Cábula Pré-Prova Presencial de "Matemática Preparatória"

 $1^{\underline{a}}$ versão (v1.0) elaborada em 4-mar-2016 e $2^{\underline{a}}$ versão (v1.1) elaborada em 13-mar-2016 por:

Ricardo Dias Marques

Aluno nº 1100281 da Licenciatura em Informática uab@ricmarques.net / 1100281@estudante.uab.pt

13 de Março de 2016

Este documento está a ser disponibilizado nos termos da licença "Creative Commons" de "Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International (CC BY-NC-SA 4.0)": http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/

É possível que este documento contenha erros, pelos quais o(s) autor(es) $\mathbf{n}\mathbf{\tilde{a}o}$ poderá/ $\mathbf{n}\mathbf{\tilde{a}o}$ poderão assumir qualquer responsabilidade.

Diversos

Fórmula Quadrática / Fórmula Resolvente:

$$ax^2 + bx + c = 0 \Leftrightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

FONTE: Pág. 13 do texto "Prerequisitos_Calculo-SITE.pdf"

Potência negativa:

$$a^{-b} = \frac{1}{a^b}$$

Relação entre raízes e potências

Relação entre raiz quadrada e potência:

$$\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$$

Relação genérica entre raízes e potências:

$$\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$$

FONTE: Pág. 10 do texto "Prerequisitos_Calculo-SITE.pdf"

Fatoração

Soma de quadrados:

$$(a^2 + b^2) = a^2 + 2ab + b^2$$

FONTE: Pág. 7 do texto "Prerequisitos_Calculo-SITE.pdf"

Diferença de quadrados:

$$(a^2 - b^2) = (a+b)(a-b)$$

FONTE: Pág. 11 do texto "Prerequisitos_Calculo-SITE.pdf"

Soma e diferença de cubos:

$$(a^3 + b^3) = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$

$$(a^3 - b^3) = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

FONTE: Pág. 11 do texto "Prerequisitos_Calculo-SITE.pdf"

Logaritmos

$$\log_a 1 = 0$$

$$\log_a a = 1$$

$$\log_a(b \cdot c) = \log_a b + \log_a c$$

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c$$

$$\log_a b^c = c \cdot \log_a b$$

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$a^{\log_a b} = b$$

FONTE: Pág. 10 do texto "Prerequisitos_Calculo-SITE.pdf"

Limites

"Proposição 4. Sejam (u_n) e (v_n) duas sucessões convergentes e seja c uma constante.

Então:

(a)
$$\lim_{n \to +\infty} c = c$$

(b)
$$\lim_{n \to +\infty} (u_n + v_n) = \lim_{n \to +\infty} u_n + \lim_{n \to +\infty} v_n$$

(c)
$$\lim_{n \to +\infty} (c \cdot u_n) = c \cdot \lim_{n \to +\infty} u_n$$

(d)
$$\lim_{n \to +\infty} (u_n \cdot v_n) = (\lim_{n \to +\infty} u_n) \cdot (\lim_{n \to +\infty} v_n)$$

(e)
$$\lim_{n\to+\infty} \frac{u_n}{v_n} = \frac{\lim_{n\to+\infty} u_n}{\lim_{n\to+\infty} v_n}$$
, desde que $\lim v_n \neq 0$

(f)
$$\lim_{n\to+\infty} \sqrt[p]{u_n} = \sqrt[p]{\lim_{n\to+\infty} u_n}$$
, desde que p seja ímpar ou $u_n>0$

FONTE: Pág. 4 do texto "Limites16Jan.pdf"

Limites Notáveis:

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{\ln (x+1)}{x} = 1$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{\text{sen } (x)}{x} = 1$$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x^p} = +\infty, p \in \mathbb{R}$$

FONTE: http://www.bonsalunos.pt/aulas/8/limites-notaveis

Derivadas

Regras de derivação

Definição de derivada:

$$f'(a) = \lim_{x \to a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a}$$

FONTE: Pág. 1 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada de uma constante:

$$c' = 0$$

(c 'e um n'umero real qualquer)

FONTE: Pág. 6 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função identidade:

$$x' = 1$$

FONTE: Pág. 7 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da potência:

$$(x^n)' = nx^{n-1}$$

FONTE: Pág. 7 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função exponencial:

$$(e^x)' = e^x$$

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função logarítmica:

$$(\log x)' = \frac{1}{x}$$

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função seno:

$$(\operatorname{sen} x)' = \cos x$$

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função cosseno:

$$(\cos x)' = -\mathrm{sen} \ x$$

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Regras algébricas de derivação

Derivada do produto de uma constante c por uma função f:

$$(c \cdot f)' = c \cdot f'$$

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da soma (ou diferença) de duas funções f e g:

$$(f+g)' = f' + g'$$

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada do produto de duas funções f e g:

$$(f \cdot g)' = f' \cdot g + f \cdot g'$$

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada do quociente de duas funções f e g:

$$\left(\frac{f}{q}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{q^2}$$

(nos pontos em que $q \neq 0$)

FONTE: Pág. 8 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Regras generalizadas de derivação

Nas regras generalizadas constantes desta secção do formulário: u = u(x)

Derivada da potência:

$$(u^n)' = nu^{n-1} \cdot u'$$

FONTE: Pág. 16 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função exponencial:

$$(e^u)' = u'e^u$$

FONTE: Pág. 16 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função logarítmica:

$$(\log u)' = \frac{u'}{u}$$

FONTE: Pág. 16 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função seno:

$$(\operatorname{sen} u)' = u' \cos u$$

FONTE: Pág. 16 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Derivada da função cosseno:

$$(\cos u)' = -u' \operatorname{sen} x$$

FONTE: Pág. 16 do texto "CQES_derivadas-NOVO.pdf"

Histórico (changelog) deste documento

v1.1 (13 mar 2016):

- Acrescentada "FONTE" da secção de "Limites"
- Acrescentada subsecção de "Limites Notáveis"
- Acrescentado Histórico (changelog) deste documento

v1.0 (5 mar 2016):

• Criada Versão Inicial

FIM