

Engenharia de Computação

Pesquisa e Classificação de Dados

Aula 5 – MergeSort

Prof. Muriel de Souza Godoi
muriel@utfpr.edu.br

MergeSort

- Também conhecido como **ordenação por intercalação**
 - Algoritmo recursivo que usa a ideia de dividir para conquistar para ordenar os dados
 - Parte do princípio de que é mais fácil ordenar um conjunto com poucos dados do que um com muitos
 - O algoritmo **divide os dados** em conjuntos cada vez menores para depois ordená-los e combiná-los por meio de intercalação (*merge*)

MergeSort - Funcionamento

- Divide, recursivamente, o vetor em duas partes
 - Continua até cada parte ter apenas um elemento
- Em seguida, combina dois vetores de forma a obter um vetor maior e ordenado
 - A combinação é feita intercalando os elementos de acordo com o sentido da ordenação (crescente ou decrescente)
- Este processo se repete até que exista apenas um vetor

Merge Sort - Pseudocódigo

- O algoritmo usa **2 funções**
 - **mergeSort**: divide os dados em vetores cada vez menores
 - **merge**: intercala os elementos de forma ordenada em um vetor maior

Merge Sort - Pseudocódigo

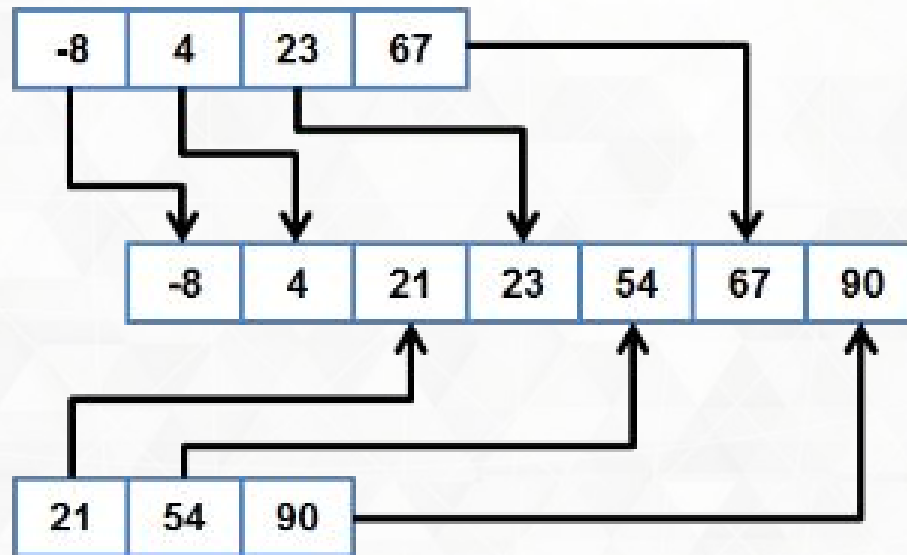
- **mergeSort(v, inicio, fim)**
 - Se $\text{inicio} < \text{fim}$ então:
 - $\text{meio} = ((\text{inicio} + \text{fim}) / 2)$
 - **mergeSort(v, inicio, meio)**
 - **mergeSort(v, meio + 1, fim)**
 - **merge(V, inicio, meio, fim)**

Merge Sort - Pseudocódigo

- **merge(v, inicio, meio, fim)**
 - Aloca um vetor temporário
 - $p1 \leftarrow \text{inicio}$
 - $p2 \leftarrow \text{meio} + 1$
 - **Enquanto** $p1 < \text{meio}$ **E** $p2 < \text{fim}$ **faça:**
 - Copia para o vetor temp. o menor valor entre $p1$ e $p2$
 - Incrementa o contador correspondente
 - **Se** $p1 == \text{meio}$ **então:**
 - Copia o que sobrou a partir de $p2$
 - **Senão**
 - Copia o que sobrou em $p1$
 - Copia tudo do vetor temporário para o vetor original

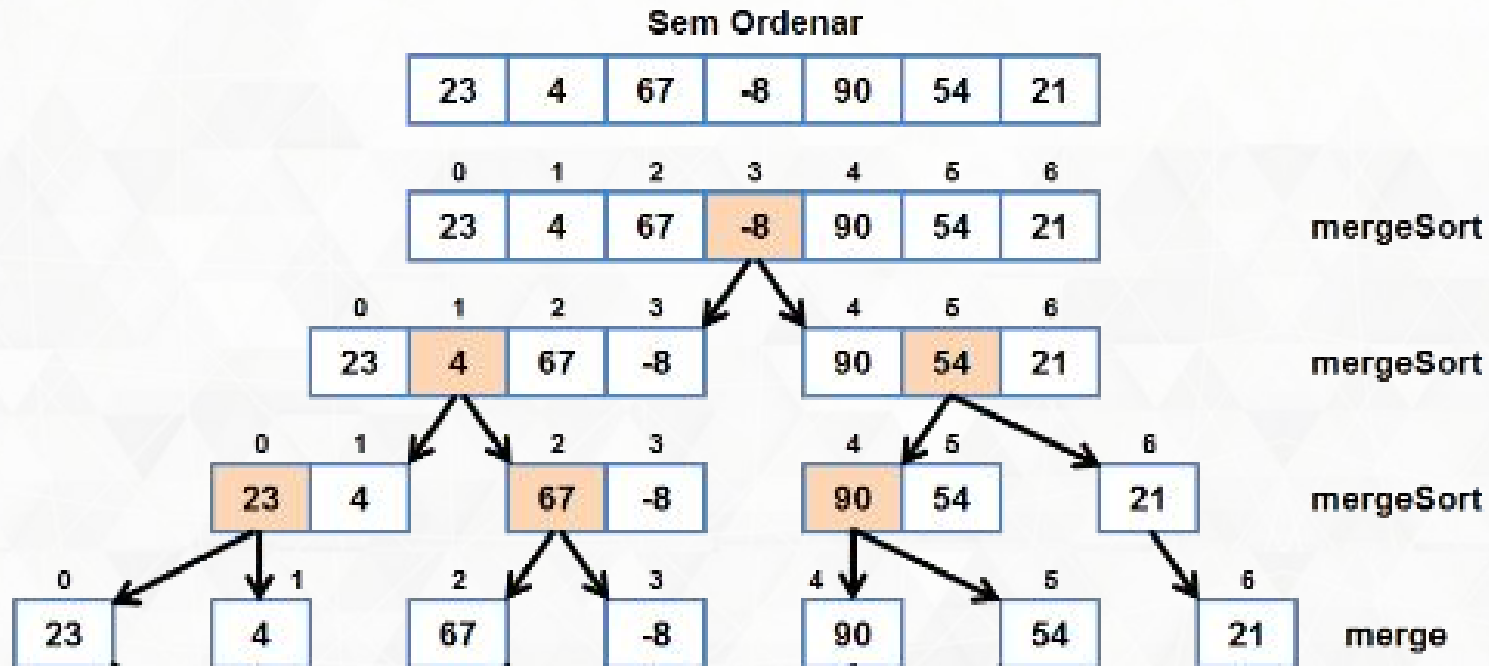
Merge Sort – Passo a passo

- Função **merge**
 - **Intercala** os dados de forma ordenada em um vetor maior
 - Utiliza um vetor auxiliar



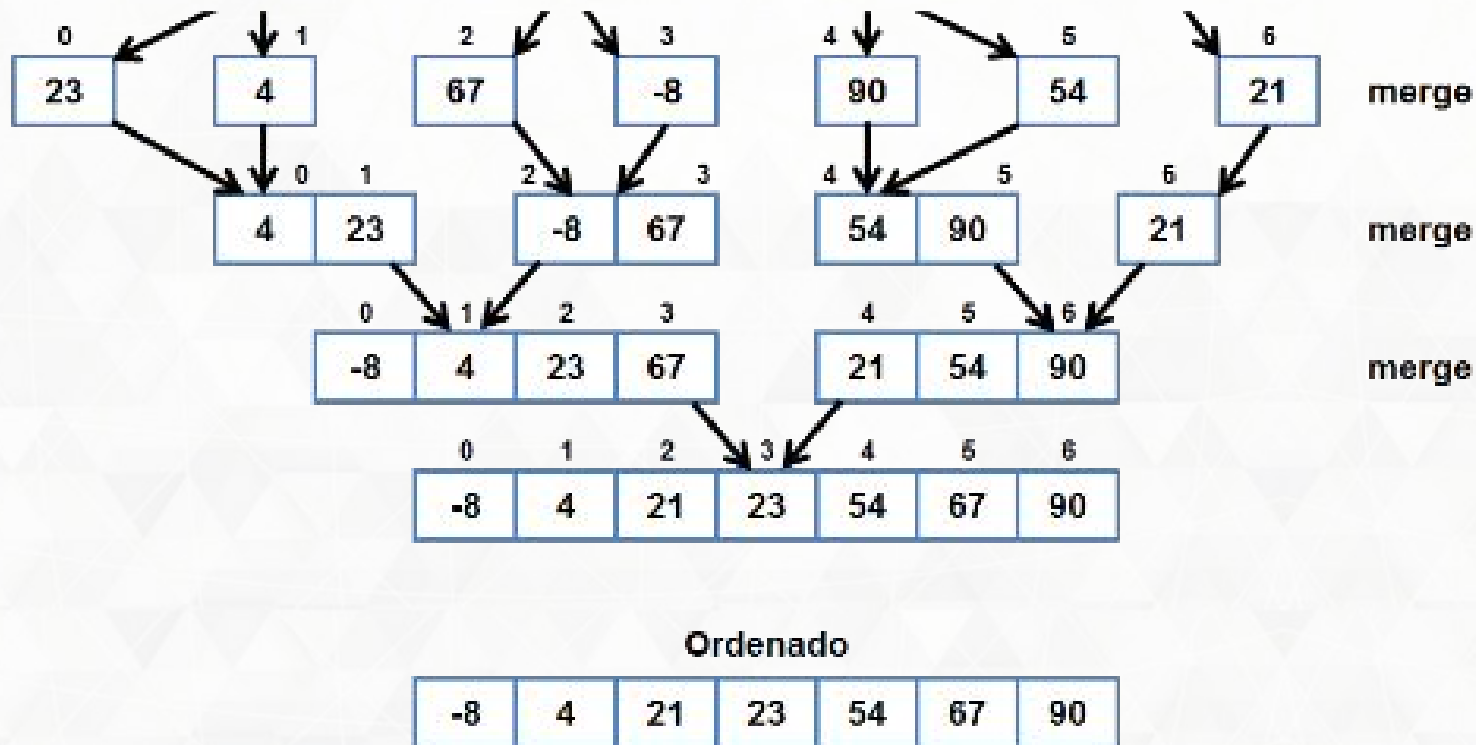
Merge Sort – Passo a passo

- Função **mergeSort**
 - **Divide** recursivamente o vetor até ter **n** vetores de 1 elemento cada



Merge Sort – Passo a passo

- **Intercala** os vetores até obter um único vetor de **n** elementos



MergeSort

- Vantagens
 - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
- Desvantagens:
 - Possui um gasto extra de espaço de memória em relação aos demais métodos de ordenação
 - Ele cria uma cópia do vetor para cada chamada recursiva
 - Em outra abordagem, é possível utilizar um único vetor auxiliar ao longo de toda a sua execução

MergeSort - Complexidade

- Considerando um vetor com n elementos, o tempo de execução é de ordem $O(n \log n)$ em todos os casos
- Sua eficiência não depende da ordem inicial dos elementos
 - No pior caso, realiza cerca de 39% menos comparações do que o QuickSort no seu caso médio
 - Já no seu melhor caso, o MergeSort realiza cerca de metade do número de iterações do seu pior caso

Exercício

- Implemente o **MergeSort** em C considerando as seguintes assinaturas de função
 - Função 1: **mergeSort**

```
/**  
 * \brief Ordena o vetor usando MergeSort  
 *  
 * \param v vetor a ser ordenado  
 * \param inicio índice do início do vetor  
 * \param fim índice do final do vetor  
 *  
 * Ordena o vetor usando o método MergeSort  
 * Esse algoritmo tem um comportamento assintótico  $O(n \log n)$   
 */  
void mergeSort(int *v, int inicio, int fim);
```



Exercício

• Função 2: merge

```
/**  
 * \brief Intercala dois vetores  
 *  
 * \param v vetor a ser intercalado  
 * \param inicio índice do início do vetor  
 * \param meio índice do último elemento do primeiro vetor  
 * \param fim índice do final do segundo vetor  
 *  
 * Intercala um vetor dividido em duas partes de maneira  
 * ordenada  
 */  
void merge(int *v, int inicio, int meio, int fim);
```