

## Aclaración

Cada una de las demostraciones se pueden hacer tomando solo una pareja de Alturas Homólogas (dos medianas, dos bisectrices o dos mediatrices) entre los triángulos semejantes.

Mediante semejanza de triángulos se puede demostrar también que:

Las medianas en todo triángulo se cortan en un mismo punto, distante de cada vértice los  $\frac{2}{3}$  de la longitud de la mediana respectiva.

Se considera un triángulo de vértices  $A, B$  y  $C$ .

Se traza dos medianas  $AM$  y  $BN$  que se cortan en  $G$  para demostrar el teorema. Para otro par de medianas es análoga la demostración.

### ***Demostración:***

Usando el teorema de la base media se tendrán las dos primeras premisas:

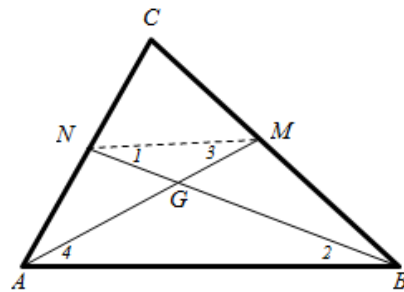
$$(1) \quad NM // AB \text{ y}$$

$$(2) \quad 2.NM = AB$$

Además,

$$(3) \quad \hat{1} = \hat{2} \dots \text{Alt. Int. en //s}$$

$$(4) \quad \hat{3} = \hat{4} \dots \text{Alt. Int. en //s}$$



$$(5) \quad \Delta MNG \sim \Delta ABG \dots A -$$

A ... (3) y (4)

$$(6) \quad \frac{AG}{GM} = \frac{BG}{GN} = \frac{AB}{NM} \dots \text{Ls Hs}$$

(lados homólogos) en (4).

$$(7) \quad \frac{AG}{GM} = \frac{BG}{GN} = \frac{2 NM}{NM} = 2 \dots$$

(2) en (6).

$$(8) \quad \frac{AG}{GM} = \frac{BG}{GN} = 2 \dots$$

simplificar en (7).

$$(9) \quad \begin{cases} AG = 2 GM & , & AG = 2 (AM - AG) \\ BG = 2 GN & , & BG = 2 (BN - BG) \end{cases} \dots \text{de (6)}$$

$$(10) \quad \begin{cases} AG = 2 AM - 2 AG \leftrightarrow AG = \frac{2}{3} AM \\ BG = 2 BN - 2 BG \leftrightarrow BG = \frac{2}{3} BN \end{cases} \dots \text{de (7)}$$

$\therefore AM$  y  $BN$  se cortan en  $G$  distante de cada vértice los  $\frac{2}{3}$  de la longitud de la mediana respectiva.