TH Brandenburg Online Studiengang IT Sicherheit Fachbereich Informatik und Medien Algorithmen und Datenstrukturen Prof. Dr. rer. nat. Ulrich Baum

> Einsendeaufgabe 4 Sommersemester 2022 Abgabetermin 18. April 2022

> > Mara Schulke Matrikel-Nr. 20215853

## Einsendeaufgabe 4

## 4.1 Stochastische Unabhängigkeit

$$\begin{aligned} \Pr(\bar{A} \cap B) &= \Pr(B \setminus A) \\ &= \Pr(B) - \Pr(B \cap A) \\ &= \Pr(B) - \Pr(A) * \Pr(B) \\ &= \frac{|B|}{|\Omega|} - \frac{|A| * |B|}{|\Omega|^2} \\ &= \frac{|B| * |\Omega|}{|\Omega|^2} - \frac{|A| * |B|}{|\Omega|^2} \\ &= \frac{|B| * (|\Omega| - |A|)}{|\Omega|^2} \\ &= \frac{|B| * |\bar{A}|}{|\Omega|^2} \\ &= \frac{|B| * |\bar{A}|}{|\Omega|} \\ &= \frac{|B|}{|\Omega|} * \frac{|\bar{A}|}{|\Omega|} \\ &= \Pr(B) * \Pr(\bar{A}) \end{aligned}$$

## 4.2 Kombinatorik

Anzahl aller möglichen Aufteilungen in Teams mit 5 Mitgliedern:

$$\binom{10}{5} = \frac{10!}{5! * 5!}$$

$$= \frac{10 * 9 * 8 * 7 * 6}{5 * 4 * 3 * 2 * 1}$$

$$= \frac{2 * 9 * 8 * 7 * 6}{4 * 3 * 2 * 1}$$

$$= \frac{2 * 9 * 2 * 7 * 6}{3 * 2 * 1}$$

$$= \frac{2 * 3 * 2 * 7 * 6}{2 * 1}$$

$$= 3 * 2 * 7 * 6$$

$$= 7 * 6^{2}$$

$$= 252$$

Da die Reihenfolge nicht gefragt ist, sondern nur die möglichen Aufteilung sind  $(\{1, 2, 3, 4, 5\}, \{6, 7, 8, 9, 10\})$  und  $(\{6, 7, 8, 9, 10\}, \{1, 2, 3, 4, 5\})$  in diesem Kontext äquivalent. Demnach:

$$\frac{\binom{10}{5}}{2} = \frac{252}{2} = 126$$