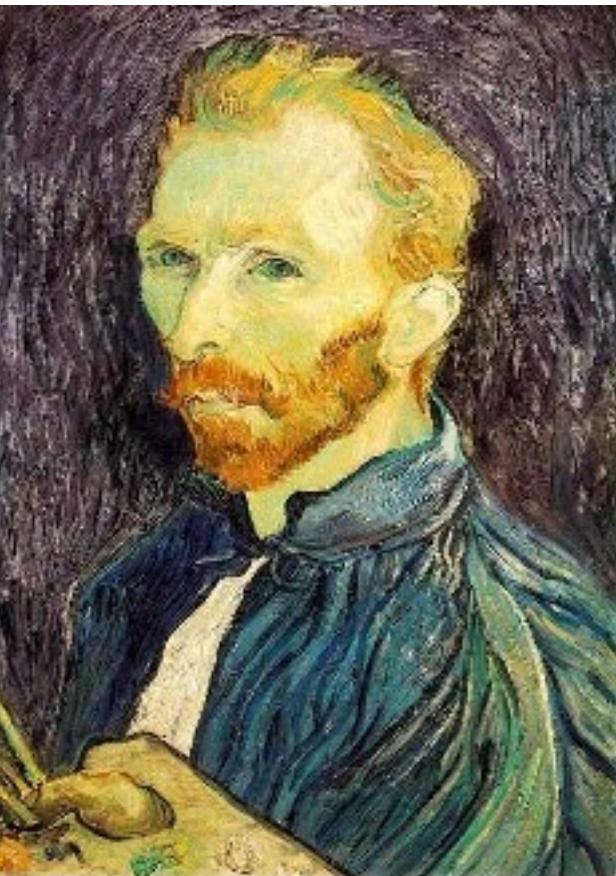
1/4



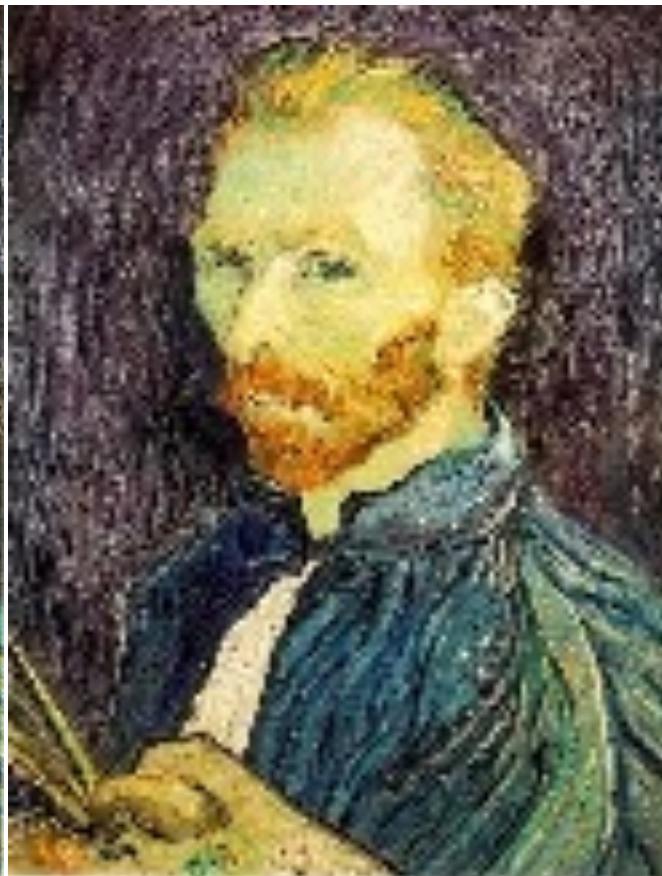
1/8

Eliminăm fiecare a doua linie și a două
coloană pentru a crea o imagine de
2x mai mică

Rezultate - zoom



1/2



1/4 (2x zoom)



1/8 (4x zoom)

Observații?

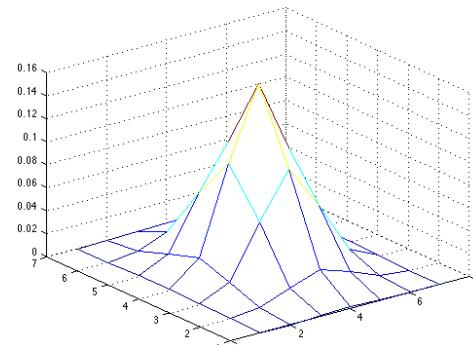
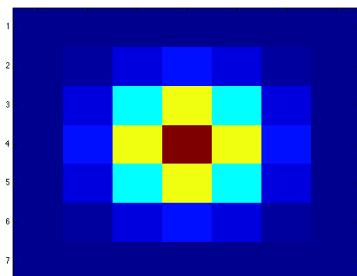
Algoritm pentru micșorarea imaginilor cu factor 2 cu filtrare Gaussiană

1. Input: imagine de dimensiuni $L \times C$
2. Filtrează imaginea cu un filtru Gaussian

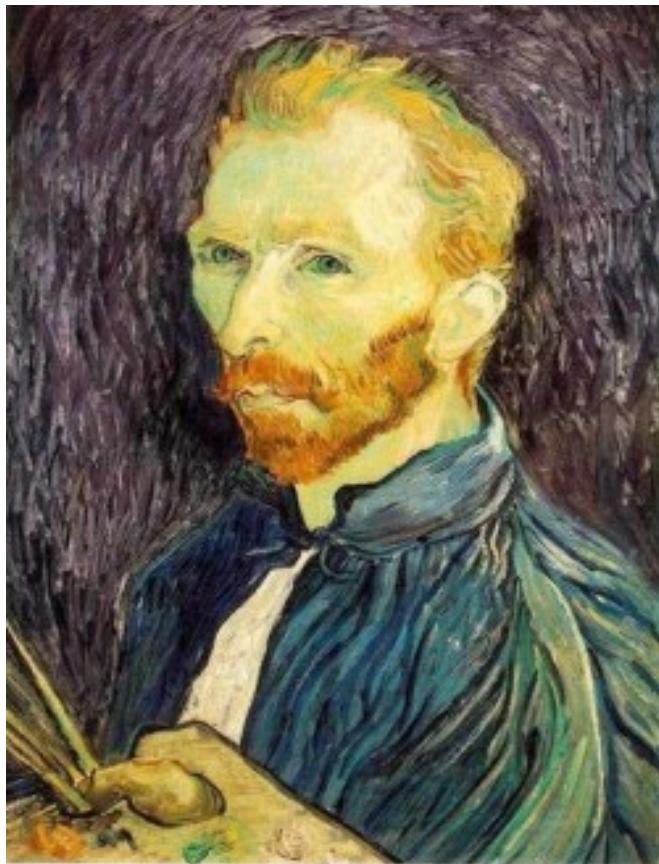
```
imgBlurata = cv2.GaussianBlur(img,(5,5),0)
```

3. Selectează fiecare al doilea pixel

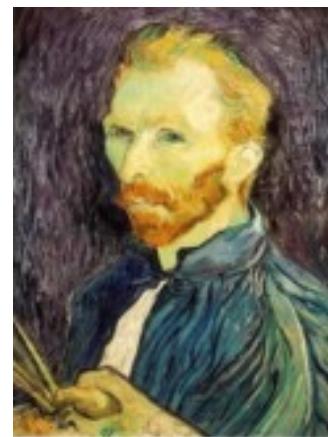
```
imgRedusa = imgBlurata [0::2, 0::2]
```



Rezultate



Gaussian 1/2

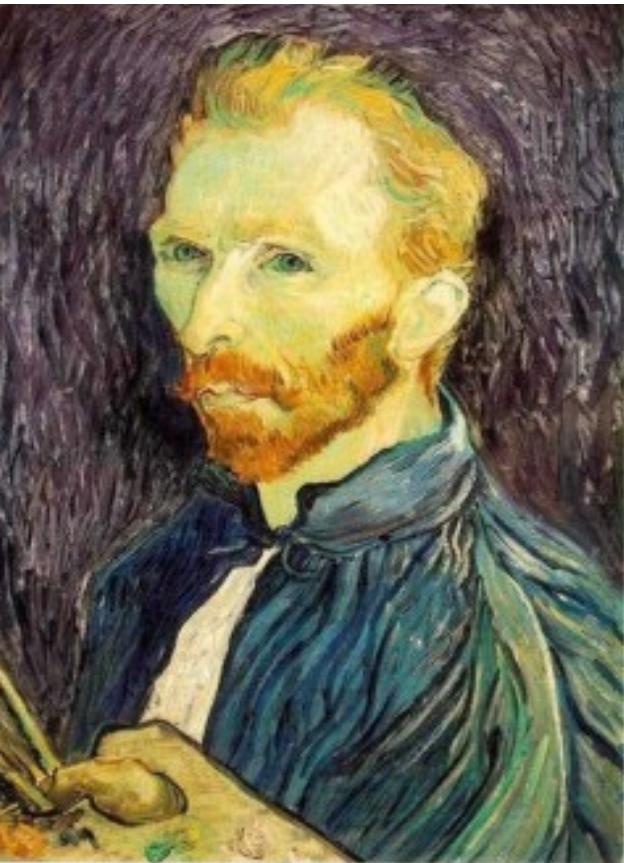


G 1/4

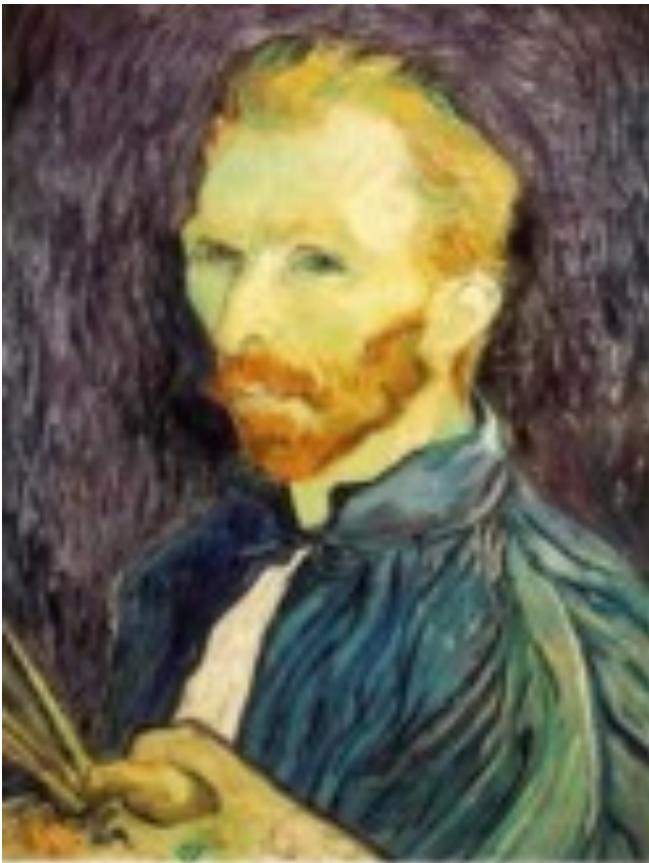


G 1/8

Rezultate - zoom



Gaussian 1/2

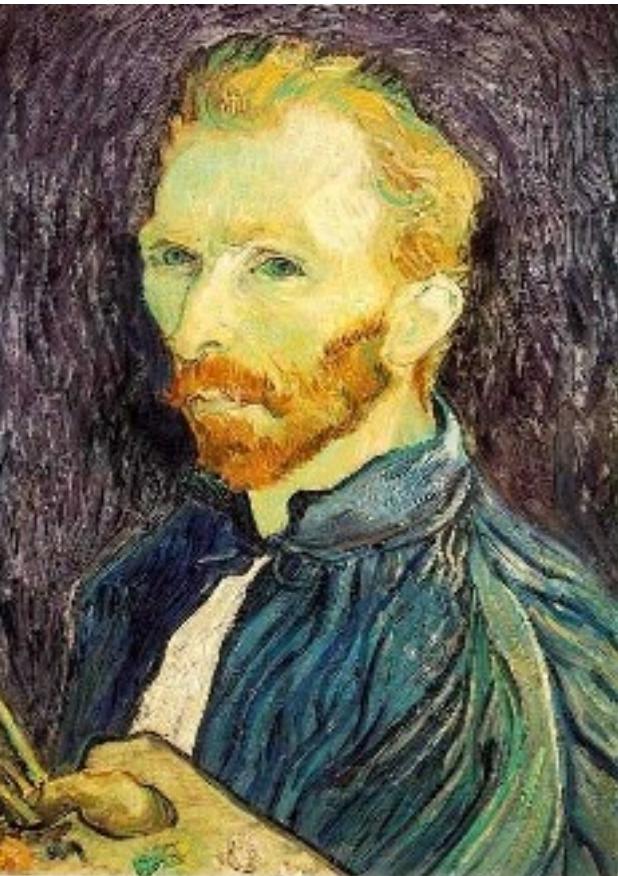


G 1/4

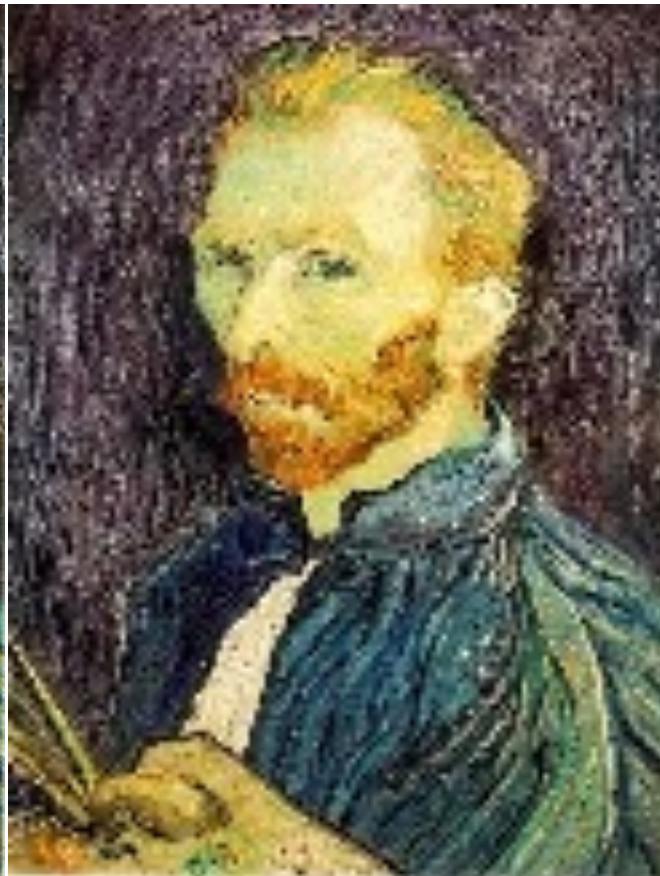


G 1/8

Versus...



1/2



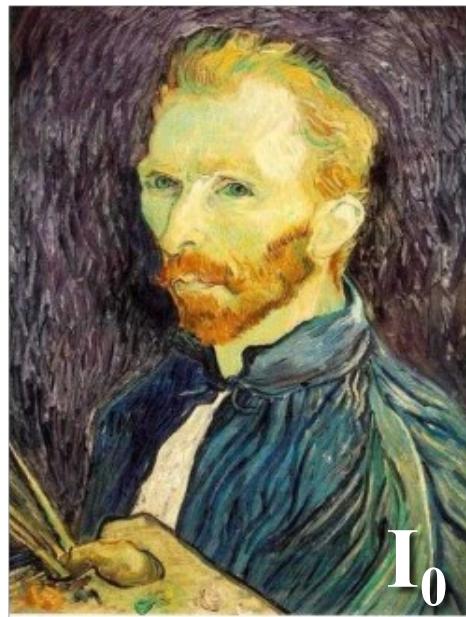
1/4 (2x zoom)



1/8 (4x zoom)

Filtrare Gaussiană

- Soluție: filtrează mai întâi imaginea cu un filtru Gaussian, *apoi* selectează pixelii din 2 în 2



blurează

selectează

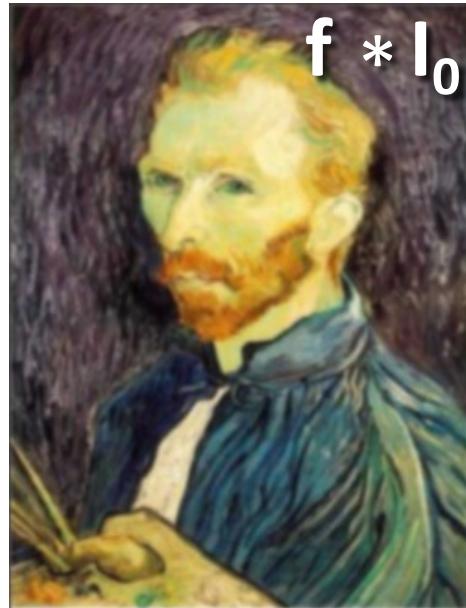
blurează

selectează

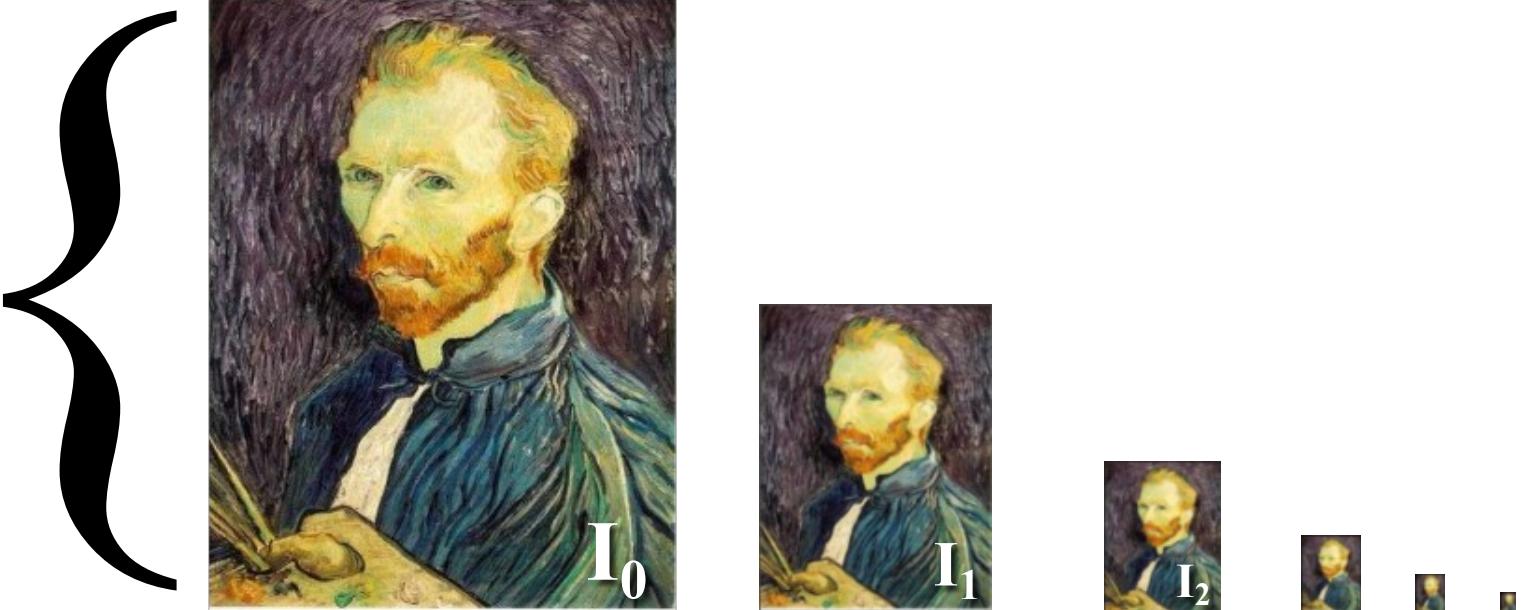
• • •

$$f * I_0$$

$$f * I_1$$



*Piramidă
Gaussiană*



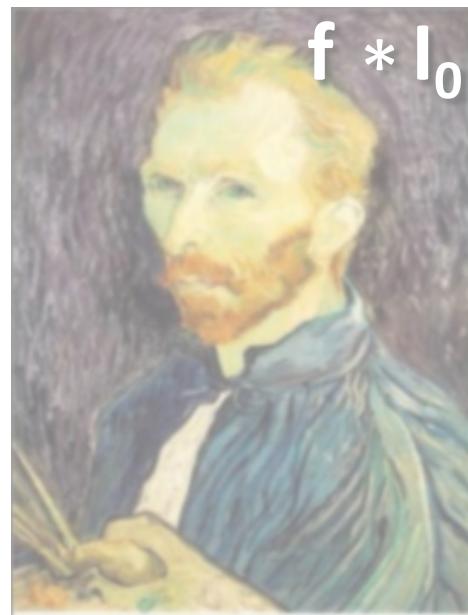
blur

selectează

blur

selectează

• • •

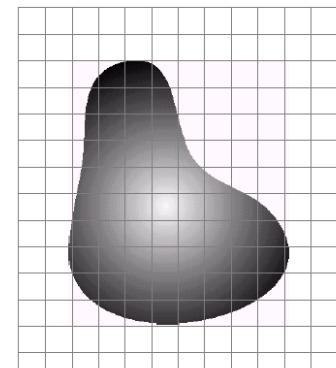
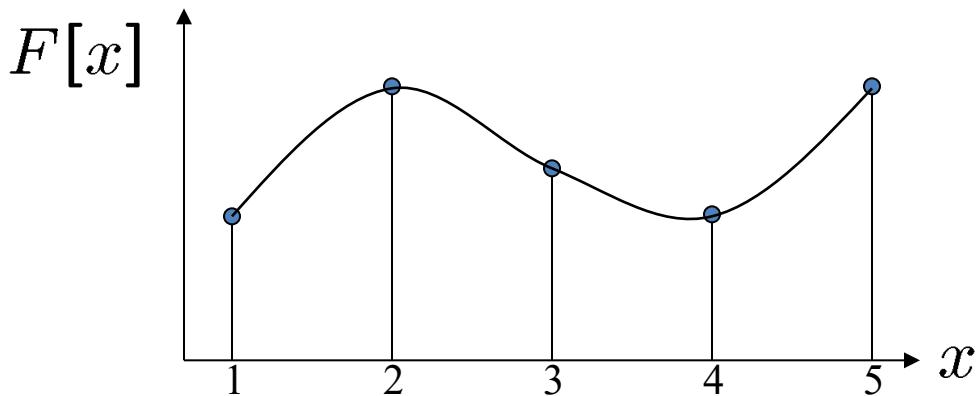


Mărirea imaginilor

- imagine prea mică pentru ecran:
(45 x 45 pixeli)
- cum putem să o mărim de 10 ori?
(450 x 450 pixeli)
- metodă simplă: repetăm fiecare rând și coloană de 10 ori (fiecare pixel multiplicat de 100 de ori)
- interpolare “cel mai apropiat vecin”



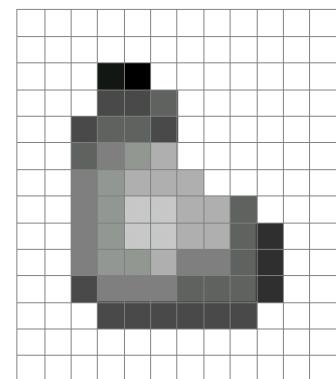
Interpolarea imaginilor



f - funcție continuă

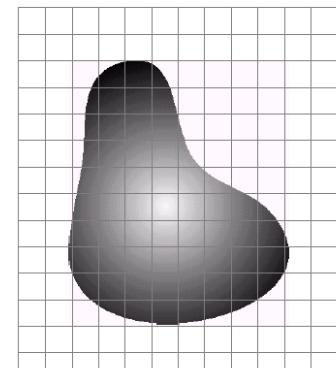
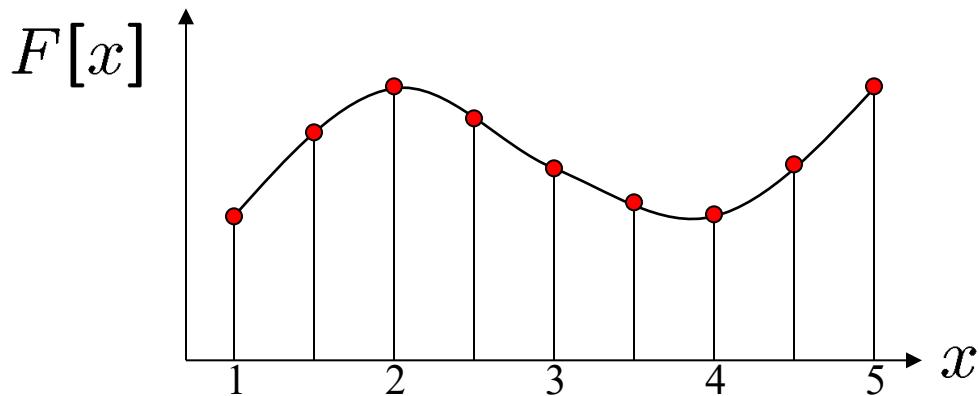
Cum se formează imaginile digitale?

- eșantionare : discretizăm spațiul în pixeli
- trecem de la o **funcție continuă f** la o **funcție discretă F**
- dacă am putea reconstrui funcția continuă inițială f , am putea genera imagini la orice rezoluție



F - funcție discretă

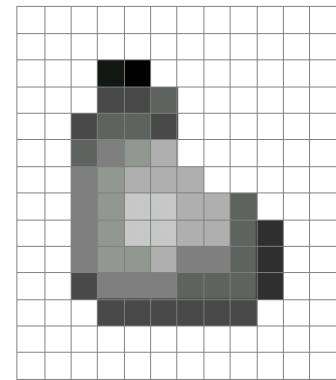
Interpolarea imaginilor



f - funcție continuă

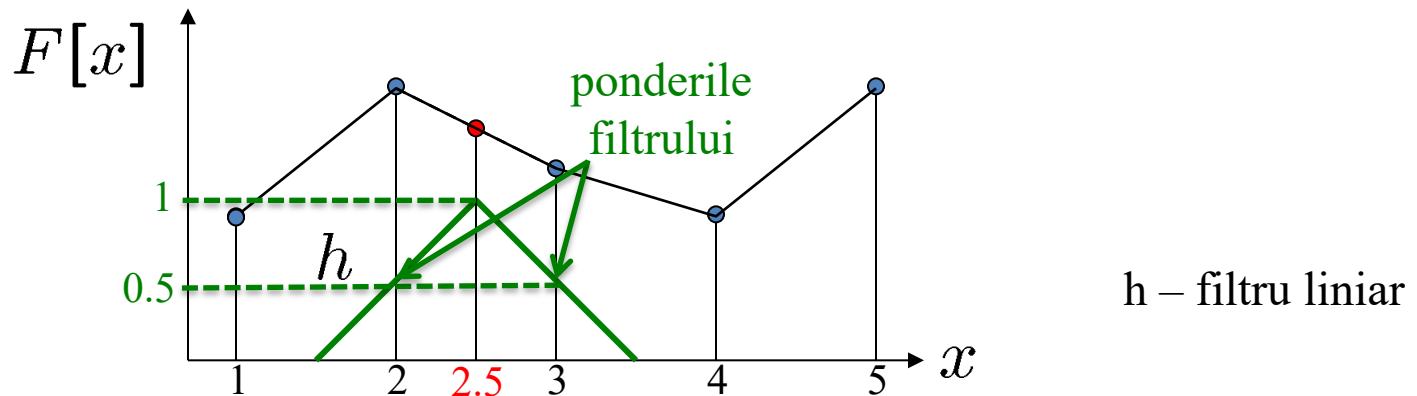
Cum se formează imaginile digitale?

- eșantionare : discretizăm spațiul în pixeli
- trecem de la o **funcție continuă** f la o **funcție discretă** F
- dacă am putea reconstrui funcția continuă inițială f , am putea genera imagini la orice rezoluție



F - funcție discretă

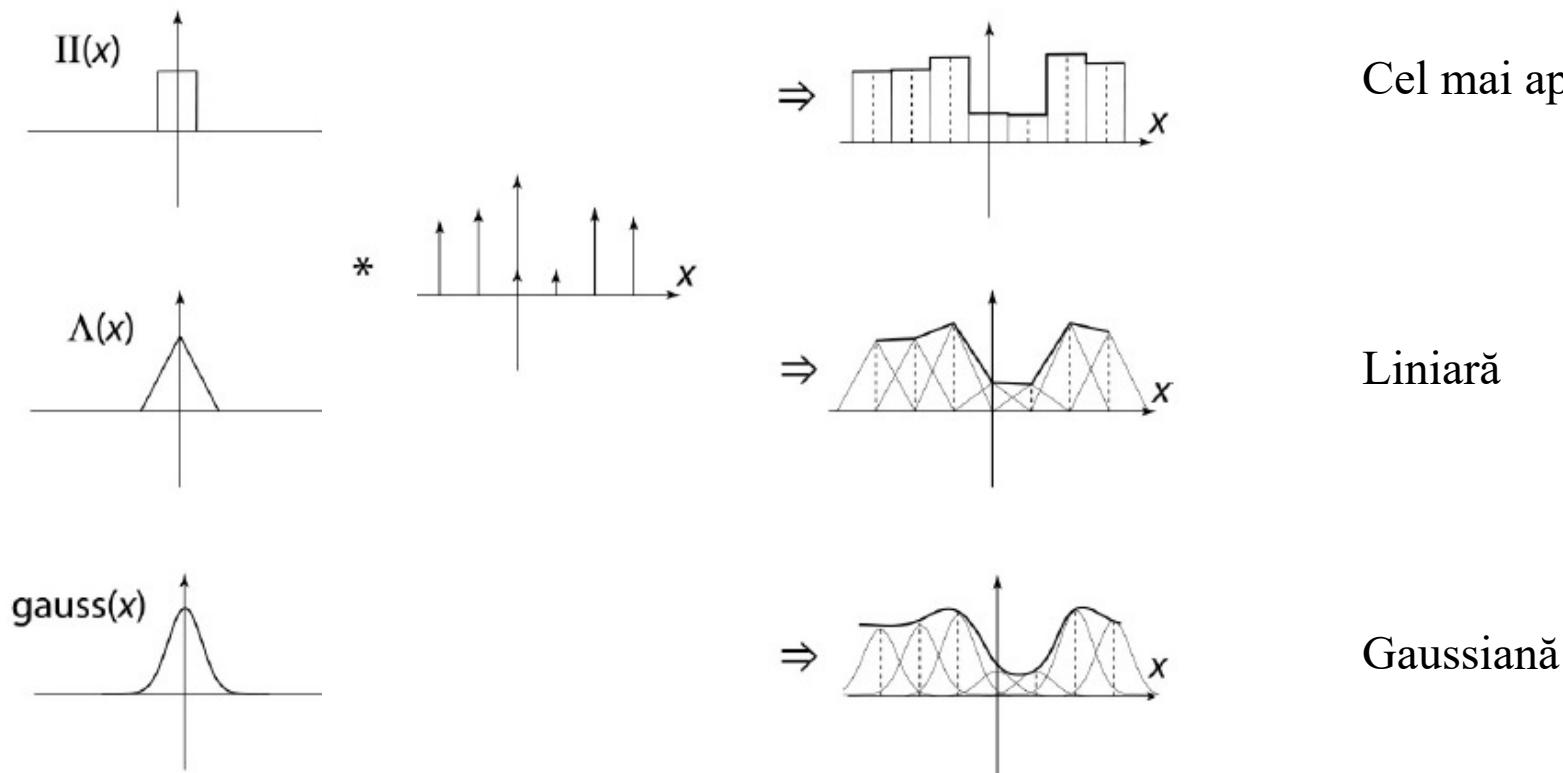
Interpolarea imaginilor



- Dacă nu cunoaștem f ?
 - aproximăm f : \tilde{f}
 - folosim filtrarea
 - convertim F în funcția $f_F = \begin{cases} F(x), & \text{dacă } x \text{ e întreg} \\ 0, & \text{altfel} \end{cases}$
 - reconstruim f prin convoluție cu un filtru de reconstrucție h

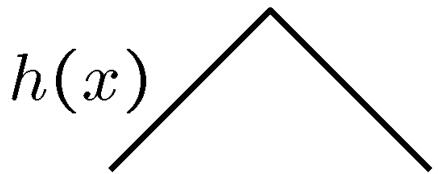
$$\tilde{f} = h * f_F$$

Tipuri de interpolare

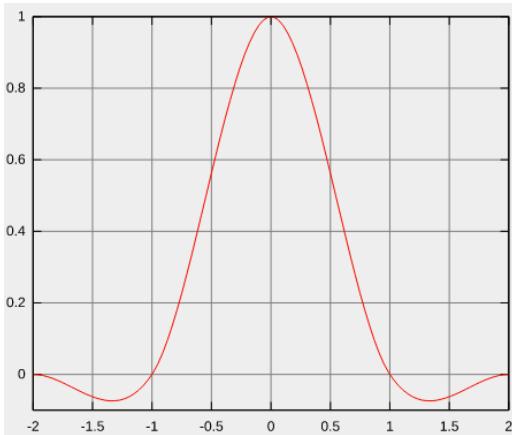


Filtre de reconstrucție

- 1D

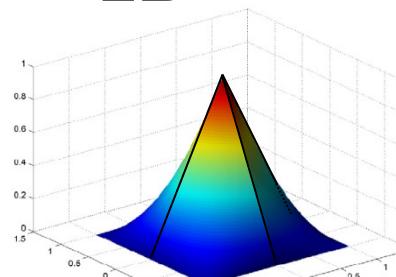


realizează **interpolare liniară**
pe baza celor mai apropiati 2 pixeli



realizează **interpolare cubică**
pe baza celor mai apropiati 4 pixeli

- 2D



realizează **interpolarea
biliniară** pe baza celor
mai apropiati 4 pixeli

$$\begin{array}{ll} x_1 = \lfloor x \rfloor & f_{11} \equiv f(x_1, y_1) \\ x_2 = \lfloor x \rfloor + 1 & f_{12} \equiv f(x_1, y_2) \\ y_1 = \lfloor y \rfloor & f_{21} \equiv f(x_2, y_1) \\ y_2 = \lfloor y \rfloor + 1 & f_{22} \equiv f(x_2, y_2) \end{array}$$

$$f_{y1} = f_{11} + \frac{f_{21} - f_{11}}{x_2 - x_1}(x - x_1)$$

$$f_{y2} = f_{12} + \frac{f_{22} - f_{12}}{x_2 - x_1}(x - x_1)$$

$$f(x, y) = f_{y1} + \frac{f_{y2} - f_{y1}}{y_2 - y_1}(y - y_1)$$

$$f(x; -1 \leq a < 0) = \begin{cases} (a+2)|x|^3 - (a+3)x^2 + 1 & \text{for } 0 \leq |x| \leq 1 \\ a|x|^3 - 5ax^2 + 8a|x| - 4a & \text{for } 1 < |x| \leq 2 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

- 2D

realizează **interpolare bicubică**
pe baza celor mai apropiati 16 pixeli

Interpolarea imaginilor

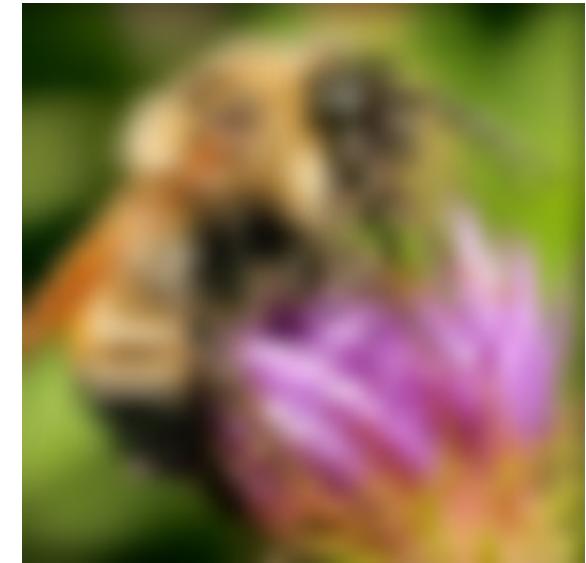
Imagine inițială:  x 10



Interpolare “cel mai apropiat vecin”



Interpolare biliniară



Interpolare bicubică

Gradienti & muchii

Aplicatie laborator:
Redimensionarea imaginilor cu
păstrarea conținutului

Redimensionarea imaginilor cu păstrarea conținutului

Imagine inițială



Redimensionare imagine: vreau să măresc/micșorez lătimea/înălțimea imaginii

Idee: adaug/elimin însiruirile de pixeli ce conectează extremitățile imaginii



Cum le aleg?

Redimensionarea imaginilor cu păstrarea conținutului



Redimensionare cu păstrarea conținutului



Redimensionare uzuală
(funcția `cv.resize` în OpenCV)

Ideea de bază



Shai Avidan
Mitsubishi Electric Research Lab
Ariel Shamir
The interdisciplinary Center & MERL

<https://www.youtube.com/watch?v=6NcIJXTlucg>

Ideea de bază



Redimensionare cu păstrarea conținutului

Intuiție:

- Păstrăm conținutul cel mai “interesant”
→ Preferăm să eliminăm/adăugăm pixeli cu gradient mic
- Pentru a reduce/mări o dimensiune , eliminăm/adăugăm însiruiri de pixeli (drumuri neregulate) ce conectează extremitățile
→ Soluție optimă folosind programarea dinamică

Ideea de bază – eliminare de drumuri



imaginea I

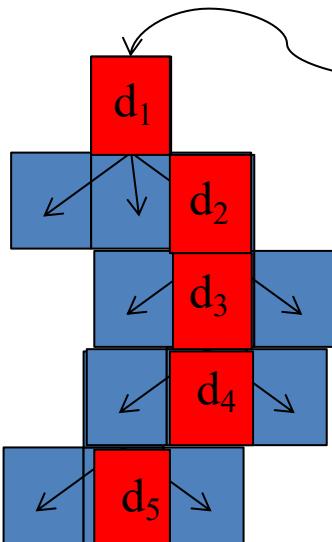


gradientul imaginii I (magnitudine)

$$\nabla I = \sqrt{\left(\frac{\partial I}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial I}{\partial y}\right)^2}$$

- Eliminăm ‘drumuri’ (însiruiri de pixeli) fără a afecta vizibil imaginea:
 - măsurăm ‘costul unui drum’ ca suma magnitudinilor gradientilor pixelilor ce alcătuiesc drumul
- La fiecare iterație, alegem drumul cu **costul cel mai mic** din imagine

Algoritmul



imagină I



gradientul imaginii I

$$\nabla I = \sqrt{\left(\frac{\partial I}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial I}{\partial y}\right)^2}$$

Fie \mathbf{d} un **drum vertical** format din N pixeli: $\mathbf{d} = (d_1, d_2, \dots, d_N)$

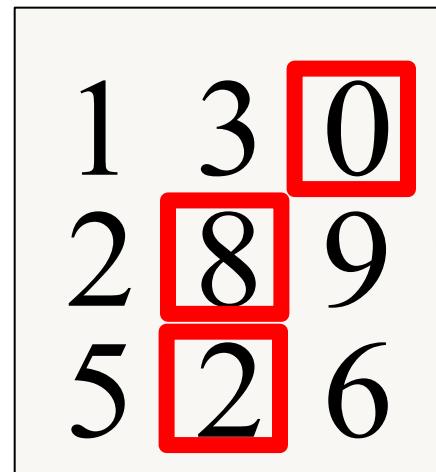
Definim **costul unui drum**: $Cost(\mathbf{d}) = \sum_{i=1}^N \nabla I(d_i)$

Drumul optim minimizează acest cost: $\mathbf{d}^* = \min_{\mathbf{d}} Cost(\mathbf{d})$

Calculăm **drumul optim** în mod eficient folosind **programarea dinamică**

Cum identificăm drumul de cost minim?

- Mai întâi, considerăm o strategie **greedy**:



La fiecare pas aleg cea mai bună soluție locală (aleg pixelii cu gradientul cel mai mic)



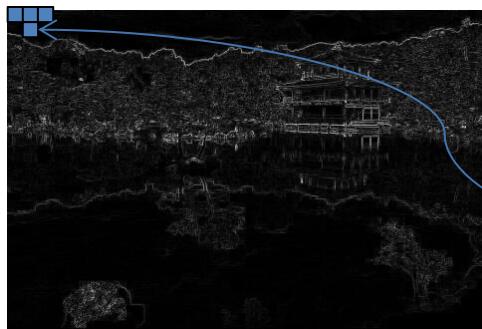
gradientul imaginii

Combinarea optimelelor locale NU conduce la optim global

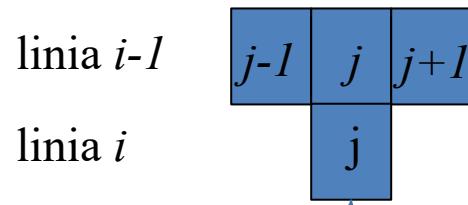
Algoritmul

- Calculăm pentru fiecare pixel (i,j) drumul de cost minim până la (i,j) cu ajutorul celor trei vecini:

$$\mathbf{M}(i, j) = MagGradient(i, j) + \min(\mathbf{M}(i - 1, j - 1), \mathbf{M}(i - 1, j), \mathbf{M}(i - 1, j + 1))$$



gradientul imaginii



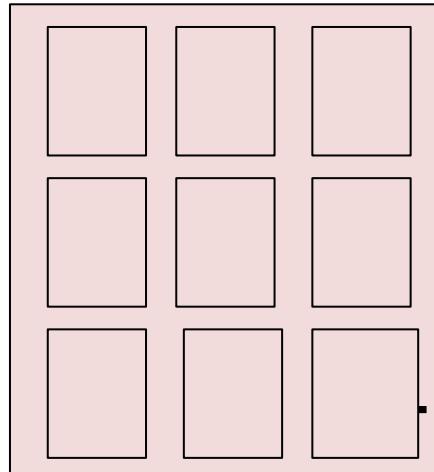
Matricea \mathbf{M} de costuri ale drumurilor
(aici pentru drumuri verticale)

- Valoarea minimă din ultima linie din \mathbf{M} reprezintă valoarea drumului vertical de cost minim. Poziția costului minim pe ultima linie localizează ultimul pixel din drum.
- Găsim drumul de cost minim mergând înapoi și găsind drumul minim cu ajutorul celor trei vecini de sus din \mathbf{M} .

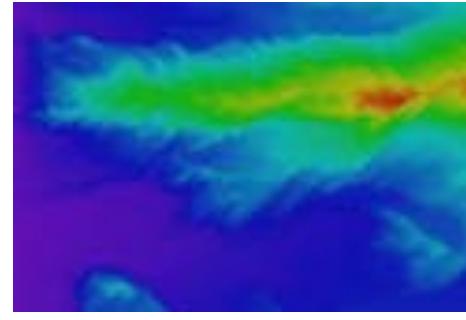
Exemplu – programare dinamică

$$\mathbf{M}(i, j) = MagGradient(i, j) + \min(\mathbf{M}(i - 1, j - 1), \mathbf{M}(i - 1, j), \mathbf{M}(i - 1, j + 1))$$

1	3	0
2	8	9
5	2	6



gradientul imaginii



Matricea M de costuri ale drumurilor
(aici pentru drumuri verticale)

Exemplu – programare dinamică

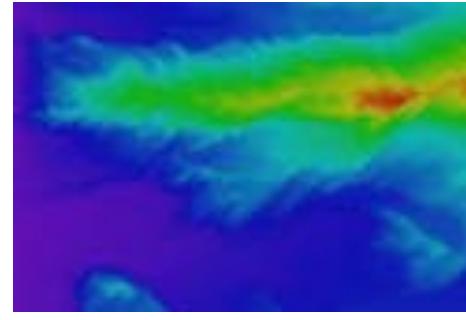
$$\mathbf{M}(i, j) = MagGradient(i, j) + \min(\mathbf{M}(i - 1, j - 1), \mathbf{M}(i - 1, j), \mathbf{M}(i - 1, j + 1))$$

1	3	0
2	8	9
5	2	6

1	3	0
3	8	9
8	5	14



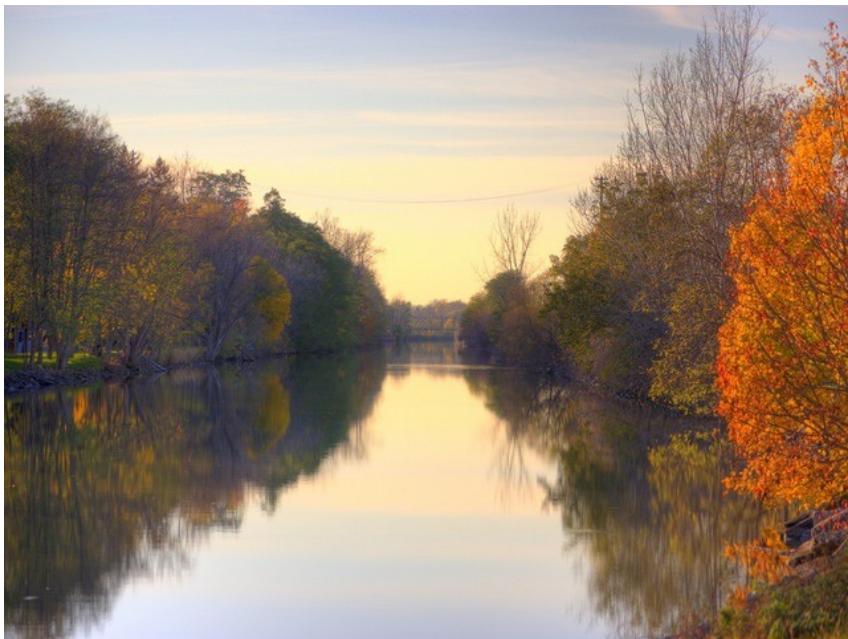
gradientul imaginii



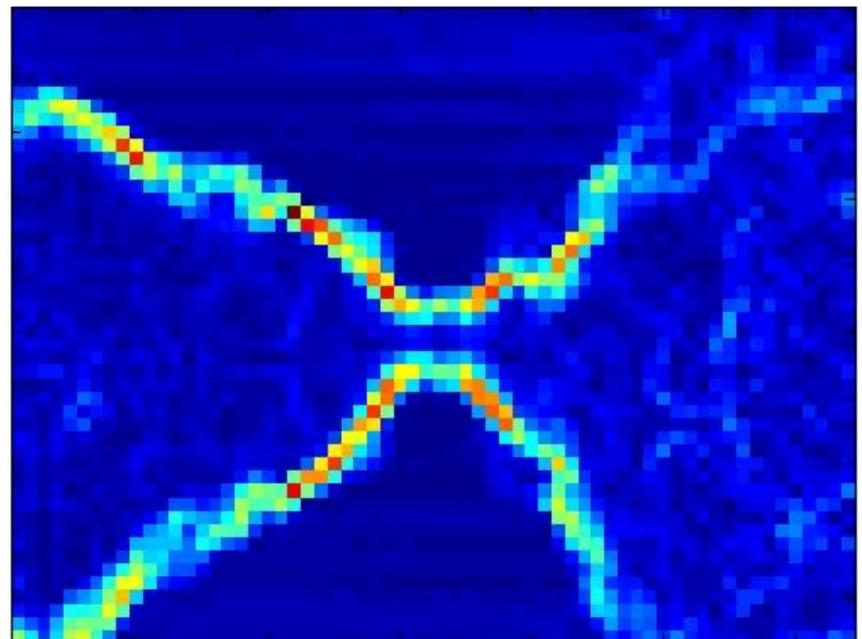
Matricea M de costuri ale drumurilor
(aici pentru drumuri verticale)

Exemplu

Imagine inițială



Matricea \mathbf{M} de costuri ale drumurilor



Albastru = cost mic

Roșu = cost mare

Exemplu



Rezultate



**Redimensionare cu
păstrarea conținutului**



**Redimensionare
uzuală (imresize)**

Rezultate



**Redimensionare cu
păstrarea conținutului**

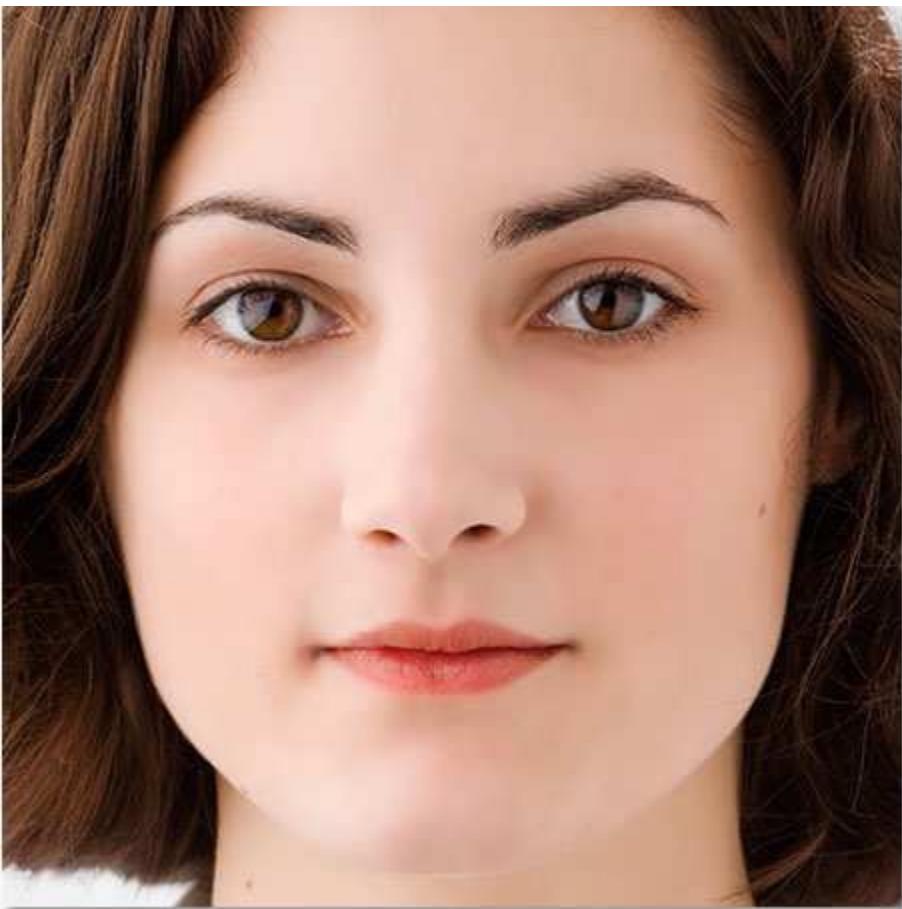


**Redimensionare
uzuală (imresize)**

Rezultate - failures



Rezultate - failures



Eliminarea unei regiuni din imagine

