

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»				
КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»				

## Отчет по лабораторной работе №4 по курсу "Анализ алгоритмов"

Тема	<b>Гема</b> Параллельное программирование			
Студе	ент Козлова И.В.			
•				
Групі	ла <u>ИУ7-52Б</u>			
Оцені	ка (баллы)			
,				
Преп	одаватель Волкова Л.Л.			

## Содержание

B	Введение						
1	Ана	алитическая часть	5				
	1.1	Сортировка	5				
	1.2	Ранговая сортировка последовательности	6				
<b>2</b>	Koı	нструкторская часть	8				
	2.1	Схема алгоритма	8				
		2.1.1 Реализация алгоритма ранговой сортировки	8				
		2.1.2 Параллельная реализация алгоримта рангвоой сорти-					
		ровки	10				
3	Tex	Технологическая часть					
	3.1	Выбор языка программирования	14				
	3.2	Сведения о модулях программы	14				
	3.3	Листинг кода	14				
	3.4	Тестирование	16				
4	Исс	следовательская часть	18				
	4.1	Технические характеристики	18				
	4.2	Время выполнения алгоритмов	18				
За	аклю	очение	23				
$\mathbf{C}_{1}$	писо	к литературы	24				

#### Введение

Многопоточность — способность центрального процессора (CPU) или одного ядра в многоядерном процессоре одновременно выполнять несколько процессов или потоков, соответствующим образом поддерживаемых операционной системой. Этот подход отличается от многопроцессорности, так как многопоточность процессов и потоков совместно использует ресурсы одного или нескольких ядер: вычислительных блоков, кэш-памяти ЦПУ или буфера перевода с преобразованием (TLB).

В тех случаях, когда многопроцессорные системы включают в себя несколько полных блоков обработки, многопоточность направлена на максимизацию использования ресурсов одного ядра, используя параллелизм на уровне потоков, а также на уровне инструкций. Поскольку эти два метода являются взаимодополняющими, их иногда объединяют в системах с несколькими многопоточными ЦП и в ЦП с несколькими многопоточными ядрами.

Многопоточная парадигма стала более популярной с конца 1990-х годов, поскольку усилия по дальнейшему использованию параллелизма на уровне инструкций застопорились. Смысл многопоточности — квазимногозадачность на уровне одного исполняемого процесса. Значит, все потоки процесса помимо общего адресного пространства имеют и общие дескрипторы файлов. Выполняющийся процесс имеет как минимум один (главный) поток.

Многопоточность (как доктрину программирования) не следует путать ни с многозадачностью, ни с многопроцессорностью, несмотря на то, что операционные системы, реализующие многозадачность, как правило, реализуют и многопоточность.

#### Достоинства:

- облегчение программы посредством использования общего адресного пространства;
- меньшие затраты на создание потока в сравнении с процессами;
- повышение производительности процесса за счёт распараллеливания процессорных вычислений;

• если поток часто теряет кэш, другие потоки могут продолжать использовать неиспользованные вычислительные ресурсы.

#### Недостатки:

- несколько потоков могут вмешиваться друг в друга при совместном использовании аппаратных ресурсов [1];
- с программной точки зрения аппаратная поддержка многопоточности более трудоемка для программного обеспечения [2];
- проблема планирования потоков;
- специфика использования.

Целью данной лабораторной работы является изучения паралельных вычислений на материале ранговой сортировки.

Для достижения данной цели необходимо решить следующие задачи.

- 1. Изучения основ параллельных вычислений
- 2. Применение изученных основ для реализации многопоточной сортировки.
- 3. Получения практических навыков.
- 4. Произвести сравнительный анализ параллельной и однопоточной реализации алгоритма сортировки.
- 5. Экспериментальное подтверждение различий во временной эффективности реализации однопоточной и многопоточной ранговой сортировки.
- 6. Выбор и обоснование языка программирования, для решения данной задачи.
- 7. Описание и обоснование полученных результатов в отчете о выполненной лабораторной работе, выполненного как расчётно-пояснительная записка к работе.

#### 1 Аналитическая часть

В данной лабораторной работе предполагается распараллеливание знакомого нам алгоритма. В качестве такого алгоритма был выбран алгоритм ранговой сортировки. В данной части будет рассмотрено тоеритическое описание алгоритма.

#### 1.1 Сортировка

Сортировка - это процесс перегруппировки заданной последовательности (кортежа) объектов в некотором определеннном порядке. Такой опредленный порядок позволяет, в некоторых случаях, эффективнее и удобнее работать с заданной последовательностью. В частности, одной из целей сортировки является облегчение задачи поиска элемента в отсортированном множестве.

Существует множество различных методов сортировки данных. Однако любой алгоритм сортировки можно разбить на три основные части:

- сравнение, определяющее упорядочность пары элементов;
- перестановка, меняющая местами пару элементов;
- собственно сортирующий алгоритм, который осуществляет сравнение и перестановку элементов данных до тех пор, пока все эти элементы не будут упорядочены.

Одной из важнейшей характеристикой любого алгоритма сортировки является скорость его работы, которая определяется функциональной зависимостью среднего времени сортировки последовательностей элементов данных, определенной длины, от этой длины.

# 1.2 Ранговая сортировка последовательности

Алгоритмы ранговой сортировки [3] основаны на вычислении рангов элементов и их упорядочении в соответствии с полученным рангом. Ранги элементов могут быть определены любым способом, однако в практике зачастую достаточным является следующая формула вычисления ранга:

$$rank(s_i) = \sum rank(R(s_i, s_j)), \qquad (1.1)$$

где ранжируются результаты  $(R(s_i, s_j))$  операций попарно сравнения элементов и выполняется суммирование полученных рангов.

Алгоритм можно выполнить следующими шагами для каждого элемента массива.

- 1. Подсчет количества чисел, меньше, чем исследуемое (в случае, если числа равны, то сравнивается индекс).
- 2. В результирующий массив в ячейку с индексом, равным количеству числе, меньших, чем исследуемое (подсчитано в шаге 1) поставить исследуемое число.
- 3. Повторить шаги 1-2 для всех элементов массива.

Пример по шагам представлен на рисунке 1.1.

Массив А	5	8	-1	0	4	3
Числа, которые меньше 5	5	8	-1	0	4	3
Массив В после 1ой итерации	0	0	0	0	5	0
Числа, которые меньше 8	5	8	-1	0	4	3
Массив В после 2ой итерации	0	0	0	0	5	8
Числа, которые меньше -1	5	8	-1	0	4	3
Массив В после 3ой итерации	-1	0	0	0	5	8
Числа, которые меньше 0	5	8	-1	0	4	3
Массив В после 4ой итерации	-1	0	0	0	5	8
Числа, которые меньше 4	5	8	-1	0	4	3
Массив В после 5ой итерации	-1	0	0	4	5	8
Числа, которые меньше 3	5	8	-1	0	4	3
Массив В после бой итерации	-1	0	3	4	5	8

Рисунок 1.1 – Пример сортировки

В данном разделе были рассмотрены основополагающие материалы, которые в дальнейшем потребуются при параллельной и однопоточной реализации алгоритма ранговой сортировки.

## 2 Конструкторская часть

В данном разделе будет рассмотрены схемы исследуемого алгоритма.

### 2.1 Схема алгоритма

#### 2.1.1 Реализация алгоритма ранговой сортировки

На рисунке 2.1 представлена схема однопоточного алгоритма ранговой сортировки.

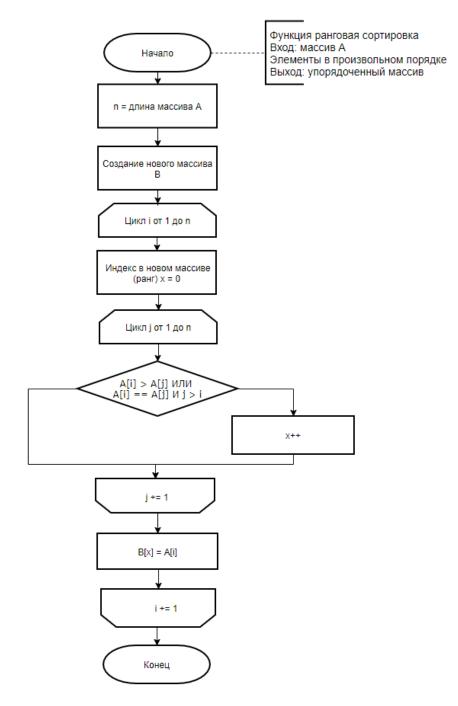


Рисунок 2.1 – Схема алгоритма ранговой сортировки

# 2.1.2 Параллельная реализация алгоримта рангвоой сортировки

Рассмотрим необходимые для распараллеливания замечания:

- считать ранг для чисел в массиве с индексами кратными количеству потоков;
- в следствие независимости подсчета, каждый их них может быть выполнен в любой момент времени, в том числе и параллельно с другими;
- каждый подсчет содержит цикл по массиву, такие циклы могут также выполнятся параллельно.

На рисунке 2.2 представлена схема алгоритма ранговой сортировки (многопоточной).

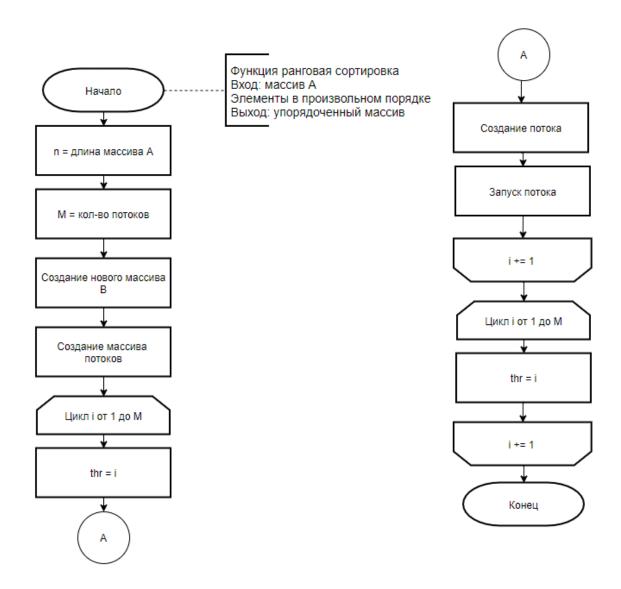


Рисунок 2.2 – Схема алгоритма ранговой сортировки (многопоточной)

На рисунке 2.3 представлена схема создания одного потока.

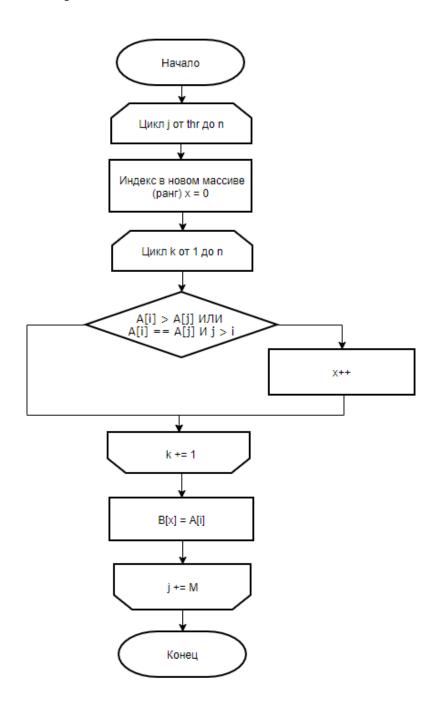


Рисунок 2.3 – Схема создания одного потока

В данном разделе были рассмотрены схемы однопоточной и многопоточной реализации алгоритма ранговой сортировки.

#### 3 Технологическая часть

В данном разделе будут приведены требования к программному обеспечению, средства реализации и листинги кода.

#### 3.1 Выбор языка программирования

В данной лабораторной работе использовался язык программирования - С# [4].

Данный язык является нативным.

В качестве среды разработки выбор сделан в сторону Visual Studio 2019 [5].

Замеры времени производились с помощью класса StopWatch [6].

#### 3.2 Сведения о модулях программы

Программа состоит из двух модулей:

- 1. Program.cs главный файл программы, в котором содержится точка входа в программу, генерация массивов и запись информации в файл (как средство для долговременного хранения информации).
- 2. Sort.cs файл с реализацией алгоритма ранговой сортировки в двух варинатах (обычный и многопоточный).

#### 3.3 Листинг кода

В листингах 3.1, 3.2 представлены реализации алгоритма ранговой сортировки многопоточной и обычной.

Также на листинге 3.3 представлен вариант реализации многопоточной программы для ранговой сортировки для замеров на больших массивов при оптимальном выбранном количестве потоков. Для реализации данного кода использовался метод Parallel.ForEach [7], который выбирает оптимальное количесво потоков для выполнения задачи.

#### Листинг 3.1 – Алгоритм ранговой сортировки (обычный)

```
public static string Sequential(ref int[] a)
2|\{
3
       int n = a.Length;
       int[] b = new int[n];
4
5
       int x;
6
7
       for (int i = 0; i < n; i++)
8
       {
9
           x = 0;
10
           for (int j = 0; j < n; j++)
                if (a[i] > a[j] \mid | (a[i] = a[j] \&\& j > i))
11
12
13
           b[x] = a[i];
14
       }
15
       return str;
16 }
```

#### Листинг 3.2 – Алгоритм ранговой сортировки (многопоточный)

```
public static string Parallel(int[] a)
2 {
3
       int M = 4;
       int[] b = new int[n];
4
       Thread [] thrs = new Thread [M];
5
6
       int n = a.Length;
7
8
       for (int i = 0; i < M; i++)
9
       {
10
           int thr = i;
11
           thrs[i] = new Thread(() \Rightarrow
12
           {
                for (int j = thr; j < n; j += M)
13
                {
14
                    int x = 0;
15
16
                    for (int k = 0; k < n; k++)
                         if (a[j] > a[k] || (a[j] = a[k] \&\& k > j))
17
18
19
                    b[x] = a[j];
20
                }
21
           });
22
           thrs[i].Start();
```

```
23 }
24 for (int i = 0; i < M; i++)
25 thrs[i]. Join();
26 return str;
27 }
```

Листинг 3.3 – Алгоритм ранговой сортировки (многопоточной с помощью специального метода)

```
1 public static int[] SortParall(this int[] a)
2|\{
 3
       int n = a.Length;
       int[] b = new int[n];
 4
       Parallel.ForEach(Partitioner.Create(0, n), range =>
 5
 6
 7
           int x;
 8
           for (int i = range.ltem1; i < range.ltem2; i++)</pre>
9
           {
10
                x = 0;
11
12
                for (int j = 0; j < n; j++)
                    if (a[i] > a[j] || (a[i] = a[j] \&\& j > i))
13
14
                b[x] = a[i];
15
           }
16
17
       });
18
       return b;
19 }
```

#### 3.4 Тестирование

В таблице 3.1 приведены тесты для функций, реализующих алгоритмы сортировки. Тесты пройдены успешно.

Таблица 3.1 – Функциональные тесты

Входной массив	Ожидаемый результат	Результат
[1, 2, 3, 4]	[1, 2, 3, 4]	[1, 2, 3, 4]
[5,4,3,2,1]	[1, 2, 3, 4, 5]	[1, 2, 3, 4, 5]
[3, 2, -5, 0, 1]	[-5, 0, 0, 2, 3]	[-5,0,0,2,3]
[4]	[4]	[4]

В данном разделе были разобраны листинги показывающие работу как однопоточного, так и многопоточного алгоритма ранговой сортировки.

## 4 Исследовательская часть

В данном разделе будет произведено сравнение вышеизложенного алгоритма (однопоточная и многопоточная реализация).

#### 4.1 Технические характеристики

Технические характеристики устройства, на котором выполнялось тестирование, следующие.

- Операционная система: Windows 10 [8] x86\_64.
- Память: 8 GiB.
- Процессор: 11th Gen Intel® Core $^{\mathsf{TM}}$  i5-1135G7 @ 2.40GHz [9].
- 4 физических ядра и 8 логических ядра.

Тестирование проводилось на ноутбуке, включенном в сеть электропитания. Во время тестирования ноутбук был нагружен только встроенными приложениями окружения, а также непосредственно системой тестирования.

#### 4.2 Время выполнения алгоритмов

Результаты замеров приведены в таблицах 4.1 и 4.2. На рисунках 4.1, 4.2 и 4.3 приведены графики зависимостей времени работы реализации алгоритма ранговой сортировки от размеров массивов для различного количества потоков.

Таблица 4.1 – Время (мс) работы реализации алгоритма ранговой сортировки

	Размер массива			
Кол-во потоков	10 000	50 000	100 000	
1	754.65	49273.61	69756.29	
4	126.33	6558.07	14614.38	
8	208.29	6812.70	9061.10	
16	117.95	5611.97	7912.95	
32	200.02	8152.66	8570.70	

Таблица 4.2 – Время (мс) работы реализации алгоритма ранговой сортировки при оптимальном количестве потоков (такое количество выбирает сам метод)

	Тип алгоритма		
Размер	Обычный	Многопоточный	
100	0	108	
5100	87	31	
10100	411	112	
15100	1147	244	
20100	2197	418	
25100	3766	638	
30100	6026	964	
35100	9121	1280	
40100	13160	1683	
45100	18259	2179	
50100	24616	2703	
55100	32251	3239	
60100	41435	3897	
65100	52181	4575	
70100	64554	5984	
75100	79472	7617	
80100	95870	8398	
85100	114356	9400	
90100	135587	11029	
95100	162326	14553	

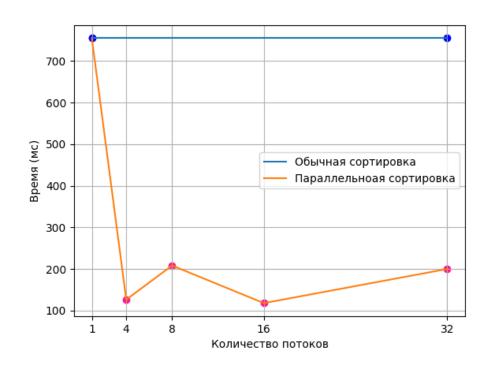


Рисунок 4.1 – Зависимость времени от кол-ва потока для массива размера  $10\ 000$  элементов

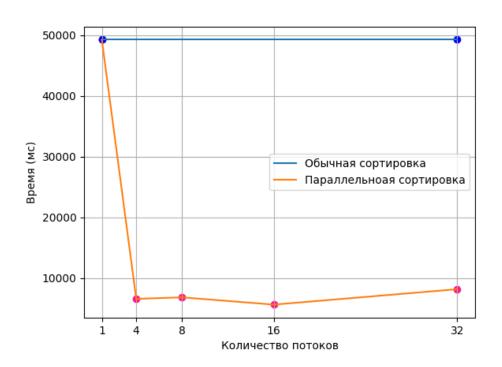


Рисунок 4.2 – Зависимость времени от кол-ва потока для массива размера 50~000 элементов

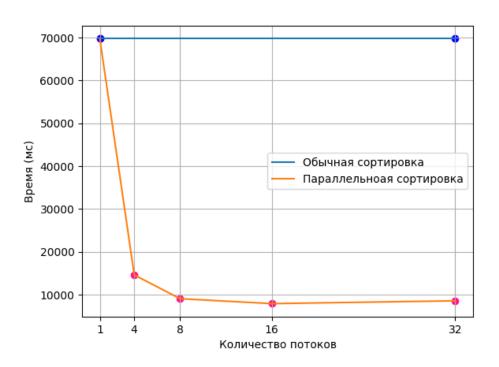


Рисунок 4.3 — Зависимость времени от кол-ва потока для массива размера  $100\ 000$  элементов

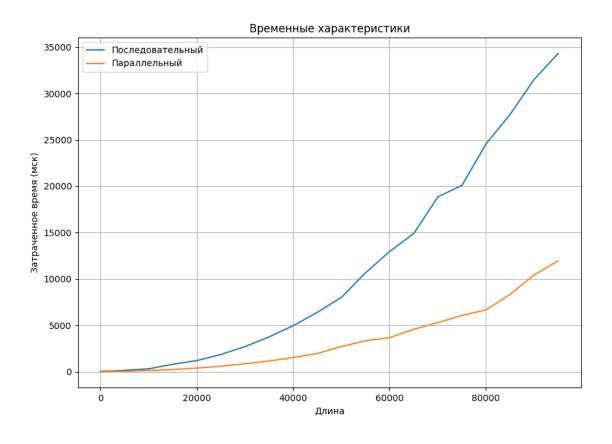


Рисунок 4.4 – Зависимость времени от длины массива при оптимальном количестве потоков (такое количество выбирает сам метод)

В данном разделе было произведено сравнение алгоритма ранговой сортировки при однопоточной реализации и многопоточной. Результат показал, что выгоднее всего использовать 16 потоков (можно увидеть, что именно при 16 потоков реализация алгоритма работает быстрее).

#### Заключение

В данной лабораторной работе были рассмотрены основополагающие материалы которые в дальнейшем потребовались при параллельной и однопоточной реализации алгоритма ранговой сортировки. Были рассмотрены схемы однопоточной и многопоточной реализации ранее разобранного алгоритма. Также были разобраны листинги, показывающие работу как однопоточного, так и многопоточного алгоритма ранговой сортировки.

В ходе выполнения лабораторной работы были решены следующие задачи:

- 1. Изучены основы параллельных вычислений
- 2. Применены изученные основы для реализации многопоточной сортировки.
- 3. Получены практические навыки.
- 4. Произведен сравнительный анализ параллельной и однопоточной реализации алгоритма сортировки.
- 5. Экспериментально подтверждены различия во временной эффективности реализации однопоточной и многопоточной ранговой сортировки.
- 6. Подготовлен отчет о лабораторной работе.

Поставленная цель достигнута.

#### Литература

- [1] Mario Nemirovsky D. M. T. Multithreading Architecture // Morgan and Claypool Publishers. 2013.
- [2] Olukotun K. Chip Multiprocessor Architecture Techniques to Improve Throughput and Latency // Morgan and Claypool Publishers. 2007. p. 154.
- [3] Фомин Э.С. Сортировка массивов коротких последовательностей. Институт Цитологии и Генетики СО РАН, 2010. с. 302.
- [4] Документация по С# [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://docs.microsoft.com/ru-ru/dotnet/csharp/ (дата обращения: 30.09.2021).
- [5] Visual Studio Microsoft [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://visualstudio.microsoft.com/ru/downloads/ (дата обращения: 30.09.2021).
- [6] Класс StopWacth [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://docs.microsoft.com/ru-ru/dotnet/api/system.diagnostics.stopwatch?view=net-5.0 (дата обращения: 09.10.2021).
- [7] Документация по С# [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://docs.microsoft.com/ru-ru/dotnet/api/system.threading. tasks.parallel.foreach?view=netframework-4.8 (дата обращения: 04.10.2021).
- [8] Windows [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.microsoft.com/ru-ru/windows (дата обращения: 30.09.2021).
- [9] Процессор Intel® Core™ i5-1135G7 [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.intel.ru/content/www/ru/ru/products/sku/208658/intel-core-i51135g7-processor-8m-cache-up-to-4-20-ghz/specifications.html (дата обращения: 04.09.2021).