Etudes des systèmes GNSS des smartphones

Noë Charlier

Professeurs: C. Delacour, M. Petitcuenot

Classe préparatoire aux grandes écoles PT Lycée Paul Constans



TIPE - 2022, 2023



Introduction

Besoin grandissant de solution GNSS :

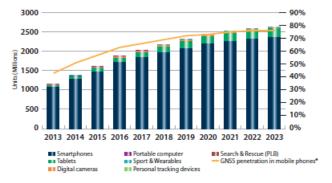


Figure 1 – Appareils GNSS par plate-forme. [3]

Définition GNSS

GNSS: Global Navigation Satellite System (Système de navigation par satellite global)

Constellation de satellites permettant de localiser un point sur la Terre.

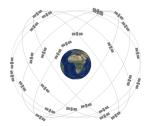


Figure 2 – Système de navigation par satellite global. [5]

Introduction

00000000

Expérimentations Ionosphérique

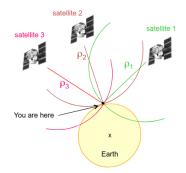


Figure 3 – Fonctionnement du GPS.

Une sphère de rayon $\rho_1 = (\Delta t_1 \cdot c)$ 3 satellites, intersection des 3 sphères.

Et donc
$$\rho_s^s = \sqrt{(X^s - X_r)^2 + (Y^s - Y_r)^2 + (Z^s - Z_r)^2}$$

Avec :

- X^s, Y^s, Z^s : coordonnées du satellite s:
- X_r, Y_r, Z_r : coordonnées du récepteur.

Sources d'incertitude

- Les horloges des satellites et des récepteurs ne sont pas synchronisés. (δt)
- Réfraction lors de la propagation dans l'atmosphère :
- Troposphérique (dépend de la température et de la pression atmosphérique) (T_s)
 - 2 lonosphérique (dépend de la densité ionique) (I_r^s)

Modèle plus complet :

$$R_r^s = \rho_r^s + c\delta t + T_r^s + I_r^s + \dots$$
 (1)

Multipath

Précision des orbites

L'ionosphère

Les systèmes GNSS sont basés sur des orbites prédites émises par les satellites.

Ces **éphémérides** doivent donc être très précises. (Perturbation gravitation-nelle (cf. Annexe 1))

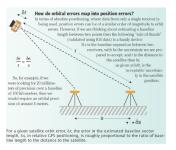


Figure 4 – Précision des orbites. [1]

Il existe aussi des services qui recalculent les éphémérides apostériori. (eg. IGN)

Multipath et dilution

Le **multipath** (multi-trajet) : le signal émis par le satellite est réfléchi par un objet avant d'atteindre le récepteur. (cf. Figure 5)



Figure 5 – Multipath [2]

La dilution (GDOP) : la géométrie des satellites par rapport au récepteur influe sur la précision de la mesure. (cf. Figure 6)

Multipath

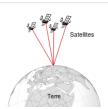


Figure 6 – Coef. de dilution élevée [2]

Introduction

000000000

- 1 Introduction
- 2 L'ionosphère
- 3 Expérimentations Ionosphérique
- 4 Multipath
- 5 Expérimentations Multipath

Problématique

Comment peut-on réduire l'impact de l'urbanisation sur les systèmes GNSS pour améliorer la précision de la géolocalisation par satellite?

Objectifs

- Étude du GPS, fonctionnement rapide
- Impact de l'ionosphère et des corrections possibles
- \odot Étude du multipath, dilution géométrique, GPS à doubles fréquences, et C/N0
- Comparaison Ville / campagne de la précision.
- Ouverture, solution possible (SBAS (systèmes d'optimisation de la précision par satellite), DGNSS (GNSS Différentiel), etc.)

Définition

L'ionosphère: L'ionosphère est la couche de l'atmosphère située entre 60 et 1000 km d'altitude. Elle est constituée de particules chargées électriquement, les ions, qui sont en mouvement.

L'ionosphère

0000

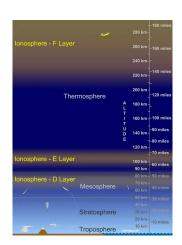


Figure 7 – Régions de l'ionosphère [9]

Introduction

Expérimentations Ionosphérique

Impact sur la propagation :

- Propagation directe La propagation directe est la propagation d'une onde radio entre deux points sans interaction avec l'ionosphère.
- Propagation diffusée La propagation diffusée est la propagation d'une onde radio entre deux points avec interaction avec l'ionosphère.

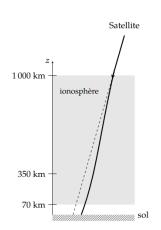


Figure 8 – Propagation directe et diffusée [6]

Expérimentations Ionosphérique

Quelle erreur?

Introduction

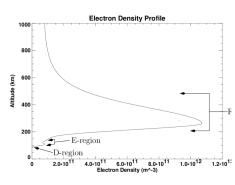


Figure 9 – Profil Ionosphérique [4]

Retard Ionosphérique : $\tau = \frac{1}{c} \int_0^{H_0} (\frac{c}{v_c} - 1)$

Erreur de distance : $L = \frac{a}{f_1^{-1}} C_{ET}$ avec $C_{ET} = \int_0^{H_0} n_e dz$ (Contenu Électronique Total)

> **A un TEC de** $1.5 \cdot 10^{17} m^{-2}$. L = 220 m

On a besoin de la **phase** et de la **speudorange** sur deux fréquences.

(Voir Annexe 2)

GPS à doubles fréquences

L'ionosphère

Afin de calculer le TEC, un récepteur Dual-Band (L1, L5) est nécessaire

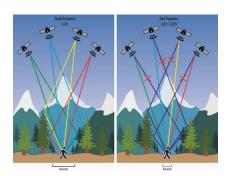


Figure 10 – Image : Garmin

Désormais disponible dans les smartphones(depuis 2018):

Multipath



Figure 11 – Broadcom BCM47755, Broadcom Inc. = > = = 900

Expérimentations Ionosphérique



Méthode d'évaluation : Le CET *Total electron content* s'évalue grâce à un même signal sur deux fréquences.

Le signal GPS:

- **Speudorange** La speudorange (distance) s'évalue à l'aide d'une fonction de corrélation.
- Phase La phase s'évalue sur le nombre de phases depuis le début d'acquisition.

(Voir Annexe 3)

Protocole expérimental

RTKlib avec et sans correction ionosphérique. Calcul du TEC à partir de la phase et de la speudorange.



Résultats

Figure 12 – TEC en fonction du temps



Introduction

Multipath: Le multipath est un phénomène de propagation d'onde radio qui se propage sur plusieurs trajets entre l'émetteur et le récepteur.

Le multipath s'estime par :

$$MP = P - (\frac{2}{\alpha - 1} + 1) \cdot L_1 + \frac{2}{\alpha - 1} \cdot L_2$$

(Voir Démonstration Annexe 4)

avec P la phase, L_1 la speudorange, L_2 la speudorange sur la deuxième fréquence et α le coefficient de réflexion.

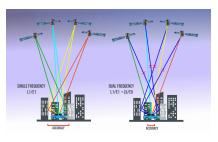


Figure 13 – Multipath [2]

On a donc besoin de la **phase** et de la speudorange sur deux fréquences.

Quelle erreur?

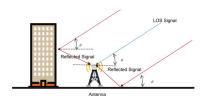


Figure 14 — Description du multipath [10]

L'erreur est de plusieurs mètres. [8]

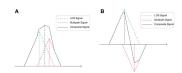


Figure 15 – Impact sur la fonction de corrélation (Annexe 3)

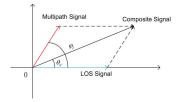


Figure 16 — Impact sur la phase



Protocole expérimental

- Calcul du multipath à partir de la phase et de la speudorange.
- Basé sur un article de Umberto et al. [7]



Introduction

Figure 17 – Multipath en fonction du temps



Introduction

Multipath



Bibliographie

- [1] Eric CALAIS. Géopositionnement GNSS, principe et applications. URL: https://www.geologie.ens.fr/~ecalais/teaching.
- [2] ESA. ESA GNSS Navipedia. URL: https://gssc.esa.int.
- [3] ESA. GNSS Market Report. URL: https://gssc.esa.int/navipedia/index.php/GNSS_Market_Report#Report_Overview.
- [4] Robert GILLIES. « Modelling of transionospheric HF radio wave propagation for the ISIS II and ePOP satellites ». In: (jan. 2006).
- [5] GPS.GOV. GPS Constellation. URL: https://www.gps.gov/multimedia/images/constellation.jpg.
- [6] E3A POLYTECH. Épreuve de Physique. 2020.

Bibliographie

- [7] Umberto ROBUSTELLI, Valerio BAIOCCHI et Giovanni PUGLIANO.

 « Assessment of Dual Frequency GNSS Observations from a Xiaomi Mi 8 Android Smartphone and Positioning Performance Analysis ».

 In: Electronics 8 (jan. 2019). DOI:

 10.3390/electronics8010091.
- [8] Luis SERRANO, Don KIM et Richard B. LANGLEY. « Carrier-phase multipath calibration in GPS-RTK machine-guidance applications ». In: 2008 IEEE/ION Position, Location and Navigation Symposium. 2008, p. 479-488. DOI: 10.1109/PLANS.2008.4570023.
- [9] Randy Russell University Corporation for Atmospheric Research. Regions of the ionosphere, showing the D, E, and F layers. URL: https://scied.ucar.edu/learning-zone/atmosphere/ionosphere.

Bibliographie

[10] Zhihao XUE et al. « Overview of multipath mitigation technology in global navigation satellite system ». In: Frontiers in Physics 10 (2022). ISSN: 2296-424X. DOI: 10.3389/fphy.2022.1071539. URL: https://www.frontiersin.org/articles/10.3389/fphy.2022.1071539.

Annexe 4

Démonstration TEC

Modélisation de l'onde par :

$$\underline{\vec{E}} = \vec{E_0} \cdot exp(i(\omega t - kx))$$

Hypothèses:

Poids et champ magnétique négligeable devant le champ électrique.

PDF et passage en complexe :

$$m_e \frac{d\vec{v_e}}{dt} = -e\vec{\underline{E}} \leftrightarrow im_e \omega \vec{v_e} = -e\vec{\underline{E}}$$

Par définition : $\vec{j_e} = -en_e \vec{v_e}$, soit :

$$\underline{\vec{j_e}} = \frac{e^2 n_e}{i m_e \omega} \underline{\vec{E}}$$

D'après l'équation de propagation :

$$\vec{\Delta}\vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0 \frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$$

On en déduit le signal complexe :

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - \frac{e^2 n_e}{c^2 \epsilon_0 m_e}$$

Vitesse de phase :
$$v_{\phi} = \frac{\omega}{k} = \frac{c}{\sqrt{1 - \frac{f_p^2}{c^2}}}$$

L'indice est inférieur à 1, ...

D'après sujet E3A, [6]

Le signal GPS

Les récepteurs génèrent les fréquences porteuses L1 et L5 et compare avec celui reçu :

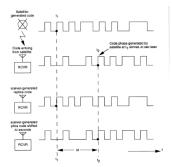


Figure 18 – Décodage [1]

Détermine le pic de corrélation (code GOLD) et en déduit le décalage temporel.

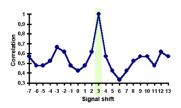


Figure 19 – Fonction de corrélation [1]

Annexe 4

Démonstration Multipath

On modélise les signaux L_1 et L_5 par :

$$P_1 = R + I1 + MP1$$
 et

$$P_5 = R + I5 + MP5$$

Avec : R la distance réelle, l1 et l5 les erreurs ionosphériques, MP1 et MP5 les erreurs multipath.

Ainsi que leurs phases respectives :

$$L_1 = R - I1 + mp1 + B1$$
 et

$$L_5 = R - I5 + mp5 + B5$$

Avec : B1 et B5 les ambiguïtés de phase. On néglige $mp << MP \leftrightarrow mp = 0$

D'après Annexe 3 $I_i = \frac{A}{f_i^2} T_{EC}$ soit :

$$\frac{I_5}{I_2} = \frac{f_1}{f_5}^2 = \alpha$$

Après calcul des différentes combinaisons, **on obtient :** $MP1-P1+(\frac{2}{\alpha-1}+1)L1-(\frac{2}{\alpha-1})L5=cte$ Comme le multipath est à valeur moyenne nulle, **on a :**

$$MP1 = P1 - (\frac{2}{\alpha - 1} + 1)L1 + (\frac{2}{\alpha - 1})L5$$

De même pour MP5:

$$MP5 = P5 - (\frac{2\alpha}{\alpha - 1})L1 + (\frac{2\alpha}{\alpha - 1} - 1)L5$$

D'après Eric Calais, [1]