1 Conjuntos Numéricos

2 Grandezas Proporcionais

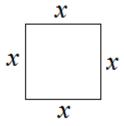
3 Expressões Algébricas

3.1 Expressões Algébricas

A Matemática é uma linguagem e como tal, expressa alguma coisa. Ao calcular a área de um retângulo com 3 cm de comprimento e 4 cm de largura, escrevemos $3 \cdot 4$ (três vezes quatro) e estamos expressando a soma de 4+4+4. Tanto $3 \cdot 4$ como 4+4+4 são expressões numéricas, cujo significado particular é o número de cm^2 do retângulo.

Para escrever de modo geral a área de qualquer quadrado de lado x, usamos x^2 . Esta expressão com *letras* e *números*, chamamos de *expressão algébrica*.

Exemplo 3.1.1 - O lado do quadrado pode ser expresso pela letra x e isso significa que o lado é variável, ou seja, pode assumir diferentes valores positivos.



Se x = 2 cm o quadrado tem todos os lados iguais a 2 cm e é aproximadamente do tamanho de um ladrilho de revestimento de paredes.

Se x = 2, 2 m, o quadrado tem todos os lados iguais a 2, 2 m e é aproximadamente do tamanho de banheiro.

Se $x = 1 \ hm \ (100m)$, o quadrado tem todos os lados iguais a $1 \ hm$ e é aproximadamente do tamanho de uma quadra de cidade.

Devemos observar que o lado do quadrado expresso por x é variável, ou seja, pode assumir diferentes valores.

Para cada valor de *x* proposto acima, o perímetro (*P*) de todos os quadrados, pode ser escrito com uma equação algébrica:

$$P = 4x$$

Dizemos que 4x é a expressão algébrica do perímetro de qualquer quadrado de lado x. Nesse caso, o número 4 é uma constante (coeficiente, parte numérica) e x é a variável (parte literal)

As expressões algébricas recebem nomes específicos em função do número de termos:

1 termo = **monômios**. Exemplos: $7x^3$; $3m^2n^4$

2 termos = **binômios**. Exemplos: x + 1; $7x^3 - 4x$; 4y - 3; $x^2 - 1$

3 termos = **trinômios**. Exemplos: $x^4 - x^3 + 3$; $x^2 - 2x + 3$

Mais do que 3 termos = **polinômios**. Exemplo: $2x^4 - 3x^3 + 3x^2 + 2$.

Definição: dois monômios são semelhantes se as partes literais forem idênticas.

Exemplo 3.1.2 -

(a) Os monômios $7x^3$ e $3x^3$ são semelhantes, pois as partes literais são idênticas;

(b) Os monômios $2ab^2$ e $2a^3b$ não são semelhantes, pois as partes literais são diferentes

EXERCÍCIOS 3.1

3.1.1 Use variáveis para expressar o perímetro e a área de:

(a) Quadrados

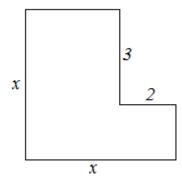
(b) Retângulos em que um lado é o dobro do outro

(c) Retângulos em que a diferença dos lados é 2 cm

(d) Retângulos em que um lado é 5 cm maior do outro

3.1.2 Determine a expressão algébrica do perímetro do retângulo

3.1.3 Determine a expressão algébrica do perímetro da figura:



3.1.4 Determine o perímetro da figura do Ex 3.1.3 para x = 4.

3.1.5 O valor de x poderia ser 1 na figura do Ex 3.1.3 ?

3.1.6 Calcule o valor numérico das expressões com os respectivos valores das variáveis:

a)
$$7x^3 + x^2 - 3x + 1$$
 para $x = -2$

c)
$$\frac{x+1}{x^2-2}$$
 para $x = 2$

a)
$$7x^3 + x^2 - 3x + 1$$
 para $x = -2$
b) $-x^4 + 5x - \frac{1}{3}$ para $x = -1$
c) $\frac{x+1}{x^2-2}$ para $x = 2$
d) $\frac{x+1}{x^2-x+1}$ para $x = \frac{1}{2}$

d)
$$\frac{x+1}{x^2-x+1}$$
 para $x = \frac{1}{2}$

Operações com monômios e polinômios 3.2

Adição e subtração de monômios e polinômios

Só é possível adicionar ou subtrair monômios semelhantes.

Para adicionar ou subtrair monômios, soma-se ou subtrai-se os coeficientes e mantem-se a parte literal.

Para adicionar/subtrair polinômios, soma-se ou subtrai-se os monômios semelhantes.

Exemplo 3.2.1 -

(a)
$$3x^2 + 5x^2 - 2x^2 = (3+5-2)x^2 = 6x^2$$

(b)
$$5y-7x-8y+6x = (5-8)y+(-7+6)x = -3y-x$$

(c)
$$(x^2+5x-3)-(2x^2+2x-8)=-x^2+3x+5$$

Multiplicação e divisão de monômios

Multiplica-se ou divide-se os coeficientes e usa-se a propriedade da multiplicação/divisão de potências de mesma base para multiplicar a parte literal.

Exemplo 3.2.2 -

(a)
$$(-3x^2) \cdot (7x^2) = -21x^4$$

(b)
$$(25x^4y^2) \div (5x^2y) = 5x^2y$$

(c)
$$(10x^2) \div (2x) = 5x$$

(d)
$$(12x^3 + 6x^2 - 5x) \div (-2x) = -6x^2 - 3x + \frac{5}{2}$$
.

Exemplo 3.2.3 - Multiplique $12 \cdot 15$

Solução: Vamos escrever 12 = 10 + 2 e 14 = 10 + 4. Para multiplicar usamos a propriedade distributiva da multiplicação em relação à adição:

$$(10+2) \cdot (10+4) = 10 \cdot 10 + 10 \cdot 4 + 2 \cdot 10 + 2 \cdot 4 = 100 + 40 + 20 + 8 = 168.$$

Ou, na forma de algoritmo:

$$1d + 4u$$

$$10 + 2$$

$$2d + 8u$$

$$1c + 4d$$

$$1c + 6d + 8u = 168 u$$

Exemplo 3.2.4 - Multiplique os polinômios: $(x^3 + 6x^2 - 5x) \cdot (x - 2)$

Solução: A multiplicação de dois polinômios segue o mesmo algoritmo da multiplicação de dois números decompostos como soma, como no **Ex 3.2.3**

$$x^{3} + 6x^{2} - 5x$$

$$x - 2$$

$$-2x^{3} - 12x^{2} + 10x$$

$$x^{4} + 6x^{3} - 5x^{2}$$

$$x^{4} + 4x^{3} - 17x^{2} + 10x$$

Exemplo 3.2.5 - Divida os polinômios: $(x^3 + 6x^2 - 5x) \div (x - 2)$.

Solução: A divisão de polinômios é semelhante ao algoritmo da divisão de dois números inteiros.

A divisão dos polinômios dá $x^2 + 8x$ e o resto é +11x

EXERCÍCIOS 3.2

3.2.1 Explique porque podemos cancelar a em $\frac{a \cdot b}{a}$ e não podemos em $\frac{a+b}{a}$.

3.2.2 Verifique se as igualdades são verdadeiras (justifique sua resposta):

a)
$$a^2 + a^3 = a5$$

d)
$$2m^2 - 3m^2 = -m^2$$

b)
$$x^3 \cdot x^3 = x^6$$

e)
$$x^3 \cdot x^3 = 2x^6$$

c)
$$v^3 : v^3 = 1$$

f)
$$10y^3 : 2y^2 = 5y$$

3.2.3 Resolva as operações com as expressões algébricas:

a)
$$3x^2 + \frac{1}{2}x^2 - 2x^2$$

f)
$$a^2b \cdot ab^3 \cdot a^3b$$

b)
$$ab^2 - \frac{1}{2}ab^2 + \frac{1}{4}ab^2$$

g)
$$(y^2 - \frac{1}{5} \cdot (5y - 2))$$

c)
$$v^3 - \frac{3}{4}v^3 + 2v^3$$

h)
$$7a^3b^2x^2 : 14a^2bx$$

d)
$$x(xy + 2x + 3y)$$

i)
$$(2x^3 + 5x^2 + 2x) : (x + \frac{1}{2})$$

e)
$$(x-3)(x^2-\frac{1}{3}x+3)$$

j)
$$\frac{1}{2}m^3n^2:\frac{1}{4}m^2n+mn$$

3.2.4 Dados os polinômios A = 2x + 1; B = x - 3 e $C = 2x^2 + 5x + 2$, resolva:

a)
$$A + B$$

c)
$$A \cdot B$$

e)
$$C - x \cdot A$$

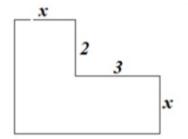
g)
$$C:B$$

a)
$$A+B$$
 c) $A \cdot B$ e) $C-x \cdot A$ g) $C:B$ b) $B+C-A$ d) $A \cdot C$ f) $C:A$ h) $A \cdot B-C$

d)
$$A \cdot C$$

h)
$$A \cdot B - C$$

- 3.2.5 Um lado de um retângulo é expresso por x + 3 e outro por 2x:
 - a) Determine a expressão algébrica do perímetro.
 - b) Determine a expressão algébrica da área.
 - c) Para que valor de *x* o perímetro é 18*cm*?
 - d) Se a área é $56cm^2$, qual é o valor de x?
 - e) Qual é o valor de x para que os lados sejam iguais?
- 3.2.6 A área de um retângulo é expressa por $x^2 + 2x 3$ e um dos lados por x 1. Determine a expressão algébrica do outro lado.
- 3.2.7 O lado de um cubo é expresso por x + 1. Determine a expressão algébrica:
 - a) Do volume
 - b) Da área de uma face
 - c) Da área superficial
- 3.2.8 Com base na figura, determine as expressões algébricas do perímetro e da área.



3.2.9 O lado de um quadrado é expresso por x + 3:

- a) Determine a expressão algébrica da área.
- b) Calcule a área para x = 1.
- c) x pode ser zero?
- d) Qual o valor de x para que a área seja nula.

3.2.10 Calcule os valores da área do quadrado do Ex 3.2.9 para x = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3

3.3 Produtos Notáveis

Produtos notáveis são produtos especiais de polinômios. São chamados "notáveis" porque aparecem seguidamente em problemas de Matemática.

Quadrado da soma de dois termos: $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

Quadrado da diferença de dois termos: $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

Produto da soma pela diferença: $(a+b)\cdot(a-b)=a^2-b^2$

Cubo da soma de dois termos: $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

Cubo da diferença de dois termos: $(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

EXERCÍCIOS 3.3

3.3.a)
$$(x+5)^2$$
 3.3.b) $(x+1)^3$ 3.3.k) $(x+1)(x+2)$

3.3.b)
$$(2x-3)^2$$
 3.3.g) $(2x-5)^3$ 3.3.l) $(x-1)(x+3)$

3.3.c)
$$(x+\frac{1}{2})^2$$
 3.3.h) $(x-3)(x+3)$ 3.3.m) $(2a-b)(2a+b)$

3.3.d)
$$(3-x)^2$$
 3.3.i) $(m+3n)(m+3n)$ 3.3.n) $(a+b+1)^2$

3.3.e)
$$(\frac{1}{2}x+2)^2$$
 3.3.j) $(x+\frac{1}{2})(x-\frac{1}{2})$ 3.3.o) $(x+\frac{1}{4})(x+2)$

3.4 Fatoração

Fatores são os termos de uma multiplicação e **fatorar** é transformar um número ou expressão algébrica em um produto de fatores.

8

Exemplos:

- a) O número 12 fatorado é 3 · 4, onde 3 e 4 são fatores.
- b) Podemos decompor números em fatores primos, por exemplo: $24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$. Os números 2 e 3, nesse caso são fatores, onde o fator 2 aparece três vezes.
- c) Na expressão $3x^2a^3$, 3, x^2 e a^3 são fatores.

Fatoração com Fator Comum:

Algumas expressões algébricas têm fatores comuns (fatores que estão presentes em mais de uma expressão algébrica) que se pode colocar em evidência (colocar em separado, na forma de fatores). Vejamos os exemplos:

a) $3x + 6y = 3x + 2 \cdot 3y = 3 \cdot (x + 2y)$. Observemos que o 3 é fator comum aos

dois monômios.

b) $4ab^3 - 2a^3b + 10ab^4 = 2ab \cdot (2b^2 - a^2 + \text{Observemos que o 2ab é fator comum aos}$ $5b^{3}$).

três monômios

c) 2an + 2bn - am - bm.

(Fatoração por agrupamento)

Nos dois primeiros termos o fator comum é 2n e nos dois últimos o fator comum é -m.

$$2an + 2bn - am - bm = 2n(a+b) - m(a+b)$$

A expressão resultante tem mais um fator comum: (a+b). Então:

$$2an + 2bn - am - bm = (a+b)(2n-m).$$

Fatoração do Trinômio Quadrado Perfeito (TQP):

Um trinômio é *quadrado perfeito (TQP)* se foi originado pelo quadrado da soma ou subtração de dois termos.

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

(*Quadrado da soma de dois termos*)

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

(Quadrado da diferença de dois termos)

Observemos que o trinômio foi transformado (fatorado) em um produto onde os fatores são $(a \pm b)$. Chamando a de "primeiro termo do binômio" e b de "segundo termo do binômio", dizemos que o trinômio $a^2 + 2ab + b^2$ é o quadrado do primeiro, mais duas vezes o primeiro vezes o segundo mais o quadrado do segundo.

Fatoração da Diferença de dois quadrados:

$$a^2 - b^2 = (a+b) \cdot (a-b)$$

(Produto da soma pela diferença de dois termos)

Exemplo 3.4.1 - Verifique se $x^2 + 2x + 1$ é um TQP.

Solução: Se o trinômio dado é um TQP então o primeiro termo do binômio (a+b) deve ser $a=\sqrt{x^2}=x$; o segundo termo do binômio (a+b) deve ser $b=\sqrt{1}=1$.

Teste do segundo termo do trinômio: $2 \cdot a \cdot b = 2 \cdot x \cdot 1 = 2x$ deve ser igual ao *segundo termo do trinômio*. O que de fato ocorre, neste caso. Assim,

$$(x+1)^2 = x^2 + 2x + 1$$
.

Portanto, o polinômio dado é um TQP ■

Exemplo 3.4.2 - Verifique se $x^2 + 2x + 4$ é um TQP.

Solução: Se o trinômio dado é um TQP então o primeiro termo deve ser $a = \sqrt{x^2} = x$ e o segundo termo $b = \sqrt{4} = 2$.

Teste do segundo termo do trinômio: $2 \cdot a \cdot b = 2 \cdot x \cdot 2 = 4x$, que é diferente de 2x. Portanto, o trinômio dado não é um TQP

Exemplo 3.4.3 - Complete o trinômio $x^2 - 4x + 1 = 0$, de modo que obtenha-se um TQP.

Solução: Para se obter um TQP na identidade dada, o primeiro termo do binômio (a+b) deve ser $a = \sqrt{x^2} = x$. O segundo termo "b" pode ser obtido, sabendo que

$$2 \cdot x \cdot b = -4x$$

(duas vezes o primeiro termo, vezes o segundo termo é igual ao segundo termo do trinômio)

Assim,
$$b = -2$$
 e o TQP é $(x-2)^2 = x^2 - 4x + 4$.

Para obter o TQP no lado esquerdo da identidade dada, basta adicionar (+3) em ambos os lados:

$$x^2 - 4x + 1 + (+3) = 0 + (+3)$$

$$x^2 - 4x + 4 = 3$$

EXERCÍCIOS 3.4

3.4.1 Fatore as expressões algébricas:

a)
$$x^2 - x$$

f)
$$x^2 - 25$$

b)
$$a^3b^2 - ab + ab^2$$

g)
$$16x^2 - \frac{4}{9}$$

c)
$$9x^2 - 12x + 4$$

h)
$$ax + bx + ay + by$$

d)
$$9 + 6x + x^2$$

i)
$$6 + 3x + 2y + xy$$

e)
$$x^2 + x + \frac{1}{4}$$

i)
$$x^3 + 1$$

3.4.2 Verifique se os trinômios são quadrados perfeitos:

a)
$$x^2 + 4x + 16$$

c)
$$4y^2 - 12y + 9$$

b)
$$x^2 + 6x + 9$$

d)
$$9x^2 - 6x + 3$$

3.4.3 Adicione constantes nas equações de modo a obter trinômios quadrados perfeitos no lado esquerdo da igualdade:

a)
$$x^2 + 6x + 10 = 0$$

c)
$$9x^2 - 12x + 5 = 0$$

b)
$$4x^2 + 4x + 3 = 0$$

d)
$$x^2 + 10x + 12 = 0$$

3.5 Expressões algébricas fracionárias

Expressões algébricas fracionárias são expressões com variáveis no denominador.

Exemplos:

1)
$$\frac{a+b}{b}$$

2)
$$\frac{x^2+3x+5}{x-1}$$

3)
$$\frac{ab^2-5a+b}{a+b}$$

3.5.1 Menor Múltiplo Comum (MMC) com expressões algébricas:

Para encontrar o MMC de números são conhecidos dois métodos:

Encontre o MMC(6,8):

a) Usando conjuntos de múltiplos:

Os múltiplos de 6 são : M(6)=6,12,18, 24,30,36,42, 48,54,60,66, 72,78,...

Os múltiplos de 8 são : M(8)=8,16, 24 ,32,40, 48 ,56,64, 72 ,80,...

Examinando os conjuntos de múltiplos de 6 e 8, observa-se que existem vários múltiplos comuns, mas o menor deles é 24. Então, MMC(6,8) = 24.

- b) Usando decomposição em fatores primos:
 - 1º) decompor os números em fatores primos;
 - 2°) o MMC é o produto de todos os fatores, porém aqueles que se repetirem, escolhe-se apenas os de potência maior.

 $6 = 2 \cdot 3$ e $8 = 2^3$

Os fatores são 2, 3 e 2^3 . Como o fator 2 se repetiu, escolhemos apenas 2^3 .

Então, MMC $(6,8) = 2^3 \cdot 3 = 24$.

O MMC de expressões algébricas é calculado pelo método da decomposição.

Exemplo 3.5.1 Determine o MMC das expressões algébricas:

a) ab^2ea^3b .

Os fatores são: a; a^3 ; b e b^2 . Então, o MMC $(ab^2, a^3b) = a^3b^2$

b) $x^2 + 2x + 1$ e 2(x + 1):

Fatorando a primeira expressão, temos: $x^2 + 2x + 1 = (x+1)^2$. Os fatores são: $(x+1)^2$; 2 e (x+1). Então o MMC das expressões dadas é $2(x+1)^2$

3.5.2 Operações com frações algébricas

As operações com frações algébricas seguem as mesmas regras das operações com frações numéricas e polinômios.

Exemplo 3.5.2 Resolva as operações com as frações algébricas:

a)
$$\frac{a}{b} + \frac{2a}{b^2} =$$

O MMC $(b, b^2) = b^2$. Aplicando o algoritmo da adição de frações, temos:

$$\frac{a}{b} + \frac{2a}{b^2} = \frac{ab+2a}{b^2} = \frac{a(b+2)}{b^2}$$

$$b) \frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{x^2-1} =$$

Ao invés de multiplicas diretamente, podemos fazer simplificações reescrevendo o denominador da segunda fração como: $(x^2 - 1) = (x + 1)(x - 1)$. Assim,

$$\frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{x^2-1} = \frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{(x+1)(x-1)} =$$

Cancelando os fatores iguais (propriedade do cancelamento), temos:

$$\frac{x}{x+2} \cdot \frac{x+1}{x^2-1} = \frac{x}{x+2} \cdot \frac{1}{x-1} = \frac{x}{(x+2)(x-1)}$$

EXERCÍCIOS 3.5

3.5.1 Simplifique as frações algébricas usando a propriedade do cancelamento:

a)
$$\frac{21x^4}{15x}$$

c)
$$\frac{a^2-a}{a^2-2a+1}$$

e)
$$\frac{x^3+4x^2-21x}{x^2-9}$$

b)
$$\frac{x^2}{x^2-x}$$

d)
$$\frac{y+2}{4y^2-16}$$

f)
$$\frac{a^3+3a^2-5a-15}{a^2+3a}$$

3.5.2 Resolva as adições e subtrações com frações algébricas:

a)
$$\frac{1}{3x} + \frac{x+1}{x^2}$$

c)
$$\frac{1}{y^2-1} - \frac{1}{y+1}$$

c)
$$\frac{1}{y^2-1} - \frac{1}{y+1}$$
 e) $\frac{x}{x+3} + \frac{1}{x^2+6x+9}$

a)
$$\frac{1}{3x} + \frac{x+1}{x^2}$$
 c) $\frac{1}{y^2-1} - \frac{1}{y+1}$
b) $\frac{2}{x} + \frac{1}{x+1} - \frac{x}{x-1}$ d) $\frac{2}{a} + \frac{a}{a^2+1}$

d)
$$\frac{2}{a} + \frac{a}{a^2 + 1}$$

f)
$$\frac{x}{x^2-25} - \frac{x-1}{2x-10}$$

3.5.3 Multiplique as frações algébricas usando a propriedade do cancelamento:

a)
$$\frac{4}{x-1} \cdot \frac{x^2-1}{16}$$

c)
$$\frac{1}{x} \cdot \frac{x^2 - 6x + 9}{x + 1} \cdot \frac{x^2 + x}{x - 3}$$
 e) $\frac{x^3 - 1}{2x^2} \cdot \frac{4x}{x^2 + x + 1}$ d) $\frac{4x^2 - 2}{x^2} \cdot \frac{6x^2 - 6}{4x^4 - 4x^2 + 1}$ f) $\frac{y + 3}{7} \cdot \frac{21}{2y + 6}$

e)
$$\frac{x^3-1}{2x^2} \cdot \frac{4x}{x^2+x+1}$$

b)
$$\frac{x+4}{1-x^2} \cdot \frac{1-x}{x^2-16}$$

d)
$$\frac{4x^2-2}{x^2} \cdot \frac{6x^2-6}{4x^4-4x^2+}$$

f)
$$\frac{y+3}{7} \cdot \frac{21}{2y+6}$$

3.5.4 Resolva as operações com frações algébricas:

a)
$$\frac{\frac{1}{x}}{\frac{x+1}{x^3}}$$

d)
$$\frac{1}{2y+5} - \frac{y}{4y^2 + 20y + 25}$$

b)
$$\frac{x}{3x+1} + \frac{x+1}{9x^2-1}$$

e)
$$\frac{1}{x} \cdot \frac{x^3}{x-2} + \frac{1}{x^2-4}$$

c)
$$\frac{a}{a-1}$$
: $\frac{a^3}{a^3-a}$

f)
$$\frac{x}{x-3} - \frac{1}{x^2-6x+9} : \frac{6x^2-36x+54}{2x-6}$$

RESPOSTAS DOS EXERCÍCIOS PROPOSTOS

3.1.1 a)
$$P = 4x$$
; $A = x^2$

c)
$$P = 4x - 4$$
; $A = x^2 - 2x$

b)
$$P = 6x$$
; $A = 2x^2$

d)
$$P = 4x + 10$$
; $A = x^2 + 5x$

3.1.2
$$P = 4x + 6$$

$$3.1.3 P = 4x$$

$$3.1.4 P = 16cm$$

3.1.5 Não. Se x = 1cm, a figura não seria fechada.

b)
$$\frac{-19}{3}$$

c)
$$\frac{3}{2}$$

- 3.2.1 Só podemos cancelar quando o mesmo número ou variável está sujeito a operações inversas. Neste caso, a multiplicação por a pode ser cancelada com a divisão por a.
- 3.2.2 a) Falsa. A soma dos expoentes, quando as bases são iguais, só é feita se a operação entre as potências for a multiplicação.
 - b) Verdadeira. Na multiplicação de potências de mesma base conserva-se a base e soma-se os expoentes.

- c) Verdadeira. Na divisão de potências de mesma base, conserva-se a base e subtrai-se os expoentes.
- d) Verdadeira.
- e) Falsa. Multiplica-se os coeficientes ao invés de somá-los.
- f) Verdadeira.
- 3.2.3 a) $\frac{4}{3}x^2$

- d) $x^2y + 2x^2 + 3xy$
- h) $\frac{1}{2}abx$

b) $\frac{3}{4}ab^{2}$

c) $\frac{9}{4}v^3$

- e) $x^3 \frac{10}{3}x^2 + 4x 9$ f) a^6b^5 g) $5y^3 2y^2 y + \frac{2}{5}$ i) $2x^2 + 4x$ j) 3mn

3.2.4 a) 3x - 2

- d) $4x^3 + 12x^2 + 9x + 2$ g) 2x + 11; R = 35

- b) $2x^2 + 4x 2$ e) 4x + 1

h) -10x - 5

- c) $2x^2 5x 3$
- f) x+2
- 3.2.5 a) 6x + 6 b) $2x^2 + 6x$
- c) 2*cm*
- d) 4*cm*
- e) 3

- 3.2.6 x + 3
- 3.2.7 a) $x^3 + 3x^2 + 3x + 1$ b) $x^2 + 2x + 1$
- c) $6x^2 + 12x + 6$

- 3.2.8 P = 4x + 10: $A = x^2 + 5x$
- 3.2.9 a) $x^2 + 6x + 9$ b) 16
- c) Sim
- d) -3

- 3.2.10 Respectivamente 0; 1; 4; 9; 16; 25; 36
- 3.3.a) $x^2 + 10x + 25$

3.3.i) $m^2 + 6mn + 9n^2$

3.3.b) $4x^2 - 12x + 9$

3.3.i) $x^2 - 14$

3.3.c) $x^2 + x + 14$

3.3.k) $x^2 + 3x + 2$

3.3.d) $x^2 - 6x + 9$

3.3.1) $x^2 + 2x - 3$

3.3.e) $\frac{1}{4}x^2 + 2x + 4$

3.3.m) $4a^2 - b^2$

3.3.f) $x^3 + 3x^2 + 3x + 1$

- 3.3.n) $a^2 + b^2 + 2ab + 2a + 2b + 1$
- 3.3.g) $8x^3 60x^2 + 150x + 125$
- 3.3.0) $x^2 + \frac{9}{4}x + \frac{1}{2}$

- 3.3.h) $x^2 9$
- 3.4.1 a) x(x-1)

i) (3+y)(2+x)

- j) $(x^2+1)(x-1)$

- a) x(x-1)b) $ab(a^2b-1+b)$ c) $(3x-2)^2$ d) $(x+3)^2$ e) $(x+\frac{1}{2})^2$ f) (x+5)(x-5)g) $(4x+\frac{2}{3})(4x-\frac{2}{3})$ h) (x+y)(a+b)
- d) $(x+3)^2$

h) (x+y)(a+b)

- 3.4.2 a) Não é um TQP.
 - b) É um TQP: $(x+3)^2$

- c) É um TQP: $(2y-3)^2$
- d) Não é um TQP.

- 3.4.3 a) -1
- b) -2
- c) -1
- d) 13

- 3.5.1 a) $\frac{21}{15}x^3$
 - b) $\frac{x}{x-1}$

- c) $\frac{a}{a-1}$
- d) $\frac{1}{4y-8}$

e) $\frac{x(x+7)}{x+3}$ f) $\frac{a^2-5}{a}$

- 3.5.2 a) $\frac{4x+3}{3x^2}$
 - b) $\frac{-x^3+2x^2-x-2}{x(x+1)(x-1)}$
- c) $\frac{1-(y-1)}{(y+1)(y-1)}$
- d) $\frac{3a^2+2}{a(a^2+1)}$

e) $\frac{x^2+3x+1}{(x+3)^2}$ f) $\frac{-x^2-2x+5}{2(x^2-25)}$

- 3.5.3 a) $\frac{x+1}{4}$
 - b) $\frac{1}{x^2 3x 4}$

- c) x-3d) $\frac{6(x^2-1)}{x^2}$

- e) $\frac{2(x-1)}{x}$ f) $\frac{3}{2}$

- 3.5.4 a) $\frac{x^2}{x+1}$ b) $\frac{3x^2+1}{9x^2-1}$

- c) $\frac{a+1}{a}$ d) $\frac{y+5}{(2y+5)^2}$

e) $\frac{x^3 + 2x^2 + 1}{x}$ f) 1

4 Equações de primeiro e segundo grau

5 Função do primeiro grau

6 Função do segundo grau

7 Inequações

8 Potências e funções exponenciais

9 Logarítmos e função logarítmica

10 Trigonometria e funções trigonométricas