Задания

17 февраля 2020 г.

- 1. Пусть $F: \mathbf{C} \to \mathbf{D}$ некоторый функтор. Какие из следующих утверждений верны? Как изменится ответ, если предположить, что F изоморфизм категорий?
 - (a) Если $f:X \to Y$ мономорфизм в ${\bf C}.$ то F(f) мономорфизм в ${\bf D}.$
 - (b) Если X (ко)предел диаграммы $D: \mathbf{J} \to \mathbf{C},$ то F(X) (ко)предел диграммы $F \circ D: \mathbf{J} \to \mathbf{D}.$
- 2. Пусть **Cat** категория малых категорий. Ее объекты это малые категории. Морфизмы в категории **Cat** это функторы между категориями.

Пусть **Graph** – категория графов. Ее объекты – графы, то есть пары (V,E), состоящие из множества вершин V и функции E, сопоставляющей каждой паре вершин $x,y\in V$ множество E(x,y) ребер из x в y.

Морфизм графов (V,E) и (U,D) состоит из функции $f:V\to U$ и функции $f:E(x,y)\to D(f(x),f(y))$ для всех $x,y\in V$. Композиция и тождественные морфизмы определены очевидным образом.

Определите забывающий функтор из **Cat** в **Graph**. Докажите, что этот функтор строгий.