## Práctica 2: Algoritmos Divide y Vencerás

Daniel Bolaños Martínez, José María Borrás Serrano, Santiago De Diego De Diego, Fernando De la Hoz Moreno

**ETSIIT** 

#### Introducción

Nos ha tocado resolver el ejercicio serie unimodal de números.

Para ello, hemos diseñado un algoritmo basado en "divide y vencerás" el cual tiene como objetivo encontrar el valor máximo de una serie unimodal. El orden de eficiencia de este algoritmo es O(log(n)) y lo hemos comparado con el algoritmo trivial para este problema que es de orden O(n).

### Desarrollo de la Práctica

Para la comparación hemos obtenido unas tablas en las que se muestran el tiempo de ejecución según distintos número de elementos en los vectores, hemos representado los datos en una gráfica y hemos ajustado estos datos a la función obtenida por la eficiencia teórica usando el ajuste de mínimos cuadrados

## Código Divide y Vencerás

#### Listing 1: Función unimodal DyV

```
unimodal(vector<int> v)
bool fin=false:
int maximo=v.size()-1;
int indice=maximo/2;
int minimo=0:
while (! fin )
if (v.at(indice -1) < v.at(indice))
   if (v.at(indice+1)<v.at(indice))
                      fin=true:
            else
                          minimo=indice:
                          indice=indice + ((maximo-indice)/2);
         else
                 maximo=indice:
                  indice=minimo+((indice-minimo)/2);
return indice;
```

#### Listing 2: Función main DyV

```
int main(int argc, char* argv[])
    vector<int> array;
    int valor = -1:
    double suma=0:
    int v_size = atoi(argv[1]);
    array.resize(v_size);
    for (int i=0; i<100; ++i)
            int p = 1 + rand() \% (v_size -2);
            array.at(p) = v_size -1;
            for (int i=0; i < p; i++)
                     arrav.at(i)=i:
            for (int i=p+1; i < v_size; i++)
                     arrav.at(i)=v_size-1-i+p:
            clock_t tantes;
            clock_t tdespues:
            tantes=clock();
            valor = unimodal(array);
            tdespues=clock();
            suma += (double)(tdespues - tantes) / CLOCKS_PER_SEC;
    cout << v_size <<"_"<< suma/100 << endl;
```

## Código secuencial

Listing 3: Función unimodal Secuencial

```
unimodal_secuencial(vector<int> v)
bool fin=false:
int indice = 1;
while (! fin )
if (v.at(indice+1)<v.at(indice))</pre>
          fin=true;
else
         indice++:
return indice;
```

#### Listing 4: Función main Secuencial

```
int main(int argc, char* argv[])
    vector<int> array;
    int valor = -1:
    double suma=0:
    int v_size = atoi(argv[1]);
    array.resize(v_size);
    for (int i=0; i<100; ++i)
            int p = 1 + rand() \% (v_size -2);
            array.at(p) = v_size -1;
            for (int i=0; i < p; i++)
                     arrav.at(i)=i:
            for (int i=p+1; i < v_size; i++)
                     arrav.at(i)=v_size-1-i+p:
            clock_t tantes;
            clock_t tdespues:
            tantes=clock();
            valor = unimodal_secuencial(array);
            tdespues=clock();
            suma += (double)(tdespues - tantes) / CLOCKS_PER_SEC;
    cout \ll v_size \ll " " \ll suma/100 \ll endl;
```

# Tabla Datos DyV

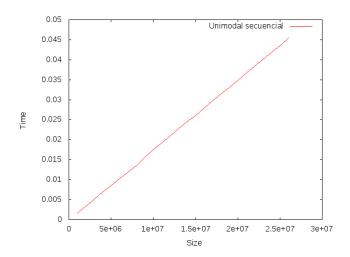
| Tamaño Vectores | Tiempo Divide y Vencerás |
|-----------------|--------------------------|
| 1048576         | 7.796e-05                |
| 2097152         | 0.00016308               |
| 4194304         | 0.00038871               |
| 8388608         | 0.00117717               |
| 16777216        | 0.00227126               |
| 33554432        | 0.00456919               |
| 67108864        | 0.00894183               |
| 134217728       | 0.0170173                |
| 268435456       | 0.0335588                |
| 536870912       | 0.0668834                |

### Tabla Datos Secuencial

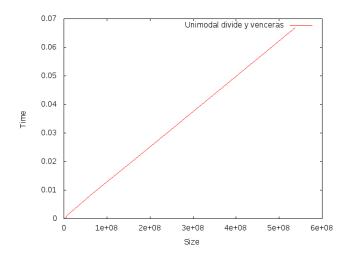
| Tamaño Vectores | Tiempo Secuencial |
|-----------------|-------------------|
| 1000000         | 0.00169148        |
| 2000000         | 0.00341387        |
| 3000000         | 0.00515229        |
| 4000000         | 0.00688878        |
| 5000000         | 0.00583811        |
| 6000000         | 0.0102687         |
| 7000000         | 0.0119547         |
| 8000000         | 0.013579          |
| 9000000         | 0.0157071         |
| 10000000        | 0.017487          |
| 11000000        | 0.0192033         |
| 12000000        | 0.0209426         |

| Tamaño Vectores | Tiempo Secuencial |
|-----------------|-------------------|
| 13000000        | 0.022794          |
| 14000000        | 0.0245116         |
| 15000000        | 0.0260875         |
| 16000000        | 0.0278383         |
| 17000000        | 0.0296462         |
| 18000000        | 0.0314487         |
| 19000000        | 0.033057          |
| 20000000        | 0.0348266         |
| 21000000        | 0.0367226         |
| 22000000        | 0.0383142         |
| 23000000        | 0.0401301         |
| 24000000        | 0.0418608         |
| 25000000        | 0.0434716         |
| 26000000        | 0.0455227         |

### Eficiencia en el caso secuencial



## Eficiencia en el caso Divide y Vencerás



### Ajuste híbrido en el caso secuencial

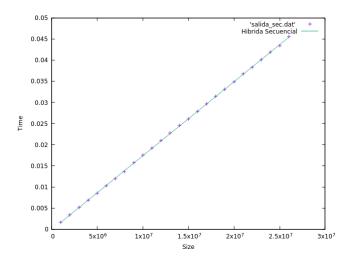


Figura: Ajustada a la función  $f(x) = a_0 * x + a_1$ 

$$f(x) = a_0 * x + a_1$$
$$a_0 = 1,75072e - 09$$
$$a_1 = -0,000131396$$

## Ajuste híbrido en el caso Divide y Vencerás

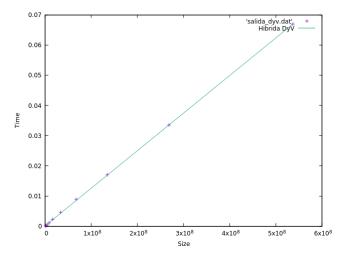


Figura: Ajustada a la función  $f(x) = a_0 * log(x) + a_1 * x + a_2$ 

$$f(x) = a_0 * log(x) + a_1 * x + a_2$$
$$a_0 = 1,75072e - 09$$
$$a_1 = 1,24488e - 10$$
$$a_2 = 0,000151147$$

### Correlación

#### Unimodal secuencial:

Coeficiente de correlación en el caso lineal: 0,999967757

Coeficiente de correlación en el caso logarítmico: 0.999967634

#### • Unimodal Divide y Vencerás:

Coeficiente de correlación en el caso lineal:

0.993561274

Coeficiente de correlación en el caso logarítmico:

0,99566217

En el caso secuencial el ajuste lineal es mejor, mientras que en Divide y Vencerás el mejor ajuste es el logarítmico.

#### Umbral de la eficiencia

En algunos casos el algoritmo secuencial podría resultar más eficiente que el logarítmico, si tomásemos por ejemplo, tamaños pequeños para los vectores.

Por tanto sería interesante calcular el tamaño de los vectores a partir del cual es mejor usar una versión que otra y en el caso de que exista tal punto, añadir en el código que hasta ese valor, ejecutase el algoritmo que en cada caso fuese más eficiente.

Para ello representaremos en una gráfica ambas veriones para mismos valores e intentaremos encontrar este punto umbral.

### Gráfica Umbral

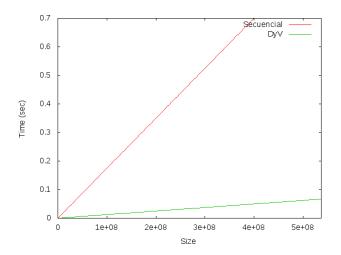


Figura: Gráfica umbral de ambas versiones del programa

La gráfica umbral obtenida representa los dos algoritmos muestra que para todos los valores, el algoritmo programado con la metodología de divide y vencerás siempre es más eficiente que el secuencial, por tanto obviaremos lo dicho anteriormente, puesto que siempre será mejor usar este programa para cualquier valor de vectores.

### Conclusión

Como podemos observar, el mismo problema se puede resolver de forma más rápida y eficiente si empleamos un algoritmo de tipo Divide y Vencerás que uno secuencial.

En este caso con Divide y Vencerás podemos conseguir que la eficiencia del algoritmo pase de ser O(n) a O(logn), por lo que somos capaces de procesar muchos más datos en un tiempo menor.

De esta forma se puede concluir que siempre que vayamos a usar datos lo bastante grandes es mejor realizar el algoritmo mediante Divide y Vencerás que mediante uno secuencial.