學號:B04902021 系級: 資工三 姓名:陳弘梵

請實做以下兩種不同 feature 的模型,回答第(1)~(3)題:

- (1) 抽全部 9 小時內的污染源 feature 的一次項(加 bias)
- (2) 抽全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

## 1. (2%) 記錄誤差值 (RMSE)(根據 kaggle public+private 分數), 討論兩種 feature 的影響:

	public test loss	private test loss	public + private
所有汙染源一次項	7.46718	5.40110	6.516542732
PM2.5 一次項	7.45924	5.63440	6.610095488

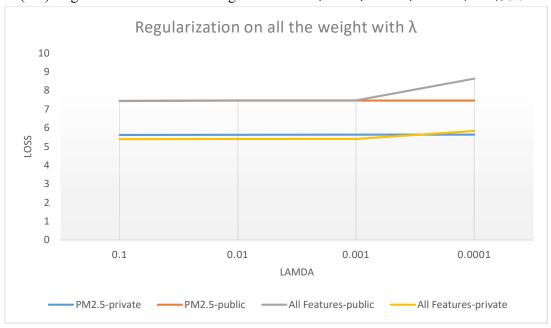
由我寫的程式跑出來,所有汙染源採用的 training loss 為 5.68786,較僅使用 PM2.5 的 6.12363 來的小,有可能是 iteration 的大小設置或是到達極值的判斷寫法造成。

2. (1%) 將 feature 從抽前 9 小時改成抽前 5 小時, 討論其變化:

	public test loss	private test loss
所有汙染源一次項	7.65465	5.39988
PM2.5 一次項	7.61130	5.80136

我的程式中,採取所有汙染源的結果仍然表現比較好,整體而言相較於抽取 9 小時的表現較差,應該是參考的連續數據較少導致與剩下的資料關聯較低。

3. (1%) Regularization on all the weight with  $\lambda$ =0.1、0.01、0.001、0.0001,並作圖:



4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量  $\mathbf{x}^n$ ,其標註(label)為一純量  $\mathbf{y}^n$ ,模型參數為一向量  $\mathbf{w}$  (此處忽略偏權值  $\mathbf{b}$ ),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{n=1}^{N} (y^n - x^n \cdot w)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣

 $X = [x^1 \ x^2 \ ... \ x^N]^T$  表示,所有訓練資料的標註以向量  $y = [y^1 \ y^2 \ ... \ y^N]^T$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ?請寫下算式並選出正確答案。(其中  $X^TX$  為 invertible)

- (a)  $(X^TX)X^Ty$
- (b)  $(X^{T}X)^{-0}X^{T}y$
- (c)  $(X^{T}X)^{-1}X^{T}y$
- (d)  $(X^{T}X)^{-2}X^{T}y$

loss = 
$$(Y - w^T X)(Y - w^T X)^T = \sum_{\substack{(y^1 - wx^1)^2 \\ (y^2 - wx^2)^2 \\ ... \\ (y^N - wx^N)^2}$$

找極值,微分=0:

$$\begin{pmatrix} x^{1}(y^{1} - wx^{1}) \\ x^{2}(y^{2} - wx^{2}) \\ \dots \\ x^{N}(y^{N} - wx^{N}) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x^{1}y^{1} - wx^{1^{2}} \\ x^{2}y^{2} - wx^{2^{2}} \\ \dots \\ x^{N}y^{N} - wx^{N^{2}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \dots \\ 0 \end{pmatrix} => X^{T}Y - wX^{T}X = 0$$
$$=> w = (X^{T}X)^{-1}X^{T}Y$$
$$= NS: (C)$$