## Etudes des systèmes GNSS des smartphones

#### Noë Charlier

Professeurs: C. Delacour, M. Petitcuenot

Classe préparatoire aux grandes écoles PT Lycée Paul Constans



TIPE - 2022, 2023



Introduction

### Introduction

#### Besoin grandissant de solution GNSS :

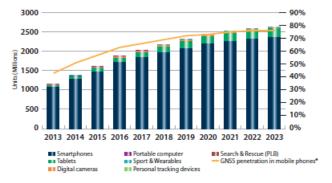


Figure 1 – Appareils GNSS par plate-forme. [3]

### Définition GNSS

Introduction

0000000

**GNSS**: Global Navigation Satellite System (Système de navigation par satellite global)

Constellation de satellites permettant de localiser un point sur la Terre.

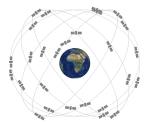
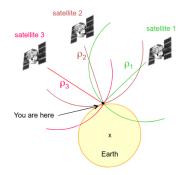


Figure 2 – Système de navigation par satellite global. [5]

Introduction

0000000

#### Fonctionnement du GPS



**Figure 3** – Fonctionnement du GPS. [1]

Une sphère de rayon  $\rho_1 = (\Delta t_1 \cdot c)$  3 satellites, intersection des 3 sphères.

Et donc 
$$\rho_s^s = \sqrt{(X^s - X_r)^2 + (Y^s - Y_r)^2 + (Z^s - Z_r)^2}$$
  
Avec :

- X<sup>s</sup>, Y<sup>s</sup>, Z<sup>s</sup>: coordonnées du satellite s:
- $X_r, Y_r, Z_r$ : coordonnées du récepteur.

 $(\delta t)$ 

# Les horloges des satellites et des récepteurs ne sont pas synchronisés.

- Réfraction lors de la propagation dans l'atmosphère :
- Troposphérique (dépend de la température et de la pression atmosphérique) (T<sub>s</sub>)
  - 2 lonosphérique (dépend de la densité ionique)  $(I_r^s)$

Modèle plus complet :

$$R_r^s = \rho_r^s + c\delta t + T_r^s + I_r^s + \dots$$
 (1)

#### Précision des orbites

Les systèmes GNSS sont basés sur des orbites prédites émises par les satellites.

Ces éphémérides doivent donc être très précises. (Perturbation gravitationnelle (cf. Annexe),

radiation solaire ...)

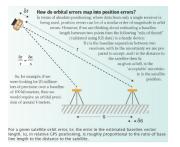


Figure 4 – Précision des orbites. [1]

Il existe aussi des services qui recalculent les éphémérides apostériori. (eg. IGN)

## Multipath et dilution

Introduction

0000000

Le **multipath** (multi-trajet) : le signal émis par le satellite est réfléchi par un objet avant d'atteindre le récepteur. (cf. Figure 5)



Figure 5 - Multipath [2]

La **dilution** (GDOP) : la géométrie des satellites par rapport au récepteur influe sur la précision de la mesure. (cf. Figure 6)



Figure 6 – Coef. de dilution élevée [2]

### Sommaire

000000

- Introduction
- Problématique
- L'ionosphère
- Expérimentations Ionosphérique
- 6 Multipath
- Expérimentations Multipath

Comment peut-on réduire l'impact de l'urbanisation sur les systèmes GNSS pour améliorer la précision de la géolocalisation par satellite?

### Définition

Introduction

L'ionosphère: L'ionosphère est la couche de l'atmosphère située entre 60 et 1000 km d'altitude. Elle est constituée de particules chargées électriquement, les ions, qui sont en mouvement.

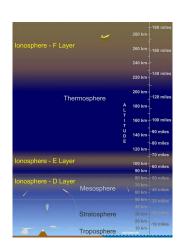


Figure 7 – Régions de l'ionosphère [7]

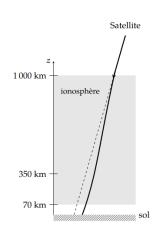


## Impact sur la propagation

### Impact sur la propagation :

- Propagation directe La propagation directe est la propagation d'une onde radio entre deux points sans interaction avec l'ionosphère.
- Propagation diffusée La propagation diffusée est la propagation d'une onde radio entre deux points avec interaction avec l'ionosphère.

Études des systèmes GNSS des smartphones



**Figure 8** – Propagation directe et diffusée [6]

### Quelle erreur?

Introduction

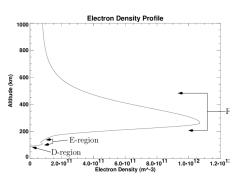


Figure 9 - Profil Ionosphérique [4]

Retard Ionosphérique :  $\tau = \frac{1}{c} \int_0^{H_0} (\frac{c}{v_r} - 1)$ 

Erreur de distance :  $L = \frac{a}{f_1^1} C_{ET}$  avec  $C_{ET} = \int_0^{H_0} n_e dz$  (Contenu Électronique Total)

**A un TEC de**  $1.5 \cdot 10^{17} m^{-2}$ , L = 220 m

(Voir Annexe 2)

Introduction

# Expérimentations lonosphérique

### Préambule

Introduction

**Méthode d'évaluation :** Le CET *Total electron content* s'évalue grâce à un même signal sur deux fréquences.

#### Le signal GPS:

- **Speudorange** La speudorange (distance) s'évalue à l'aide d'une fonction de corrélation.
- **Phase** La phase s'évalue sur le nombre de phases depuis le début d'acquisition.

(Voir Annexe 3)



## Protocole expérimental

RTKlib avec et sans correction ionosphérique. Calcul du TEC à partir de la phase et de la speudorange.



#### Résultats

Figure 10 – TEC en fonction du temps



## Multipath

Introduction

Multipath: Le multipath est un phénomène de propagation d'onde radio qui se propage sur plusieurs trajets entre l'émetteur et le récepteur.

Le multipath s'estime par :

$$MP = P - \left(\frac{2}{\alpha - 1} + 1\right) \cdot L_1 + \frac{2}{\alpha - 1} \cdot L_2$$

(Voir Démonstration Annexe 4)

**avec** P la phase,  $L_1$  la speudorange,  $L_2$ la speudorange sur la deuxième fréquence et  $\alpha$  le coefficient de réflexion.

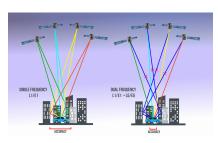


Figure 11 – Multipath [2]

# Expérimentations Multipath



Introduction

## Protocole expérimental

- RTKlib avec et sans correction ionosphérique.
- Calcul du multipath à partir de la phase et de la speudorange.



#### Résultats

**Figure 12** – Multipath en fonction du temps



# Des Questions?



Références

Annexe 1

Annexe 2

Annexe 3

Annexe 4

## Bibliographie

- [1] Eric CALAIS. Géopositionnement GNSS, principe et applications.

  URL: https://www.geologie.ens.fr/~ecalais/teaching.
- [2] ESA. ESA GNSS Navipedia. URL: https://gssc.esa.int.
- [3] ESA. GNSS Market Report. URL: https://gssc.esa.int/navipedia/index.php/GNSS\_Market\_Report#Report\_Overview.
- [4] Robert GILLIES. « Modelling of transionospheric HF radio wave propagation for the ISIS II and ePOP satellites ». In: (jan. 2006).
- [5] GPS.GOV. GPS Constellation. URL: https://www.gps.gov/multimedia/images/constellation.jpg.
- [6] E3A POLYTECH. Épreuve de Physique. 2020.



Références

Annexe 1
Annexe 2
Annexe 3
Annexe 4

## Bibliographie

[7] Randy Russell University Corporation for Atmospheric Research. Regions of the ionosphere, showing the D, E, and F layers. URL: https://scied.ucar.edu/learning-zone/atmosphere/ionosphere.



## Modélisation, perturbation gravitationnelle

Annexe 4

### Démonstration TEC

Modélisation de l'onde par :

$$\underline{\vec{E}} = \underline{\vec{E_0}} \cdot exp(i(\omega t - kx))$$

#### Hypothèses:

Poids et champ magnétique négligeable devant le champ électrique.

PDF et passage en complexe :

$$m_e \frac{d\vec{v_e}}{dt} = -e\vec{\underline{E}} \leftrightarrow im_e \omega \vec{v_e} = -e\vec{\underline{E}}$$

Par définition :  $\underline{\vec{j_e}} = -en_e\underline{\vec{v_e}}$ , soit :

$$\underline{\vec{j_e}} = \frac{e^2 n_e}{i m_e \omega} \underline{\vec{E}}$$

D'après l'équation de propagation :

$$\vec{\Delta}\vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0 \frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$$

On en déduit le signal complexe :

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - \frac{e^2 n_e}{c^2 \epsilon_0 m_e}$$

Vitesse de phase : 
$$v_{\phi} = \frac{\omega}{k} = \frac{c}{\sqrt{1 - \frac{f_p^2}{f^2}}}$$

section



D'après sujet E3A, [6]

## Le signal GPS

## Démonstration Multipath

Annexe 1

On modélise les signaux  $L_1$  et  $L_5$  par :

$$P_1 = R + I1 + MP1$$
 et

$$P_5 = R + I5 + MP5$$

Avec : R la distance réelle. I1 et 15 les erreurs ionosphériques, MP1 et MP5 les erreurs multipath.

Ainsi que leurs phases respectives :

$$L_1 = R - I1 + mp1 + B1$$
 et

$$L_5 = R - I5 + mp5 + B5$$

Avec : B1 et B5 les ambiguïtés de phase. On néglige  $mp \ll MP \leftrightarrow mp = 0$ 

D'après *Annexe 3*  $I_i = \frac{A}{f^2} T_{EC}$  soit :

$$\frac{I_5}{I_2} = \frac{f_1}{f_5}^2 = \alpha$$

Après calcul des différentes combinaisons. on obtient:  $MP1-P1+(\frac{2}{2}+1)L1-(\frac{2}{2}-1)L5=cte$ Comme le multipath est à valeur moyenne nulle, on a:

$$MP1 = P1 - (\frac{2}{\alpha - 1} + 1)L1 + (\frac{2}{\alpha - 1})L5$$

De même pour MP5:

$$MP5 = P5 - (\frac{2\alpha}{\alpha - 1})L1 + (\frac{2\alpha}{\alpha - 1} - 1)L5$$

D'après Eric Calais, [1]