

## RESUMEN DE FÓRMULAS – PARCIAL 2

### Teorema de Bayes

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

$$P(A|B)P(B) = P(B|A)P(A) = P(A \cap B)$$

### Ley de Probabilidades Totales

$$\Omega = \{N1 \cup N2\} \rightarrow P(A) = P(A \cap N1) + P(A \cap N2)$$

### Valor Esperado y Varianza

$$E[X] = \mu = \sum_{R(X)} x_i g_X(x_i) \quad \text{ó} \quad \int_{R(X)} x f_X(x) dx$$

$$Var[X] = E[X^2] - (E[X])^2$$

### Regla de la Multiplicación

$$\# \text{ Total de resultados} = n_1 * n_2 * \dots * n_r$$

### Muestra de Orden

$$\#m(r; A) = n^r$$

### Permutaciones

$$P(r; n) = \frac{n!}{(n-r)!}; \quad r \leq n$$

### Combinaciones

$$C(r; n) = \frac{n!}{(n-r)!r!}$$

### Particiones Ordenadas

$$\#P(n_1, n_2, \dots, n_r; A) = \binom{N}{n_1} \binom{N-n_1}{n_2} \dots \binom{N-n_1-n_2-\dots-n_{r-1}}{n_r}$$

$$\#P(n_1, n_2, \dots, n_r; A) = \frac{N!}{n_1! n_2! \dots n_r!}$$

DISTRIBUCIONES	Parámetros	Función de Probabilidad / fdp	E(X)	Var(X)
<b>DISTRIBUCIÓN UNIFORME DISCRETA</b>	$k = \text{número de valores distintos que puede tomar } X$	$\frac{1}{k}$ $x = x_1, x_2, \dots$	$\frac{1}{k} \sum_{i=1}^k x_i$	$\frac{1}{k} \sum_{i=1}^k (x_i - \mu)^2$
<b>BERNOULLI</b>	$p = \text{probabilidad de éxito}$	$p^x(1-p)^{1-x}$ $x = 0, 1$	$p$	$p(1-p)$
<b>BINOMIAL</b>	$p = \text{probabilidad de éxito}$ $n = \text{número de ensayos}$	$\binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$ $0 \leq x \leq n$	$np$	$np(1-p)$
<b>GEOMÉTRICA</b>	$p = \text{probabilidad de éxito}$	$(1-p)^{x-1} p$ $x = 1, 2, \dots$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$
<b>BINOMIAL NEGATIVA</b>	$p = \text{probabilidad de éxito}$ $k = \text{ésimo éxito}$	$\binom{x-1}{k-1} (1-p)^{x-k} p^k$ $x \geq k$	$\frac{k}{p}$	$\frac{k(1-p)}{p^2}$
<b>POISSON</b>	$\lambda = \frac{\# \text{ de arribos}}{\text{und. tiempo}}$ $t = \text{intervalo de tiempo}$	$\frac{(\lambda t)^x}{x!} e^{-\lambda t}$ $x = 0, 1, \dots$ $\lambda, t > 0$	$\lambda t$	$\lambda t$
<b>DISTRIBUCIÓN UNIFORME CONTINUA</b>	$a = \text{mínimo}$ $b = \text{máximo}$	$\frac{1}{b-a}$ $a \leq x \leq b$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
<b>DISTRIBUCIÓN NORMAL</b>	$\mu = \text{Media}$ $\sigma^2 = \text{Varianza}$	$\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{1}{2\sigma^2}(x-\mu)^2}$	$\mu$	$\sigma^2$
Recuerde: $P(X_N \leq x) = P\left(\frac{X_N - \mu}{\sigma} \leq \frac{x - \mu}{\sigma}\right) = P\left(Z \leq \frac{x - \mu}{\sigma}\right)$				
<b>DISTRIBUCIÓN EXPONENCIAL</b>	$\lambda = \frac{\# \text{ de arribos}}{\text{und. tiempo}}$	$\lambda e^{-\lambda x}$ $x, \lambda > 0$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$
<b>DISTRIBUCIÓN TRIANGULAR</b>	$a = \text{mínimo}$ $m = \text{moda}$ $b = \text{máximo}$	$\begin{cases} \frac{2(x-a)}{(m-a)(b-a)} & a \leq x < m \\ \frac{2(b-x)}{(b-m)(b-a)} & m \leq x < b \end{cases}$	$\frac{a+b+m}{3}$	$\frac{a^2 + b^2 + m^2 - ab - am - bm}{18}$

## Distribuciones Marginales

### → Discretas

$$g_X(x) = \sum_{R(Y)} g_{XY}(x, y)$$

### → Continuas

$$f_X(x) = \int_{R(Y)} f_{XY}(x, y) dy$$

## Distribución Condicional

$$f_{X|Y}(x, y) = \frac{f_{XY}(x, y)}{f_Y(y)}$$

## Valor Esperado

$$E(u(X, Y)) = \int_{R(Y)} \int_{R(X)} u(X, Y) f_{XY}(X, Y) dx dy$$

## Varianza y Covarianza de una V.A.

$$\begin{aligned} Cov(X, Y) &= E(XY) - E(X)E(Y) \\ Var(X) &= E[(X - \mu)^2] = \sum_{R(X)} (x - \mu)^2 f_X(x) \\ &= \int_{-\infty}^{\infty} (x - \mu)^2 f_X(x) dx \end{aligned}$$

## Valor Esperado Condicional

$$\begin{aligned} E(X|Y = b) &= \sum_{R(X|Y)} x f_{X|Y}(x, Y = b) \\ E(X|Y = b) &= \int_{R(X|Y=b)} x f_{X|Y}(x, Y = b) dx \end{aligned}$$

## Probabilidades Condicionales

$$\begin{aligned} P(X \leq a|Y = b) &= \int_{R(X \leq a|Y=b)} f_{X|Y}(x, Y = b) dx \\ P(X \leq a|Y \leq b) &= \frac{P(X \leq a \cap Y \leq b)}{P(Y \leq b)} \end{aligned}$$

## Coefficiente de Correlación

$$\rho_{XY} = \frac{Cov(X, Y)}{\sigma_X \sigma_Y}$$

## Suma de VAs independientes

Sean  $X_1$  y  $X_2$  variables aleatorias independientes con función generadoras de momentos  $\psi_{x1}(t)$  y  $\psi_{x2}(t)$ , respectivamente, y sea  $W = X_1 + X_2$ . Entonces:

$$\psi_W(t) = \psi_{x1}(t) * \psi_{x2}(t)$$