## Задания

## 17 февраля 2020 г.

- 1. Пусть  $F: \mathbf{C} \to \mathbf{D}$  некоторый функтор. Какие из следующих утверждений верны? Как изменится ответ, если предположить, что F эквивалентность категорий?
  - (a) Если  $f:X \to Y$  мономорфизм в  ${\bf C}.$  то F(f) мономорфизм в  ${\bf D}.$
  - (b) Если X (ко)предел диаграммы  $D: \mathbf{J} \to \mathbf{C},$  то F(X) (ко)предел диграммы  $F \circ D: \mathbf{J} \to \mathbf{D}.$
- 2. Пусть **Cat** категория малых категорий. Ее объекты это малые категории. Морфизмы в категории **Cat** это функторы между категориями.

Пусть **Graph** – категория графов. Ее объекты – графы, то есть пары (V,E), состоящие из множества вершин V и функции E, сопоставляющей каждой паре вершин  $x,y\in V$  множество E(x,y) ребер из x в y.

Морфизм графов (V,E) и (U,D) состоит из функции  $f:V\to U$  и функции  $f:E(x,y)\to D(f(x),f(y))$  для всех  $x,y\in V$ . Композиция и тождественные морфизмы определены очевидным образом.

Определите забывающий функтор из **Cat** в **Graph**. Докажите, что этот функтор строгий.