

# CTF 入門

## CRC32 で 誤りを 検知する

実践編

@kurenai f

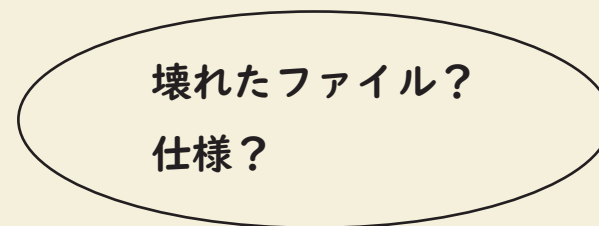
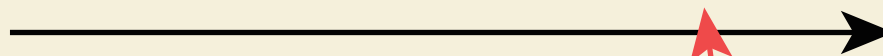
CRC32 って？

## Cyclic Redundancy Check

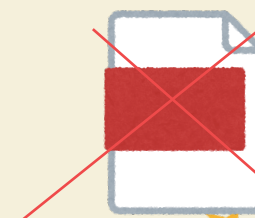
「誤りを検知する」検査方法



ファイル送信



壊れたファイル



何らかの外乱でファイルが破壊  
(ネット調子悪いとか)

## どこで CRC32 は使われているの？

### png ファイルとかに内蔵されている

```
IHDR Interlace: 0
IHDR Compression algorithm is Deflate
IHDR Filter method is type zero (None, Sub, Up, Average, Paeth)
IHDR Interlacing is disabled
Chunk CRC: -869110134
Chunk: Data Length 309 (max 2147483647), Type 1346585449 [iCCP]
Ancillary, public, PNG 1.2 compliant, unsafe to copy
Unknown chunk type
Chunk CRC: -960355186
Chunk: Data Length 65536 (max 2147483647), Type 1413563465 [IDAT]
Critical, public, PNG 1.2 compliant, unsafe to copy
IDAT contains image data
Chunk CRC: 1441794358
Chunk: Data Length 65536 (max 2147483647), Type 1413563465 [IDAT]
Critical, public, PNG 1.2 compliant, unsafe to copy
IDAT contains image data
Chunk CRC: -1856956801
Chunk: Data Length 65536 (max 2147483647), Type 1413563465 [IDAT]
Critical, public, PNG 1.2 compliant, unsafe to copy
IDAT contains image data
Chunk CRC: 126825411
Chunk: Data Length 19446 (max 2147483647), Type 1413563465 [IDAT]
Critical, public, PNG 1.2 compliant, unsafe to copy
IDAT contains image data
Chunk CRC: -425976308
Chunk: Data Length 0 (max 2147483647), Type 1145980233 [IEND]
Critical, public, PNG 1.2 compliant, unsafe to copy
IEND contains no data
Chunk CRC: -1371381630
```

今日のこの講義では  
この CRC を求めるための  
理論を勉強します

## CRC の概要

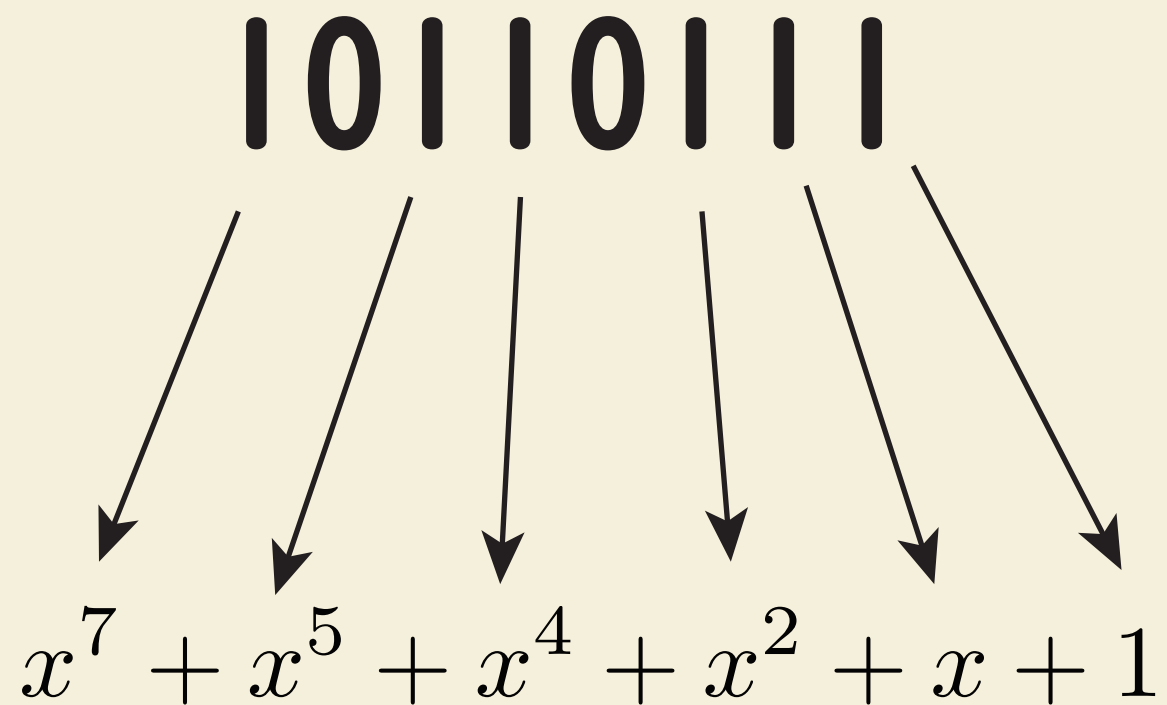
$$\begin{array}{r} 111 \overline{) 1000000} \\ \underline{111} \phantom{000} \\ 110000 \\ \underline{111} \phantom{00} \\ 1000 \\ \underline{111} \phantom{0} \\ 110 \\ \underline{111} \\ 01 \end{array}$$

1. 割られる数（生データ）に、  
割る数の bit 数 - 1 個分 0 を入れる
2. あまりを求める。

筆算の引き算の代わりに  
XOR を計算する。

10000（生データ）と 01 を相手に送信する。

## bit 列と多項式の対応



実はこの bit 列は多項式を表しています！

## CRC の多項式

CRC の、割る数はファイルや用途によって異なる。

		(0x02CC)
CRC-16-Fletcher	CRCではない。フレッチャーの検査合計	Adler-32 A & B CRC で使用
CRC-16-CCITT	$x^{16} + x^{12} + x^5 + 1$ (X.25、V.41、CDMA、Bluetooth、XMODEM、HDLC、PPP、IrDA、BACnet; CRC-CCITTとも)	0x1021 / 0x8408 (0x8810 [5])
CRC-16-IBM	$x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$ (SDLC、USB、その他; CRC-16とも)	0x8005 / 0xA001 (0xC002)
CRC-24-Radix-64	$x^{24} + x^{23} + x^{18} + x^{17} + x^{14} + x^{11} + x^{10} + x^7 + x^6 + x^5 + x^4 + x^3 + x + 1$ (FlexRay)	0x864CFB / 0xDF3261 (0xC3267D)
CRC-30	$x^{30} + x^{29} + x^{21} + x^{20} + x^{15} + x^{13} + x^{12} + x^{11} + x^8 + x^7 + x^6 + x^2 + x + 1$ (CDMA)	0x2030B9C7 / 0x38E74301 (0x30185CE3)
CRC-32-Adler	CRCではない; Adler-32	Adler-32参照
CRC-32	$x^{32} + x^{26} + x^{23} + x^{22} + x^{16} + x^{12} + x^{11} + x^{10} + x^8 + x^7 + x^5 + x^4 + x^2 + x + 1$ (V.42, MPEG-2, zlib, PNG [10])	0x04C11DB7 / 0xEDB88320 (0x82608EDB [7])

## png の CRC の多項式

png の多項式はこれ（最上位 bit は省略されてるので、実際は 0x104C11DB7）

CRC-16-Fletcher	CRCではない。フレッチャーの検査合計	(0x02CC) Adler-32 A & B CRC で使用
CRC-16-CCITT	$x^{16} + x^{12} + x^5 + 1$ (X.25、V.41、CDMA、Bluetooth、XMODEM、HDLC、PPP、IrDA、BACnet; CRC-CCITTとも)	0x1021 / 0x8408 (0x8810 [5])
CRC-16-IBM	$x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$ (SDLC、USB、その他; CRC-16とも)	0x8005 / 0xA001 (0xC002)
CRC-24-Radix-64	$x^{24} + x^{23} + x^{18} + x^{17} + x^{14} + x^{11} + x^{10} + x^7 + x^6 + x^5 + x^4 + x^3 + x + 1$ (FlexRay)	0x864CFB / 0xDF3261 (0xC3267D)
CRC-30	$x^{30} + x^{29} + x^{21} + x^{20} + x^{15} + x^{13} + x^{12} + x^{11} + x^8 + x^7 + x^6 + x^2 + x + 1$ (CDMA)	0x2030B9C7 / 0x38E74301 (0x30185CE3)
CRC-32-Adler	CRCではない; Adler-32	Adler-32参照
CRC-32	$x^{32} + x^{26} + x^{23} + x^{22} + x^{16} + x^{12} + x^{11} + x^{10} + x^8 + x^7 + x^5 + x^4 + x^2 + x + 1$ (V.42, MPEG-2, zlib, PNG [10])	0x04C11DB7 / 0xEDB88320 (0x82608EDB [7])

## png の CRC

様々なトラブルに対応するため、様々な**前処理**・**後処理**がある。



<https://www.slideshare.net/7shi/crc32#31>

こちらの 7shi さんの資料を参考に作らせて  
いただきました…！



## 前処理

バイナリデータ (16 進数表記)

0x0000deadbeefcafebabe



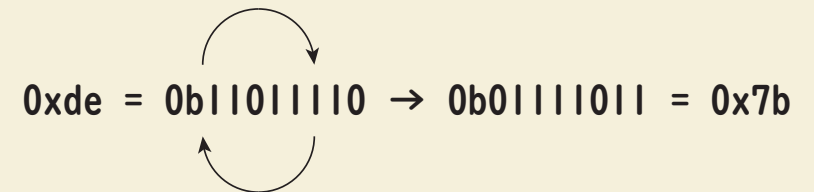
1byte=8bits ずつ分解

00 00 de ad be ef ca fe ba be



1byte ずつ bit の「位置を」反転させる

00 00 7b b5 7d f7 53 7f 5d 7d



0x00007bb57df7537f5d7d

前処理

CRC の計算

後処理

## 前処理

0x00007bb57df7537f5d7d



4bytes=32bits 分 0 を追加  
( 割る数 -1bit 分 )

0x00007bb57df7537f5d7d00000000



上位 4bytes を bitflip

0xffff844a7df7537f5d7d00000000

0x10 と 0x0000000000010 を区別するために  
flip する

前処理

CRC の計算

後処理

あまりを求める。

$$\begin{array}{r} 111 \overline{) 1000000} \\ \underline{111} \phantom{000} \\ 110000 \\ \underline{111} \phantom{00} \\ 1000 \\ \underline{111} \phantom{0} \\ 110 \\ \underline{111} \\ 01 \end{array}$$

0x1db710640 で割り算すると ...

0xc0d7c1ec になります！！！！！！！！

前処理

CRC の計算

後処理

## 後処理

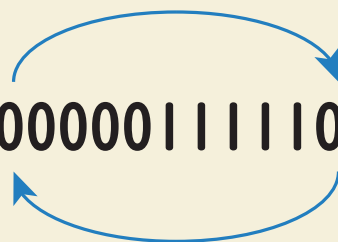
(0xc0d7c1ec の 2 進数)

0b11000000110101111100000111101100



(bit の位置を反転)

0b00110111100000111110101100000011



(bitflip)

0b11001000011111000001010011111100

前処理

CRC の計算

後処理

## 要所要所に出てくる「位置反転」の謎

CRC の「あまり」を求める実装が実はめんどくさく、

もうちょっといいやり方がある。

そのやり方に合わせた仕様になっている…？

( 調べたけど何故こうなっているかは不明でした。 )

## めんどくさいポイント 1

割る数： 111

割られる数： 1000000

ここの差を計算して

1000000  
↔ 111

↓

1000000  
1110000

bitshift

↓

110000

XOR

ここの差を計算するフェイズがめんどくさい。

bitshift もめんどくさい。

最上位 bit が 1 だったら  
XOR をかけるけど  
最上位 bit が動くのが辛い

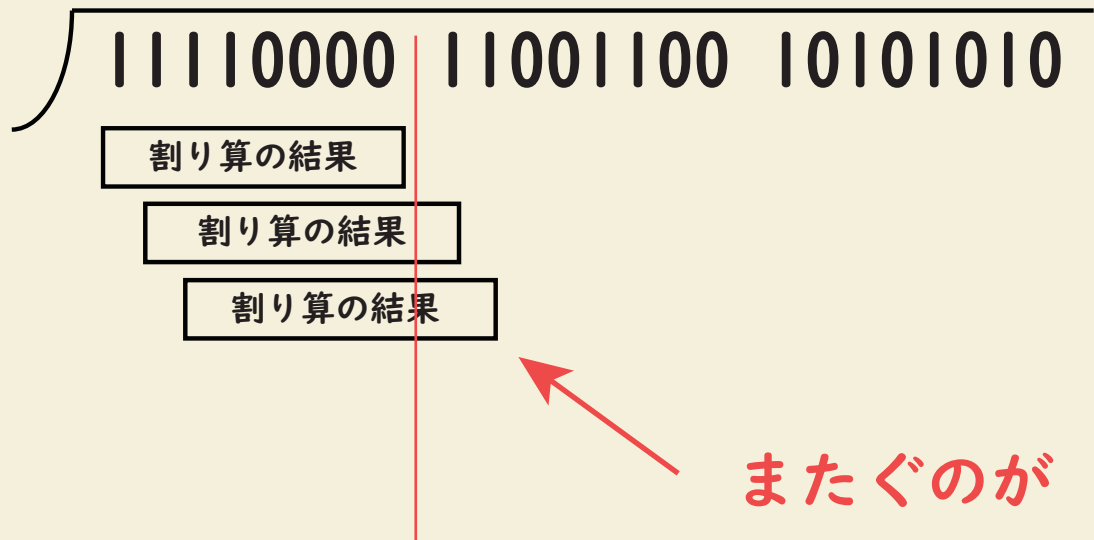
## めんどくさいポイント 2

普通データは 1byte ずつ読み込む。

byte をまたいだときの割り算の実装がめんどくさい。

kurenaif 参考実装では簡単のため多倍長整数を使用しているが、  
高速なのが売りの CRC で多倍長整数は使用したくない。

わかるか？



またぐのが  
めんどくさい。

(実際には割り算の結果は 32bits ずつ でもめんどくさい)

## めんどくさいポイント 3

$$\begin{array}{r} 111 \overline{) 1000000} \\ \underline{111} \phantom{00000} \\ 110000 \phantom{0} \\ \underline{111} \phantom{0000} \\ 1000 \phantom{00} \\ \underline{111} \phantom{00} \\ 110 \phantom{0} \\ \underline{111} \\ 01 \end{array}$$

筆算みたいに計算するのがそもそもめんどくさい。



3つのめんどくさいを解消する。

1. 最上位 bit が動くのがめんどくさい
2. byte 列のつなが目がめんどくさい
3. 筆算的過程がそもそもめんどくさい

3つのめんどくさいを解消する。

1. 最上位 bit が動くのがめんどくさい
2. byte 列のつなが目がめんどくさい
3. 筆算的過程がそもそもめんどくさい

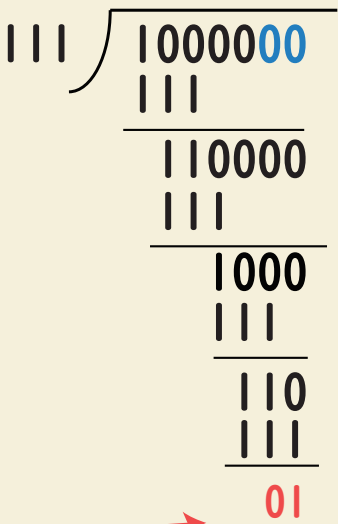
最上位 bit が動くのがめんどくさい

割り算の考え方を考える。



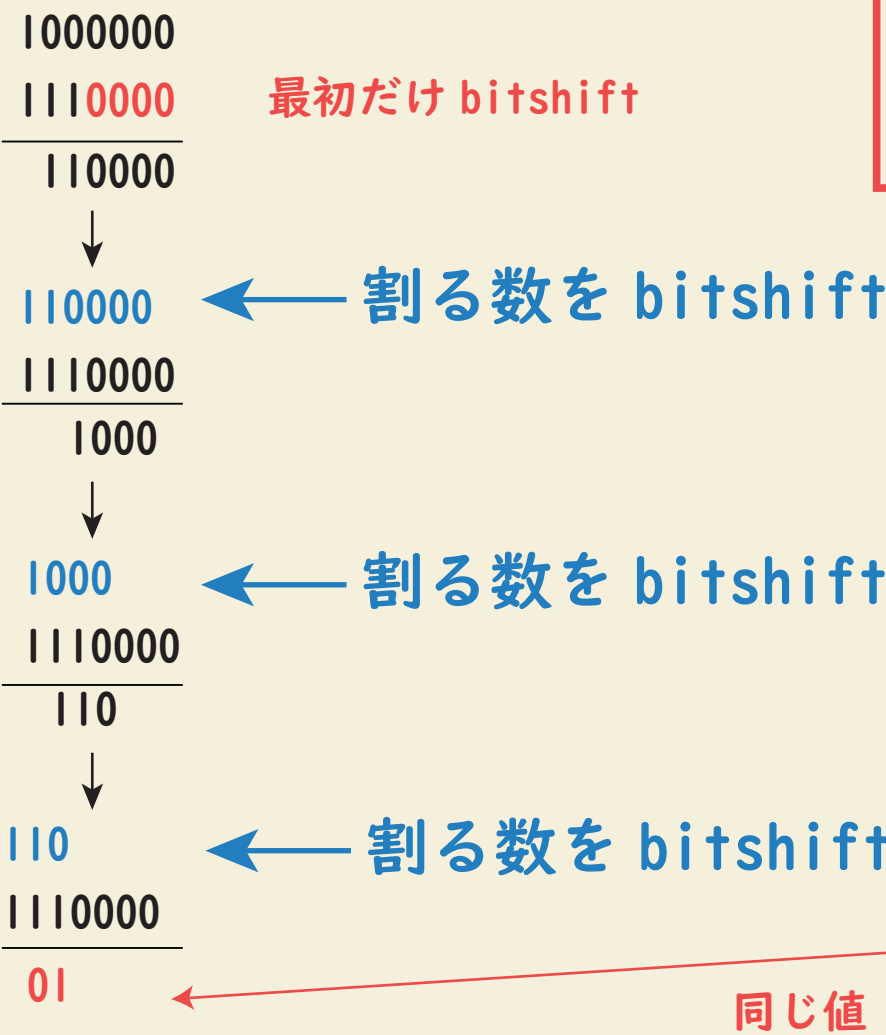
割る数： 111  
割られる数： 1000000

最上位 bit 固定化成功

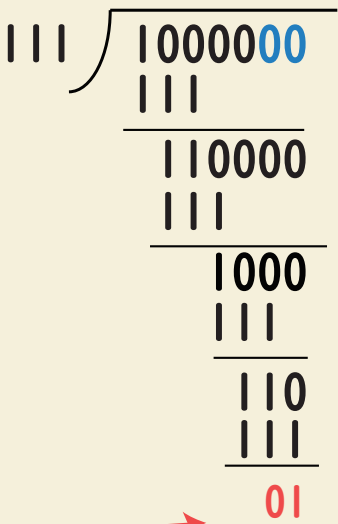


最上位 bit が動くのがめんどくさい

割り算の考え方を考える。



大切なのは、「割る数」と  
「割られる数」の相対的な位置



bit を反転してみる

割る数：111

割られる数：1000000

相対的な位置が重要なのであれば、このようにしても問題ないのでは？

$$\begin{array}{r} 1000000 \\ 111 \overline{) 0000} \\ 110000 \end{array}$$


bit が左右反転した世界

$$\begin{array}{r} 0000001 \\ \phantom{000000}111 \overline{) 0000} \\ 000011 \end{array}$$

## bit を反転してみる

0000001  
|||

000011



000011  
|||

000100



0001  
|||

1bit 目が 1 になるまで shift

011



011  
|||

10

1bit 目を見る &  
bitshift で実装可能  
とても楽。

||| ) 1000000  
|||  
---  
110000  
|||  
---  
1000  
|||  
---  
110  
|||  
---  
01

反転すると同じ値

## 左右反転した世界の割り算まとめ

1. 割る数を左右反転させる
2. 割る数の 1bit 目が 1 なら XOR
3. 割る数を右に 1 bitshift して「2.」へ
4. 求めた「あまり」を左右反転させる

タイトル



タイトル

タイトル

タイトル