

Engenharia de Computação

Pesquisa e Classificação de Dados

Aula 6 – QuickSort

Prof. Muriel de Souza Godoi
muriel@utfpr.edu.br

QuickSort

- Também conhecido como ordenação por partição
 - É outro algoritmo recursivo que usa a ideia de dividir para conquistar para ordenar os dados
 - Se baseia no problema da separação
 - Em inglês, *partition subproblem*

QuickSort - Funcionamento

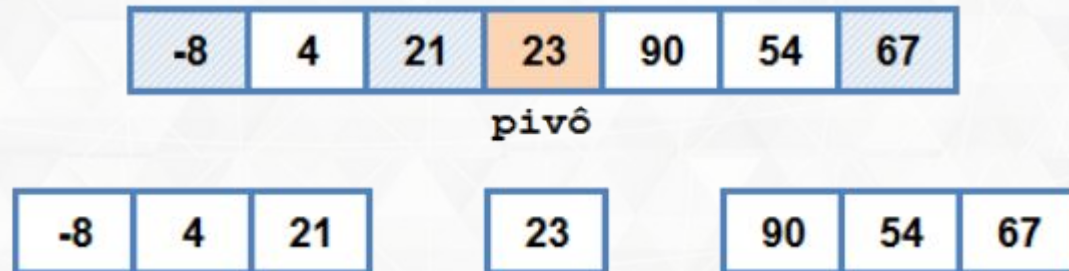
- Problema da separação
 - Em inglês, *partition subproblem*
 - Consiste em reorganizar o vetor usando um valor como pivô
 - Valores menores do que o pivô ficam a esquerda
 - Valores maiores do que o pivô ficam a direita

0	1	2	3	4	5	6
23	4	67	-8	90	54	21
-8	4	21	23	90	54	67

pivô

QuickSort - Funcionamento

- Um elemento é escolhido como **pivô**
- Valores menores do que o pivô são colocados antes dele e os maiores, depois
 - Supondo o pivô na posição X, esse processo cria duas partições: $[0, \dots, X-1]$ e $[X+1, \dots, N-1]$.
- Aplicar recursivamente a cada partição
 - Até que cada partição contenha um único elemento



QuickSort – Passo a passo

particiona(V,0,6)

esq						dir
23	4	67	-8	90	54	21

esq <= pivo:
incrementa esq

esq			dir			
23	4	67	-8	90	54	21

esq <= pivo:
incrementa esq

Primeira chamada

```
while(esq < dir)
```

esq			dir	
23	4	67	-8	90
			54	21

esq > pivo:
comparar dir

esq			dir			
23	4	67	-8	90	54	21

dir < pivo:
trocar esq e dir de lugar

esq			dir			
23	4	21	-8	90	54	67

esq < dir:
continua o while

QuickSort – Passo a passo

esq			dir				
23	4	21	-8	90	54	67	esq <= pivo: incrementa esq

esq			dir				
23	4	21	-8	90	54	67	esq <= pivo: incrementa esq

esq			dir				
23	4	21	-8	90	54	67	esq > pivo: comparar dir

Segunda chamada
while(esq < dir)

esq			dir				
23	4	21	-8	90	54	67	dir > pivo: decrementa dir

esq			dir				
23	4	21	-8	90	54	67	dir > pivo: decrementa dir

esq			dir				
23	4	21	-8	90	54	67	dir > pivo: decrementa dir

dir			esq				
23	4	21	-8	90	54	67	dir < pivo e dir < esq: terminar o while

QuickSort – Passo a passo

início dir esq

23	4	21	-8	90	54	67
----	---	----	----	----	----	----

Trocar dir e início de lugar:
dir é o pivô

início dir esq

-8	4	21	23	90	54	67
----	---	----	----	----	----	----

dir é o pivô

QuickSort – Passo a passo

Sem Ordenar

23	4	67	-8	90	54	21
----	---	----	----	----	----	----

	0	1	2	3	4	5	6
<code>particiona(V,0,6)</code>	23	4	67	-8	90	54	21

-8	4	21	23	90	54	67
----	---	----	----	----	----	----

pivô

`particiona(V,0,2)`

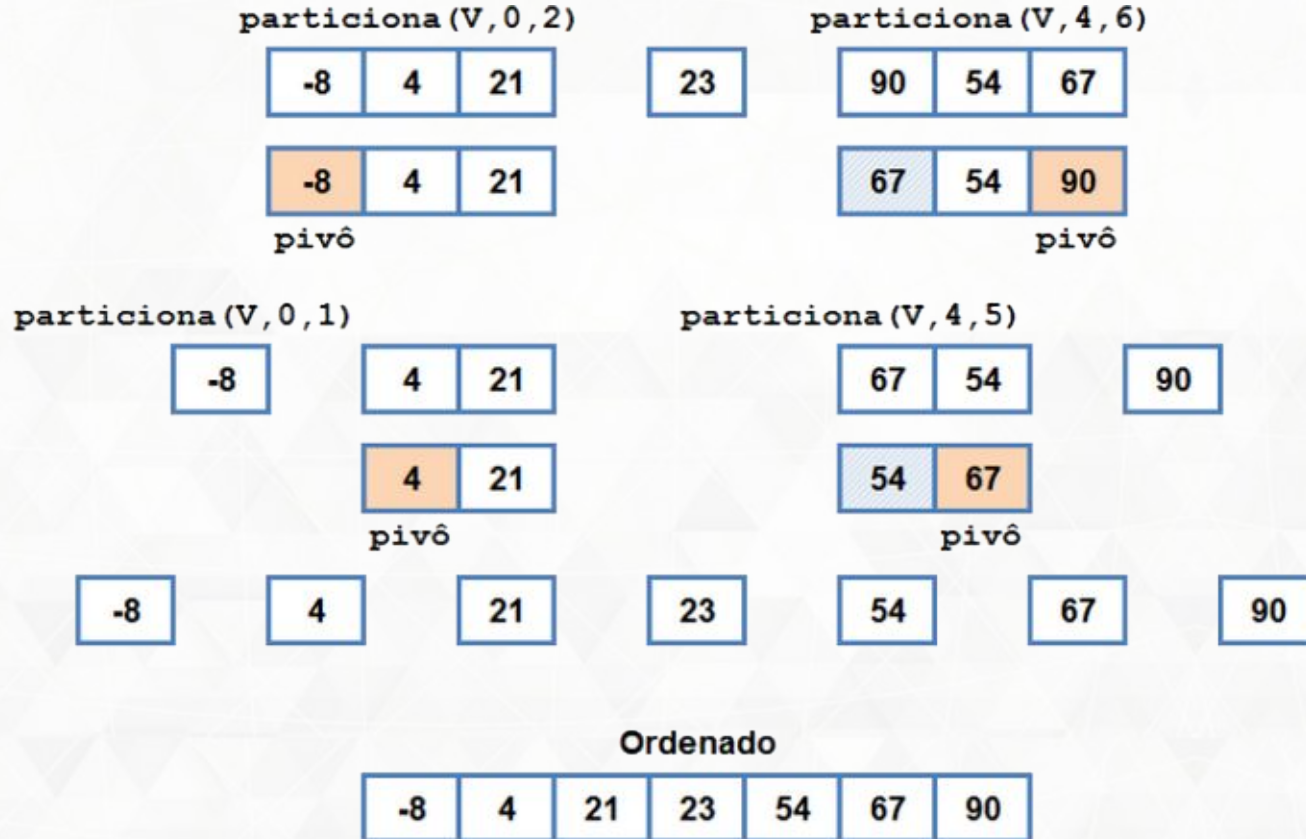
-8	4	21
----	---	----

`particiona(V,4,6)`

23

90	54	67
----	----	----

QuickSort – Passo a passo



QuickSort - Pseudocódigo

- O algoritmo usa **2 funções**
 - **quickSort**: divide os dados em vetores cada vez menores
 - **particiona**: Elege um pivô e particiona de maneira na qual:
 - Todos os elementos menores que o pivô estão antes dele;
 - Todos os elementos maiores que o pivô estão depois dele;

QuickSort - Pseudocódigo

- **quickSort(v, inicio, fim)**
 - Se $\text{inicio} < \text{fim}$ então:
 - $\text{pivo} \leftarrow \text{particiona}(v, \text{inicio}, \text{fim})$
 - $\text{quickSort}(v, \text{inicio}, \text{pivo}-1)$
 - $\text{quickSort}(v, \text{pivo}+1, \text{fim})$

QuickSort - Pseudocódigo

- **particiona(v, inicio, fim)**
 - $esq \leftarrow inicio$
 - $dir \leftarrow fim$
 - $pivo \leftarrow v[inicio]$
 - **Enquanto** $esq < dir$ **faça:**
 - **Enquanto** $v[esq] \leq pivo \ \&\& \ esq \leq final$ **faça:**
 - incrementa esq
 - **Enquanto** $v[dir] > pivo \ \&\& \ dir \geq inicio$ **faça:**
 - decrementa esq
 - **Se** $esq < dir$ **então:**
 - troca $v[esq]$ e $v[dir]$
 - troca $v[dir]$ com $v[inicio]$
 - retorna dir

QuickSort - Complexidade

- Considerando um vetor com n elementos, o tempo de execução é:
 - $O(n \log n)$, melhor caso e caso médio;
 - $O(n^2)$, pior caso.
- Em geral, é algoritmo muito rápido.
 - Porém, é um algoritmo lento em alguns casos especiais
 - Por exemplo: quando o particionamento não é balanceado

QuickSort

- Desvantagens
 - Não é um algoritmo estável
- Como escolher o pivô?
 - Existem várias abordagens diferentes
 - No pior caso, o pivô divide o vetor de **n** em dois: uma partição com **n-1** elementos e outra com **0** elementos
 - Particionamento **não é balanceado**
 - Quando isso acontece a cada nível da recursão, temos o tempo de execução de **$O(n^2)$**

QuickSort

- Desvantagens

- No caso de um particionamento não balanceado, o InsertionSort acaba sendo mais eficiente que o QuickSort
 - O pior caso do QuickSort ocorre quando o vetor já está ordenado, uma situação onde a complexidade é $O(N)$ no InsertionSort

- Vantagem

- Apesar de seu pior caso ser quadrático, costuma ser a melhor opção prática para ordenação de grandes conjuntos de dados

Exercício

- Implemente o **QuickSort** em C considerando as seguintes assinaturas de função
 - Função 1: **quickSort**

```
/**  
 * \brief Ordena o vetor usando QuickSort  
 *  
 * \param v vetor a ser ordenado  
 * \param inicio índice do primeiro elemento do vetor  
 * \param fim índice do último elemento do vetor  
 *  
 * Ordena o vetor usando o método QuickSort  
 */  
void quickSort(int *v, int inicio, int fim);
```



Exercício

• Função 2: **particiona**

```
/**
 * \brief Particiona um vetor
 *
 * \param v vetor a ser particionado
 * \param inicio índice do primeiro elemento do vetor
 * \param fim índice do último elemento do vetor
 *
 * \return índice do elemento pivô
 *
 * Particiona um vetor escolhendo o primeiro elemento (inicio)
 * como pivô. Ao final da função, todos os elementos menores
 * que o pivô devem estar antes dele e todos os elementos
 * maiores que o pivô devem estar após ele.
 */
int particiona(int *v, int inicio, int fim);
```