$$f(n,k) = 1 + \sum_{j=1}^{k} \frac{1}{1 + \sum_{i=1}^{j} 2^{i-1} \frac{(j+i)!}{(j-i)! (2i)!} n^{i}}$$

 $\sqrt{3} = \lim_{k \to \infty} f(1, k)$ 

 $\sqrt{2} = \lim_{k \to \infty} f(2, k)$ 

 $\sqrt{n(n+2)} = n \lim_{k \to \infty} f(n, k)$