



INSTITUTO SUPERIOR TÉCNICO
MESTRADO INTEGRADO EM ENGENHARIA ELECTROTÉCNICA E DE
COMPUTADORES

PROGRAMAÇÃO ORIENTADA A OBJECTOS
Aprendizagem de redes dinâmicas de Bayes

Maria Margarida Dias dos Reis	n.º 73099
Ricardo Filipe Amendoeira	n.º 73373
David Romão Fialho	n.º 73530

Lisboa, 18 de Maio de 2015

Índice

1	Introdução	1
2	Decisões de Projecto	1
3	Testes Efectuados	1
4	Conclusão	2

1 Introdução

Com este projecto pretende-se utilizar redes dinâmicas de Bayes (DBN) para modelar uma série multivariante no tempo.

continuar
isto

2 Decisões de Projecto

Para se definir a estrutura do projecto optou-se, à partida, por tentar implementar uma estrutura modular e reutilizável, ou seja, algo que funcione não apenas com o que se pretende elaborar e com os requisitos a cumprir mas sim para casos genéricos. Assim, as *features* que foram projectadas tendo como base uma *framework* reutilizável são:

- *Bayesian Network* (BN) e *Dinamic Bayesian Network* (DBN);
- grafo;
- operações;
- *score*;
- critério de paragem do algoritmo GHC;
- número de pais de um dado nó.

É de referir que, apesar da rapidez de computação ser um critério relativamente importante para um programa deste género, decidiu-se que ter uma solução que providencia uma *framework* extensível e reutilizável para a aprendizagem de DBNs é ainda mais importante, quando se considera o âmbito da cadeira na qual o projecto está inserido.

3 Testes Efectuados

3.1 Inferências

Inicialmente, para se verificar o funcionamento das inferências optou-se por verificar que a soma das probabilidades obtidas para os valores futuros possíveis da variável aleatória que se está a inferir dá próximo de 1, isto porque, obrigatoriamente, a variável aleatória toma no futuro um valor dos possíveis do seu *range*. Este teste foi feito com recurso ao grafo apresentado de seguida, que se forçou na execução do programa.

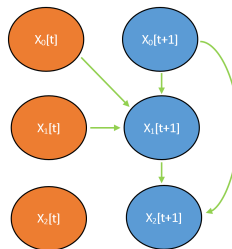


Figura 1: Grafo da rede de transição utilizada para testar as inferências.

Assumindo todas as variáveis aleatórias como binárias, os valores obtidos para as probabilidades das três variáveis do futuro para os seus dois valores possíveis apresentam-se na seguinte tabela.

Tabela 1: Probabilidades obtidas para os valores das variáveis aleatórias no futuro.

	X ₀ [t+1]	X ₁ [t+1]	X ₂ [t+1]
0	0.9999999999999949	0.9999999999999988	0.9999999999999982
1	1.0000000000000005	0.9999999999999946	0.9999999999999969

Como se pode ver, todas as probabilidades têm um valor muito próximo de 1, sendo normal que algumas sejam de facto maiores, uma vez que são calculadas com recurso a estimativas.

Para verificar as inferências que o programa obtém optou-se por usar o teste #2 fornecido na página da cadeira como ficheiro de treino para se efectuar a aprendizagem da rede de Bayes. O ficheiro de teste construído corresponde aos valores do instante de tempo $t = 0$ do ficheiro de treino, sendo que, algumas das inferências, devem tomar valores próximos dos do instante de tempo $t = 1$ do ficheiro de treino:

```
1 A, B, C, D, E, F, G
2 3, 3, 1, 0, 1, 1, 2
3 2, 3, 0, 3, 3, 1, 0
4 3, 1, 0, 1, 1, 2, 3
```

Considerando a construção da rede de Bayes sem *random restarts* aquando da aplicação do algoritmo GHC tem-se a seguinte execução de programa para a inferência de todas as variáveis aleatórias. De notar que o teste apresentado de seguida foi executado nos computadores do laboratório.

```
1 Parameters: train-data-2.csv test-data-2-TRAIN.csv LL 0
2 Building DBN: 28.934149246 seconds
3 Initial network:
4 === Structure connectivity
5 A : C
6 B :
7 C : D
8 D : G
9 E : A
10 F : A
11 G :
12 === Scores
13 LL Score: -4.754887502163469
14 MDL Score: -131.55188755985597
15 Transition network:
16 === Inter-slice connectivity
17 A : F G
18 B : F G
19 C : F
20 D : C F G
21 E : F
22 F :
23 G :
24 === Intra-slice connectivity
25 A : C
26 B : D
27 C : E D
28 D :
29 E : B D
30 F : E D G
31 G : A B E
32 === Scores
33 LL Score: -4233.21662434474
34 MDL Score: -33449.233345448425
35 Performing inference:
36 -> instance 1: 3, 3, 1, 0, 1, 1, 0
37 -> instance 2: 2, 4, 0, 3, 1, 1, 0
38 -> instance 3: 3, 2, 0, 2, 0, 1, 0
39 Inferring with DBN: 64.80672281400001 seconds
```

Analisando os valores pretendidos e aqueles que foram de facto obtidos verifica-se uma eficácia de 61.91%, um valor que se considera aceitável e, tendo em conta, que as somas das probabilidades já foram verificadas como estando próximas de 1 assume-se que as inferências estão correctas.

4 Conclusão