Lineare Algebra S2

Raphael Nambiar

Version: 25. März 2022

Vektorgeometrie

Betrag

$$|\vec{a}| = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

Skalarprodukt

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} b_x \\ b_y \\ b_z \end{pmatrix} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$$
$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\varphi)$$
$$\cos(\varphi) = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|}$$

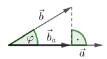
Orthogonal

Wenn zwei Vektoren senkrecht zueinander sind.

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

Orthogonale Projektion

Projektion des Vektores \vec{b} auf den Vektor \vec{a} .



$$ec{b}_a = rac{ec{a}\cdotec{b}}{|ec{a}^2|}; \mid ec{b}_a\mid = rac{|ec{a}|\cdot|ec{b}|}{|ec{a}|} \ \mid ec{b}_a\mid = \mid ec{a}\mid \cdot\cos(arphi)$$

Zwischenwinkel

Einheitsvektor

Vektorprodukt

Rechen regeln