EDCO4B ESTRUTURAS DE DADOS 2

Aula 05 - Merge Sort

Prof. Rafael G. Mantovani

Prof. Luiz Fernando Carvalho



Roteiro

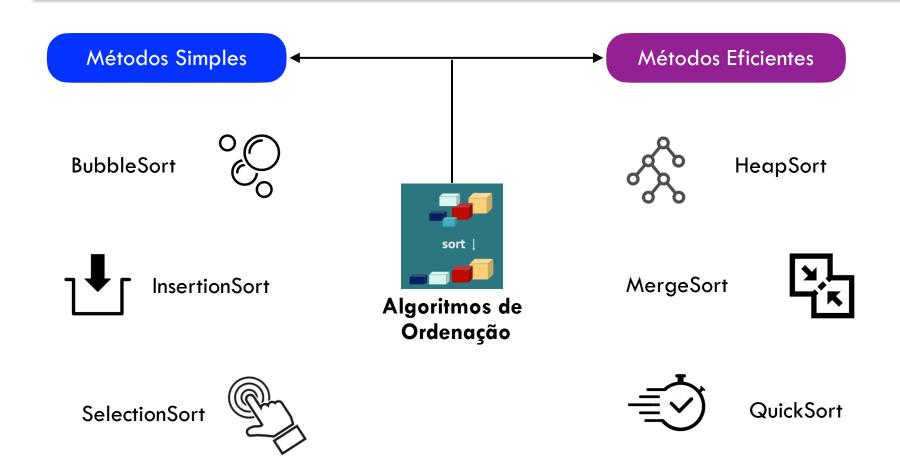
- 1 Introdução
- **2** Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercício
- 5 Referências

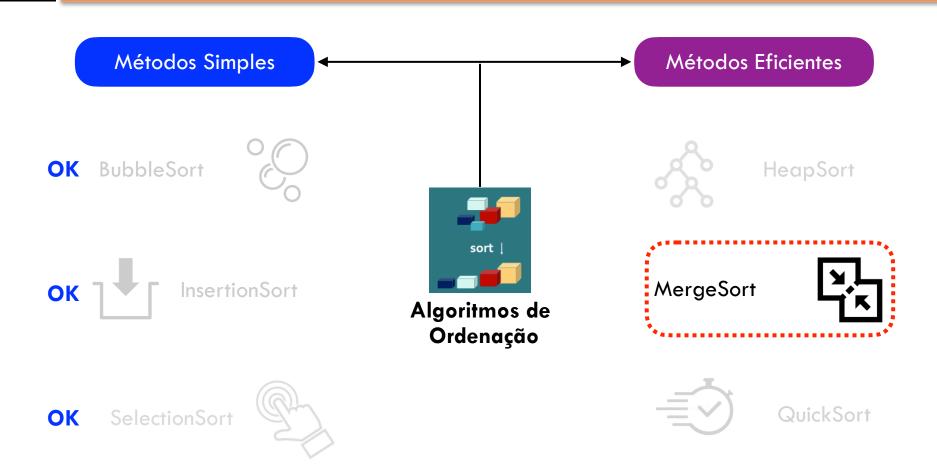
Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercício
- 5 Referências









Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercício
- 5 Referências























Ordenação por Mistura



League: levar os 6 mais fortes









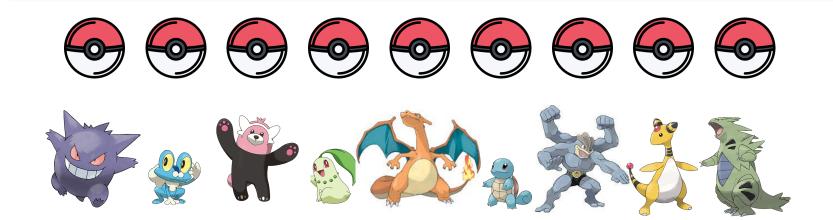












Lv 65 Lv 16 Lv 54 Lv 15 Lv 60 Lv 5 Lv 40 Lv 39 Lv 50



Nível 1



Lv 16

Lv 54

Lv 15



Lv 60



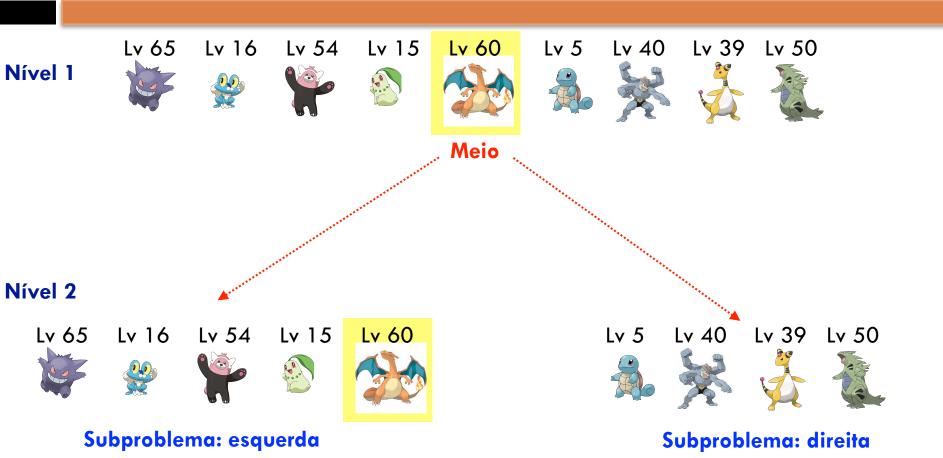
Lv 40

Lv 39 Lv 50



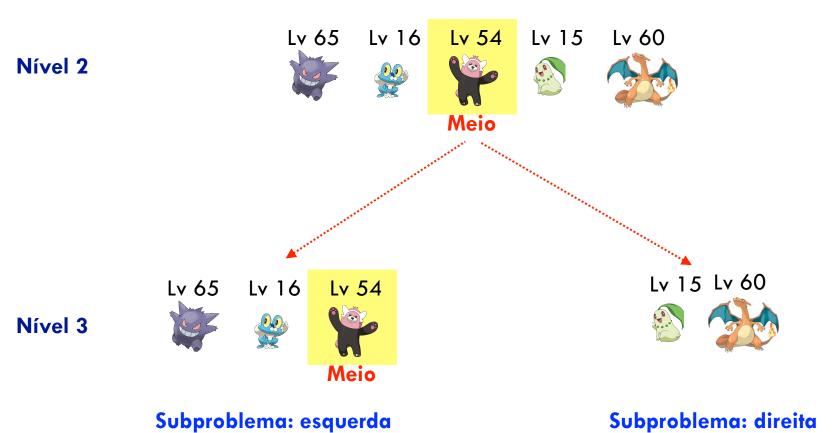


Meio



Nível 2



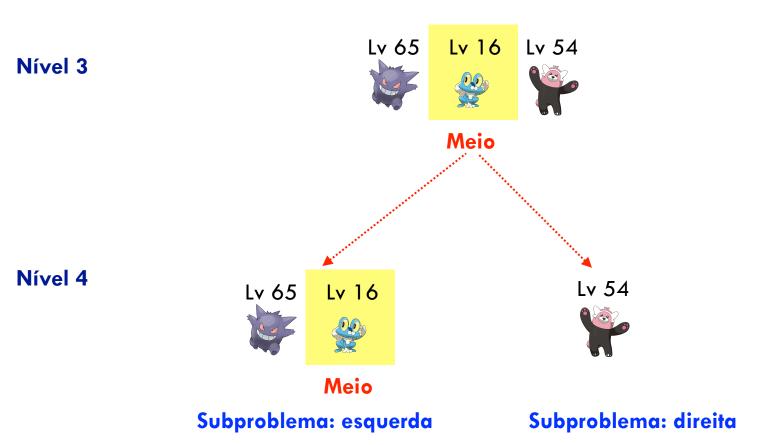


18

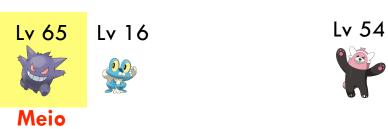
Nível 3

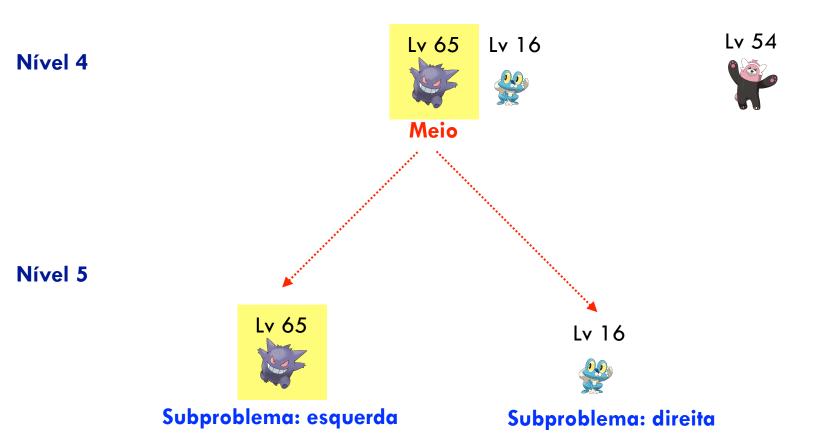


Meio



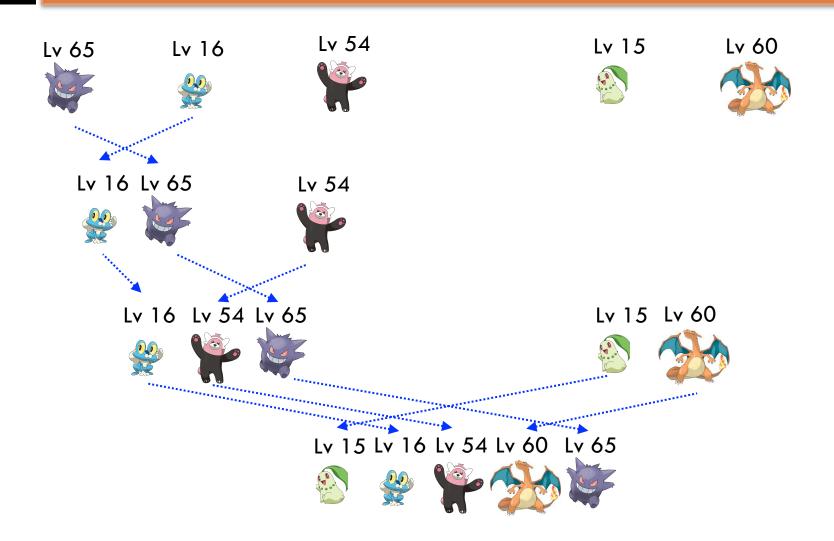
Nível 4





Lv 54 Lv 65 Lv 16 Nível 4 Condição de parada da recursão: vetores unitários Próximo passo: recombinar! Nível 5 Lv 65 Lv 16 Sub-problema: esquerda

Sub-problema: direita







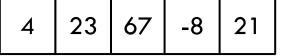
Good Team:)

- * ideia básica: dividir e conquistar
- * divide recursivamente o conjunto de dados até que cada subconjunto possua um elemento

Funcionamento

- * Dividir e conquistar:
 - 1. Divide recursivamente o array até obter subconjuntos com elementos únicos
 - 2. Volta da recursão combinando 2 conjuntos de forma a obter um conjunto maior e mais ordenado
 - 3. Processo se repete até que existe apenas um conjunto único e ordenado

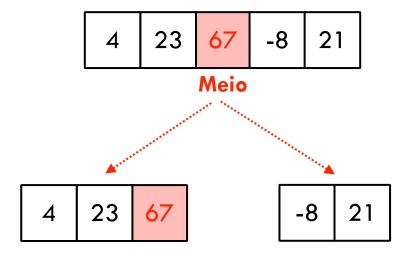
Dividir



Dividir



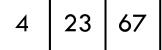
Dividir



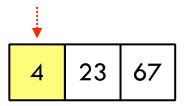
Recombinar

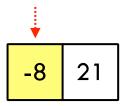
4 23 67

-8 21

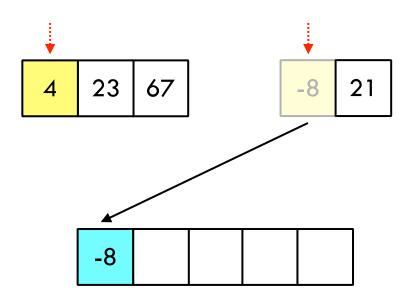


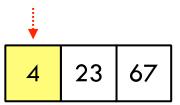


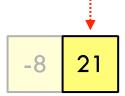






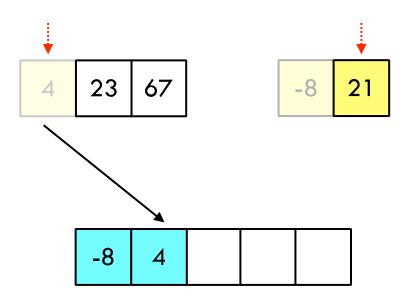




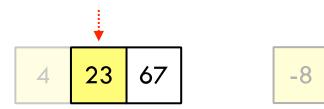




Recombinar



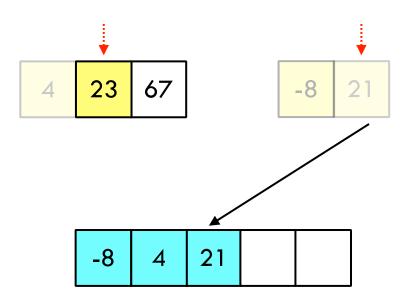
Recombinar



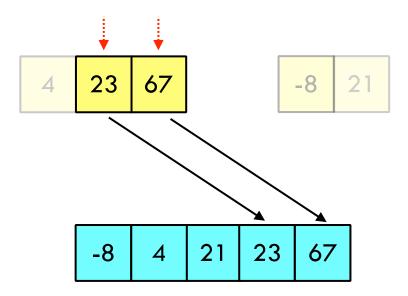


21

Recombinar



Recombinar



Desempenho

```
* melhor caso: O(N log N) //elementos já estão ordenados
* pior caso: O(N log N) //elementos estão em ordem decrescente
* caso médio: O(N log N)
```



MergeSort (vetor, Inicio, Fim): 1. Se (Inicio < Fim) então : //critério para controle de recursão

```
MergeSort (vetor, Inicio, Fim):
```

```
Se (Inicio < Fim) então :
                                              //critério para controle de recursão
       meio = round((Inicio + Fim)/2)
2.
```

MergeSort (vetor, Inicio, Fim):

```
Se (Inicio < Fim) então :
                                           //critério para controle de recursão
       meio = round((Inicio + Fim)/2)
2.
       // chamada recursiva para os subproblemas
                                           //subproblema da esquerda
3.
       MergeSort(vetor, Inicio, meio)
       MergeSort(vetor, meio + 1, Fim) //subproblema da direita
4.
```

Se (Inicio < Fim) então: //critério para controle de recursão

meio = round((Inicio + Fim) /2)

// chamada recursiva para os subproblemas

MergeSort(vetor, Inicio, meio) //subproblema da esquerda

//subproblema da direita

// função auxiliar para recombinar os subproblemas
 Merge(vetor, Inicio, meio, Fim)

MergeSort(vetor, meio + 1, Fim)

MergeSort (vetor, Inicio, Fim):

2.

3.

4.

MergeSort (vetor, Inicio, Fim):

```
Se (Inicio < Fim) então :
                                             //critério para controle de recursão
       meio = round((Inicio + Fim)/2)
2.
       // chamada recursiva para os subproblemas
                                            //subproblema da esquerda
3.
       MergeSort(vetor, Inicio, meio)
       MergeSort(vetor, meio + 1, Fim) //subproblema da direita
4.
       // função auxiliar para recombinar os subproblemas
5.
       Merge(vetor, Inicio, meio, Fim)
    // Ao final da última chamada da função principal, o vetor "vetor"
    está ordenado
```

MergeSort (vetor, Inicio, Fim): **Se** (Inicio < Fim) então : meio = round((Inicio + Fim)/2)2. 3. MergeSort(vetor, Inicio, meio) 4. MergeSort(vetor, meio + 1, Fim) **5**. Merge(vetor, Inicio, meio, Fim)

MergeSort (vetor, Inicio, Fim): **Se** (Inicio < Fim) então : 1. 2. meio = round((Inicio + Fim)/2)3. MergeSort(vetor, Inicio, meio) 4. MergeSort(vetor, meio + 1, Fim) **5**. Merge(vetor, Inicio, meio, Fim)

Merge (vetor, Inicio, meio, Fim):			

```
Merge (vetor, Inicio, meio, Fim):
   // iniciar variáveis locais
   Alocar dinamicamente um vetor auxiliar
2.
   P1 = Inicio
3. P2 = meio + 1
```

```
Merge (vetor, Inicio, meio, Fim):
   // iniciar variáveis locais
   Alocar dinamicamente um vetor auxiliar
2.
   P1 = Inicio
3. P2 = meio + 1
   // recombinar os subproblemas parciais no vetor auxiliar
   Enquanto (P1 \le meio e P2 \le Fim), faça:
4.
```

Merge (vetor, Inicio, meio, Fim): // iniciar variáveis locais Alocar dinamicamente um vetor auxiliar 2. P1 = Inicio 3. P2 = meio + 1// recombinar os subproblemas parciais no vetor auxiliar 4. Enquanto (P1 <= meio e P2 <= Fim), faça: **5**. Copiar o menor valor entre **vetor**[P1] e **vetor**[P2] para a próxima posição disponível no vetor auxiliar Incrementa a quantidade de elementos no vetor auxiliar e atualiza 6. a próxima posição disponível

// Ao final do laço, sobrarão elementos apenas no subproblema da direita ou no subproblema da esquerda

```
// Ao final do laço, sobrarão elementos apenas no subproblema da direita ou no subproblema da esquerda

7. Se (P1 == meio):

//sobraram elementos no subproblema da direita
```

8.

```
// Ao final do laço, sobrarão elementos apenas no subproblema da direita ou
   no subproblema da esquerda
7. Se (P1 == meio):
     //sobraram elementos no subproblema da direita
     Copiar o que sobrou a partir de P2 para o vetor auxiliar
```

```
// Ao final do laço, sobrarão elementos apenas no subproblema da direita ou
   no subproblema da esquerda
7. Se (P1 == meio):
     //sobraram elementos no subproblema da direita
8.
     Copiar o que sobrou a partir de P2 para o vetor auxiliar
9.
   Senão:
     //sobraram elementos no subproblema da esquerda
```

```
// Ao final do laço, sobrarão elementos apenas no subproblema da direita ou
   no subproblema da esquerda
7. Se (P1 == meio):
     //sobraram elementos no subproblema da direita
8.
     Copiar o que sobrou a partir de P2 para o vetor auxiliar
9.
   Senão:
     //sobraram elementos no subproblema da esquerda
10.
     Copiar o que sobrou a partir de P1 para o vetor auxiliar
```

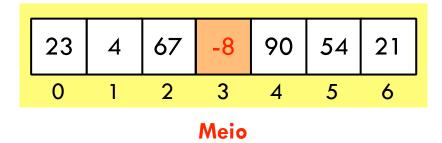
```
// Ao final do laço, sobrarão elementos apenas no subproblema da direita ou
   no subproblema da esquerda
7. Se (P1 == meio):
     //sobraram elementos no subproblema da direita
8.
     Copiar o que sobrou a partir de P2 para o vetor auxiliar
9.
   Senão:
     //sobraram elementos no subproblema da esquerda
10.
     Copiar o que sobrou a partir de P1 para o vetor auxiliar
11. Copiar o vetor auxiliar para o vetor original
```

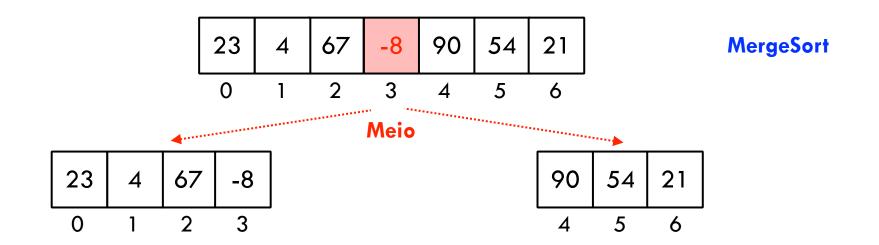
Roteiro

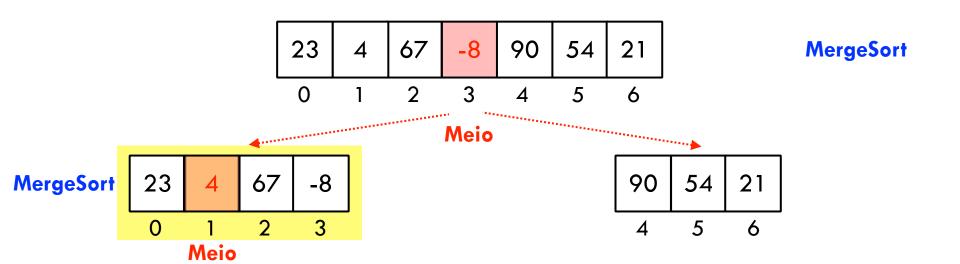
- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercícios
- 5 Referências

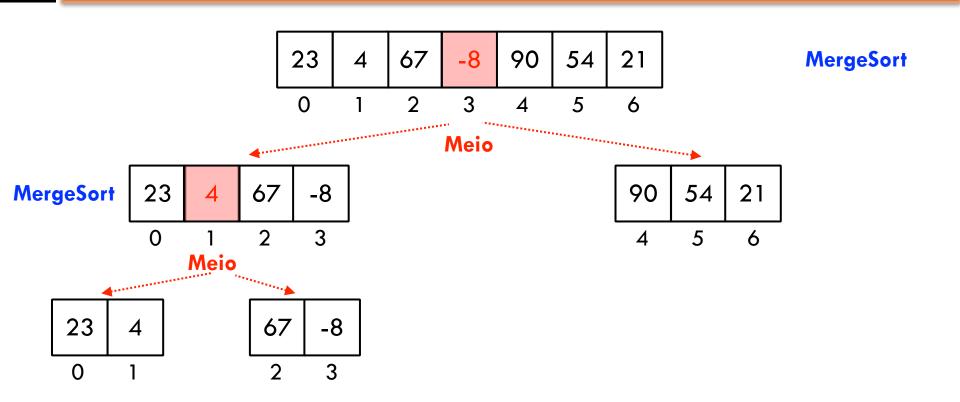
23 4 67 -8 90 54 21

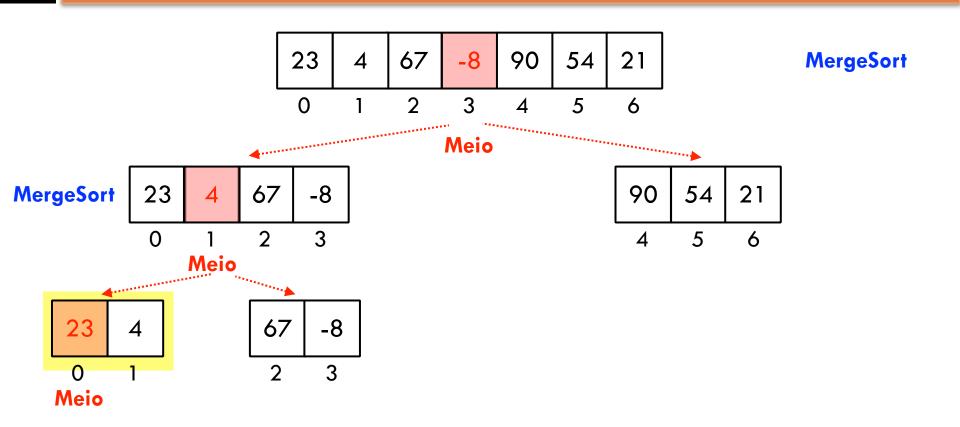
vetor não ordenado

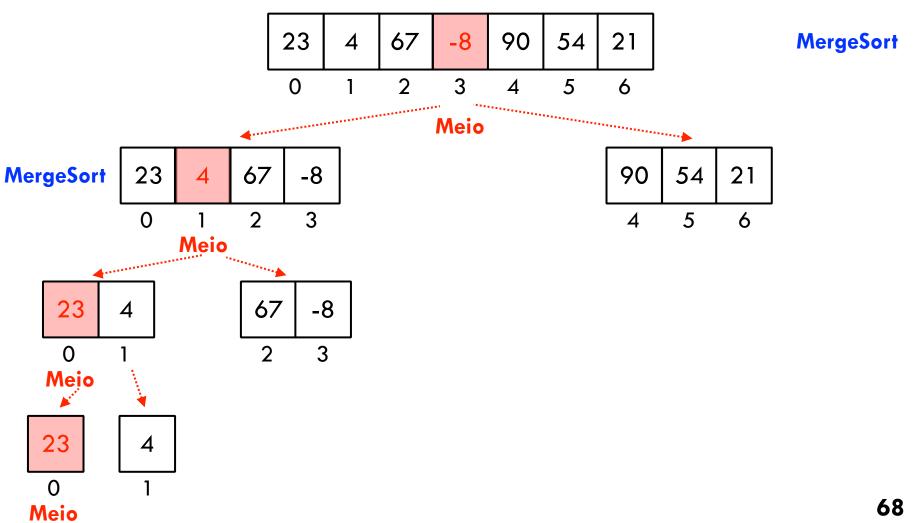


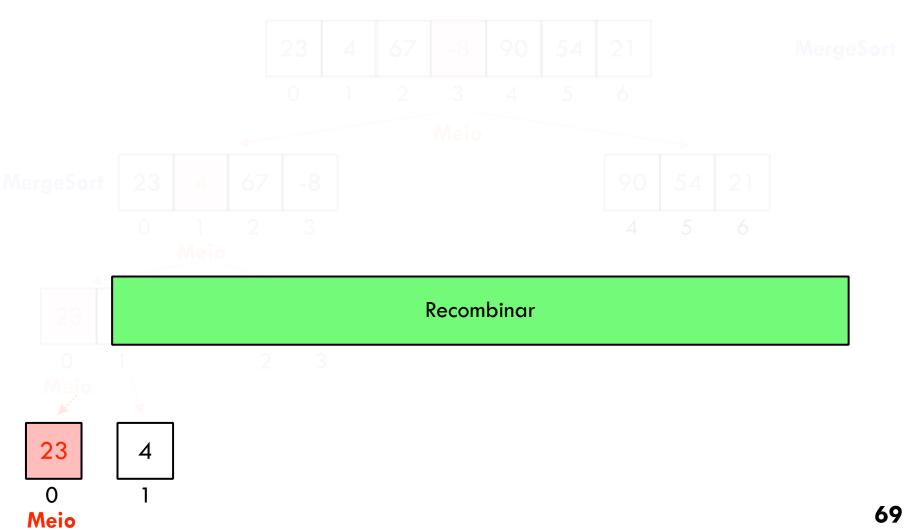


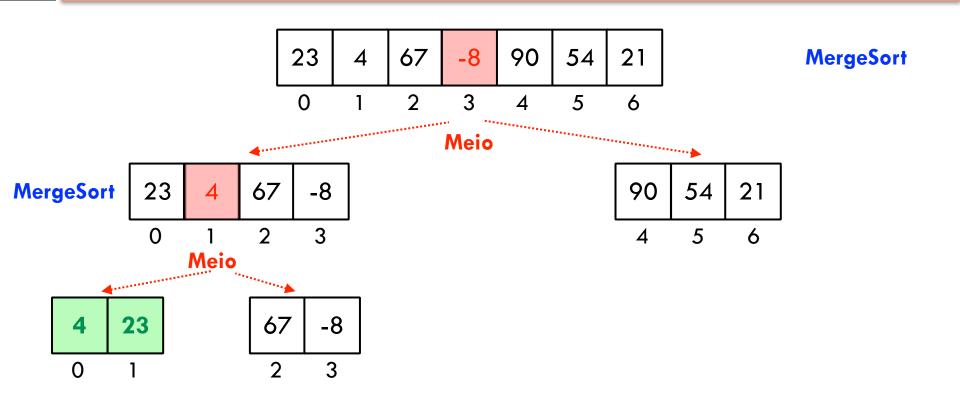


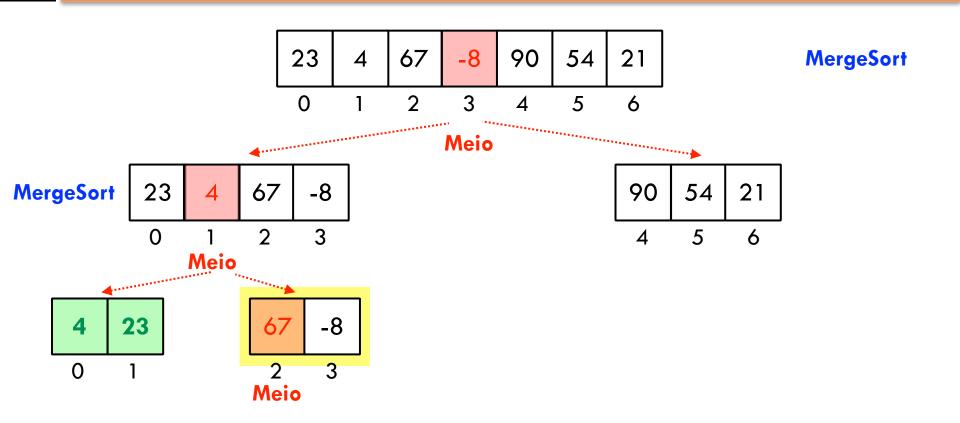


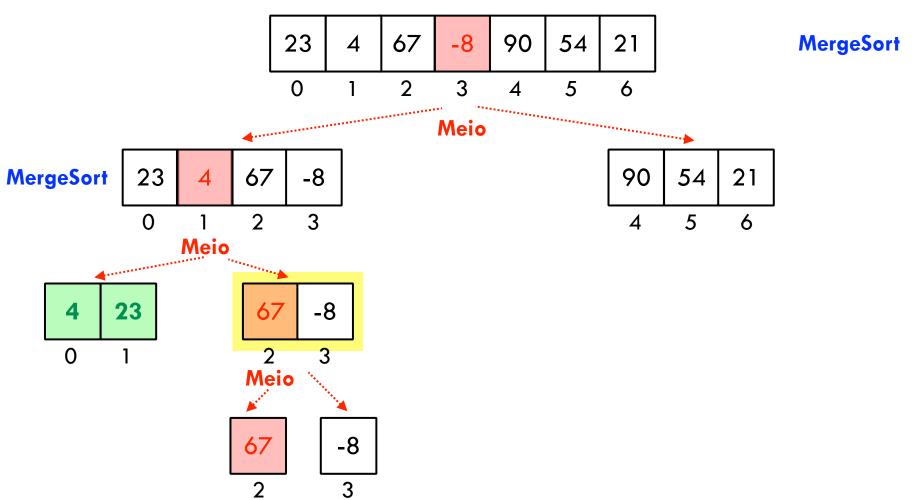


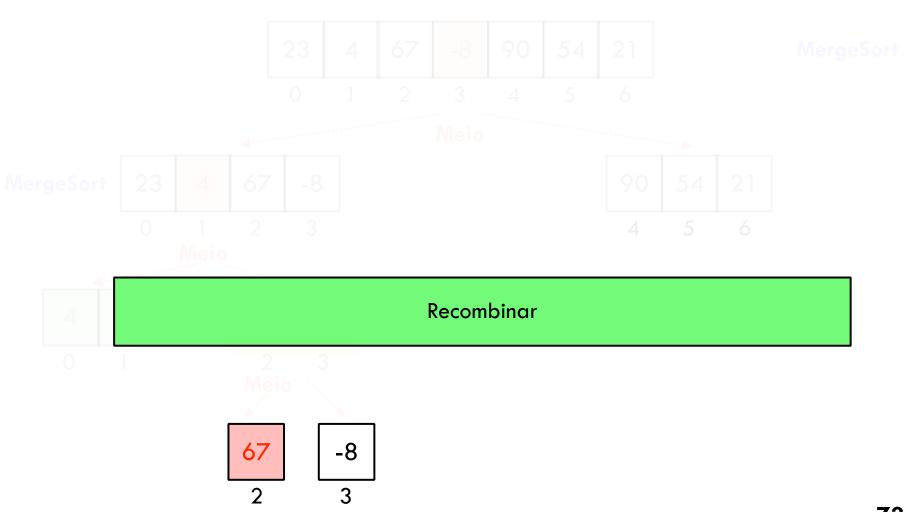


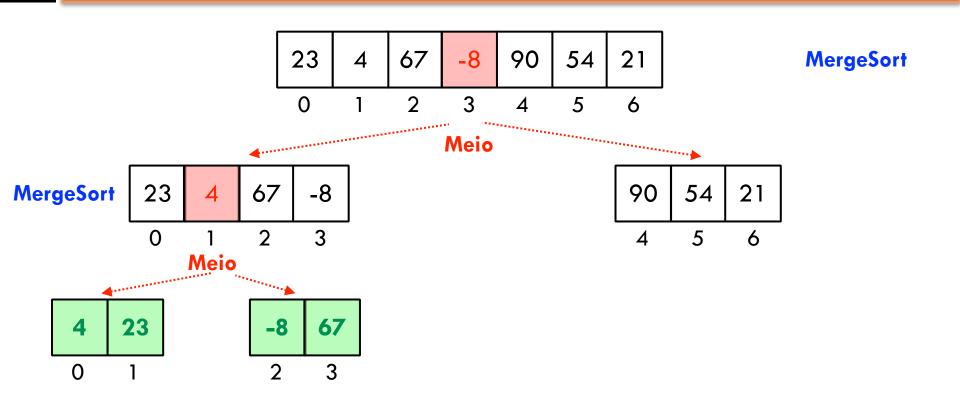


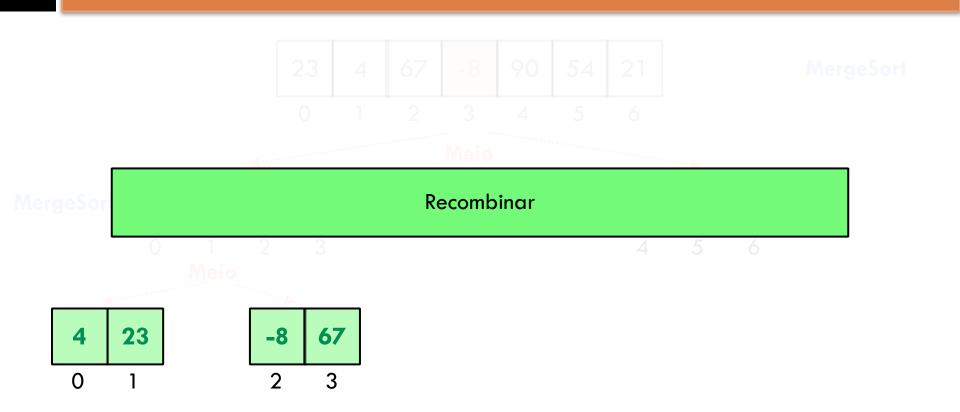




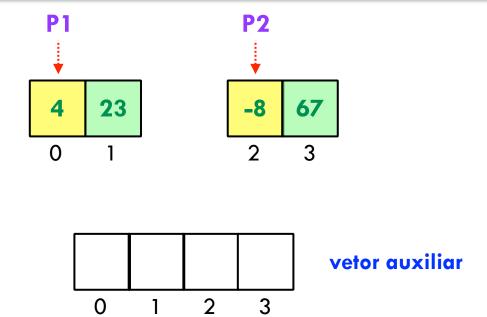


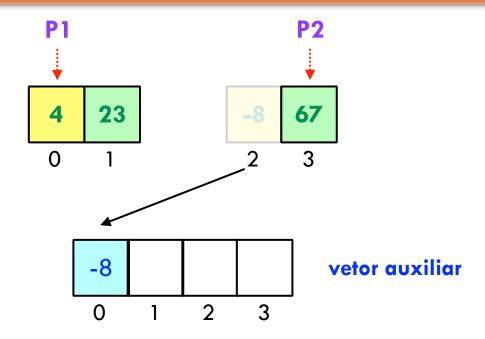


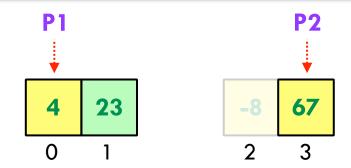


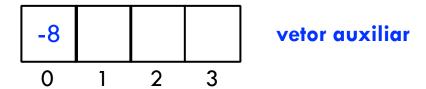


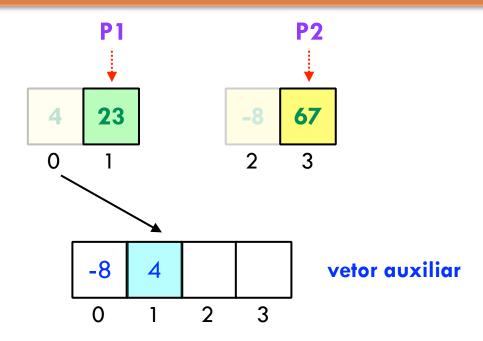


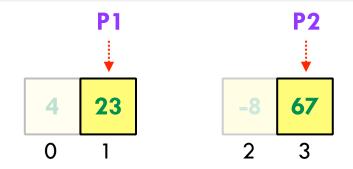


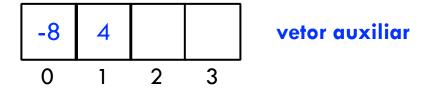


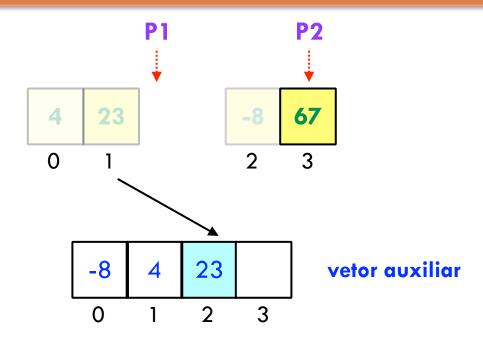


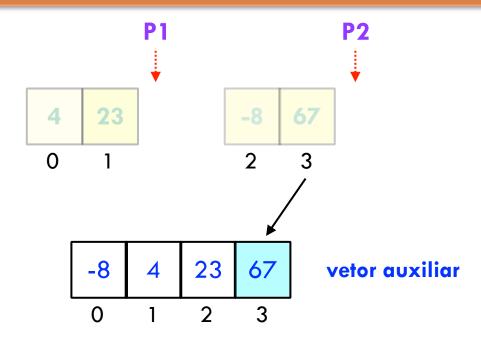


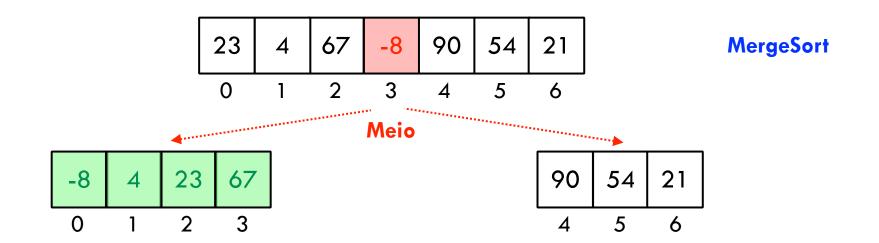


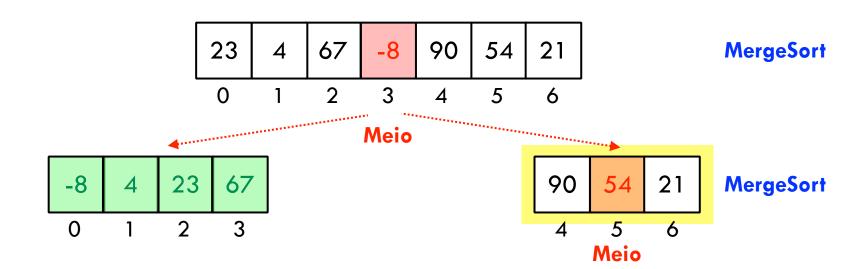


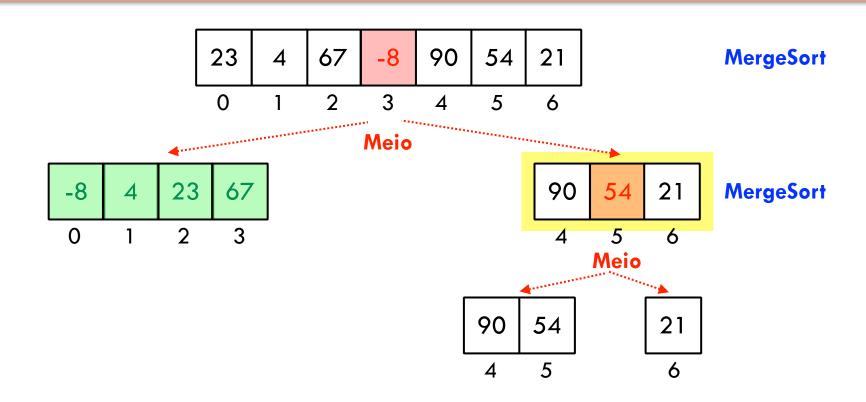


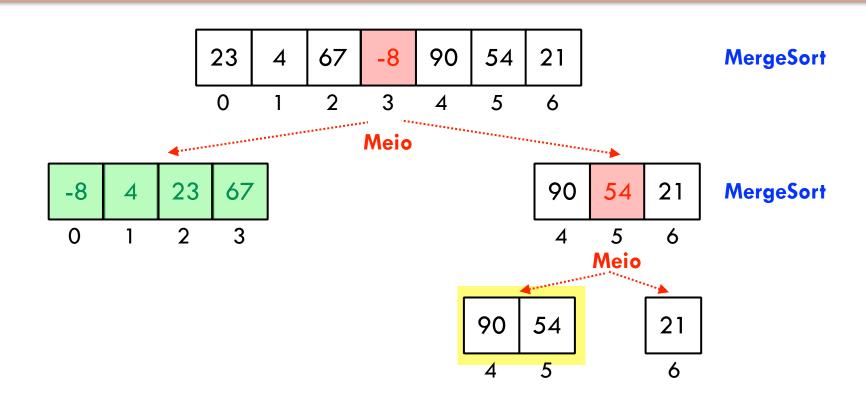


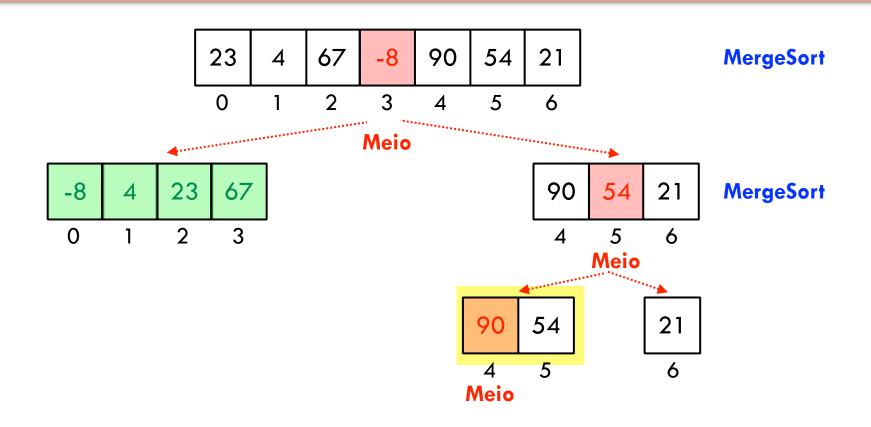


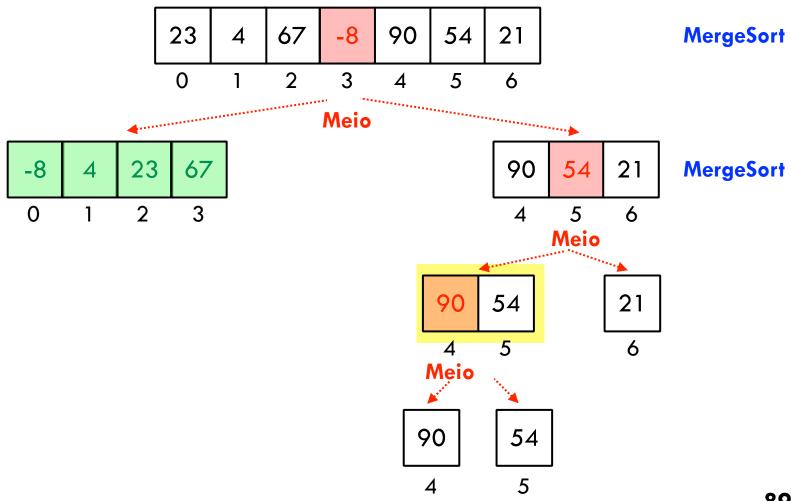


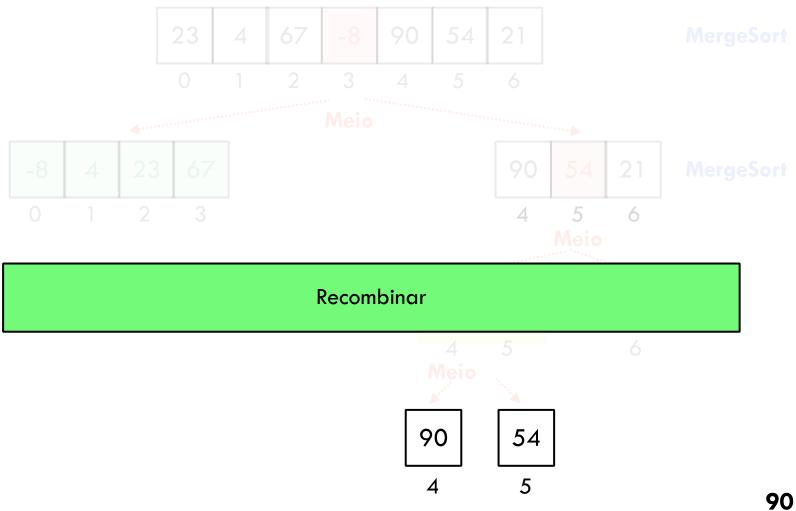


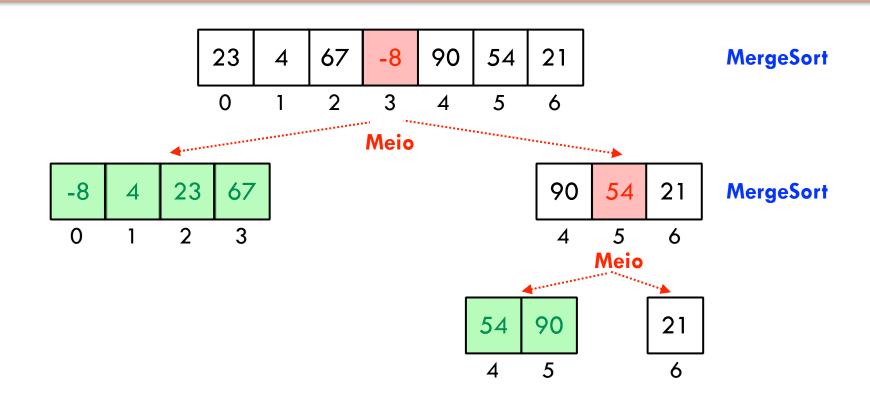


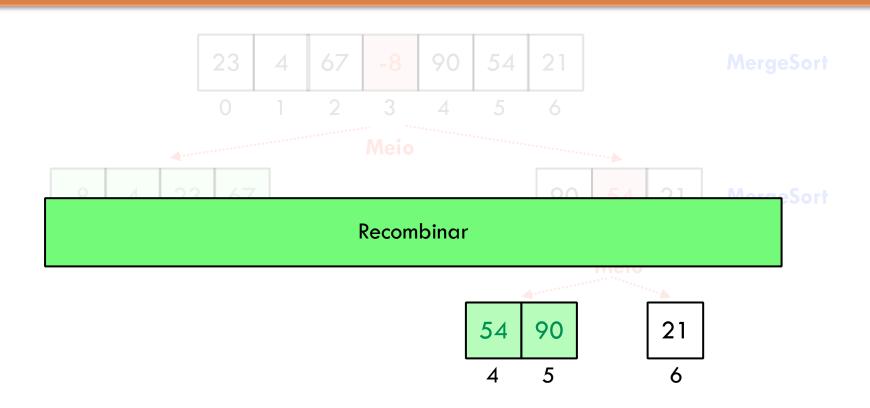


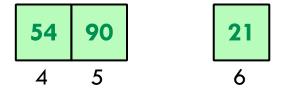


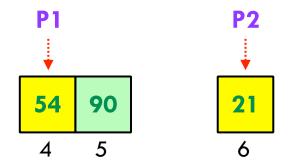


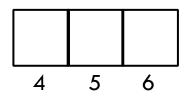




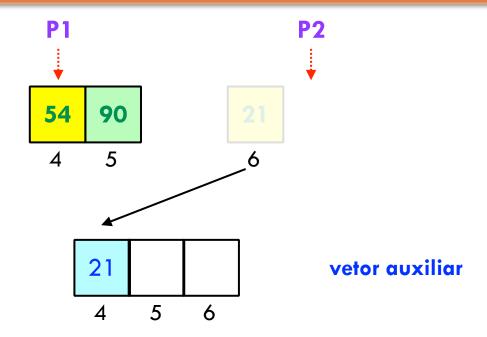


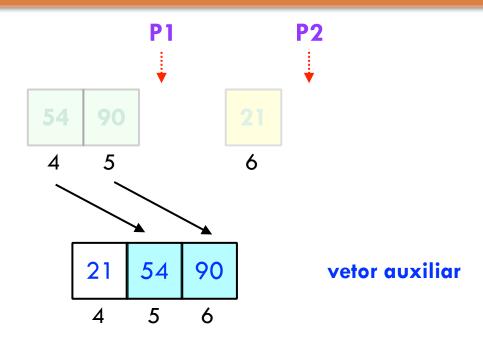


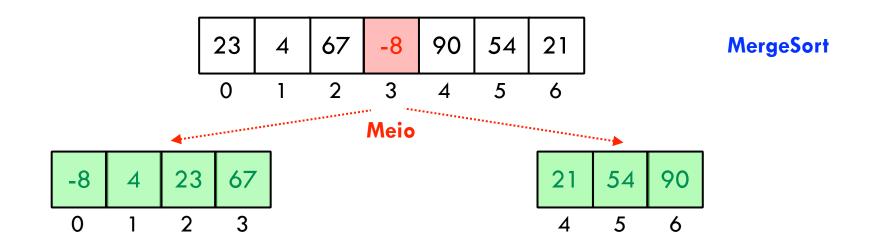


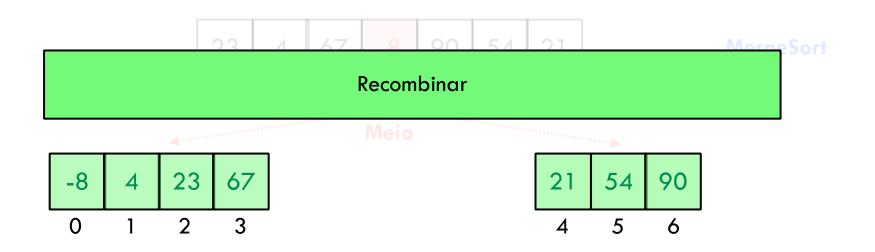


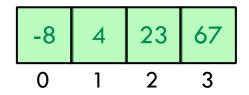
vetor auxiliar

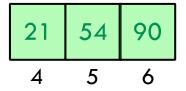


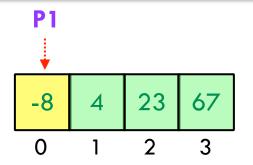


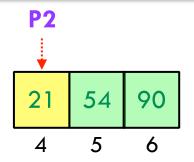


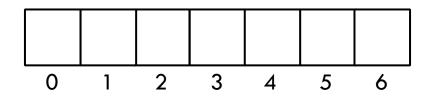


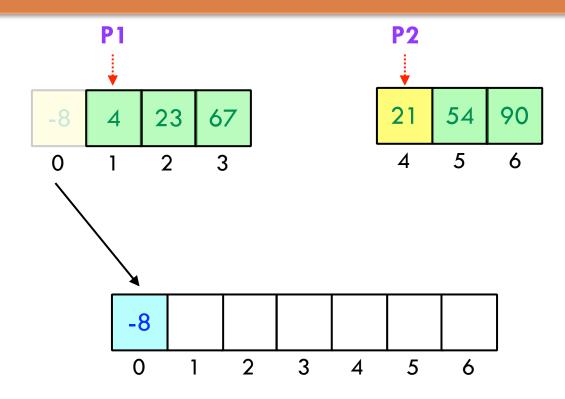


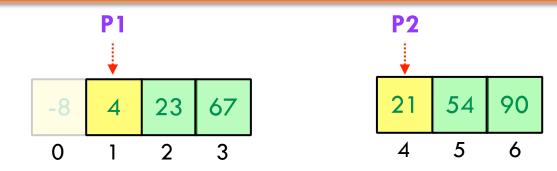


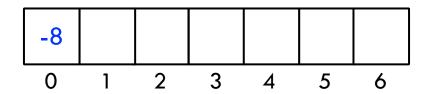


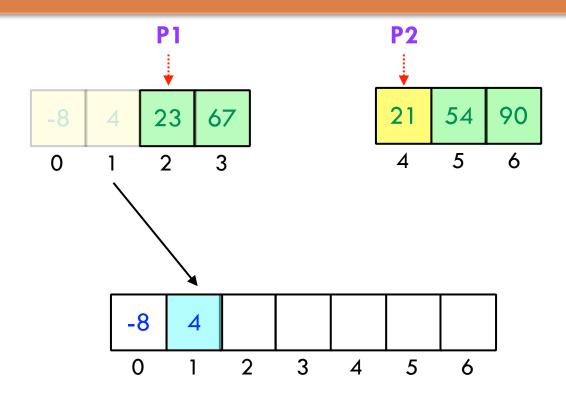


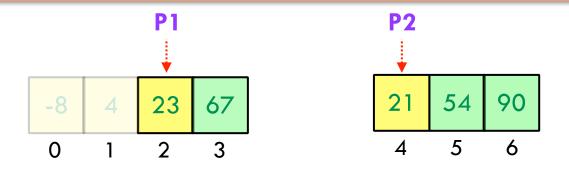




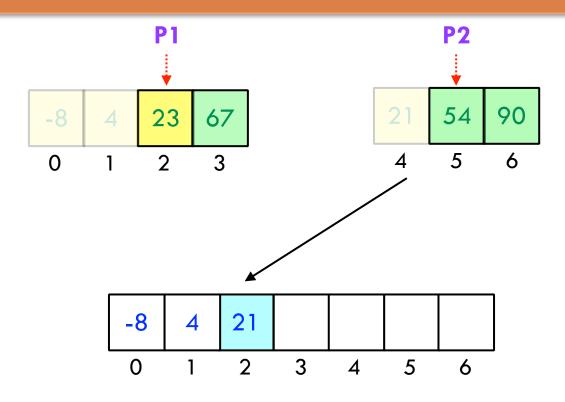


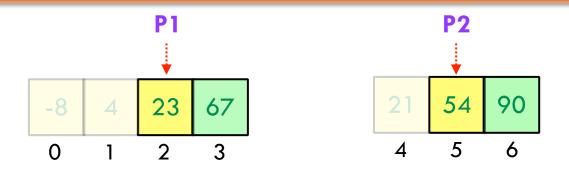


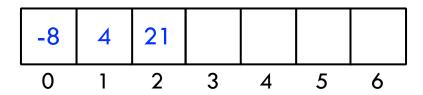


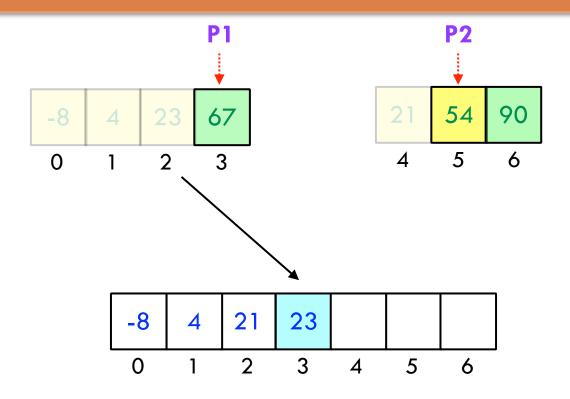


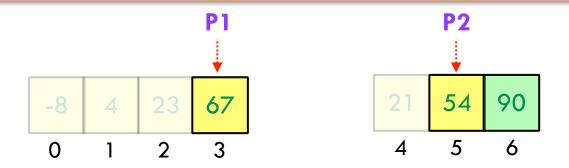


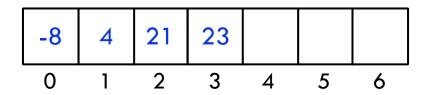


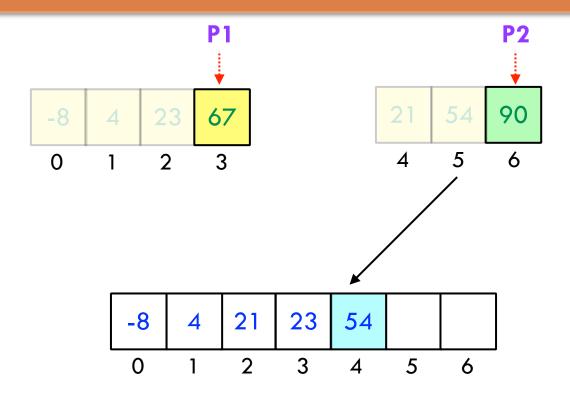


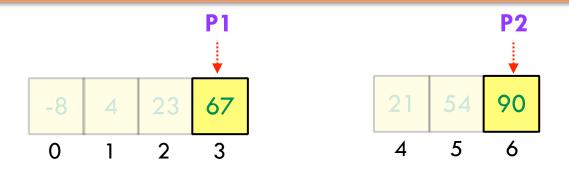


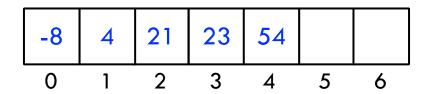


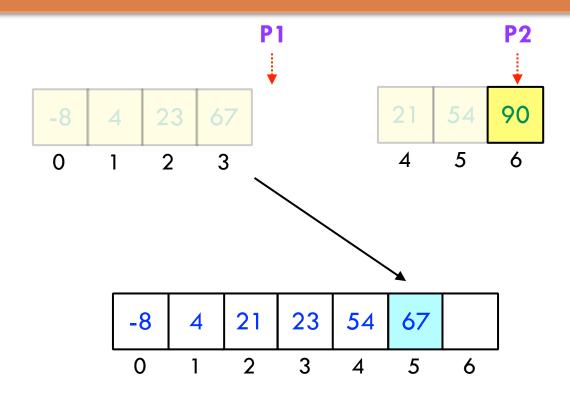


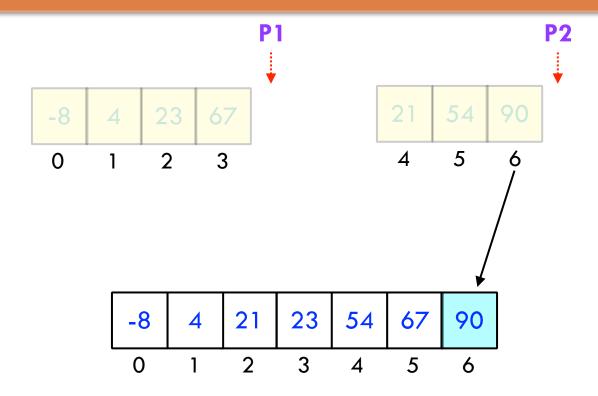


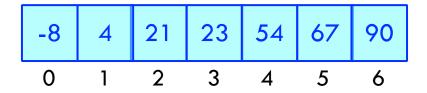












vetor ordenado

Merge Sort

Vantagens

- * elegante e eficiente
- * não altera a ordem dos dados (estável)

• • •

Desvantagens

- * Recursivo
- * Uso de memória usa um vetor auxiliar durante a ordenação
- * Pode ser custoso dependendo do tamanho do array

Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercícios
- 5 Referências

Exercícios



HANDS ON:)))

Exercícios

1) Execute o teste de mesa (simulação) do algoritmo **Merge Sort** para a sua sequência de números aleatórios, definida na planilha da disciplina.

Exercícios

2) Implemente o mergeSort em Python considerando a seguinte assinatura de função:

```
/* Ordena o vetor usando Merge Sort
Parâmetros:
    array: vetor a ser ordenado
    option: 1 - ordenação crescente, 2 - ordenação decrescente

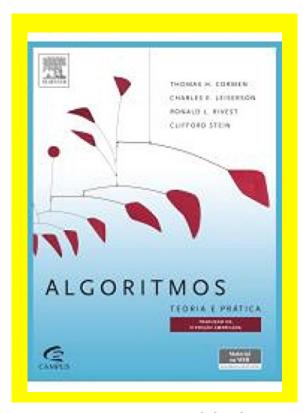
Esse algoritmo tem um comportamento assintótico O(N log N) */

def mergeSort(array, option):
```

Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercícios
- 5 Referências

Referências sugeridas



[Cormen et al, 2018]



[Drozdek, 2017]

Referências sugeridas



[Ziviani, 2010]



[Folk & Zoellick, 1992]

Perguntas?

Prof. Rafael G. Mantovani

rafaelmantovani@utfpr.edu.br