OOP大作业: 计算图

一.第二阶段开始之前

每组应该收到4份其他组的代码。组的编号已被打乱,请大家自觉维护不要讨论打分相关的问题。

每组应该首先阅读其他4个组的代码,联系第二阶段需求,分析代码是否易于进一步开发。你需要对这些代码进行排序,并简要分析每份代码的优劣性。排名不得并列,对每组代码的评论至少50字。你的排序及评价会由助教评估是否合理,占你大作业总得分的5%。别人对你的评价占你大作业总得分的10%。

你继续开发使用的代码应当是你排序中的第一位。你也可以选择直接使用自己的代码,这时第二阶段得分会受到**分数x0.8**的惩罚。但相应地,你可以节省看代码的时间,通过完成更多的功能提高自己的得分。

二.第二阶段需求

在以下的开发过程中,你需要尽量保持第一阶段其他组的接口不被修改(可以增加)。在第二阶段开发结束后,第一阶段的测试程序应当不需改动,直接能够正确运行。(因为往往在真实项目中,修改接口会牵一发而动全身,容易浪费大量时间)。如果实在需要改动,会按照改动幅度和合理性酌情扣分。最后你需要提交原来的main.cpp和完成第二阶段的main.cpp,我们会再次测试第一阶段的数据。

基础需求 (占25%, 如果只完成基础需求, 大作业总分上限为85%):

- 1. 你需要提交第一阶段的main.cpp,并保证仍能通过第一阶段的测试,**占5%**。注意你拿到的代码可能仍有bug,你应该尝试修复你使用的这份代码中可能存在的bug。
- 2. 实现以下功能, 共占5%:
 - (1) 实现用于调试的Assert运算。当计算图构建完成后,计算的过程对用户是不可见的,这时候调试往往会产生困难。这个运算符输入1个变量,输出始终为0,但是却能够在变量小于等于0时这个条件时报错。这项功能使得你能够用Assert(x)来保证**x>0**功能。
 - (2) 实现捆绑Bind运算。只有Assert的输出被计算时,才会报错。但Assert的输出没有什么意义。Bind运算使得一个变量求值时能顺便求另一个变量的值,但不影响计算结果。形式化地说,这个运算符输入2个变量,输出第1个变量的值,但会对第2个变量求值。
 - 。 输入样例:

```
1 4
 2
   ΧР
   УΡ
   z C 3.0
5
   t C 2.0
 7
   a = x + y
   b = x + t
   d = b - y
10
   c = ASSERT d
11
   res = BIND a c
12
13 EVAL res 2 x 1.0 y 2.0
   EVAL res 2 x 1.0 y 4.0
```

。 输出样例:

```
1 3.0000
2 ERROR: Assertion failed
```

3. 实现链式求导功能。计算图最大的一个功能就是自动求导,你需要实现一个grad函数。当对一个变量L求导时, 调用L.grad(),可以得到对所有中间结点的偏导数,偏导数仍然是一个变量,但请注意复杂度,我们对一个结点 求导,需要在O(N)时间内得到所有中间的导数变量。

你可以假设只有+*两种运算。(占10%。若实现所有运算的自动求导为拓展功能,另外加分)。

保证测试一次eval里不涉及2次求导,保证不涉及高阶导(若实现可另外加分)。

- 样例1:
 - 输入样例:

```
1 3
 2 x P
3 a C 3
4 b C 2
 5 7
6 y = x * a
 7 z = x * b
8 \mid L = y + z
g = GRAD L
10 \mid gx = g \mid AT \mid x
11 \mid gy = g AT y
12 \quad t = gx + gy
13 3
14 EVAL gx 1 x 3.0
15 EVAL gy 1 x 3.0
16 EVAL t 1 x 3.0
```

■ 输出样例1:

提示:

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial x} &= \frac{\partial L}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial x} + \frac{\partial L}{\partial z} \frac{\partial z}{\partial x} \\ &= 1 * Constant(3) + 1 * Constant(2) \\ &= 5 \end{split}$$

计算图模型为 $x \rightarrow y/z \rightarrow L$

我们可以反向进行计算,按照 $L \to y/z \to x$

■ 求出
$$\frac{\partial L}{\partial L} = 1$$

■ 求出 $\frac{\partial L}{\partial L}=1$ ■ 求出 $\frac{\partial L}{\partial y}$,因为 L=x+y,所以答案为 1

- 求出 $\frac{\partial L}{\partial z}$, 因为 L=x+y , 所以答案为 1
- 从y回到x, $\frac{\partial L}{\partial y}\frac{\partial y}{\partial x}=1 \cdot Constant(3)=3$
- 从z回到x, $\frac{\partial L}{\partial z}\frac{\partial z}{\partial x}=1 \cdot Constant(2)=2$
- 总结所有到 x 的导数, 3+2=5
- 样例2:
 - 输入样例:

```
2 x P
 3 y P
 4 z C 2
 6 \quad t = x * x
 7 L = t * y
8 \mid g = GRAD \mid L
9 \mid gt = g AT t
10 \mid gx = g \mid AT \mid x
11 \mid gy = g \mid AT \mid y
12 3
13 EVAL gt 2 x 3.0 y 2.0
14 EVAL gx 2 x 3.0 y 2.0
15 EVAL gy 2 x 3.0 y 2.0
```

■ 输出样例:

```
1 2.0000
2 12.0000
3 9.0000
```

提示:

$$egin{aligned} rac{\partial L}{\partial x} &= rac{\partial L}{\partial t} (rac{\partial t}{\partial x} + rac{\partial t}{\partial x}) \ &= 2 \cdot (x+x) \ &= 12 \end{aligned}$$

计算图模型为 $x \to t/y \to L$

我们可以反向进行计算,按照 $L \to t/y \to x$

- 求出 $\frac{L}{L} = 1$
- 求出 $\frac{\partial L}{\partial y}$, 因为 L=t*y, 所以答案为 $\frac{L}{y}=t=9$ 求出 $\frac{\partial L}{\partial t}$, 因为 L=t*y, 所以答案为 $\frac{L}{t}=y=2$
- 从 t 回到 x (第一操作数),因为 t=x*x, $\frac{\partial L}{\partial t}\frac{\partial t}{\partial x}=y*x=6$ 从 t 回到 x (第二操作数),因为 t=x*x, $\frac{\partial L}{\partial t}\frac{\partial t}{\partial x}=y*x=6$
- 总结所有到 x 的导数 12
- 样例3:
 - 输入样例:

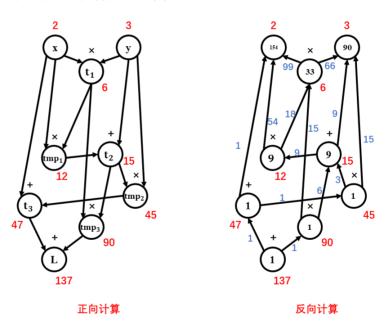
```
1 | 3
```

```
2 x P
 3 y P
 4 11
5 | t1 = x * y
6 \quad tmp1 = x * t1
7 t2 = tmp1 + y
8 \mid tmp2 = y * t2
9 t3 = tmp2 + x
10 tmp3 = t1 * t2
11 \mid L = tmp3 + t3
12 \mid g = GRAD \mid L
13 gx = g AT x
14 \mid gy = g AT y
15 res = gx + gy
16 1
17 EVAL res 2 x 2.0 y 3.0
```

■ 输出样例:

```
1 244.0000
```

提示:反向传播进行计算。+运算两侧的变量导数为1,*运算两侧的导数为另一个变量,最后将到同一变量的导数加起来。下面有个计算的示意图:



- 4. 实现牛顿迭代法解方程。请参考<u>牛顿迭代法</u>。利用计算图的自动求导功能,求 n 次方程 $a_nx^n+a_{n-1}x^{n-1}+\cdots+a_2x^2+a_1x+a_0=0$ 的根。你需要输出每一步迭代×的值。 **(占5%)**
 - 。 输入样例:

第一行为需要求解的方程个数 m,接下来 m 行为 m 个方程,每行第一个数为方程的的最高次数 n,接下来 n+1 个数分别为 a_n,a_{n-1},\cdots,a_0 ,再接下来一个数为迭代的初始值

```
1 | 2
2 | 2 | 2 | 2 | 2 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | -2 | 0
3 | 5 | 1 | 0 | 0 | 0 | 3 | 0 | 2 | 0 | 1 | 0 | 0 | -1 | 0
```

。 输出样例:

对于每个方程,输出 x 在每一次迭代的值(保留四位小数),最高只需迭代 5次

```
1 | -1.1429 -0.7314 -0.5556 -0.5051 -0.5001
2 | -0.8182 -0.7366 -0.7213 -0.7209 -0.7209
```

拓展需求

1. 实现给Variable赋值的Assign运算。这和第一阶段的set函数不同,Assign运算是在运算图中的一个操作,和 Print等运算是一样的。该函数输入两个参数,第一个是Variable,第二个是变量。该运算的输出为第二个变量,运行该运算的后果是Variable的值变为第二个变量的值。

注意这个运算可能会因为求值顺序的不同影响结果。比如运行以下伪代码:

```
1 x 为Variable 初始化为1
2 y = x + 1
3 res = y + Assign(x,2)
```

此时,若先算让 x=2,则结果为5;先算 y,则结果为4。为了解决这个问题,我们要求,Assign的赋值不会在本次运算时起效。即使我们先算Assign,y=x+1中的x值仍然为1。在一次eval中对同一个Variable多次赋值是未定义的,也就是说你不用考虑这种情况。(最多+10%)

。 输入样例:

```
1 2
 2 x V 1.0
 3
   y V 2.0
4
   5
5
   a = ASSIGN x y
6 | b = a * y
7
   c = ASSIGN y b
   d = c * x
   res = d * y
9
10
11 EVAL res 0
12 EVAL x 0
13 EVAL y 0
```

。 输出样例:

```
1 | 8.0000
2 | 2.0000
3 | 4.0000
```

2. 实现完整的自动求导功能,你需要为所有可以求导的运算符添加求导方法,使grad()函数能够在有除+*运算符以外的运算符中也能完成自动求导。需要支持的运算符有-,/, sin, exp, log。Print、Assert、Bind、比较运算符虽然不能求导,但也需要为其选定合适的处理方式,便于用户使用。(根据实现情况,最多+10%)

- 3. 实现多维矩阵Tensor的运算图,需要支持Placeholder、Constant、Parameter等,并支持我们已经完成的各种运算,注意矩阵运算需要匹配大小,不匹配时应该检查是否能broadcast或者报错。若只实现基础运算(基础需求中的所有运算,最多+5%),实现broadcast和各类reshape、concat等改变矩阵大小的操作(最多+5%),实现矩阵的自动求导(最多+10%)。上述操作可以参考TensorFlow的接口。
- 4. 运算图的session和存取功能。Session的意思即为会话,在TensorFlow中,同一个运算图的Variable在不同 session中的值可以是不同的。因为所有的parameter的值都是和session绑定的,即在session中才能进行eval 操作(为了兼容,如果eval不带参数可以认为是在一个默认的session中进行的)。你需要实现session,实现 session与parameter值的绑定 (最多+10%);并能够从文件存储和读取session中的parameter的值(最多+5%)。
- 5. 实现梯度下降求优化最小二乘法。对于一个函数f(x)=ax+b,最小二乘法需要优化f(x)和真实的y的均方误差 Loss。这里将a,b看做参数,求均方误差的最小值有一种梯度下降(gradient descent)的方法。即每次按照Loss 对a、b的导数,将a和b向f(x)较小的地方移动一点距离。请自己构造一组数据,列出最小二乘法需要优化的均方 误差,使用梯度下降方法优化,并与最小二乘法的公式计算得到的结果进行比对。你需要自己编写测试程序,展示你的结果。(对于自变量只有1个的情况,最多+10%;对于自变量有多个的情况,最多+20%)
- 6. 基于神经网络的手写数字识别(或其他简单任务)。现在计算图常用于神经网络的学习之中,请查阅资料,了解并实现自己的MLP多层感知机模型。简单地说,MLP网络实际上就是一个向量x,经过一个线性变换变为Mx,再经过一次非线性变换f(Mx)(非线性变换经常采用sigmoid或者relu函数)。重复这个操作多次,最后获得结果y,与真实结果进行比较,产生一个误差。请你列出需要优化的误差公式,使用梯度下降进行优化。你需要自己编写测试程序,对结果进行分析。(和5不叠加,最多+30%)
- 7. 其他你觉得有意义的改进。

注意:对于多数拓展需求,你需要自己编写测试程序,保证展示你的结果。

三.项目限制

只能使用C++完成,禁止使用第三方库(不包括STL或编译器自带的库)。

四.提交要求

第12周周日(5.19): 你对其他组的排序及评价

第17周周日(6.23):

- 1. 提交你编写的计算图库,请遵守OOP的设计规范。
- 2. 给出示例代码,保证能够运行第一阶段的测试程序(编译生成main1),第二阶段的测试程序(编译生成main2),牛顿迭代法程序(main3),以及你完成的其他功能的测试程序。
- 3. 给出一份实验报告,展示你们最终完成的功能,测试程序运行的结果。并分析实现的好和需要改进的地方。
- 4. 在readme.md或readme.txt中写明程序的运行环境。(你的库在跨平台上最好能在跨平台下运行,并且依赖项尽量少,否则我们将很难运行你的代码。)
- 5. 给出一个说明文档(markdown或word),写清计算图库的结构、封装、接口。(字数不限,目标是能让别人在最短时间内明白项目结构,太短太长都不太好。)