TH Brandenburg Online Studiengang Medieninformatik Fachbereich Informatik Algorithmen und Datenstrukturen

> Einsendeaufgabe 1 Sommersemester 2021 Abgabetermin 18.04.2021

> > Maximilian Schulke Matrikel-Nr. 20215853

1 Zweitkleinstes Element einer Folge

Das zweitkleinste Element einer Folge von
n ≥ 2 Zahlen soll bestimmt werden.

1.1 Algorithmus in Pseudocode

```
def second_minimum(list):
    second = list[0]
    minimum = list[0]

for n in list[1:]:
    if n > minimum:
        second = n
        break

for n in list[1:]:
    if n < minimum:
        second = minimum
    minimum = n</pre>
```

return second

1.2 Laufzeit-Analyse

Der Algorithmus braucht im **Best-Case** n Vergleiche, liegt also dementsprechend in $\Omega(n)$. Der Best-Case tritt ein, wenn direkt das zweite Element größer als das erste ist, da dann die erste Schleife nach dem ersten Schritt abgebrochen wird und die 2. Schleife immer genau n-1 vergleiche ausführt.

Er braucht im Worst-Case 2(n-1) Vergleiche und liegt daher in O(n). Der Worst-Case kommt zustande wenn wir z.B. eine List der Länge n betrachten, die n mal das gleiche Element enthält. Dann benötigen wir beim der ersten und der zweiten Schleife n-1 Vergleiche.

2 Asymptotische Notation

Gegeben sei die Funktion $f(n) = 2n^2 + 3n \log_2 n - 72$

2.1 Beweis von $f(n) \in O(n^2)$

$$f(n) = 2n^{2} + 3n \log_{2} n - 72$$

$$\leq 2n^{2} + 3n \log_{2} n$$

$$\leq 2n^{2} + 3n^{2}$$

$$= 5n^{2}$$

Somit können wir sagen, dass mit $c \ge 5$ und $n_0 = 1$ die Behauptung $f(n) \in O(n^2)$ gilt

2.2 Beweis von $f(n) \in \Omega(n^2)$

$$f(n) = 2n^{2} + 3n \log_{2} n - 72$$

$$\geq 2n^{2} - 72$$

$$> n^{2}$$

Nun können wir n_0 als Schnittpunkt der beiden Funktionen $2n^2-72$ und n^2 berechnen.

$$2n^{2} - 72 = n^{2} \mid -2n^{2}$$

 $-72 = -n^{2} \mid * -1$
 $72 = n^{2}$
 $n = \sqrt{72}$

Also, mit c = 1 und $n_0 = \sqrt{72}$ gilt $f(n) \in \Omega(n^2)$

2.3 Gilt $f(n) \in \Theta(n^2)$?

 $\Theta(g)$ ist im Skript mit der Definition 2.5 als $\{f \mid f \in O(g) \land f \in \Omega(g)\}\$ definiert.

Somit wissen wir, dass $f(n) \in \Theta(n^2)$, da wir in 2.1 und 2.2 gezeigt haben, dass $f \in O(g)$ und $f \in \Omega(g)$ gelten.