밑바닥 부터 시작하는 딥러닝1

2장 퍼셉트론, 3장 신경망

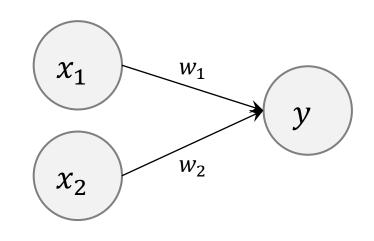
학습목표:

- 1. 밑바닥의 밑바닥부터 시작하기
 - 2. 추상적인 개념 구체화 하기

2024. 04. 07

2장. 퍼셉트론

• 퍼셉트론: 신경망의 기원이 되는 알고리즘



입력이 2개인 퍼셉트론

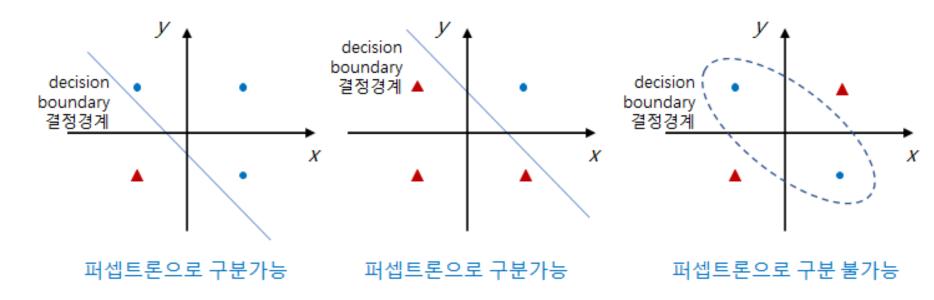
• 수식
$$y = \begin{cases} 0: & w_1 x_1 + w_2 x_2 \le \theta \\ 1: & w_1 x_1 + w_2 x_2 > \theta \end{cases}$$

 θ : 임계값, 활성화의 기준

• 가중치 역할: 입력신호가 중요한 만큼 활성화 시켜준다 w_1 가 크다 = 신호 x_1 가 중요하다 "

2장. 퍼셉트론

• 한계: 단순한 알고리즘만 구현 가능



- 해결:
 - ① 여러 층을 쌓고
 - ② 비선형 함수를 도입

3장. 신경망 (딥러닝)

- 신경망: 다층 퍼셉트론 + 비선형 활성화 함수
 - 여러 층 (multi layers): 다양한 특징 추출.

• 비선형성 (non-linearity): 복잡한 특징 추출.



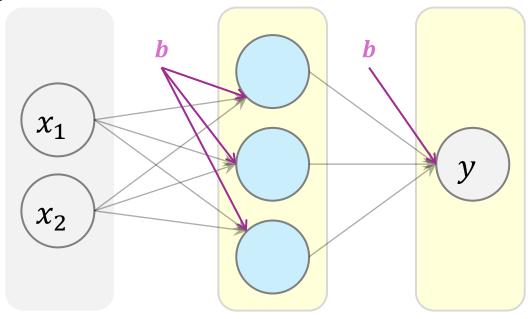
activate(가로 특징) activate(세로 특징)

특징을 정교하게 만들어. 복잡한 특징도 잡아내.

특징을 많이 추출하고, 다양하게 조합해.

Hidden layer

Output layer



층이 2개인 신경망

• 수식

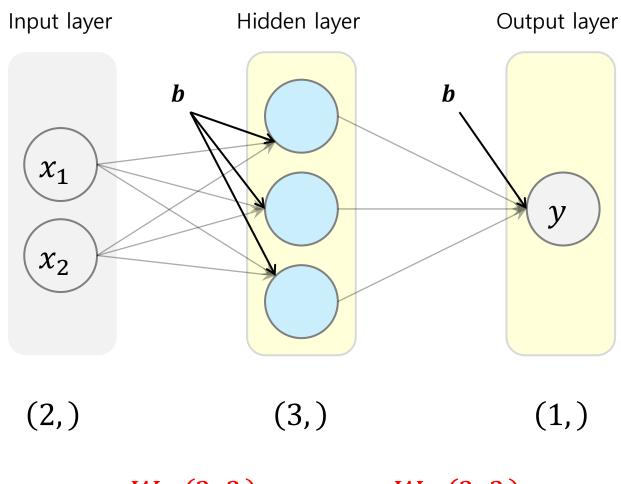
$$y = \begin{cases} 0: w_1 x_1 + w_2 x_2 \le \theta \\ 1: w_1 x_1 + w_2 x_2 > \theta \end{cases}$$
(기존) 퍼셉트론

$$y = \begin{cases} 0: & w_1 x_1 + w_2 x_2 + b \le 0 \\ 1: & w_1 x_1 + w_2 x_2 + b > 0 \end{cases}$$

신경망

- 가중치 행렬 크기 계산
 - (중등 수학) 행렬곱에서의 행렬 크기 계산: (2,2)*(?,?)=(2,5)

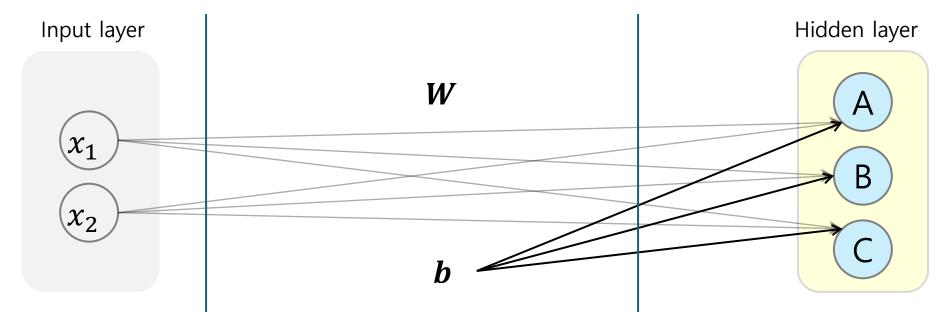




W: (?,?)

W: (?,?)b: (?,) *b*: (?,)

• 편향은 무조건 1개라며?!

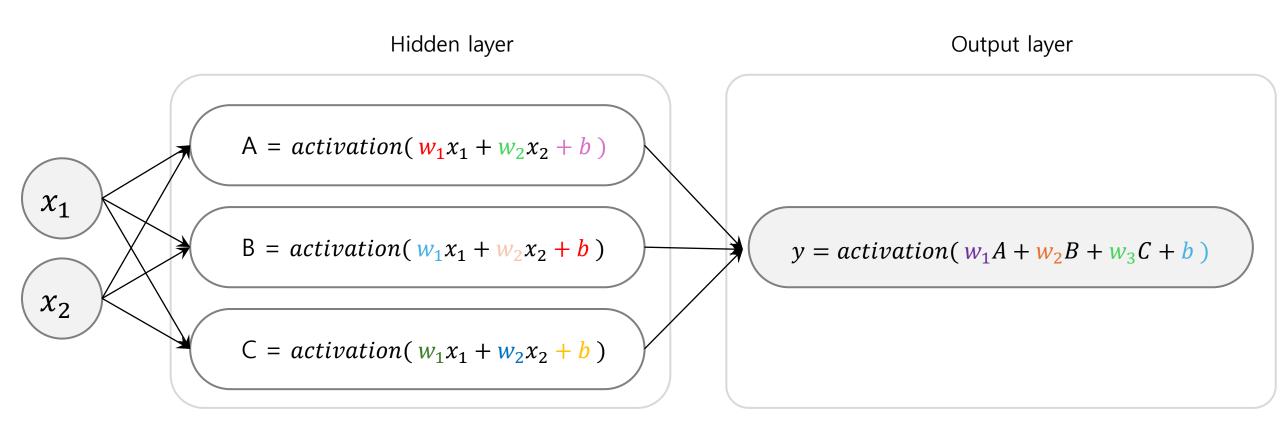


$$X = \begin{bmatrix} x1 & x2 \\ (2,) & x \end{bmatrix}$$

$$W = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}$$
 $b = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}$
 $(3,)$

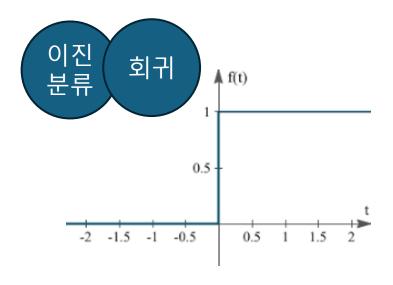
$$output = \begin{bmatrix} A & B & C \\ (3,) & & & \end{bmatrix}$$

식으로
$$A = 2x_1 + 2x_2 + 2$$
 $B = 3x_1 + 3x_2 + 3$ 나타내면, $C = 4x_1 + 4x_2 + 4$



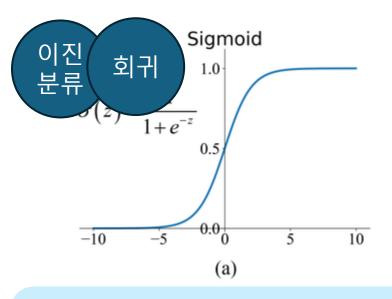
• 대표적 활성화 함수(1)

• 계단함수



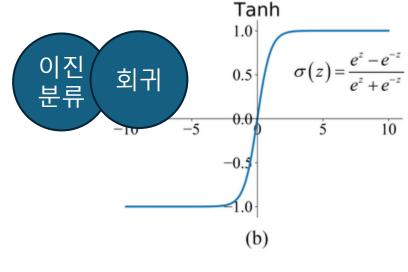
단층 퍼셉트론에서 사용된 활성 함수

Sigmoid



z 커질수록 e^{-z} 는 0에 수렴, 식이 1에 수렴

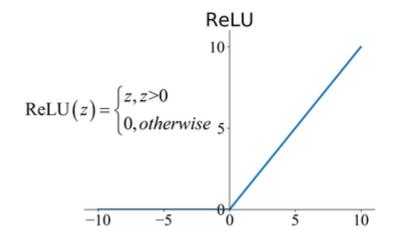
• tanh (하이퍼볼릭 탄젠트)

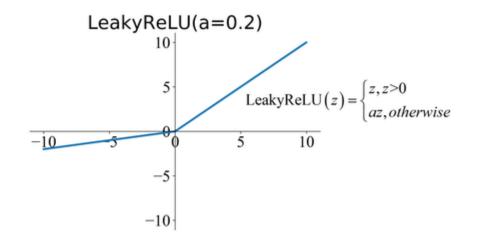


z가 커질수록 e^z 는 무한대에, e^{-z} 는 0에 의식은 1에 수렴

• ReLU







다중 분류

Softmax

$$y_i = \frac{e^{x_i}}{\sum_{1}^n e^{x_j}}$$

$$y_i = \frac{x}{\sum_{1}^{n} x}$$

