Conjuntos Numéricos

Grandezas Proporcionais

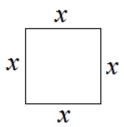
Expressões Algébricas

3.1 Expressões Algébricas

A Matemática é uma linguagem e como tal, expressa alguma coisa. Ao calcular a área de um retângulo com 3~cm de comprimento e 4~cm de largura, escrevemos $3\cdot 4$ (três vezes quatro) e estamos expressando a soma de 4+4+4. Tanto $3\cdot 4~como~4+4+4$ são expressões numéricas, cujo significado particular é o número de cm^2 do retângulo.

Para escrever de modo geral a área de qualquer quadrado de lado x, usamos x^2 . Esta expressão com *letras* e *números*, chamamos de *expressão algébrica*.

Exemplo 3.1.1. O lado do quadrado pode ser expresso pela letra x e isso significa que o lado é variável, ou seja, pode assumir diferentes valores positivos.



Se x = 2 cm o quadrado tem todos os lados iguais a 2 cm e é aproximadamente do tamanho de um ladrilho de revestimento de paredes.

Se x = 2,2 m, o quadrado tem todos os lados iguais a 2,2 m e é aproximadamente do tamanho de banheiro.

Se x = 1 hm (100m), o quadrado tem todos os lados iguais a 1 hm e é aproximadamente do tamanho de uma quadra de cidade.

Devemos observar que o lado do quadrado expresso por x é variável, ou seja, pode assumir diferentes valores.

Para cada valor de x proposto acima, o perímetro (P) de todos os quadrados, pode ser escrito com uma equação algébrica:

$$P = 4x$$
.

Dizemos que 4x é a expressão algébrica do perímetro de qualquer quadrado de lado x. Nesse caso, o número 4 é uma constante (coeficiente, parte numérica) e x é a variável (parte literal)

As expressões algébricas recebem nomes específicos em função do número de termos: 1 termo = **monômios**. Exemplos: $7x^3$; $3m^2n^4$

- 2 termos = **binômios**. Exemplos: x + 1; $7x^3 4x$; 4y 3; $x^2 1$
- 3 termos = **trinômios**. Exemplos: $x^4 x^3 + 3$; $x^2 2x + 3$

Mais do que 3 termos = **polinômios**. Exemplo: $2x^4 - 3x^3 + 3x^2 + 2$.

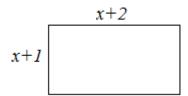
Definição 3.1.1. Dois monômios são semelhantes se as partes literais forem idênticas.

Exemplo 3.1.2. (a) Os monômios $7x^3$ e $3x^3$ são semelhantes, pois as partes literais são idênticas;

(b) Os monômios $2ab^2$ e $2a^3b$ não são semelhantes, pois as partes literais são diferentes

EXERCÍCIOS 3.1

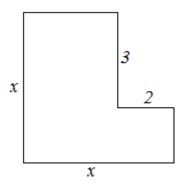
- 3.1.1 Use variáveis para expressar o perímetro e a área de:
 - (a) Quadrados
 - (b) Retângulos em que um lado é o dobro do outro
 - (c) Retângulos em que a diferença dos lados é 2 cm
 - (d) Retângulos em que um lado é 5 cm maior do outro
- 3.1.2 Determine a expressão algébrica do perímetro do retângulo



3.1.3 Determine a expressão algébrica do perímetro da figura:

3.2. OPERAÇÕES COM MONÔMIOS E POLINÔMIOS

7



- 3.1.4 Determine o perímetro da figura do Ex 3.1.3 para x = 4.
- 3.1.5 O valor de x poderia ser 1 na figura do Ex 3.1.3 ?
- 3.1.6 Calcule o valor numérico das expressões com os respectivos valores das variáveis:

a)
$$7x^3 + x^2 - 3x + 1$$
 para $x = -2$

c)
$$\frac{x+1}{x^2}$$
 para $x = 2$

a)
$$7x^3 + x^2 - 3x + 1$$
 para $x = -2$
b) $-x^4 + 5x - \frac{1}{3}$ para $x = -1$
c) $\frac{x+1}{x^2-2}$ para $x = 2$
d) $\frac{x+1}{x^2-x+1}$ para $x = \frac{1}{2}$

d)
$$\frac{x+1}{x^2-x+1}$$
 para $x = \frac{1}{2}$

3.2 Operações com monômios e polinômios

Adição e subtração de monômios e polinômios

Só é possível adicionar ou subtrair monômios semelhantes.

Para adicionar ou subtrair monômios, soma-se ou subtrai-se os coeficientes e mantem-se a parte

Para adicionar/subtrair polinômios, soma-se ou subtrai-se os monômios semelhantes.

Exemplo 3.2.1. (a) $3x^2 + 5x^2 - 2x^2 = (3+5-2)x^2 = 6x^2$

(b)
$$5y-7x-8y+6x = (5-8)y+(-7+6)x = -3y-x$$

(c)
$$(x^2+5x-3)-(2x^2+2x-8)=-x^2+3x+5$$

Multiplicação e divisão de monômios

Multiplica-se ou divide-se os coeficientes e usa-se a propriedade da multiplicação/divisão de potências de mesma base para multiplicar a parte literal.

Exemplo 3.2.2. (a) $(-3x^2) \cdot (7x^2) = -21x^4$

(b)
$$(25x^4y^2) \div (5x^2y) = 5x^2y$$

(c)
$$(10x^2) \div (2x) = 5x$$

(d)
$$(12x^3 + 6x^2 - 5x) \div (-2x) = -6x^2 - 3x + \frac{5}{2}$$
.

Exemplo 3.2.3. Multiplique 12 · 15

Solução: Vamos escrever 12 = 10 + 2 e 14 = 10 + 4. Para multiplicar usamos a propriedade distributiva da multiplicação em relação à adição:

$$(10+2) \cdot (10+4) = 10 \cdot 10 + 10 \cdot 4 + 2 \cdot 10 + 2 \cdot 4 = 100 + 40 + 20 + 8 = 168.$$

Ou, na forma de algoritmo:

$$1d + 4u$$

$$10 + 2$$

$$2d + 8u$$

$$1c + 4d$$

$$1c + 6d + 8u = 168 u$$

Exemplo 3.2.4. Multiplique os polinômios: $(x^3 + 6x^2 - 5x) \cdot (x - 2)$

Solução: A multiplicação de dois polinômios segue o mesmo algoritmo da multiplicação de dois números decompostos como soma, como no Ex 3.2.3

$$x^{3} + 6x^{2} - 5x$$

$$x - 2$$

$$-2x^{3} - 12x^{2} + 10x$$

$$x^{4} + 6x^{3} - 5x^{2}$$

$$x^{4} + 4x^{3} - 17x^{2} + 10x$$

Exemplo 3.2.5. Divida os polinômios: $(x^3 + 6x^2 - 5x) \div (x - 2)$.

Solução: A divisão de polinômios é semelhante ao algoritmo da divisão de dois números inteiros.

3.2. OPERAÇÕES COM MONÔMIOS E POLINÔMIOS

A divisão dos polinômios dá $x^2 + 8x$ e o resto é +11x

EXERCÍCIOS 3.2

- 3.2.1 Explique porque podemos cancelar a em $\frac{a \cdot b}{a}$ e não podemos em $\frac{a+b}{a}$.
- 3.2.2 Verifique se as igualdades são verdadeiras (justifique sua resposta):

a)
$$a^2 + a^3 = a5$$

a5 d)
$$2m^2 - 3m^2 = -m^2$$

b)
$$x^3 \cdot x^3 = x^6$$

e)
$$x^3 \cdot x^3 = 2x^6$$

c)
$$y^3 : y^3 = 1$$

f)
$$10y^3 : 2y^2 = 5y$$

3.2.3 Resolva as operações com as expressões algébricas:

a)
$$3x^2 + \frac{1}{3}x^2 - 2x^2$$

f)
$$a^2b \cdot ab^3 \cdot a^3b$$

b)
$$ab^2 - \frac{1}{2}ab^2 + \frac{1}{4}ab^2$$

g)
$$(y^2 - \frac{1}{5} \cdot (5y - 2))$$

c)
$$y^3 - \frac{3}{4}y^3 + 2y^3$$

h)
$$7a^3b^2x^2 : 14a^2bx$$

d)
$$x(xy + 2x + 3y)$$

i)
$$(2x^3 + 5x^2 + 2x) : (x + \frac{1}{2})$$

e)
$$(x-3)(x^2-\frac{1}{3}x+3)$$

j)
$$\frac{1}{2}m^3n^2:\frac{1}{4}m^2n+mn$$

3.2.4 Dados os polinômios A = 2x + 1; B = x - 3 e $C = 2x^2 + 5x + 2$, resolva:

a)
$$A + B$$

c)
$$A \cdot B$$

a)
$$A + B$$
 c) $A \cdot B$ e) $C - x \cdot A$

g)
$$C:B$$

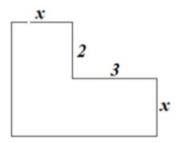
b)
$$B+C-A$$
 d) $A\cdot C$

d)
$$A \cdot C$$

h)
$$A \cdot B - C$$

- 3.2.5 Um lado de um retângulo é expresso por x + 3 e outro por 2x:
 - a) Determine a expressão algébrica do perímetro.
 - b) Determine a expressão algébrica da área.
 - c) Para que valor de *x* o perímetro é 18*cm*?
 - d) Se a área é $56cm^2$, qual é o valor de x?
 - e) Qual é o valor de x para que os lados sejam iguais?
- 3.2.6 A área de um retângulo é expressa por $x^2 + 2x 3$ e um dos lados por x 1. Determine a expressão algébrica do outro lado.
- 3.2.7 O lado de um cubo é expresso por x + 1. Determine a expressão algébrica:
 - a) Do volume
 - b) Da área de uma face
 - c) Da área superficial

3.2.8 Com base na figura, determine as expressões algébricas do perímetro e da área.



- 3.2.9 O lado de um quadrado é expresso por x + 3:
 - a) Determine a expressão algébrica da área.
 - b) Calcule a área para x = 1.
 - c) x pode ser zero?
 - d) Qual o valor de x para que a área seja nula.
- 3.2.10 Calcule os valores da área do quadrado do Ex 3.2.9 para x = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3

3.3 Produtos Notáveis

Produtos notáveis são produtos especiais de polinômios. São chamados "notáveis" porque aparecem seguidamente em problemas de Matemática.

Quadrado da soma de dois termos: $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

Quadrado da diferença de dois termos: $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

Produto da soma pela diferença: $(a+b)\cdot(a-b)=a^2-b^2$

Cubo da soma de dois termos: $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

Cubo da diferença de dois termos: $(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

EXERCÍCIOS 3.3

3.4. FATORAÇÃO

3.3.1 $(x+5)^2$	3.3.6 $(x+1)^3$	3.3.11 $(x+1)(x+2)$
3.3.2 $(2x-3)^2$	3.3.7 $(2x-5)^3$	3.3.12 $(x-1)(x+3)$
3.3.3 $(x+\frac{1}{2})^2$	3.3.8 $(x-3)(x+3)$	3.3.13 $(2a-b)(2a+b)$
3.3.4 $(3-x)^2$	3.3.9 $(m+3n)(m+3n)$	3.3.14 $(a+b+1)^2$
3.3.5 $(\frac{1}{2}x+2)^2$	3.3.10 $(x+\frac{1}{2})(x-\frac{1}{2})$	3.3.15 $(x+\frac{1}{4})(x+2)$

3.4 Fatoração

Fatores são os termos de uma multiplicação e **fatorar** é transformar um número ou expressão algébrica em um produto de fatores.

Exemplos:

- a) O número 12 fatorado é 3 · 4, onde 3 e 4 são fatores.
- b) Podemos decompor números em fatores primos, por exemplo: $24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$. Os números 2 e 3, nesse caso são fatores, onde o fator 2 aparece três vezes.
- c) Na expressão $3x^2a^3$, 3, x^2 e a^3 são fatores.

Fatoração com Fator Comum:

Algumas expressões algébricas têm *fatores comuns* (fatores que estão presentes em mais de uma expressão algébrica) que se pode colocar em evidência (colocar em separado, na forma de fatores). Vejamos os exemplos:

a)
$$3x + 6y = 3x + 2 \cdot 3y = 3 \cdot (x + 2y)$$
. Observemos que o 3 é fator comum aos dois monômios.

b)
$$4ab^3 - 2a^3b + 10ab^4 = 2ab \cdot (2b^2 - a^2 + 5b^3)$$
. Observemos que o 2ab é fator comum aos três monômios

c)
$$2an + 2bn - am - bm$$
. (Fatoração por agrupamento)

Nos dois primeiros termos o fator comum é 2n e nos dois últimos o fator comum é -m.

$$2an + 2bn - am - bm = 2n(a+b) - m(a+b)$$

A expressão resultante tem mais um fator comum: (a+b). Então:

$$2an + 2bn - am - bm = (a+b)(2n-m).$$

Fatoração do Trinômio Quadrado Perfeito (TQP):

Um trinômio é *quadrado perfeito* (*TQP*) se foi originado pelo quadrado da soma ou subtração de dois termos.

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

(Quadrado da soma de dois termos)

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

(Quadrado da diferença de dois termos)

Observemos que o trinômio foi transformado (fatorado) em um produto onde os fatores são ($a \pm b$). Chamando a de "primeiro termo do binômio" e b de "segundo termo do binômio", dizemos que o trinômio $a^2 + 2ab + b^2$ é o quadrado do primeiro, mais duas vezes o primeiro vezes o segundo mais o quadrado do segundo.

Fatoração da Diferença de dois quadrados:

$$a^2 - b^2 = (a+b) \cdot (a-b)$$

(Produto da soma pela diferença de dois termos)

Exemplo 3.4.1. Verifique se $x^2 + 2x + 1$ é um TQP.

Solução: Se o trinômio dado é um TQP então o primeiro termo do binômio (a+b) deve ser $a=\sqrt{x^2}=x$; o segundo termo do binômio (a+b) deve ser $b=\sqrt{1}=1$.

Teste do segundo termo do trinômio: $2 \cdot a \cdot b = 2 \cdot x \cdot 1 = 2x$ deve ser igual ao *segundo termo do trinômio*. O que de fato ocorre, neste caso. Assim,

$$(x+1)^2 = x^2 + 2x + 1.$$

Portanto, o polinômio dado é um TQP ■

Exemplo 3.4.2. Verifique se $x^2 + 2x + 4$ é um TQP.

Solução: Se o trinômio dado é um TQP então o primeiro termo deve ser $a = \sqrt{x^2} = x$ e o segundo termo $b = \sqrt{4} = 2$.

Teste do segundo termo do trinômio: $2 \cdot a \cdot b = 2 \cdot x \cdot 2 = 4x$, que é diferente de 2x. Portanto, o trinômio dado não é um TQP

Exemplo 3.4.3. Complete o trinômio $x^2 - 4x + 1 = 0$, de modo que obtenha-se um TQP.

Solução: Para se obter um TQP na identidade dada, o primeiro termo do binômio (a+b) deve ser $a = \sqrt{x^2} = x$. O segundo termo "b"pode ser obtido, sabendo que

$$2 \cdot x \cdot b = -4x$$

(duas vezes o primeiro termo, vezes o segundo termo é igual ao segundo termo do trinômio)

Assim,
$$b = -2$$
 e o TOP é $(x-2)^2 = x^2 - 4x + 4$.

Para obter o TQP no lado esquerdo da identidade dada, basta adicionar (+3) em ambos os lados:

$$x^2 - 4x + 1 + (+3) = 0 + (+3)$$

$$x^2 - 4x + 4 = 3$$

EXERCÍCIOS 3.4

3.4.1 Fatore as expressões algébricas:

a)
$$x^2 - x$$

b)
$$a^3b^2 - ab + ab^2$$

c)
$$9x^2 - 12x + 4$$

d)
$$9 + 6x + x^2$$

e)
$$x^2 + x + \frac{1}{4}$$

f)
$$x^2 - 25$$

g)
$$16x^2 - \frac{4}{9}$$

h)
$$ax + bx + ay + by$$

i)
$$6 + 3x + 2y + xy$$

j)
$$x^3 + 1$$

3.4.2 Verifique se os trinômios são quadrados perfeitos:

a)
$$x^2 + 4x + 16$$

c)
$$4y^2 - 12y + 9$$

b)
$$x^2 + 6x + 9$$

d)
$$9x^2 - 6x + 3$$

3.4.3 Adicione constantes nas equações de modo a obter trinômios quadrados perfeitos no lado esquerdo da igualdade:

a)
$$x^2 + 6x + 10 = 0$$

c)
$$9x^2 - 12x + 5 = 0$$

b)
$$4x^2 + 4x + 3 = 0$$

d)
$$x^2 + 10x + 12 = 0$$

3.5 Expressões algébricas fracionárias

Expressões algébricas fracionárias são expressões com variáveis no denominador.

Exemplos:

1)
$$\frac{a+b}{b}$$

2)
$$\frac{x^2+3x+5}{x-1}$$

3)
$$\frac{ab^2 - 5a + b}{a + b}$$

3.5.1 Menor Múltiplo Comum (MMC) com expressões algébricas:

Para encontrar o MMC de números são conhecidos dois métodos:

Encontre o MMC(6,8):

a) Usando conjuntos de múltiplos:

Os múltiplos de 6 são: M(6)=6,12,18, 24,30,36,42, 48,54,60,66, 72,78,...

Os múltiplos de 8 são: M(8)=8,16, 24,32,40, 48,56,64, 72,80,...

Examinando os conjuntos de múltiplos de 6 e 8, observa-se que existem vários múltiplos comuns, mas o menor deles é 24. Então, MMC(6,8) = 24.

b) Usando decomposição em fatores primos:

- 1°) decompor os números em fatores primos;
- 2°) o MMC é o produto de todos os fatores, porém aqueles que se repetirem, escolhe-se apenas os de potência maior.

$$6 = 2 \cdot 3$$
 e $8 = 2^3$

Os fatores são 2, 3 e 2^3 . Como o fator 2 se repetiu, escolhemos apenas 2^3 .

Então, MMC $(6,8) = 2^3 \cdot 3 = 24$.

O MMC de expressões algébricas é calculado pelo método da decomposição.

Exemplo 3.5.1. Determine o MMC das expressões algébricas:

a) ab^2ea^3b .

Os fatores são: a; a^3 ; b e b^2 . Então, o MMC $(ab^2, a^3b) = a^3b^2$

b)
$$x^2 + 2x + 1$$
 e $2(x + 1)$:

Fatorando a primeira expressão, temos: $x^2 + 2x + 1 = (x+1)^2$. Os fatores são: $(x+1)^2$; 2 e (x+1). Então o MMC das expressões dadas é $2(x+1)^2 \blacksquare$

3.5.2 Operações com frações algébricas

As operações com frações algébricas seguem as mesmas regras das operações com frações numéricas e polinômios.

Exemplo 3.5.2. Resolva as operações com as frações algébricas:

a)
$$\frac{a}{b} + \frac{2a}{b^2} =$$

O MMC $(b, b^2) = b^2$. Aplicando o algoritmo da adição de frações, temos:

$$\frac{a}{b} + \frac{2a}{b^2} = \frac{ab+2a}{b^2} = \frac{a(b+2)}{b^2}$$

b)
$$\frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{x^2-1} =$$

Ao invés de multiplicas diretamente, podemos fazer simplificações reescrevendo o denominador da segunda fração como: $(x^2 - 1) = (x + 1)(x - 1)$. Assim,

$$\frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{x^2-1} = \frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{(x+1)(x-1)} =$$

Cancelando os fatores iguais (propriedade do cancelamento), temos:

$$\frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{x^2-1} = \frac{x}{x+2} \cdot \frac{1}{x-1} = \frac{x}{(x+2)(x-1)}$$

EXERCÍCIOS 3.5

3.5.1 Simplifique as frações algébricas usando a propriedade do cancelamento:

a)
$$\frac{21x^4}{15x}$$

c)
$$\frac{a^2-a}{a^2-2a+1}$$

e)
$$\frac{x^3+4x^2-21x}{x^2-9}$$

b)
$$\frac{x^2}{x^2-x}$$

d)
$$\frac{y+2}{4y^2-16}$$

$$f) \ \frac{a^3 + 3a^2 - 5a - 15}{a^2 + 3a}$$

3.5.2 Resolva as adições e subtrações com frações algébricas:

a)
$$\frac{1}{3x} + \frac{x+1}{x^2}$$

c)
$$\frac{1}{y^2-1} - \frac{1}{y+1}$$

c)
$$\frac{1}{y^2-1} - \frac{1}{y+1}$$
 e) $\frac{x}{x+3} + \frac{1}{x^2+6x+9}$

b)
$$\frac{2}{x} + \frac{1}{x+1} - \frac{x}{x-1}$$
 d) $\frac{2}{a} + \frac{a}{a^2+1}$

d)
$$\frac{2}{a} + \frac{a}{a^2 + 1}$$

f)
$$\frac{x}{x^2-25} - \frac{x-1}{2x-10}$$

3.5.3 Multiplique as frações algébricas usando a propriedade do cancelamento:

a)
$$\frac{4}{x-1} \cdot \frac{x^2-1}{16}$$

c)
$$\frac{1}{x} \cdot \frac{x^2 - 6x + 9}{x + 1} \cdot \frac{x^2 + x}{x - 3}$$
 e) $\frac{x^3 - 1}{2x^2} \cdot \frac{4x}{x^2 + x + 1}$

e)
$$\frac{x^3-1}{2x^2} \cdot \frac{4x}{x^2+x+1}$$

b)
$$\frac{x+4}{1-x^2} \cdot \frac{1-x}{x^2-16}$$

d)
$$\frac{4x^2-2}{x^2} \cdot \frac{6x^2-6}{4x^4-4x^2+1}$$
 f) $\frac{y+3}{7} \cdot \frac{21}{2y+6}$

f)
$$\frac{y+3}{7} \cdot \frac{21}{2y+6}$$

3.5.4 Resolva as operações com frações algébricas:

a)
$$\frac{\frac{1}{x}}{\frac{x+1}{x^3}}$$

d)
$$\frac{1}{2y+5} - \frac{y}{4y^2+20y+25}$$

b)
$$\frac{x}{3x+1} + \frac{x+1}{9x^2-1}$$

e)
$$\frac{1}{x} \cdot \frac{x^3}{x-2} + \frac{1}{x^2-4}$$

c)
$$\frac{a}{a-1}$$
: $\frac{a^3}{a^3-a}$

f)
$$\frac{x}{x-3} - \frac{1}{x^2 - 6x + 9} : \frac{6x^2 - 36x + 54}{2x - 6}$$

RESPOSTAS DOS EXERCÍCIOS PROPOSTOS 3.6

RESPOSTAS 3.1

a)
$$P = 4x$$
; $A = x^2$

c)
$$P = 4x - 4$$
; $A = x^2 - 2x$

b)
$$P = 6x$$
; $A = 2x^2$

d)
$$P = 4x + 10$$
; $A = x^2 + 5x$

3.1.2
$$P = 4x + 6$$

$$3.1.3 P = 4x$$

$$3.1.4 P = 16cm$$

- 3.1.5 Não. Se x = 1cm, a figura não seria fechada.
- 3.1.6 a) 45
- b) $\frac{-19}{3}$ c) $\frac{3}{2}$

d) 2

RESPOSTAS 3.2

- 3.2.1 Só podemos cancelar quando o mesmo número ou variável está sujeito a operações inversas. Neste caso, a multiplicação por a pode ser cancelada com a divisão por a.
- 3.2.2 a) Falsa. A soma dos expoentes, quando as bases são iguais, só é feita se a operação entre as potências for a multiplicação.
 - b) Verdadeira. Na multiplicação de potências de mesma base conserva-se a base e soma-se os expoentes.
 - c) Verdadeira. Na divisão de potências de mesma base, conserva-se a base e subtrai-se os expoentes.
 - d) Verdadeira.
 - e) Falsa. Multiplica-se os coeficientes ao invés de somá-los.
 - f) Verdadeira.

3.2.3 a)
$$\frac{4}{3}x^2$$

d)
$$x^2y + 2x^2 + 3xy$$
 h) $\frac{1}{2}abx$

h)
$$\frac{1}{2}abx$$

b)
$$\frac{3}{4}ab^2$$

e)
$$x^3 - \frac{10}{3}x^2 + 4x - 9$$

f) a^6b^5 i) $2x^2 + 4x$

i)
$$2x^2 + 4x$$

c)
$$\frac{9}{4}y^3$$

g)
$$5y^3 - 2y^2 - y + \frac{2}{5}$$

3.2.4 a)
$$3x - 2$$

d)
$$4x^3 + 12x^2 + 9x + 2$$

g)
$$2x + 11$$
; $R = 35$

b)
$$2x^2 + 4x - 2$$

c) $2x^2 - 5x - 3$

e)
$$4x + 2$$

e)
$$4x + 2$$

f) $x + 2$

h)
$$-10x - 5$$

3.2.5 a)
$$6x + 6$$

a)
$$6x + 6$$
 b) $2x^2 + 6x$ c) $2cm$

$$3.2.6 x + 3$$

a)
$$x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$
 b) $x^2 + 2x + 1$

b)
$$x^2 + 2x + 1$$

c)
$$6x^2 + 12x + 6$$

3.2.8
$$P = 4x + 10$$
; $A = x^2 + 5x$

3.2.9 a)
$$x^2 + 6x + 9$$

d)
$$-3$$

3.2.10 Respectivamente 0; 1; 4; 9; 16; 25; 36

RESPOSTAS 3.3

3.3.1
$$x^2 + 10x + 25$$

3.3.2
$$4x^2 - 12x + 9$$

3.3.3
$$x^2 + x + 14$$

3.3.4
$$x^2 - 6x + 9$$

3.3.5
$$\frac{1}{4}x^2 + 2x + 4$$

3.3.6
$$x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$

3.3.7
$$8x^3 - 60x^2 + 150x + 125$$

3.3.8
$$x^2 - 9$$

3.3.9
$$m^2 + 6mn + 9n^2$$

3.3.10
$$x^2 - 14$$

3.3.11
$$x^2 + 3x + 2$$

3.3.12
$$x^2 + 2x - 3$$

3.3.13
$$4a^2 - b^2$$

3.3.14
$$a^2 + b^2 + 2ab + 2a + 2b + 1$$

3.3.15
$$x^2 + \frac{9}{4}x + \frac{1}{2}$$

RESPOSTAS 3.4

3.4.1 a) x(x-1)

e) $(x+\frac{1}{2})^2$

i) (3+y)(2+x)

- b) $ab(a^2b 1 + b)$
- f) (x+5)(x-5)
- j) $(x^2+1)(x-1)$

c) $(3x-2)^2$

g) $(4x + \frac{2}{3})(4x - \frac{2}{3})$

d) $(x+3)^2$

- h) (x+y)(a+b)
- 3.4.2 a) Não é um TQP.
 - b) É um TQP: $(x+3)^2$

- c) É um TQP: $(2y-3)^2$
- d) Não é um TQP.

- 3.4.3 a) -1
- b) -2
- c) -1
- d) 13

RESPOSTAS 3.5

3.5.1 a) $\frac{21}{15}x^3$

c) $\frac{a}{a-1}$

e) $\frac{x(x+7)}{x+3}$

b) $\frac{x}{x-1}$

d) $\frac{1}{4v-8}$

f) $\frac{a^2-5}{a}$

- 3.5.2 a) $\frac{4x+3}{3x^2}$
- c) $\frac{1-(y-1)}{(y+1)(y-1)}$

e) $\frac{x^2+3x+1}{(x+3)^2}$

- b) $\frac{-x^3+2x^2-x-2}{x(x+1)(x-1)}$
- d) $\frac{3a^2+2}{a(a^2+1)}$

f) $\frac{-x^2-2x+5}{2(x^2-25)}$

- 3.5.3 a) $\frac{x+1}{4}$
 - b) $\frac{1}{x^2 3x 4}$

- c) x 3
- d) $\frac{6(x^2-1)}{x^2}$
- e) $\frac{2(x-1)}{x}$ f) $\frac{3}{2}$

- 3.5.4 a) $\frac{x^2}{x+1}$
 - b) $\frac{3x^2+1}{9x^2-1}$

- c) $\frac{a+1}{a}$
- d) $\frac{y+5}{(2y+5)^2}$

- e) $\frac{x^3 + 2x^2 + 1}{x}$
- f) 1

Equações de primeiro e segundo grau

Função do primeiro grau

Função do segundo grau

Inequações

Potências e funções exponenciais

Logarítmos e função logarítmica

Trigonometria e funções trigonométricas

Outras Funções