## Études des systèmes GNSS des smartphones

#### Noë Charlier

Professeurs: C. Delacour, M. Petitcuenot

Classe préparatoire aux grandes écoles PT Lycée Paul Constans



TIPE - 2022, 2023



### Introduction

### Besoin grandissant de solution GNSS :

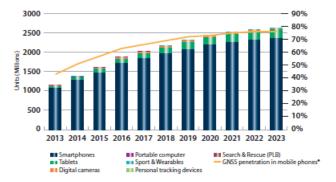


Figure 1 – Appareils GNSS par plate-forme. [3]

### **Définition GNSS**

**GNSS**: Global Navigation Satellite System (Système de navigation par satellite global)

Constellation de satellites permettant de localiser un point sur la Terre.

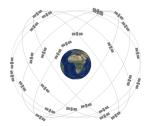
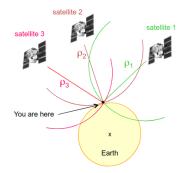


Figure 2 — Système de navigation par satellite global. [5]

### Fonctionnement du GPS



**Figure 3** – Fonctionnement du GPS. [1]

Une sphère de rayon  $\rho_1 = (\Delta t_1 \cdot c)$  3 satellites, intersection des 3 sphères.

Et donc 
$$\rho_s^s = \sqrt{(X^s - X_r)^2 + (Y^s - Y_r)^2 + (Z^s - Z_r)^2}$$
  
Avec :

- X<sup>s</sup>, Y<sup>s</sup>, Z<sup>s</sup>: coordonnées du satellite s;
- $X_r, Y_r, Z_r$ : coordonnées du récepteur.

- Les horloges des satellites et des récepteurs ne sont pas synchronisés.  $(\delta t)$
- Réfraction lors de la propagation dans l'atmosphère :
- Troposphérique (dépend de la température et de la pression atmosphérique)  $(T_r^s)$ 
  - 2 Ionosphérique (dépend de la densité ionique)  $(I_r^s)$

Modèle plus complet :

$$R_r^s = \rho_r^s + c\delta t + T_r^s + I_r^s + \dots$$
 (1)

### Précision des orbites

Les systèmes GNSS sont basés sur des orbites prédites émises par les satellites.

Ces **éphémérides** doivent donc être très précises. (Perturbation gravitation-nelle (cf. Annexe 1))

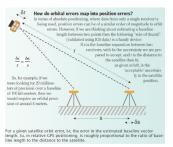


Figure 4 – Précision des orbites. [1]

Il existe aussi des services qui recalculent les éphémérides apostériori. (eg. IGN)

## Multipath et dilution

Le **multipath** (multi-trajet) : le signal émis par le satellite est réfléchi par un objet avant d'atteindre le récepteur. (cf. Figure 5)

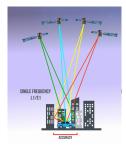


Figure 5 – Multipath [2]

La **dilution** (GDOP) : la géométrie des satellites par rapport au récepteur influe sur la précision de la mesure. (cf. Figure 6)

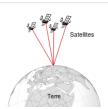


Figure 6 – Coef. de dilution élevée [2]

### Sommaire

- 1 Introduction
- 2 L'ionosphère
- 3 Expérimentations Ionosphérique
- 4 Multipath
- 5 Expérimentations Multipath
- 6 Dilution géométrique

## Problématique

Comment peut-on réduire l'impact de l'urbanisation sur les systèmes GNSS pour améliorer la précision de la géolocalisation par satellite?

## Objectifs

- Étude du GPS, fonctionnement rapide
- 2 Impact de l'ionosphère et des corrections possibles
- $\odot$  Étude du multipath, dilution géométrique, GPS à doubles fréquences, et C/N0
- Comparaison Ville / campagne de la précision.
- Ouverture, solution possible (SBAS (systèmes d'optimisation de la précision par satellite), DGNSS (GNSS Différentiel), etc.)

### **Définition**

L'ionosphère: L'ionosphère est la couche de l'atmosphère située entre 60 et 1000 km d'altitude. Elle est constituée de particules chargées électriquement, les ions, qui sont en mouvement.

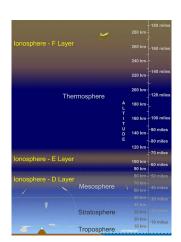


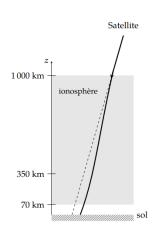
Figure 7 – Régions de l'ionosphère [9]



## Impact sur la propagation

### Impact sur la propagation :

- Propagation directe La propagation directe est la propagation d'une onde radio entre deux points sans interaction avec l'ionosphère.
- Propagation diffusée La propagation diffusée est la propagation d'une onde radio entre deux points avec interaction avec l'ionosphère.



**Figure 8** – Propagation directe et diffusée [6]

## Quelle erreur?

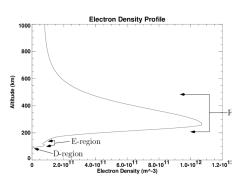


Figure 9 – Profil Ionosphérique [4]

Retard Ionosphérique : 
$$\tau = \frac{1}{c} \int_0^{H_0} (\frac{c}{v_c} - 1)$$

Erreur de distance :  $L = \frac{a}{f_1^{-1}} C_{ET}$  avec  $C_{ET} = \int_0^{H_0} n_e dz$ (Contenu Électronique Total)

**A un TEC de** 
$$1.5 \cdot 10^{17} m^{-2}$$
,  $L = 220 m$ 

On a besoin de la **phase** et de la **speudorange** sur deux fréquences.

(Voir Annexe 2)



## GPS à doubles fréquences

## Afin de calculer le TEC, un récepteur Dual-Band (L1, L5) est nécessaire

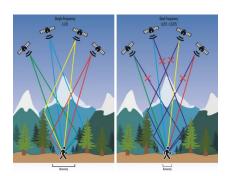


Figure 10 – Image : Garmin

Désormais disponible dans les smartphones (depuis 2018) :



Figure 11 — Broadcom BCM47755,

Broadcom Inc. ■ ■ ■ ● ◆ ○ ○

# Expérimentations Ionosphérique



### Préambule

**Méthode d'évaluation :** Le CET *Total electron content* s'évalue grâce à un même signal sur deux fréquences.

#### Le signal GPS:

- **Speudorange** La speudorange (distance) s'évalue à l'aide d'une fonction de corrélation.
- **Phase** La phase s'évalue sur le nombre de phases depuis le début d'acquisition.

(Voir Annexe 3)



## Protocole expérimental



Figure 12 — Outil de calcul du TEC, tecq UNAVCO



**Figure 13** – Outil de calcul de solution, *rtklib* 

- RTKlib avec et sans correction ionosphérique.
- Calcul du TEC à partir de la phase et de la speudorange.

### Résultats

**Figure 14** – TEC en fonction du temps



### **Multipath**: Le multipath est un phénomène de propagation d'onde radio qui se propage sur plusieurs trajets entre l'émetteur et le récepteur.

Le multipath s'estime par :

$$MP = P - (\frac{2}{\alpha - 1} + 1) \cdot L_1 + \frac{2}{\alpha - 1} \cdot L_2$$

(Voir Démonstration Annexe 4)

**avec** P la phase,  $L_1$  la speudorange,  $L_2$ la speudorange sur la deuxième fréquence et  $\alpha$  le coefficient de réflexion.

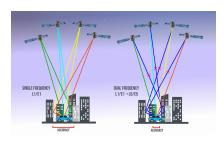


Figure 15 – Multipath [2]

On a donc besoin de la **phase** et de la speudorange sur deux fréquences.

## Quelle erreur?

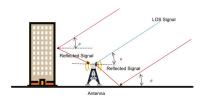


Figure 16 – Description du multipath [10]

L'erreur est de plusieurs mètres. [8]

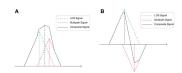


Figure 17 – Impact sur la fonction de corrélation (Annexe 3)

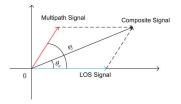


Figure 18 – Impact sur la phase

# Expérimentations Multipath

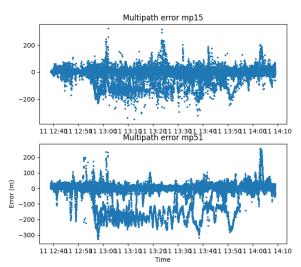


## Protocole expérimental

- Calcul du multipath à partir de la phase et de la speudorange.
- Basé sur un article de Umberto et al. [7]

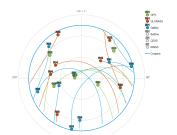


### Résultats



### **Outils**

### Outils: gnssplanning.com, calcul le GDOP.



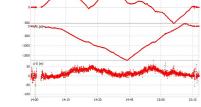
**Figure 20** – Skyplot pour une limite de 15° (22/01/23 15h), GDOP : 2.35



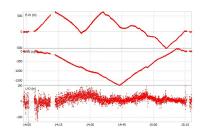
**Figure 21** – Skyplot pour une limite de 35° (22/01/23 15h), GDOP : 4.56

## Expérimentations

**Calcul de la position** à l'aide de *RTKlib* avec un mask de 15° et 35°.



**Figure 22** – Position avec un mask de 15°



**Figure 23** – Position avec un mask de 35°

# Des Questions?

## Bibliographie

- [1] Eric CALAIS. Géopositionnement GNSS, principe et applications. URL: https://www.geologie.ens.fr/~ecalais/teaching.
- [2] ESA. ESA GNSS Navipedia. URL: https://gssc.esa.int.
- [3] ESA. GNSS Market Report. URL: https://gssc.esa.int/navipedia/index.php/GNSS\_Market\_Report#Report\_Overview.
- [4] Robert GILLIES. « Modelling of transionospheric HF radio wave propagation for the ISIS II and ePOP satellites ». In: (jan. 2006).
- [5] GPS.GOV. GPS Constellation. URL: https://www.gps.gov/multimedia/images/constellation.jpg.
- [6] E3A POLYTECH. Épreuve de Physique. 2020.



## Bibliographie

- [7] Umberto ROBUSTELLI, Valerio BAIOCCHI et Giovanni PUGLIANO. « Assessment of Dual Frequency GNSS Observations from a Xiaomi Mi 8 Android Smartphone and Positioning Performance Analysis ». In: Electronics 8 (jan. 2019). DOI: 10.3390/electronics8010091.
- [8] Luis Serrano, Don Kim et Richard B. Langley. « Carrier-phase multipath calibration in GPS-RTK machine-guidance applications ». In: 2008 IEEE/ION Position, Location and Navigation Symposium. 2008, p. 479-488. DOI: 10.1109/PLANS.2008.4570023.
- [9] Randy Russell University Corporation for Atmospheric Research. Regions of the ionosphere, showing the D, E, and F layers. URL: https://scied.ucar.edu/learning-zone/atmosphere/ionosphere.

## Bibliographie

[10] Zhihao XUE et al. « Overview of multipath mitigation technology in global navigation satellite system ». In: Frontiers in Physics 10 (2022). ISSN: 2296-424X. DOI: 10.3389/fphy.2022.1071539. URL: https://www.frontiersin.org/articles/10.3389/fphy.2022.1071539.

## Modélisation, perturbation gravitationnelle

Annexe 6

### Démonstration TEC

Modélisation de l'onde par :

$$\underline{\vec{E}} = \underline{\vec{E_0}} \cdot \exp(i(\omega t - kx))$$

### Hypothèses:

Poids et champ magnétique négligeable devant le champ électrique.

PDF et passage en complexe :

$$m_e \frac{d\vec{v_e}}{dt} = -e\vec{\underline{E}} \leftrightarrow im_e \omega \vec{v_e} = -e\vec{\underline{E}}$$

Par définition :  $\vec{j_e} = -en_e\vec{v_e}$ , soit :

$$\underline{\vec{j_e}} = \frac{e^2 n_e}{i m_e \omega} \underline{\vec{E}}$$

D'après l'équation de propagation :

$$\vec{\Delta}\vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0 \frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$$

On en déduit le signal complexe :

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - \frac{e^2 n_e}{c^2 \epsilon_0 m_e}$$

Vitesse de phase : 
$$v_{\phi} = \frac{c}{k} = \frac{c}{\sqrt{1 - \frac{f_p^2}{22}}}$$

L'indice est inférieur à 1, ...

D'après sujet E3A, [6]

## Le signal GPS

Les récepteurs génèrent les fréquences porteuses L1 et L5 et compare avec celui reçu :

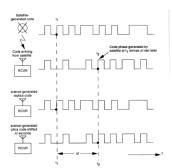


Figure 24 – Décodage [1]

Détermine le pic de corrélation (code GOLD) et en déduit le décalage temporel.

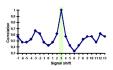


Figure 25 – Fonction de corrélation [1]



Figure 26 – Cycle de phase [1]

Annexe 6

## Démonstration Multipath

On modélise les signaux  $L_1$  et  $L_5$  par :

$$P_1 = R + I1 + MP1$$
 et

$$P_5 = R + I5 + MP5$$

Avec : R la distance réelle, l1 et l5 les erreurs ionosphériques, MP1 et MP5 les erreurs multipath.

Ainsi que leurs phases respectives :

$$L_1 = R - I1 + mp1 + B1$$
 et

$$L_5 = R - I5 + mp5 + B5$$

Avec : B1 et B5 les ambiguïtés de phase. On néglige  $mp << MP \leftrightarrow mp = 0$ D'après Annexe 3  $I_i = \frac{A}{f_c^2} T_{EC}$  soit :

$$\frac{I_5}{I_2} = \frac{f_1}{f_5}^2 = \alpha$$

Après calcul des différentes combinaisons, **on obtient** :  $MP1-P1+(\frac{2}{\alpha-1}+1)L1-(\frac{2}{\alpha-1})L5=cte$  Comme le multipath est à valeur moyenne nulle, **on a** :

$$MP1 = P1 - (\frac{2}{\alpha - 1} + 1)L1 + (\frac{2}{\alpha - 1})L5$$

De même pour MP5:

$$MP5 = P5 - (\frac{2\alpha}{\alpha - 1})L1 + (\frac{2\alpha}{\alpha - 1} - 1)L5$$

D'après Eric Calais, [1]

## Fichiers RINEX

**RINEX**: Receiver Independent Exchange Format

Fichier d'observation :

- Phase
- Code (Speudorange)
- Doppler
- Rapport signal sur bruit (C/N0)

Fichier de navigation :

- Ephémérides
- Heure
- Erreurs ionosphériques
- Erreurs de relativité restreinte
- ...



## Exemple de fichier RINEX

### Fichier de navigation :

```
NAVIGATION DATA
                                                        RINEX VERSION / TYPE
CCRINEXN V1 6 0 UX CDDIS
                                        17-JAN-23 13:53
                                                             PGM / RUN BY / DATE
IGS BROADCAST EPHEMERIS FILE
                                                             COMMENT
        0.2980D-07 0.2980D-07 -0.1192D-06 0.0000D+00
                                                                 ION ALPHA
        0.1516D+06 -0.1638D+06 0.0000D+00
                                            0.6554D+05
                                                                 ION BETA
   -0.558793544769D - 08 - 0.177635683940D - 13
                                             405504
                                                        2245 DELTA-UTC: A0, A1, T, W
        18
                                                                 LEAP SECONDS
             0 0.0 0.223558396101D-03-0.466116034659D-11 0.00000000000D+00
        0.85000000000D + 02 - 0.782812500000D + 02 0.394659296287D - 08 0.400711955078D + 00
   -0.396929681301D-05 0.122224817751D-01 0.587478280067D-05 0.515365424919D+04
        0.172800000000D + 06 - 0.124797224999D - 06 - 0.163560063383D + 01 0.128522515297D - 06
        0.989089047026D+00 0.281125000000D+03 0.937393524649D+00-0.806640742682D-08
   -0.222509268404D-09 0.10000000000D+01 0.22450000000D+04 0.0000000000D+00
        0.200000000000D+01 0.00000000000D+00 0.465661287308D-08 0.85000000000D+02
        0.165673000000D+06 0.40000000000D+01 0.000000000D+00 0.0000000000D+00
2 23 1 17 0 0 0.0-0.626868102699D-03 0.227373675443D-11 0.000000000000D+00
        0.7800000000D + 02 - 0.81437500000D + 02 0.447197198987D - 08 - 0.574309133343D + 00
   -0.426545739174D-05 0.200936053880D-01 0.661425292492D-05 0.515369303703D+04
```

#### Fichier d'observation :



## Bibliographie

```
3.03
               OBSERVATION DATA
                                    М
                                                         RINEX VERSION / TYPE
GnssLogger
                    Xiaomi 10
                                         20230117 132006 UTC PGM / RUN BY / DATE
Google GnssLogger
                                                              MARKER NAME
     8 C1C L1C D1C S1C C5Q L5Q D5Q S5Q
                                                              SYS / #### /
                                                                           OBS TYPES
R
     4 C1C L1C D1C S1C
                                                                           OBS TYPES
                                                              SYS / #### /
     4 C2C L2C D2C S2C
                                                              SYS / #### / OBS TYPES
     8 C1C L1C D1C S1C C5Q L5Q D5Q S5Q
                                                              SYS / #### / OBS TYPES
E L5Q 0.00000
                                                              SYS / PHASE SHIFT
 C1C
        0.000 C1P
                     0.000 C2C
                                   0.000 C2P
                                                              GLONASS COD/PHS/BIS
                                                0.000
> 2023 01 17 13 20 06.9995244 0 28
G06
                         -9106.87612
                                          2273.16912
                                                             13.59612
                                                                                           -678
1726.83711
                  11.19011
G10
                          8004.38113
                                         -2010.76113
                                                             19.12713
                                                                                            593
-1433.92611
                  10.63511
G11
                        -12882.26412
                                          3222.43712
                                                             17.30012
G12
     20136967.66714
                         -2423.03914
                                           846.72914
                                                             28.16814
G15
                         14170.13812
                                         -3560.32412
                                                             15.63512
G17
                         11523.98012
                                         -2880.99612
                                                             16.73612
G19
                          6755.80613
                                         -1698.35913
                                                             19.88813
G23
                        10819.77012
                                         -2698.71212
                                                             15.78612
G29
                        -17008.92912
                                          4251.70412
                                                             15.18812
```

## Biais d'horloge - Xiaomi Mi 8

Exemple de biais d'horloge et de fréquence pour un récepteur Xiaomi Mi 8, expérimental.

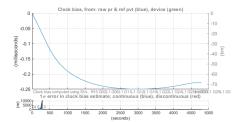


Figure 27 - Biais d'horloge

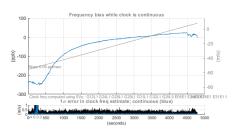


Figure 28 – Biais de fréquence