

Algoritmos para Big Data:

Grafos y PageRank

Sergio García Prado

E.T.S. Ingeniería Informática, UVa

Índice General

1. Introducción
2. Algoritmos para Streaming
3. Estrategias de Sumarización
4. Algoritmos aplicados a Grafos
5. Algoritmo PageRank
6. Implementación

Introducción

Los algoritmos para **Big Data** son aquellos que se encargan de resolver problemas sobre conjuntos de datos de tamaño masivo.

Problema de Accesos a Memoria

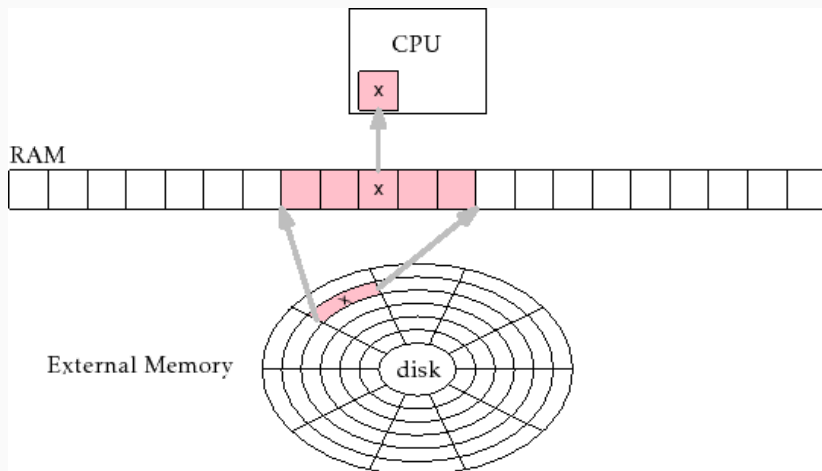


Figura 1

Soluciones a la complejidad del Big Data

- Algoritmos para Streaming
- Técnicas de Reducción de la Dimensionalidad
- Estrategias de Paralelización
- ...

Algoritmos para Streaming

Modelo en Streaming

- Serie Temporal:
 $1, 5, 3, -4, 2, -3, 5, \dots$
- Caja Registradora (Cash-Register):
 $(2, +1), (3, +4), (1, +3), (2, +3), (4, +5), \dots$
- Molinete (Turnstile):
 $(2, -1), (3, -4), (1, +3), (2, -3), (4, +5), \dots$

Algoritmos para Streaming

Los **Algoritmos para Streaming** son aquellos que procesan la entrada de manera secuencial, teniendo en cuenta únicamente el elemento actual, junto con una estimación de los procesados anteriormente, utilizando un orden sublineal $o(n)$ en espacio respecto del rango de posibles valores en la entrada.

$$F_k = \sum_{i=1}^n m_i^k \quad (1)$$

- Algoritmo de Morris [Mor78]: F_1
- Algoritmo de Flajolet-Martin [FM85]: F_0
- Estimación de Momentos de Frecuencia [AMS96]:
 $F_k, k \in N^*$

Algoritmo de Flajolet-Martin

[TODO]

Estrategias de Sumarización

Estrategias de Sumarización

- Muestreo Aleatorio
- Histogramas
- Wavelets
- Sketches

- Bloom Filter [Blo70]
- Count-Min Sketch [CM05]
- Count Sketch [CCFC02]
- AMS Sketch [AMS96]
- Hyper-LogLog [FFGM07]
- L_p -Samplers [JST11]

Count-Min Sketch

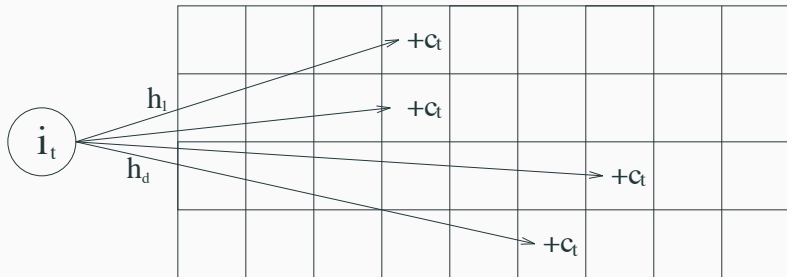


Figura 2

Algoritmos aplicados a Grafos

Algoritmos aplicados a Grafos

Sea $G = (V, E)$ un grafo formado por $n = |V|$ vértices y $m = |E|$ aristas, de tal manera que $e_i = (v_{i_1}, v_{i_2}) \in E$ y $\{v_{i_1}, v_{i_2}\} \in V$

Sobre el **Modelo en Semi-Streaming** se procesa un grafo a través del stream de aristas, en un espacio poli-logarítmico respecto del cardinal de vértices utilizando un número reducido de pasadas sobre el stream.

Spanners y Sparsifiers

- Spanner:
- Sparsifier:

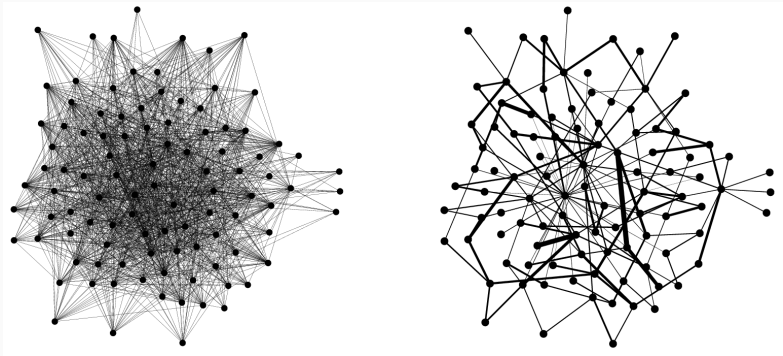


Figura 3

Problemas sobre Grafos

- Verificación de Grafo Bipartito [FKM⁺05]
- Conteo de Triángulos [BYKS02]
- Árbol Recubridor Mínimo [AGM12]
- Componentes Conectados [AGM12]
- Paseos Aleatorios [SGP11]
- ...

Algoritmo PageRank

Algoritmo PageRank

Ranking de los vértices de un grafo basado únicamente en la estructura de relaciones generada por las aristas del grafo.

Los vértices incidentes con vértices populares tendrán mayor popularidad.

Distribución estacionaria de la **Cadena de Markov** subyacente.

Cadena de Markov

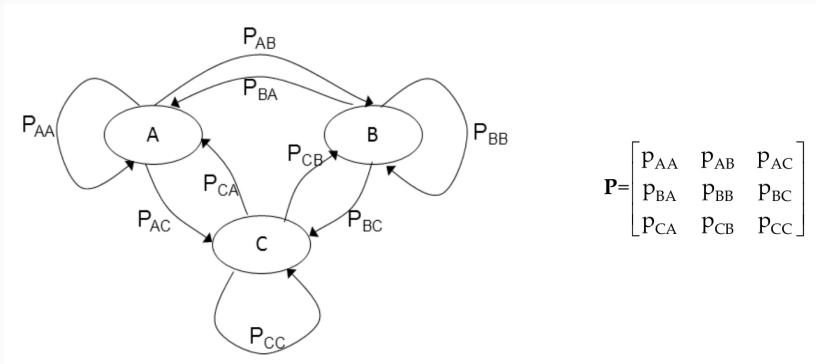
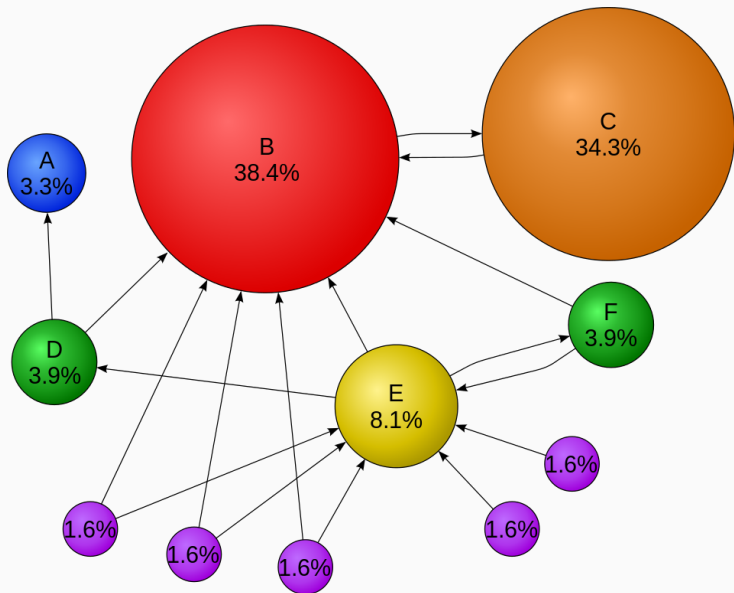


Figura 4

PageRank



Vértices Sumidero no cumplen la propiedad de Cadena de Markov.

Salto Aleatorio como solución al problema de los vértices sumidero, siguiendo una distribución uniforme.

¿Cómo calcularlo?

- Algebraica [TODO]
- Iterativa [TODO] *teorema de Perron–Frobenius*
- Paseos Aleatorios

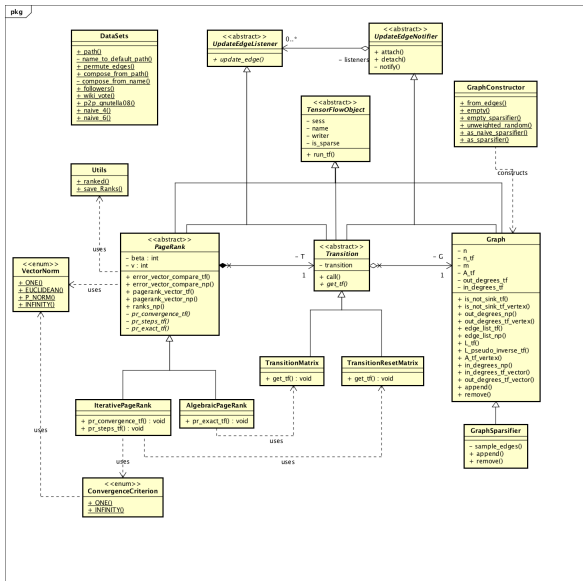
- HITS [Kle99]
- SALSA [LM01]
- SimRank [JW02]

Implementación

La implementación realizada consiste en una biblioteca de grafos (**tf_G**) utilizando como base la plataforma de cálculo matemático intensivo **TensorFlow** [AAB⁺16].

tf_G se encuentra en una fase muy temprana, formando únicamente el conjunto de métodos para el cálculo del **PageRank**.

Diagrama de Clases



Trabajo completo en:

[`https://github.com/garciparedes/tf_G`](https://github.com/garciparedes/tf_G)

¿Preguntas?



Martín Abadi, Ashish Agarwal, Paul Barham, Eugene Brevdo, Zhifeng Chen, Craig Citro, Greg S Corrado, Andy Davis, Jeffrey Dean, Matthieu Devin, et al.

Tensorflow: Large-scale machine learning on heterogeneous distributed systems.

arXiv preprint arXiv:1603.04467, 2016.



Kook Jin Ahn, Sudipto Guha, and Andrew McGregor.

Analyzing graph structure via linear measurements.

In *Proceedings of the twenty-third annual ACM-SIAM symposium on Discrete Algorithms*, pages 459–467. Society for Industrial and Applied Mathematics, 2012.



Noga Alon, Yossi Matias, and Mario Szegedy.

The space complexity of approximating the frequency moments.

In *Proceedings of the twenty-eighth annual ACM symposium on Theory of computing*, pages 20–29. ACM, 1996.



Burton H Bloom.

Space/time trade-offs in hash coding with allowable errors.

Communications of the ACM, 13(7):422–426, 1970.



Ziv Bar-Yossef, Ravi Kumar, and D Sivakumar.

Reductions in streaming algorithms, with an application to counting triangles in graphs.

In *Proceedings of the thirteenth annual ACM-SIAM symposium on Discrete algorithms*, pages 623–632.

Society for Industrial and Applied Mathematics, 2002.



Moses Charikar, Kevin Chen, and Martin Farach-Colton.

Finding frequent items in data streams.

In *International Colloquium on Automata, Languages, and Programming*, pages 693–703. Springer, 2002.



Graham Cormode and Shan Muthukrishnan.

An improved data stream summary: the count-min sketch and its applications.

Journal of Algorithms, 55(1):58–75, 2005.



Philippe Flajolet, Éric Fusy, Olivier Gandouet, and Frédéric Meunier.

Hyperloglog: the analysis of a near-optimal cardinality estimation algorithm.

In *Analysis of Algorithms 2007 (AofA07)*, pages 127–146, 2007.



Joan Feigenbaum, Sampath Kannan, Andrew McGregor, Siddharth Suri, and Jian Zhang.

On graph problems in a semi-streaming model.

Theoretical Computer Science, 348(2-3):207–216, 2005.



Philippe Flajolet and G Nigel Martin.

Probabilistic counting algorithms for data base applications.

Journal of computer and system sciences, 31(2):182–209, 1985.



Hossein Jowhari, Mert Sağlam, and Gábor Tardos.

Tight bounds for lp samplers, finding duplicates in streams, and related problems.

In *Proceedings of the thirtieth ACM SIGMOD-SIGACT-SIGART symposium on Principles of database systems*, pages 49–58. ACM, 2011.



Glen Jeh and Jennifer Widom.

Simrank: a measure of structural-context similarity.

In *Proceedings of the eighth ACM SIGKDD international conference on Knowledge discovery and data mining*, pages 538–543. ACM, 2002.



Jon M Kleinberg.

Authoritative sources in a hyperlinked environment.

Journal of the ACM (JACM), 46(5):604–632, 1999.



Ronny Lempel and Shlomo Moran.

Salsa: the stochastic approach for link-structure analysis.

ACM Transactions on Information Systems (TOIS), 19(2):131–160, 2001.



Robert Morris.

Counting large numbers of events in small registers.

Communications of the ACM, 21(10):840–842, 1978.



Atish Das Sarma, Sreenivas Gollapudi, and Rina Panigrahy.

Estimating pagerank on graph streams.

Journal of the ACM (JACM), 58(3):13, 2011.