# Programação não linear para dimensionamento de biodigestores rurais

João Pedro Mucheroni Covolan

**RA:** 151022593

Orientadora: Prof<sup>a</sup> Dr<sup>a</sup> Márcia Aparecida Zanoli Meira e Silva

### Biodigestores

Matéria orgânica → biofertilizante e biogás

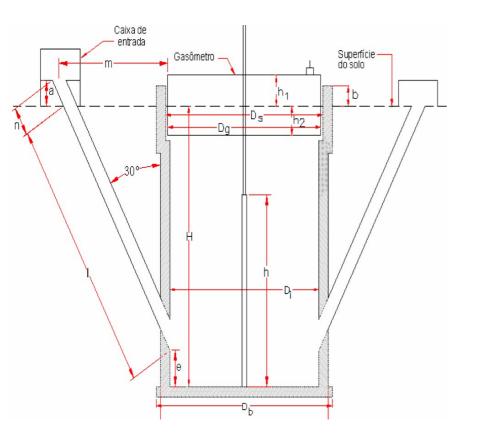
#### Contexto brasileiro

- Contínuos: indiano e chinês
- Batelada

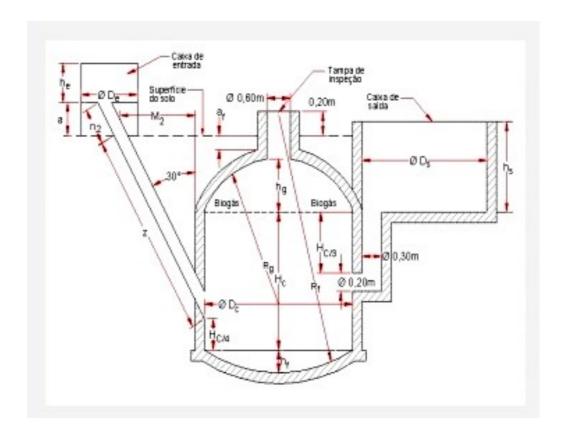
# Ortolani, Benincasa e Junior (1991)

- Parâmetros e restrições
- Demanda energética
- Tentativa e erro

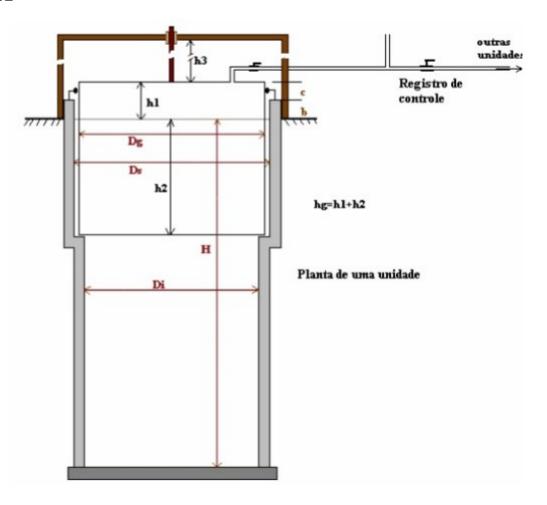
### Indiano



### Chinês



### Batelada



- Florentino (2003)
  - Programação não linear restrita
- Portes e Florentino (2006)
  - Resolução com MATLAB
- Softwares gratuitos, em Java
  - Programação não linear irrestrita (PDBL e Newton)
  - Massola (2015) indiano
  - Alvarez (2016) batelada
  - Souza (2016) chinês (tentativa e erro)

#### Indiano

$$\underbrace{Minimizar \ p \ D^2 H}_{(D, H)}$$

$$p D^{2} H \ge x K B$$

$$D - H \le 0$$

$$D - 0.6 H \ge 0$$

$$3 \le H \le 6$$

### Chinês

$$\underbrace{Minimizar}_{(D, H)} \left| p_1 D^2 H + p_2 D^3 \right|$$

$$\begin{aligned} p_1 D^2 H + p_2 D^3 \ge K B \\ 0.5 D - H \le 0 \\ 0.6 D - H \ge 0 \\ D \ge 0 \end{aligned}$$

### Batelada

$$\underbrace{Minimizar \ p \ D^2 H}_{(D, H)}$$

$$p D^{2} H \ge V D$$
  
 $H - D \ge 0$   
 $0.6 H - D \le 0$   
 $0 < H < 6$ 

#### Tentativa e erro

- Lento
- Não garante minimização

# Aplicativo no MATLAB

- Pago
- Softwares em Java
  - Separados e/ou incompletos
  - Apenas método de Gauss testado na resolução de sistemas lineares

# Introdução - Objetivos

 Construir software único simples e gratuito para o produtor rural

 Avaliar possível ganhos de eficiência com decomposição LU e Newton modificado com decomposição LU

# Aspectos teóricos

- Programação não linear
- Método Primal Dual Barreira Logarítmica
- Método de Newton
- Método da eliminação de Gauss
- Decomposição LU
- Newton modificado com decomposição LU (proposto)

### Ferramentas

- Java
- NetBeans
- iText PDF

# Método Primal Dual Barreira Logarítmica

Minimizar f(x)

sujeito a: 
$$g_i(x)=0$$
  $i=1,2,...,m < n$   
 $h_j(x) \ge 0$   $j=1,2,...,p$ 

sendo  $x \in \Re^n$ ,  $g(x) \in \Re^m$ ,  $h(x) \in \Re^p$ e as funções de classe  $C^2$ 

# Método Primal Dual Barreira Logarítmica

Minimizar f(x)

sujeito a: 
$$g_i(x) = 0$$
  $i = 1, \dots, m$   $h_j(x) - s_j = 0$   $j = 1, \dots, p$   $s_{j \ge 0}$ 

sendo  $s \in \Re^p$ 

# Método Primal Dual Barreira Logarítmica

Minimizar 
$$f(x) - \mu \sum_{j=1}^{p} \ln(s_j)$$

sujeito a: 
$$g_i(x) = 0$$
  $i = 1, \dots, m$   
 $h_j(x) - s_j = 0$   $j = 1, \dots, p$ 

# Método Primal Dual Barreira Logarítmica

$$L = f(x) - \mu \sum_{j=1}^{p} \ln(s_j) - \sum_{j=1}^{m} \lambda_i g_i(x) - \sum_{j=1}^{p} \pi_j \left[ h_j(x) - s_j \right]$$

Onde  $\lambda_i$  e  $\pi_j$  são os multiplicadores de Lagrange

### Método de Newton

$$\mathbf{x}_{k+1} = \mathbf{x}_k - \mathbf{H}_f^{-1}(\mathbf{x}_k) \nabla f(\mathbf{x}_k)$$

$$\mathbf{H}_{f}(\mathbf{x}_{k})\delta_{k} = -\nabla f(\mathbf{x})$$

$$\mathbf{x}_{k+1} = \mathbf{x}_k + \delta_k$$

# Materiais e métodos - Sistema Linear

# Representação matricial

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \cdots & a_{2n} \\ & & \vdots & \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \cdots & a_{mn} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_m \end{pmatrix}, \text{ onde } A \in R^{mxn}, \, x \in R^n \, e \, b \in R^m.$$

# Materiais e métodos - eliminação de <u>Gauss</u>

# Representação matricial

Matriz triangular superior

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \cdots & a_{1n-1} & a_{1n} \\ 0 & a_{22} & a_{23} & \cdots & a_{2n-1} & a_{2n} \\ 0 & 0 & a_{33} & \cdots & a_{3n-1} & a_{3n} \\ & & \ddots & & \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & a_{nn} \end{pmatrix}, \ b = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ \vdots \\ b_n \end{pmatrix}$$

# Materiais e métodos - eliminação de Gauss

# Pivotamento parcial

- Pivô é o major elemento da coluna

#### Sem troca de linhas

- As linhas não são efetivamente trocadas
- A troca é representada por um vetor de apontadores

# Materiais e métodos - decomposição LU

- Matriz A decomposta nas matrizes L e
   U (A = L . U)
  - L: matriz triangular inferior
  - U: matriz triangular superior

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \cdots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \cdots & a_{3n} \\ & & & \ddots & \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & \cdots & a_{nn} \end{pmatrix}, \ L = \begin{pmatrix} I_{11} & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ I_{21} & I_{22} & 0 & \cdots & 0 \\ I_{31} & I_{32} & I_{33} & \cdots & 0 \\ & & & \ddots & \\ I_{n1} & I_{n2} & I_{n3} & \cdots & I_{nn} \end{pmatrix}, \ U = \begin{pmatrix} u_{11} & u_{12} & u_{13} & \cdots & u_{1n} \\ 0 & u_{22} & u_{23} & \cdots & u_{2n} \\ 0 & 0 & u_{33} & \cdots & u_{3n} \\ & & & \ddots & \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & u_{nn} \end{pmatrix}$$

# Materiais e métodos - decomposição LU

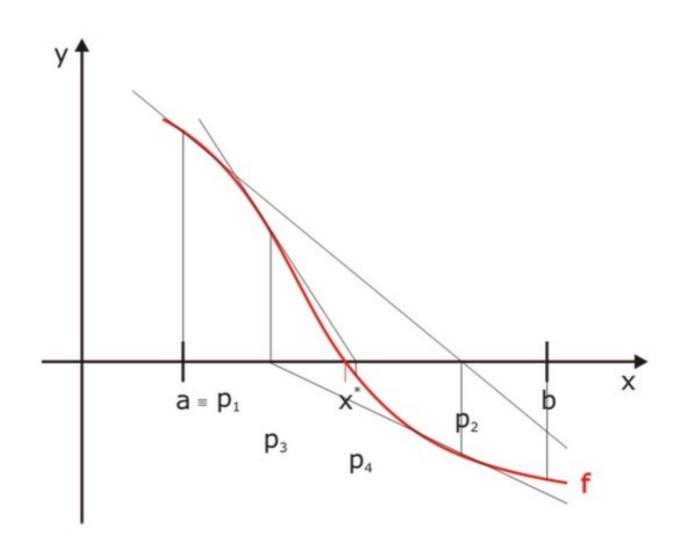
- Resolver a equação L. U. x = b
- Sendo  $y = U \cdot x$
- Resolver L . y = b
- Conhecendo y, resolver  $U \cdot x = y$

# Materiais e métodos - Newton modificado com decomposição LU

 Aproveitar as propriedades do método da decomposição LU

 Análogo ao método de Newton modificado para raízes de funções e otimização monovariável

# Método de Newton - raízes de funções de uma variável



# Materiais e métodos - Newton modificado com decomposição LU

 Usar a mesma decomposição da matriz A (Hessiana) para vários vetores b (gradiente) por n iterações

 Calcula-se menos vezes a matriz hessiana

Calcula-se menos decomposições

# Materiais e métodos - Ferramentas

### Java

- Orientação a objetos
- Multiplataforma

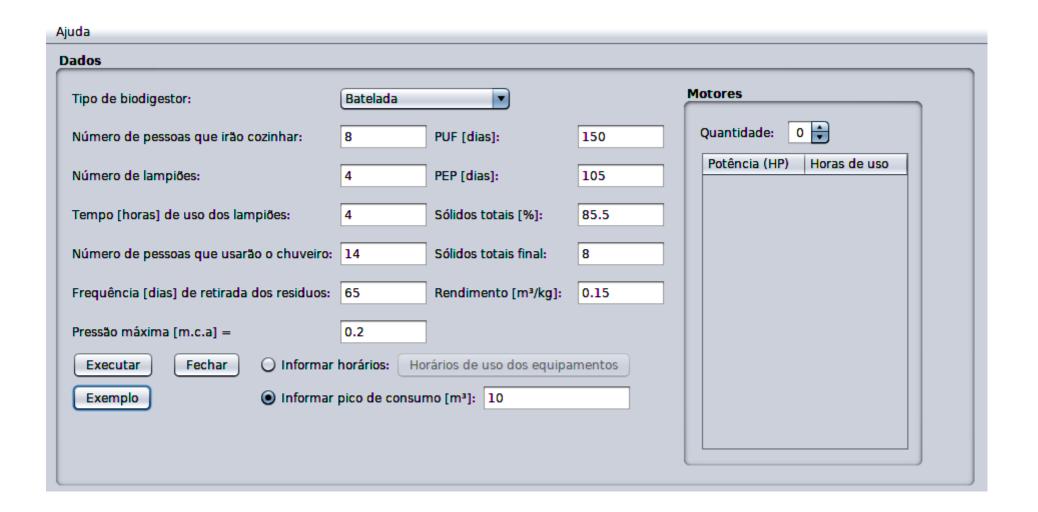
#### NetBeans

- Intergração com Java
- Projetos anteriores

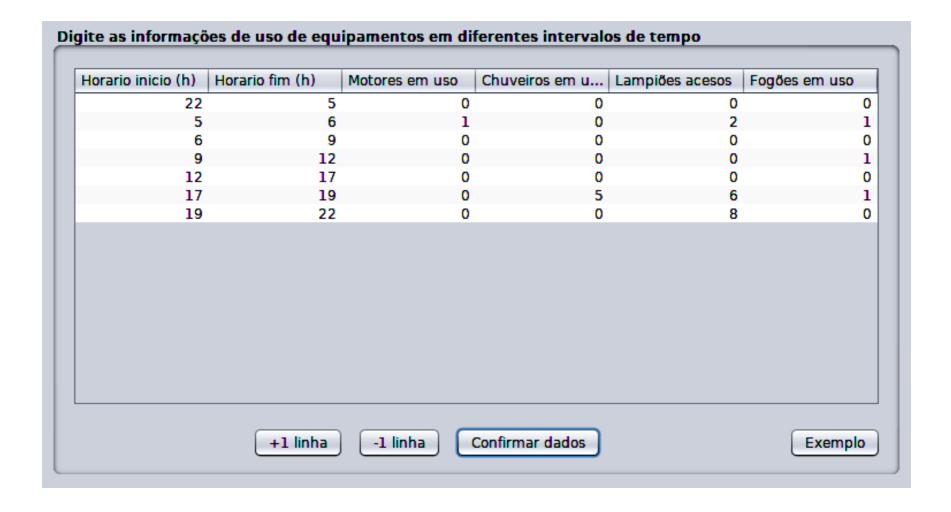
#### iText PDF

- Bibliotecas Java
- Gerar PDFs dinamicamente

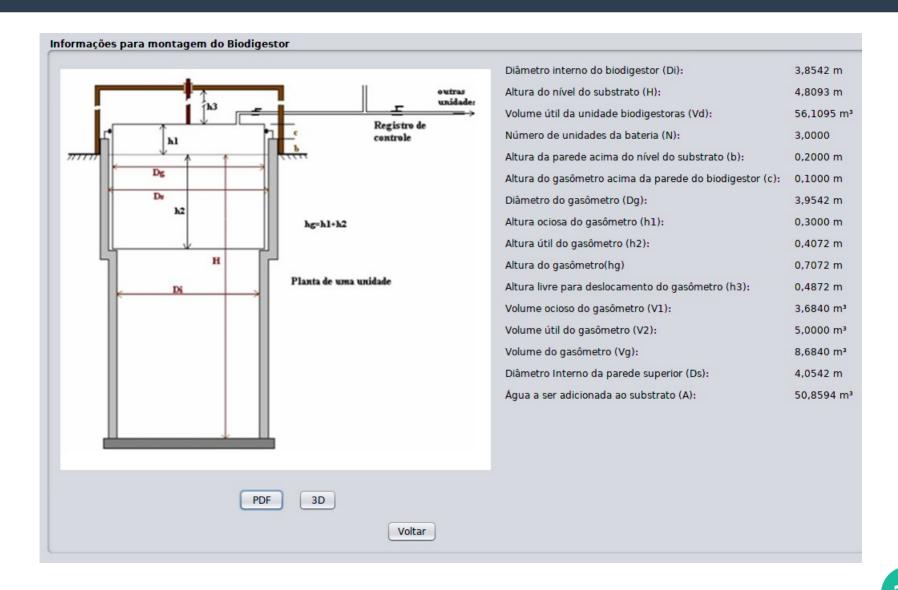
### **Software - Entrada**



# **Software - Entrada**



# **Software - Saída**



# **Software - Saída**

#### Informações para construção do biodigestor batelada

Figura - representação esquemática do biodigestor

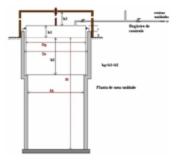


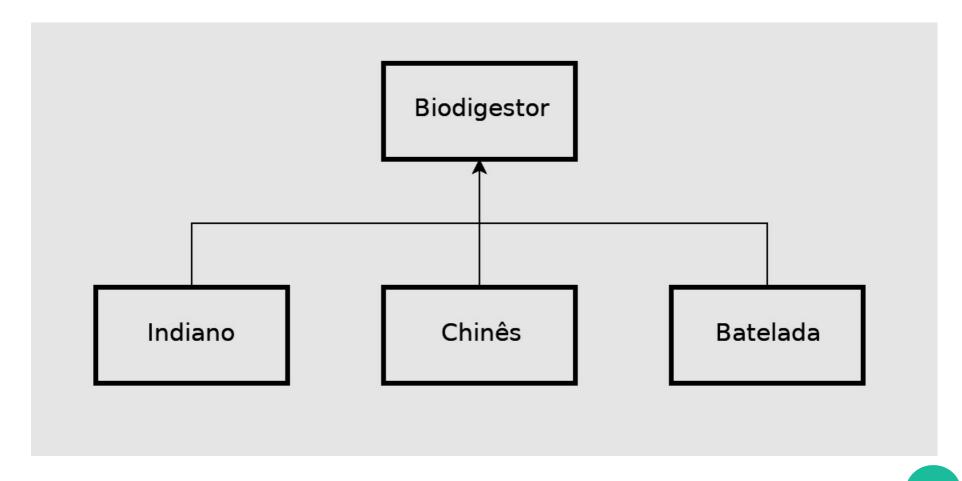
Tabela - Parâmetros e valores

Parâmetros	Valores
Diâmetro interno do biodigestor (Di):	3,8542 m
Altura do nível do substrato (H):	4,8093 m
Volume útil da unida de biodigesto ras (Vd):	56,1095 m <sup>3</sup>
Número de unidades da bateria (N):	3,0000
Altura da parede acima do nível do substrato (b):	0,2000 m
Altura do gasômetro acima da parede do biodigestor (c):	0,1000 m
Diâmetro do gasômetro (Dg):	3,9542 m
Altura ociosa do gasômetro (h1):	0,3000 m
Altura útil do gasômetro (h2):	0,4072 m
Altura do gasômetro(hg)	0,7072 m
Altura livre para deslocamento do gasômetro (h3):	0,4872 m
Volume ocioso do gasômetro (V1):	3,6840 m <sup>3</sup>
Volume útil do gasômetro (V2):	5,0000 m <sup>3</sup>
Volume do gasômetro (Vg):	8,6840 m <sup>3</sup>
Diâmetro Interno da parede superior (Ds):	4,0542 m
Água a ser adicionada ao substrato (A):	50,8594 m <sup>a</sup>

### Parâmetros calculados (volume)

- Chinês: 24,925 m<sup>3</sup>
- Ortolani (1991): 25,033 m<sup>3</sup>
- Florentino (2003): 25,007 m<sup>3</sup>
- Souza (2016): 24,929 m<sup>3</sup>

# Implementação



# Implementação

- Biodigestor abstrato
  - Nome
  - Imagem
  - Função objetivo
  - Restrições
  - Parâmetros

# Comparação entre os métodos

- Tempo de execução em milissegundos
- Exemplos da literatura (ORTONALNI, 1991)
- Vermelho: fora da normalidade
- Verde: melhores tempos
- Azul: melhor média

	Indiano	Chinês	Batelada
GPP	21	39	6138
DLU(1)	24	43	142
DLU(2)	19	50	50
DLU(3)	15	72	28
DLU(4)	5979	26	5
DLU(5)	180	74	7
DLU(6)	62	131	41
DLU(7)	12	30	10
DLU(8)	14	34	8
DLU(9)	130	55	313
DLU(10)	11	66	38

# **Considerações finais**

 Software único, gratuito e de código aberto para os três modelos

Facilitada modificação e expensão

 Newton modificado com LU: funcional e resultados positivos

### Referências

- ALVAREZ, I. L. Software para construção de biodigestores do modelo batelada. 2016. Monografia (Bacharelado em Ciência da Computação), Faculdade de Ciências, Universidade Estadual Paulista - UNESP, Bauru.
- BAZARAA, M. S.; SHERALI, H. D.; SHETTY, C. M. Nonlinear programming: theory and algorithms. [S.I.]: John Wiley & Sons, 2006.
- BENINCASA, M.; ORTOLANI, A. F.; JUNIOR, J. L. Biodigestores convencionais. *Jaboticabal, FUNEP*, 1991.
- DEITEL, H. M.; DEITEL, P. J. Java: Como Programar, 6a. Edição.
   [S.I.]: São Paulo: Prentice Hall, 2010.
- FLORENTINO, H. d. O. Mathematical tool to size rural digesters.
   Scientia Agricola, SciELO Brasil, v. 60, n. 1, p. 185-190, 2003.
- FRANCO, N. B. Cálculo numérico. [S.I.]: Pearson, 2006.

# Referências

- MASSOLA, W. C. Uso da programação não linear para o dimensionamento de biodigestores indianos. 2015. Monografia (Bacharelado em Ciência da Computação), Faculdade de Ciências, Universidade Estadual Paulista - UNESP, Bauru.
- ORACLE. *NetBeans IDE 8.0.2 Information*. 2018. Disponível em: <a href="https://netbeans.org/community/releases/80/">https://netbeans.org/community/releases/80/</a>. Acesso em 20 de março de 2018.
- ORTOLANI, A. F.; BENINCASA, M.; JUNIOR, J. L. Biodigestores rurais: modelos indiano, chinês e batelada. *Jaboticabal, FUNEP*, 1991.
- PORTES, Z. A.; FLORENTINO, H. d. O. Aplicativo computacional para projetos e construções de biodigestores rurais. *Energia na Agricultura*, Faculdade de Ciências Agronômicas, Universidade Estadual Paulista (UNESP), v. 21, n. 1, p. 118-138, 2006.
- SOUZA, M. B. de. Desenvolvimento de um software para dimensionamento de biodigestores do modelo chinês. In: Congresso de iniciação científica da UNESP. [S.l.: s.n.], 2016. A ser disponibilizado em: <a href="http://prope.unesp.br/cic\_isbn/">http://prope.unesp.br/cic\_isbn/>.</a>.

**37**