

C

1. Adja meg a következő fogalmakat!
  - a. ransomware (zsarolóprogram)
  - b. hitelesség
  - c. üzenet visszajátszás

#### Ransomware

- Fájl titkosító ransomware
- Nem titkosító ransomware
- Böngészőlejáró ransomware

Olyan kártékony program meg lezárja a felhasználó fájljait, blokkolja az áldozat hozzáférését a számítógéphez és az okozott károk visszafordításaért minden esetben váltságdíjat követel.

Képesek lehetnek az áldozat érzékeny személyes adatainak megszerzésére, védelmi szoftverek leállítására, megtevesztő figyelmeztetések megjelenítésére és más kényszerítő tevékenységekre is.

Gyakran drive-by-download útján terjednek.

#### Hitelesség

- Felhasználó hitelesítése
- Üzenet hitelesítő kód

Valaminek a forrása az amit megjelöltek, és a tartalma az eredeti.

Felhasználó hitelesítése:

Az a folyamat, amikor egy entitás meggyőződik egy másik entitás identitásáról.

Üzenet hitelesítő kód:

Egy rövid, fix hosszúságú érték, mely lehetővé teszi az üzenet sértetlenségének és forrásának ellenőrzését, de nem biztosítja a letagadhatatlanságot.

- Üzenet visszajátszása: (passzív támadás)

A támadó lehallgatja az üzenetet, majd újra elküldi.

Az adatátvitel lehallgatása, monitorozása. Ilyen támadás esetén továbbított adat megszerzése a célunk.

Nehéz észrevenni, hiszen az átküldött adat nem módosul.

2. Mi a CIA hármasság? Példákkal magyarázza meg a fogalmakat!

BSK

#### CIA – Biztonsági célok

##### Confidentiality / Bizalmasság

Titkos / személyes információk nem kerülhetnek jogosulatlanok kezébe. Adatok tárolásánál feldolgozásánál, továbbításánál biztosítani kell

##### Integrity / Sértetlenség

Adatintegritás: Adat nem módosul tárolása, feldolgozása, továbbítása során

Rendszerintegritás: Rendszer az elvártak szerint működik, jogosulatlan módosításoktól mentes

##### Availability / Rendelkezésre állás

A szolgáltatás a jogosultak számára szükséges időben, szükséges ideig használható

2. ...  
3. **Jellemezze a vírusokat!** Csoportosítsa a vírusokat célpontjuk és rejtőzködésük alapján! Ismertesse az egyes csoportok jellemzőit!

## **Vírusok**

Végrehajtható programokat, vagy dokumentumokat fertőzi meg

Gyakoriak script kódok – MS Office, Adobe PDF

Vírus a kód lefuttatásával valami kárt okoz

### **Megfertőzhet:**

- Alkalmazásokat
- Rendszerfájlokat
- Bootnál futtatott programkódot

### **Részei:**

**Fertőző mechanizmus:** Hogyan terjed, sokszorozódik a vírus

**Indíték:** Esemény, feltétel mely meghatározza mikor aktiválódik a büntető rutin – Logikai bomba

**Büntető rutin:** Kárt okozó tevékenység

## **Célpont szerinti csoportosítás**

### **Boot vírusok**

Háttértár boot szektorába ágyazódik be

OS előtt aktiválódik, összes többi háttértárat megfertőzi

### **Alkalmazásvírusok**

Append és replace vírusok, letöltődnek a memóriába, megfertőzik a többi futó programot

### **Macrovírus**

Makrókat támogató dokumentumszerkesztőket támadnak meg, terjedéshez elég csak megnyitni egy fertőzött állományt

Ide tartoznak a levelező vírusok

## **Rejtőzködési stratégia szerinti csoportosítás**

### **Titkosított vírus**

Titkosítja a tartalmát

### **Lopakodó vírus**

Memóriában maradva cselezi ki az OS-t és antivírust, innen változtathat OS jellemzőin, könyvtárstruktúráján

Rootkitek: Eszköz, melyet root (legnagyobb jogosultság) megszerzése után használ

### **Polimorf vírus**

Fertőzési ciklusonként változtatják megjelenési formájukat – nehéz felismerni

Mutációs motor felel a kulcsgenerálásért, titkosításért ez is módosul

### **Metamorfózisra képes vírus**

Minden alkalommal teljesen felülírják magukat / kinézetüket

#### 4. Mi a gyökércsomag és a hátsóajtó? Milyen védekezési módot ismer?

##### Gyökércsomag (Rootkit)

- Perzisztens
- Memória alapú
- Felhasználó módú
- Kernel módú

A gyökércsomag egy programcsomag, mely installálása után fedett hozzáférést biztosít és tart fent a már fertőzött géphez adminisztrátori jogosultságokkal. Az operációs rendszer valamennyi funkciójához és szolgáltatásához hozzáférést ad.

A gyökércsomagok hátsóajtó hozzáférést is biztosítanak trójaiak számára.

Adminisztrátori jogosultsággal a támadónak teljes kontrollja van a rendszer felett. Felrakhat és módosíthat programokat, fájlokat, processzeket monitorozhat, hálózati forgalmat fogadhat és küldhet. A gyökércsomag ezeket a mechanizmusokat elrejtí.

Perzisztencia alapján megkülönböztetünk perzisztens és memória alapú gyökércsomagot:

##### - Perzisztens gyökércsomag:

A gyökércsomag perzisztens helyen tárol kódot, pl. registry-ben.

##### - Memória alapú gyökércsomag:

Mivel csak a memóriában van benne, így nincs perzisztens kód, tehát az újraindítást nem éli túl, viszont nehezebb detektálni.

Létezik "felhasználó módú" és "kernel módú" gyökércsomag:

##### - Felhasználó módú:

Felhasználói szinten működik az operációs rendszerben. Lehallgatja az API hívásokat és módosítja az azokra kapott választ, hogy elrejtse magát.

##### - Kernel módú:

A gyökércsomag úgy rejti el jelenlétét, hogy módosítja a kernelt.

A kernel az operációs rendszer alapja, amely felelős a hardver erőforrásainak kezeléséért.

A korai rootkitek felhasználói módúak voltak. Az általuk alkalmazott változtatásokat kernel kódokkal lehetett detektálni.

Az új generációs rootkitek kernel szintű változtatásokat hajtanak végre és a rejtőzködéshez az elsődleges célpontjaik a rendszerhívások.

##### Hátsóajtó (Backdoor)

A program egy titkos belépési pontja, mely lehetővé teszi, hogy a belépési pont ismerője a biztonságos hitelesítés nélkül kapjon hozzáférést.

Programozók legálisan is használtak már hátsóajtókat programok tesztelésére. A hátsóajtó akkor válik veszélyessé, amikor azt tisztességtelen programozók használják illetéktelen hozzáférésre.

A védelmi intézkedések ez ellen szoftverfejlesztésekre és szoftver updatekre irányulnak.

4. Milyen a gyökrezés?
5. Ismertesse az RSA-FDH digitális aláírás algoritmusait!





A

✓ 1. Adja meg a következő fogalmakat!

- a. CIA hármas
- b. sérülékenységi
- c. kártékony program
- d. nulladik napi támadás

### Sérülékenység / vulnerability

Informatikai rendszer gyengesége, amelyen keresztül valamely fenyegetés megvalósulhat

#### Kategóriák:

- Rendszerelem, adatok módosulása
- Rendszerelem, adat kiszivárgása
- Rendszerelem elérhetősége lassú, vagy elérhetetlen / használhatatlan

c. kártékony program

Adatok / szoftverek bizalmasságát, integritását, rendelkezésre állását veszélyezteti, vagy erkölcsi / anyagi / idő kárt okoz

d, nulladik napi támadás: Valamely számítógépes alkalmazás olyan sebezhetőséget használja ki, ami még nem került publikálásra, a szoftver fejlesztője nem tud róla, vagy nem érhet<sup>®</sup> még el azt foltozó biztonsági javítás.

✓ 2. Ismertesse a hálózati kommunikáció aktív támadásait!

### — Aktív támadások:

Adatfolyam módosítása, hamis üzenet generálása.

Nehéz teljesen megelőzni

- Példák:
- Megszemélyesítés adatmódosítás
  - Üzenet visszajátszás
  - DDOS

– Megszemélyesítés:

A támadó eljátsza a legális fél szerepét. Általában ehhez a támadáshoz szükséges valamely másik **aktív** támadás.

– Üzenet visszajátszása:

A támadó lehallgatja az üzenetet, majd újra elküldi.

– Adat módosítása:

A támadó az üzenetek valamely részét, vagy sorrendjét megváltoztatja

– Terheléses támadás (DDOS):

A támadás eredményeképpen a rendszer nagyon lelassul, elérhetetlenné válik, esetleg össze is omolhat.

### 3. Mi a Fejlett Perzisztens Fenyegetés (APT)? Milyen technikákat alkalmaz? Ismertessen egy példát!

Fejlett Perzisztens Fenyegetés = Advanced Persistent Threat (APT)

- Fejlett
- Perzisztens
- Fenyegetés

Kiberbűnözés, mely üzleti és politikai célpontokat célozzák meg, többféle behatoló technológia és kártékony program alkalmazásával.

APT-k különböznek a többi támadástól a célpont körültekintő kiválasztása miatt. Információt gyűjt, hogy pl. megállapítsa az alkalmazott szerepét és hozzáférési szintjét. Amennyiben ez nem vezet célra, akkor más felhasználók után kutathat, akik jobb pozícióban, több privilégiummal rendelkeznek. Nem egyszerűen feltöri a szervezet infrastruktúráját, sokkal inkább az alkalmazottakra koncentrálnak.

A speciális célpont és a perzisztens jellegük miatt a védekezés nem kivitelezhető hatékonyan csupán hagyományos biztonsági eszközök bevetésével. Többféle technikai védintézkedés kombinációjának alkalmazása és oktatás ajánlott.

#### - Fejlett:

A támadók számos eszközt használnak fel céljuk eléréséhez. Céljuk, hogy elkerüljék a célkeresztbe állított rendszert körülölelő vagy az abban működő védelmi eszközöket. A támadók alkalmazkodnak a védők erőfeszítéseire.

#### - Perzisztens:

A támadók egy jól meghatározott céllal tevékenykednek, és többnyire nem véletlenszerűen, találgatás útján próbálnak rájönni, hogy milyen sebezhetőségeket tudnak kihasználni, hanem már felkészülten, alapos felderítőmunka után lépnek akcióba. Ameddig nem érik el céljukat, addig nem hagyják el a rendszert. Gondoskodnak arról, hogy a hozzáférésük fenntartható legyen.

#### - Fenyegetés:

Ez esetben célzott, irányított és komplex akciókról beszélünk, amelyek komoly fenyegetést jelenthetnek az informatikai rendszerekre és az adatokra.

### 4. Jellemezze a férgeket! Ismertesse a terjedési módjait! Ismertesse rejtőzködési módjait! Adjon meg két kliens oldali sebezhetőséget!

Kliens és szerver oldali szoftver sebezhetőségek kiaknázásával férnek hozzá számítógépekhez.

Önszükszorosítóak, nincs szükségük gazdaprogramra.

Terjedési technikák:

- Hálózati kapcsolatokon keresztül rendszerről rendszerre terjedhetnek
- Megosztott médiákon, USB driveon, CD-n, DVD-n keresztül
- E-mail vagy üzenőfal segítségével

Terjedés során általában a következőket hajtja végre:

- Megfelelő hozzáféréseket keres host táblákban, címtárakban vagy cserélhető médiákat keres
- Ezekkel a hozzáférési mechanizmusokkal lemásolják magukat távoli rendszerekre és végrehajtnak

## 5. Mi a zsarolóprogram? Ismertesse a fajtáit!

- Fájltitkosító ransomware
- Nem titkosító ransomware
- Böngészőlezáró ransomware

Olyan kártékony program meg lezárja a felhasználó fájljait, blokkolja az áldozat hozzáférését a számítógéphez és az

okozott károk visszafordításáért minden esetben váltságdíjat követel.

Képesek lehetnek az áldozat érzékeny személyes adatainak megszerzésére, védelmi szoftverek leállítására, megtevesztő

figyelmeztetések megjelenítésére és más kényszerítő tevékenységekre is.

Gyakran drive-by-download útján terjednek.

## 6. Definíálja a hash függvényt! Ismertesse a kriptográfiai hash függvény biztonsági elvárásait!

def: A  $H : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^n$ ,  $n \in \mathbb{N}$  függvényt hash függvénynek nevezzük.

elvárások:

Ősképp ellenálló: Adott  $y \in Y$  értékhez, nehéz olyan  $x \in X$  értéket megadni, hogy  $H(x) = y$ . Második

ősképp ellenálló(gyengén ütközésmentes): Adott  $x$  értékhez nehéz olyan  $x_0$  értéket találni, hogy  $x \neq x_0$  és  $H(x) = H(x_0)$ .

Ütközésmentes(erősen ütközésmentes): Nehéz olyan  $x, x_0 \in X$  értékeket találni, hogy  $H(x) = H(x_0)$ .

### Jellemzői, elvárásai:

Ősképp ellenálló:  $y$ -hoz nehéz olyan  $x$ , hogy  $H(y) = y$

Második ősképpellenálló:  $x$  értékben nehéz olyan  $x'$ -t találni, hogy  $x \neq x'$  és  $H(x) = H(x')$

Ütközésmentes: Nehéz olyan  $x, x' \in X$  értéket találni, hogy  $H(x) = H(x')$



Ismertesse az RSA-FDH digitális aláírási sémát!

### RSA FDH – Full Domain Hash

Megoldja az első problémákat – Az üzenetet hasheljük mielőtt aláírjuk

DS = (Key, Sign, Ver)

#### Key:

- Véletlenül választunk két nagy prímet:  $p \cdot q$
- Kiszámítjuk az RSA modulus:  $n = p \cdot q$
- Kiszámítjuk  $n$  Euler-féle  $\phi$  függvény értékét:  $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$
- Véletlenül választunk egy  $e$  egészet, ahol  $1 < e < \phi(n)$  és  $(e, \phi(n)) = 1$
- Kiszámítjuk:  $d: 1 < d < \phi(n)$ , ahol  $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$

$PK = (n, e), SK = d$  és  $\phi(n), p, q$  titkos paraméterek

$M = \{0,1\}^*, S = Z_n$

#### Sign:

- $Sign_{SK}(m) = H(m)^d \pmod{n} \forall m \in M$ , ahol  $SK = d, H: \{0,1\}^* \rightarrow Z_n$  hash függvény.

#### Ver:

- $Ver_{PK}(m, s) = \begin{cases} TRUE, & S^e \equiv H(m) \pmod{n}; \\ FALSE, & \text{egyébként} \end{cases}$   
 $\forall (m, s) \in M \times S$ , ahol  $PK = (n, e)$





## B

1. Adja meg a következő fogalmakat!
  - a. informatikai biztonság fogalma
  - b. hitelesség
  - c. kockázat

Informatikai biztonság egy rendszer olyan állapota, melyben a kezelt adatok bizalmassága, sértetlensége, rendelkezésre állása biztosított, valamint a rendszerelemek sértetlensége és rendelkezésre állása szempontjából zárt, teljese körű, folytonos és kockázatokkal arányos.

b, hitelesség: Valaminek a forrása az, amit megjelöltek, és a tartalma az eredeti.

- Felhasználó hitelesítése (Entity Authentication): Az a folyamat, amikor egy entitás meggyőződik egy másik entitás identitásáról.
- Üzenet hitelesítő kód (Message Authentication Code): Egy rövid, fix hosszúságú érték, mely lehetővé teszi az üzenet sértetlenségének és forrásának ellenőrzését, de nem biztosítja a letagadhatatlanságot.

### **Kockázat / risk**

Fenyegetettség mértéke, amely valamely fenyegető tényezőtől ered

A kockázat fenyegetés bekövetkezésének gyakorisága és az az által okozott kár nagyságának függvénye

Cél a minimalizálása

2. Ismertesse a biztonsági tervezési alapelveket!

### **Tervezési alapok**

#### **Jogosultságok minimalizálása**

Csak annyi jogosultságot adjunk, amennyi feltétlen szükséges

Preventív intézkedés csökkenti a véletlen / direkt károkozást

Bármely rendszerenél alkalmazható

#### **Minimalizálás**

Rendszerkonfiguráció minimalizálása

Olyan szoftvert, alkalmazást ne futtassunk, melyek nem feltétlen szükségesek a biztonságos működéshez

Növeli a teljesítményt, tárhelyet takarít meg

Ha csak emailezik egy gép, ne legyen rajta más

### **Több szintű védelem**

Több szintű, többféle védelem – Preventív, detektív, korrektív

### **Open Design**

Biztonsági mechanizmus elemei, működés módja nyilvános kell legyen

Szakértők elemezik az algoritmusokat – bizalom

Kirchhoff-elv

### **Felosztás / compartmentalization**

Parcellák / terek kialakítása, elkülönítése

Limitálja a kárt, ha az egyik sérül, a többi még rendben van

### **Egyszerű megoldást válasszunk**

Összetett rendszer – nem jó

Egyszerű rendszert könnyebb tervezni, implementálni, tesztelni

### **Pszichológiai elfogadottság**

Ha egy mechanizmus gátolja valami könnyű / kényelmes hozzáférését, használatát, a felhasználó ki fogja kapcsolni

Biztonsági mechanizmus legyen transzparens, kövesse az emberi gondolkodást

2. Ismertesse a biztonsági tervezési alapelveket!

3. Ismertesse a környezeti fenyegetéseket és az ellenük való védekezést!

### **Fenyegetések**

#### **Hardver**

Rendelkezésre állásra irányul a legtöbb fenyegetés

Véletlen, vagy szándékos rongálás / lopás – sérülhet vele a bizalmasság

Védelem: Fizikai és adminisztratív intézkedések

#### **Szoftver**

Rendelkezésre állásra irányuló fenyegetés – alkalmazás törlése, módosítása

Védelem: backup

Sértetlenségre irányuló fenyegetés – szoftver módosítása, vírusok

Szoftverkalózkodás

#### **Adat**

Védeni kell, értékes és egyedi

Továbbítás, tárolás, feldolgozás során sérülhet

Bizalmasságra irányuló fenyegetés – Személyes adatok, tervek, stb

Sértetlenségre irányuló fenyegetés – adatok módosítása

Rendelkezésre állásra irányuló fenyegetés – Adat törlése



## 5. Mia zombi és a botnet? Mire használhatóak?

**Zombi számítógép:** Internethet kapcsolódó gép, melyet a támadó irányít, erőforrásokat felhasználja

### **Támadó ügynökök**

Kártékony kód a támadó irányítása alá helyezi a rendszert, annak erőforrásait – Zombi gépek

Zombi gépek hálózatra kötve botnet

Rendszer integritása, rendelkezésre állása veszélyben

### **Zombik használata**

- DDOS
- Spam
- Forgalomfigyelés
- Keylogging
- Malware terjedés
- Adware

botnet: olyan hálózatra kapcsolt gépek összessége, amelyek felett átvették az irányítást.

használata: botneten keresztül zombi gépek használata

## 7. Ismertesse a titkosítási sémákkal szembeni támadásokat!

### **Támadások**

#### **Támadó célja**

- Titkos visszafejtő kulcs megszerzése
- Egy adott titkosított üzenethez tartozó nyílt üzenet megszerzése

#### **Támadási módok**

##### **Csak a titkosított üzenet ismert – LOA**

A támadó rendelkezésére áll ugyanazon kulccsal titkosított üzenetekből álló lista

##### **Ismert nyílt üzenet alapú támadás – KPA**

A támadó rendelkezésére áll egy ugyanazon kulccsal titkosított nyílt és titkosított üzenetekből álló lista.

Cél a titkos kulcs, vagy a listán nem szereplő titkosított üzenethez tartozó nyílt üzenet megszerzése.

##### **Választott nyílt üzenet alapú – CPA**

A támadó rendelkezésére áll egy ugyanazon kulccsal titkosított nyílt és titkosított üzenetből álló lista, ahol a nyílt üzenetek a támadó által választottak

Nem alkalmazkodó → passzív, a támadó előre kiválasztja a nyílt üzeneteket

Alkalmazandó → aktív, a kapott titkosított üzenetek alapján választja ki a következő nyílt üzenetet

Cél a titkos kulcs, vagy a listán nem szereplő kulcsot üzenethez tartozó nyílt üzenet megszerzése

##### **Választott titkosított üzenet alapú – CCA**

A támadó rendelkezésére áll egy ugyanazon kulccsal titkosított nyílt és titkosított üzenetekből álló lista, ahol a titkosított üzenetek a támadó által választottak.

Cél ugyanaz mint előbb



### 3. Ismertesse a Nyilvános Kulcs Infrastruktúra (PKI) elemeit!

#### **Regisztrációs hivatal – RA**

(Polgár Jenő hivatal)

(meg akarok halni)

##### **Feladata:**

- Ügyfelek megbízható hitelesítése
- Tanúsítványkérés összeállítása, továbbítása
- Tanúsítvány visszavonási kérések fogadása

#### **Hitelesítő hivatal – Certification Authority**

##### **Feladata:**

- Tanúsítványkérések fogadása
- Kulcspárok generálása a különböző implementációkban
- Nyilvános kulcsú tanúsítványok kialakítása
- Kiadott tanúsítványok közzététele nyilvános tanúsítványtárban
- Korábbi tanúsítványok / kulcspárok megújítása
- Tanúsítványok visszavonása, ezek listájának publikálása

#### **Tanúsítványtár**

##### **Speciális adatbázis, amely tartalmazza**

- CA által kibocsátott tanúsítványokat
- Visszavont tanúsítványok listáját
- Egyéb adatokat a tanúsítványoknál

##### **Feladata:**

Bármely tanúsítvány állapotáról real-time információ adása

##### **Szolgáltatásai:**

Biztosítja ügyfeleket egy adott tanúsítvány hitelességéről, érvényességéről



## 6. Ismertesse a permutációs titkosítási sémát!

A nyílt üzenetet  $n$  hosszúságú blokkokra osztjuk. A kulcs egy permutáció. A titkosítás során a kulcs alapján permutáljuk a betűknek megfelelő  $Z_v$ -beli értéket.

$P = C = Z_n^v$ , ahol  $v$  az abc és  $n$  a blokk mérete

$K = \{(1, \dots, n)\}$  összes lehetséges permutációja

Key:  $\pi \in K$  véletlenül választott

Enc:  $\forall m = (m_1, m_2, \dots, m_n) \in Z_v^n$  esetén

$Enc_\pi(m_1, m_2, \dots, m_n) = (m_{\pi(1)}, m_{\pi(2)}, \dots, m_{\pi(n)})$

Dec:  $\forall c = (c_1, c_2, \dots, c_n) \in Z_v^n$  esetén

$Dec_\pi(c_1, c_2, \dots, c_n) = (c_{\pi^{-1}(1)}, c_{\pi^{-1}(2)}, \dots, c_{\pi^{-1}(n)})$

## 7. Adja meg a digitális aláírás fogalmát!

7. Adja meg a digitális aláírás fogalmát!

A digitális aláírási séma egy  $DS = (Key, Sign, Ver)$  hármas, ahol

- **Key:** A Key kulcsgeneráló algoritmus a  $k$  biztonsági paraméterre kiszámítja a  $(PK, SK)$  kulcspárt, ahol  $PK$  nyilvános és  $SK$  titkos.
- **Sign:** A Sign aláíró algoritmus az  $SK$  titkos kulcshoz és az  $m \in \{0, 1\}^*$  üzenetre generál egy  $s = Sign_{SK}(m)$  aláírást.
- **Ver:** A Ver ellenőrző<sup>®</sup> algoritmus a  $PK$  nyilvános kulcsra, az  $m$  üzenetre, és az  $s$  aláírással IGAZ vagy HAMIS értéket ad vissza. IGAZ esetén az aláírás érvényes, HAMIS esetén érvénytelen.

$DS = (Key, Sign, Ver)$  digitális aláírási séma, ahol

**Key:** Kulcsgeneráló algoritmus  $k$  parameter alapján kiszámítja a  $(PK, SK)$  kulcspárt

**Sign:** Aláíró algoritmus,  $m$  üzenetre  $SK$  titkos kulccsal generál aláírást

$$S = Sign_{SK}(m)$$

**Ver:** Ellenőrző algoritmus, mely  $S$  aláírással és  $PK$  nyilvános kulcsra True vagy False értéket ad, attól függően, hogy az aláírás érvényes-e

## 8. Ismertesse az RSA titkosítási sémát!

8. Ismertesse az RSA titkosítási sémát.

1. Véletlenül választunk két nagy prímet:  $p, q$ .
2. Kiszámítjuk az RSA modulust:  $n = p \cdot q$ .
3. Kiszámítjuk  $n$  Euler-féle  $\phi$  függvény értékét:  $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$ .
4. Véletlenül választunk egy  $e$  egészt, ahol  $1 < e < \phi(n)$  és  $(e, \phi(n)) = 1$ .
5. Kiszámítjuk:  $d$ :  $1 < d < \phi(n)$ , ahol  $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$ .

$PK = (n, e)$ ,  $SK = d$  és  $\phi(n)$ ,  $p, q$  titkos paraméterek

$M = S = \mathbb{Z}_n$

$\text{Sign}_{SK}(m) = md \pmod{n} \forall m \in M$ , ahol  $SK = d$ .

$\text{Ver}_{PK}(m, s) = \text{TRUE}$ ,  $s \equiv m \pmod{n}$ ; FALSE, egyébként.

$\forall (m, s) \in M \times S$ , ahol  $PK = (n, e)$ .

### RSA séma

AE = (Key, Enc, Dec) asszimetrikus séma

Key:

1. Két nagy prím:  $p, q$
2. Kiszámítjuk az RSA modulust:  $p = P \cdot q$
3. Kiszámítjuk az Euler féle  $\theta$  függvényt:  $\theta(n) = (P - 1) \cdot (q - 1)$
4. Választunk egy véletlen  $e$  egészet:  $1 < e < \theta(n)$  és  $(e, \theta(n)) = 1$
5. Kiszámítjuk  $d$ -t:  $1 < d < \theta(n)$  és  $ed = 1 \pmod{\theta(n)}$

$e$  a titkosító  $PK(n, e)$   $P = C = \mathbb{Z}$

$d$  a visszafejtő  $SK(n, d)$

$\text{Enc}_{PK}(m): m^e \pmod{n}$  és  $PK = (n, e)$

$\text{Dec}_{SK}(c): c^d \pmod{n}$  és  $SK = (n, d)$



6. Ismertesse az eltolásos titkosítási sémát.

$P = C = K = \mathbb{Z}_v$ , ahol  $v$  az abc mérete

Key:  $K \in \mathbb{Z}_v$  véletlenül választott

Enc:  $\forall m \in \mathbb{Z}_v$  esetén  $\text{Enc}_K(m) = m + K \pmod{v}$

Dec:  $\forall c \in \mathbb{Z}_v$  esetén  $\text{Dec}_K(c) = c - K \pmod{v}$