

# POLITECHNIKA ŚLĄSKA WYDZIAŁ AUTOMATYKI, ELEKTRONIKI I INFORMATYKI KIERUNEK: AUTOMATYKA I ROBOTYKA

Praca dyplomowa inżynierska

Tytuł pracy dyplomowej inżynierskiej

autor: Szymon Ciemała

kierujący pracą: dr inż. Krzysztof Jaskot

konsultant: dr inż. Imię Nazwisko

Gliwice, listopad 2021

## Spis treści

1	Str	eszczenie	1
St	resze	czenie	1
2	Wst	tęp	3
	2.1	Wprowawdzenie w problem	4
	2.2	Cel pracy	4
	2.3	Osadzenie problemu w dziedzienie	4
	2.4	Charakterystyka rozdziałów	4
3	[An	aliza tematu]	5
	3.1	Sformułowanie problemu	5
	3.2	Podobne rozwiązania	6
4	Wy	magania i narzędzia	7
	4.1	Wymagania	7
	4.2	Narzędzia	8
		4.2.1 System operacyjny Ubuntu	8
		4.2.2 Python	8
		4.2.3 iPython	8
		4.2.4 Jupyter Notebook	8
		4.2.5 Visual Studio Code - Środowisko Pracy	9
		4.2.6 Platforma PyPi	9
		4.2.7 Programy bdist_wheel oraz sdist	9
5	$[\mathbf{W}]$	łaściwy dla kierunku - np. Specyfikacja zewnętrzna]	11
	5.1	Wymagania sprzętowe i programowe	12
	5.2	Przykład działania	12
6	$[\mathbf{W}]$	łaściwy dla kierunku - np.Specyfikacja wewnętrzna]	13
	6.1	Rozpoznawanie dłoni	14
		6.1.1 OpenCV - przygotowanie obrazu z kamery	14

		6.1.2	MediaPipe - Elementy charakterystyczne	15						
		6.1.3	Generowanie grafiki dłoni	16						
		6.1.4	Interpetacja obrazu - schemat UML	16						
		6.1.5	Algorytm uczenia maszynowego - schemat UML	16						
	6.2	SciKit	Learn - uczenie maszynowe	16						
		6.2.1	Budowa programu	17						
		6.2.2	Zebranie danych	17						
		6.2.3	Metody klasyfikacji - uczenie maszynowe	18						
		6.2.4	Ponowne wykorzystanie modelu	19						
	6.3	Paczka	a PyPi	19						
		6.3.1	Budowa paczki	19						
		6.3.2	Struktura Paczki	19						
		6.3.3	Pliki Konfiguracyjne	19						
		6.3.4	Załadowanie paczki do repozytorium	20						
7	Wei	ryfikac	ja i walidacja	23						
8	Pod	lsumov	vanie i wnioski	<b>25</b>						
$\mathbf{B}_{\mathbf{i}}$	Bibliografia									
Sp	ois sk	rótów	i symboli	29						
Źı	ródła			31						
$\mathbf{Z}_{\mathbf{z}}$	awart	ość do	ołączonej płyty	33						

#### Streszczenie

Praca inżynierska Żozpoznawanie obiektów z wykorzystaniem biblioteki OpenCV", łączy tematykę wizji komputerowej oraz algorytmów uczenia maszynowego.

Praca skupia się na stworzeniu wygodnej w użyciu oraz powszechnie dostępnej biblioteki umożliwiającej wykorzystanie gestów oraz pozycji dłoni w dowolnych projektach napisanych w języku Python.

Do napisania pracy wykorzystano biblioteki języka Python o otwartym kodzie źródłowym, głównie OpenCV, MediaPipe oraz SciKit Learn.

## Wstęp

- wprowadzenie w problem/zagadnienie
- osadzenie problemu w dziedzinie
- cel pracy
- zakres pracy
- zwięzła charakterystyka rozdziałów
- jednoznaczne określenie wkładu autora, w przypadku prac wieloosobowych
  - tabela z autorstwem poszczególnych elementów pracy

#### 2.1 Wprowawdzenie w problem

Rozwój technolgii w ostatnich czasach przyczynił się do coraz częstszego wykorzystywania wizji komputerowej oraz metod uczenia maszynowego do rozpoznawania oraz klasyfikacji różnego typu obiektów, w tym części ludzkiego ciała. Pozwala to na interakcję człowieka z aplikacjami, często w spób bardziej naturalny.

#### 2.2 Cel pracy

Projekt inżynierski ma na celu stworzenie biblioteki w języku Python, która pozwoli na przystępne wykorzystanie algorytmów rozpoznawania gestów oraz ruchu dłoni. Biblioteka powinna oferować gotowe rozwiązania, na przykład przygotowane modele matematyczne pozwalające na rozpoznawanie języka migowego oraz gestów podstawowych. Dodatkowo powinna pozowlić na wyznaczenie pozycji dłoni, jej typu oraz wartości charakterystycznych, na przykład odlgłości między końcówkami wybranych palców czy kąta obrotu dłoni.

#### 2.3 Osadzenie problemu w dziedzienie

Aktualnie istnieją częściowo gotowe rozwiązania pozwalające na rozpoznanie i klasyfikację dłoni - bibliotka MediaPipe.

#### 2.4 Charakterystyka rozdziałów

## [Analiza tematu]

- sformułowanie problemu
- osadzenie tematu w kontekście aktualnego stanu wiedzy ( state of the art ) o poruszanym problemie
- studia literaturowe [?, ?, ?] opis znanych rozwiązań (także opisanych naukowo, jeżeli problem jest poruszany w publikacjach naukowych), algorytmów,

#### 3.1 Sformułowanie problemu

Problem można podzielić na trzy części. Każda z nich odpowiada za wybraną część funkcjonalności biblioteki.

- Wyznaczenie pozyci dłoni, odległości pomiędzy wybranymi palcami oraz jej kata obrotu.
- Rozpoznawanie gestów dłoni w dwóch trybach: prostym (parę dostępnych gestów) oraz zaawansowanym, który rozoznaje alfabet języka migowego.
- Dostępność biblioteki poprzez platfromę PyPi.

Stworzenie modułu będzie wymagało napisania klasy wykorzystującej odpowiednie biblioteki pozwalających na rozpoznanie elementów charakterystycznych

dłoni oraz przetworzenia obrazu. Obraz będzie pochodził z kamerki internetowej, który zostanie odpowiednio przetworzony z wykorzystaniem funkcji dostępnych poprzez bibliotekę OpenCV. Przetworzony obraz zostanie wykorzystany przez metody biblioteki MediaPipe, która pozowli na rozpoznanie elementów charakterystycznych dłoni. W napisanej klasie zostaną zaimplementowane metody, które pozowlą na rozpoznanie typu dłoni (prawa, lewa), odległości między paliczkiem palca wskazującego oraz kciuka, oraz obrotu dłoni.

Kolejnym elementem jest wygenerowanie modelu matematycznych klasyfikujących gesty dłoni. W tym celu zostanie wykorzystana bibliotegk SciKit Learn wraz z dostępnymi poprzez nią algorytmamy ucznia maszynowego. Odpowiednio zebrane dane pozowlą na przeprowadzeni procesu ucznie dla paru wybranych algorytmów.

Najważniejszym elementem pracy jest powyżej wymieniony ostatni punkt listy. Dzięki wykorzystaniu platformy PyPi deweloperzy będą mogli przy pomocy programu **pip** za pomocą jednej komendy zainstalować paczkę wraz ze wszystkimi wymaganymi zależnościami.

#### 3.2 Podobne rozwiązania

## Wymagania i narzędzia

- wymagania funkcjonalne i niefunkcjonalne
- przypadki użycia (diagramy UML) dla prac, w których mają zastosowanie
- opis narzędzi, metod eksperymentalnych, metod modelowania itp.
- metodyka pracy nad projektowaniem i implementacją dla prac, w których ma to zastosowanie

#### 4.1 Wymagania

Klasa powinna zawierać w sobie wszystkie niezbędne funkcje oraz parametry pozwalające na wykorzysatnie jej w dowolnym projekcie. Modele rozpoznające gesty powinny zostać uprzednio przygotowane.

Pobranie modułu powinno być możliwe poprzez wykorzystanie standardowego programu do zarządzania paczkami **pip**. Ten menedżer pozwala na instalacje paczki wraz z jej zależnościami, czyli innymi paczkami wymaganami do porwanego działania pobieranego modułu.

#### 4.2 Narzędzia

#### 4.2.1 System operacyjny Ubuntu

Do stworzenia oprogramowania została wybrana dystrybucja Ubuntu systemu Linux. Dzięki takim elementom jak menedżer pakietów lub wbudowane wspracie dla języka Python.

#### 4.2.2 Python

Do napisanie biblioteki został wykorzystany język skryptowy Python. Ze względu na swoją budowę, Python nie należy do najbardziej wydajnych języków. Python jest językiem interpretowalnym, co oznacza, że jego program nie zostaje przekompilowany do kodu maszynowego, a zostaje on zinterpretowany przez program nazywany interpreterem. Pomimo niskiej wydajności języka Python, jest on dobrym narzędziem do tworzenia aplikacji wykorzystujących wizję komputerową oraz uczenia maszynowe. Głównie ze względu na dostępność oraz jakość bibliotek o wolnym źródle.

#### 4.2.3 iPython

To iteraktywna powłoka dla języka Python, która rozszerza jego działanie o interospekcję, czyli możliwość wykonywania poprzednich części programu zapisanych w komórkach. Dodatkowo IPython oferuje dodatkową składnię powołoki oraz wykonywanie komend wiersza poleceń.

#### 4.2.4 Jupyter Notebook

Dodatkowym narzędziem jest Jupyter Notebook, który pozwala na wykonwyanie części programu w osobnych komórkach. Pozwala to na łatwiejsze odnajdowanie błędów w programie. Jupyter Notebook został wykorzystany do napisania programu trenującego modele uczenia mszynowego rozponzące gesty. Dzięki strukturze takiego pliku, można w prosty sposób wykonywać program w danej komórce wiele razy. Na przykład pobieranie danych, dla różnych gestów. 4.2. Narzędzia 9

#### 4.2.5 Visual Studio Code - Środowisko Pracy

Całość klasy została napisana z wykorzystaniem edytora Visual Studio Code. Ten edytor został wybrany ze względu na jego wielozadaniowość. Visual Studio Code obsługuje jednocześnie programy napisane w Pythonie oraz pliki z rozszerzeniem .ipynb, czyli tak zwane zeszyty, które wykorzystują interaktywnego Pythona, czyli język iPython.

#### 4.2.6 Platforma PyPi

Platforma PyPi jest platformą, na której udostępniane są modułu napisane w języku Python. Aktualnie jest ona zarządzana poprzez fundację "Python Software Foundation". Dzięki tej platfomie, zupełnie za darmo można pobierać znajdujące się na niej oprogramowanie oraz udostępniać własne. Program **pip** w głónwej mierze korzysta z PyPi jako głównego repozytorium z paczkami.

#### 4.2.7 Programy bdist\_wheel oraz sdist

Oba programy są niezbędne do przygotowania w pełni działającej paczki udostępnionej przez platforme PyPi. Program sdist pozwala na stworzenie źródłowej dystrubucji, czyli w praktce pliku typu .zip, .tar czy też .rar oraz wielu innych, w których znajdują się wybrane pliki. Kolejnym programem jest bdist\_wheel, który odpowiada za stworzenie uprzednio paczki typu WHEEL, która w przypadku wykorzystania plików napisanych w języku C uprzednio je kompiluje, dzięki czemu nie jest wymagany kompilator po stronie użytkownika. Ostatecznie, WHEEL pozwala na szybszą instalację paczki w porównaniu z budowaniem jej z plików źródłowych.

## [Właściwy dla kierunku - np. Specyfikacja zewnętrzna]

Jeśli to Specyfikacja zewnętrzna:

- wymagania sprzętowe i programowe
- sposób instalacji
- sposób aktywacji
- kategorie użytkowników
- sposób obsługi
- administracja systemem
- kwestie bezpieczeństwa
- przykład działania
- scenariusze korzystania z systemu (ilustrowane zrzutami z ekranu lub generowanymi dokumentami)



Rysunek 5.1: Podpis rysunku po rysunkiem.

- 5.1 Wymagania sprzętowe i programowe
- 5.2 Przykład działania

## [Właściwy dla kierunku - np.Specyfikacja wewnętrzna]

Jeśli to Specyfikacja wewnętrzna:

- przedstawienie idei
- architektura systemu
- opis struktur danych (i organizacji baz danych)
- komponenty, moduły, biblioteki, przegląd ważniejszych klas (jeśli występują)
- przeglad ważniejszych algorytmów (jeśli występuja)
- szczegóły implementacji wybranych fragmentów, zastosowane wzorce projektowe
- diagramy UML
- wymagania funkcjonalne i niefunkcjonalne
- przypadki użycia (diagramy UML) dla prac, w których mają zastosowanie
- opis narzędzi, metod eksperymentalnych, metod modelowania itp.
- metodyka pracy nad projektowaniem i implementacją dla prac, w których ma to zastosowanie

#### 6.1 Rozpoznawanie dłoni

Pierwszym elementem projektu jest rozpoznanie dłoni poprzez wyznacznie pozycji elementów charakterystycznych. Pozycja każdego z tych elementów jest względna wedłgu pozycji nadgarstka. ????

#### 6.1.1 Interpetacja obrazu - schemat UML

#### 6.1.2 OpenCV - przygotowanie obrazu z kamery

Poprawne działanie modelu MediaPipe wymaga odpowiedniego przygotowania obrazu kamery. Działanie kontrolerolera odbywa się poprzez główną metodę main().

Metoda **main()** jest główną funkcją, w której dokonywane są obliczenia oraz przeszktałcenia pozwalające na obliczenie obrotu dłonie, odległości między wybranymi palcami oraz na wykrycie gestu.

```
\#Initiate \ camera
\verb|self.cap| = \verb|cv2.VideoCapture|(0)|
```

W pierwszym kroku tworzymy instancję klasy **VideoCapture** biblioteki **OpenCV**, która pozwoli na odczytywanie obrazu kamery.

```
def main(self):
    """

Main function that runs the core of the program.

"""

hand_type = None
    if self.cap.isOpened():
        ret , frame = self.cap.read()

#BGR to RGB
    image = cv2.cvtColor(frame, cv2.COLOR_BGR2RGB)

#Flip horizontal
```

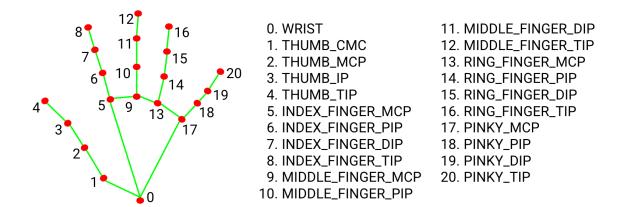
```
image = cv2. flip (image, 1)
14
15
               #Set flag
16
               image.flags.writeable = False
17
18
               #Detections
19
                self.results = self.hands.process(image)
20
21
               #Set flag back to True
22
               image.flags.writeable = True
23
24
               #RGB to BGR
25
               image = cv2.cvtColor(image, cv2.COLOR_RGB2BGR)
26
```

#### 6.1.3 MediaPipe - Elementy charakterystyczne

Biblioteka MediaPipe o otwartym źródle, udostępnia wieloplatformowe oraz konfigurowalne rozwiązania wykrzustujące uczenie maszynowe w dziedzienie rozpoznawania, segmentacji oraz klasyfikacji obiektów wizji komputerowej. Niektórymi z rozwiązań są:

- Rozpoznawanie twarzy
- Segmentacjia włosów oraz twarzy
- Rozpoznawnie oraz określanie rozmiarów obiektów trójwymiarowych na podstawie obrazu dwuwymiarowego.

Model modułu MediaPipe pozwala na wyznaczenie pozycji 21 elementów charakterystycznych dłoni. Współrzędne X i Y są znomralizowane względem rozdzielczości obrazu kamery. Współrzędna X względem liczby pikseli w osi X, a współrzędna Y względem liczby pikseli w osi Y. Oś Z jest prostopadła do osi X i Y, z punktem początkowym w punkcie określającym pozycję nadgarstka. Współrzędna Z jest znormalizowana względem szerokości obrazu kamery, tak jak współrzędna X.



Rysunek 6.1: Elementy charakterystyczne dłoni

Pozycje nadgarstka, paliczków oraz stawów dłoni zostaną wykorzystane do obliczenia obrotu dłoni względem punkut 0 oraz do wytrenowania modeli uczenia maszynowego, których zadaniem będzie rozpoznawnie wybranych gestów.

#### 6.1.4 Generowanie grafiki dłoni

Generowanie grafiki nałożonej na daną dłoń wykonuje się przy pomocy przygotowanej funkcji biblioteki MediaPipe, która współpracuje z OpenCV.

#### 6.2 SciKit Learn - uczenie maszynowe

#### 6.2.1 Algorytm uczenia maszynowego - schemat UML

SciKit Learn to biblioteka, która oferuje różnego typu metody uczenia maszynowego. Biblioteka zawiera algorytmy klasyfikacji, regresjii oraz analizy skupień. Przykładowym algorytmami w bibliotece są:

- Las losowy polegająca na konstruowaniu wielu drzew decyzyjnych w czasie uczenia.
- Algorytm centroidów algorytm wykorzystywany w analizie skupień.

 Maszyna wektorów nośnoych - algorytm klasyfikujący, często wykorzystywany w procesie rozpoznawania obrazów.

O wszystkich dostępnych algorytmach informacje można znaleźć w ogólnodostępnej dokumentacji biblioteki.

#### 6.2.2 Budowa programu

Celem programu będzie stworzenie modeli matematycznych przy pomocy metod uczenia maszynowego, których celem będzie rozpoznawanie gestów dłoni. Proces tworzenie takiego modelu można podzielić na trzy kroki.

- Zebranie i przetworzenie danych.
- Przygotowanie algorytmów klasyfikacji i znalezenie najdokładniejszego.
- Zapis modelu do pliku typu pickle

#### 6.2.3 Zebranie danych

Przygotowanie danych do przetworzenia będzie wymagało paru opercaji matematycznych. Współrzędne opisujące pozycje elementów charakterystycznych są znormalizowane względem wielkości obrazu pobranego z kamery, z czego wynika, że środek układu współrzęnych jest w prawym górnym rogu obrazu pobranego z kamery. W takim wypadku należy przprowadzić transformację, tutaj akurat przesunięcie układu współrzędnych do pozycji nadgarstka. Taka operacja pozwoli na pozbycie się uniezależnienie zmiennych od pozycji elementów dłoni na obrazie. Ostatecznie pozbywamy się pozycji nadarstka z wektora danych, ponieważ jest ona środkiem nowego układu współrzędnych.

#### Macierz przesunięcia

$$M_p = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -x_0 \\ 0 & 1 & 0 & -y_0 \\ 0 & 0 & 1 & -z_0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Aby dane mogły zostać zinterpretowane przez algorytmy ucznenia maszynowego muszą one zostać przedstawione w postaci jednowymiarowej. Aktualna postać macierzy przedstawiającej wpółrzędne elementów charakterystycznych ma następującą postać. Indeksy współrzędnych są równoznaczne z indeksami elementów dłoni.

$$M_p = \begin{bmatrix} x_1' & y_1' & z_1' \\ x_2' & y_2' & z_2' \\ & \vdots & \\ x_{21}' & y_{21}' & z_{21}' \end{bmatrix}$$

Dane w postaci jednowymiarowej mają postać następującego wektora.

$$A_f = \begin{bmatrix} x_1 & y_1 & z_1 & x_2 & y_2 & \cdots & y_{21} & z_{21} \end{bmatrix}$$

Drugim krokiem jest uniezależnienie pozycji elementów od odległości dłoni od kamery. Najprostszym rozwiązaniem jest normalizacja wektora danych względem największej bezwzględnej wartości.

#### Normalizacja

$$A_n = \frac{A_f}{max(abs(A_f))}$$

Każdy nowy wektor zostaje zapisany do pliku CSV z odpwowiednią etykietą. Zebrane dane posłużą do wytrenowania algorytmów uczenia maszynowego.

#### 6.2.4 Metody klasyfikacji - uczenie maszynowe

Przygotowane dane zostają odczytane z pliku CSV. W pierwszym kroku należy rozdzielić je na dwie części: współrzędne (dane wejściowe) oraz etykiety (dane wyjściowe). W kolejnym kroku należy te dwie grupy podzielić na grupę trenującą i grupę testową. Zadaniem grupy testowej będzie trenowanie wybranych modeli matematycznych, a grupy testowej przetestowanie ich dokładności.

W celu wybrania najlepszej metody klasyfikacji, zostnie wybranych kilka algorytmów. Każdy z nich stworzy swój model, a ostatecznie zostanie sprawdzona ich poprawności z wykorzystaniem grupy testowej. Model z najepszym wynikiem

zostanie zapisany do pliku typu **pickle**. W języku Python pliki typu **pickle** pozwalają na zapis zmiennych, obiektów lub innych struktur danych, które mają zostać wykorzystane w po zakończeniu programu.

#### 6.2.5 Ponowne wykorzystanie modelu

Gotowy model pobieramy i testujemy w przykładowym programie.

#### 6.3 Paczka PyPi

#### 6.3.1 Budowa paczki

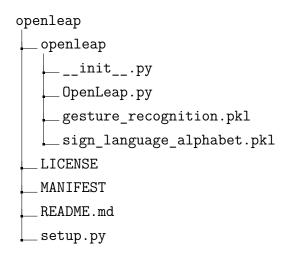
Ostatecznym krokiem jest przygotowanie programu w formie paczki, która zostanie udostępniona na platformie PyPi. Wygama to przygotowania odpowiednich plików konfiguracyjnych oraz zostosowania stosownych narzędzi do stworznie pliku wheel oraz tar.

#### 6.3.2 Struktura Paczki

Pierwszm krokiem jest przygotowanie odpowiedniej struktury paczki. Do tego celu został stworzony folder o poniższej strukturze. W tym folderze znajdują się wszystkie potrzebne elementy paczki. W podfolderze o tej samej nazwie znajduje się główna części modułu, czyli plik .py, w którym zapisana jest klasa OpenLeap. Dodatkowo w tym folderze znajdują się pliki typu **pickle**, w których zapisane są modele rozpoznające gesty.

#### 6.3.3 Pliki Konfiguracyjne

Pliki setup.py oraz MANIFEST są plikami, które odpowiadają za konfigurację oraz opis paczki. W pliku setup.py zapisany jest numer aktualnej wersji, autor, kontakt do autora, nazwa paczki itp.



Rysunek 6.2: Struktura paczki PyPi

#### 6.3.4 Załadowanie paczki do repozytorium

Przed załadowaniem paczki do repozytorium, należy stworzyć zapakowaną paczkę źródłową, na przykład typu .tar oraz plik typu WHEEL. Oba pliki spełniają tą samą funkcję, czyli przechowywnie niezbędnych elementów paczki oraz umożliwiają ich instalację na systemie użytkownika. Plik WHEEL pozwala na dużo szybszy proces instalacji niż instalacją ze źródła, czyli paczki typu .tar.

Krótka wstawka kodu w linii tekstu jest możliwa, np. **descriptor**, a nawet **descriptor\_gaussian**. Dłuższe fragmenty lepiej jest umieszczać jako rysunek, np. kod na rysunku ??, a naprawdę długie fragmenty – w załączniku.

## Weryfikacja i walidacja

- sposób testowania w ramach pracy (np. odniesienie do modelu V)
- organizacja eksperymentów
- przypadki testowe zakres testowania (pełny/niepełny)
- wykryte i usunięte błędy
- opcjonalnie wyniki badań eksperymentalnych

Tablica 7.1: Opis tabeli nad nią.

Tablea 1.1. Opis taben had ing.															
	metoda														
				alg. 3	alg. 4	$\gamma = 2$									
ζ	alg. 1	alg. 2	$\alpha = 1.5$	$\alpha = 2$	$\alpha = 3$	$\beta = 0.1$	$\beta = -0.1$								
0	8.3250	1.45305	7.5791	14.8517	20.0028	1.16396	1.1365								
5	0.6111	2.27126	6.9952	13.8560	18.6064	1.18659	1.1630								
10	11.6126	2.69218	6.2520	12.5202	16.8278	1.23180	1.2045								
15	0.5665	2.95046	5.7753	11.4588	15.4837	1.25131	1.2614								
20	15.8728	3.07225	5.3071	10.3935	13.8738	1.25307	1.2217								
25	0.9791	3.19034	5.4575	9.9533	13.0721	1.27104	1.2640								
30	2.0228	3.27474	5.7461	9.7164	12.2637	1.33404	1.3209								
35	13.4210	3.36086	6.6735	10.0442	12.0270	1.35385	1.3059								
40	13.2226	3.36420	7.7248	10.4495	12.0379	1.34919	1.2768								
45	12.8445	3.47436	8.5539	10.8552	12.2773	1.42303	1.4362								
50	12.9245	3.58228	9.2702	11.2183	12.3990	1.40922	1.3724								

## Podsumowanie i wnioski

- uzyskane wyniki w świetle postawionych celów i zdefiniowanych wyżej wymagań
- kierunki ewentualnych danych prac (rozbudowa funkcjonalna ...)
- problemy napotkane w trakcie pracy

## Dodatki

## Spis skrótów i symboli

DNA kwas deoksyrybonukleinowy (ang. deoxyribonucleic acid)

MVC model – widok – kontroler (ang. model–view–controller)

 ${\cal N}\,$ liczebność zbioru danych

 $\mu\,$ stopnień przyleżności do zbioru

 $\mathbb E\,$ zbiór krawędzi grafu

 ${\cal L}\,$ transformata Laplace'a

## Źródła

Jeżeli w pracy konieczne jest umieszczenie długich fragmentów kodu źródłowego, należy je przenieść do załącznika.

## Zawartość dołączonej płyty

Do pracy dołączona jest płyta CD z następującą zawartością:

- praca (źródła L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>Xowe i końcowa wersja w pdf),
- źródła programu,
- dane testowe.

## Spis rysunków

5.1	Podpis rysunku po rysunkiem	12
6.1	Elementy charakterystyczne dłoni	16
6.2	Struktura paczki PyPi	20

36 Spis rysunków

## Spis tablic

7 1	Opis tabeli nad nia.																								0	1
/ 1	Omis tanen nad nia																									$\Delta$
	Opis tabell had hig.		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		