ΕΡΓΑΣΙΑ ΤΕΛΕΣΤΙΚΟΥ ΕΝΙΣΧΥΤΗ ΗΛΕΚΤΡΟΝΙΚΗ ΙΙΙ

Τσαρναδέλης Αθανάσιος Γρηγόριος

10388, atsarnad@ece.auth.gr

Περιεχόμενα

Αριθμητική Ανάλυση	3
MATLAB Script για την θεωρητική ανάλυση	5
Προσομοίωση των αρχικών τιμών στο SPICE	8
Tuning	11
Επιβεβαίωση των ζητούμενων προδιαγραφών	12
Κέρδος Τάσης A – Gain	12
Gain Bandwidth - GB	12
Περιθώριο Φάσης – Phase Margin	13
Slew Rate	13
Ισχύς κατανάλωσης Ρ	14
Τελικά Αποτελέσματα	14
Θερμοκρασιακή Ανάλυση	15
Κέρδος	15
Gain Bandwidth	15
Περιθώριο Φάσης – Phase Margin	16
Slew Rate	16
Ισχύς Κατανάλωσης	17
Τελικά αποτελέσματα	17

Αριθμητική Ανάλυση

Με βάση το ΑΕΜ το ξ=88. Άρα οι προδιαγραφές σύμφωνα με την εκφώνηση είναι οι εξής:

Προδιαγραφή	Τιμή	
CL	2.88pF	
SR	>18.88 V/μs	
Vdd	2.064V	
Vss	-2.064V	
GB	>7.88MHz	
A	>20.88 dB	
Р	<50.88mW	

Επίσης, από το δοθέν μοντέλο των τρανζίστορ εξάγω τις παρακάτω τιμές:

- $V_{T0p} = -0.9056 \text{ V}$
- $V_{T0n} = 0.786 \text{ V}$
- $K'_p = 29.352 \,\mu\text{A/V}^2$
- $K'_n = 96.379 \, \mu A/V^2$

Τέλος, από την εκφώνηση:

- V_{in min} = -0.1 V
- V_{in max} = 0.1 V

Επιλέγω να σχεδιάσω τελεστικό ενισχυτή με είσοδο pmos και με τα παραπάνω νούμερα, προχωράω στην ανάλυση.

Επιλέγω L τουλάχιστον δύο φορές μεγαλύτερο της τεχνολογίας (0.35μm):

Από τυπολόγιο υπολογίζω:

$$C_C > 0.22*CL=0.6336$$
pF. Επιλέγω $C_C=1$ pF

Επίσης από τυπολόγιο:

$$I_5 = SR^* C_C = 18.88 \mu A$$

Λαμβάνοντας υπόψη ότι έχω είσοδο pmos, παίρνω τους ανάλογους τύπους από το τυπολόγιο:

$$Vin_{(min)} = Vss + V(I5/\beta 3) + V_{T03} + |V_{T01}|$$

$$\beta 3 = K'_3(W/L)_3 = K'_3 S_3$$

$$\Rightarrow S_3 = I5 / (K'_3)(Vin_{(min)} - Vss - V_{T03} + |V_{T01}|)^2$$

$$\Rightarrow S_3 = 18.88 \, \mu\text{A} / (96.379 \, \mu\text{A}/V^2)(-0.1 \, \text{V} + 2.064 \, \text{V} - 0.786 \, \text{V} + +0.9056 \, \text{V})^2$$

$$\Rightarrow$$
 S₃ = 0.0451

Το S_3 είναι πολύ μικρότερο του 1. Δεν μου αρέσει και το επιλέγω S_3 =1 Λόγω καθρέφτη:

$$S_4 = S_3 = 1$$

Ελέγχω αν ο πόλος p3 είναι μεγαλύτερος από 10GB:

$$C_{ox} = 4.6 \text{ fF/}\mu\text{m}^2$$
 $C_{gs3} = 2/3 \text{ W}_3 \text{ L } C_{ox} = 2/3 \text{ S}_3 \text{ L}^2 C_{ox} = 12.2667 \text{ fF}$
 $g_{m3} = V(\text{ K}'_3 \text{ S}_3 \text{ I}_5) = 42.657 \text{ }\mu\text{S}$
 $g_{m3}/2 \text{ } C_{gs3} = 1.7387*10^9 \text{ rad/s}$
 $\Rightarrow g_{m3}/2 \text{ } C_{gs3} = 276 \text{ MHz} > 10GB = 78.5 \text{ MHz}$

Άρα ο πόλος p3 είναι ΟΚ. Συνεχίζω υπολογίζοντας τις διαστάσεις του 1,2

$$g_{m1} = 2\pi^*GB^*C_C = 2\pi^*7.88MHz^*1pF = 49 \mu S$$

$$S_1 = S_2 = g_{m1}^2 / (K'_2 * I_5) = (49 \mu S)^2 / (29.352 \mu A/V^2 * 18.88 \mu A)$$

$$\Rightarrow S_1 = S_2 = 4.4236$$

Έπειτα υπολογίζω το V_{sd5}

$$β_1 = K'_1*S_1 = 29.352 \ \mu\text{A/V}^2 * 4.4236 = 129.84 \ \mu\text{A/V}^2$$

$$V_{\text{sd5}} = Vdd - V(\ I_5/β_1) - V_{\text{in_max}} - \ |V_{\text{T01}}| = 2.064V - V(18.88 \ \mu\text{A/}\ 129.84 \ \mu\text{A/V}^2) - 0.1V - 0.9056V$$

$$\Rightarrow V_{\text{sd5}} = 0.677V \ (> 0.1V, \ \alpha\pi\acute{o} \ \tau \upsilon \pi o \lambda\acute{o} v \iota o)$$

Υπολογίζω το μέγεθος του 5:

$$S_5 = 2I_5 / (K'_5*V_{sd5}^2) = 2*18.88 \,\mu\text{A} / (29.352 \,\mu\text{A}/V^2*0.677V^2)$$

 $\Rightarrow S_5 = 2.8062$

Γνωρίζουμε ότι $g_{m6} >= 10 \ g_{m1}$. Οριακά παίρνω $g_{m6} = 10 \ g_{m1} = 490 \ \mu S$, και υπολογίζω το μέγεθος του 6

$$g_{m4} = g_{m3} = 42.657 \ \mu S$$

 $S_6 = S_4(g_{m6}/g_{m4}) = 1 (490 \ \mu S/42.657 \ \mu S)$
 $\Rightarrow S_6 = 11.6068$

Υπολογίζω το Ι₆ και στην συνέχεια το μέγεθος του 7:

$$I_6 = g_{m6}^2 / (2*K'_6*S_6) = (490 \ \mu S)^2 / (2*96.379 \ \mu A/V^2*11.6068)$$

$$\Rightarrow I_6 = 109.57 \ \mu A$$

$$S_7 = (I_6 / I_5) S_5 = (109.57 \,\mu\text{A} / 18.88 \,\mu\text{A}) 2.8062$$

=> $S_7 = 16.2857$

Τέλος, επιβεβαιώνω τις προδιαγραφές του κέρδους και της κατανάλωσης ισχύος. Χρησιμοποιώ λ_n =0.05 1/V, λ_p =0.15 1/V

$$A_{V} = 2 \ g_{m2} \ g_{m6} / (\ I_{5} \ (\lambda_{2} + \lambda_{4}) \ I_{6} \ (\lambda_{6} + \lambda_{7}) \)$$

$$= 2*49 \ \mu S*490 \ \mu S / (\ 18.88 \ \mu A \ (0.15 \ 1/V + 0.05 \ 1/V) \ 109.57 \ (0.05 \ 1/V + 0.15 \ 1/V) \)$$

$$\Rightarrow A_{V} = 592.5 \ V/V$$

$$\Rightarrow A_{V} = 55 \ dB > 20.88 dB (\alpha \pi \acute{o} \ \pi \rho o \delta \iota \alpha \gamma \rho \alpha \varphi \acute{\eta})$$

$$P_{diss} = (I_{5} + I_{6})(Vdd + |Vss|) = (18.88 \ \mu A + 109.57 \ \mu A)(2*2.064)$$

$$\Rightarrow P_{diss} = 0.53 \ mW < 50.88 mW (\alpha \pi \acute{o} \ \pi \rho o \delta \iota \alpha \gamma \rho \alpha \varphi \acute{\eta})$$

Άρα για τα παραπάνω νούμερα ικανοποιώ τις προδιαγραφές του κέρδους και της ισχύος. Τέλος, επιλέγω ιδανική πηγή I_{ref}=100μΑ και υπολογίζω το μέγεθος του 8:

$$S_8 = (I_{ref} / I_5) * S_5 = (100 \mu A / 18.88 \mu A) * 2.8062$$

$$\Rightarrow S_8 = 14.8634$$

Χρησιμοποιώ τον τύπο W=S*L και υπολογίζω τα W για τα 8 τρανζίστορ, και τα στρογγυλεύω ώστε να έχω ακέραιες τιμές. Τα αποτελέσματα φαίνονται συγκεντρωτικά στον παρακάτω πίνακα:

Μέγεθος	Τιμή(μm)	
W_1	9	
W_2	9	
W ₃	2	
W_4	2	
W ₅	6	
W ₆	23	
W ₇	33	
W ₈	30	

MATLAB Script για την θεωρητική ανάλυση

Το script στο MATLAB για την παραπάνω διαδικασία είναι το εξής:

```
%Specifications
CL=(2+0.01*aem)*1e-12;
SR=(18+0.01*aem)*1e6;
VDD=1.8+0.003*aem;
VSS=-VDD;
GB=(7+0.01*aem)*1e6;
A=(20+0.01*aem); %dB
P=(50+0.01*aem)*1e-3;
```

aem=88;

```
%Parameters from models
Vtop=-0.9056;
Vton=0.786;
kp=29.352*1e-6;
kn=96.379*1e-6;
Vinmin=-0.1;
Vinmax=0.1;
Cox=4.6e-3;
lambda2=0.15;
lambda7=lambda2;
lambda4=0.05;
lambda6=lambda4;
%Select fixed length L
L=2e-6;
%Width Calculation
Cc=0.22 * CL;
Cc=1e-12 ; %i selected this
I5=SR*Cc;
S3=I5/(kn*(-VSS-Vton+abs(Vtop)+Vinmin)^2);
S3=1; %I selected this
S4=S3;
Cgs=2/3*S3*(L^2)*Cox;
gm3=sqrt(kn*S3*I5);
p3=gm3/(2*Cgs);
p3_Hz=p3/(2*pi);
%Check p3
if (p3/(2*pi)>10*GB)
    fprintf("-----P3 OK-----\n");
end
gm1=2*pi*GB*Cc;
gm2=gm1;;
S1=(gm1^2)/(kp*I5);
S2=S1;
b1=kp*S1;
Vsd5=VDD-sqrt(I5/b1)-abs(Vtop)-Vinmax;
%Check Vsd5
if (Vsd5>0.1)
    fprintf("-----\n");
end
S5=2*I5/(kp*Vsd5^2);
gm6=10*gm1;
gm4=sqrt(kn*S4*I5);
S6=S4*gm6/gm4;
I6=(gm6^2)/(2*kn*S6);
S7=(I6/I5)*S5;
Iref=100e-6; %I selected this
S8=(Iref/I5)*S5;
W1=S1*L*1e6;
W2=S2*L*1e6;
```

```
W3=S3*L*1e6;
W4=S4*L*1e6;
W5=S5*L*1e6;
W6=S6*L*1e6;
W7=S7*L*1e6;
W8=S8*L*1e6;
%Check Gain
\label{eq:av=2*gm2*gm6/(I5*(lambda2+lambda4)*I6*(lambda6+lambda7));} Av=2*gm2*gm6/(I5*(lambda2+lambda4)*I6*(lambda6+lambda7));
Av_dB=db(Av);
if (Av_dB>A)
     fprintf("-----Gain OK-----\n")
%Check Power
Pdiss=(I5+I6)*(VDD+abs(VSS));
if (Pdiss<P)</pre>
     fprintf("-----Power OK-----\n")
end
```

Το script τυπώνει στο terminal τις προδιαγραφές που πληρώ. Τα αποτελέσματα του script καθώς και η έξοδος στο terminal είναι:

L.,	1	₩ S1	4 4226
Name 📤	Value		4.4236
<u></u>	20.8800		4.4236
aem .	88		1
ans	1.3027e+09	₩ S4	1
Av	592,5081	₩ S5	2,8062
	55.4539 1.2984e-04		
Cc	1.0000e-12	<u></u>	11.6068
Cgs	1.2267e-14	<u>₩</u> S7	16.2857
CL	2.8800e-12	₩ S8	14.8634
Cox	0.0046	₩ SR	18880000
⊞ GB	7880000	₩ VDD	2,0640
<mark>⊞</mark> gm1	4.9512e-05		
进 gm2	4.9512e-05	Vinmax	0.1000
gm3	4.2657e-05	H Vinmin	-0.1000
gm4	4.2657e-05	₩ Vsd5	0.6771
∰ gm6 ∰ I5	4.9512e-04 1.8880e-05	₩ vss	-2,0640
16	1.0957e-04	₩ Vton	0.7860
Iref	1.0000e-04	₩ Vtop	-0.9056
<mark>⊞</mark> kn	9.6379e-05		
<mark>⊞</mark> kp	2.9352e-05	₩1	8.8471
<mark>⊞</mark> L	2.0000e-06	₩2	8.8471
ambda2	0.1500	₩3	2
lambda4	0.0500	₩4	2
lambda6	0.0500 0.1500	₩5	5.6124
P P	0.0509	W6	23,2137
p3	1.7387e+09		
p3_Hz	2.7673e+08	₩7	32.5713
Holiss	5.3024e-04	₩8	29.7269

Figure 1:Αποτελέσματα του script

```
>> opamp_analysis
-----P3 OK------
----Vsd3 OK-----
-----Gain OK-----
```

Figure 2:Έξοδος του script στο terminal

Έχοντας μια αρχική εκτίμηση για τις παραπάνω τιμές, προχωράω στη προσομοίωση.

Προσομοίωση των αρχικών τιμών στο SPICE

Το κύκλωμά μου είναι το εξής:

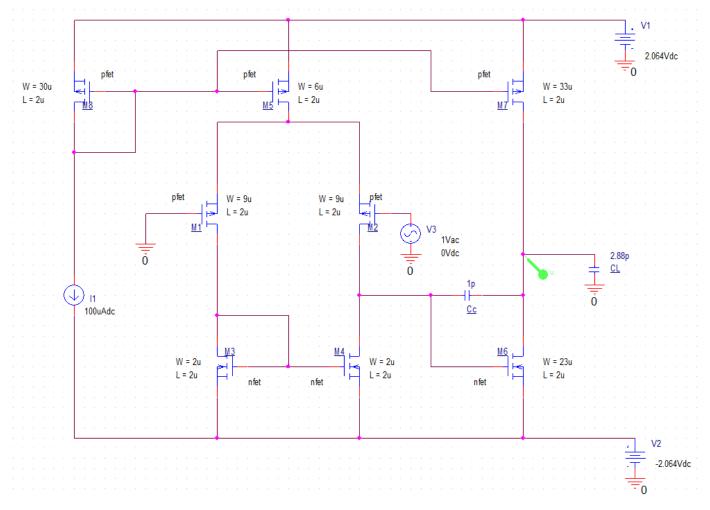


Figure 3:Το κύκλωμα του τελεστικού ενισχυτή με βαθμίδα εισόδου pmos

Βάζω μια πηγή AC με πλάτος 1Vac στην μη αναστρέφουσα (θετική) είσοδο και γειωμένη την αναστρέφουσα (αρνητική) είσοδο. Έπειτα κάνω AC Sweep για τις συχνότητες 1Hz – 10GHz. Οι ρυθμίσεις του AC Sweep είναι:

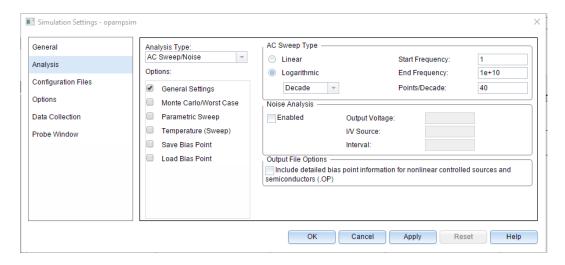


Figure 4:Ρυθμίσεις του AC Sweep

Τα αποτελέσματα φαίνονται παρακάτω:

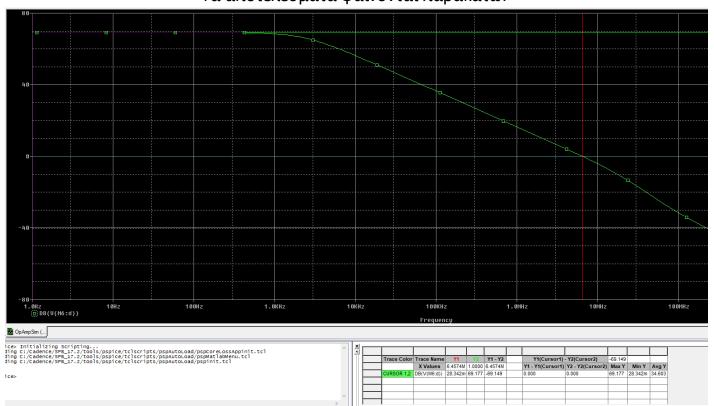


Figure 5:Αποτελέσματα AC Sweep

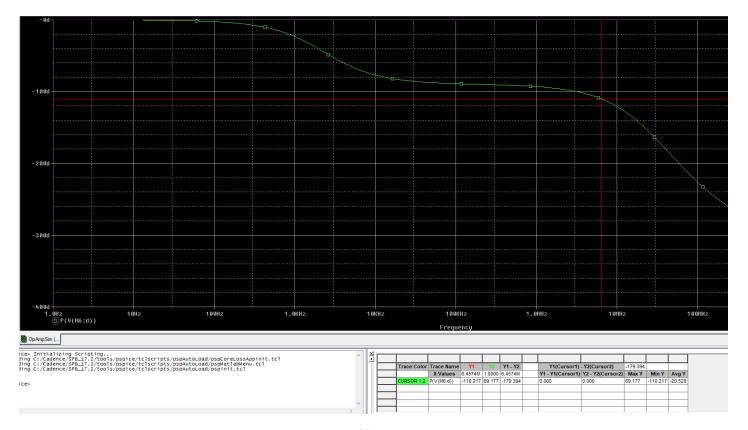


Figure 6:Αποτελέσματα AC Sweep

Από την γραφική παράσταση παραπάνω, παρατηρώ ότι το GB=6.45MHz, που είναι μικρότερο της προδιαγραφής που πρέπει να ικανοποιήσω. Βλέπω επίσης ότι το κέρδος είναι περίπου 70 dB, που ικανοποιεί την προδιαγραφή του κέρδους. Τέλος, τα όρια για το PM από 45 έως 60 μοίρες, και εδώ έχω περίπου 70. Ελέγχω τα ρεύματα I₅ και I₆:

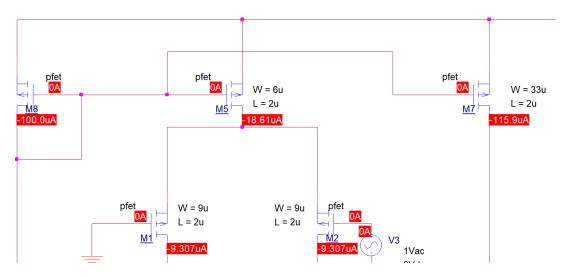


Figure 7:Έλεγχος ρευμάτων 15 και 16

Παρατηρώ ότι I_5 =18.6μΑ και I_6 =115.9μΑ, που είναι πολύ κοντά στα θεωρητικά που βρήκα παραπάνω και άρα προχωράω στην φάση του tuning.

Tuning

Τα μεγέθη που ήταν εκτός προδιαγραφών είναι το GB και το PM. Για να τα βελτιώσω επιλέγω να αυξήσω το W_1 και W_2 , καθώς και να μειώσω το W_8 . Οι αλλαγές βοηθάνε κυρίως στην αύξηση του GB και στην μείωση του PM, ενώ η δεύτερη βοηθάει και στην αύξηση του SR. Αντί να μειώσω το W_8 μπορώ επίσης να αυξήσω τα W_5 , W_7 , ή ακόμα και να αυξήσω το I_{ref} , αλλαγές που οδηγούν στο ίδιο αποτέλεσμα, δηλαδή στην αύξηση των ρευμάτων I_5 και I_6 . Τελικά το κύκλωμά μου είναι το εξής:

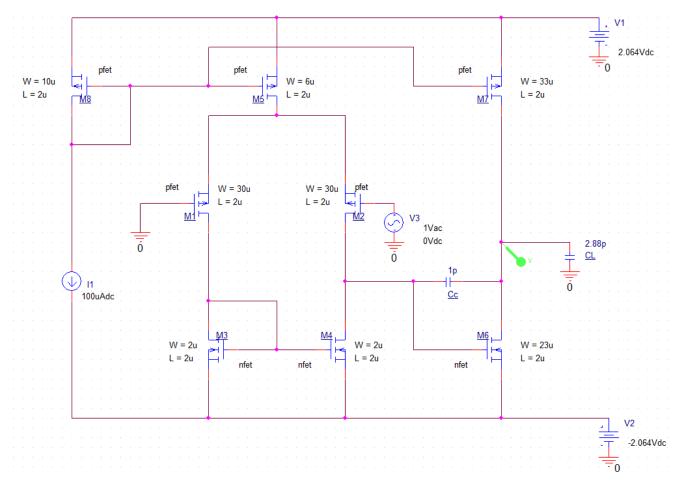


Figure 8:Το τελικό κύκλωμα του τελεστικού ενισχυτή

Στη συνέχεια, προχωράω στην επιβεβαίωση των ζητούμενων προδιαγραφών.

Επιβεβαίωση των ζητούμενων προδιαγραφών

Κέρδος Τάσης A – Gain

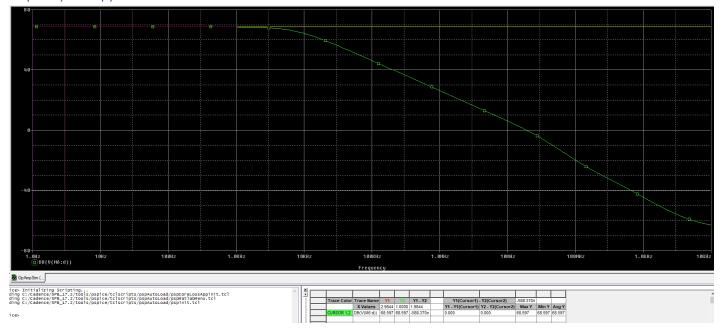


Figure 9:Μέτρηση κέρδους

Μετράω Κέρδος **A=68.597dB**, το οποίο είναι αρκετά μεγαλύτερο από το ζητούμενο (>20.88dB) και προφανώς η προδιαγραφή ικανοποιείται.

Gain Bandwidth - GB

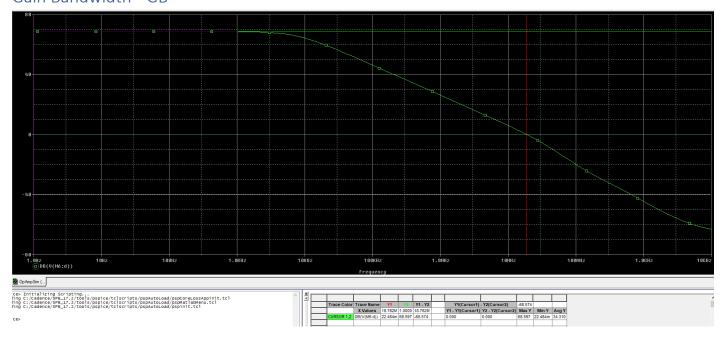


Figure 10:Μέτρηση Gain Bandwidth

Όταν το κέρδος είναι σχεδόν μηδέν, μετράω την συχνότητα. Αυτό είναι το **GB=18.78MHz**, που είναι μεγαλύτερο του ζητούμενου (>7.88MHz) και ικανοποιείται η προδιαγραφή.

Περιθώριο Φάσης – Phase Margin

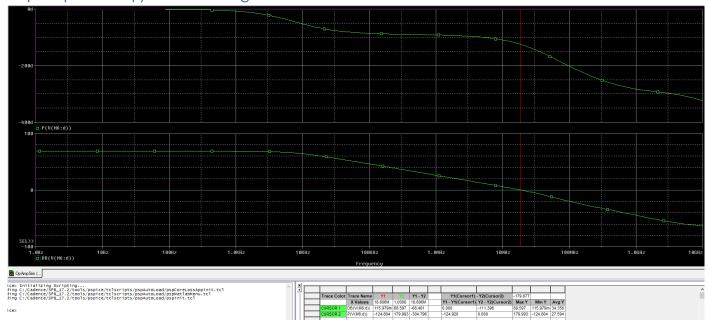


Figure 11:Μέτρηση περιθωρίου φάσης

Μετράω το περιθώριο φάσης το οποίο είναι PM=180-124.8 => **PM=55.2°**, το οποίο είναι εντός των ορίων που θέλω το PM (45°<PM<60°), και έτσι ικανοποιείται και αυτή η προδιαγραφή.

Slew Rate

Για να μετρήσω το Slew Rate αντικαθιστώ την ΑC πηγή στην είσοδο με μια πηγή παλμών (pulse) ως εξής:

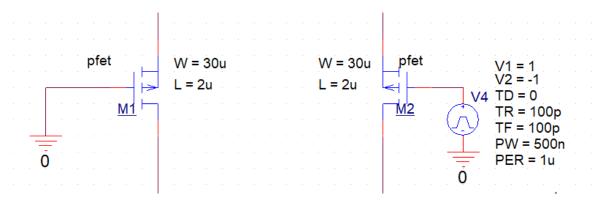


Figure 12:Πηγή pulse για μέτρηση Slew Rate

Επίσης, αλλάζω το είδος της προσομοίωσης από AC Sweep σε Time Domain ως εξής:

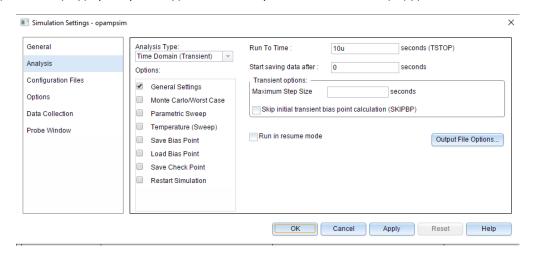


Figure 13:Προσωμοίωση Time Domain για μέτρηση Slew Rate

Προχωράω στην προσομοίωση, και σύμφωνα με την εκφώνηση, για να μετρήσω το SR υπολογίζω το MAX(D(OUT)), όπως φαίνεται παρακάτω:

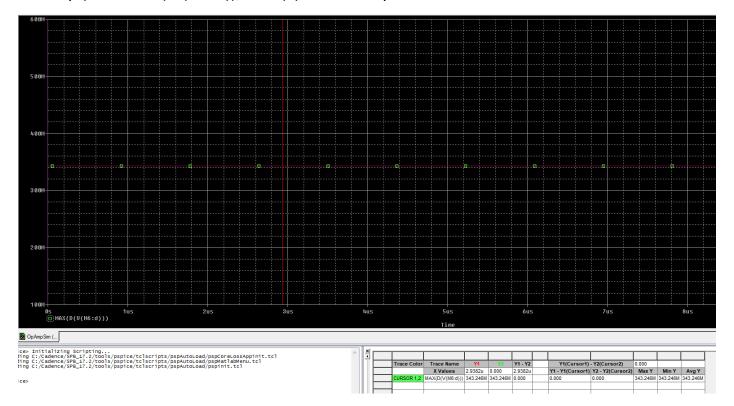


Figure 14:Μέτρηση Slew Rate

Μετράω **SR=343.24 V/μs**, το οποίο είναι μεγαλύτερο του ζητουμένου (>18.88 V/μs), και άρα η προδιαγραφή ικανοποιείται.

Ισχύς κατανάλωσης Ρ

Η ισχύς που καταναλώνει το κύκλωμά μου είναι η ισχύς που προσφέρουν οι δύο DC πηγές. Όπως βλέπω και στις φωτογραφίες παρακάτω P=(488.5μA*2.064V) + (488.5μA*|-2.064V|) => **P=2.016mW**, που ικανοποιεί την προδιαγραφή (<50.88mW). Χρησιμοποιώ και τους markers ισχύος για να επιβεβαιώσω το αποτέλεσμα.

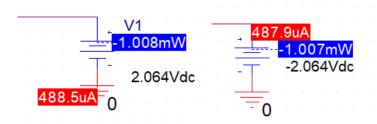


Figure 15: DC πηγές με markers ισχύος

Τελικά Αποτελέσματα

Μέγεθος	Τιμή από προσομοίωση	Ζητούμενα όρια
Κέρδος	68.597dB	> 20.88dB
Gain Bandwidth	18.78MHz	>7.88MHz
Phase Margin	55.2°	45°- 60°
Slew Rate	343.24 V/μs	>18.88 V/µs
Καταναλισκόμενη Ισχύς	2.016mW	<50.88 mW

Θερμοκρασιακή Ανάλυση

Κάνω παραμετρική ανάλυση σε τρεις θερμοκρασίες: -40, 20, 85 °C και μετράω τις παραπάνω τιμές στις τρεις θερμοκρασίες.

Κέρδος

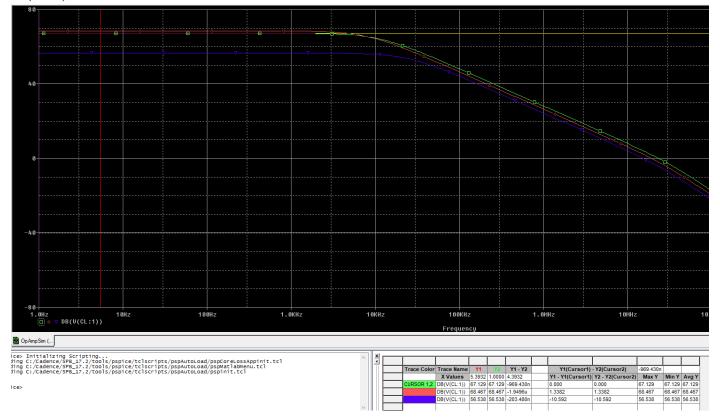


Figure 16:Μέτρηση κέρδους σε διαφορετικές θερμοκρασίες. Πράσινο -40, Κόκκινο 20, Μπλέ 85 βαθμοί Κελσίου

Παρατηρώ ότι και τα τρία κέρδη είναι μεγαλύτερα από την προδιαγραφή που έχω να ικανοποιήσω.

Gain Bandwidth

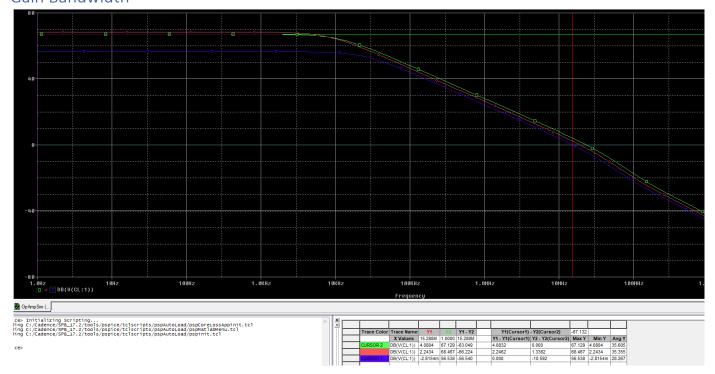


Figure 17:Μέτρηση GB.Πράσινο -40, Κόκκινο 20, Μπλέ 85 βαθμοί Κελσίου

Παρατηρώ ότι το GB είναι αντιστρόφως ανάλογο της θερμοκρασίας, δηλαδή το μικρότερο GB είναι στους 85°C και είναι 15.28MHz,και ακολουθούν στους 20°C με 19.27MHz και στους -40°C με 23.37MHz. Όλες οι τιμές είναι πάνω από το ζητούμενο όριο των 7.88MHz.

Περιθώριο Φάσης – Phase Margin

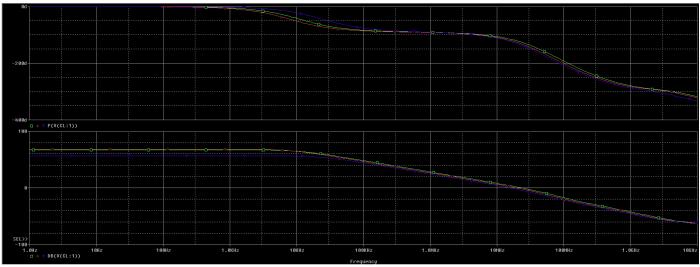


Figure 18:Μέτρηση PM για τις τρεις θερμοκρασίες

Από μέτρηση προκύπτει ότι <u>στους -40°C έχω PM 54.3°</u>, <u>στους 20°C έχω 54.9°</u> και <u>στους 85°C έχω 57.5°</u>. Για όλες τις θερμοκρασίες λοιπόν είμαι εντός των ορίων που δίνονται από την εκφώνηση.

Slew Rate

Ακολουθώ την ίδια διαδικασία με πριν, αλλάζοντας την πηγή και κάνοντας transient προσομοίωση και έχω:

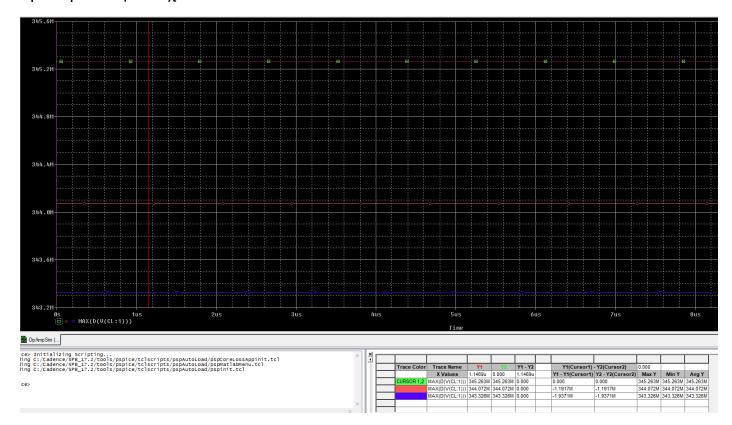


Figure 19:Μέτρηση Slew Rate. Πράσινο -40, Κόκκινο 20, Μπλέ 85 βαθμοί Κελσίου

Μετράω το Slew Rate, και στους -40°C έχω 345 V/μs, στους 20°C έχω 344 V/μs και στους 85°C έχω 343 V/μs. Παρατηρώ πως έχω Slew Rate σχεδόν σταθερό και μεγαλύτερο του ορίου που πρέπει να ικανοποιήσω και για τις τρεις θερμοκρασίες.



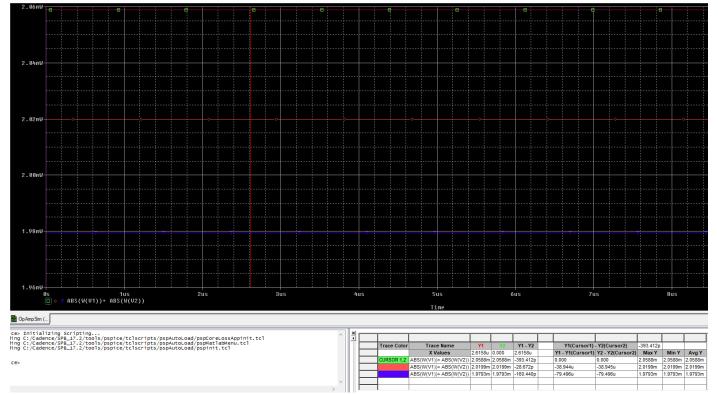


Figure 20:Μέτρηση ισχύος. Πράσινο -40, Κόκκινο 20, Μπλέ 85 βαθμοί Κελσίου

Μετράω τις ισχύς, και παρατηρώ πως είναι περίπου σταθερές γύρω από τα 2mW, πολύ μικρότερα του ορίου 50.88mW.

Τελικά αποτελέσματα

Μέγεθος\Θερμοκρασία	-40°C	20°C	85°C
Κέρδος	67dB	68dB	56dB
Gain Bandwidth	23.37MHz	19.27MHz	15.28MHz
Phase Margin	54.3°	54.9°	57.5°
Slew Rate	345V/μs	344V/μs	343V/μs
Καταναλισκόμενη Ισχύς	2.05mW	2.01mW	1.97mW

Παρατηρώ ότι έχω αρκετά καλή συμπεριφορά σε μεγάλο εύρος μεταβολής της θερμοκρασίας, και οι μετρούμενες τιμές παραμένουν σχετικά σταθερές. Το σημαντικό είναι πως και για τις τρεις θερμοκρασίες παραπάνω, ικανοποιώ τις προδιαγραφές σε κάθε περίπτωση.