Лабораторная работа №1 по курсу «Радиотехнические устройства и системы» Введение в GNU/Octave

Кузнецов В.В., ассистент кафедры ЭИУ1-КФ 8 сентября 2013 г.

1 Цель работы

Целью семинара является генерация звуковых сигналов с использованием звуковой карты персонального компьютера и системы численной математики GNU/Octave.

Система GNU/Octave — это высокоуровневый язык программирования, предназначенный прежде всего для численных расчётов. Он предоставляет удобный интерфейс командной строки для численного решения линейных и нелинейных задач, а также для выполнения других численных экспериментов. С помощью GNU/Octave можно решать задачи в том числе генерации и обработки сигналов. Установить GNU/Octave для Linux можно в один клик через пакетный менеджер, а для Windows её можно бесплатно скачать с сайта разработчика http://octave.sourceforge.net.

Octave работает в режиме командной строки. Осtave позволяет выполнять операции с действительными и комплексными числами, матрицами, решать системы линейных уравнений. Синтаксис команд Octave близок к языку С и повторяет среду Matlab.

В ходе выполнения лабораторной работы необходимо проделать в среде Octave задание, приведённые ниже.

2 Применение Octave для расчётов

2.1 Запуск и выход из программы

В состав пакета входит интерактивный командный интерфейс (интерпретатор). Интерпретатор Осtave запускается из терминала ОС Linux или из его порта в Windows. После запуска Осtave пользователь видит окно интерпретатора (см. рис. 1). Чтобы запустить GNU/Octave нужно для Linux набрать в терминале octave, а для Windows щёлкнуть по ярлыку, создаваемом на рабочем столе после установки программы.

Чтобы выйти из программы в командной строке нужно набрать quit. После того как команда напечатана, нужно нажать Enter.

2.2 Комментарии и вывод результата вычислений

В окне интерпретатора пользователь может вводить как отдельные команды языка Octave, так и группы команд, объединяемые в программы. Если строка заканчивается символом; (точка с запятой) результаты на экран не выводятся. Если же в конце строки

GNU Octave, version 3.6.4

Copyright (C) 2013 John W. Eaton and others.

This is free software; see the source code for copying conditions.

There is ABSOLUTELY NO WARRANTY; not even for MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. For details, type 'warranty'.

Octave was configured for "x86_64-suse-linux-gnu".

Additional information about Octave is available at http://www.octave.org.

Please contribute if you find this software useful. For more information, visit http://www.octave.org/get-involved.html

Read http://www.octave.org/bugs.html to learn how to submit bug reports.

For information about changes from previous versions, type 'news'.

octave:1>

Рис. 1. Командная строка Octave

символ отсутствует, результаты работы выводятся на экран (см. рис. 1.2). Текст в строке после символа % (процент) или # (решётка) является комментарием и интерпретатором не обрабатывается. Комментарии можно вводить и в командном режиме. Рассмотрим несколько несложных примеров.

2.3 Арифметические операции

Рассчитаем сколько будет, если сложить 2 и 3. Для этого введём в командной строке Octave следующие команды:

octave:1> 2+3 ans = 5

И получим в результате 5. В переменной **ans** хранится результат последней операции. В GNU/Octave можно выполнять и операции с логарифмами, комплексными числами, тригонометрическими функциями. Наример:

Логарифмирование:

$$\frac{\log_{10} 100}{\log_{10} 10} \tag{1}$$

octave:1> log10(100)/log10(10) ans = 2

Тригонометрические функции (тангенс):

$$\left| \frac{1 + \tan 1.2}{1.2} \right| \tag{2}$$

octave:3> floor((1+tan(1.2)) / 1.2) ans = 2 Корень квадратный и возведение в степень:

$$\sqrt{3^2 + 4^2}$$
 (3)

octave:4> $sqrt(3^2 + 4^2)$ ans = 5

Экспоненты, комплексные числа и число π .

$$e^{i\pi}$$
 (4)

octave:5> exp(i*pi)ans = -1.0000e+00 + 1.2246e-16i

В Остаvе также можно объявлять переменные и составлять из них выражения. Синтаксис здесь такой же, как и в языке С. Регистр букв имеет значение. Применяются те же операции и скобки, как и в языке С.

2.4 Пакетный и терминальный режимы работы Octave

Возможны два варианта решения любой задачи в Octave:

- 1. Терминальный режим. В этом режиме в окно интерпретатора последовательно вводятся отдельные команды.
- 2. Программный режим. В этом режиме создаётся текстовый файл с расширением .m, в котором хранятся последовательно выполняемые команды Octave. Затем этот текстовый файл (программа на языке Octave) запускается на выполнение в среде Octave.

Рассмотрим пример решения задач в обоих режимах.

Рассчитаем резонансную частоту LC - контура по формуле:

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}\tag{5}$$

Где L — индуктивность катушки, Γ н;

 C_{κ} — ёмкость конденсатора, Φ ;

f — частота, Γ ц

Чтобы решить нашу задачу в терминальном режиме введём последовательно после того как Осtave запустится и выдаст приглашение, подобное рис.1, команды, показанные на рис. 2. На рисунке приведён вывод для Linux, отличие для системы Windows заключается только в способе запуска программы.

В переменной **ans** хранится результат последней операции, если команда не содержит знака присваивания. Следует помнить, что значение переменной **ans** изменяется после каждого вызова команды без операции присваивания.

Теперь рассмотрим, как решить эту же задачу в программном режиме. Вызовем любой текстовый редактор, например kwrite в системе Linux, но подойдёт даже обычный Notepad для Windows, в окне которого последовательно введём следующие команды, приведённые в листинге 1.

Листинг 1. Файл LC-kontur.m

```
vvk@linux-bmx0:~> octave
GNU Octave, version 3.6.4
Copyright (C) 2013 John W. Eaton and others.
This is free software; see the source code for copying conditions.
There is ABSOLUTELY NO WARRANTY; not even for MERCHANTABILITY or
FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. For details, type 'warranty'.
Octave was configured for "x86_64-suse-linux-gnu".
Additional information about Octave is available at http://www.octave.org.
Please contribute if you find this software useful.
For more information, visit http://www.octave.org/get-involved.html
Read http://www.octave.org/bugs.html to learn how to submit bug reports.
For information about changes from previous versions, type 'news'.
octave:1> L=10e-6;
octave:2> C=47e-12;
octave:3> f=1/(2*pi*sqrt(L*C))
f = 7.3413e+06
octave:4> quit
vvk@linux-bmx0:~>
```

Рис. 2. Расчёт резонансной частоты LC-контура в командной строке Octave

```
    # выводим её на экран
    #pause # Раскомментировать строку для Windows. Задерживает выполнение скрипта
    # до тех пор пока пользователь не нажмёт Enter.
```

Сохраним введённые команды в виде файла LC-kontur.m. Скрипты Octave обычно имеют расширение *.m. Теперь эту программу необходимо запустить на выполнение. В системе Linux нужно сначала сделать файл исполняемым любым способом, например из командной строки или файлового менеджера. Чтобы дать скрипту права на исполнение и затем запустить его нужно выполнить в каталоге, где находится файл скрипта следующие команды:

```
chmod a+x LC-kontur.m
./LC-kontur
```

В результате выполнения команд в окне терминала напечатается вычисленное значение резонансной частоты f = 7.3413e+06.

3 Матрицы и массивы

При обработке сигналов нам понадобится выполнять операции с одномерными массивами чисел с плавающей точкой (float). Одномерные массивы в Octave являются частным

случаем матриц. Им соответствуют матрица-строка и матрица-столбец (вектор). Двухмерные матрицы — это двухмерные массивы. Индексация массивов начинается с единицы, в отличие от языка C.

3.1 Объявление матриц

Вектор — это матрица - строка, либо матрица - столбец. Векторы являются аналогами одномерных массивов в языке ${\bf C}$.

Чтобы объявить массив нужно перечислить все его элементы через запятую, и заключить их в квадратные скобки [].

```
octave:1> x = [1, 3, 2]
x =
1 3 2
```

Чтобы задать вектор-столбец элементы в квадратных скобках нужно перечислить через точку с запятой; :

```
octave:2> x = [1; 3; 2]
x =
1
3
2
```

Чтобы объявить матрицу, нужно перечислить каждый элемент строки через запятую, а строки разделить точкой с запятой;

```
octave:3 > A = [1, 1, 2; 3, 5, 8; 13, 21, 34]
A =
           2
   1
       1
   3
       5
           8
  13 21 34
octave:4> A'
ans =
       3 13
   1
       5 21
   1
   2
       8
         34
```

Матрицу можно умножать и делить на число. При этом каждый элемент матрицы делится или умножается на число:

Например:

```
octave:5> x = [1, 3, 2]
x =
   1  3  2
octave:6> 2*x
ans =
   2  6  4
```

3.2 Операции над матрицами

В системе GNU/Octave, так же как и в Matlab, можно складывать, вычитать и умножать матрицы. К матрицам также применяется операция транспонирования. Транспонирование —это замена строк на столбцы. Если транспонировать матрицу-строку, то получим матрицу-столбец и наоборот. Для этого после матрицы нужно поставить знак апострофа '.

3.3 Поэлементные операции над матрицами

В GNU/Octave, как и в Matlab, можно применять поэлементные операции над матрицами. Используется поэлементное, сложение, умножение деление.

Рассмотрим пример. Разделим поэлементно матрицу A на матрицу B:

```
octave:1> A = [1, 6, 3; 2, 7, 4]
A =
    6
  2
    7
        4
octave: 2 > B = [2, 7, 2; 7, 3, 9]
B =
  2
    7
        2
  7
    3 9
octave:3> A ./ B
ans =
  0.50000 0.85714 1.50000
  0.28571
          2.33333
                   0.44444
```

В результате исполнения этих команд первый элемент матрицы A разделился на первый элемент матрицы B, второй — на второй, и так далее.

3.4 Индексация массивов и матриц

Индексация служит для обращения к отдельному элементу массива, как в языке С. Знаком операции индексации являются круглые скобки ().

Рассмотрим пример. Создадим массив (вектор-строку) из трёх элементов и обратимя ко второму элементу. Отличие от языка С здесь заключается в том, что нумерация элементов начинается с единицы, а не с нуля.

```
octave:1> x = [1.2, 5, 7.6, 3, 8] x =
```

```
1.2000 5.0000 7.6000 3.0000 8.0000
```

Теперь посмотрим чему равен второй элемент массива.

```
octave: 2 \times x(2)
ans = 5
```

Чтобы отсечь часть элементов массива служит операция 1:3. Например, чтобы получить массив, содержащий элементы исходного массива с первого по третий нужно использовать следующие команды:

Длина массива х равна 5 элементам.

3.5 Построение графиков

Для построения графиков в Octave служит функция plot(x,y). В качестве аргументов ей передаются два вектора (матрица-столбец, либо матрица-строка), содержащие точки по осям X и Y. Количество элементов в векторах должно быть одинаковым.

К матрицам и массивам в Octave можно применять все операции, известные из курса линейной алгебры: транспонирование, умножение на число, сложение, вычитание, умножение матриц, вычисление обратной матрицы.

Здесь нужно упомянуть про операцию транспонирования ' (одинарная кавычка). Поместив знак ' после матрицы мы заменяем строки на столбцы. Так можно получить из матрицы-строки матрицу-столбец.

Матрицы в Octave можно складывать так же как и обычные числа при помощи операции +. При этом первый элемент складывается с первым, второй со вторым и т.д. Этим пользуются для сложения сигналов.

Для примера построим график функции $\sin(t)$ на отрезке от 0 до 2π по 20 точкам. Команды, вводимые в окно Octave показаны на рис.3.

Если ввести в Octave указанные команды, то откроется графическое окно, в котором будет построена синусоида.

Как видно из простейших примеров, у Octave достаточно широкие возможности, а по синтаксису он близок к Matlab.

```
octave:1> t=0:(2*pi/20):2*pi # генерируем вектор из 20 точек от 0 до 2*pi
 Columns 1 through 9:
  0.00000
              0.31416
                         0.62832
                                     0.94248
                                                 1.25664
                                                             1.57080
                                                                         1.88496
2.19911
           2.51327
 Columns 10 through 18:
  2.82743
              3.14159
                         3.45575
                                     3.76991
                                                 4.08407
                                                             4.39823
                                                                         4.71239
5.02655
           5.34071
 Columns 19 through 21:
    5.65487
                5.96903
                           6.28319
octave:2> s=sin(t) # вычисляем таблицу функции sin()
 Columns 1 through 10:
0.00000
          0.30902
                     0.58779
                                0.80902
                                          0.95106
                                                     1.00000
                                                                0.95106
                                                                           0.80902
0.58779
          0.30902
 Columns 11 through 20:
0.00000 \quad -0.30902 \quad -0.58779 \quad -0.80902 \quad -0.95106 \quad -1.00000 \quad -0.95106 \quad -0.80902
0.58779 -0.30902
Column 21:
-0.00000
octave:3> plot(t,s); # строим график
octave:4>
```

GNU Octave, version 3.6.4

Рис. 3. Пример построения графика функции в GNU/Octave