

## 0 1分数规划\_良弓藏\_新浪博客

<http://wenku.baidu.com/view/f2a563d076eeaeaaad1f3305e.html>

<http://hi.baidu.com/misshanli/blog/item/adddc2ffe6d959314e4aea6a.html>

01分数规划:

给出n个分数 $a_i/b_i$ , 选出m个 ( $m \leq n$ )

使得 $\sum (a_i) / \sum (b_i)$  {此中i是被选出的分数编号}达到最大值。

01 分数规划的两办法:

1、二分法

二分一个答案k, 令 $c_i = a_i - k * b_i$ , 并将 $c_i$ 排序,

选出最大的m个, 若是 $\sum (c_i) \{1 \leq i \leq m\} \geq 0$ , 那么进步答案k的下界,

不然降落上界, 直到k的精度满足请求为止。

$$\sum (a_i) / \sum (b_i) \geq x$$

$$\Rightarrow \sum (a_i) \geq \sum (x * b_i)$$

$$\Rightarrow \sum (a_i) - \sum (x * b_i) \geq 0$$

$$\Rightarrow \sum (a_i - x * b_i) \geq 0$$

2、Dinkelbach迭代法

随便机关一个答案k, 令 $c_i = a_i - k * b_i$ , 并将 $c_i$ 排序, 选出最大的m个,

令 $q = \sum (a_i) / \sum (b_i) \{1 \leq i \leq m\}$ 与k的差在精度局限内就输出,

不然令 $k = q$ , 直至满足精度请求。

总结: 两种办法各有利弊, 二分法精度较高, 易懂, 速度较慢。

Dinkelbach迭代法速度较快, 但精度低, 不易懂得和证实。

// 二分法

#include

#include

#include

#include

using namespace std;

#define N 1100

#define EPS 1e-6

#define EQ(a, b) (fabs(a-b)<=EPS)

#define FFOR(i, n) for(i=0; i

double a[N], b[N], c[N];

int n, k;

bool compare(double a, double b){

return a>b;

}

int ques(double x){

int i;

FFOR(i, n) c[i]=a[i]-x\*b[i];

sort(c, c+n, compare);

double res=0;

FFOR(i, n-k) res+=c[i];

return (res>=0 ? 1.0);

}

int solve(){

```

double up, down, mid, ok;
up=1.0; down=0.0;
while(!EQ(up, down)){
mid=(up+down)/2;
ok=ques(mid);
if(ok) down=mid;
else up=mid;
}
return (int)(up*100+0.5);
}

```

```

int main(){
int i;
while(scanf("%d%d", &n, &k)&& n|k){
FFOR(i, n) scanf("%lf", &a[i]);
FFOR(i, n) scanf("%lf", &b[i]);
printf("%d\n", solve());
}
return 0;
}

```

// 迭代法

```

#include
#include
#include
#include
using namespace std;

```

```

#define N 1100
#define EPS 1e-6
#define EQ(a, b) (fabs(a-b)<=EPS)
#define FFOR(i, n) for(i=0; i

```

```

struct info{ double v; int i; }c[N];

```

```

double a[N], b[N];
int n, k;

```

```

bool compare(info a, info b){
return a.v>b.v;
}

```

```

double ques(double x){
int i;
FFOR(i, n) {c[i].v=a[i]-x*b[i]; c[i].i=i; };
sort(c, c+n, compare);

```

```

double fz, fn;
fz=fn=0;
FFOR(i, n-k) { fz+=a[c[i].i]; fn+=b[c[i].i];}
return fz/fn;
}

```

```

int solve(){
double k, q;

```

```

k=0.0, q=rand(); // q=0.5 效果会好一点

```

```
while(!EQ(k, q)){  
k=q;  
q=ques(k);  
}  
return (int)(k*100+0.5);  
}
```

```
int main(){  
int i;  
while(scanf("%d%d", &n, &k)&& n|k){  
FFOR(i, n) scanf("%lf", &a[i]);  
FFOR(i, n) scanf("%lf", &b[i]);  
printf("%d\n", solve());  
}  
return 0;  
}
```