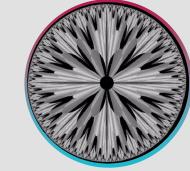
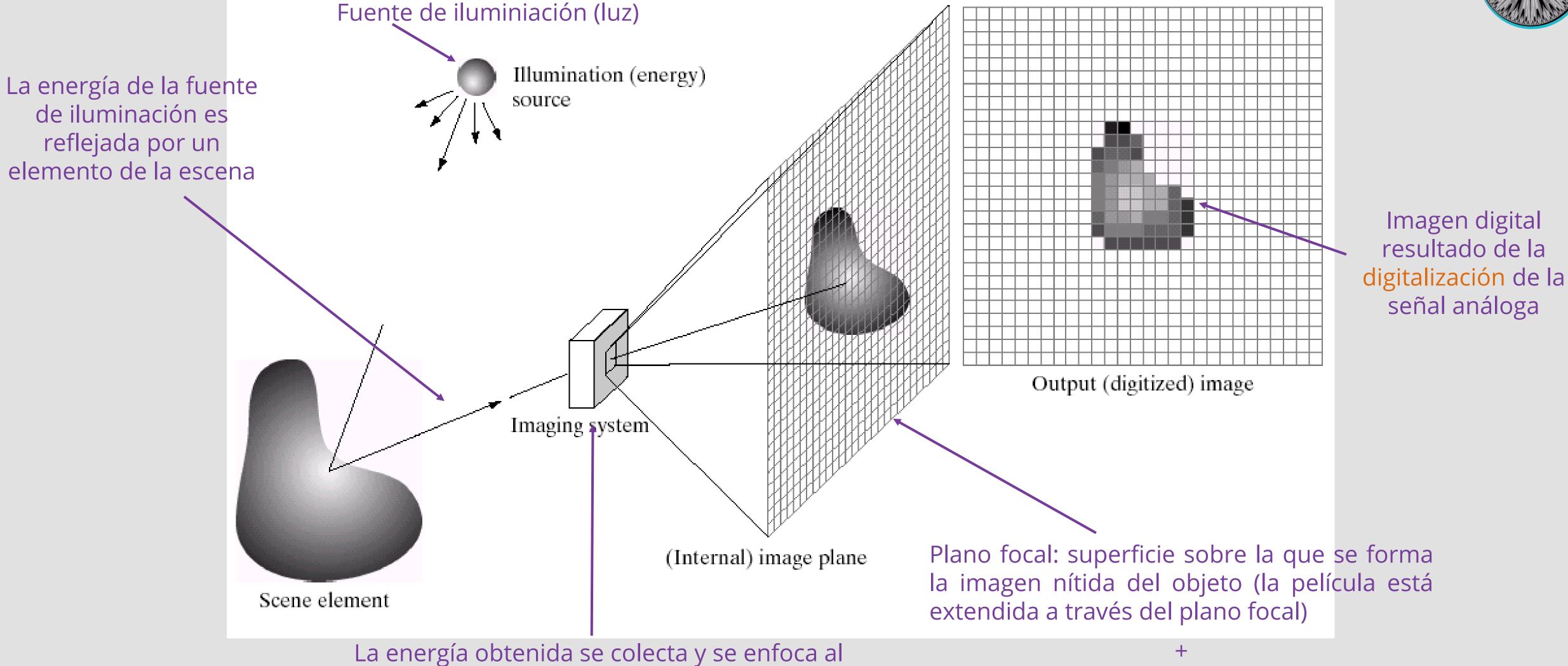


Fundamentos del PAID

Proceso de adquisición de una imagen digital





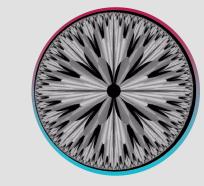
plano focal (en el caso de la luz, por medio de un

lente)

Arreglo de sensores: transforman la intensidad lumínica en magnitudes eléctricas (señal análoga)

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Proceso de adquisición de una imagen digital



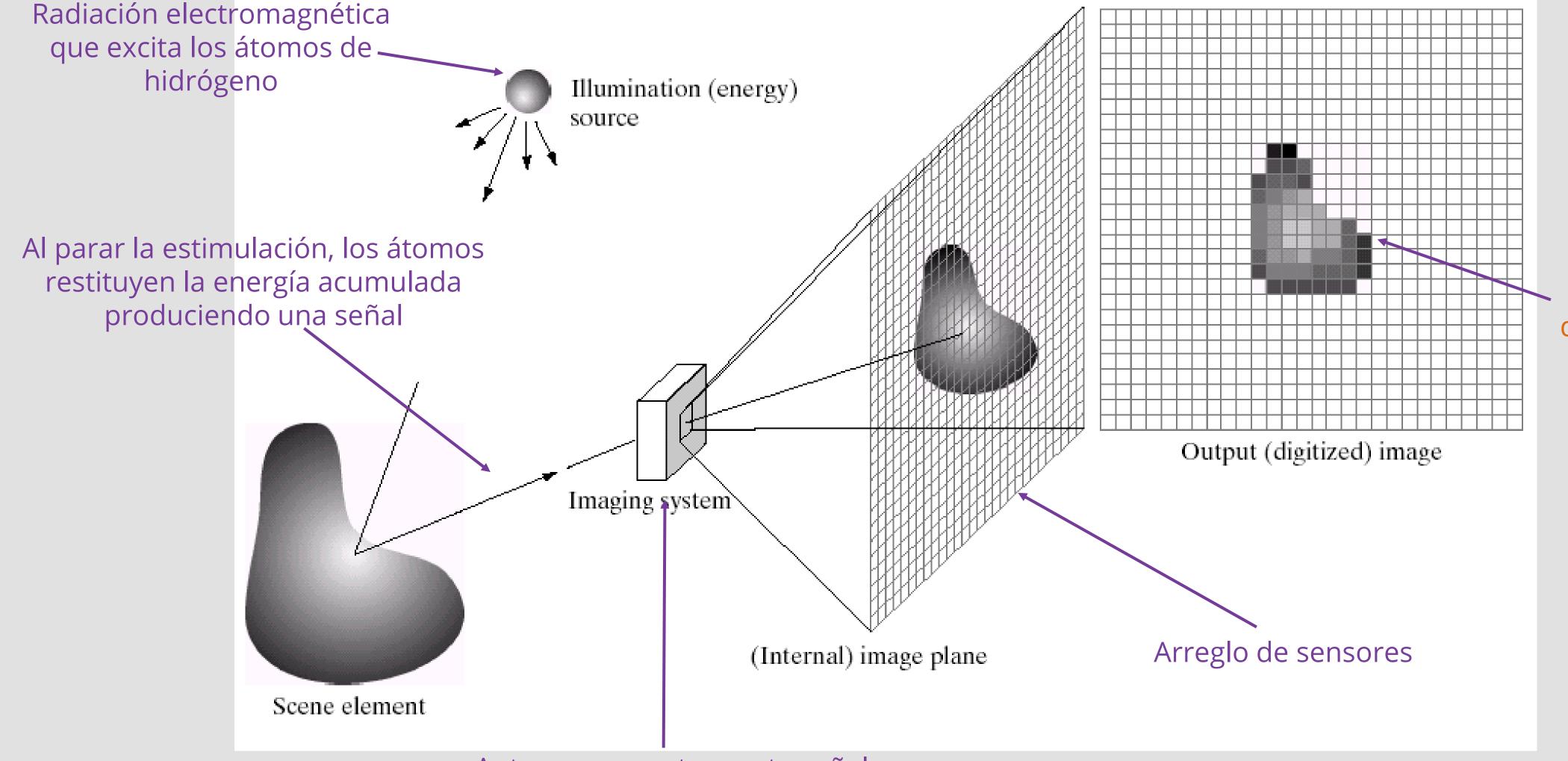


Imagen digital resultado de la digitalización de la señal análoga

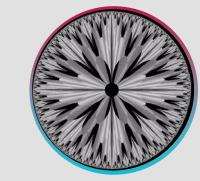
Antena que captura esta señal

RESONANCIA MAGNETICA

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods



Proceso de adquisición de una imagen digital



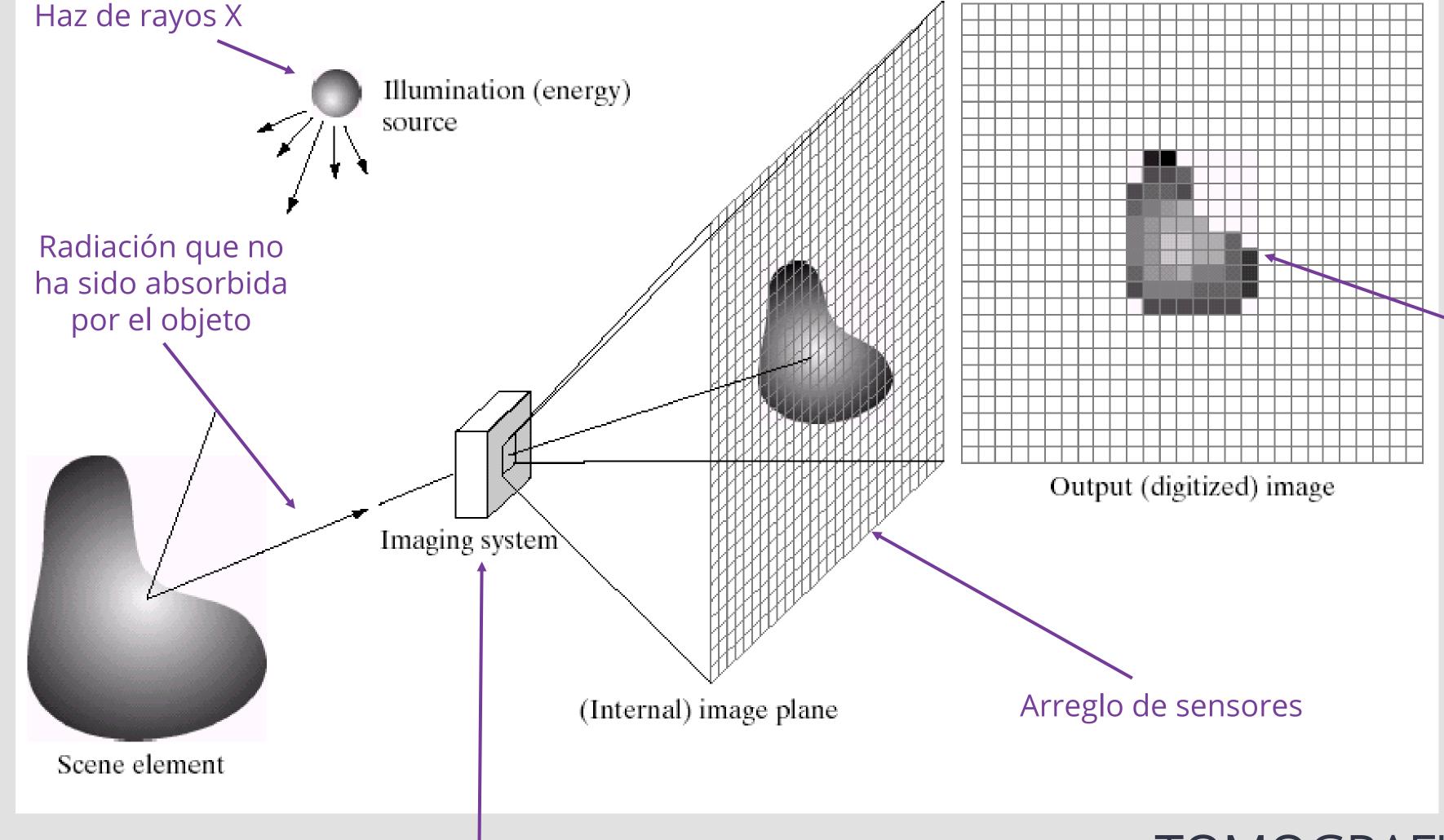


Imagen digital resultado de la digitalización de la señal análoga

Detector que recoge la radiación

TOMOGRAFIA AXIAL COMPUTARIZADA(TAC)

Digitalización (Discretización)

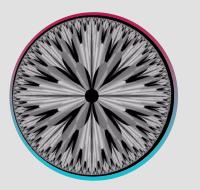


Imagen continua proyectada sobre el arreglo

de sensores

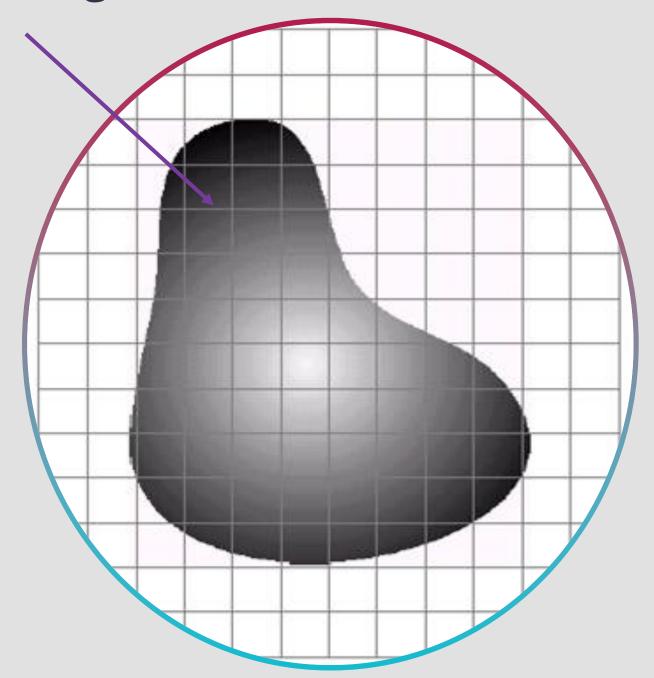


Imagen digital (discreta)

Proceso de conversión de una imagen (función continua) a una forma digital (discreta):

- Muestreo: Discretización de coordenadas espaciales
- Cuantificación: Discretización de la amplitud

Proceso de digitalización: muestreo y cuantificación

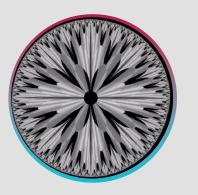
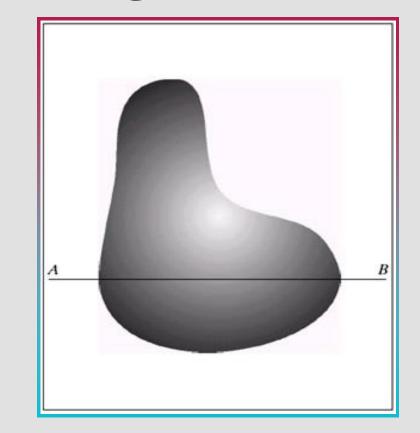
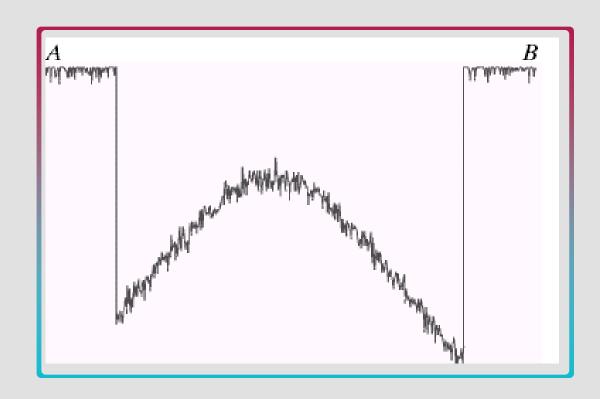


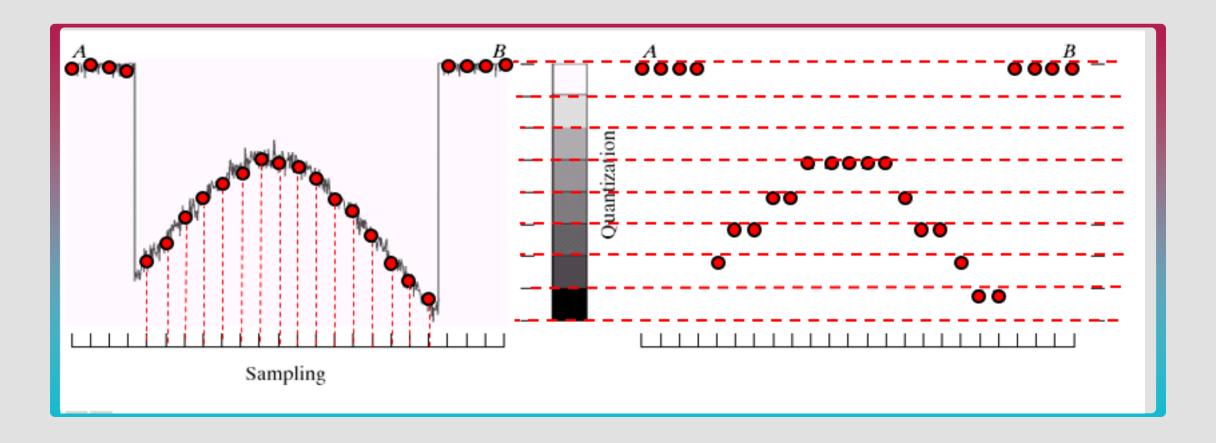
Imagen (señal 2D) continua: proyectada sobre el arreglo de sensores



Línea de perfil (función continua): amplitud a lo largo del segmento AB



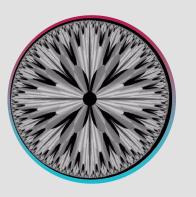
Muestreo: escoger puntos (muestras) espaciadas uniformemente

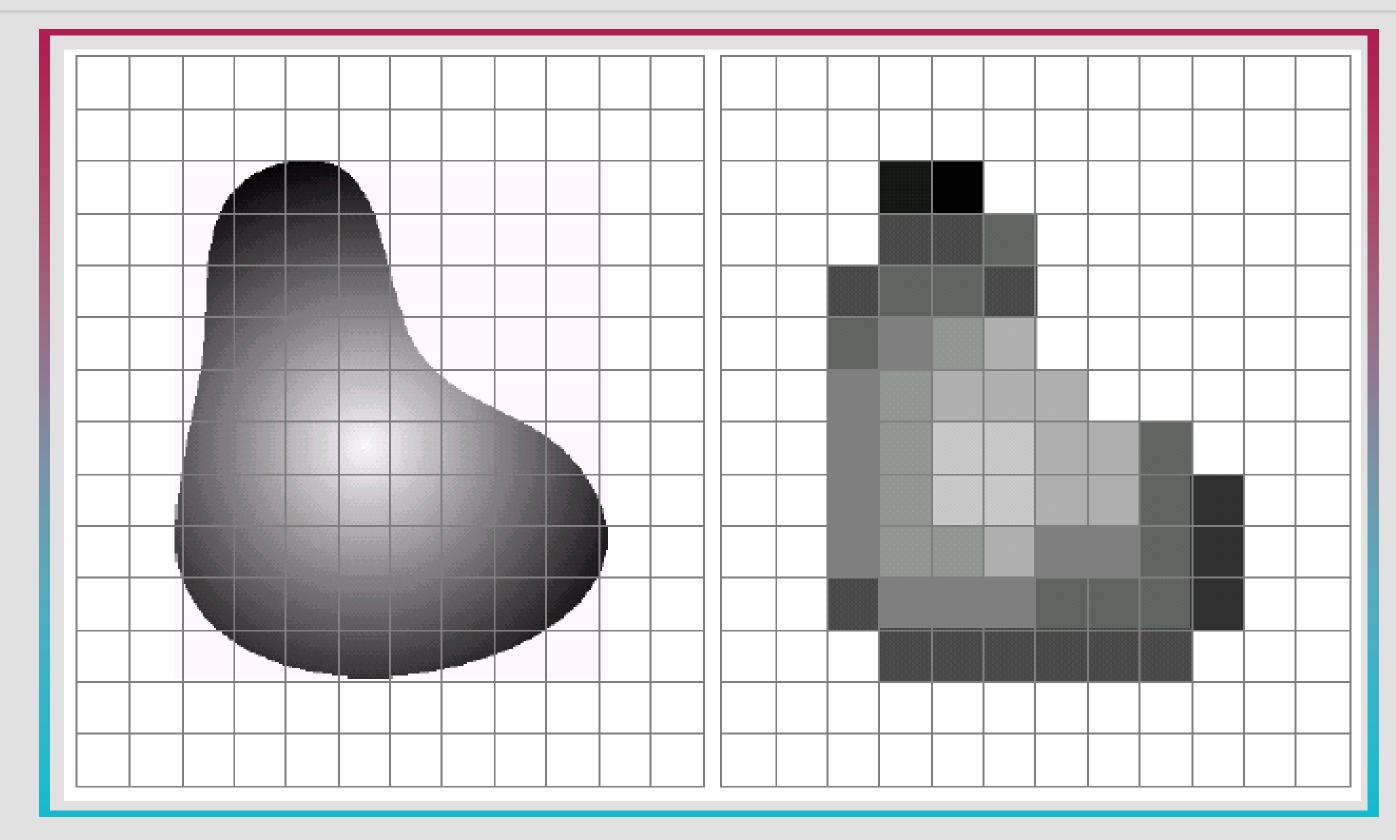


Imágenes y visión

Cuantificación: asignar uno de los valores discretos de niveles de gris a cada muestra

Ejemplo de resultado de muestreo y cuantificación

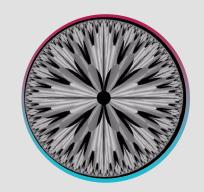




El número de sensores del arreglo determina los límites del muestreo

La calidad de la imagen digital es determinada por el número de muestras y los niveles discretos de intensidad utilizados en el muestreo y la cuantificación

Representación matricial de una imagen digital



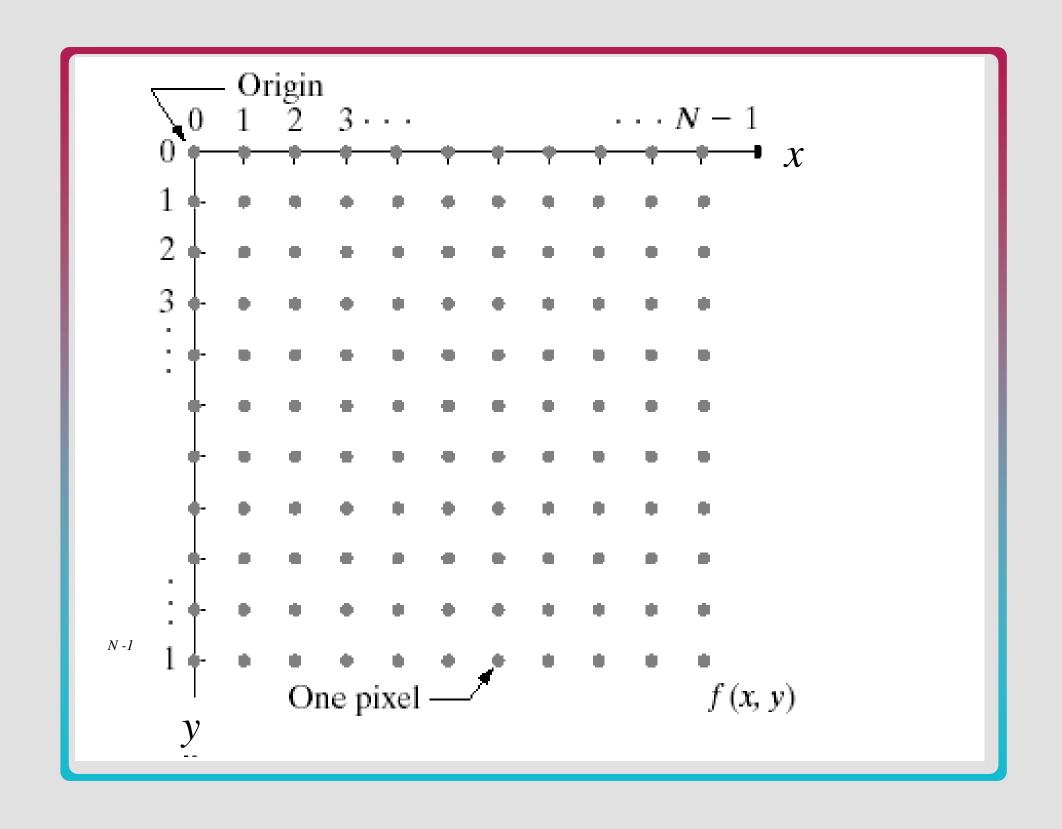
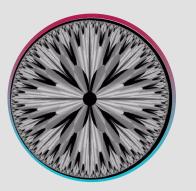


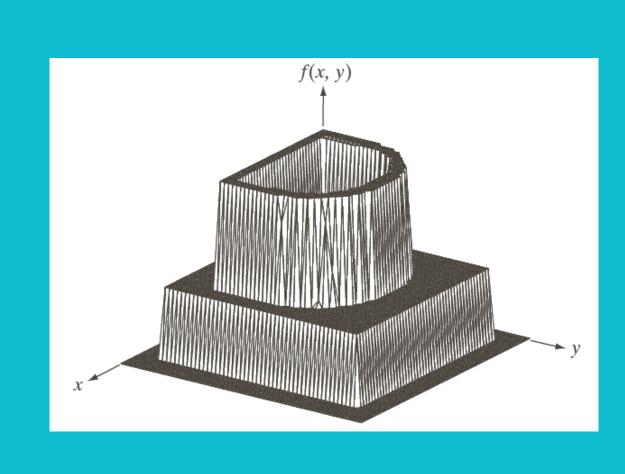
Imagen continua = f(s,t) ____

Digitalización

Imagen discreta = arreglo 2D f(x,y)

Otras representaciones de una imagen digital

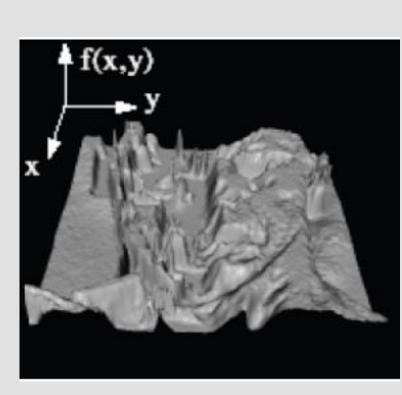




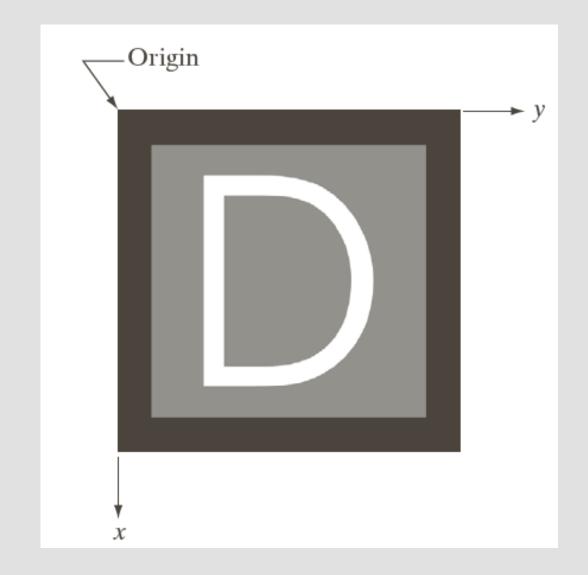
Superficie



Representación en superficie



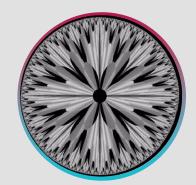
Representación tradicional (visualización de intensidades)



Representación matricial (valores numéricos de f(x,y))

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Cuando hablamos de resolución...



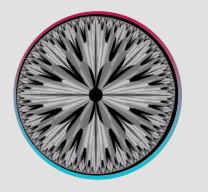


Espacial:

- Pixeles por unidad de distancia (ej: 600 dpi)
- Tamaño del pixel (ej: 0.4 mm)

- De niveles de gris:
 - # de bits utilizados para cuantificar la intensidad
 - Ej: imagen de 8 bits = 256 niveles de gris posibles

Ejemplos de reducción de resolución espacial



Naturalmente, las imágenes de menor resolución son más pequeñas que la original



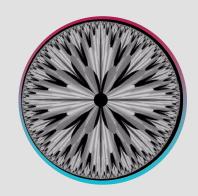


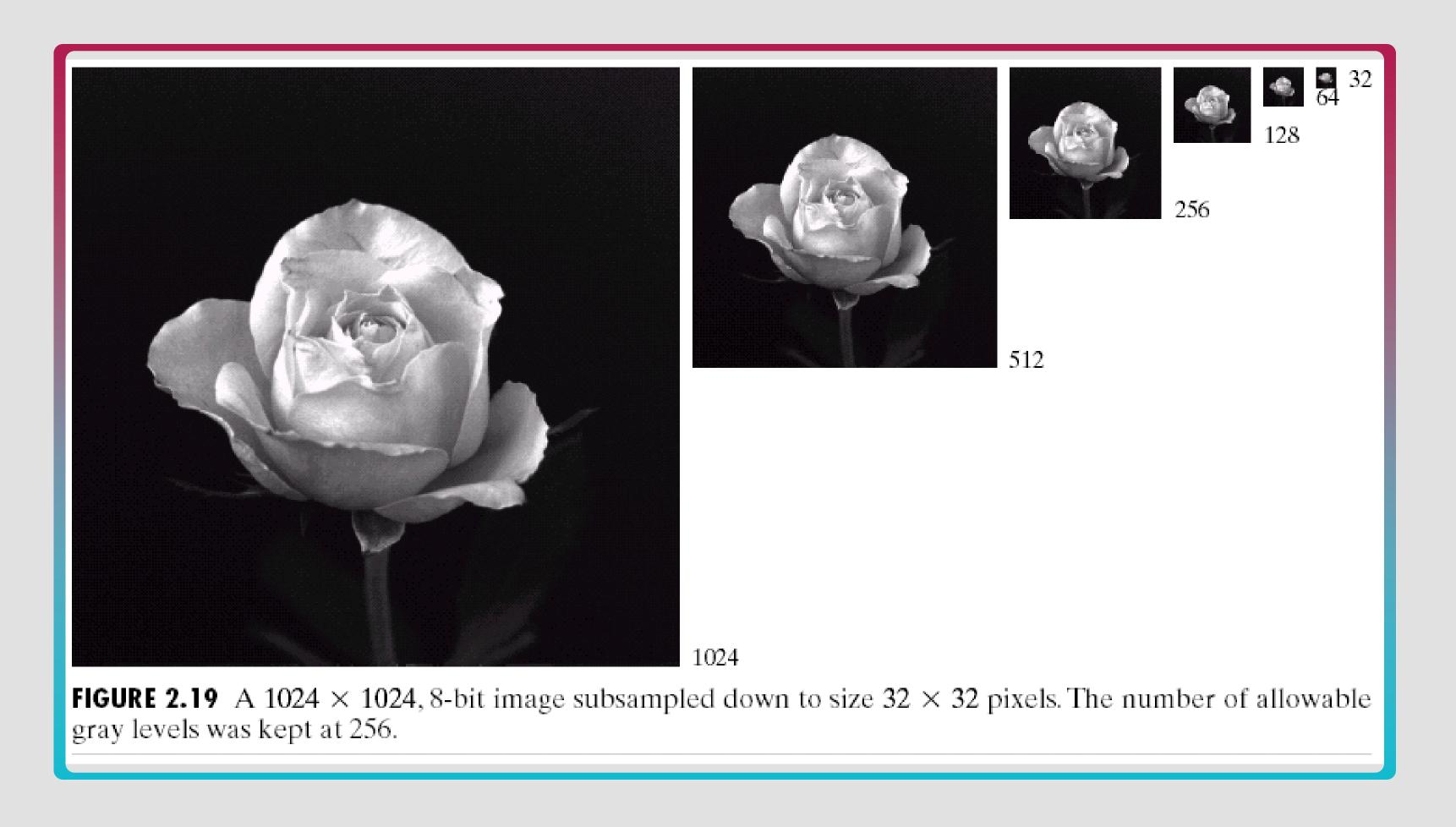




Se hizo zoom de las imágenes al tamaño original

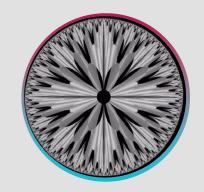
Ejemplos de reducción de resolución espacial (Submuestreo)

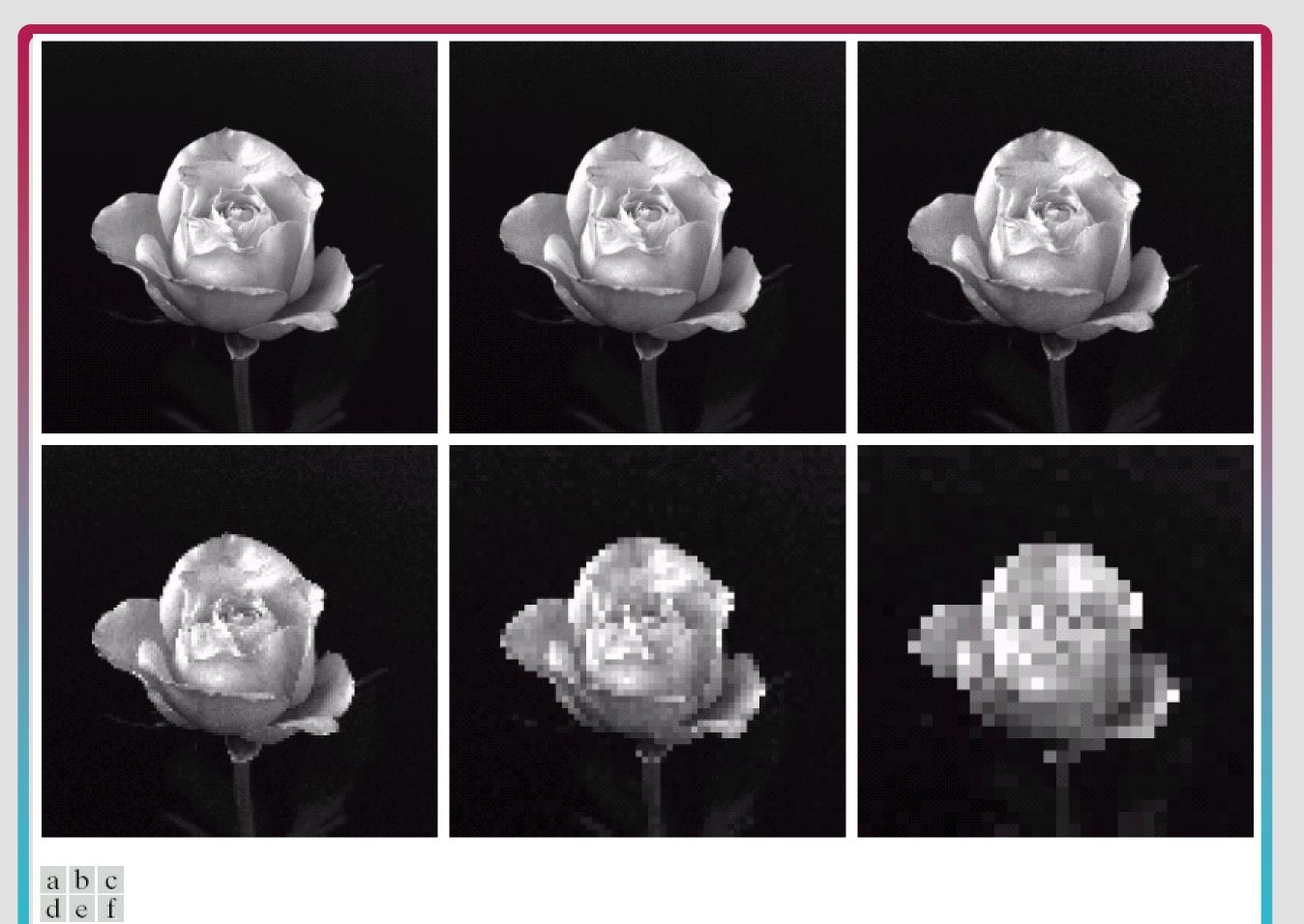




Submuestreo por eliminación de filas y columnas

Re-muestreo a 1024x1024 (Ejemplo de pérdida de información por el submuestreo preliminar)



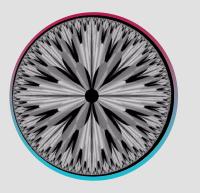


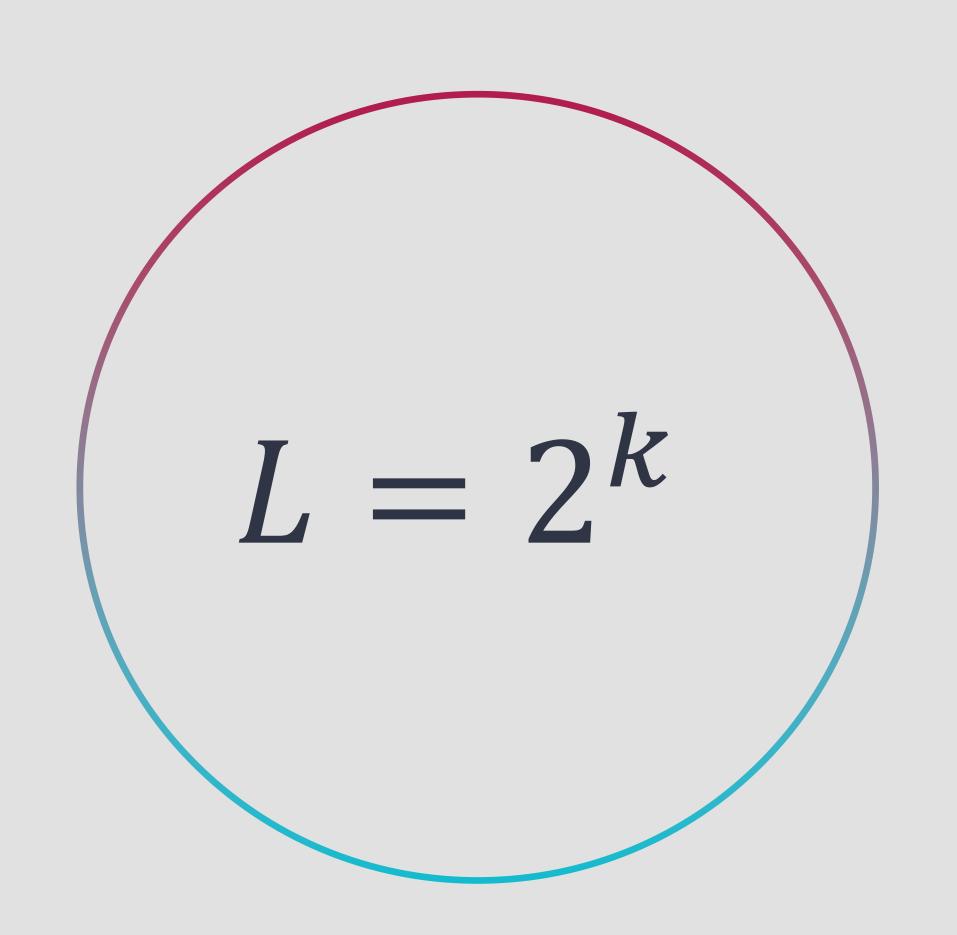
Re-muestreo por duplicación de filas y columnas

FIGURE 2.20 (a) 1024×1024 , 8-bit image. (b) 512×512 image resampled into 1024×1024 pixels by row and column duplication. (c) through (f) 256×256 , 128×128 , 64×64 , and 32×32 images resampled into 1024×1024 pixels.

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Número de niveles discretos de intensidad: L



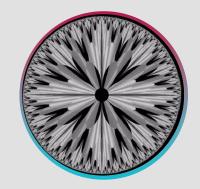


Por restricciones de hardware, el número máximo de niveles de la imagen es potencia de 2

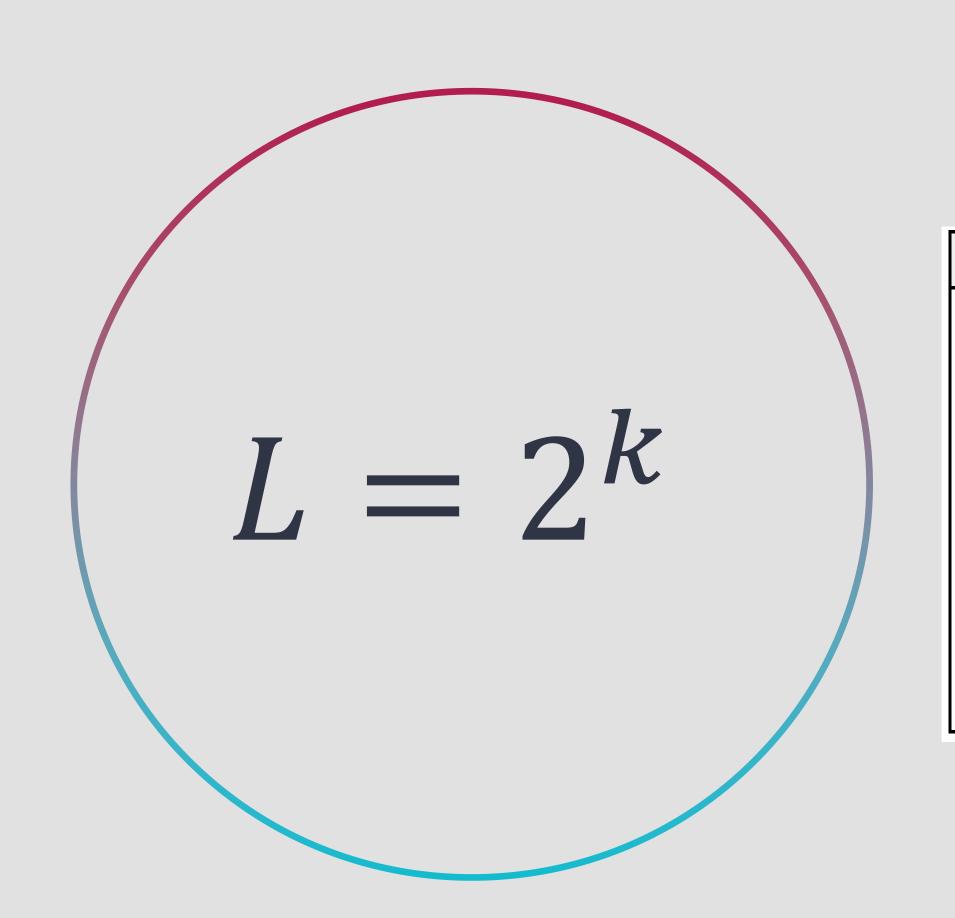
Bits necesarios para almacenar una imagen: $b = M \times N \times k$

Usualmente decimos que una imagen digital de tamaño $M \times N$ con L niveles de gris tiene una resolución espacial de $M \times N$ pixeles y una resolución de nivel de gris de L niveles

Número de niveles discretos de intensidad: L



1 byte

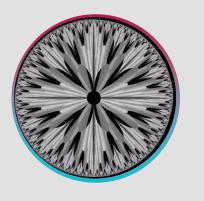


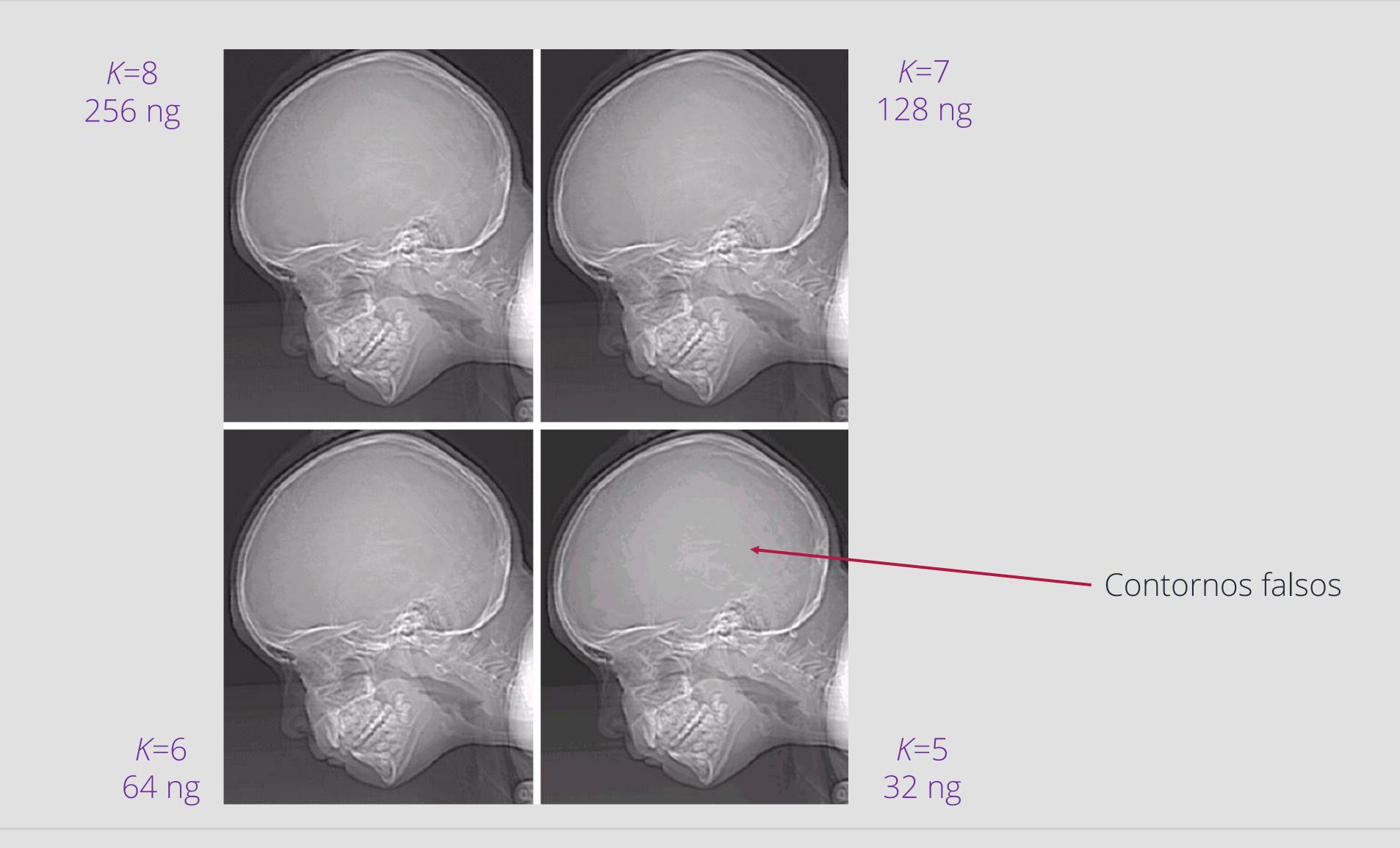
								<u> </u>
N/k	1(L=2)	2 (L = 4)	3(L = 8)	4(L = 16)	5(L = 32)	6 (L = 64)	7(L = 128)	8(L=256)
32	1,024	2,048	3,072	4,096	5,120	6,144	7,168	8,192
64	4,096	8,192	12,288	16,384	20,480	24,576	28,672	32,768
128	16,384	32,768	49,152	65,536	81,920	98,304	114,688	131,072
256	65,536	131,072	196,608	262,144	327,680	393,216	458,752	524,288
512	262,144	524,288	786,432	1,048,576	1,310,720	1,572,864	1,835,008	2,097,152
1024	1,048,576	2,097,152	3,145,728	4,194,304	5,242,880	6,291,456	7,340,032	8,388,608
2048	4,194,304	8,388,608	12,582,912	16,777,216	20,971,520	25,165,824	29,369,128	33,554,432
4096	16,777,216	33,554,432	50,331,648	67,108,864	83,886,080	100,663,296	117,440,512	134,217,728
8192	67,108,864	134,217,728	201,326,592	268,435,456	335,544,320	402,653,184	469,762,048	536,870,912

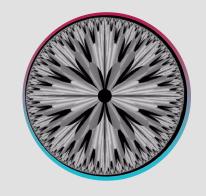
Imagen 8-bits

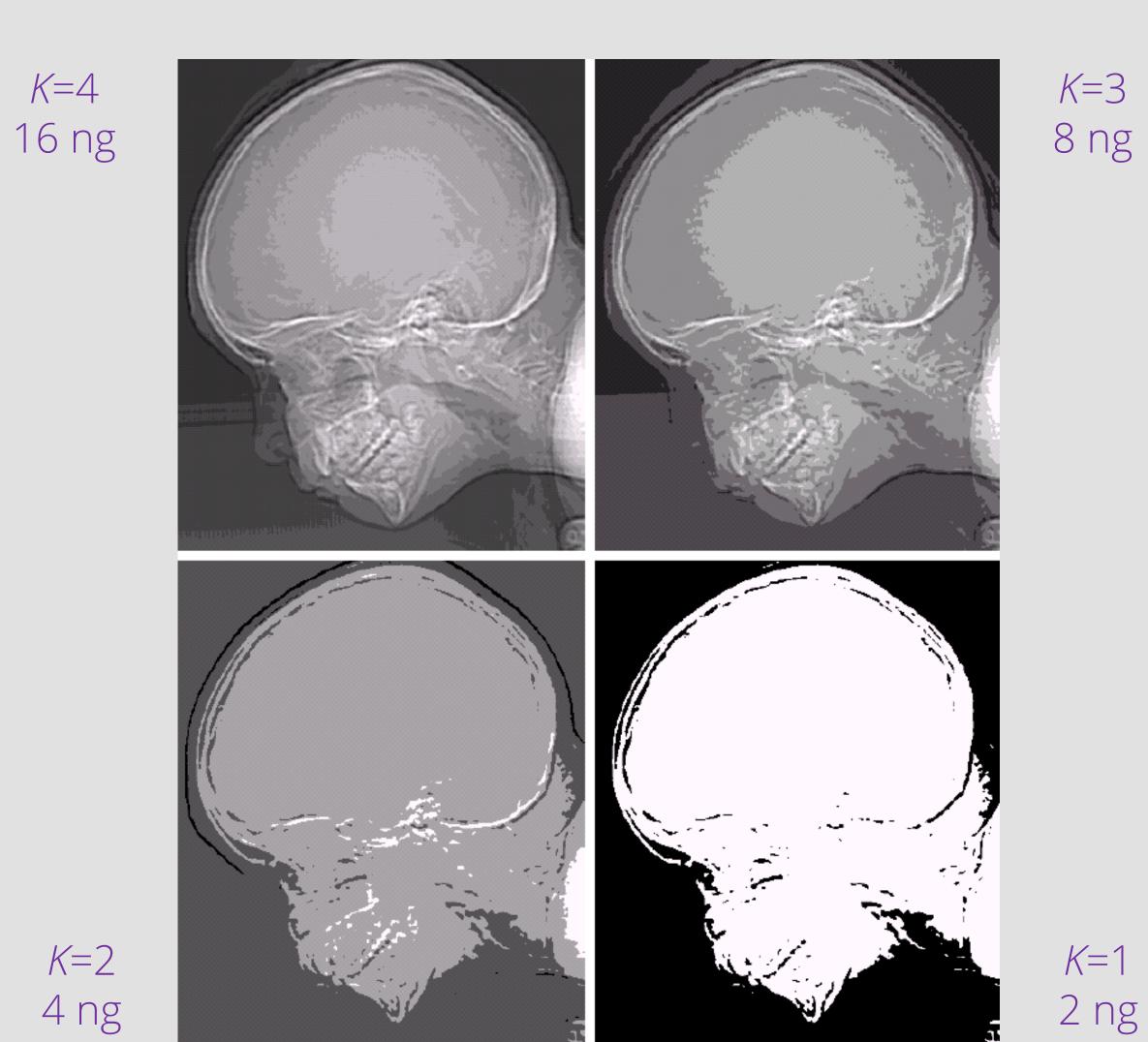
Bits necesarios para almacenar una imagen en función de Ny k

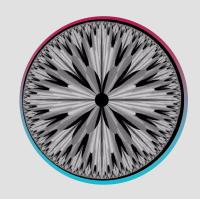
8 Mb





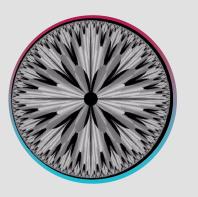


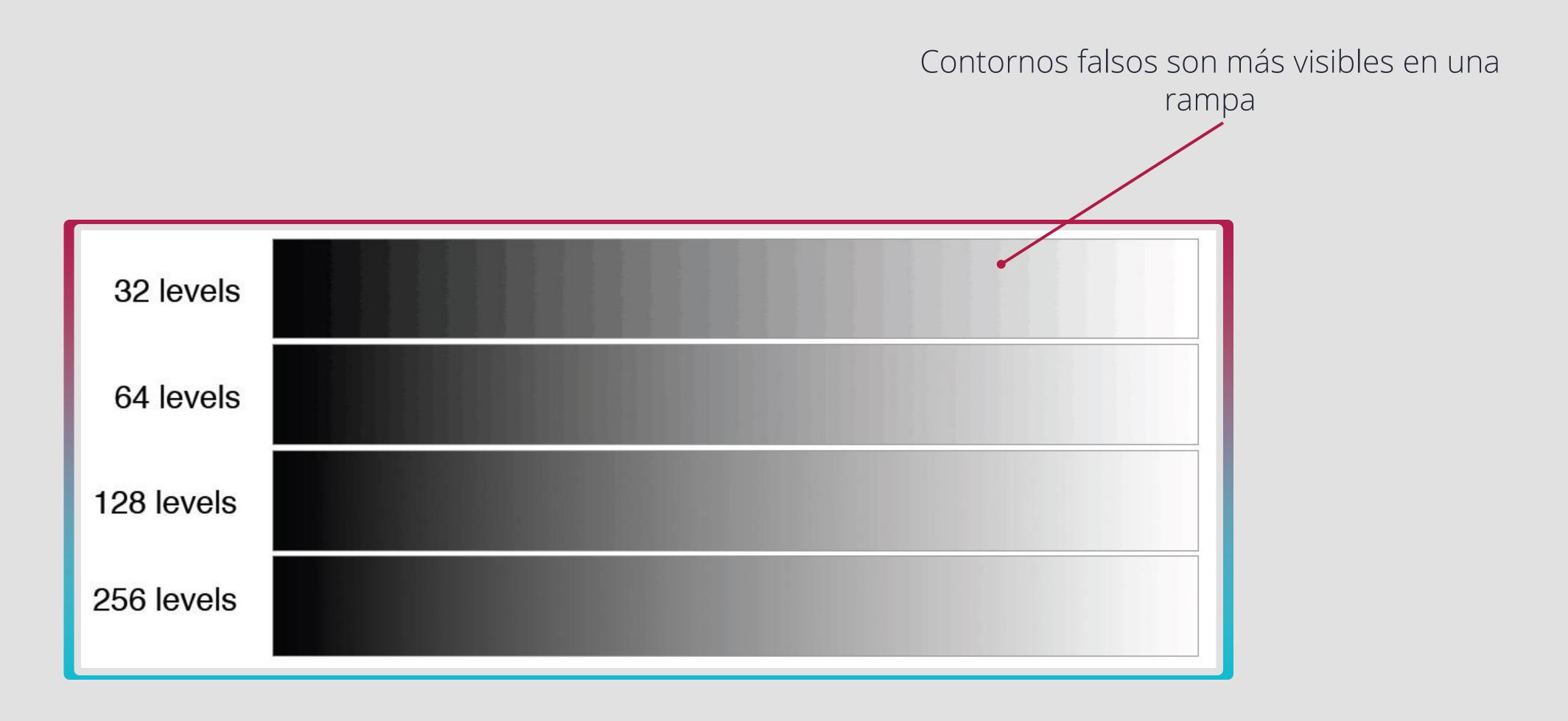




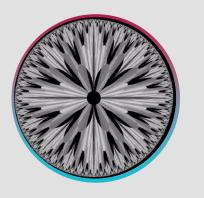


18





Interpolación como herramienta básica de remuestreo

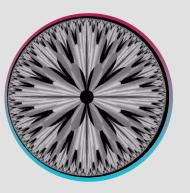


· Utilizar información (datos) conocida para estimar valores en posiciones desconocidas.

 Herramienta básica de remuestreo (zoom +/-), rotación, transformaciones geométricas.

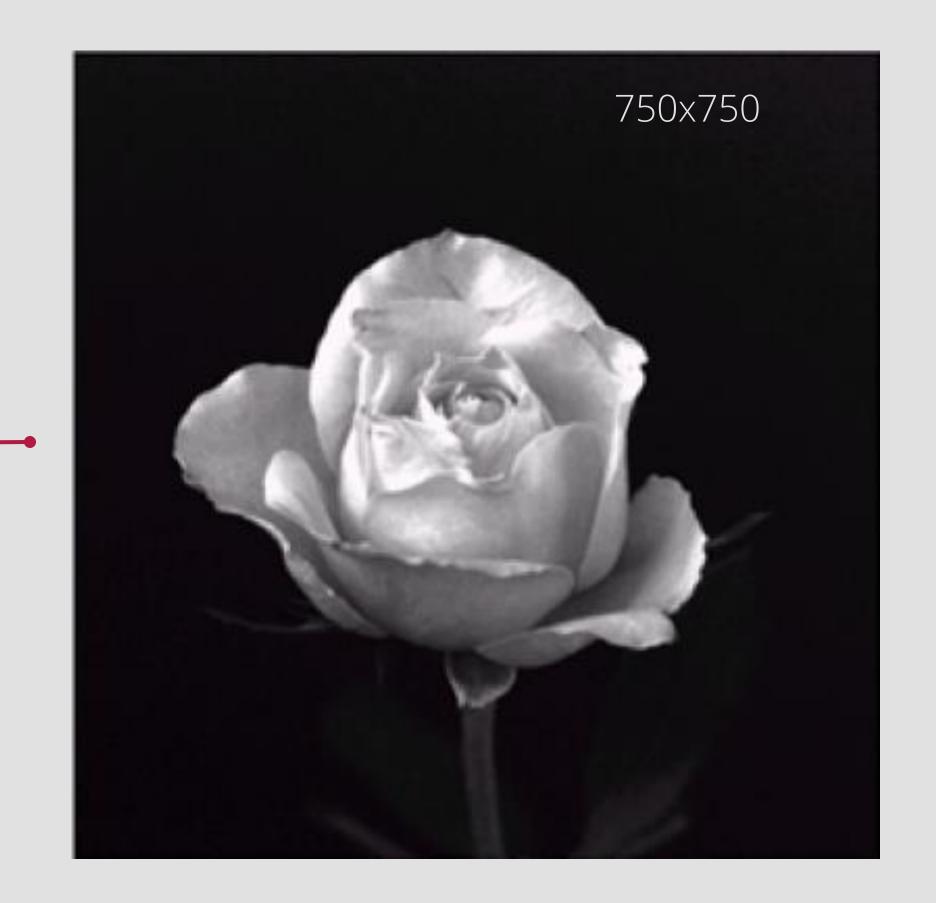
20

Interpolación como herramienta básica de remuestreo

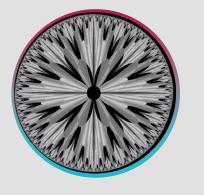


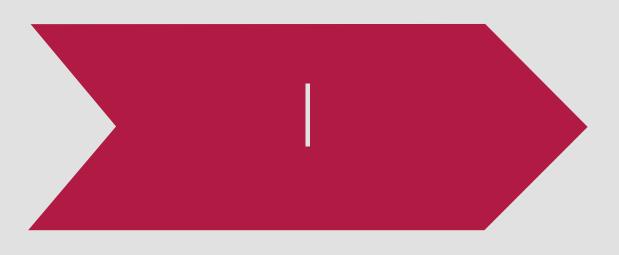


Zoom

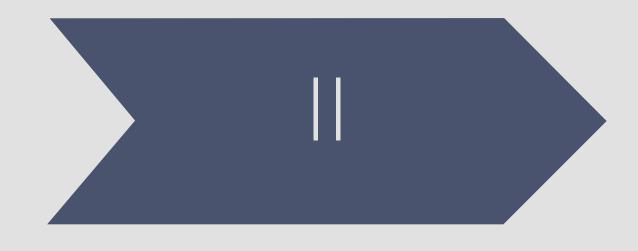


3 pasos.....





Creación de nuevas posiciones de pixel (malla imaginaria).

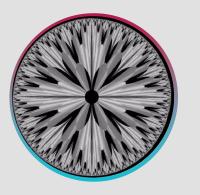


Asignación de niveles de gris a las nuevas posiciones.

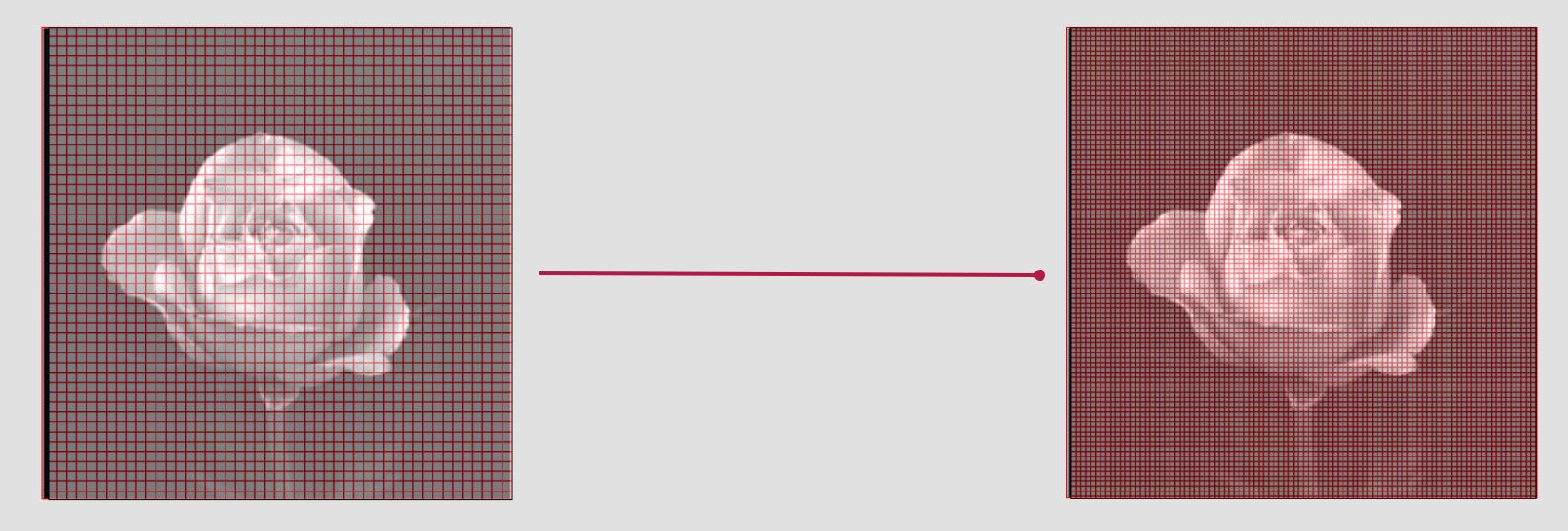


Expansión (de la malla) al tamaño deseado (para preservar la resolución inicial).

3 pasos.....

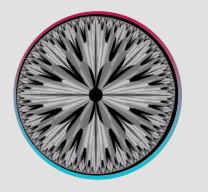


I. Creación de nuevas posiciones de pixel (malla imaginaria).

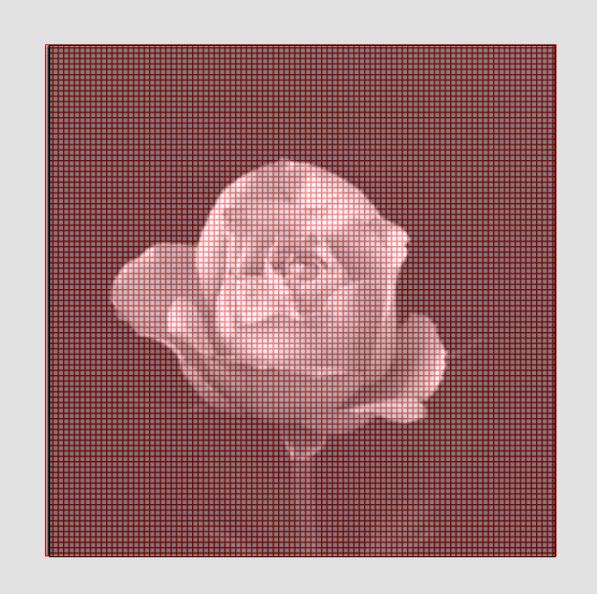


nuevas celdas < pixel original

3 pasos.....



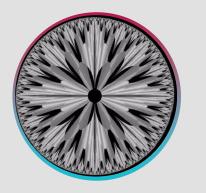
II. Asignación de niveles de gris a las nuevas posiciones.



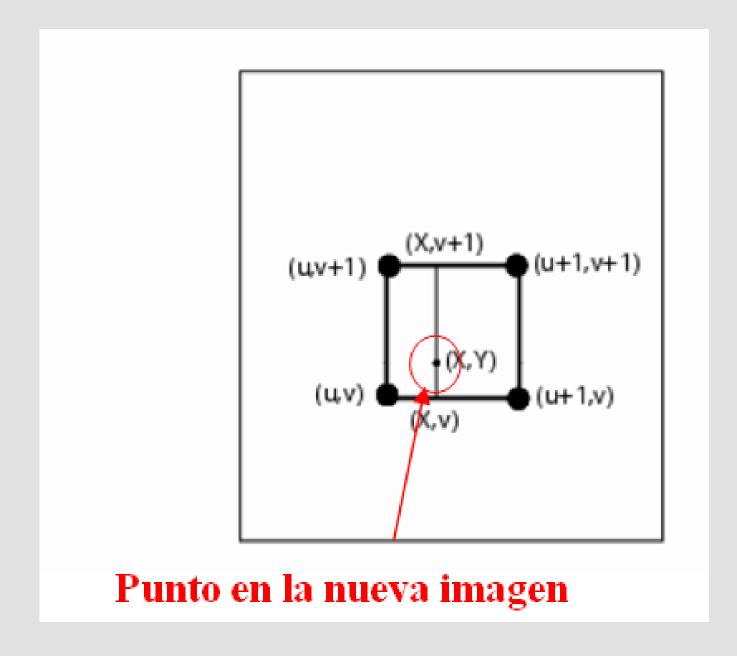
Interpolación: Utilizar información (datos) conocida para estimar valores en posiciones desconocidas

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

3 pasos.....



II. Asignación de niveles de gris a las nuevas posiciones.

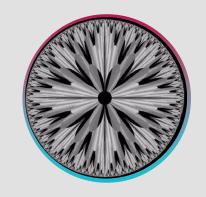


Interpolación del vecino más próximo: Nivel de gris del punto más cercano en la imagen original

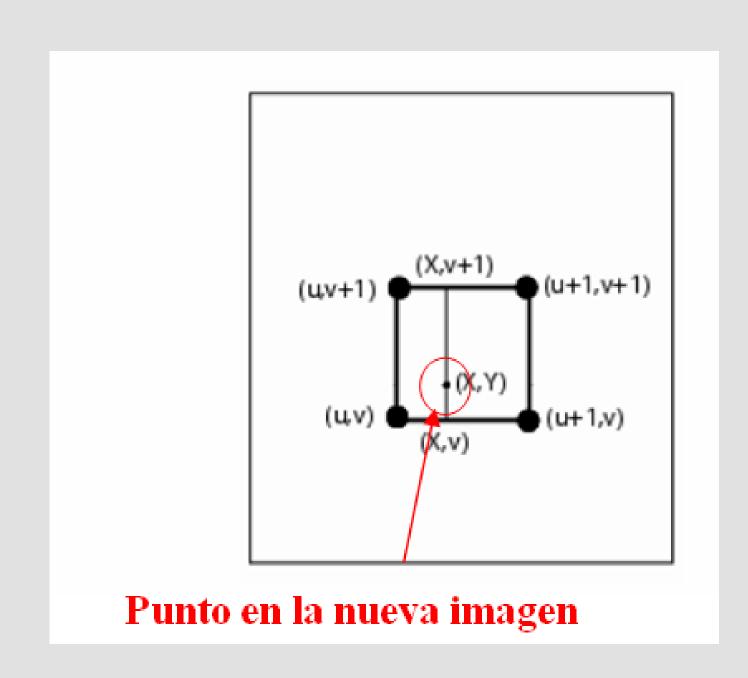
$$I(X,Y) = I(u,v)$$

25

3 pasos.....



II. Asignación de niveles de gris a las nuevas posiciones.



Interpolación bilineal: promedio ponderado de los 4 vecinos más cercanos

$$I(X,Y) = W_{u,v}I(u,v) + W_{u+1,v}I(u+1,v)$$

$$+ W_{u,v+1}I(u,v+1) + W_{u+1,v+1}I(u+1,v+1)$$

$$W_{u,v} = (u+1-x)(v+1-y)$$

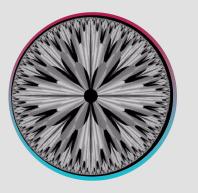
$$W_{u+1,v} = (x-u)(v+1-y)$$

$$W_{u,v+1} = (u+1-x)(y-v)$$

$$W_{u+1,v+1} = (x-u)(y-v)$$

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Ejemplos de zoom



Vecino mas próximo (+ rápido pero efectos escalera en los contornos y pixelado)

Interpolación bilineal

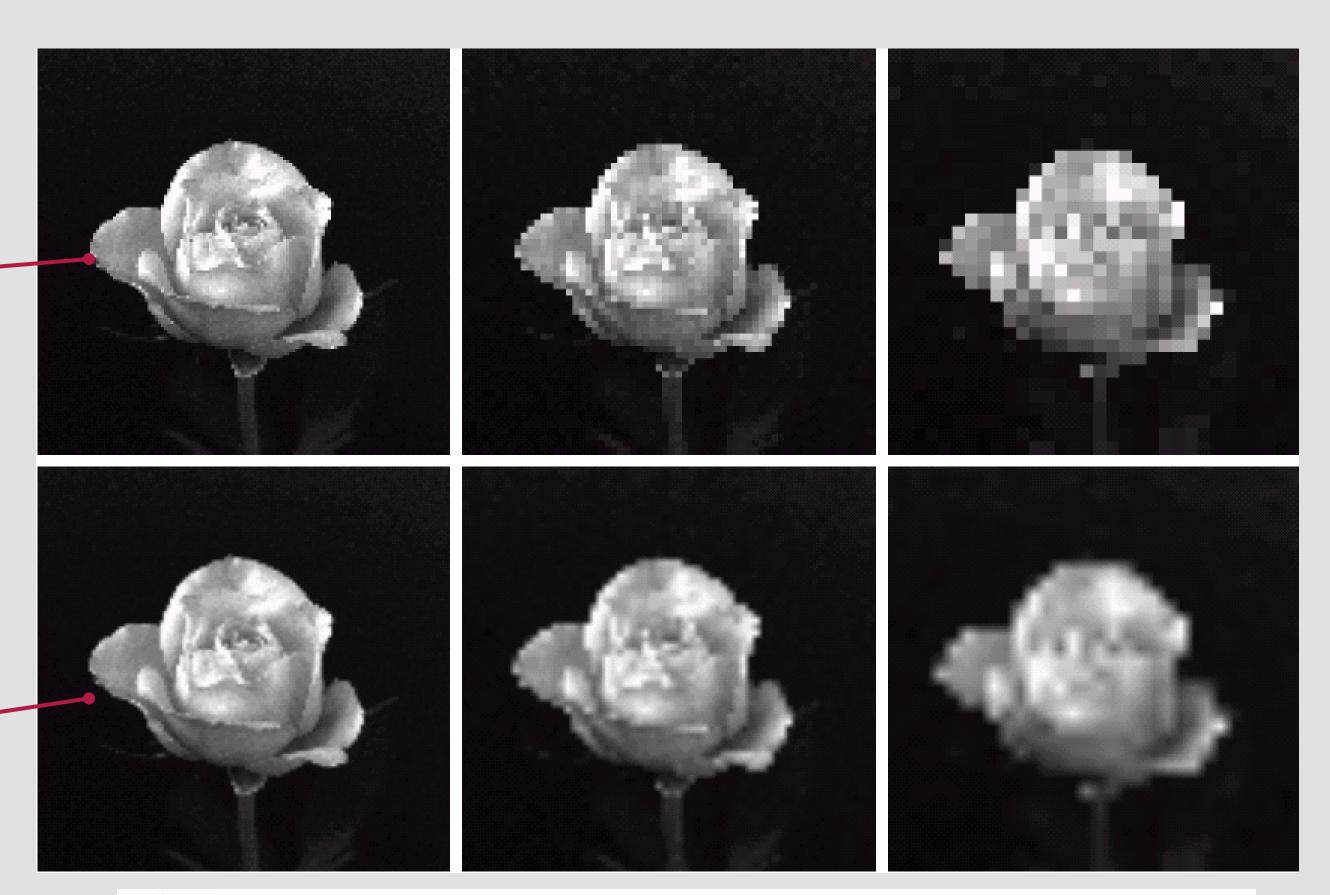
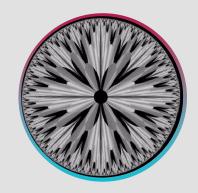


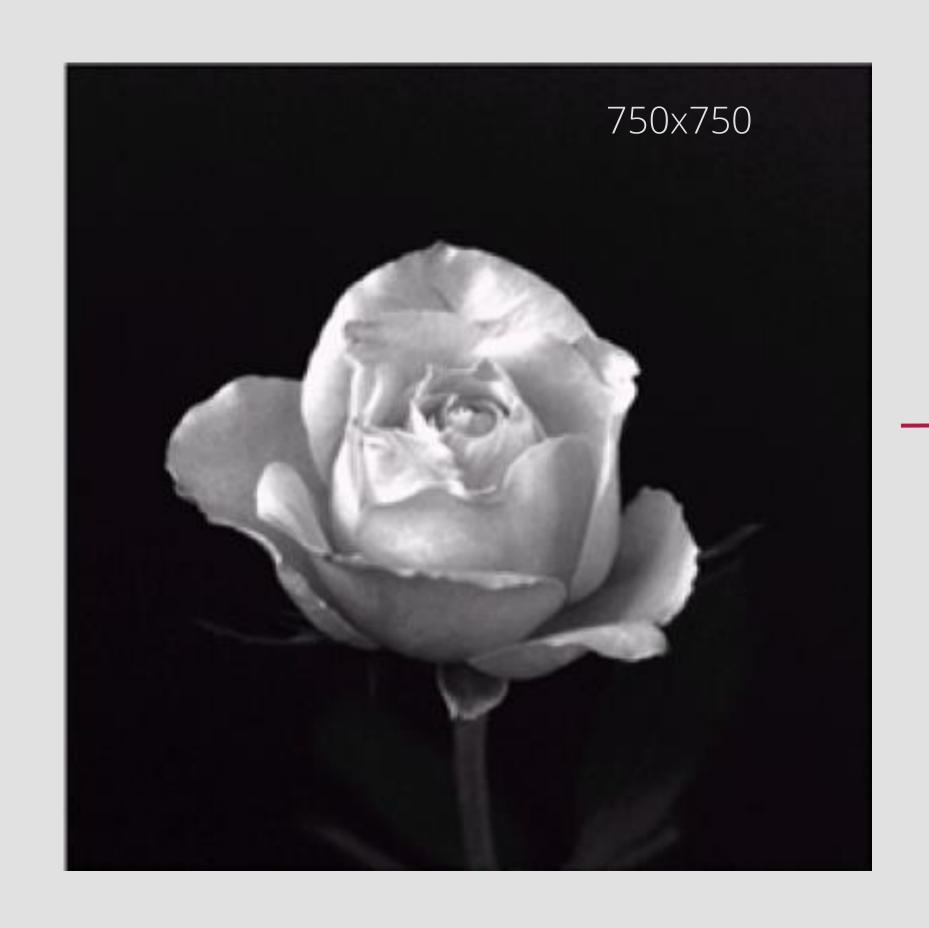


FIGURE 2.25 Top row: images zoomed from 128×128 , 64×64 , and 32×32 pixels to 1024×1024 pixels, using nearest neighbor gray-level interpolation. Bottom row: same sequence, but using bilinear interpolation.

lmágenes y visión © R.C González & R.E Woods

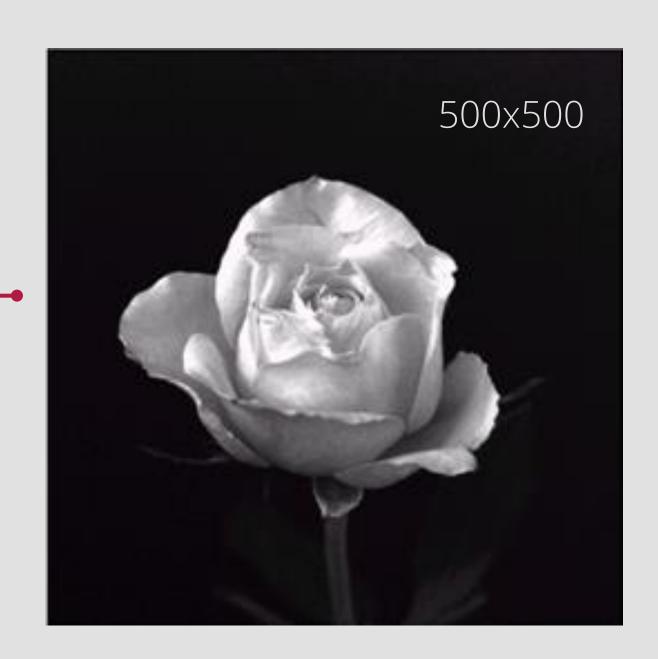
Zoom - : supresión de pixeles





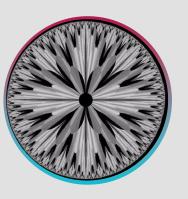
Zoom-

- Eliminación de filas y columnas
 - Promedio o mediana de los vecinos





Geometría de la imagen= relaciones básicas entre píxeles





Vecinos de un pixel

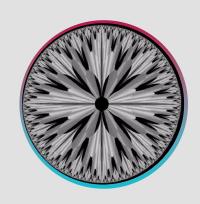


Adyacencia, conectividad, regiones y fronteras



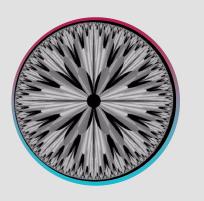
Medidas de distancia

Vecinos de un pixel p(x,y)

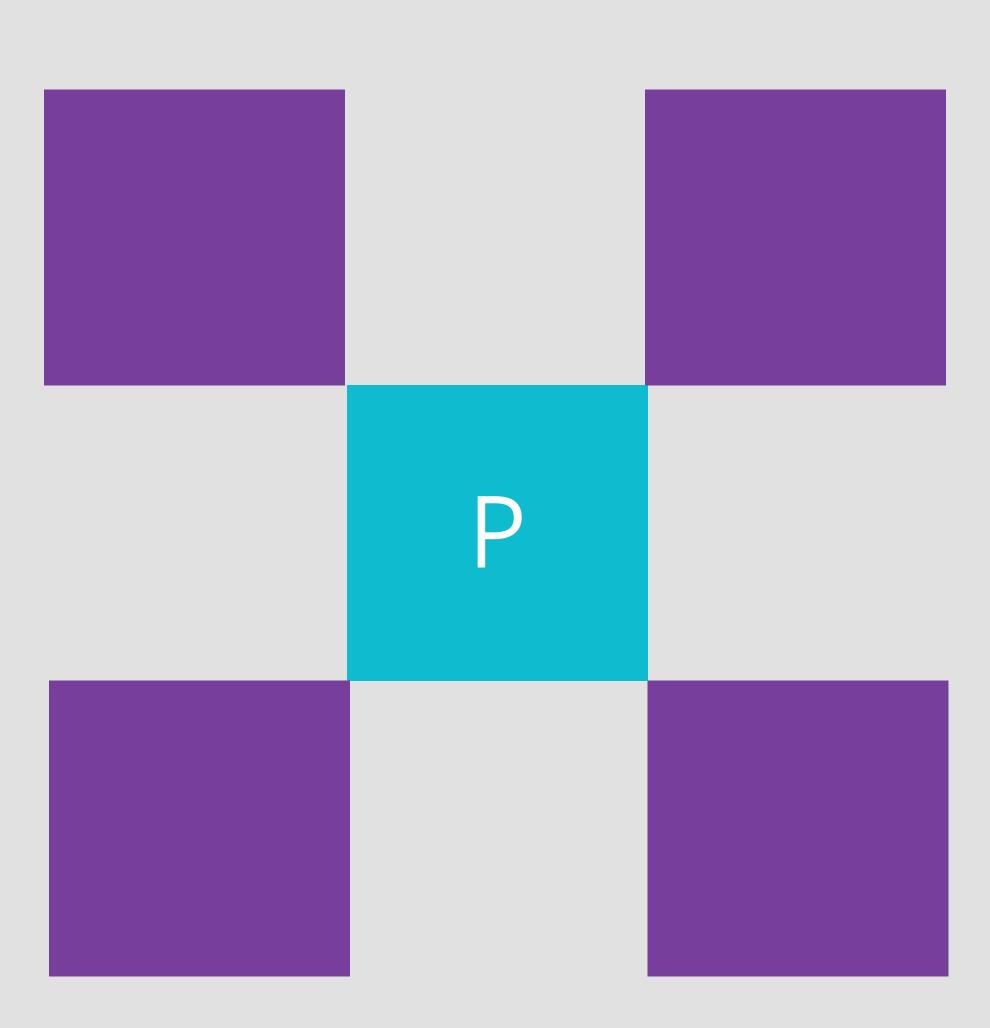


 $N_4(p)$: 4-vecinos de p

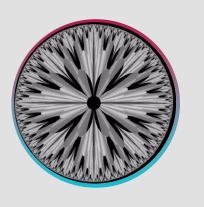
Vecinos de un pixel p(x,y)



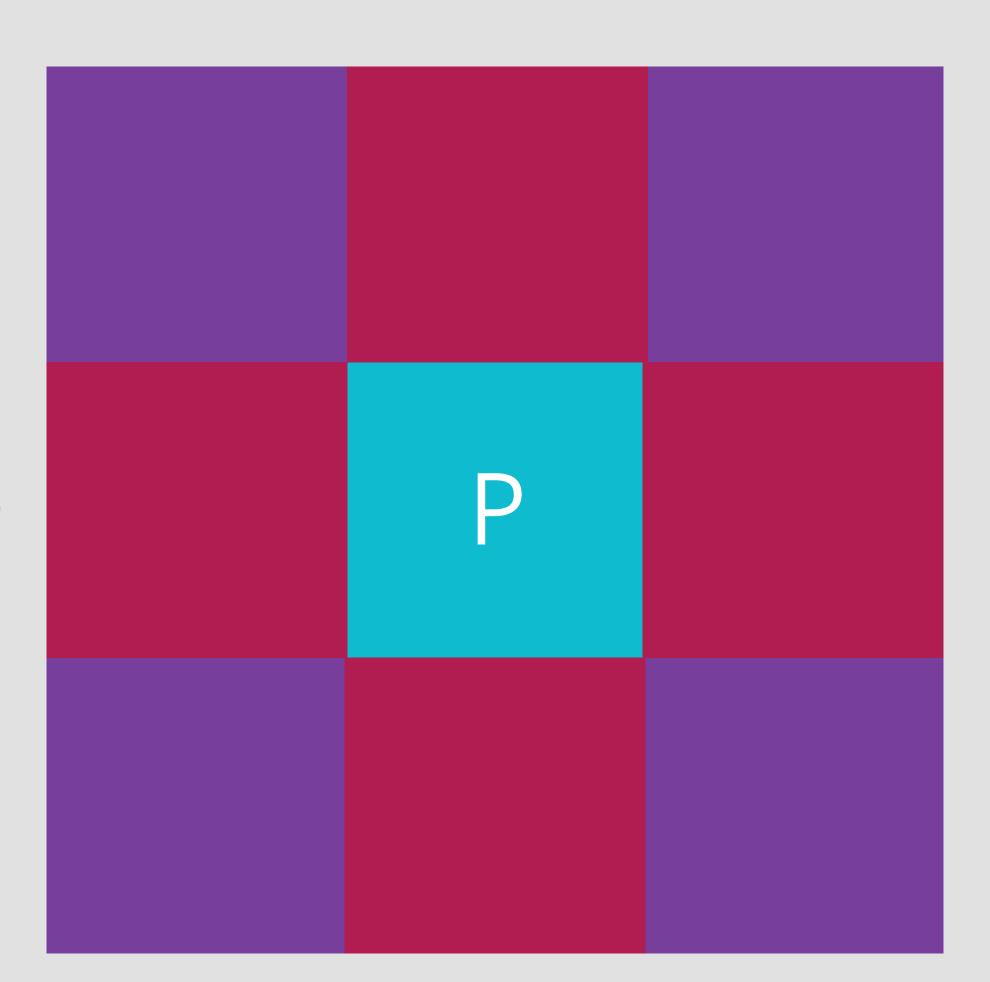
 $N_D(p)$: vecinos diagonales de p



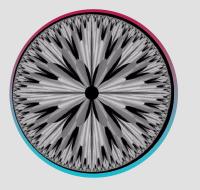
Vecinos de un pixel p(x,y)



 $N_8(p)$: 8-vecinos de p



Adyacencia



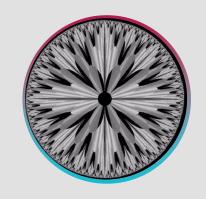
- Base para definir la conectividad (que a la vez es el concepto fundamental para definir regiones y fronteras)

- 2 píxeles son adyacentes si:
 - Son vecinos
 - Satisfacen algún criterio de similaridad:
 - Mismo nivel de gris
 - Diferencia máxima de niveles de gris
 - Tienen un nivel de gris que pertenece a un conjunto V limitado de niveles de gris.
- Ejemplo imagen binaria (ng 0 o 1):

 $V = \{1\}$: 2 pixeles son adyacentes si son vecinos y tienen un ng = 1.

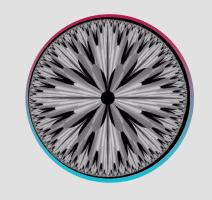
Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Tipos de adyacencia entre p y q

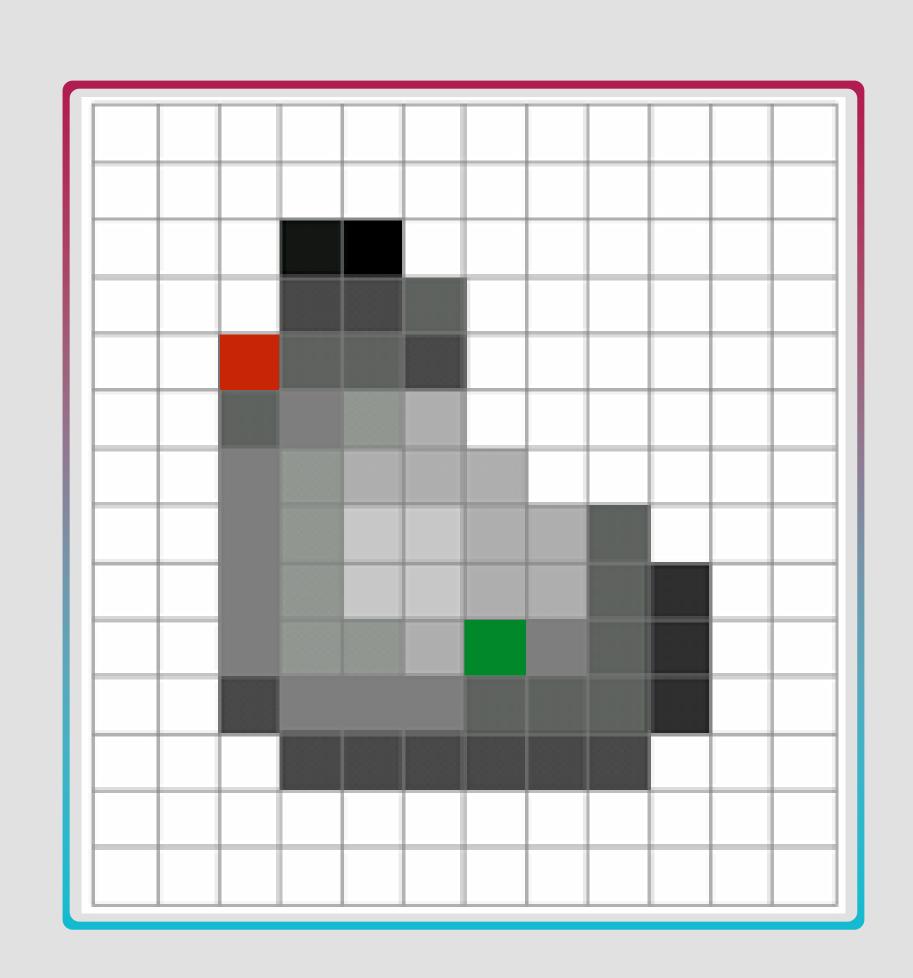


- 4-adyacencia:
 - $q \in N_4(p) Y$
 - pyqtienen valores de V
- 8-adyacencia:
 - $q \in N_8(p) Y$
 - p y q tienen valores de V

Camino de p(x,y) a q(s,t)



n = Longitud del camino

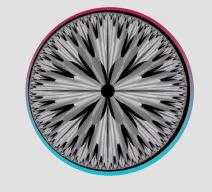


$$(x_0,y_0),(x_1,y_1),\ldots,(x_n,y_n)$$

$$(x_o, y_o) = (x, y)$$

$$(x_n, y_n) = (s, t)$$

$$(x_i, y_i)$$
 y (x_{i-1}, y_{i-1}) son adyacentes



Camino cerrado:

$$(x_0, y_0) = (x_n, y_n)$$

Más sobre caminos

4-,8- caminos:

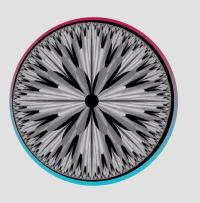
Camino dependiendo de la adyacencia especificada.

0 1 0

0 0 1

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Conectividad



- Dentro de un subconjunto S de píxeles de la imagen:
 - p y q son conexos si existe un camino entre los dos, compuesto por píxeles de S

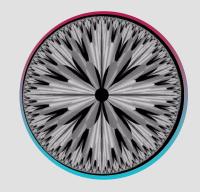


E Componente conexo:

- Conjunto de píxeles conexos a un pixel p en S.
- · Si sólo hay un componente conexo en S, se llama conjunto conexo.

© R.C González & R.E Woods

Más sobre conectividad....





Región:

Subconjunto de píxeles de una imagen que es un conjunto conexo.

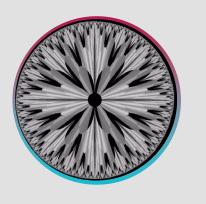
Regiones adyacentes (4 y 8):

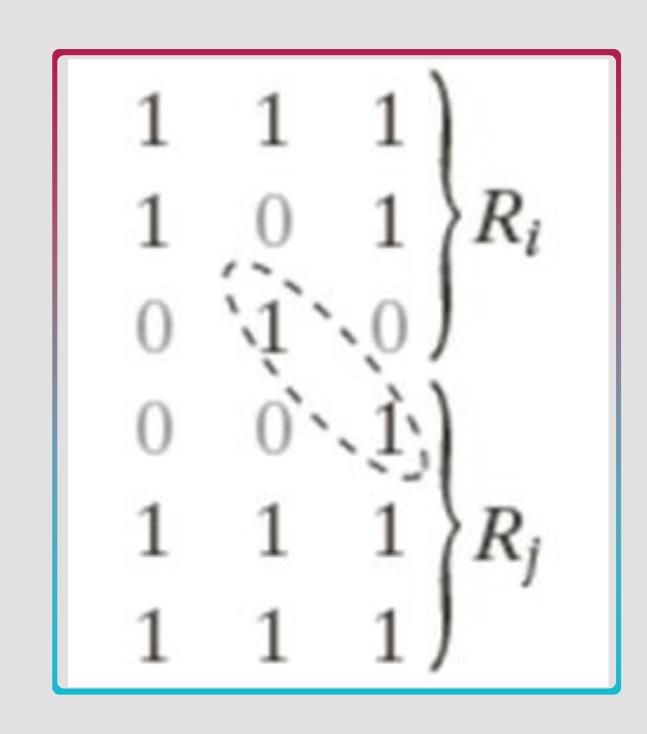
Su unión forma un conjunto conexo.

-----Regiones disyuntas:

No son adyacentes.

R.E Woods $\left(3\right)^{3}$

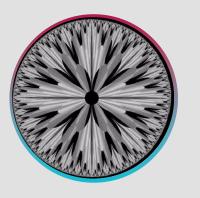




El tipo de adyacencia debe ser especificado

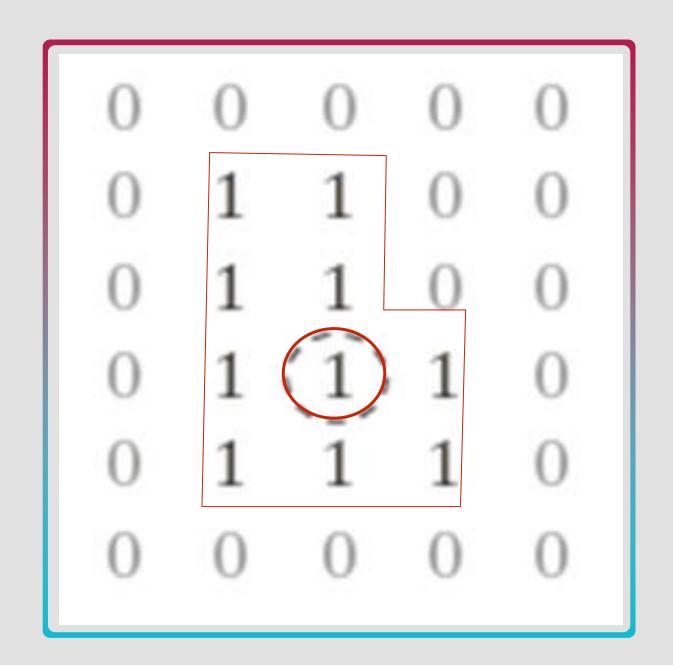
 R_i y R_j son regiones (de 1s) adyacentes si se usa 8-adyacencia. Con 4-adyacencia son disyuntas

Frontera (o contorno)



Frontera de una región:

Conjunto de píxeles de la región que tienen uno o más vecinos que no pertenecen a la región.

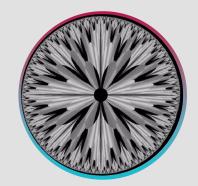


El tipo de adyacencia debe ser especificado

No haría parte de la frontera si se usa 4-adyacencia

Regla general: 8-adyacencia

Frontera ≠ Borde



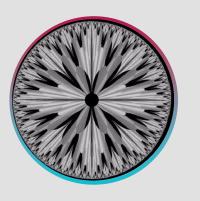
Frontera Camino cerrado.

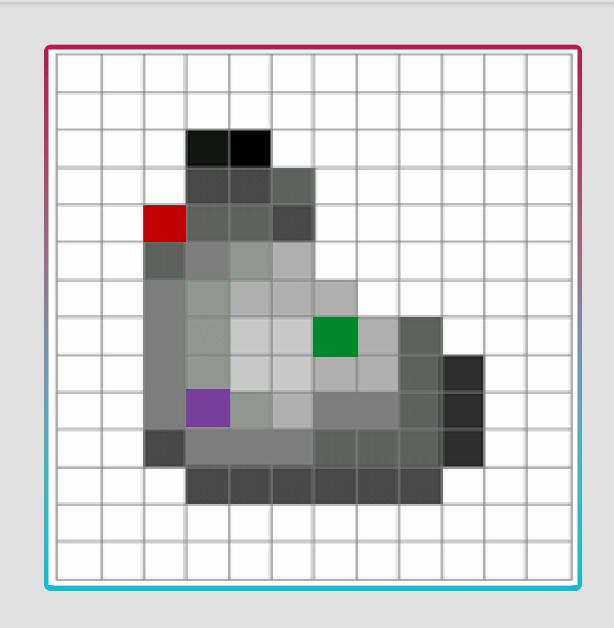
Borde

- Discontinuidad del nivel de gris en un punto
- Puntos donde la derivada de la imagen es superior a un umbral.

En imágenes binarias: Borde = Frontera

Medidas de distancia





$$p:(x,y)$$
 $q:(s,t)$ $z:(v,w)$

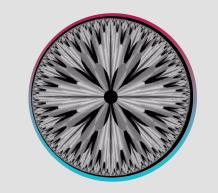
D es una función de distancia o métrica si:

•
$$D(p,q) \ge 0 \ (D(p,q) = 0 \ \text{ssi} \ p=q),$$

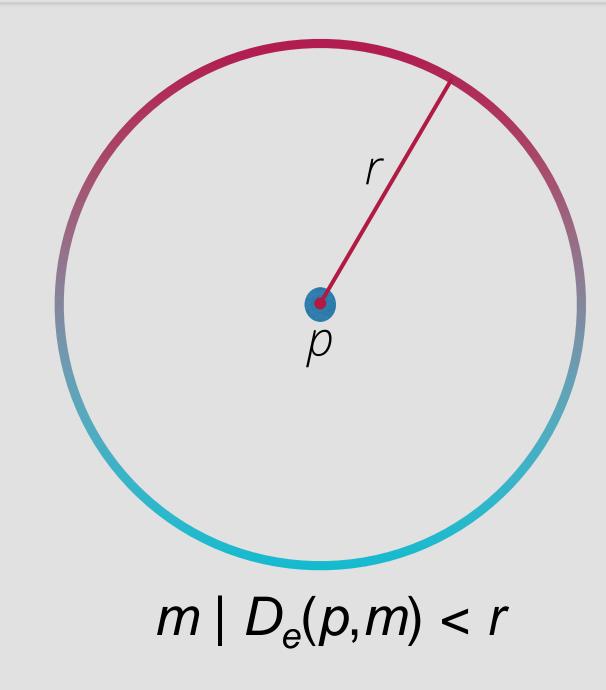
•
$$D(p,q) = D(q,p)$$
,

•
$$D(p,z) \le D(p,q) + D(q,z)$$

Medidas de distancia



$$p:(x,y) \quad q:(s,t)$$

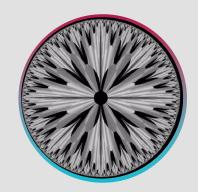


Distancia euclidiana:

$$D_e(p,q) = \sqrt{(x-s)^2 + (y-t)^2}$$

Distancia
$$D_4$$
 (citi-block):
 $D_4(p,q) = |x-s| + |y-t|$

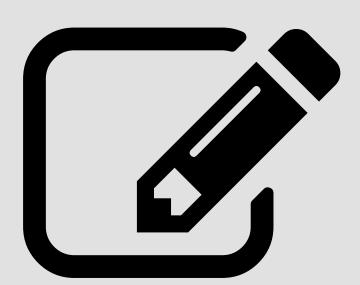
Medidas de distancia



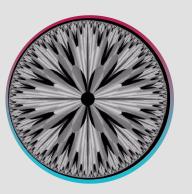
Distancia D_8 :

$$D_8(p,q) = \max(|x-s|, |y-t|)$$

Operaciones entre imágenes



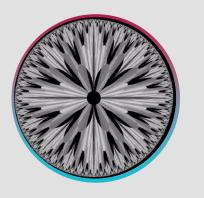
Operaciones entre imágenes basadas en píxeles (pixel a pixel)



- Operaciones aritméticas
 - Adición
 - Sustracción
 - Máximo
 - Mínimo

- Operaciones lógicas
 - AND
 - OR
 - XOR
 - NOT

Adición...



- En la teoría: s(x,y) = f(x,y) + g(x,y)
- En la práctica: s(x,y) = gain * (f(x,y) + g(x,y) - offset)
- Otra solución:

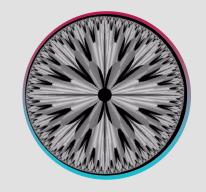
 Dejar en 255 (niv. de gris max) todos los píxeles que exceden 255



$$2.s_f = K(s_m / \max(s_m))$$

Reescalar los valores en el rango [0, K]

Sustracción...



En la teoría:

$$s(x,y) = f(x,y) - g(x,y)$$

- En la práctica: s(x,y) = gain * (f(x,y) - g(x,y) + offset)
- Ejemplos:
 - 1. Sumar 255 a cada pixel y luego dividir entre 2
 - 2. Llevar el mínimo a 0 (sumando el valor + negativo) y luego escalar todos los valores al intervalo [0,255], multiplicando cada pixel por 255/max de la imagen.

Ejemplos de sustracción

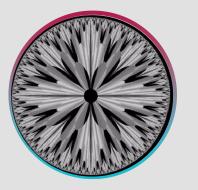
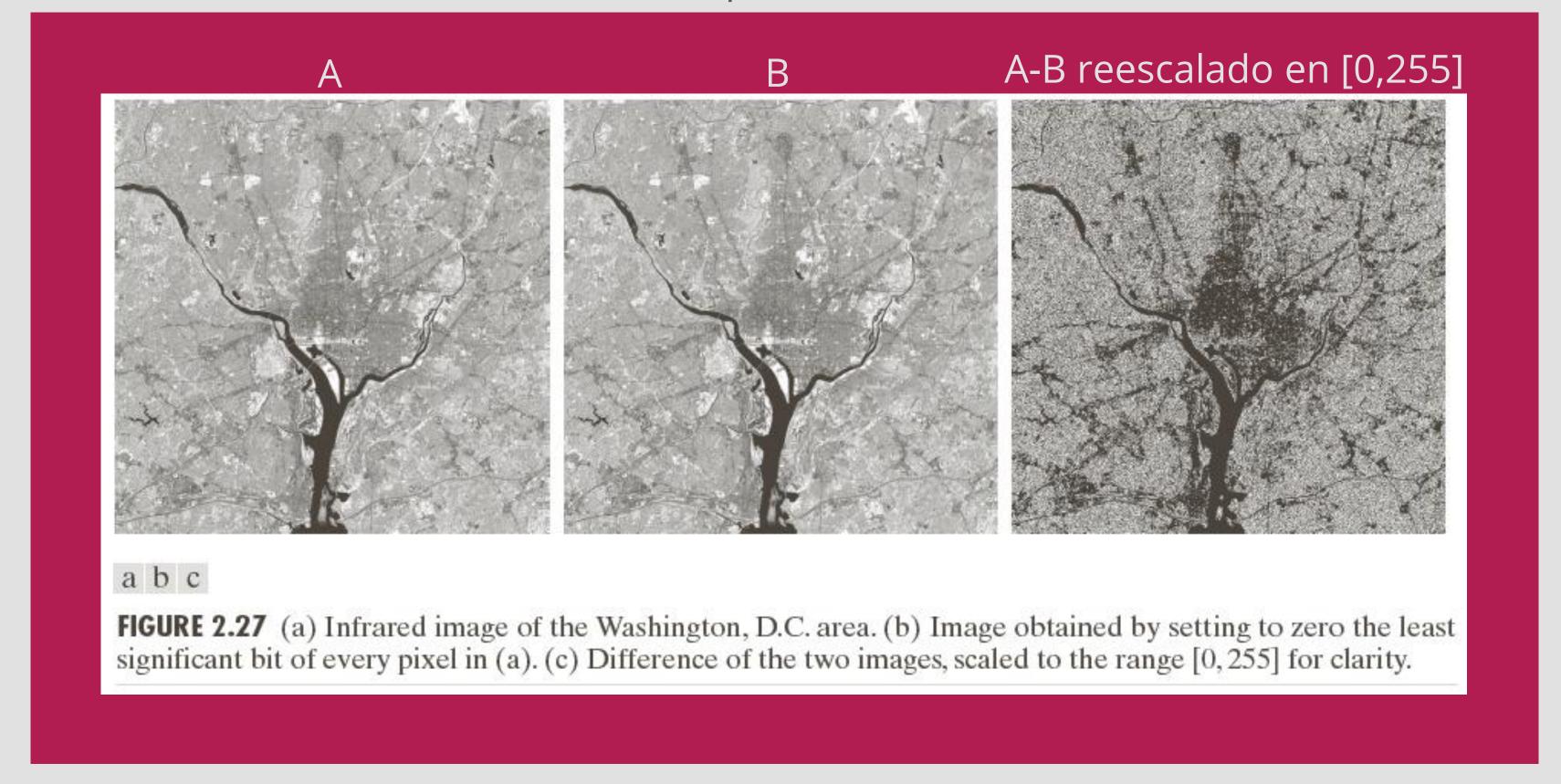


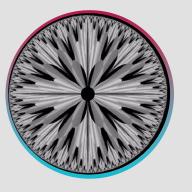
Imagen infrarroja

Bit menos significativo de cada pixel = 0

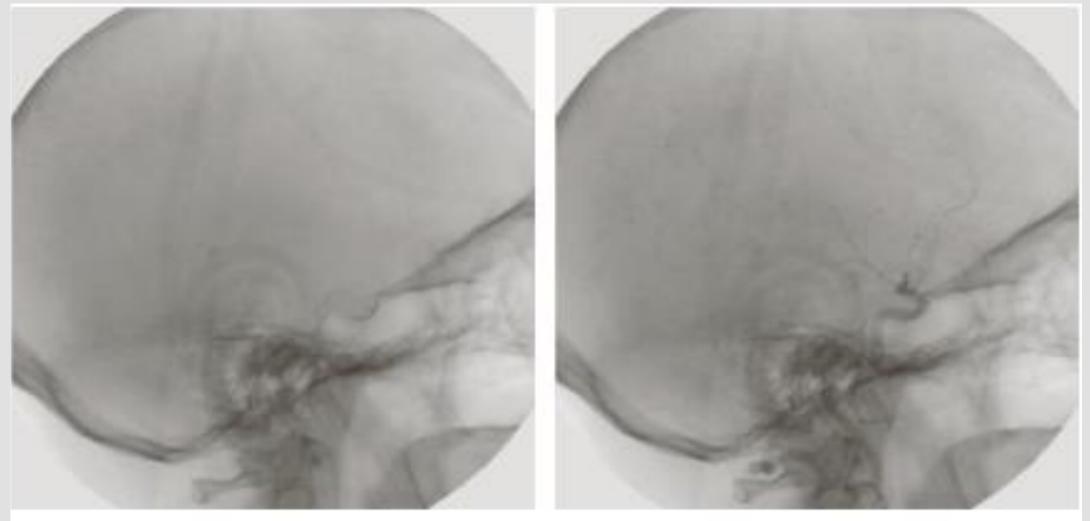


Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Ejemplos de sustracción

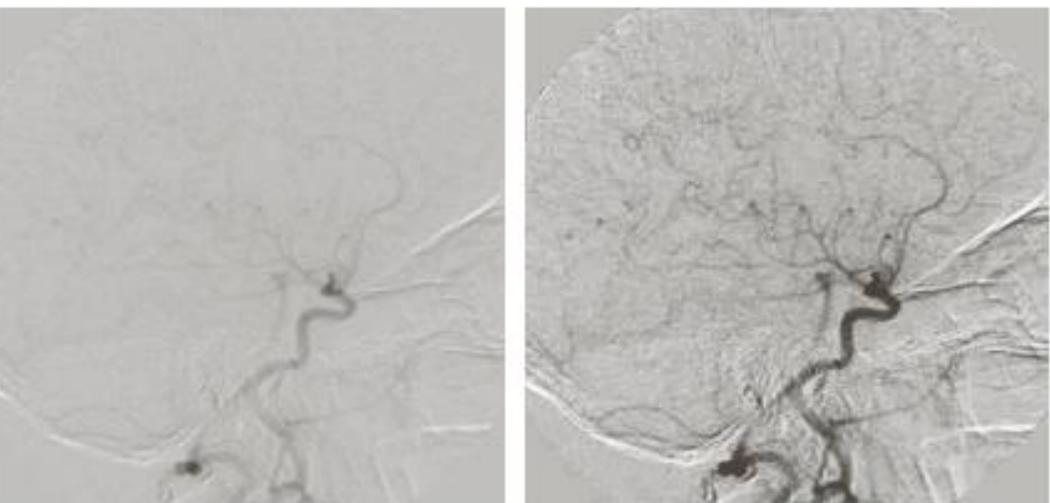


A: Imagen antes de inyección de producto de contraste

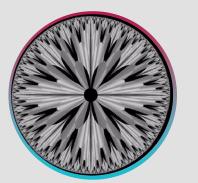


B: Imagen después de inyección de producto de contraste

A-B

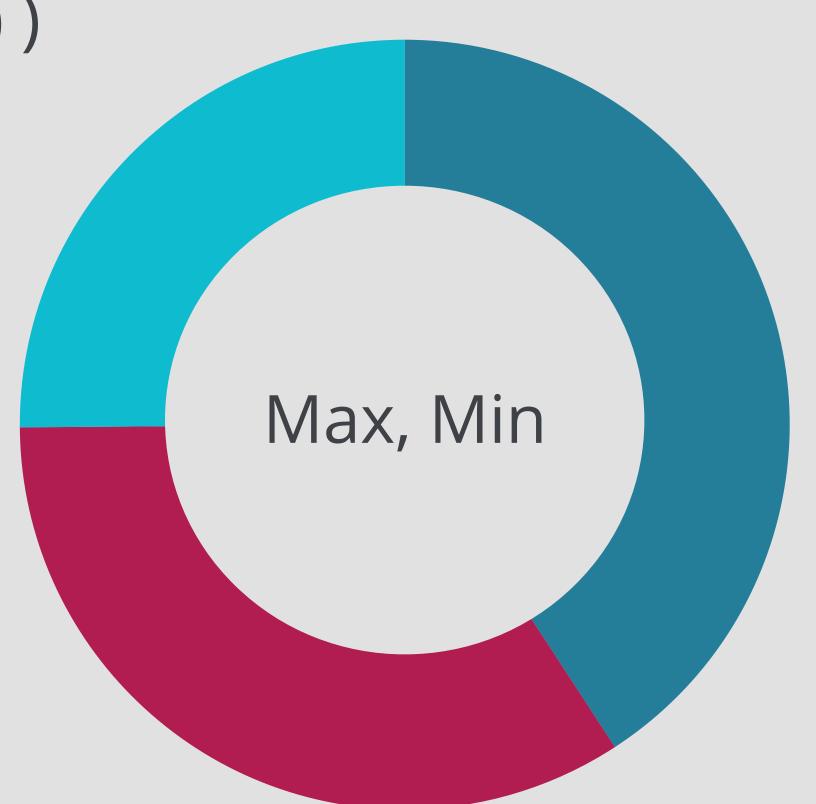


A – B reescalada



Máximo:

 $s(x,y) = \max(f(x,y), g(x,y))$

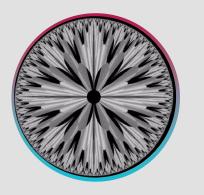


Mínimo: $s(x,y) = \min(f(x,y), g(x,y))$

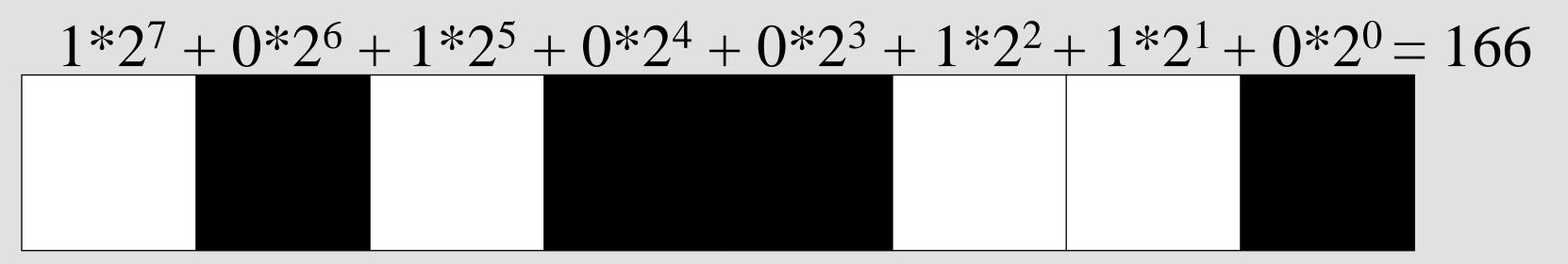
Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods



Operaciones lógicas



El valor del pixel es procesado como una cadena de números binarios



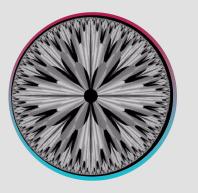
La operación se hace bit a bit

Operaciones:

AND, OR: Se usan como máscaras para seleccionar ROIs (regiones de interés de una imagen)

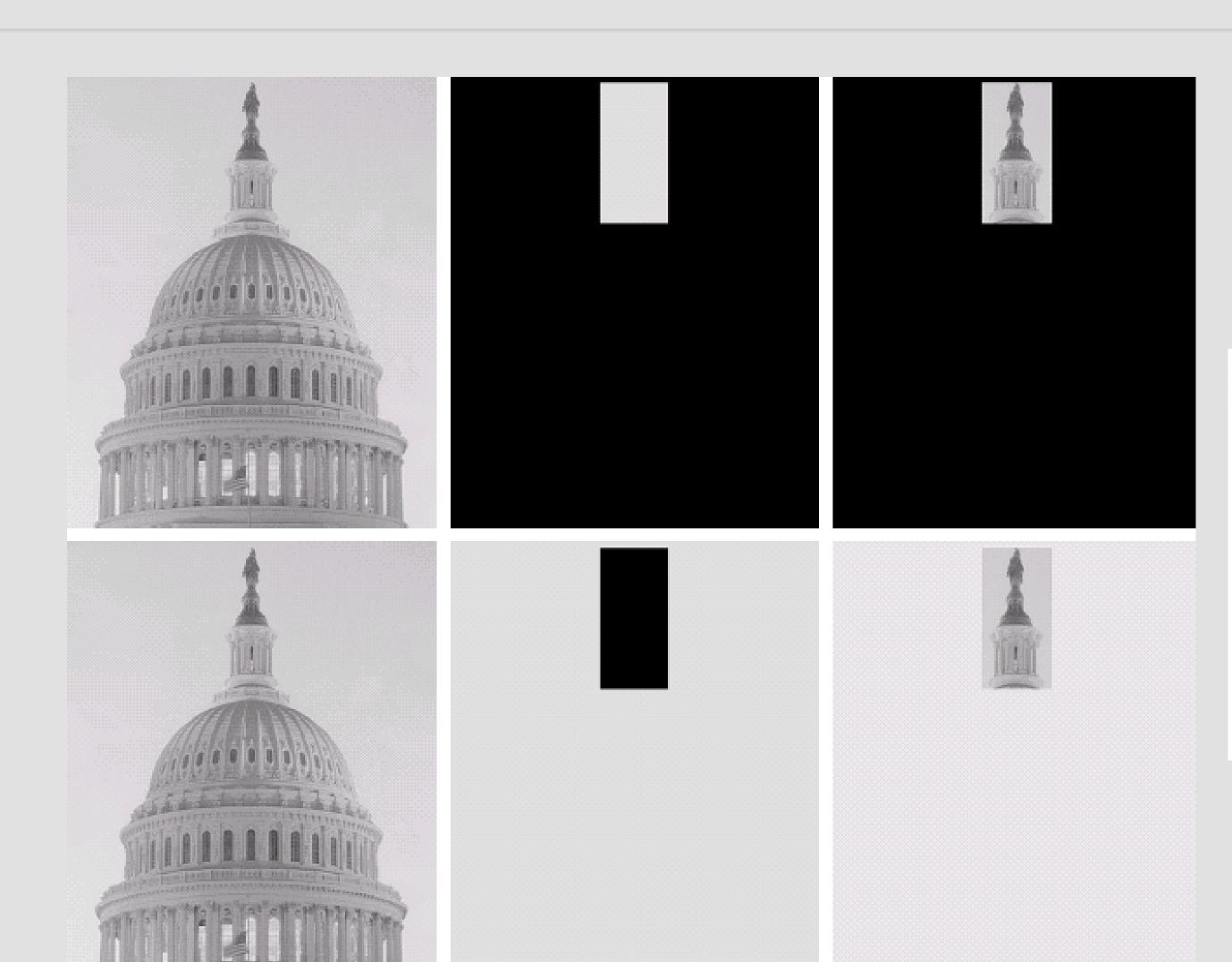
NOT: pixel negro (0) se vuelve blanco (1)

Operaciones lógicas



AND

OR



a b c d e f

FIGURE 3.27

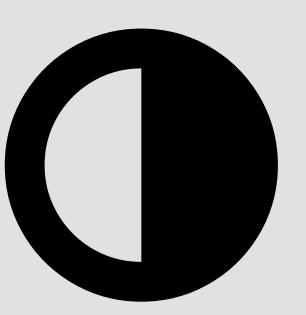
(a) Original image. (b) AND image mask.

(c) Result of the AND operation on images (a) and (b). (d) Original image. (e) OR image mask.

(f) Result of operation OR on images (d) and (e).

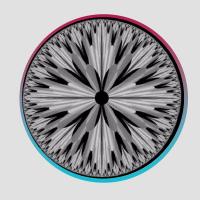
© R.C González & R.E Woods

Transformaciones básicas de la intensidad (nivel de gris de la imagen)





Transformaciones básicas



Objetivo: Mejorar la calidad de la imagen para una aplicación específica.

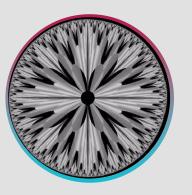
- No hay regla para mejorar la imagen.
- Evaluación cualitativa (subjetiva) o cuantitativa.

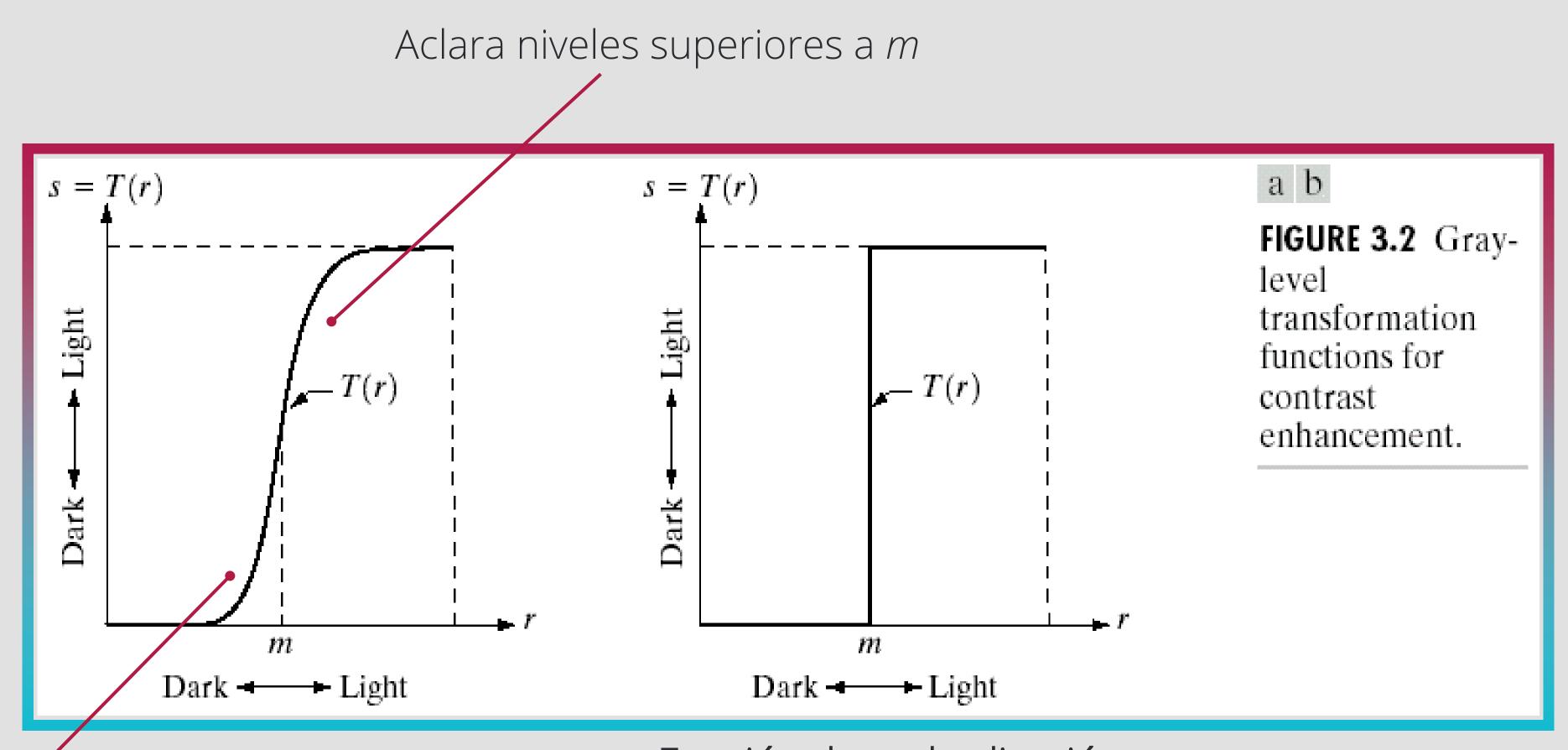
Procesamiento puntual:

$$g(x,y) = T[f(x,y)]$$

Imagen de salida S = T(r) Imagen de entrada

Ejemplos de funciones de transformación de intensidad

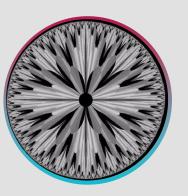




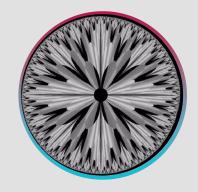
Oscurece niveles inferiores a m

Función de umbralización

Transformaciones básicas de la intensidad de la imagen



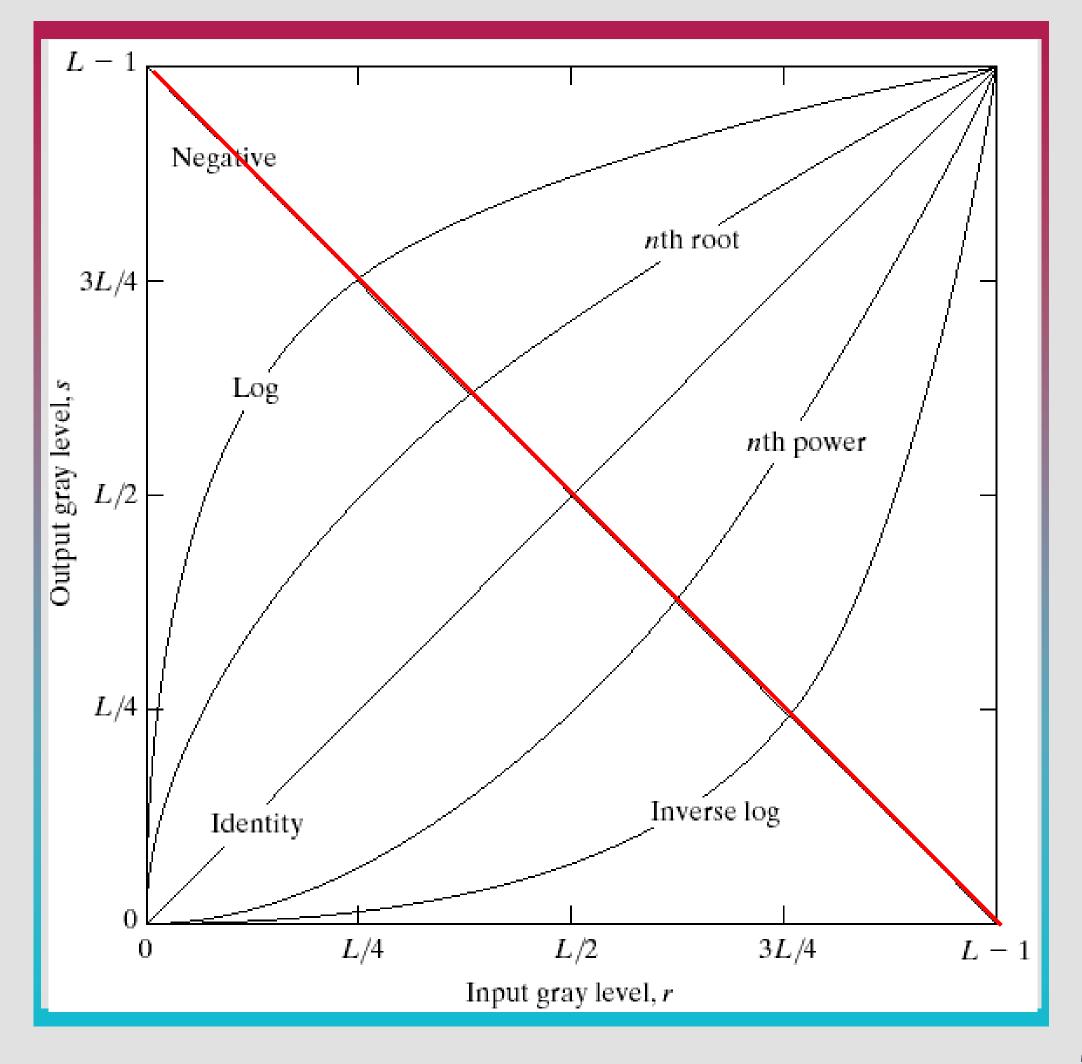
- Negativo
- Transformación logarítmica
- Transformación exponencial
- Funciones de transformación lineal definidas a trozos
 - Calibración o Expansión del contraste
 - Realce de rango
 - Realce de bits



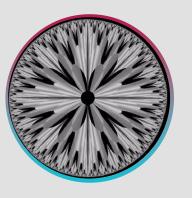
Uso: Resaltar detalles blancos o grises sobre fondos oscuros.

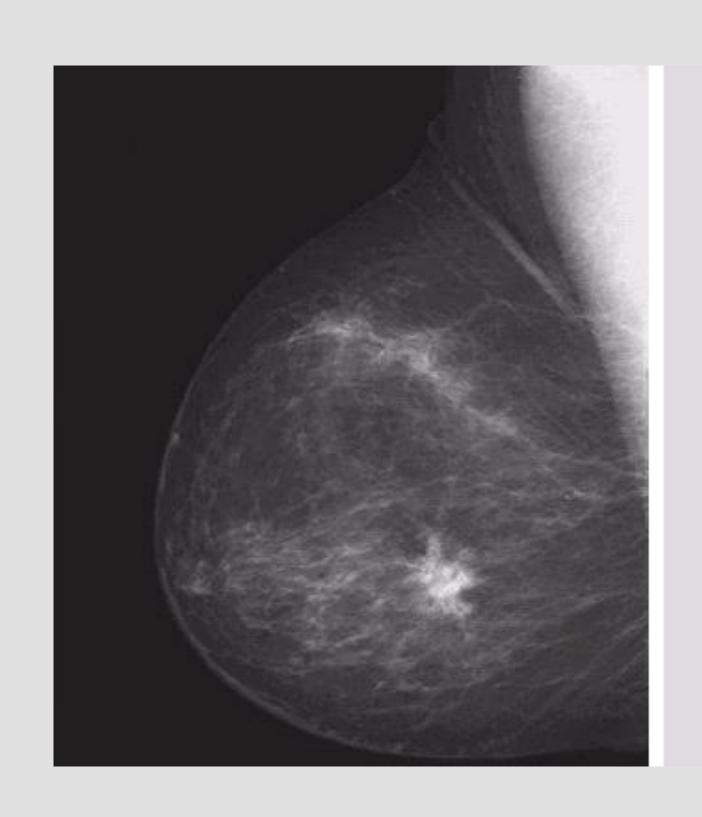
$$S = T(r)$$

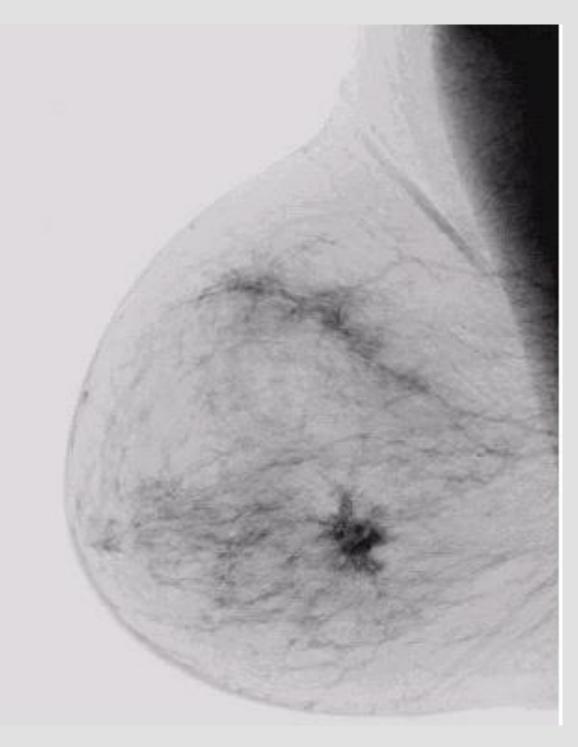
 $S = L - 1 - r$



Negativo de la imagen

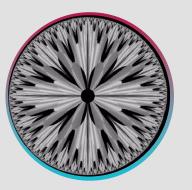




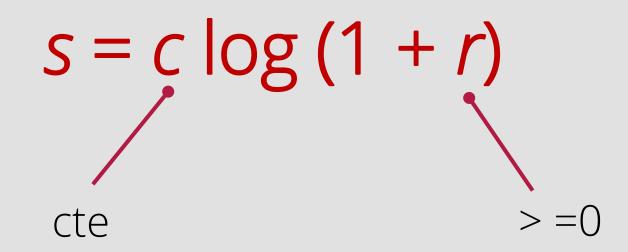


- Contenido idéntico.
- Facilita el análisis visual.
- · Es equivalente al NOT lógico.

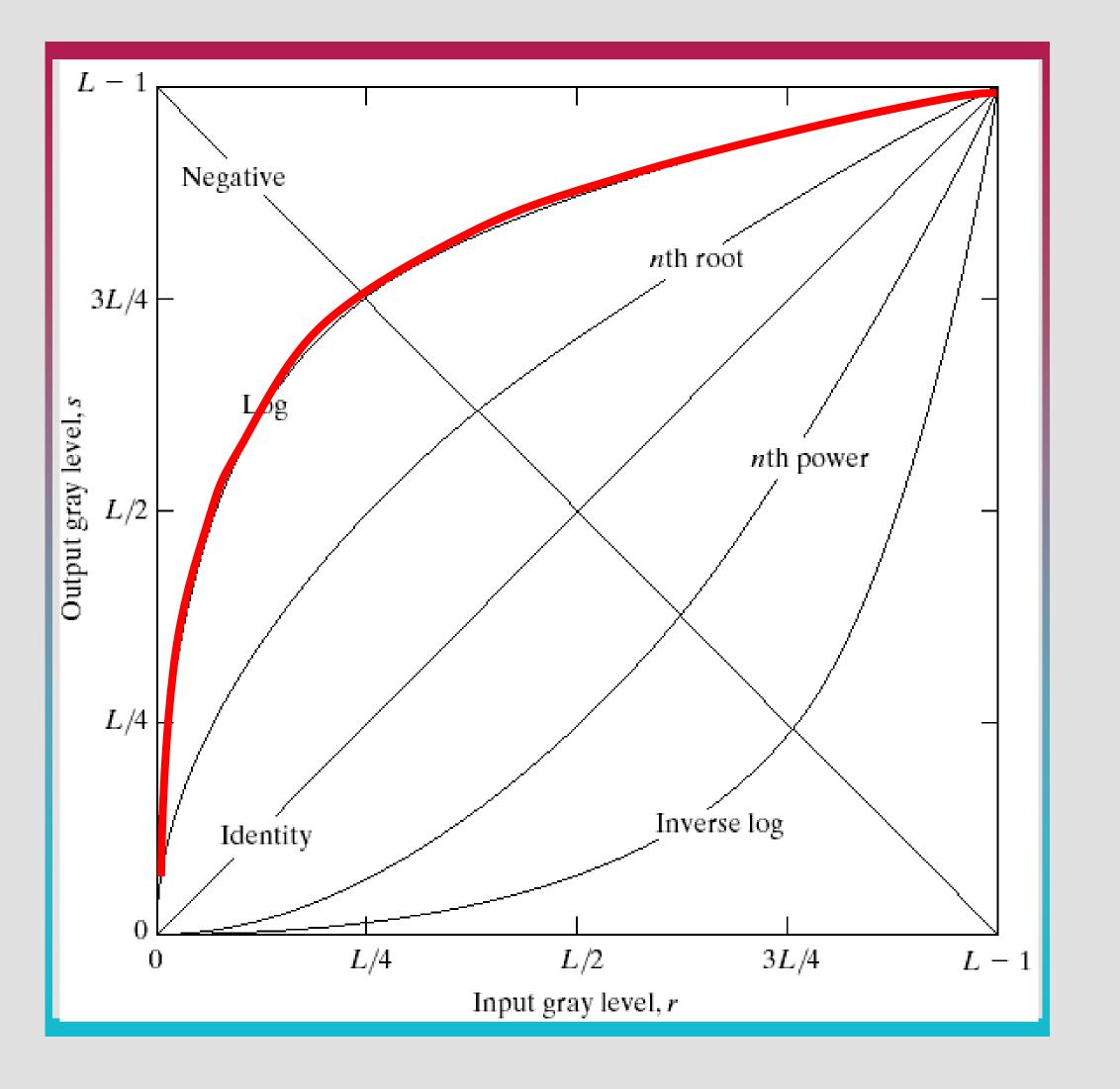
Transformaciones logarítmicas



Mapea un estrecho rango de niveles de gris bajos de la imagen de entrada en un amplio rango de niveles de salida

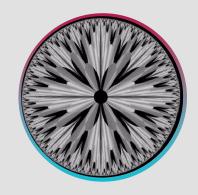


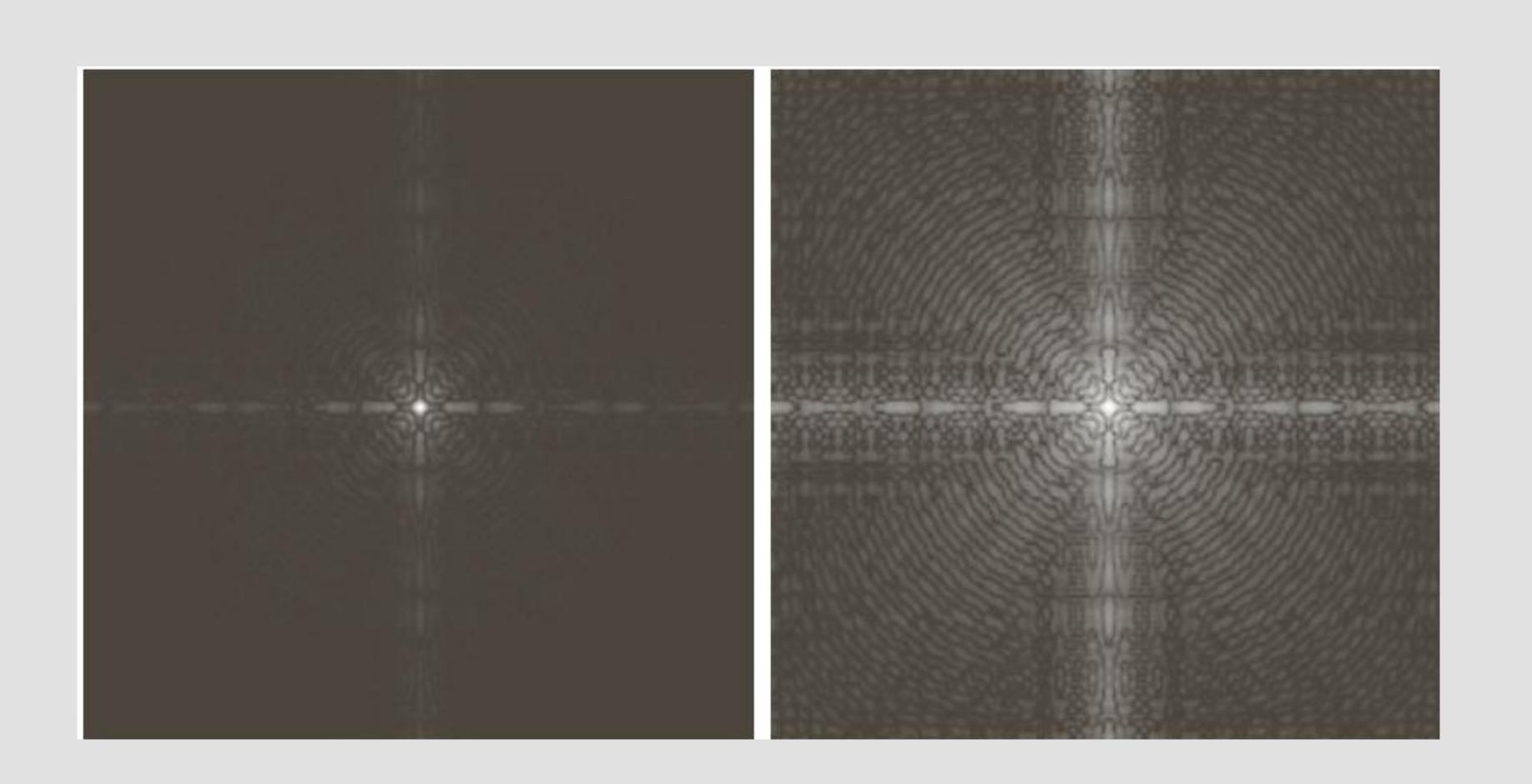
Imágenes y visión



© R.C González & R.E Woods

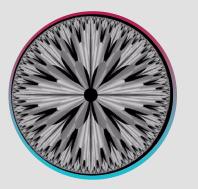
Ejemplo de transformación logarítmica





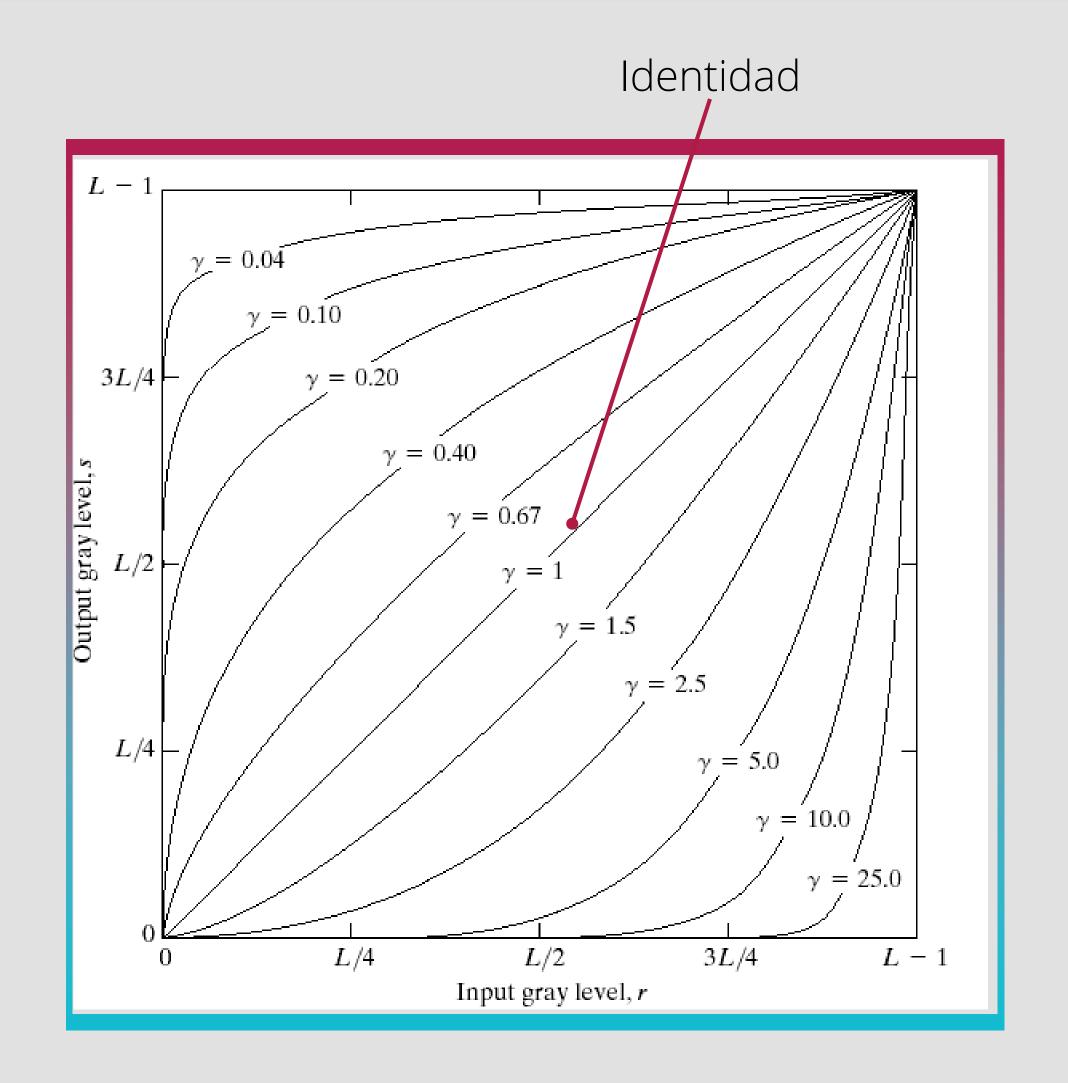
$$c=1$$

Transformaciones exponenciales



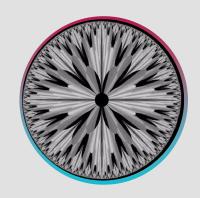
cte positiva
$$S = C / ?$$

- Solo variando y se obtienen muchas curvas de transformación
- Valores fraccionales de γ≅ transformación logarítmica



© R.C González & R.E Woods (63)

Ejemplo de transformación exponencial





f(x,y)

 $a \cdot (f(x,y))^{\gamma} con \gamma = 1.5$

Ejemplo de transformación exponencial

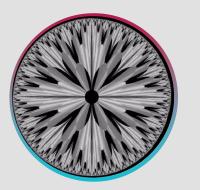
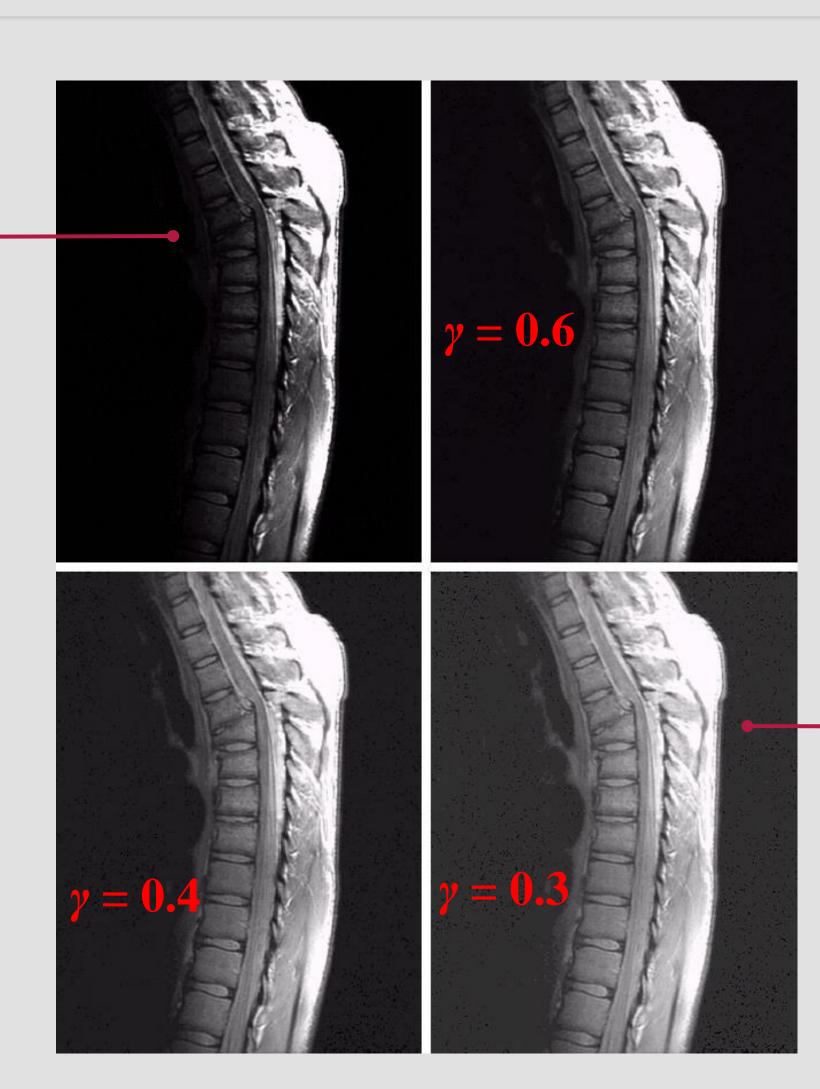


Imagen demasiado oscura

Expansión de niveles de gris

Transformación exponencial con γ < 1



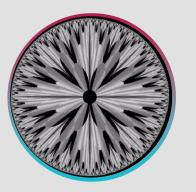
a b c d FIGURE 3.8 (a) Magnetic resonance (MR) image of a fractured human spine. (b)-(d) Results of applying the transformation in Eq. (3.2-3) with c = 1 and $\gamma = 0.6, 0.4, \text{ and}$ 0.3, respectively. (Original image for this example courtesy of Dr. David Ř. Pickens, Department of Radiology and Radiological Sciences, Vanderbilt

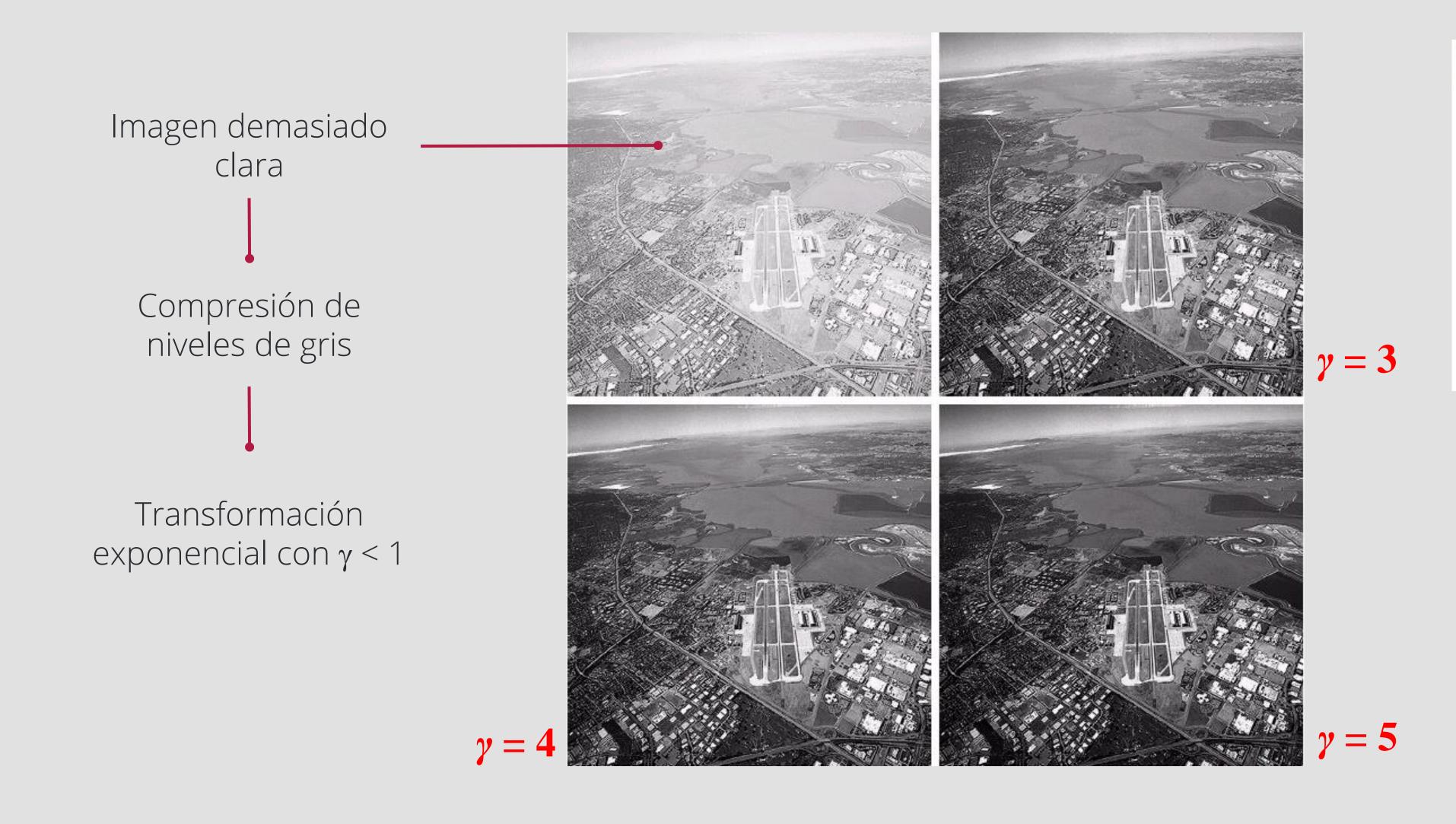
University

Medical Center.)

Reducción de contraste

Ejemplo de transformación exponencial

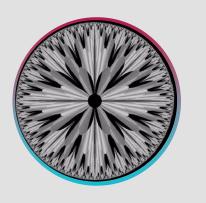




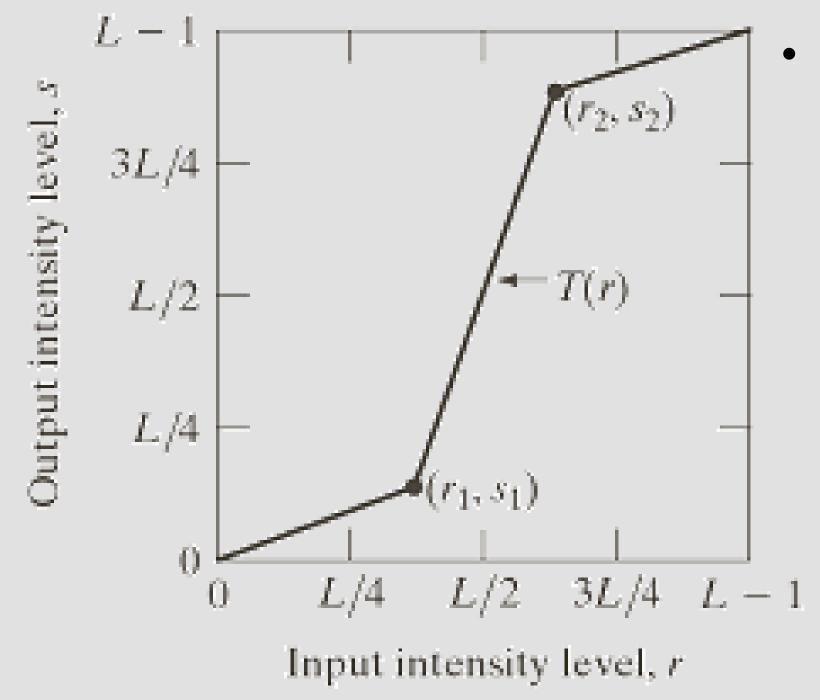
a b c d

FIGURE 3.9 (a) Aerial image. (b)–(d) Results of applying the transformation in Eq. (3.2-3) with c = 1 and $\gamma = 3.0, 4.0$, and 5.0, respectively. (Original image for this example courtesy of NASA.)

© R.C González & R.E Woods 6



- La forma de la función puede ser muy compleja.
- Algunas transformaciones solo pueden ser formuladas como funciones a trozos.



 (r_1,s_1) y (r_2,s_2) controlan la forma de la transformación:

Identidad:

$$r_1 = s_1$$

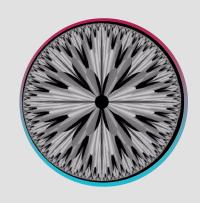
$$r_2 = s_2$$

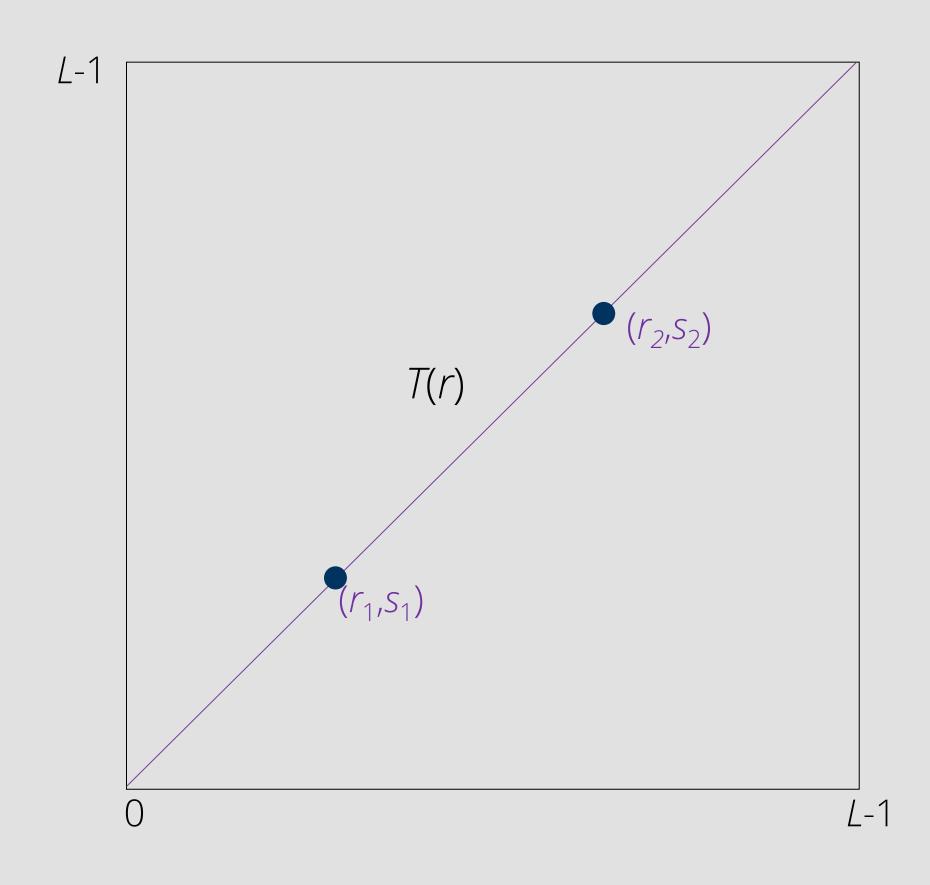
Umbralización:

$$r_1 = r_2$$

$$S_1 = 0$$

$$s_2 = L-1$$

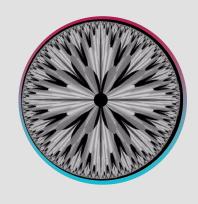


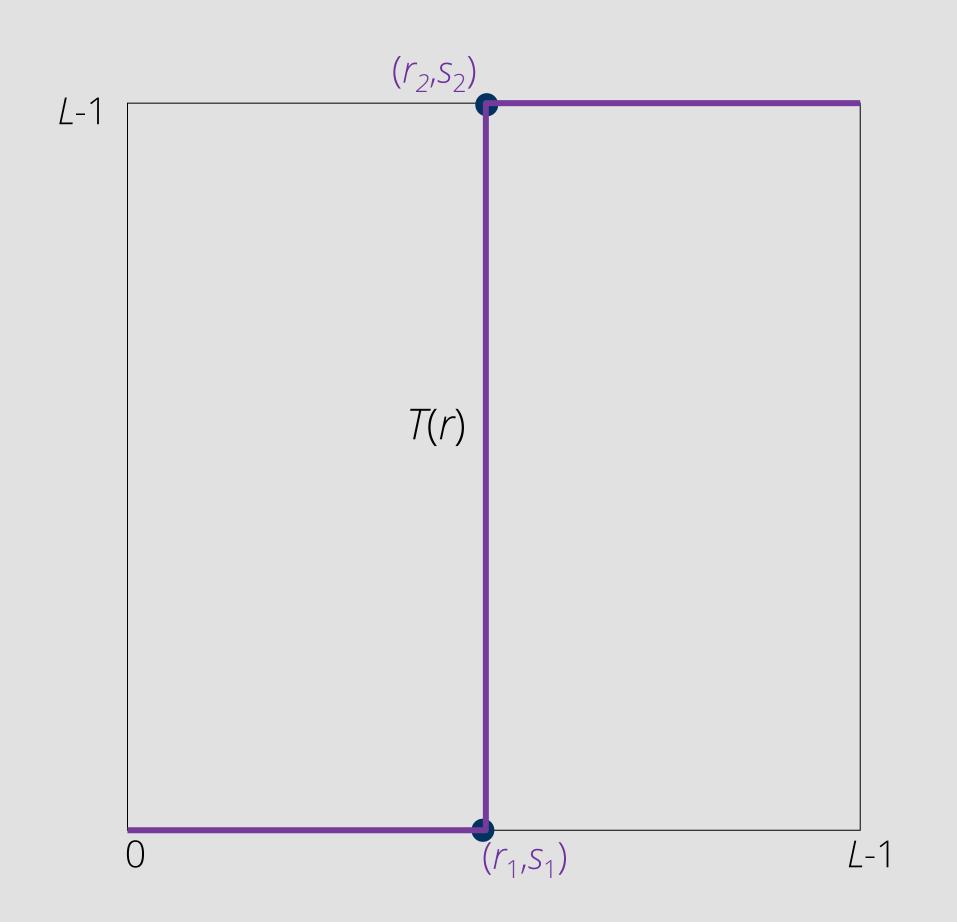


 (r_1,s_1) y (r_2,s_2) controlan la forma de la transformación:

Identidad:

$$r_1 = s_1$$
$$r_2 = s_2$$





 (r_1,s_1) y (r_2,s_2) controlan la forma de la transformación:

Identidad:

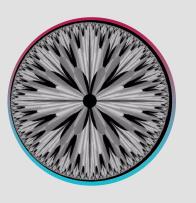
$$r_1 = s_1$$

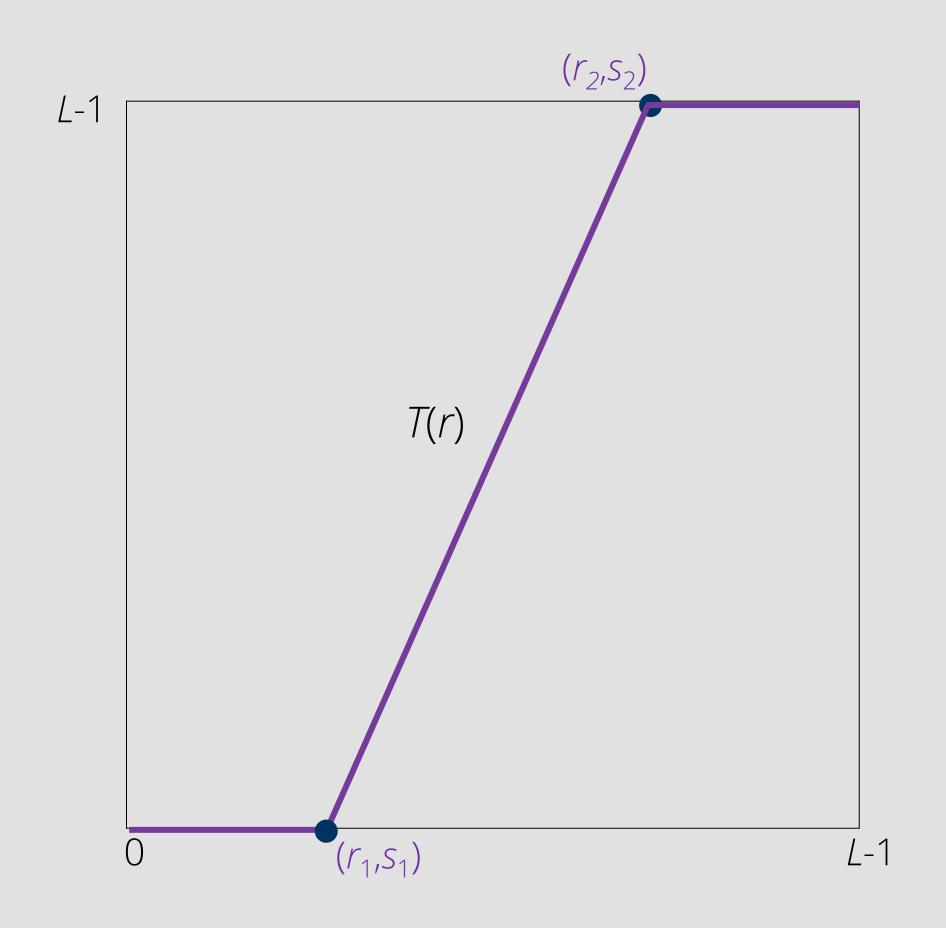
 $r_2 = s_2$

Umbralización:

$$r_1 = r_2$$

 $s_1 = 0$
 $s_2 = L-1$





 (r_1,s_1) y (r_2,s_2) controlan la forma de la transformación:

Calibración o Expansión del contraste:

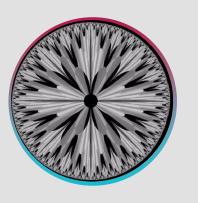
$$r_1 = r_{\min}$$

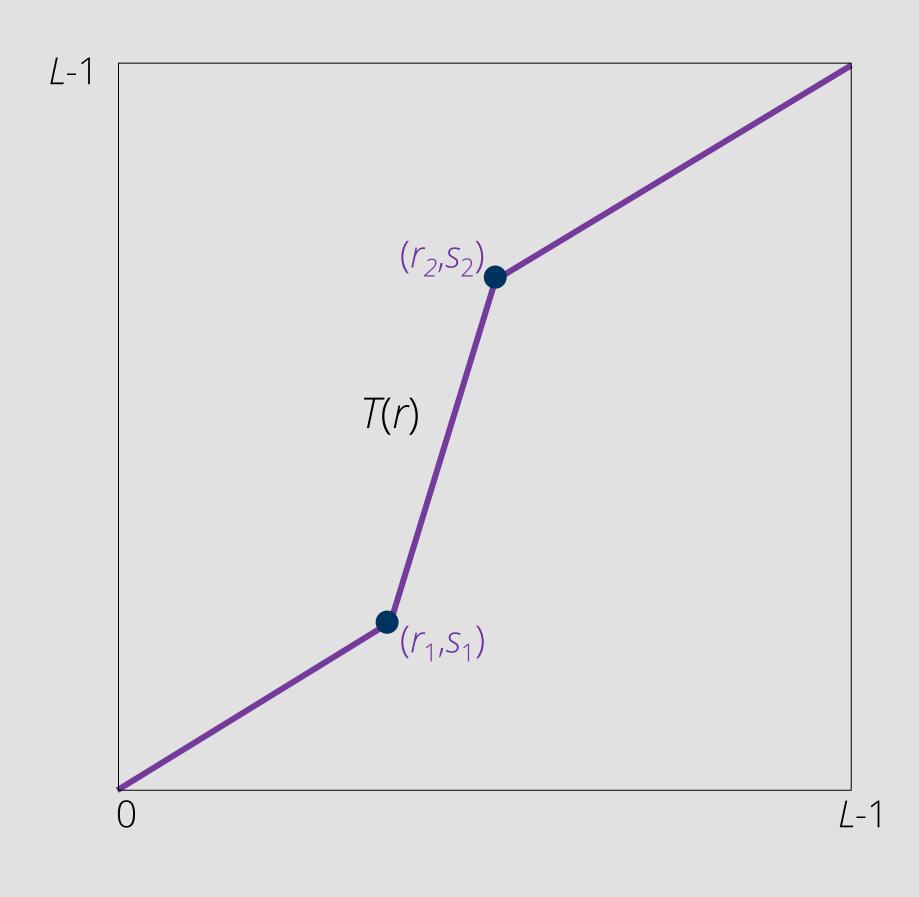
$$s_1 = 0$$

$$r_2 = r_{\max}$$

$$s_2 = L-1$$

pods (70)





 (r_1,s_1) y (r_2,s_2) controlan la forma de la transformación:

En general:

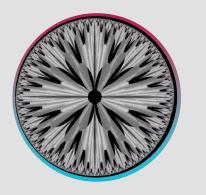
$$r_1 \le s_1$$

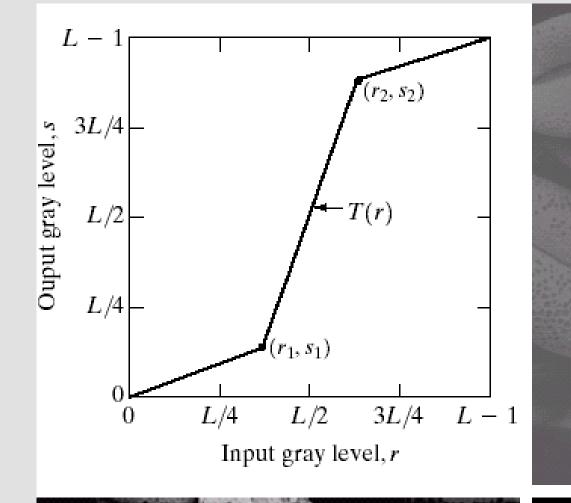
$$r_2 \le s_2$$

- Preserva el orden de los niveles de gris.
- Previene la creación de artefactos.

(71)

Ejemplos de transformación lineal definida a trozos





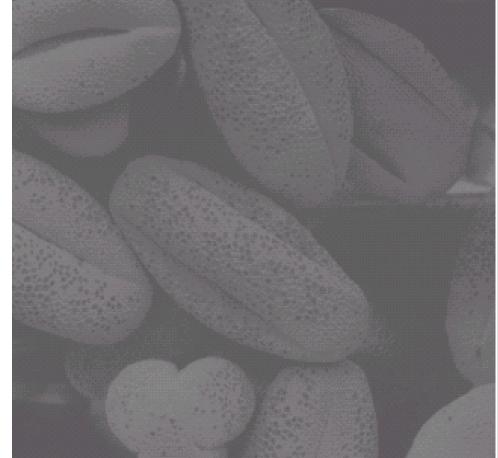


FIGURE 3.10 Contrast stretching. (a) Form of transformation function. (b) A low-contrast image. (c) Result of contrast stretching. (d) Result of thresholding. (Original image courtesy of Dr. Roger Heady, Research School of Biological Sciences, Australian National University, Canberra, Australia.)

a b c d

CALIBRACION

$$(r_1, s_1) = (r_{\min}, 0)$$

$$(r_1,s_1)=(r_{\min},0)$$

 $(r_2,s_2)=(r_{\max},L-1)$





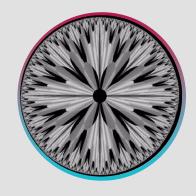
UMBRALIZACION

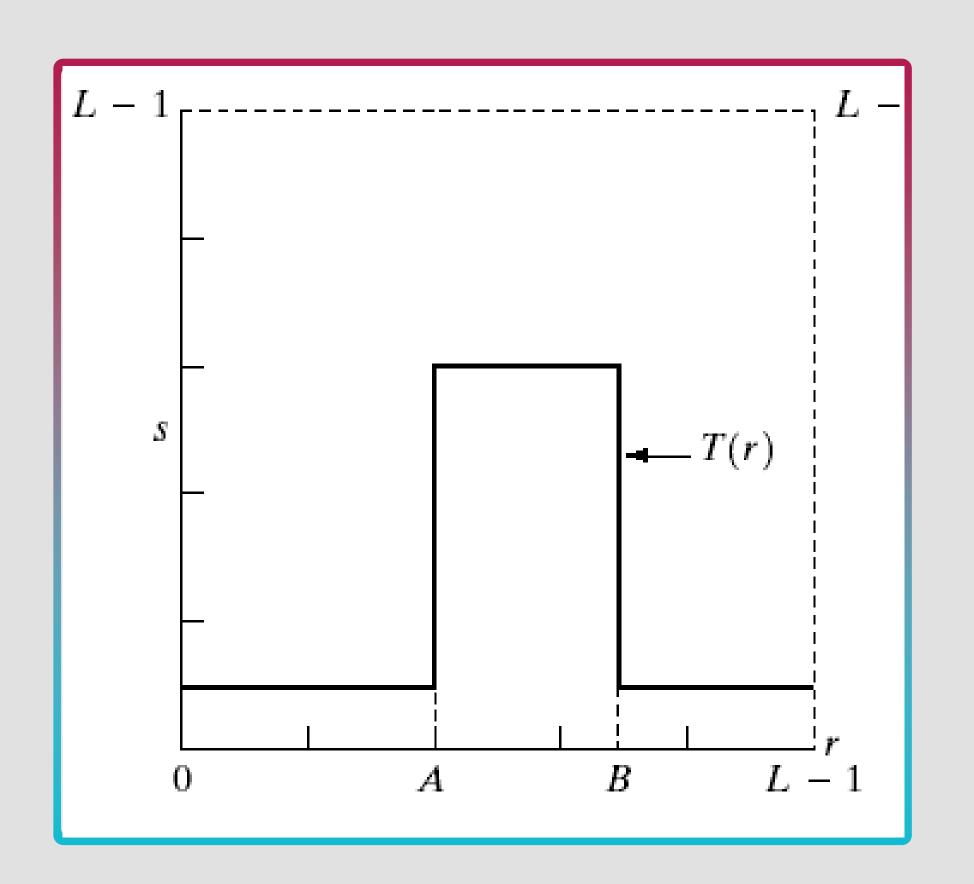
$$(r_1,s_1)=(m,0)$$

$$(r_2,s_2)=(m,L-1)$$



Realce de rango



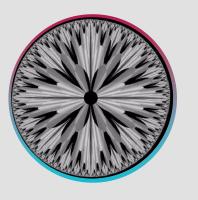


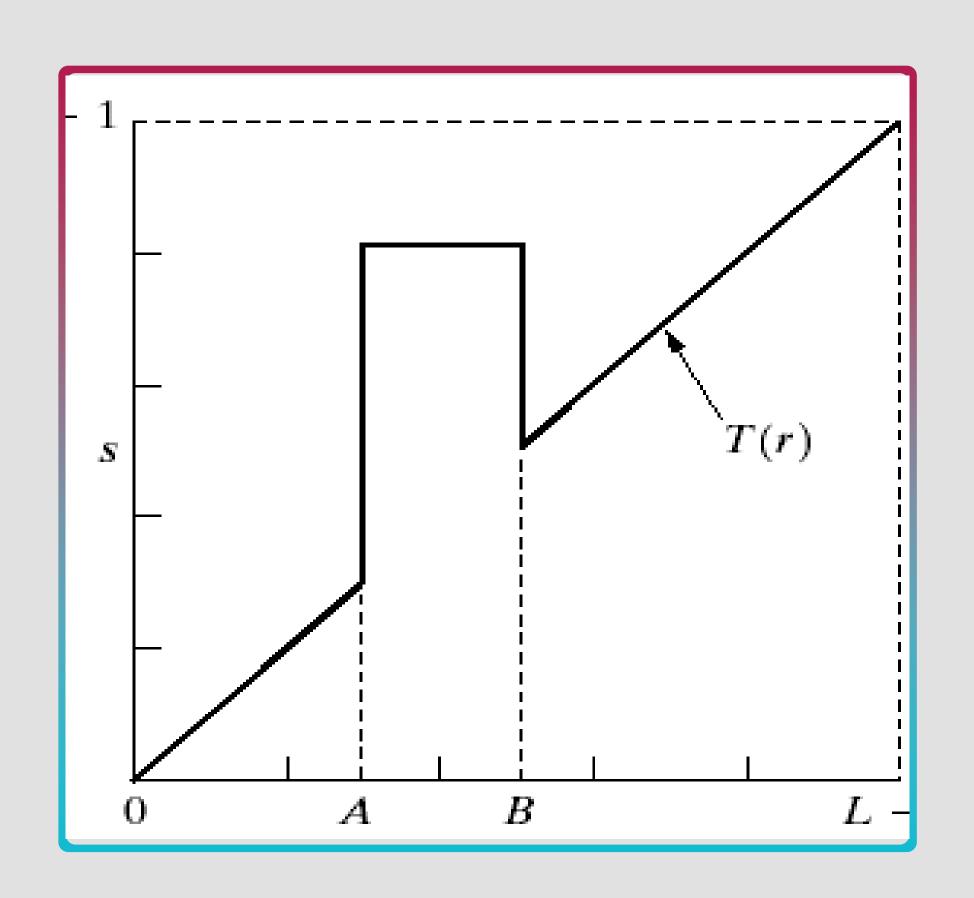
Primer caso:

- Dar un alto valor a los píxeles que se encuentran en un rango de interés y un valor bajo al resto.
- Biumbralización

© R.C González & R.E Woods

Realce de rango

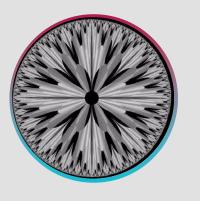


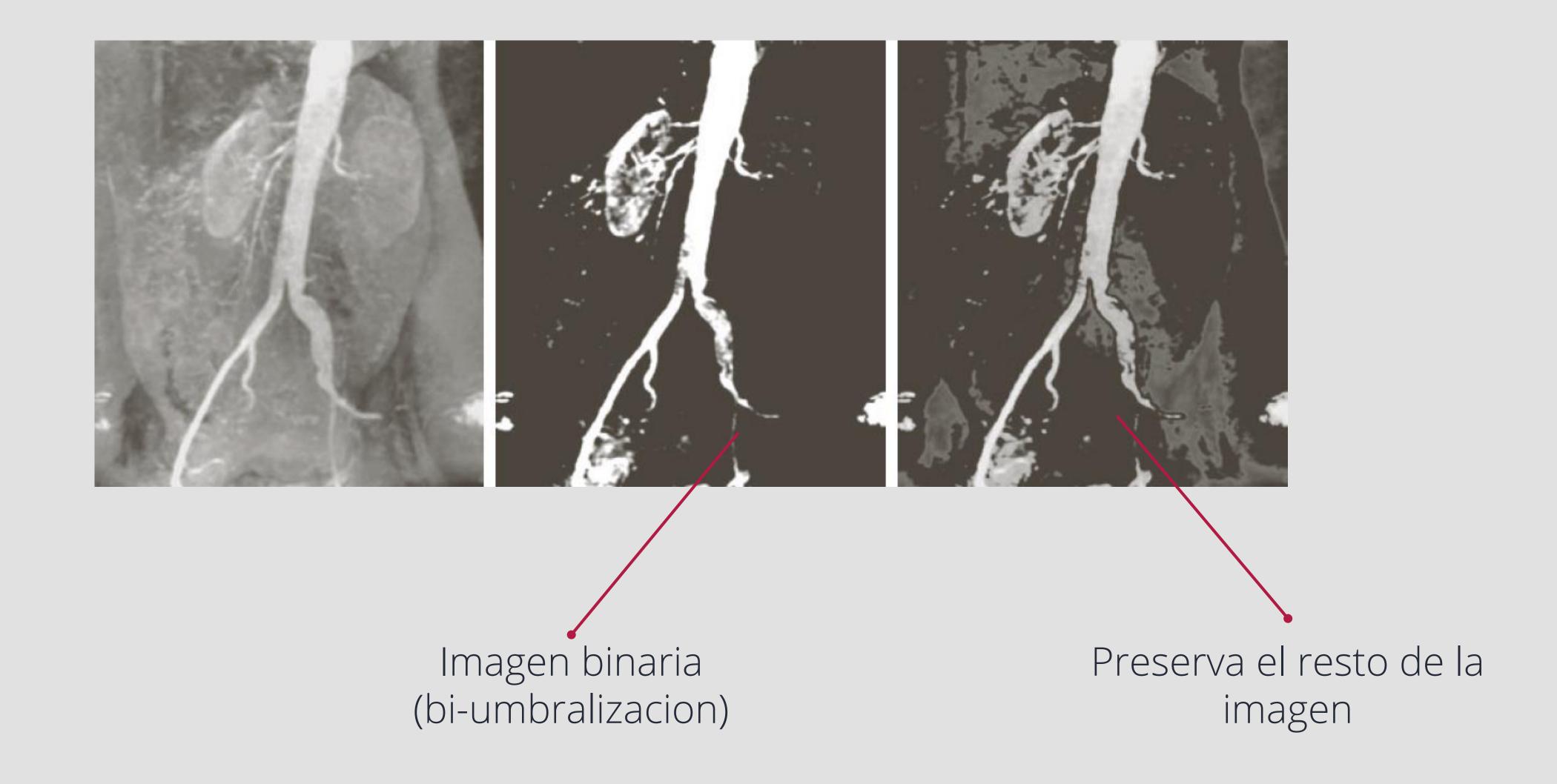


Segundo caso:

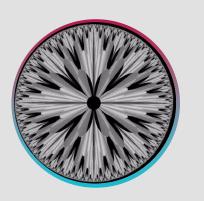
Dar un alto valor a los píxeles que se encuentran en un rango de interés y preservar el resto.

Realce de rango





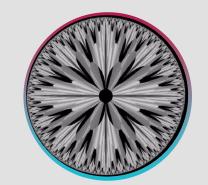
Realce de rango ≠ Realce de bits



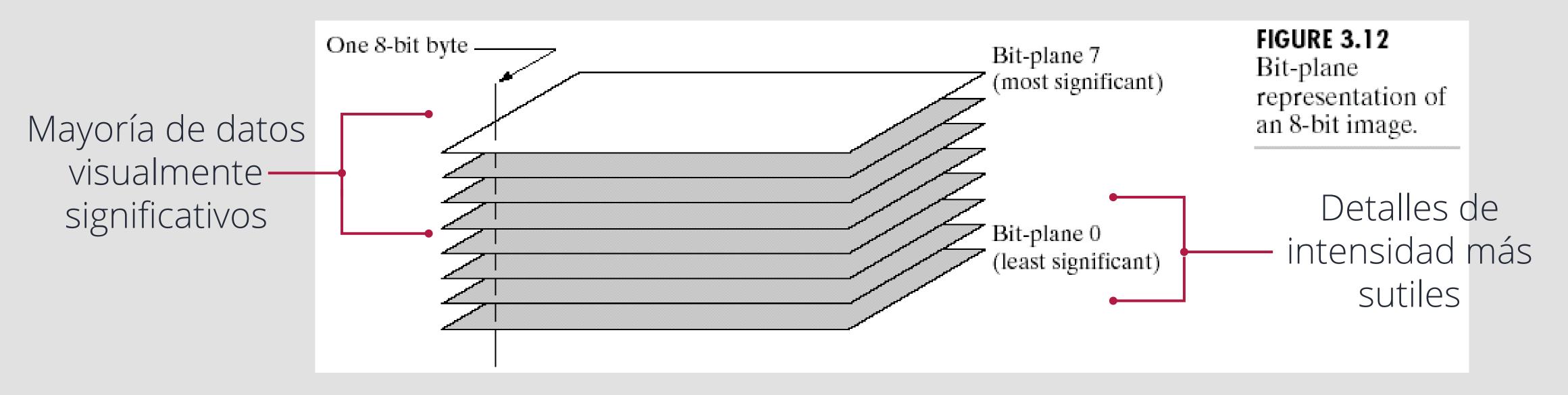
NO se realza un rango de niveles de gris SINO ...

Se hace un realce de la contribución hecha a la apariencia de la imagen por bits específicos

EXPLICACION ...



Representación de una imagen en planos de bits

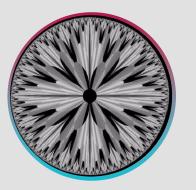


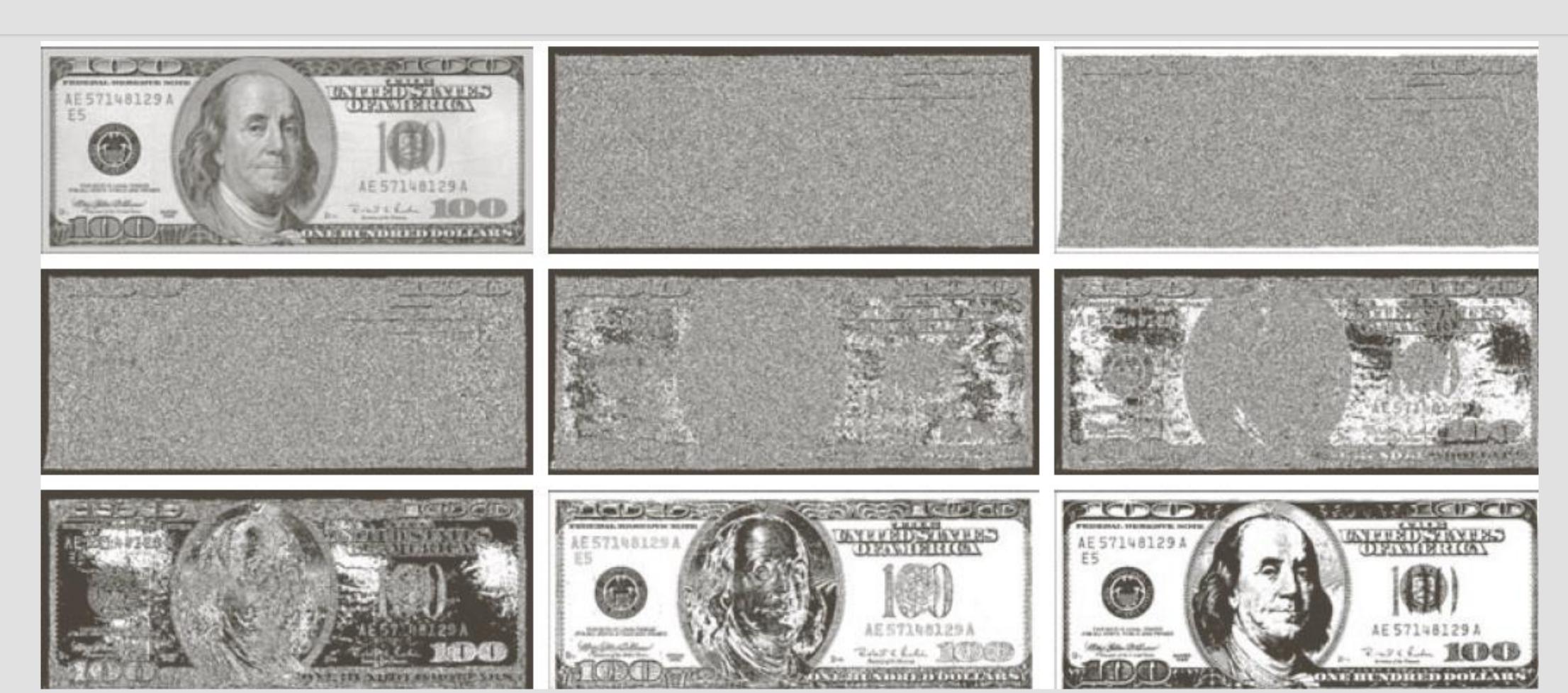
Útil para analizar la importancia relativa de cada bit de la imagen



© R.C González & R.E Woods

Imágenes de planos de bits



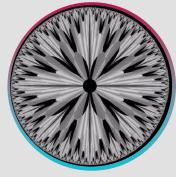


a b c d e f g h i

FIGURE 3.14 (a) An 8-bit gray-scale image of size 500×1192 pixels. (b) through (i) Bit planes 1 through 8, with bit plane 1 corresponding to the least significant bit. Each bit plane is a binary image.

Imágenes y visión © R.C González & R.E Woods

Imágenes de planos de bits



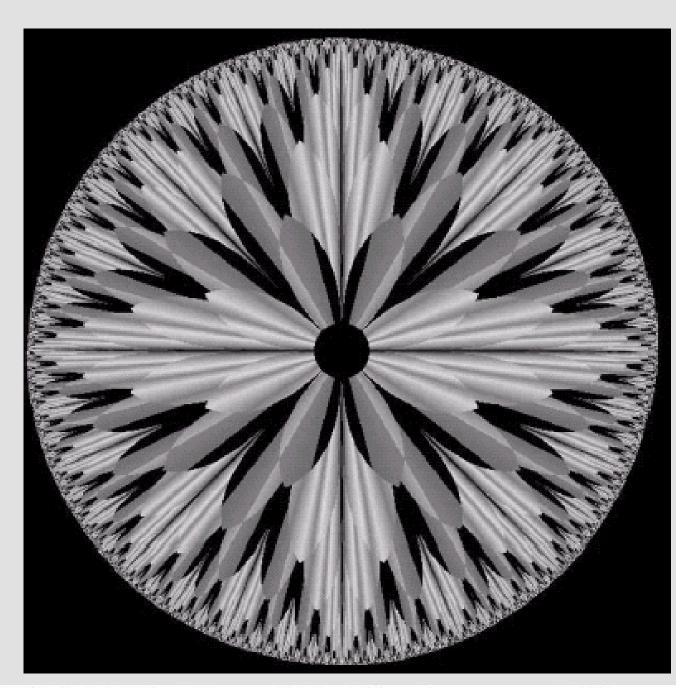


FIGURE 3.13 An 8-bit fractal image. (A fractal is an image generated from mathematical expressions). (Courtesy of Ms. Melissa D. Binde, Swarthmore College, Swarthmore, PA.)

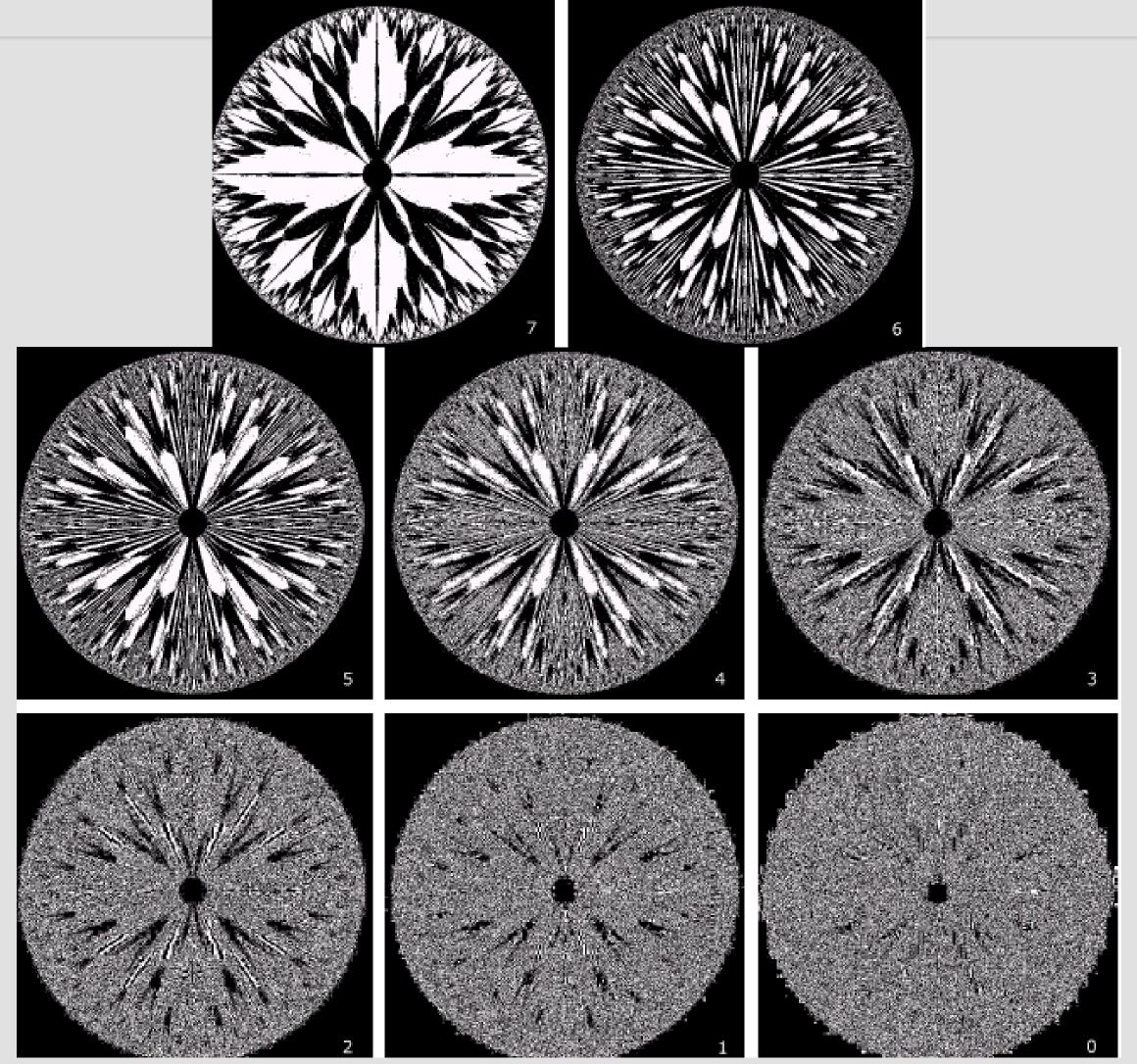


FIGURE 3.14 The eight bit planes of the image in Fig. 3.13. The number at the bottom, right of each image identifies the bit plane.