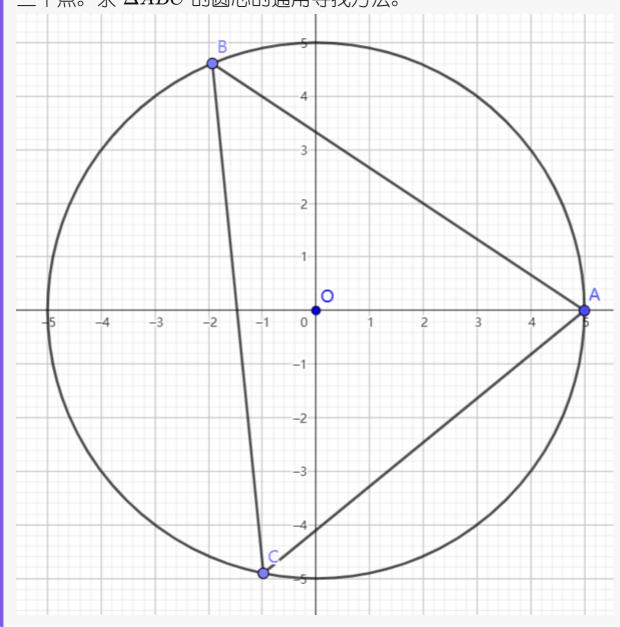
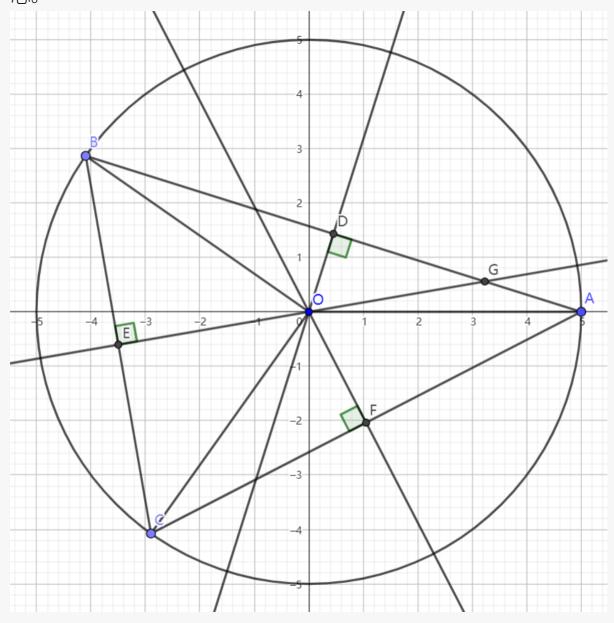
## 证明: 三角形三条中垂线交于圆心

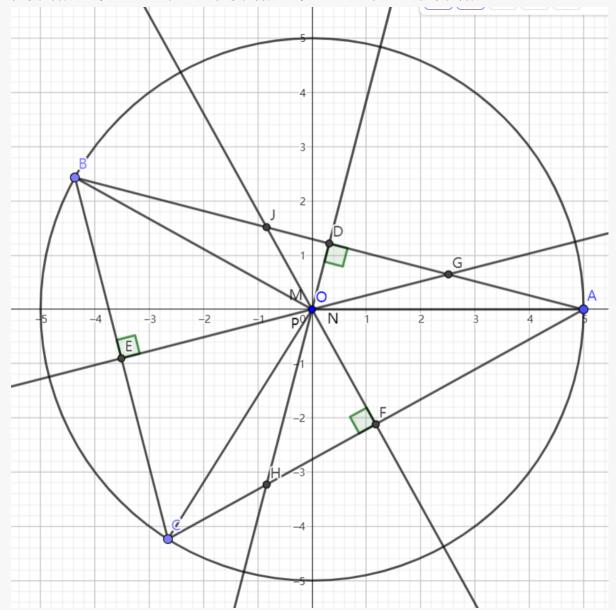
如图,由三点定圆可知,对任意  $\Delta ABC$ ,存在圆 O 同时穿过 ABC 三个点。求  $\Delta ABC$  的圆心的通用寻找方法。



猜想:已知中垂线上的点到线段两端的距离相等,圆心到圆上任意一点的距离相等。则若三角形三条中垂线交于一点,该点即为圆心。



证明: 做 AB、AC、BC 的中垂线 DH、EG、FJ 设 DH 与 EG 交于点 M, EG 与 FJ 交于点 N, DH 与 FJ 交于点 P



- :: DH, EG, FJ垂直平分AB, BC, AC
- $\therefore AM = BM, AN = CN, BP = CP \therefore$  在同一圆中,半径处处相等
- $\therefore AM, BM, AN, CN, BP, CP$ 均为半径  $\therefore$  半径穿过圆心
- $\therefore M, N, P$ 均为圆心  $\therefore M, N, P$ 交于一点,且该点为圆心