

Progetto di Ricerca Operativa

 $Ottimizzazione\ dei\ Costi\ per\ i\ Servizi\ di\ Trasporto\ Ordinario\\ e\ di\ Emergenza$

Soldà Matteo Matricola 1226319

A.A. 2022–2023

Contents

1	Introduzione								
	1.1	Abstract							
	1.2	Problema Generale							
2	Modello								
	2.1	Insiemi							
	2.2	Parametri							
	2.3	Variabili							
	2.4	Funzione Obiettivo							
3	Coc	dice AMPL							
	3.1	File .mod							
4	Sce	nari .							
_	4.1	Primo Scenario							
		4.1.1 Descrizione							
		4.1.2 Dati							
		4.1.3 Output							
	4.2	Secondo Scenario							
		4.2.1 Descrizione							
		4.2.2 Dati							
		4.2.3 Output							
	4.3	Terzo Scenario							
		4.3.1 Descrizione							
		4.3.2 Output							
5	Ext	ra 11							
•	5.1	Output su File							
	5.2	1							

1 Introduzione

1.1 Abstract

La Centrale Operativa del 118 della città di Padova necessita di un gran numero di ambulanze per svolgere i trasporti sia ordinari che di emergenza nell'intera provincia, ma con le ambulanze interne e quelle in possesso degli ospedali periferici si riesce a coprire solo in minima parte il fabbisogno: si rende quindi necessario rivolgersi alle Organizzazioni di Volontariato che, in cambio di un rimborso spese, prestano ambulanze e soccorritori per lo svolgimento degli interventi. L'obiettivo del progetto è quello di minimizzare il costo per il mantenimento del servizio, garantendo comunque un pronto intervento in caso di necessità.

1.2 Problema Generale

Ogni giorno la Centrale Operativa del 118 di Padova e l'Azienda Ospedaliera ricevono una moltitudine di chiamate, sia per richieste di supporto immediato (che vengono gestite dal SUEM), sia per trasporti programmati (che passano per le linee dell'Azienda Ospedaliera e che non rappresentano casi di emergenza, ma dedicati al trasporto di persone invalide presso l'ospedale per le visite programmate oppure per le dimissioni dal Pronto Soccorso).

L'Azienda Ospedaliera, al suo interno, dispone di un determinato numero di ambulanze di tipo B (dedicate ai trasporti), mentre quelle di tipo A (dedicate al SUEM) sono fornite dagli ospedali periferici. L'insieme di questi mezzi non è però sufficiente a coprire le richieste pervenute dall'intera provincia, ma ne ricopre una minima parte. Per questo motivo, la Centrale Operativa si rivolge a tre Organizzazioni di Volontariato (OdV) che offrono il loro supporto per coprire i viaggi scoperti:

- La Croce Rossa può fornire solo ambulanze di tipo A
- La Croce Bianca può fornire solo ambulanze di tipo B
- La Croce Verde può fornire sia ambulanze di tipo A che di tipo B

Il numero di ambulanze complessive in un determinato giorno viene stimato rispetto alla media di interventi e trasporti effettuati negli stessi giorni delle settimane precedenti, mantenendo comunque un numero arbitrario di ambulanze sia di tipo A che di tipo B in più.

Si vuole quindi minimizzare il costo complessivo settimanale per il servizio, sapendo che:

- Ogni giorno la Centrale Operativa ha necessità di un quantitativo diverso di ambulanze
- Qualora si attivasse una OdV per l'assistenza settimanale, è prevista una singola quota fissa di attivazione, indipendentemente dal tipo di ambulanza attivata
- Ogni ambulanza richiamata dalle OdV prevede un rimborso spese giornaliero che varia in base all'organizzazione e al tipo di ambulanza attivata
- Le ambulanze dell'Azienda Ospedaliera e degli ospedali periferici, se attivate in un determinato giorno, prevedono dei piccoli costi di manutenzione
- Ogni OdV e ospedale dispone di un numero limitato di ambulanze
- Ogni giorno bisogna attivare un numero arbitrario di ambulanze in più rispetto al fabbisogno
- L'Ospedale deve attivare un minimo di fornitori ogni giorno
- Le OdV possono intervenire per un numero limitato di giorni
- Il carico di lavoro tra le varie OdV deve essere proporzionale (fairness)

Disclaimer: questo progetto riguarda un tema reale con dati fittizi. Le Organizzazioni di Volontariato citate nell'introduzione e l'Ospedale di Padova sono realmente esistenti, ma i dati riguardanti disponibilità di mezzi, stima della necessità, metodologie di intervento e costi sostenuti sono casuali e adattati per rendere consistente lo studio in questione. Ogni riferimento è quindi da ritenersi puramente casuale in quanto frutto dell'immaginazione del redattore.

2 Modello

2.1 Insiemi

- Giorni: giorni della settimana in cui è attivo il servizio
- FornitoriA: fornitori che dispongono di ambulanze di tipo A da attivare
- FornitoriB: fornitori che dispongono di ambulanze di tipo B da attivare

2.2 Parametri

- $bisognoA_q$: fabbisogno per il giorno g di ambulanze di tipo A (escluso surplus arbitrario)
- $bisognoB_q$: fabbisogno per il giorno g di ambulanze di tipo B (escluso surplus arbitrario)
- $surplusA_g$: surplus di ambulanze di tipo A per il giorno g
- $surplus B_g$: surplus di ambulanze di tipo B per il giorno g
- $maxA_{fa}$: numero massimo di ambulanze di tipo A che il fornitore fa può fornire in un giorno
- $maxB_{fb}$: numero massimo di ambulanze di tipo B che il fornitore fb può fornire in un giorno
- $costo Giornaliero A_{fa}$: costo per l'attivazione giornaliera per una singola ambulanza di tipo A del fornitore fa
- $costo Giornaliero B_{fb}$: costo per l'attivazione giornaliera per una singola ambulanza di tipo B del fornitore fb
- $costo Attivazione A_{fa}$: costo settimanale per l'attivazione di un fornitore fa per la fornitura settimanale di ambulanze di tipo A
- $costoAttivazioneB_{fb}$: costo settimanale per l'attivazione di un fornitore fb per la fornitura settimanale di ambulanze di tipo B
- BigM: utilizzato per vincolare l'utilizzo delle ambulanze rispetto all'attivazione del fornitore (costante sufficientemente grande). Questo, nei file .dat è stato definito utilizzando la più vicina potenza del 2 rispetto a Max(bisognoA, bisognoB) + Max(surplusA, surplusB).

2.3 Variabili

- $ambulanzeA_{fa,qa}$ = numero di ambulanze del fornitore fa attivate il giorno ga
- $ambulanzeB_{fb,ab}$ = numero di ambulanze del fornitore fb attivate il giorno gb
- $attivazioneSettimanaleA_{fa} = \begin{cases} 1 & \text{se viene attivato il fornitore di ambulanze di tipo A } fa \text{ per la settimanaleA} \\ 0 & altrimenti \end{cases}$
- $attivazioneSettimanaleB_{fb} = \begin{cases} 1 & \text{se viene attivato il fornitore di ambulanze di tipo B } fb \text{ per la settimanale} \\ 0 & altrimenti \end{cases}$

2.4 Funzione Obiettivo

La funzione obiettivo del problema può essere espressa in forma generale come segue:

 $\begin{array}{ll} {\rm min} & {\rm Costo~Giornaliero~Ambulanze~Tipo~A} + {\rm Costo~Giornaliero~Ambulanze~Tipo~B} \\ & + {\rm Costo~Attivazione~Ambulanze~Tipo~A} + {\rm Costo~Attivazione~Ambulanze~Tipo~B} \end{array}$

Dove i termini sono così definiti:

$$\begin{tabular}{ll} \textbf{Costo Giornaliero Ambulanze Tipo A} &= \sum_{f \in FornitoriA, g \in Giorni} ambulanze A[f,g] \cdot costoGiornalieroA[f] \\ \textbf{Costo Giornaliero Ambulanze Tipo B} &= \sum_{f \in FornitoriB, g \in Giorni} ambulanze B[f,g] \cdot costoGiornalieroB[f] \\ \textbf{Costo Attivazione Ambulanze Tipo A} &= \sum_{f \in FornitoriA} attivazioneSettimanaleA[f] \cdot costoAttivazioneA[f] \\ \textbf{Costo Attivazione Ambulanze Tipo B} &= \sum_{f \in FornitoriB} attivazioneSettimanaleB[f] \cdot costoAttivazioneB[f] \\ \end{tabular}$$

subject to

• Ogni giorno la Centrale Operativa ha necessità di un numero diverso di ambulanze:

$$\sum_{f \in FornitoriA} ambulanze A[f,g] \geq bisogno A[g] + surplus A[g]$$

$$\sum_{f \in FornitoriB} ambulanze B[f,g] \geq bisogno B[g] + surplus B[g]$$

$$\forall g \in Giornitorial$$

• I fornitori dispongono di un numero massimo di ambulanze fornibili in un giorno:

$$ambulanze[f,g] \leq maxA[f] \\ ambulanze[f,g] \leq maxB[f] \\ \forall f \in FornitoriA, g \in Giorni \\ \forall f \in FornitoriB, g \in Giorni$$

• Le ambulanze di un determinato fornitore si possono attivare se e solo se si è pagata la quota di attivazione settimanale:

$$ambulanzeA[f,g] \leq BigM \cdot attivazioneSettimanaleA[f]$$

 $ambulanzeB[f,g] \leq BigM \cdot attivazioneSettimanaleB[f]$

Domini:

- $ambulanzeA_{f,g}$, $ambulanzeB_{f,g} \geq 0$
- $attivazioneSettimanaleA_f$, $attivazioneSettimanaleB_f \in 0, 1$

3 Codice AMPL

3.1 File .mod

```
Modello AMPL
    Ricerca operativa
     Solda' Matteo
        (2022)
### INSIEMI ###
set Giorni ordered;
                          # Giorni della settimana
set Fornitori
                       # Fornitori di ambulanze
set FornitoriA within Fornitori; # Fornitori di ambulanze di tipo A
set FornitoriB within Fornitori; # Fornitori di ambulanze di tipo B
### PARAMETRI ###
# Fabbisogno Giornaliero di Ambulanze
param bisognoA { Giorni } >= 0 integer default 0;
param bisognoB { Giorni } >= 0 integer default 0;
# Ambulanze "di Scorta"
param surplusA { Giorni } >= 2 integer default 2;
param surplusB { Giorni } >= 1 integer default 1;
# Numero Massimo Giornaliero di Ambulanze Attiviabili da un Fornitore
param maxA { FornitoriA } >= 0 integer default 15;
param maxB { FornitoriB } >= 0 integer default 5;
# Costo per l'Attivazione Settimanale di un Fornitore (2.1)
param costoAttivazioneFornitore
# Costo per l'Attivazione Giornaliero di una Ambulanza
param costoGiornalieroA { FornitoriA } > 0 default 10;
param costoGiornalieroB { FornitoriB } > 0 default 5;
# Numero Massimo di Giorni nei quali un Fornitore puo' Intervenire (1)
param MaxGiorni { Fornitori } >= 0 integer default 3;
# Costo per l'Attivazione Settimanale di una Ambulanza (da pagare una sola
   volta in caso di attivazione del fornitore per la determinata settimana)
param costoAttivazioneA { FornitoriA } >= 0 default 100;
param costoAttivazioneB { FornitoriB } >= 0 default 75;
# BigM per vincoli di tipo logico
param BiqM >= 0 integer default 500;
### VARIABILI ###
var ambulanzeA { fa in FornitoriA, ga in Giorni } integer >= 0; # Numero
   di ambulanze di tipo A fornite dal fornitore fa il giorno ga
var ambulanzeB { fb in FornitoriB, gb in Giorni } integer >= 0; # Numero
   di ambulanze di tipo B fornite dal fornitore fb il giorno gb
var attivazioneSettimanaleFornitore { f in Fornitori } binary # Variabile
   binaria per l'attivazione settimanale di un determinato fornitore (2.1)
var attivazioneSettimanaleA { f in FornitoriA } binary; # Varaibile logica
   per l'attivazione settimanale delle ambulanze di tipo A di un certo
   fornitore
```

```
var attivazioneSettimanaleB { f in FornitoriB } binary; # Variabile logica
   per l'attivazione settimanale delle ambulanze di tipo B di un certo
   fornitore
### FUNZIONE OBIETTIVO ###
minimize costo:
   (sum { f in FornitoriA, g in Giorni } ambulanzeA[f, g] *
      costoGiornalieroA[f]) + # COSTO SETTIMANALE AMBULANZE TIPO A
   (sum \{ f in FornitoriB, g in Giorni \} ambulanzeB[f, g] *
      costoGiornalieroB[f]) + # COSTO SETTIMANALE AMBULANZE TIPO B
   (sum { f in FornitoriA } attivazioneSettimanaleA[f] *
      costoAttivazioneA[f]) + # ATTIVAZIONE SETTIMANALE AMBULANZE TIPO B
   (sum { f in FornitoriB } attivazioneSettimanaleB[f] *
      costoAttivazioneB[f]) # ATTIVAZIONE SETTIMANALE AMBULANZE TIPO B
   ; # AGGIUNGERE COSTO DI ATTIVAZIONE DEL FORNITORE INIPENDENTE DAL TIPO
      DI AMBULANZA (2.1)
### VINCOLI ###
# Vincoli Necessita' Giornaliera
subject to necessitaGiornalieraA {g in Giorni} : sum { f in FornitoriA }
   ambulanzeA[f, q] >= bisognoA[q] + surplusA[q];
subject to necessitaGiornalieraB {g in Giorni} : sum { f in FornitoriB }
   ambulanzeB[f, g] >= bisognoB[g] + surplusB[g];
# Vincoli Disponibilita' Fornitori
subject to disponibilitaA { f in FornitoriA, g in Giorni } : ambulanzeA[f,
   g] <= maxA[f];
subject to disponibilitaB { f in FornitoriB, q in Giorni } : ambulanzeB[f,
   q] <= maxB[f];
# Vincolo Disponibilita' Giorni di Attivazione
### conta dell'attivazione del fornitore che deve essere minore della
   disponibibilita' massima
# Vincoli Logici
subject to ? ### ATTIVAZIONE DEL FORNITORE INDIPENDENTEMENTE
   DALL'AMBULANZA (2.1)
subject to attivazioneA { f in FornitoriA, g in Giorni } : ambulanzeA[f,
   q] <= BiqM * attivazioneSettimanaleA[f];</pre>
subject to attivazioneB { f in FornitoriB, g in Giorni } : ambulanzeB[f,
   q] <= BigM * attivazioneSettimanaleB[f];</pre>
```

4 Scenari

Premessa: dato che negli scenari proposti gli insiemi non variano, questi saranno di seguito presentati una sola volta. Gli insiemi sono così definiti:

Giorni lu	ınedi	martedi	mercoledi	giovedi	venerdi	sabato	domenica
FornitoriA	ross	sa verde	interna				
FornitoriA	biaı	nca verde	e interna				

4.1 Primo Scenario

4.1.1 Descrizione

In questo primo scenario, i dati sono stati inseriti manualmente, con un numero di ambulanze necessarie tale da permettere di trovare una soluzione ottima.

4.1.2 Dati

	Bise	BisognoA			BisognoB		surplusA		surplusB]			
	lunedi 20		lu	unedi 3 lunedi			3	lunedi		1]			
	martedi		22	martedi		5	martedi		3	n	martedi 3			
	mercoledi		10	mer	coledi 2		mercoled	mercoledi		me	mercoledi 1			
	giovedi		20	gio	ovedi 3		giovedi		2	g	giovedi 1			
	venerdi		30	venerdi		4	venerdi		5	v	enerdi	2		
	sabato		30	sabato		2	sabato	6		s	sabato domenica			
	domenica		15	don	domenica		domenic	$a \mid 4 \mid$		do				
ma	xA maxB		3	costoGior		rnalieroA	costo		oGiornalieroB			costoAtt	ivazioneA	
rossa	ossa 15 bianca		5	rossa		15	bianca		ca	20		rossa	130	
verde	30	Ve	erde	10	verd	e	18		verd	e	12		verde	50
interna	a 3	int	erna	8	interr	ıa	8	i	nteri	na	5		interna	0

costoAtt	$\overline{\mathrm{costoAttivazioneB}}$						
bianca	70						
verde	55						
interna	0						

4.1.3 Output

L'esecuzione del file .run mostra che il costo minimo è di €2929. Per quanto riguarda l'attivazione delle ambulanze di tipo A, sono state attivate solo le ambulanze interne (dato che avevano un costo di attivazione settimanale e giornaliera molto inferiore rispetto alle OdV) e la Croce Rossa. Parlando invece delle ambulanze di tipo B sono state attivate solo quelle interne in quanto sono abbastanza per coprire il fabbisogno giornaliero garantendo il costo minore.

4.2 Secondo Scenario

4.2.1 Descrizione

Il secondo set di dati differisce dal primo solo per la richiesta di ambulanze sia di tipo A che di tipo B per il lunedi che non è soddisfacibile. Per questo motivo, nel prossimo paragrafo saranno riportati solo i parametri modificati.

4.2.2 Dati

Bisogno	A	Bisogno					
lunedi	lunedi 150		lunedi 65				
martedi	martedi 22		5	maxA		maxB	
mercoledi	10	mercoledi	2	rossa	15	bianca	5
giovedi	20	giovedi	3	verde	30	verde	10
venerdi	30	venerdi	4	interna	3	interna	8
sabato	30	sabato	2				
domenica	15	domenica	0				

4.2.3 Output

Ovviamente, il costo minimo trovato eseguendo il file **.run** sarà pari a \bigcirc 0. La non risolvibilità del problema è data dal fatto che l'insieme delle ambulanze di tipo A (38) e di tipo B (23) non sono abbastanza per coprire il fabbisogno del lunedì (rispettivamente di 153 ambulanze di tipo A e 66 ambulanze di tipo B).

4.3 Terzo Scenario

4.3.1 Descrizione

Nel terzo scenario sono stati definiti soltanto gli insiemi, così da poter sfruttare i valori di default. Per questo motivo non verrà riportato il valore dei vari parametri in quanto specificato nel modello.

4.3.2 Output

Eseguendo il file **.run** dedicato, utilizzando quindi i dati di default, il costo minimo risulta essere di $\mathfrak{C}350$.

5 Extra

5.1 Output su File

All'interno della cartella **AMPL** si può trovare un file denominato *Ospedale.GenerateOutputFile.run* che esegue in serie tutti e tre gli scenari sopracitati e, tramite un secondo file *.run* di supporto denominato *GenerateOutput.run*, ne salva l'output in un file dedicato chiamato *Output.txt*. Per fare ciò, sono sono stati utilizzati gli operatori > e >>. Il primo serve a creare un nuovo file (o a ripulirlo se già esistente) e scriverci l'istruzione della stessa linea; il secondo serve invece per aprire il file e fare un *append* dell'istruzione di riferimento.

5.2 Stampa Personalizzata per Problema Non Risolvibile

All'interno dei file Ospedale.xxx.run dove xxx indica il numero del caso preso in esame o il file dedicato alla stampa, c'è un if-then-else statement che, utilizzando il valore della variabile di stato solve_result, determina se un problema è risolvibile o meno e modifica l'output di conseguenza. Nel caso il problema non fosse risolvibile, tramite la variabile solve_result_num, indica il codice che idenitifica la non risolvibilità del problema.