

EDCO4B

ESTRUTURAS DE DADOS 2

Aula 05 - Merge Sort

Prof. Rafael G. Mantovani

Roteiro



- 1** Introdução
- 2** Merge Sort
- 3** Exemplo
- 4** Exercício
- 5** Referências

Roteiro

- 1** Introdução
- 2** Merge Sort
- 3** Exemplo
- 4** Exercício
- 5** Referências

Introdução



**Algoritmos de
Ordenação**

Introdução

Métodos Simples

Métodos Eficientes

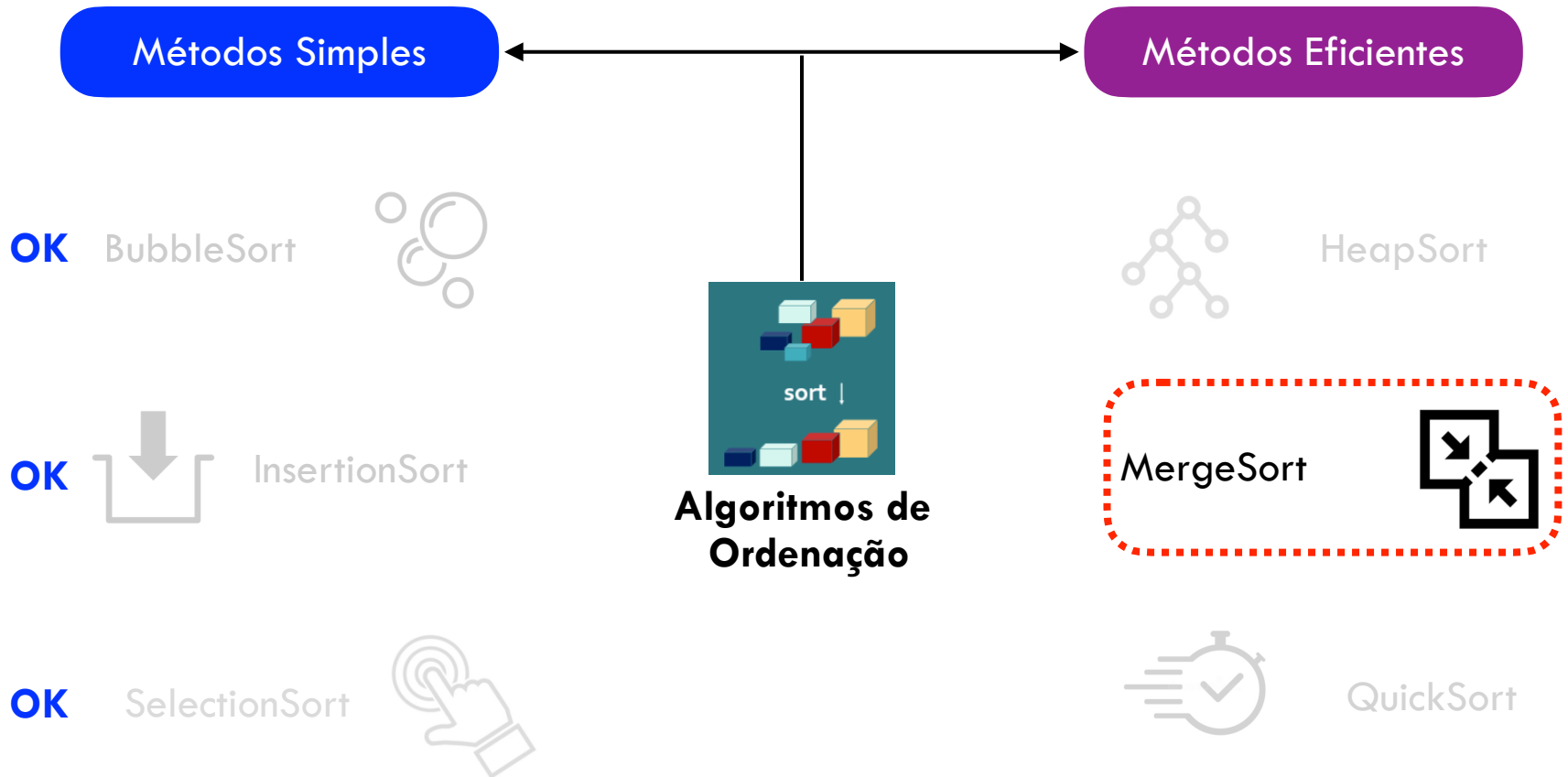


**Algoritmos de
Ordenação**

Introdução



Introdução



Roteiro



- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercício
- 5 Referências

Merge Sort



- Ordenação por Mistura

Merge Sort

- Ordenação por Mistura



Merge Sort

□ Ordenação por Mistura



Merge Sort

- Ordenação por Mistura



League: levar os 6 mais fortes



Merge Sort



Merge Sort

Lv 65 Lv 16 Lv 54 Lv 15 Lv 60 Lv 5 Lv 40 Lv 39 Lv 50



Merge Sort

Lv 65



Lv 16



Lv 54



Lv 15



Lv 60



Meio

Lv 5



Lv 40



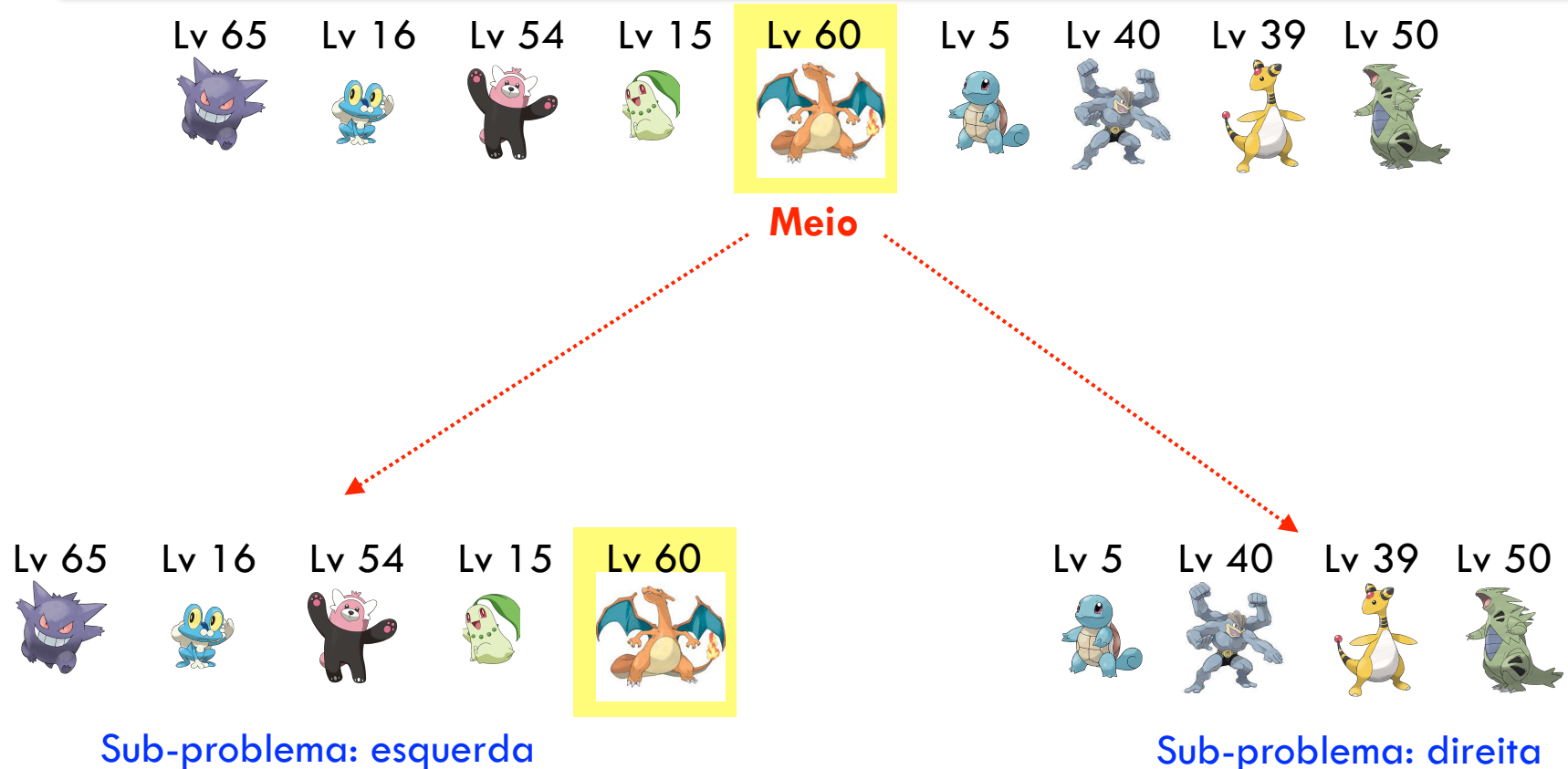
Lv 39



Lv 50



Merge Sort



Merge Sort

Lv 65



Lv 16



Lv 54



Meio

Lv 15



Lv 60



Lv 5



Lv 40



Lv 39

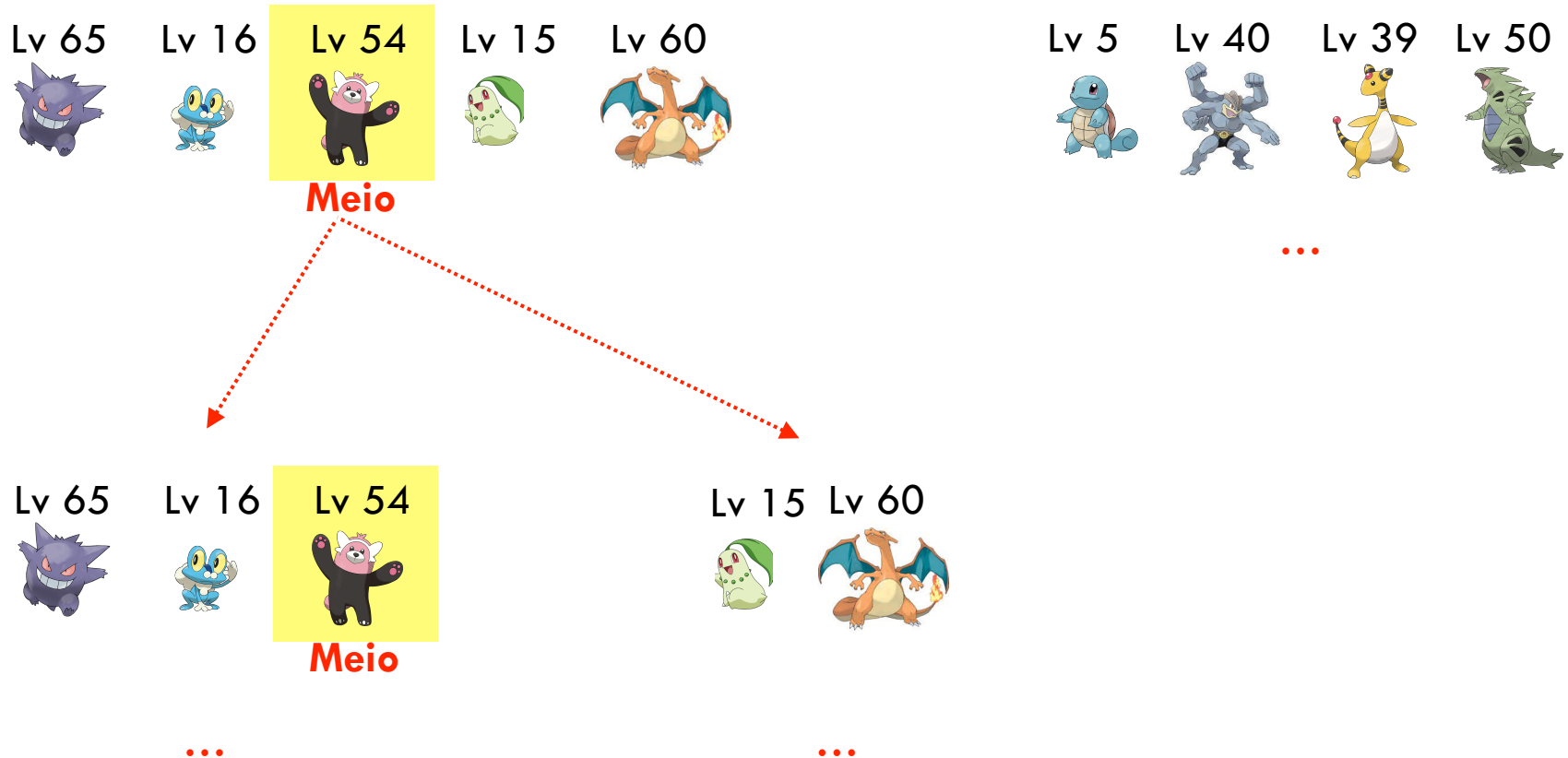


Lv 50

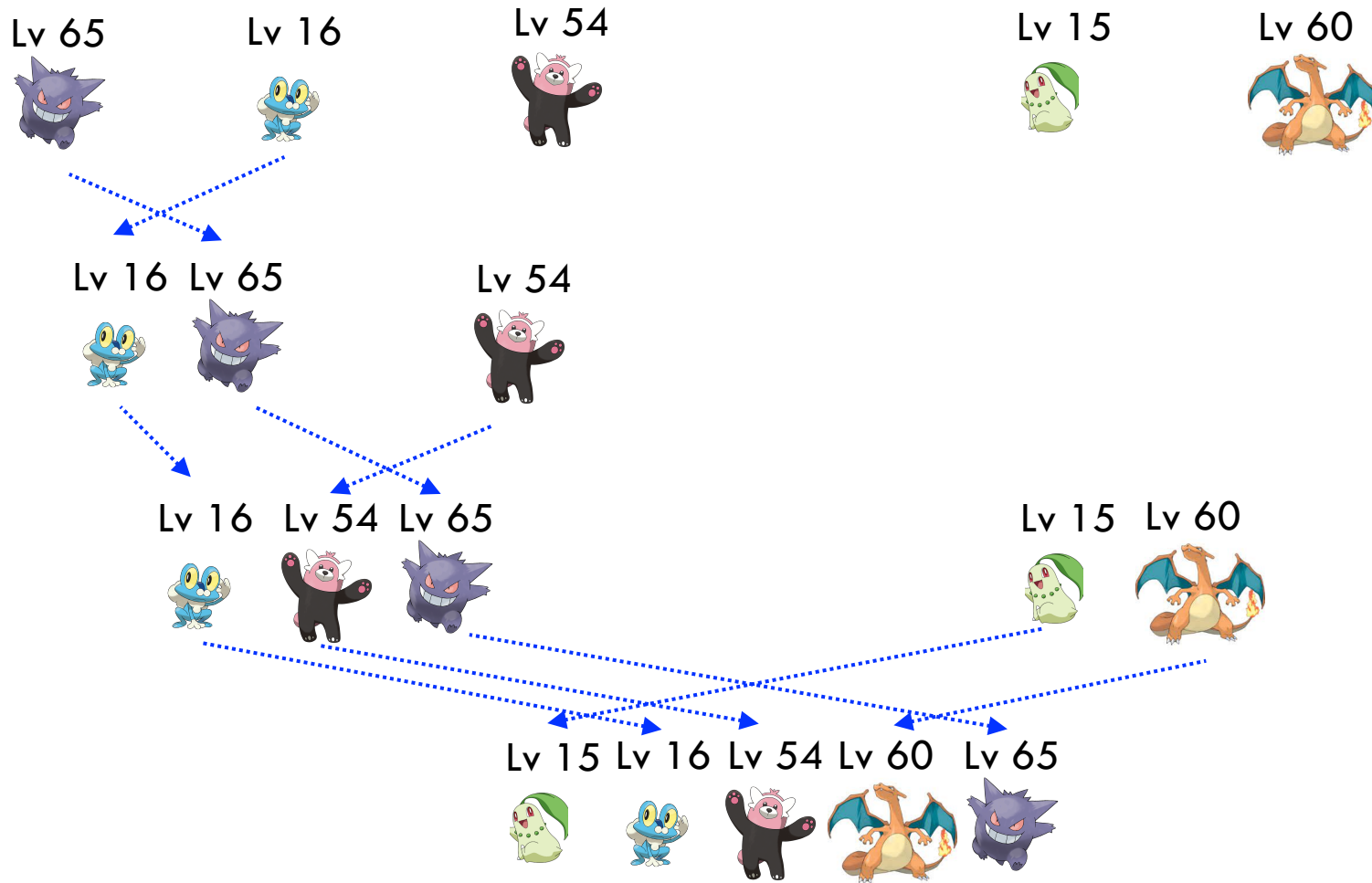


...

Merge Sort



Merge Sort



Merge Sort



Merge Sort

Lv 5 Lv 15 Lv 16



Lv 39



Lv 40



Lv 50



Lv 54



Lv 60



Lv 65



Good Team :)

Merge Sort

□ Ordenação por Mistura

- * ideia básica: dividir e conquistar
- * divide recursivamente o conjunto de dados até que cada subconjunto possua um elemento

Merge Sort

□ Funcionamento

* Dividir e conquistar:

1. Divide recursivamente o array até obter subconjuntos com elementos únicos
2. Volta da recursão combinando 2 conjuntos de forma a obter um conjunto maior e mais ordenado
3. Processo se repete até que existe apenas um conjunto único e ordenado

Merge Sort

- Dividir

4	23	67	-8	21
---	----	----	----	----

Merge Sort

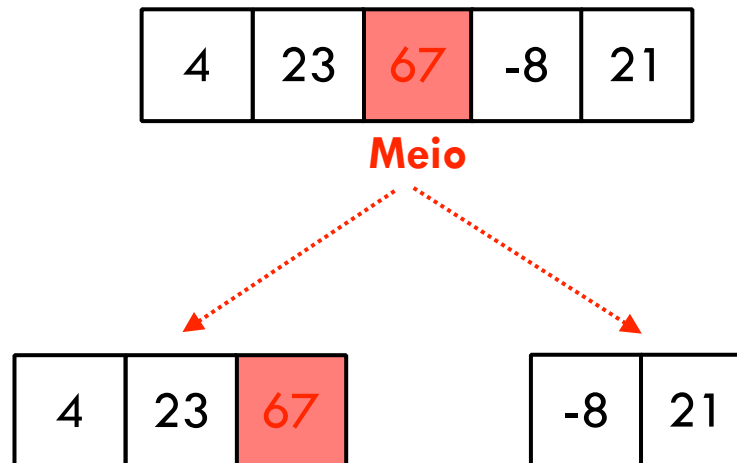
- Dividir

4	23	67	-8	21
---	----	----	----	----

Meio

Merge Sort

□ Dividir



Merge Sort

□ Recombinar

4	23	67
---	----	----

-8	21
----	----

Merge Sort

□ Recombinar

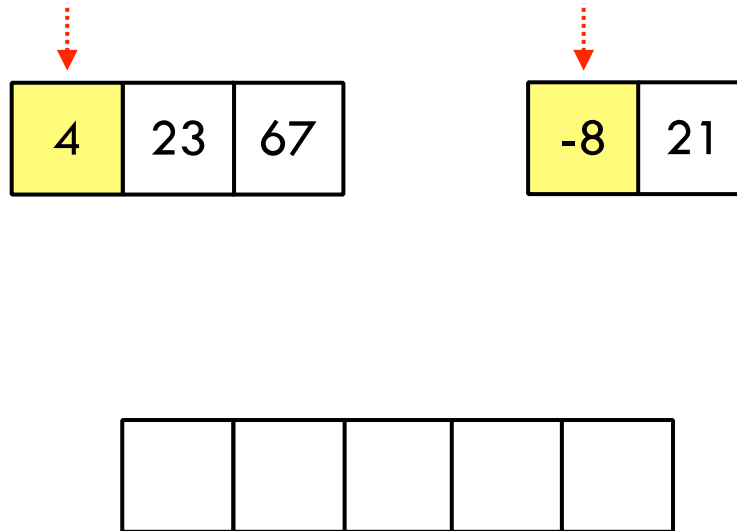
4	23	67
---	----	----

-8	21
----	----

--	--	--	--	--

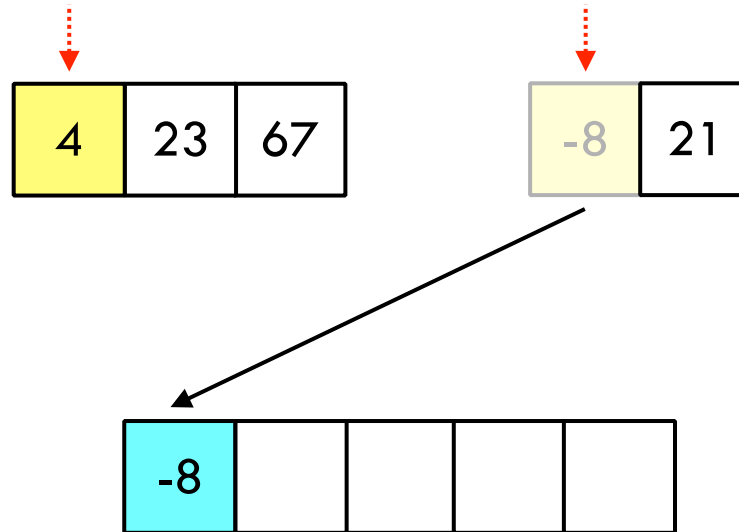
Merge Sort

□ Recombinar



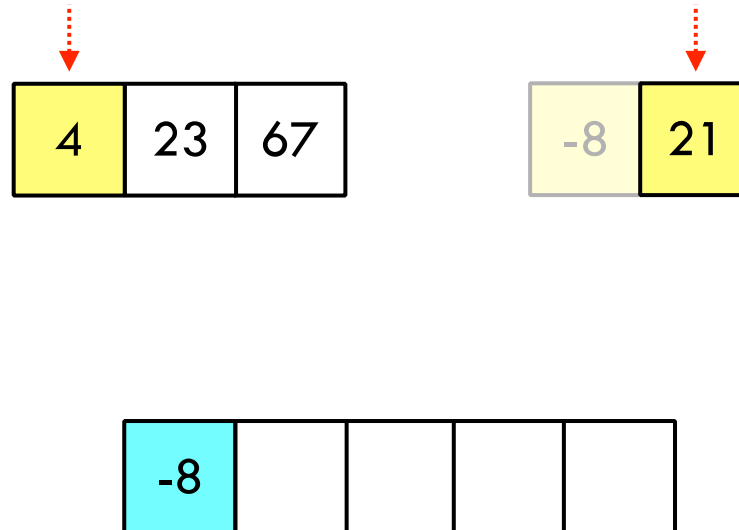
Merge Sort

□ Recombinar



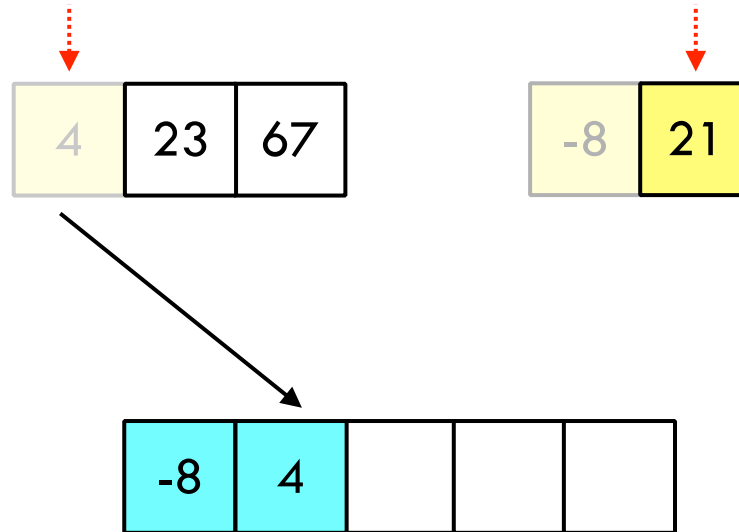
Merge Sort

□ Recombinar



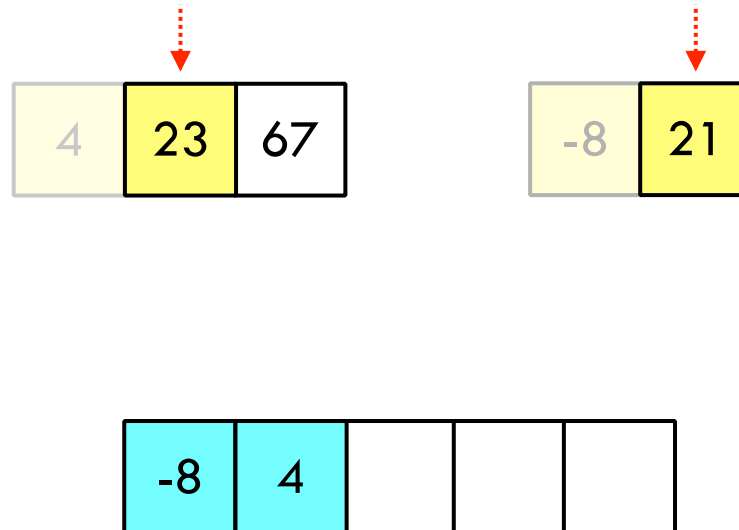
Merge Sort

□ Recombinar



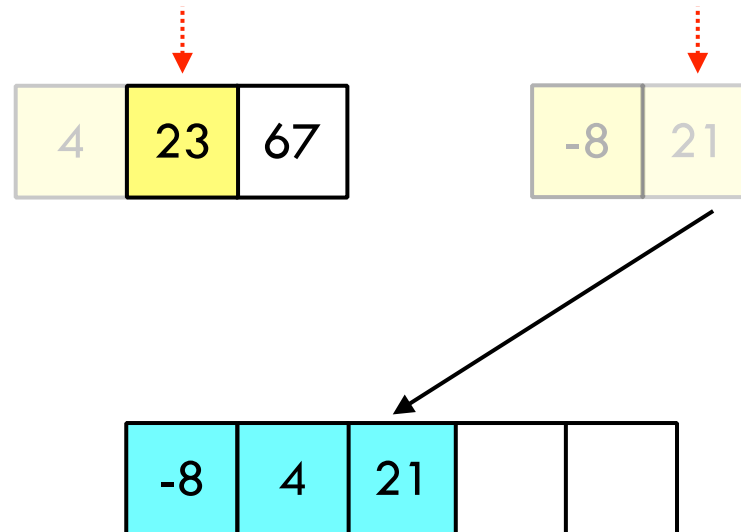
Merge Sort

□ Recombinar



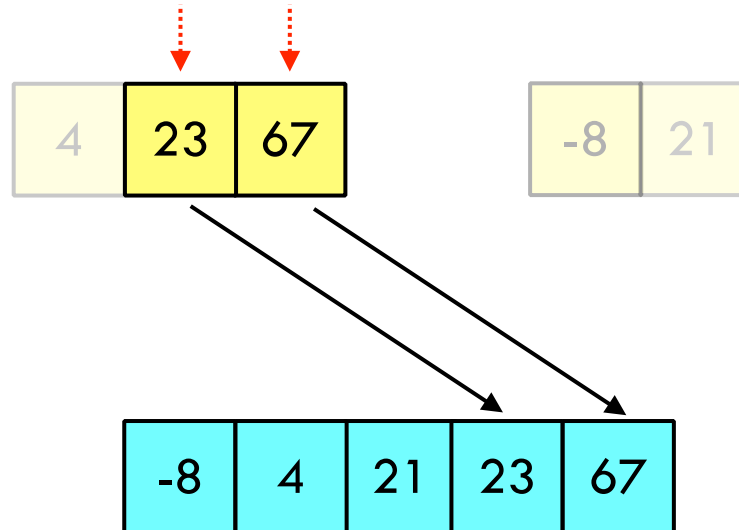
Merge Sort

□ Recombinar



Merge Sort

□ Recombinar



Merge Sort

□ Desempenho

- * **melhor caso:** $O(N \log N)$, elementos já ordenados
- * **pior caso:** $O(N \log N)$, elementos na ordem decrescente
- * **caso médio:** $O(N \log N)$

Merge Sort

□ Desempenho

- * **melhor caso:** $O(N \log N)$, elementos já ordenados
- * **pior caso:** $O(N \log N)$, elementos na ordem decrescente
- * **caso médio:** $O(N \log N)$

Obs: Eficiente para grandes conjuntos de dados. Estável.

Merge Sort

□ Pseudocódigo (função principal)

1. MergeSort (V, Inicio, Fim)
2. Se (Inicio < Fim), então:
3. Meio = ((Inicio + Fim)/2)
4. MergeSort(V, Inicio, Meio)
5. MergeSort(V, Meio+1, Fim)
6. Merge(V, Inicio, Meio, Fim)

Merge Sort

□ Pseudocódigo (função auxiliar)

1. **Merge** (V, Inicio, Meio, Fim)
2. Alocar dinamicamente um vetor auxiliar
3. $P1 = \text{Inicio}$
4. $P2 = \text{Meio} + 1$
5. **Enquanto** ($P1 \leq \text{Meio}$ E $P2 \leq \text{Fim}$) **faça**:
6. Copia para o vetor auxiliar o menor valor entre $V[P1]$ e $V[P2]$
7. Incrementa o contador correspondente
8. **Se** $P1 == \text{Meio}$ **então**:
9. Copia o que sobrou a partir de $P2$
10. **Senão**:
11. Copia o que sobrou a partir de $P1$
12. Copia o vetor auxiliar no original

Roteiro



- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercícios
- 5 Referências

Exemplo

23	4	67	-8	90	54	21
----	---	----	----	----	----	----

vetor não ordenado

Exemplo

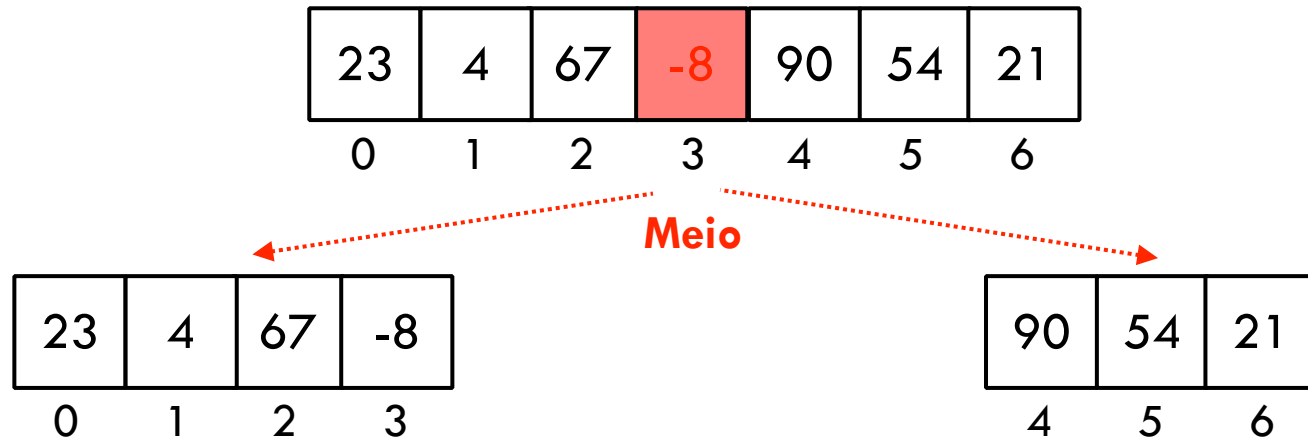
23	4	67	-8	90	54	21
0	1	2	3	4	5	6

Exemplo

23	4	67	-8	90	54	21
0	1	2	3	4	5	6

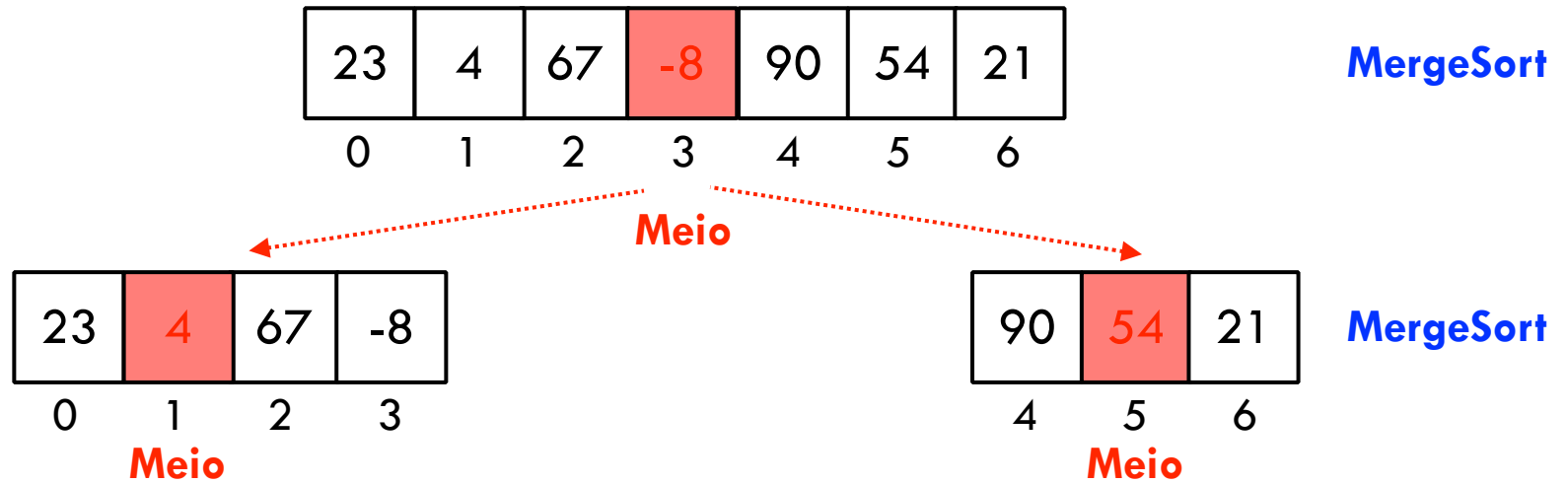
Meio

Exemplo

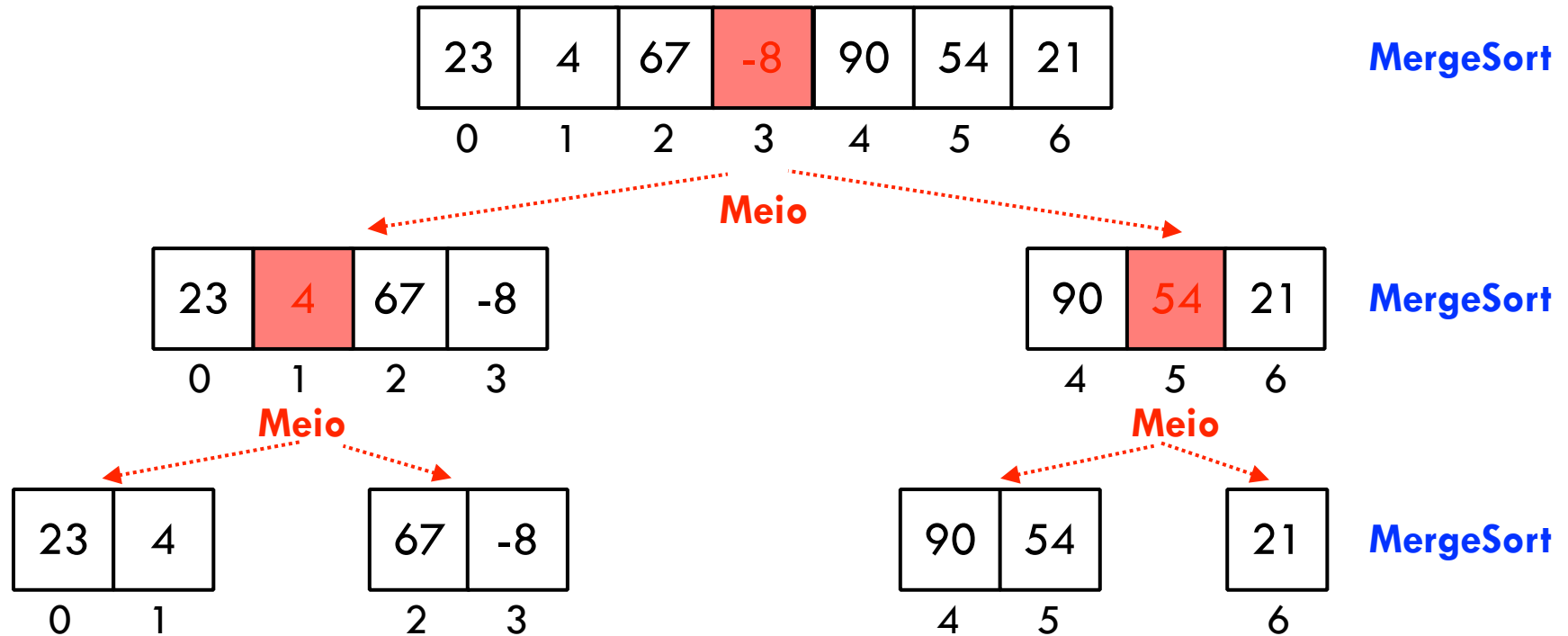


MergeSort

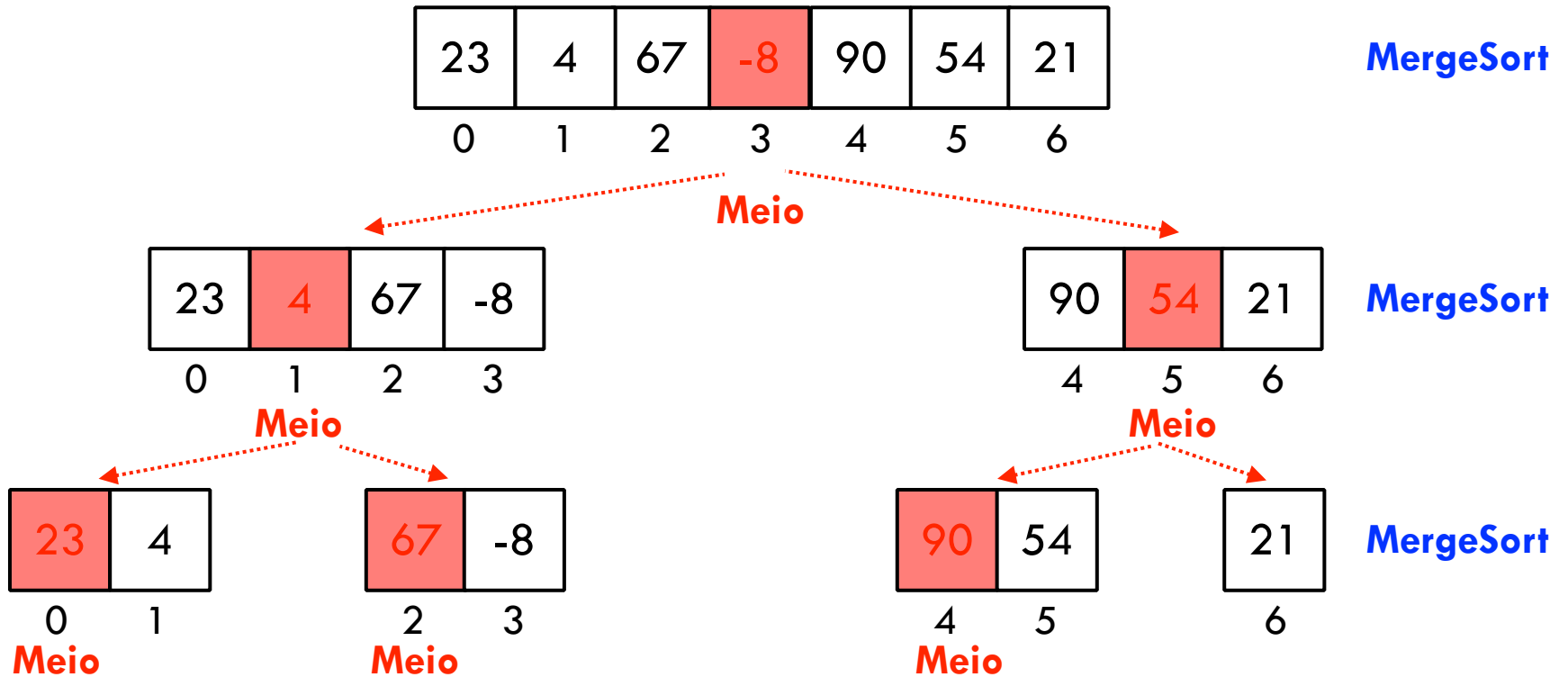
Exemplo



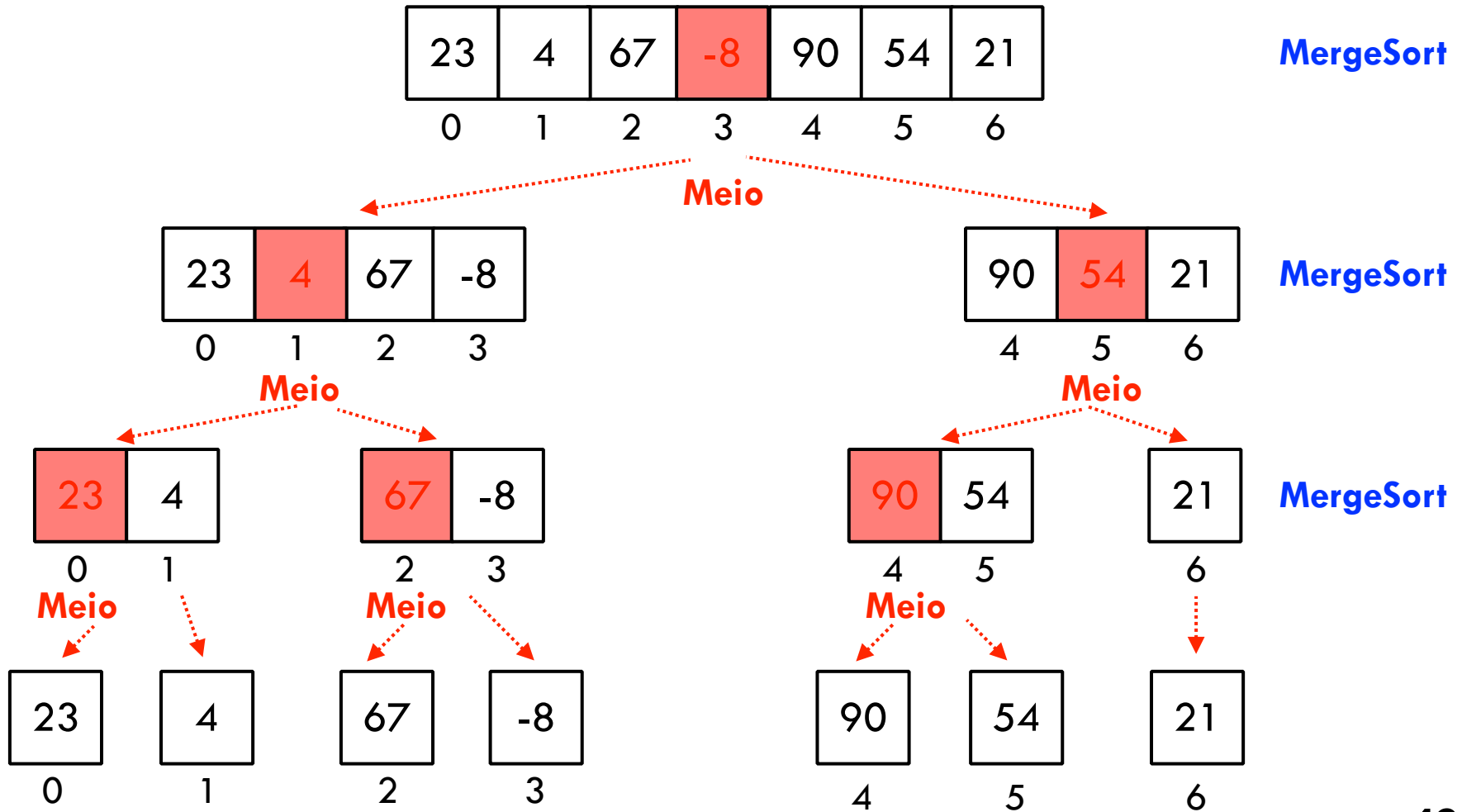
Exemplo



Exemplo



Exemplo



Exemplo

23

0

4

1

67

2

-8

3

90

4

54

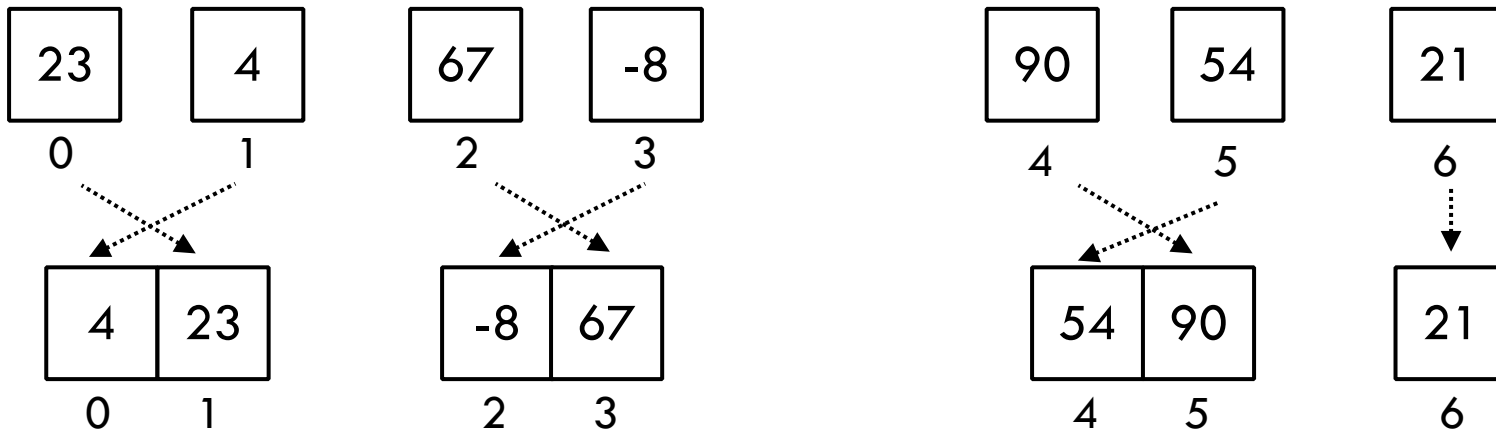
5

21

6

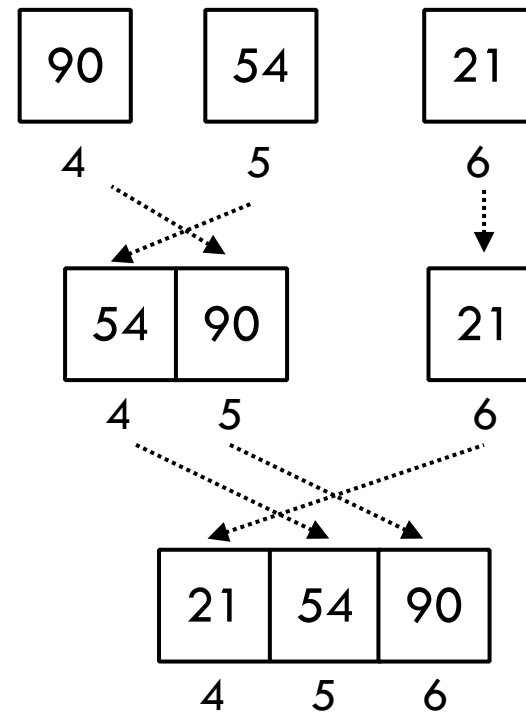
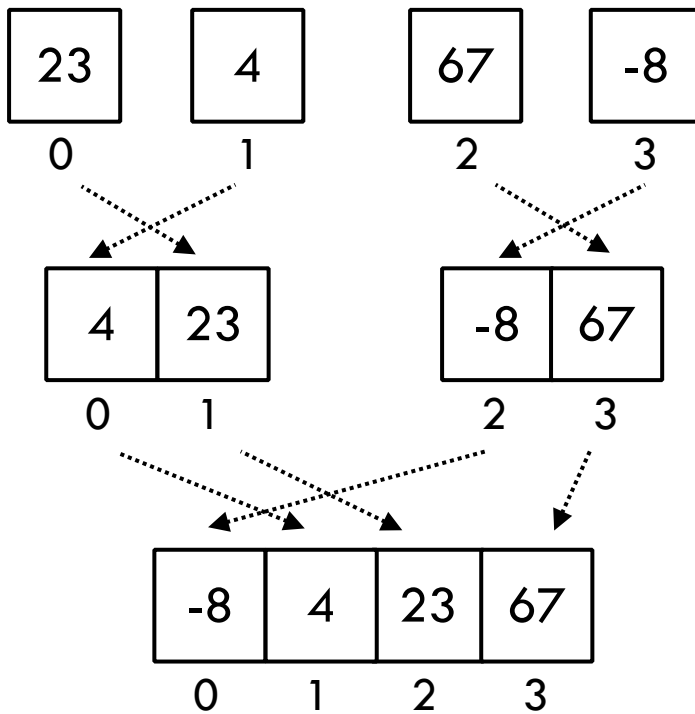
Merge

Exemplo



Merge

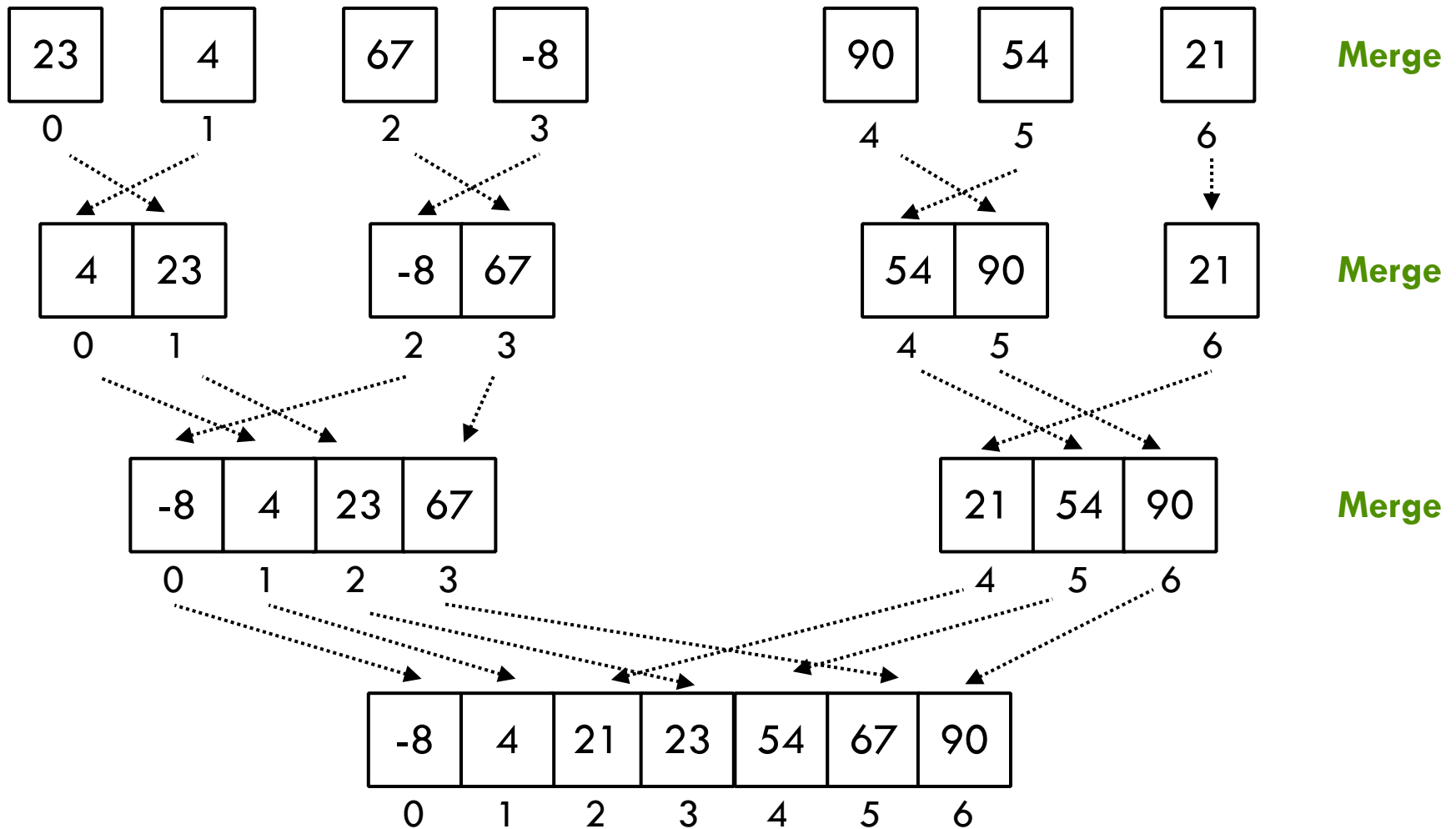
Exemplo



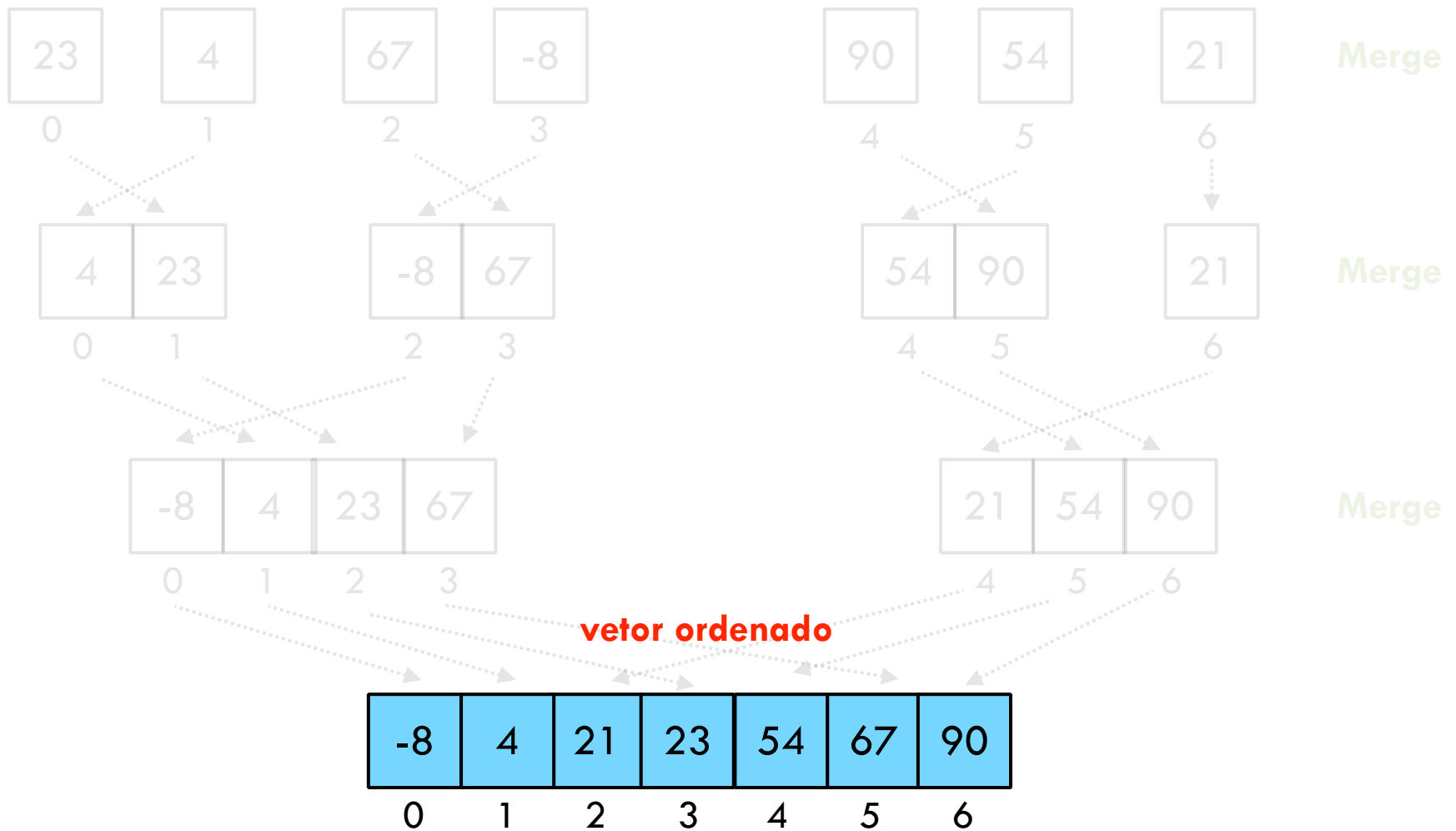
Merge

Merge

Exemplo



Exemplo



Merge Sort

Vantagens

- * elegante e eficiente
- * não altera a ordem dos dados (estável)
- ...

Desvantagens

- * Recursivo
- * Uso de memória - usa um vetor auxiliar durante a ordenação
- * Pode ser custoso dependendo do tamanho do array

Roteiro



- 1 Introdução
- 2 Merge Sort
- 3 Exemplo
- 4 Exercícios
- 5 Referências

Exercícios



HANDS ON :)))

Exercícios



1) Reuna-se com seu grupo e execute o teste de mesa (simulação) do algoritmo **Merge Sort** para a sua sequência de números aleatórios, definida na planilha de grupos da disciplina.

Exercícios

2) Implemente o **mergeSort** em **Python** considerando a seguinte assinatura de função:

/ Ordena o vetor usando Merge Sort*

Parâmetros:

array: vetor a ser ordenado

option: 1 - ordenação crescente, 2 - ordenação decrescente

*Esse algoritmo tem um comportamento assintótico $O(N \log N)$ */*

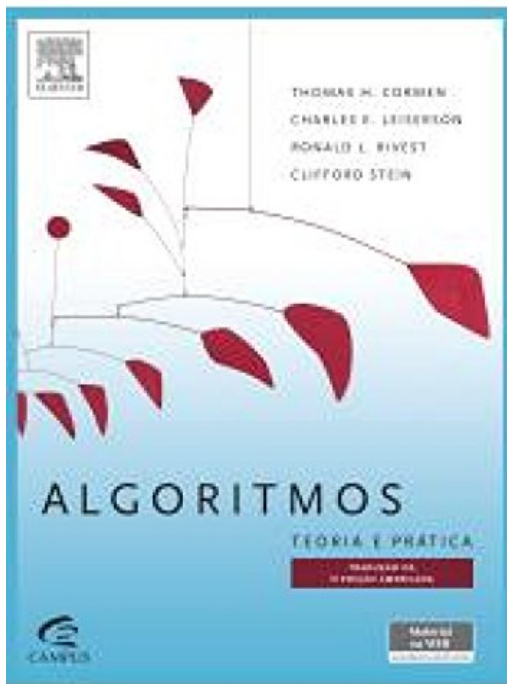
def mergeSort(array, option):

Roteiro



- 1** Introdução
- 2** Merge Sort
- 3** Exemplo
- 4** Exercícios
- 5** Referências

Referências sugeridas

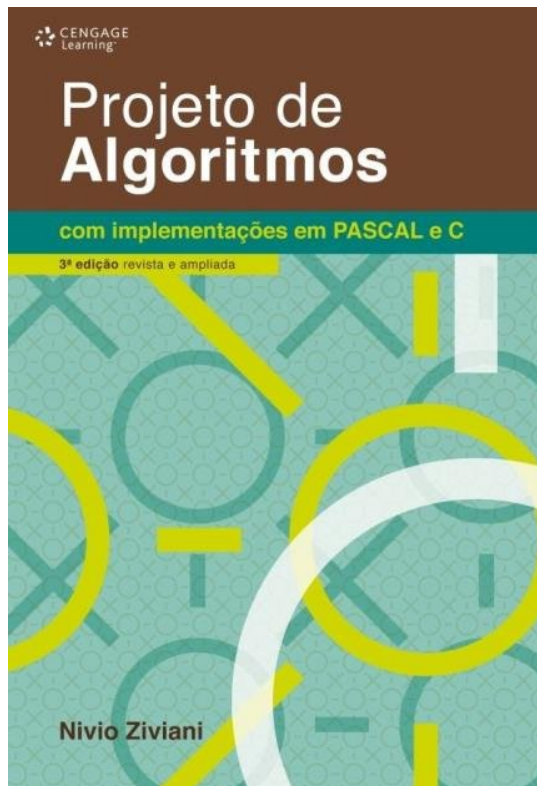


[Cormen et al, 2018]

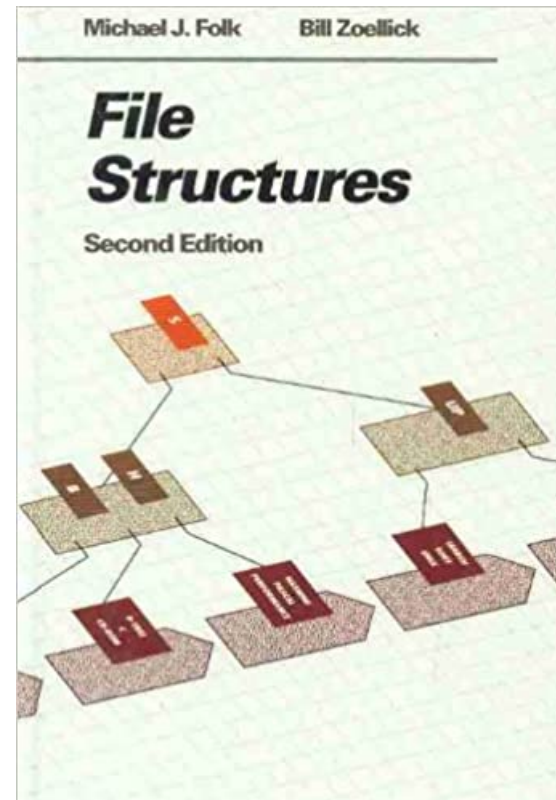


[Drozdek, 2017]

Referências sugeridas



[Ziviani, 2010]



[Folk & Zoellick, 1992]

Perguntas?

Prof. Rafael G. **Mantovani**

rafaelmantovani@utfpr.edu.br