

Big Data Analytics Programming

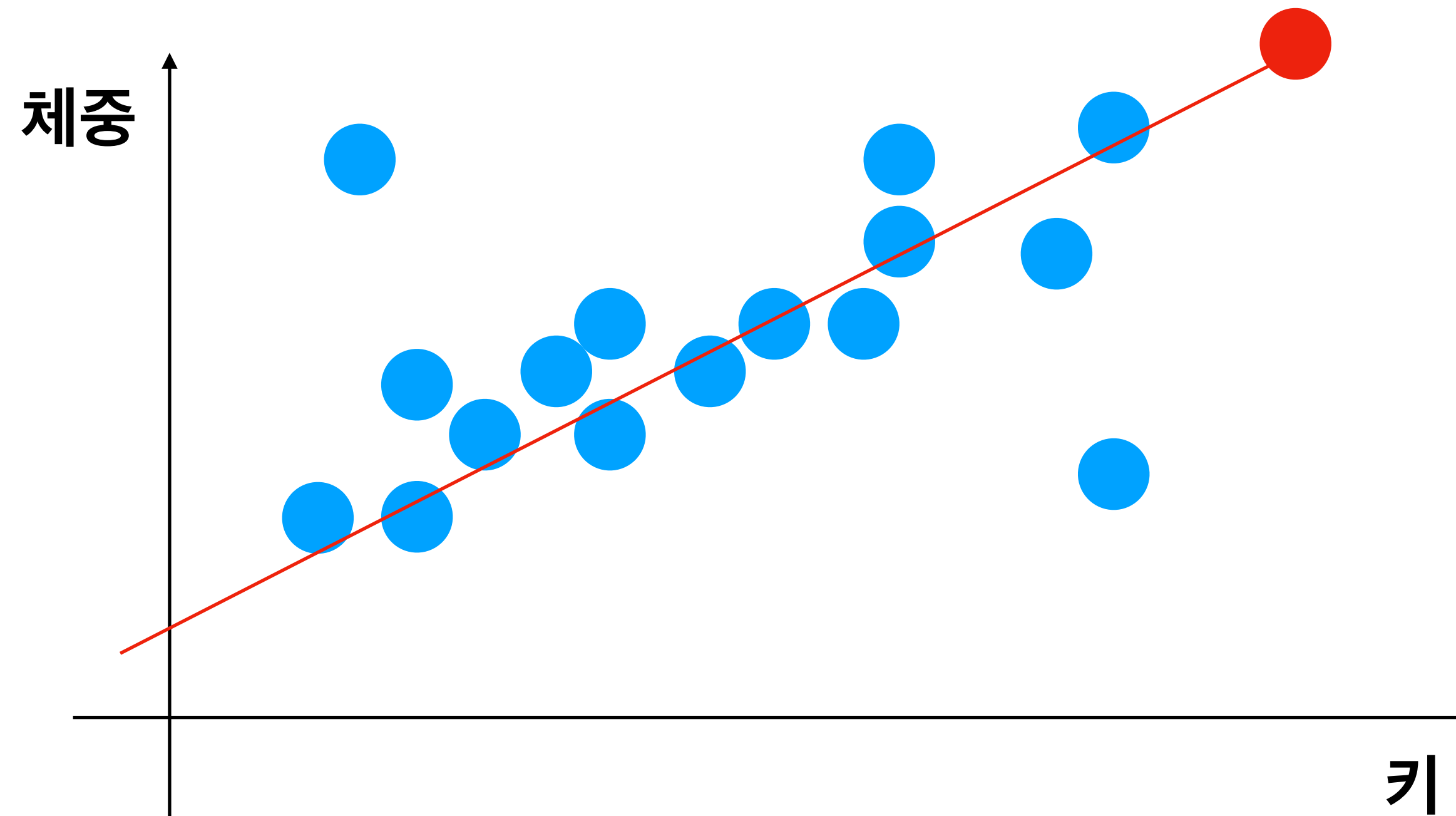
Week-09. Deep Learning

Jungwon Seo, 2020-Fall

Machine Learning

Linear Regression

- 선형회귀
 - 종속변수 y 와 한 개 이상의 독립 변수 X 와의 선형 상관관계를 모델링하는 회귀분석 기법

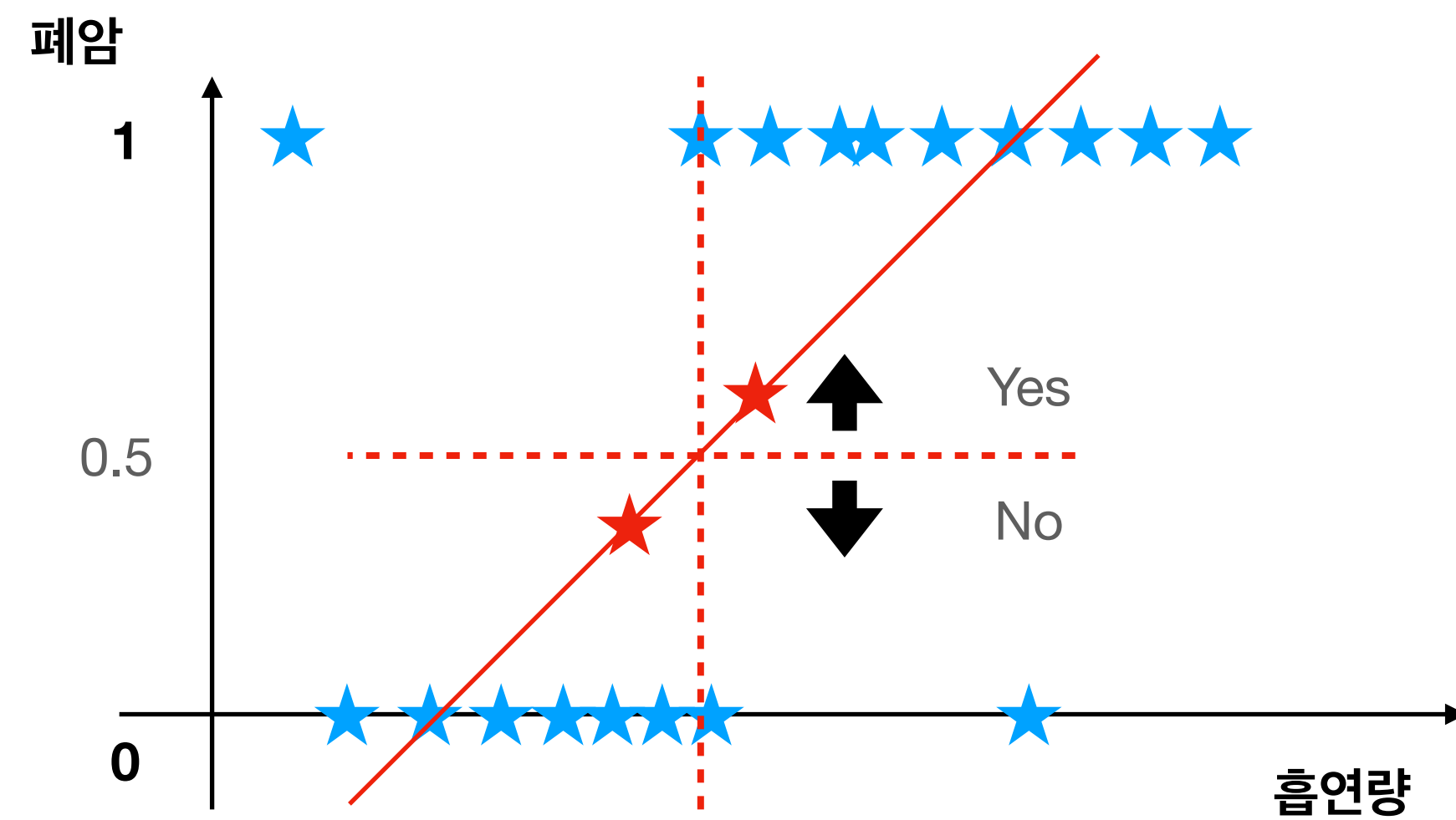


$$y(\text{체중}) = aX(\text{키}) + b$$

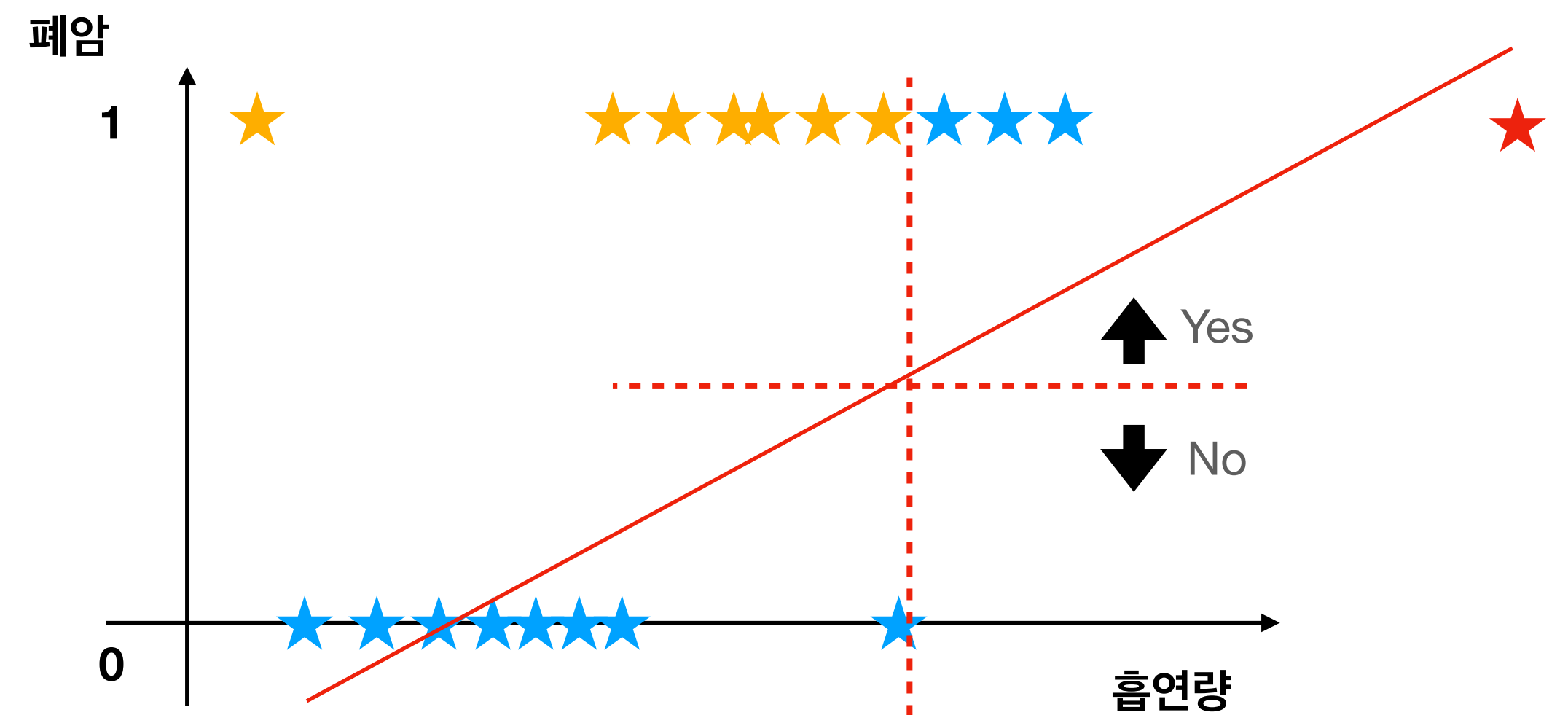
Machine Learning

Linear Regression for classification?

- 선형회귀로 분류를 하려고 했을 때의 문제점



$$y = ax + b$$



$$y = ax + b$$

Machine Learning

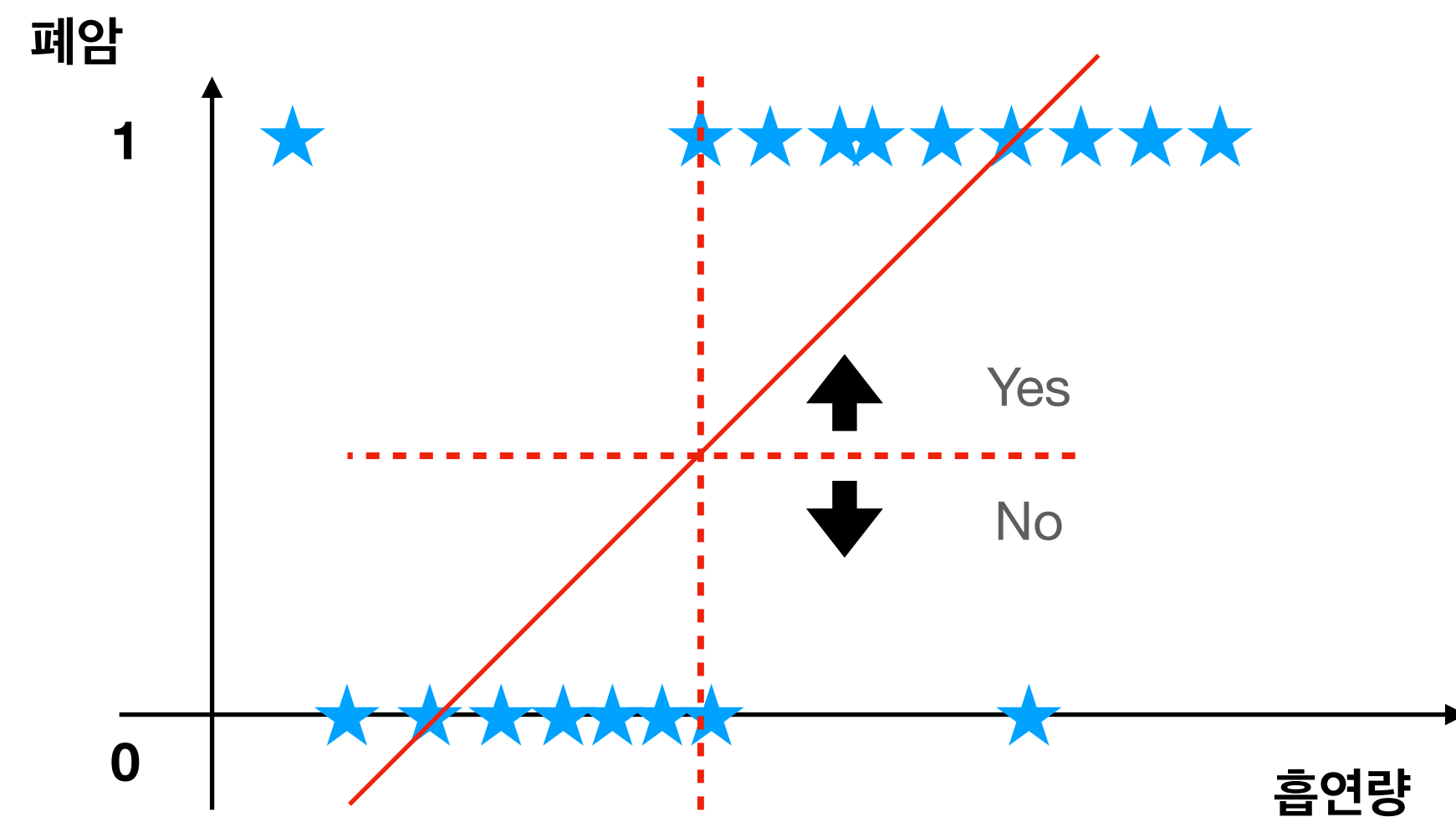
Linear Regression for classification?

- 선형회귀로 분류를 하려고 했을 때의 문제점
- 분류문제는 y 과 0과 1사이에서 나와야 하는데, 선형회귀에서는 y 값의 범위가 없다
 - $y = ax + b$
 - $a = 0.5, b = 0, x = 10 \Rightarrow y = 5$
 - $a = 0.5, b = 0, x = 100 \Rightarrow y = 50$
 - 그렇다면, x 가 어떤 값을 갖든, 최종 결과값을 0과 1사이로 변환 시킬 수 있는 함수가 있지 않을까?
 - Sigmoid : $y = \frac{1}{1 + e^{-x}}$

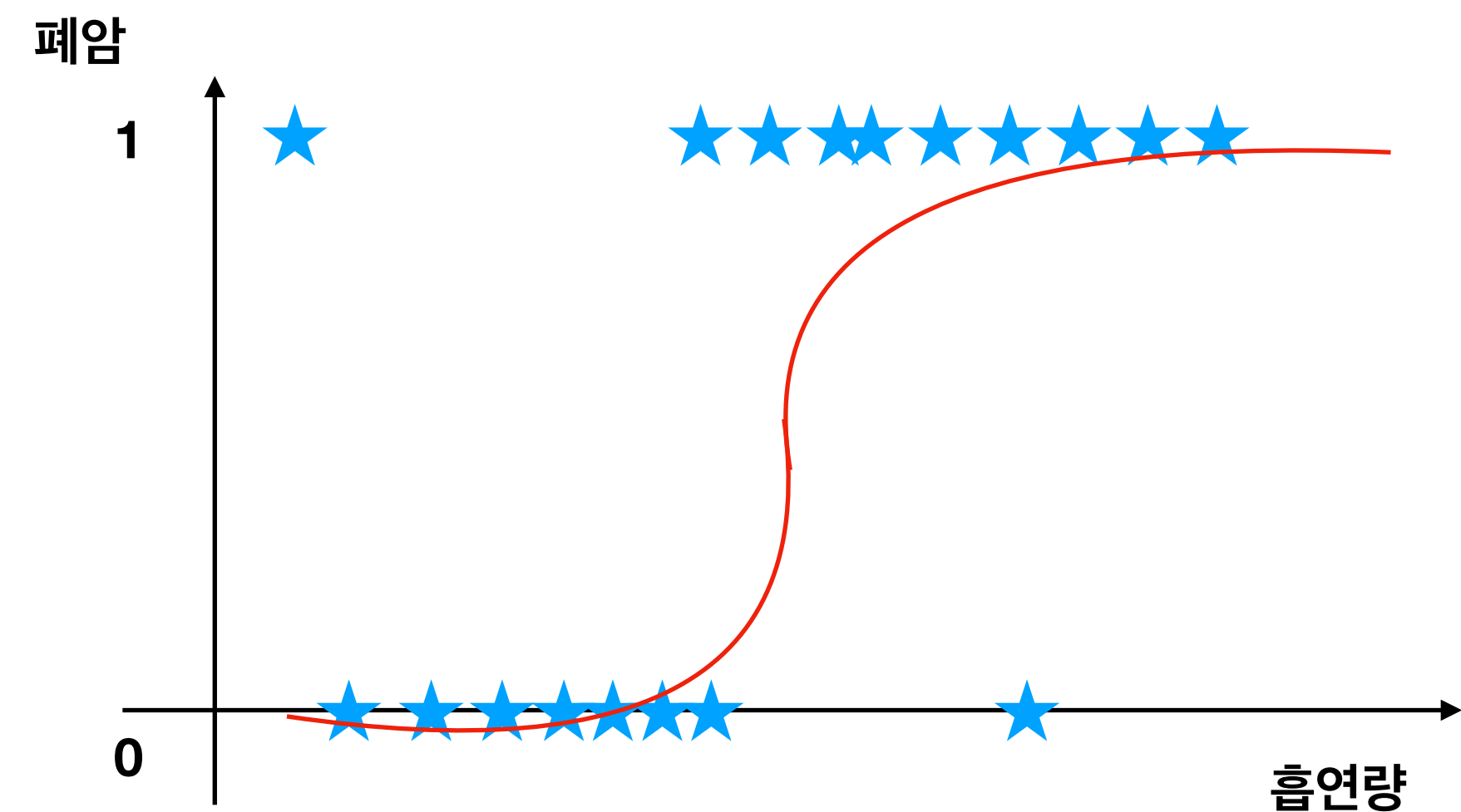
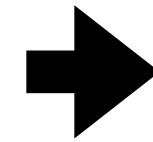
Machine Learning

Logistic Regression (Classification)

- 선을 다음과 같이 그리면 어떨까?



$$y = ax + b$$

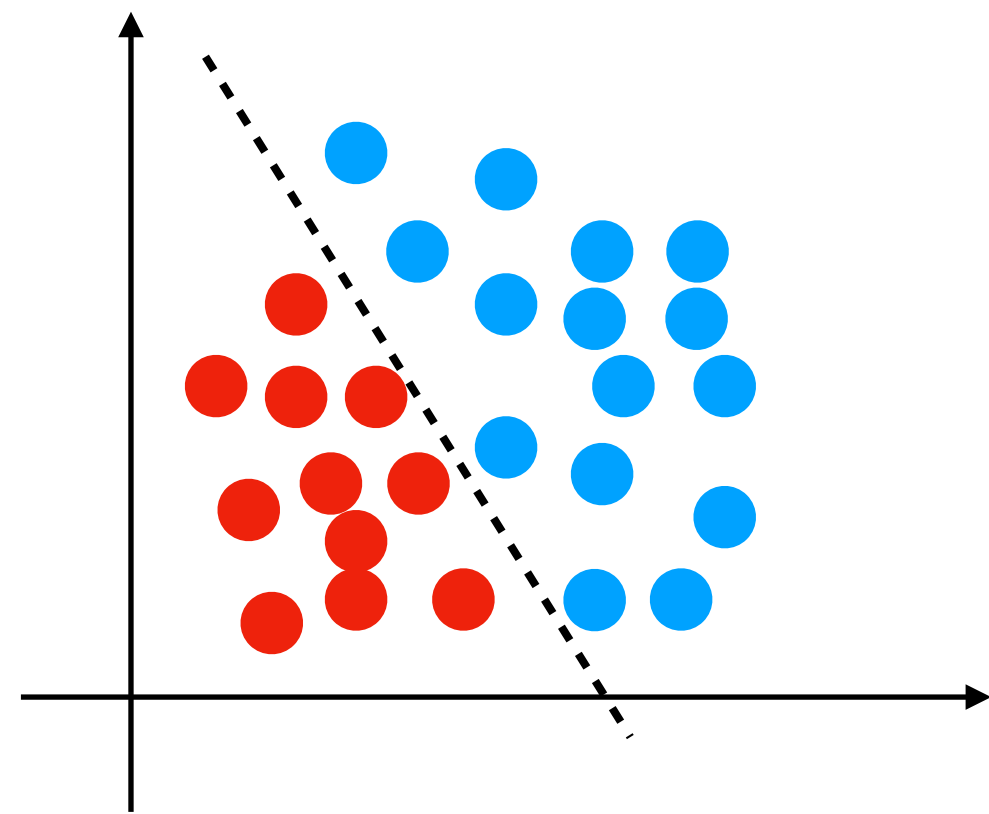


$$y = \frac{1}{1 + e^{-\theta^T x}}$$

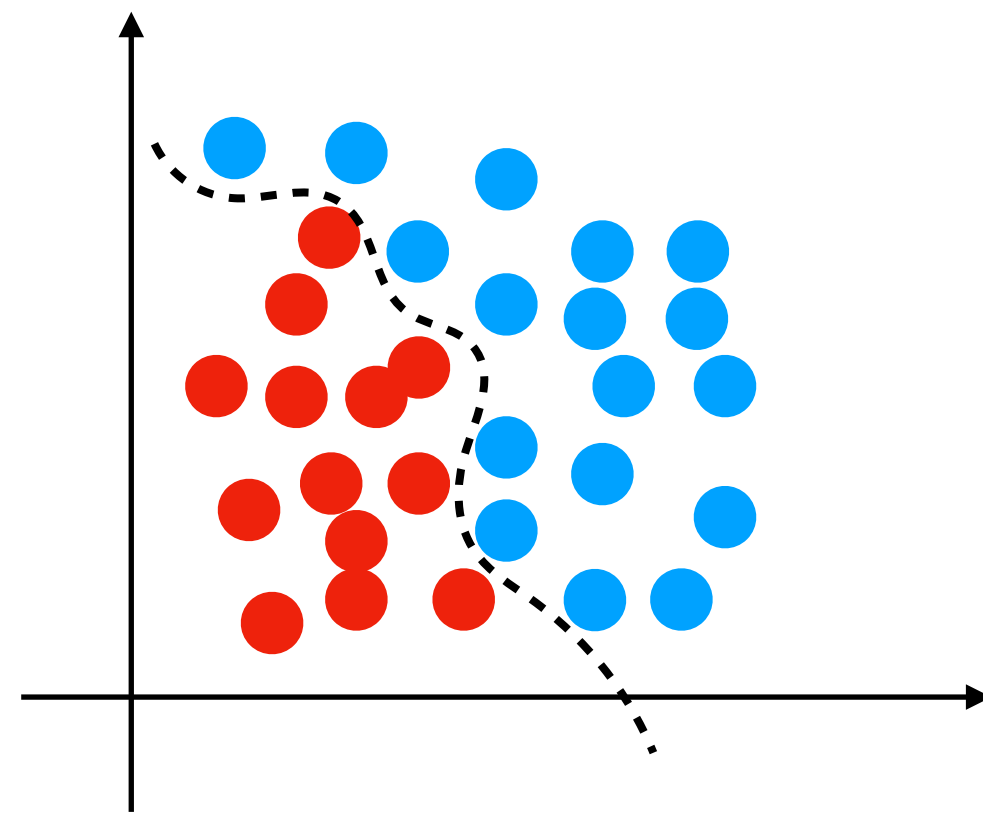
Machine Learning

Logistic Regression의 한계

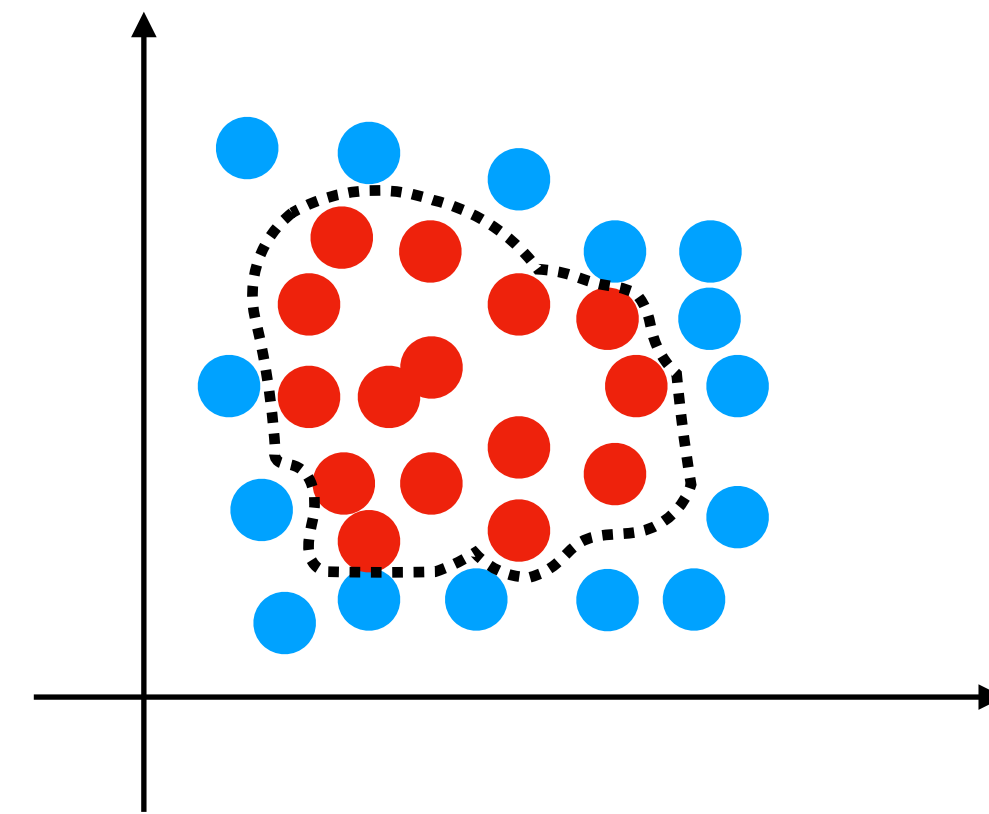
- Non-linearity (비선형성)을 만들기 위해서는 많은 수의 변수 조합이 필요함
 - $x_1, x_2 \Rightarrow x_1, x_2, x_1^2, x_2^2, x_1x_2, \dots$
 - $x_1, x_2, x_3 \Rightarrow x_1, x_2, x_3, x_1x_2, x_1x_3, x_2x_3, x_1x_2x_3, \dots$ 폐암
 - 1024x1024픽셀 이미지 데이터의 경우?



$$y = a_1x_1 + a_2x_2 + b$$



$$y = a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_1x_2 + b$$



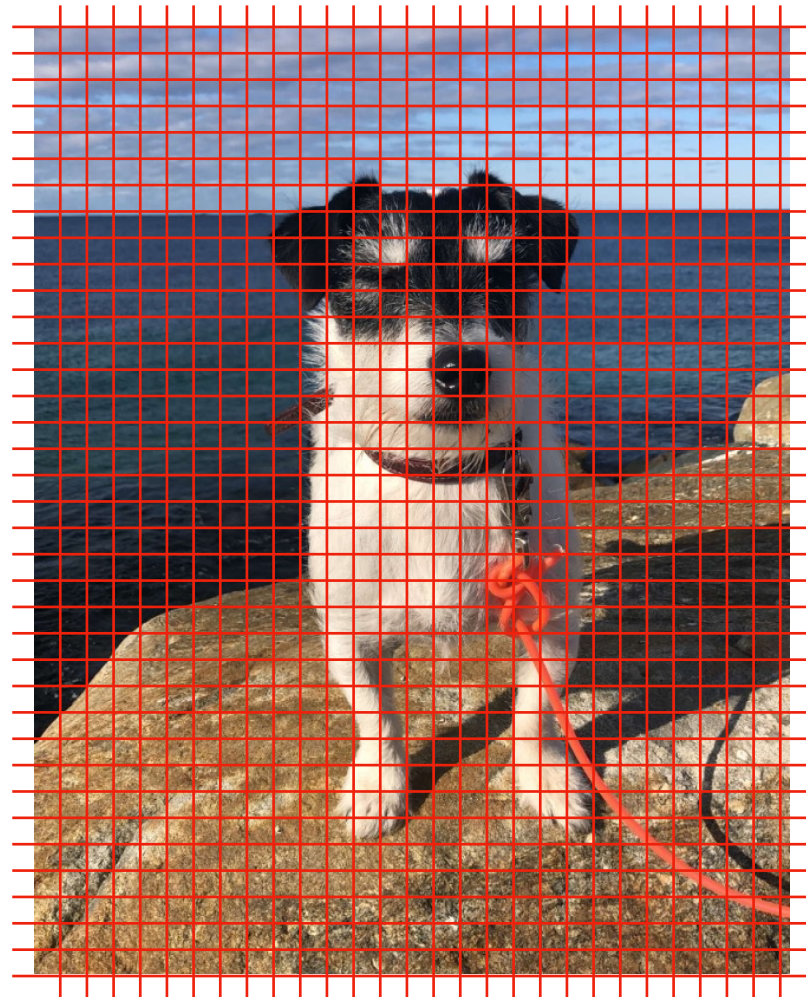
$$y = a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_1 \dots$$

Machine Learning

Dealing with Non-linearity



Dog



283x354

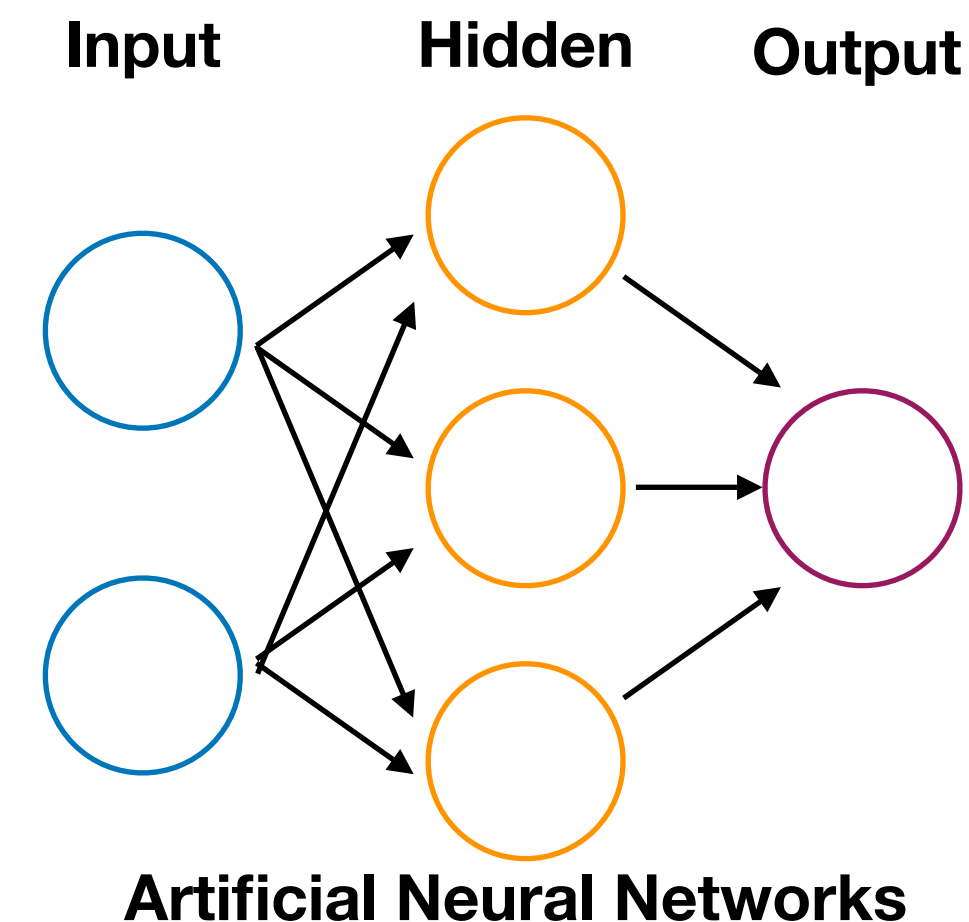
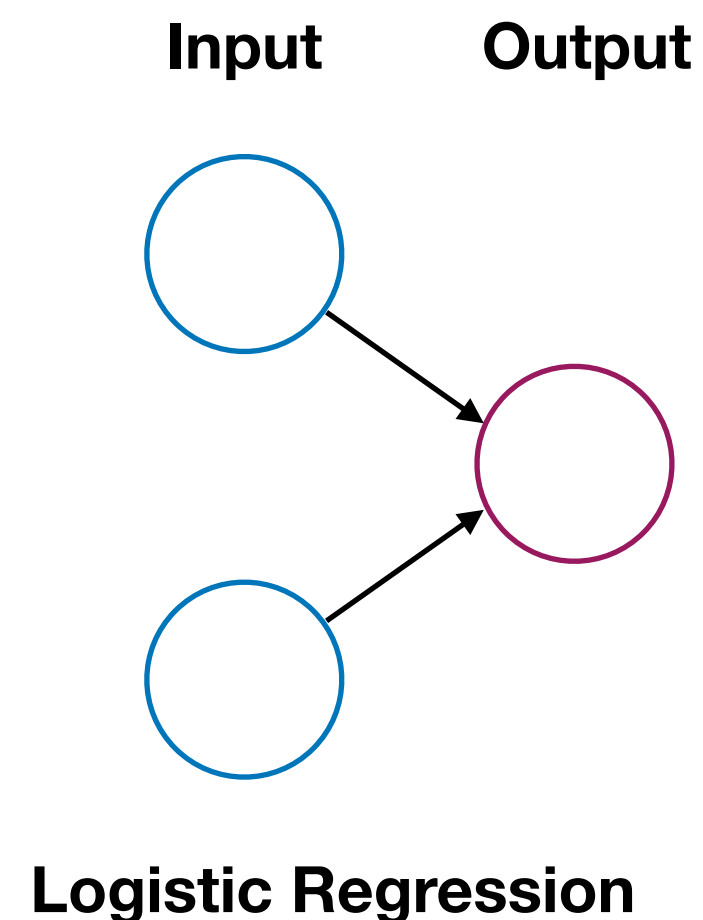
100,536 features!!!
RGB의 경우 x3

- 비선형성에 대응하기 위한 3가지 전략
 - Explicitly fixed mapping
 - 이전 예제
 - Implicitly fixed mapping
 - Kernel Method
 - SVM, Kernel Logistic regression
 - 데이터 분포를 추정
 - **Parameterized mapping**
 - **Multilayer feed-forward Neural Networks**

Artificial Neural Networks

인공신경망

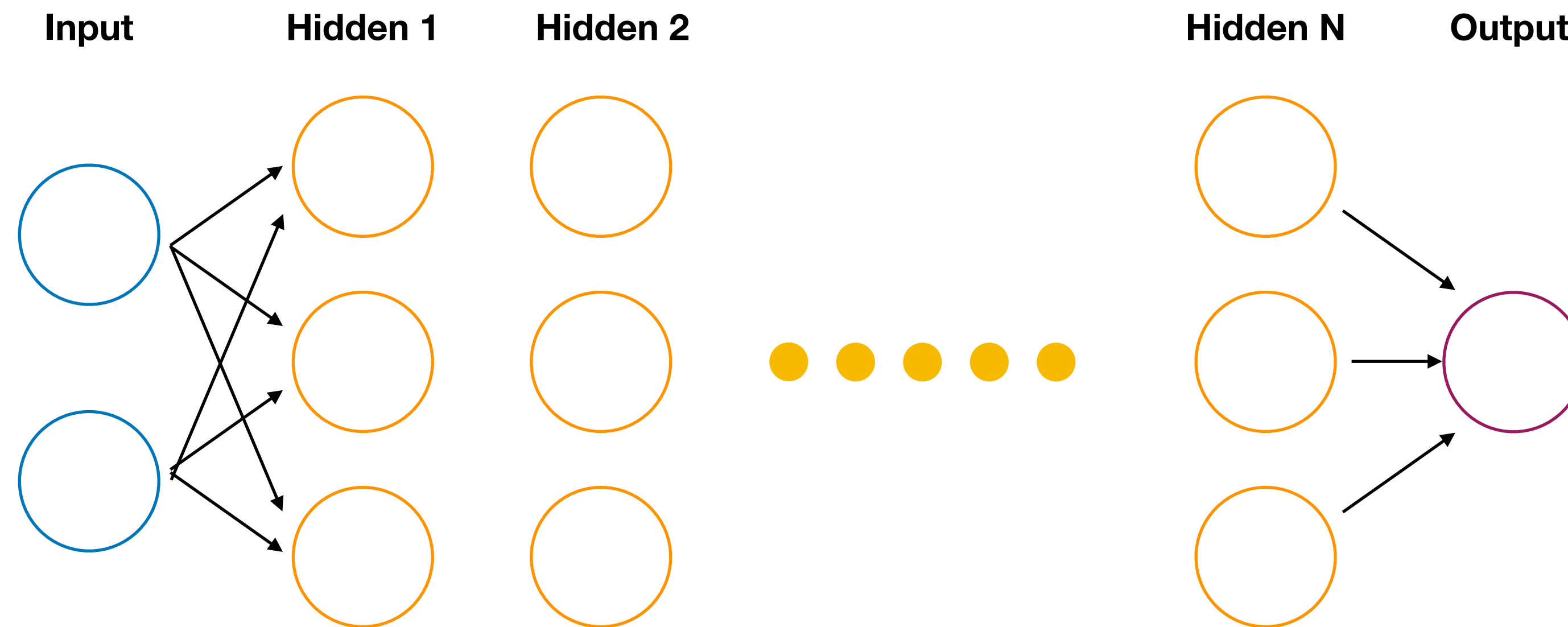
- Non-linearity (비선형성)를 제공하기 위해, 변수의 조합이 아닌, 노드의 조합을 이용
 - 각각의 단일 노드 (hidden) 는 하나의 logit과 동일
 - 매 학습 당 독립변수에 곱해지는 파라미터 (weight)를 조정
- 모델이 학습되는 과정에서 값들이 레이어 간의 전파를 통해 이루어 진다고 해서 Feed Forward Neural Networks (FNNs)라고 도 불림



Deep Neural Networks

깊은 신경망

- 기존 인공 신경망에 더 많은 Hidden Layer의 수 를 추가해서 깊게 (Deep) 만든 신경망 모델
 - 처음 제시된 시점에 비해 (1960년대) 유명세를 얻기까지 시간이 걸림

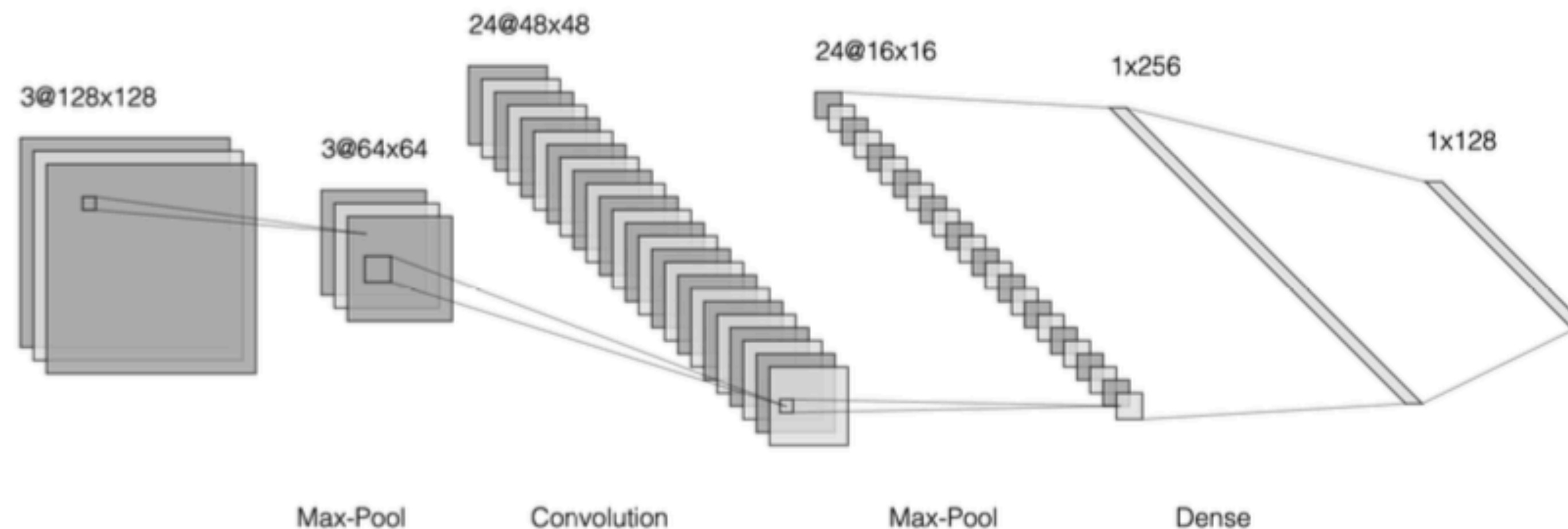


[Deep Neural Networks]

Deep Learning

Convolutional Neural Networks (CNNs)

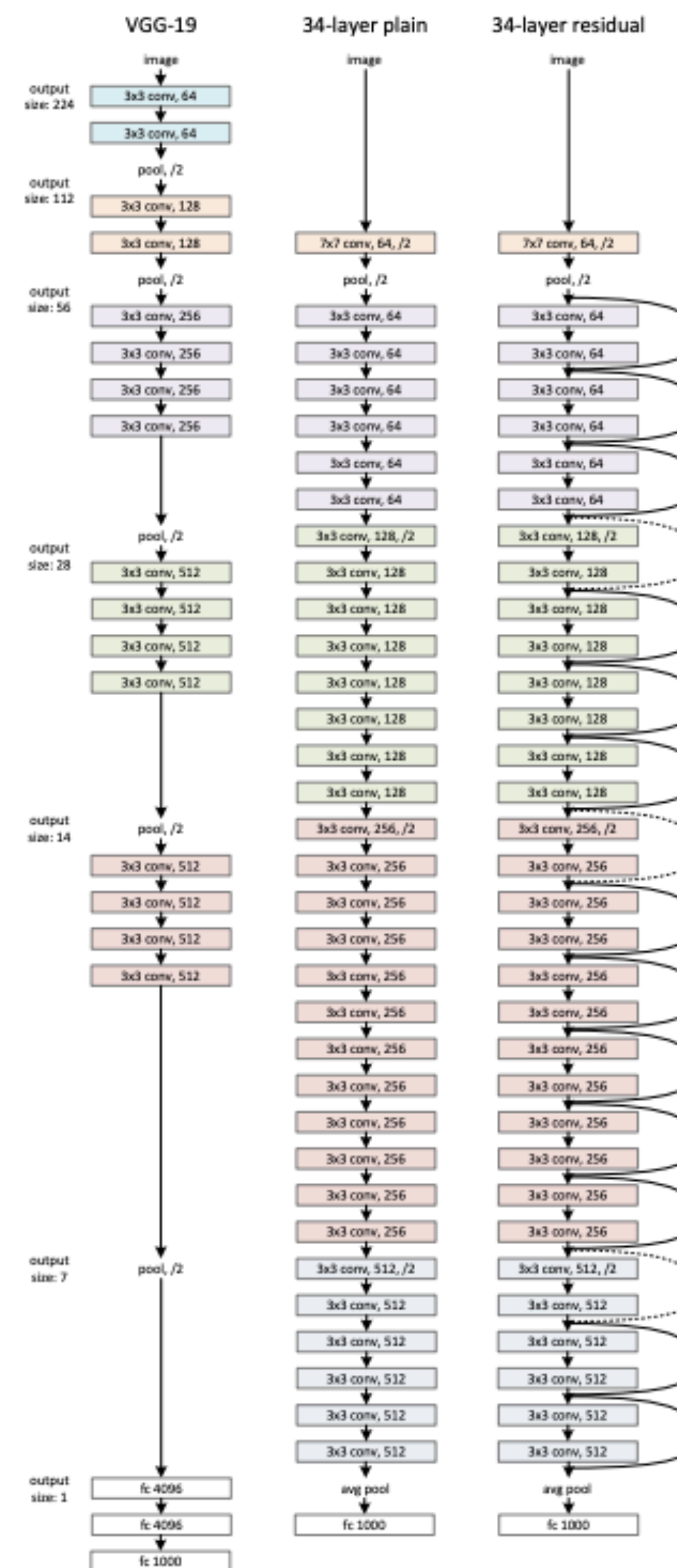
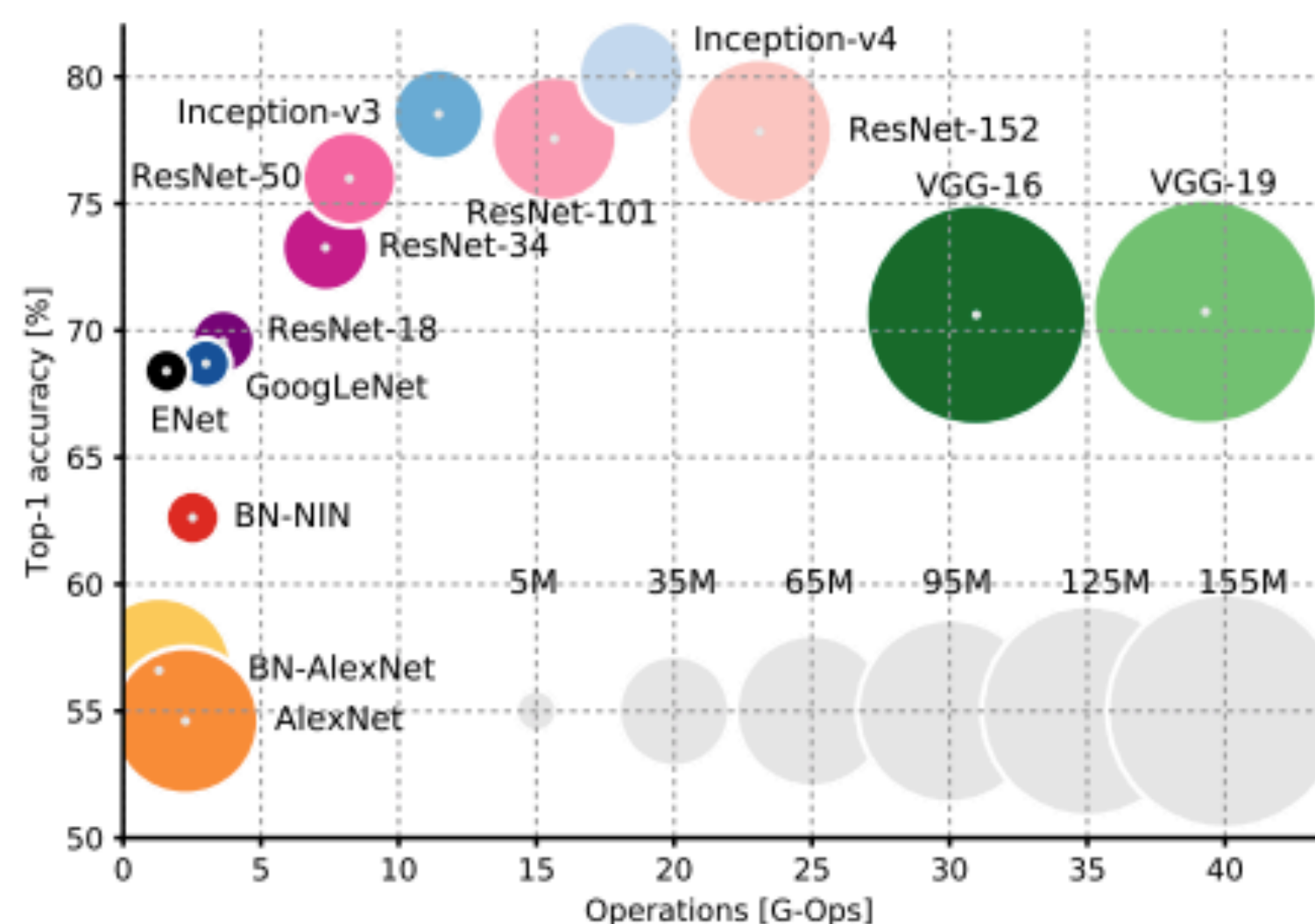
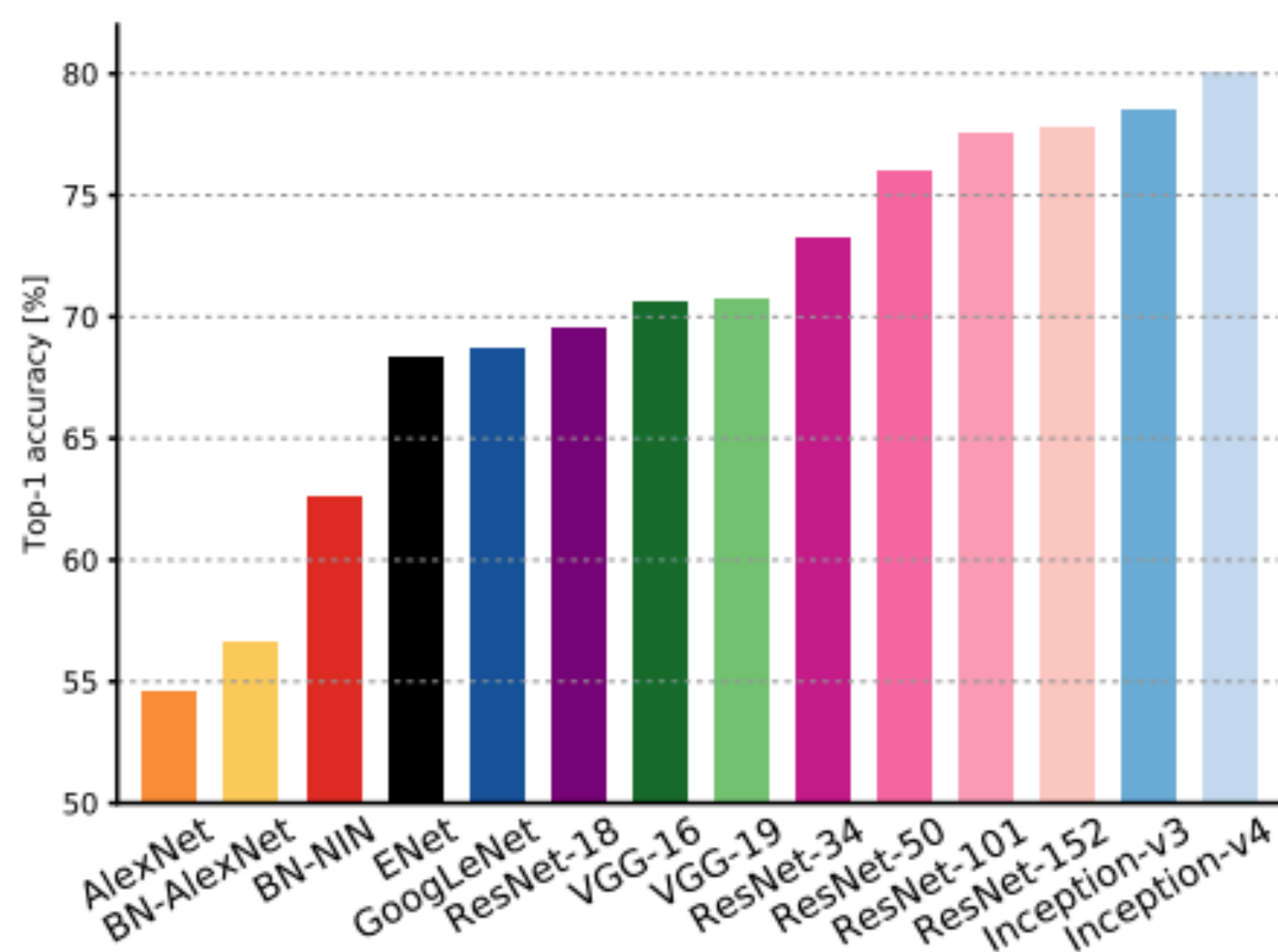
- 이미지 데이터에서 큰 효과를 보여준 모델
- 기존 FNNs의 한계를 보완함
 - 벡터화에 의한 이미지 형태 정보 손실 -> 이미지 원본 형태를 (행렬) 유지한채 학습
 - 벡터화에 의한 기하급수적 모델 파라미터 증가 -> Pooling 레이어로 축소된 이미지 처리



Deep Learning

Convolutional Neural Networks (CNNs)

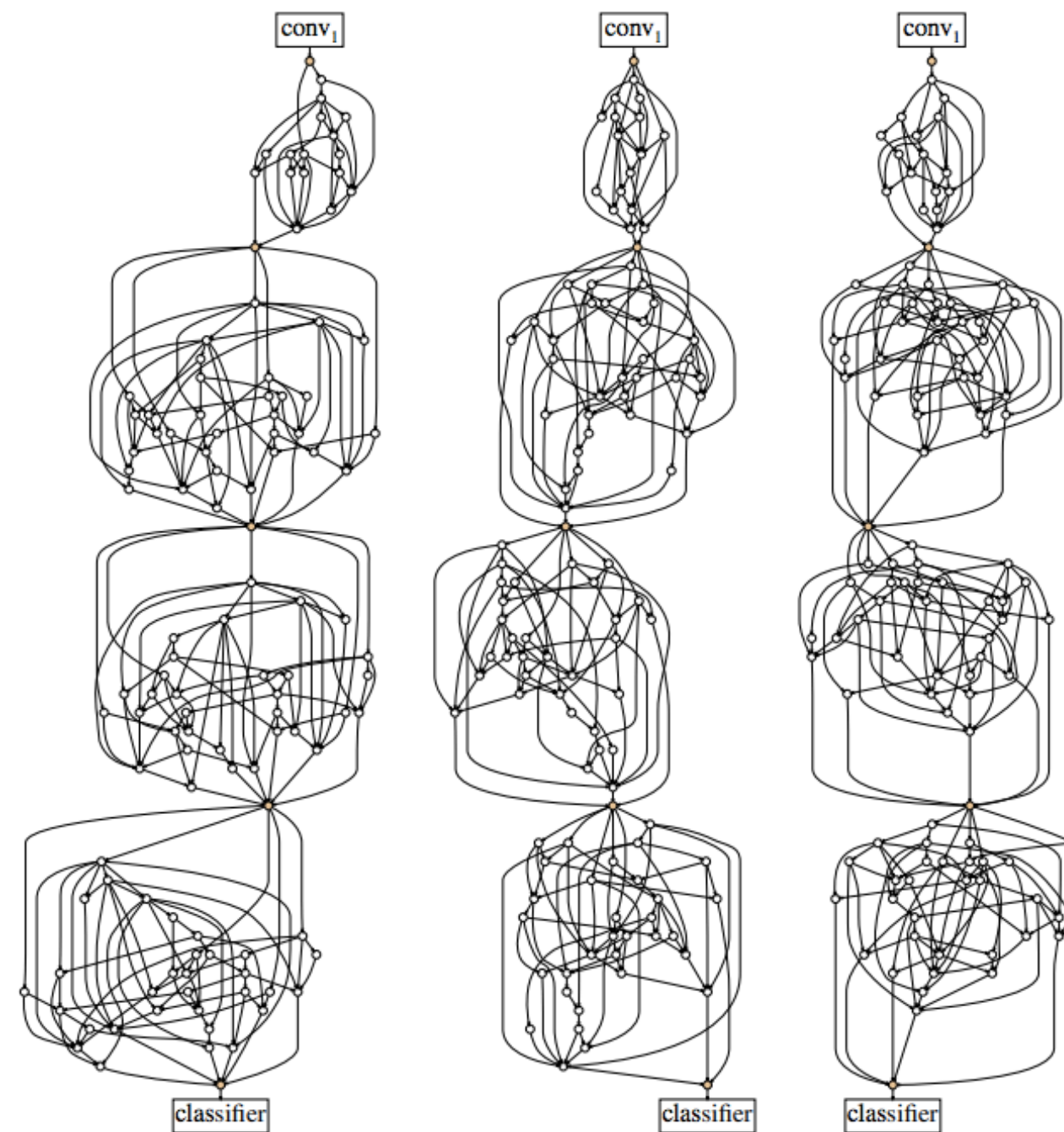
- 여러가지 네트워크 모델들이 제안됨



Exploring Randomly Wired Neural Networks for Image Recognition

Saining Xie Alexander Kirillov Ross Girshick Kaiming He

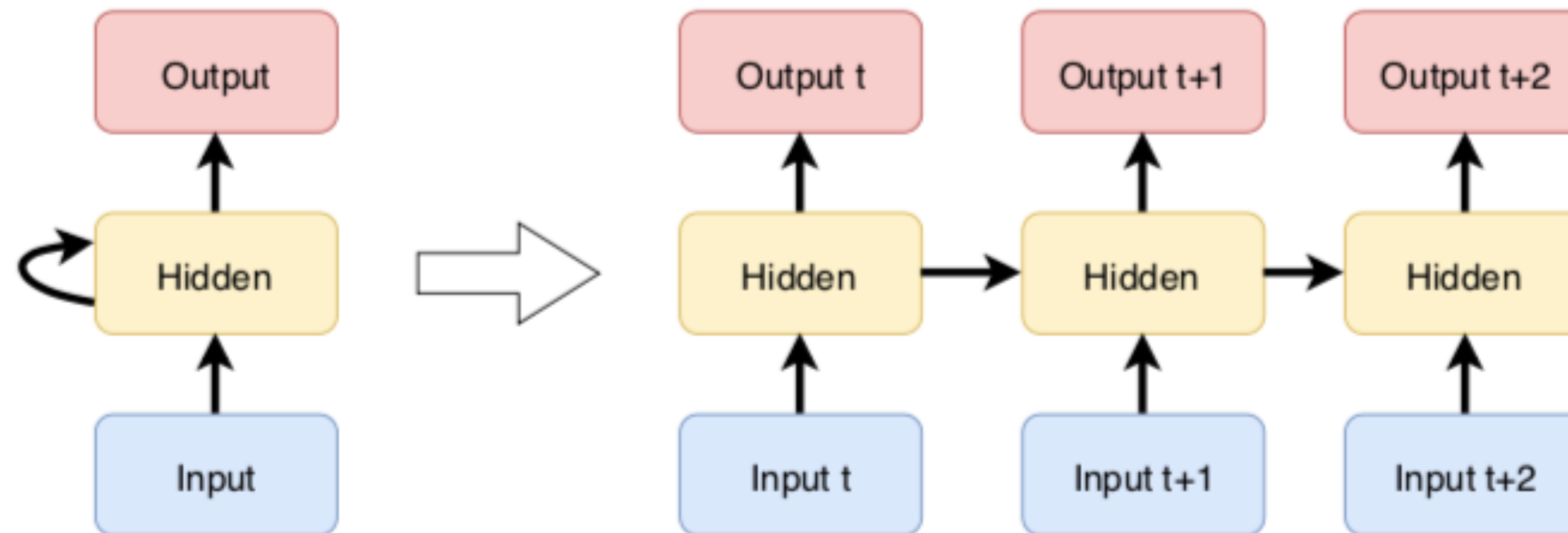
Facebook AI Research (FAIR)



Deep Learning

Recurrent Neural Networks (RNNs)

- 기존 Feed Forward Neural Networks (FNNs) 계열의 경우 시계열 또는 순서를 고려하지 못함
- 순서가 중요한 텍스트 데이터의 경우 RNN류의 모델을 쓰는게 적합
 - LSTM 또는 GRU

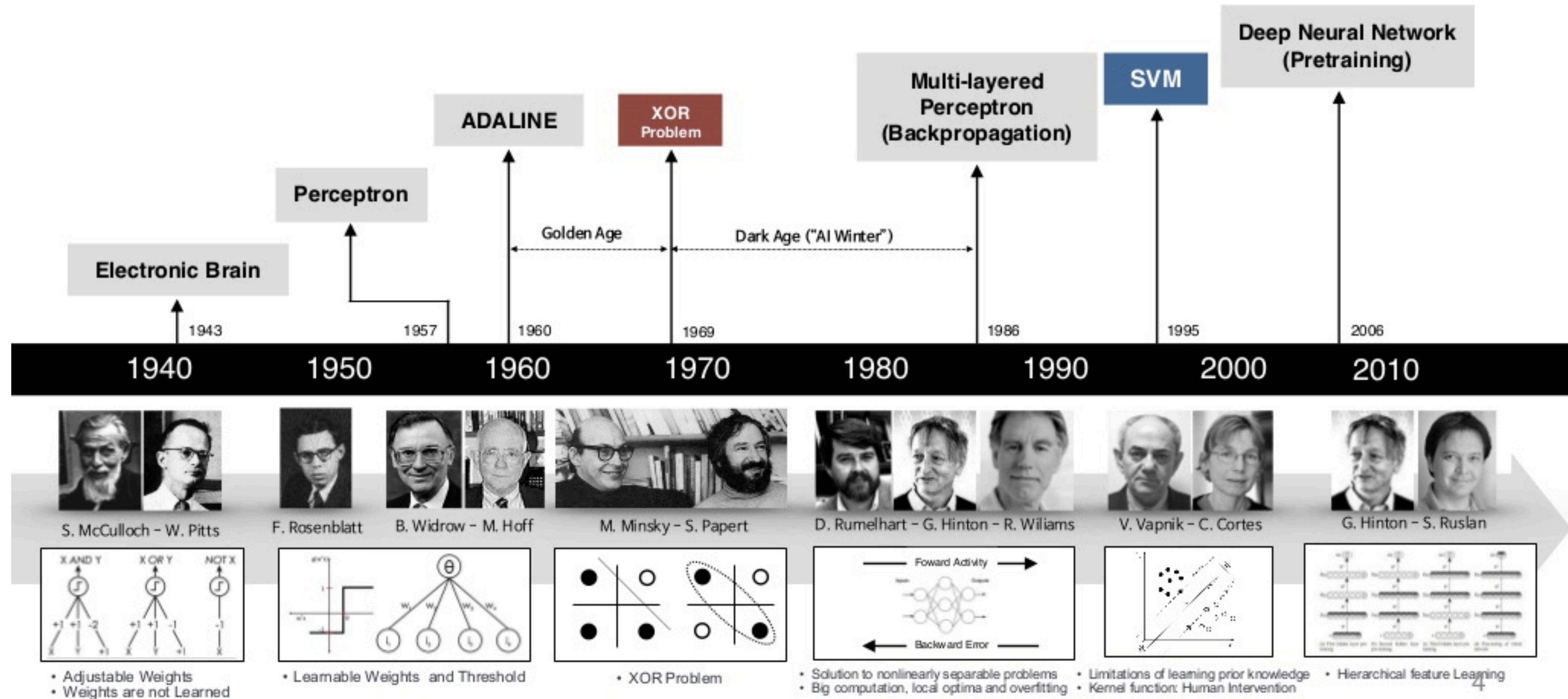


(a) 간소화된 표현

(b) 확장된 표현

Brief History of Neural Network

DEVIEW
2015



Deep Learning

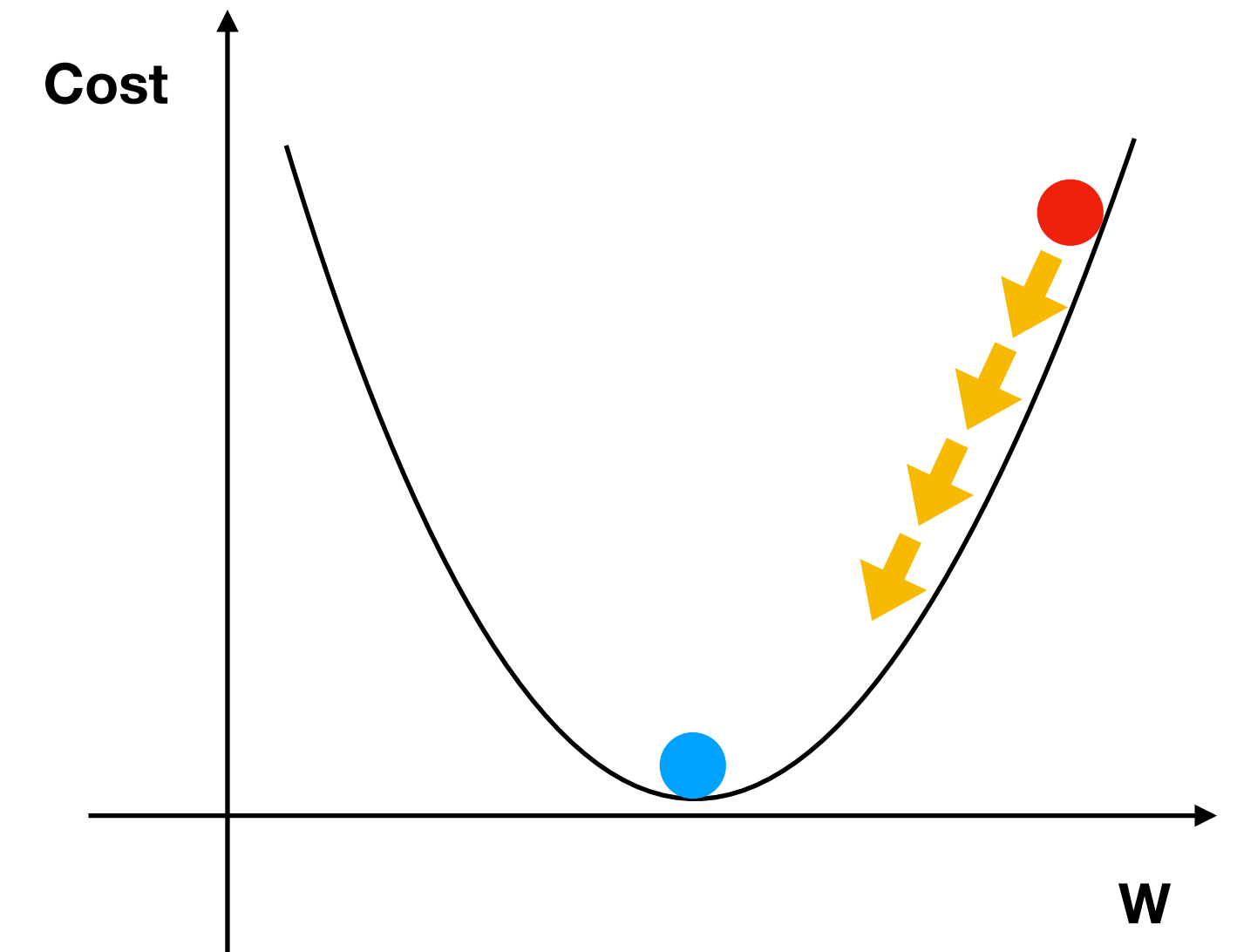
이번엔 꺼지지 않는다!

- 훈련을 위한 데이터의 증가
- 하드웨어의 발전
 - 무어의 법칙
- 게임 산업의 발전에 의한 GPU 생산기술 발전
- 클라우드 컴퓨팅의 발전
- 기업의 투자
 - 인공지능에 대한 투자가 더 높은 수익을 가져올 수 있다는 것이 확인됨
 - 선순환 형성

Deep Neural Networks

How it works

- 훈련을 한다는 것은?
- 다시 Linear Regression
 - $H(x) = \omega x + b$
 - $cost = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$
 - 학습 데이터가 주어졌을 때, cost가 최소가 되는, w와 b를 찾는 과정
 - 이때, 임의의 지점(빨간색)에서 시작해서, 기울기가 음수인 곳을 계속 찾아가면 그 함수의 최소값에 도달하지 않을까?



Deep Neural Networks

How it works

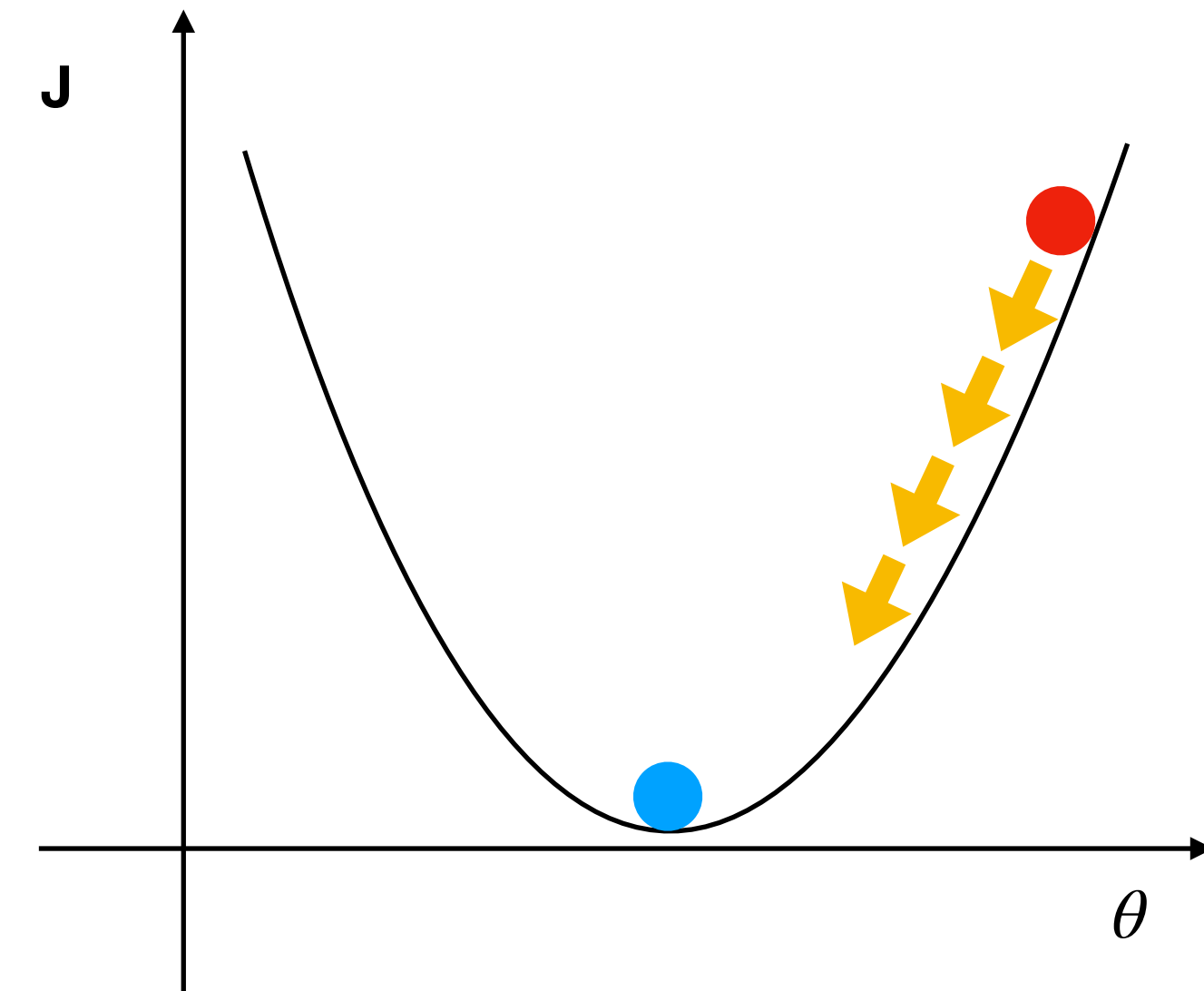
- 미분을 이용한 경사하강법 (gradient descent)

- $H(x) = \omega x + b,$
 $cost(\omega, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$

- $J(\theta_1, \theta_2) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^i) - y^i)^2$

- $\theta_j := \theta_j - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_j} J(\theta_0, \theta_1)$

- $\theta_j := \theta_j - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) x_j^{(i)}$



수렴할 때까지{
 $\theta_j := \theta_j - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) x_j^{(i)}$
}

Deep Neural Networks

How it works

- Logistic Regression에서는

- $H(x) = \frac{1}{1 + e^{-\theta^T x}},$

- $J(\theta_1, \theta_2) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^i) - y^i)^2$

- 많은 과정을 거친뒤!

- $J(\theta) = -\frac{1}{m} \left[\sum_{i=1}^m y^{(i)} \log h_{\theta}(x^i) + (1 - y^{(i)}) \log(1 - h_{\theta}(x^{(i)})) \right]$

- $\theta_j := \theta_j - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_j} J(\theta_0, \theta_1)$

Deep Neural Networks

How it works

- Neural Networks에서는

- $$J(\theta) = -\frac{1}{m} \left[\sum_{i=1}^m \sum_{k=1}^K y_k^{(i)} \log h_{\theta}(x^{(i)})_k + (1 - y_k^{(i)}) \log (1 - h_{\theta}(x^{(i)}))_k \right]$$

- K= layer의 수

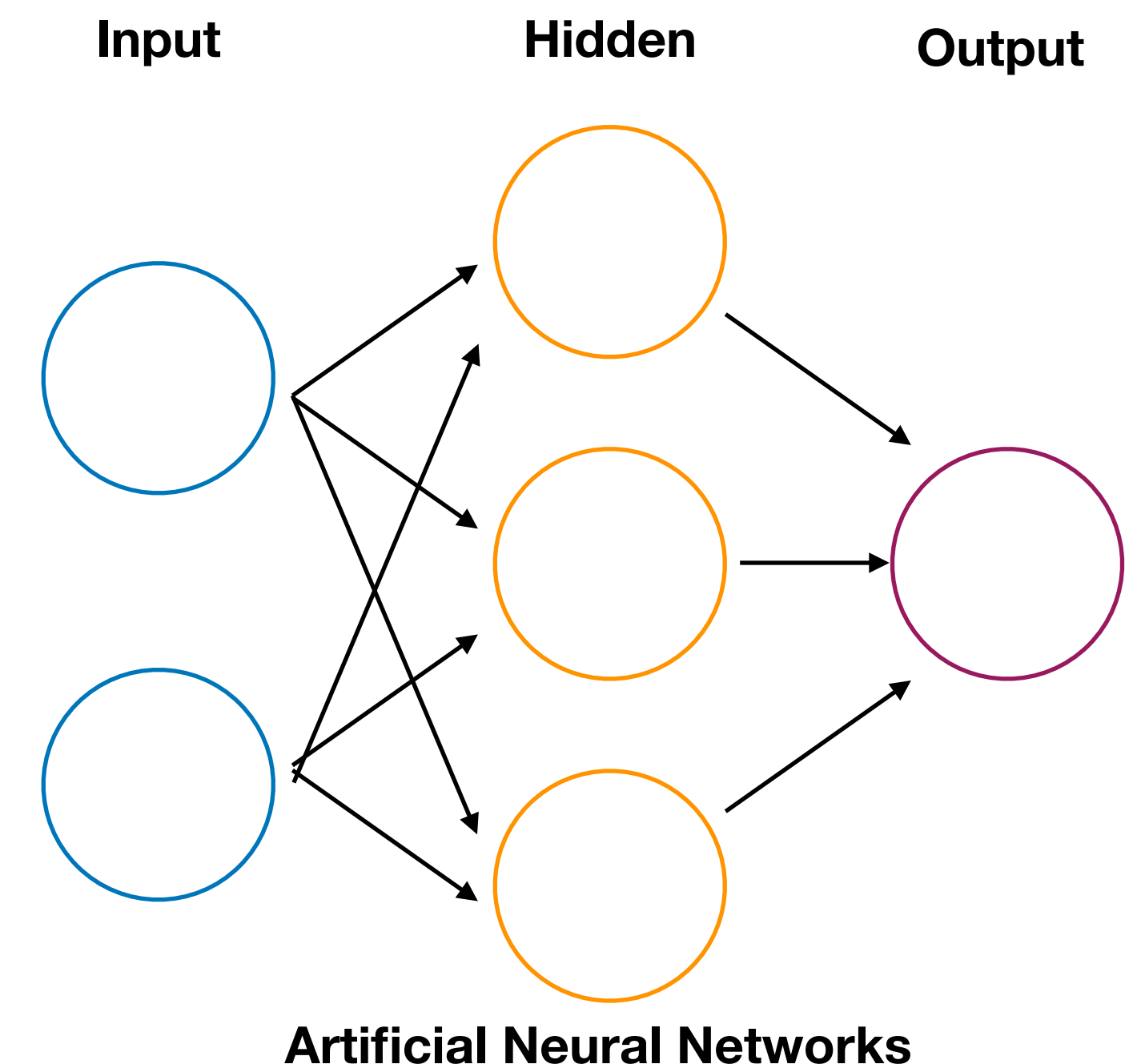
- Forward Propagation

- 각 레이어의 아웃풋이 다음 레이어의 인풋

- Back Propagation

- 각 레이어에서 미분을 통해 역으로 레이어 단위로 경사하강법 적용
 - 자세한 내용이 궁금하시다면!

- https://www.youtube.com/watch?v=x_Eamf8MHwU&ab_channel=ArtificialIntelligence-AllinOne



Deep Learning

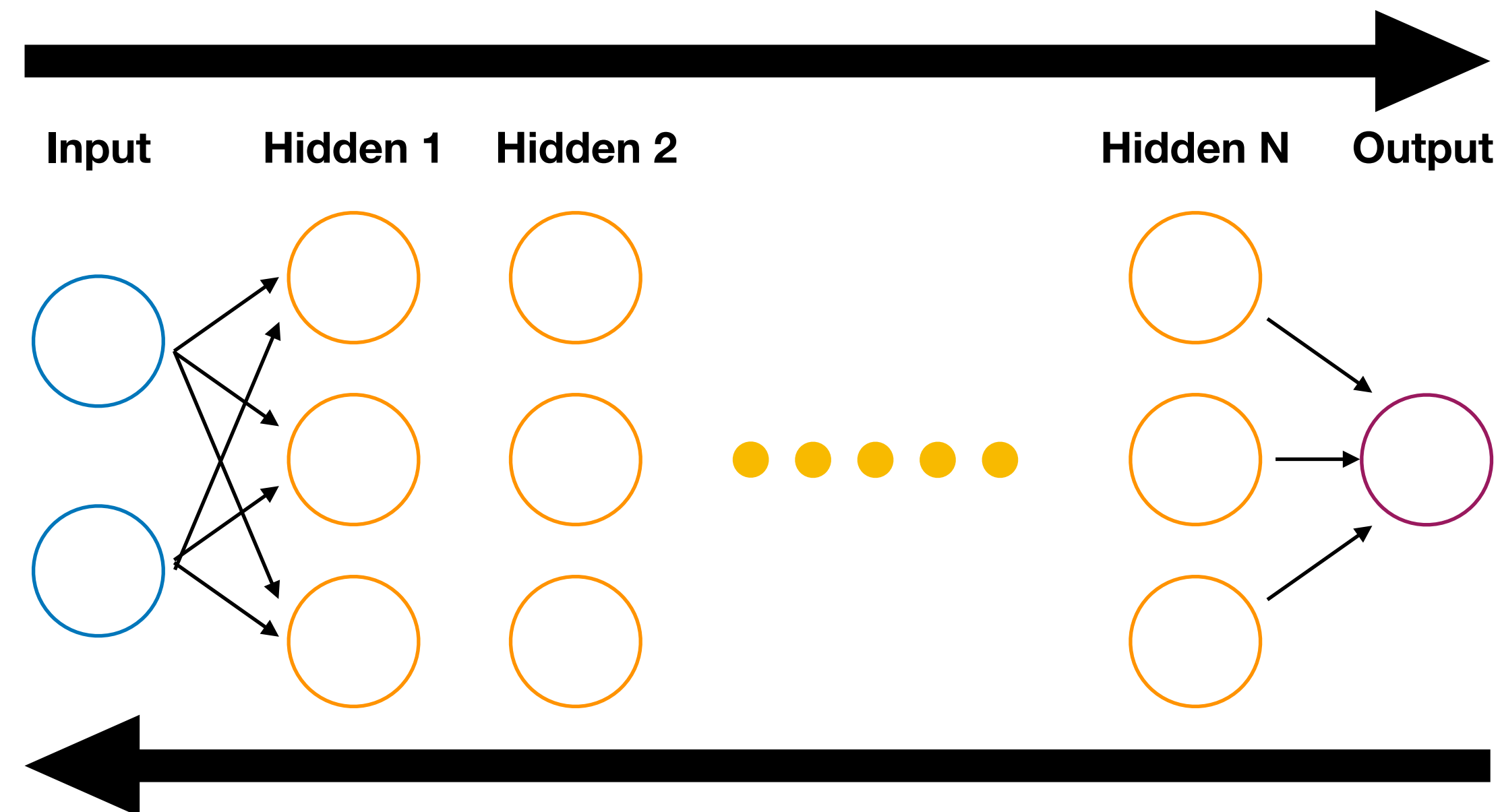
Common Terms

- Epoch
- Batch
- Overfitting
- Activation function
- Loss function
- Optimizer
- Metric

Deep Learning

Epoch

- Epoch
 - 전체 데이터를 몇번의 forward propagation과 backward propagation을 할 것인가
 - Low Epoch: Underfitting, High Epoch: Overfitting

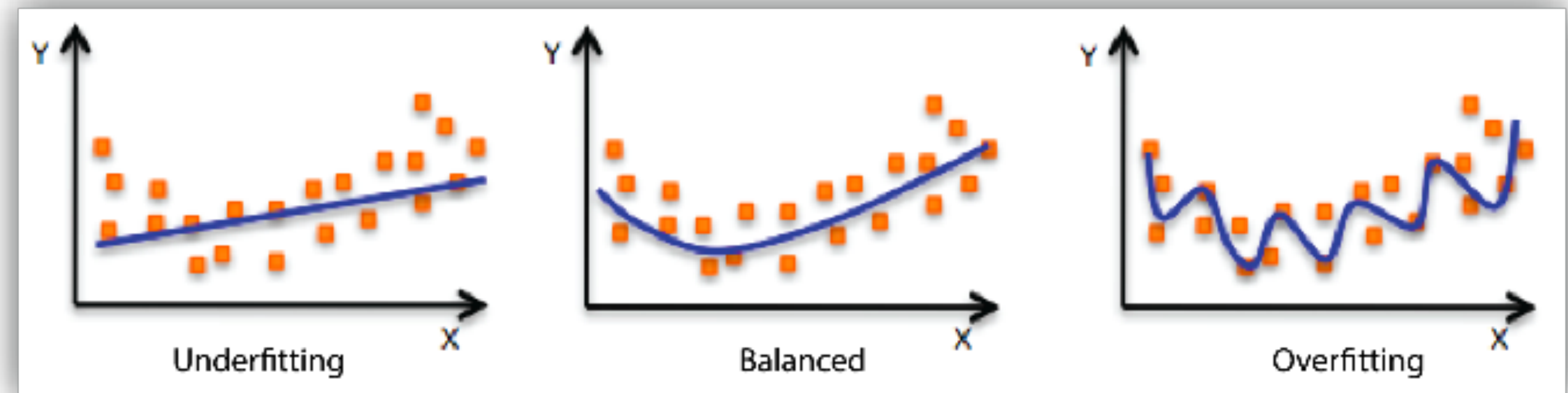


Deep Learning

Overfitting

- Overfitting (과적합)

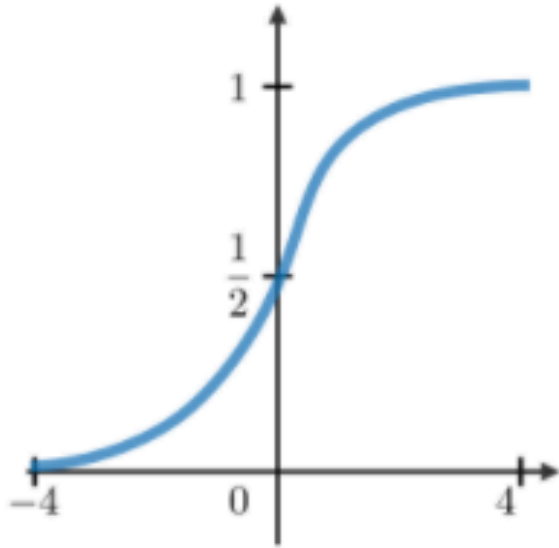
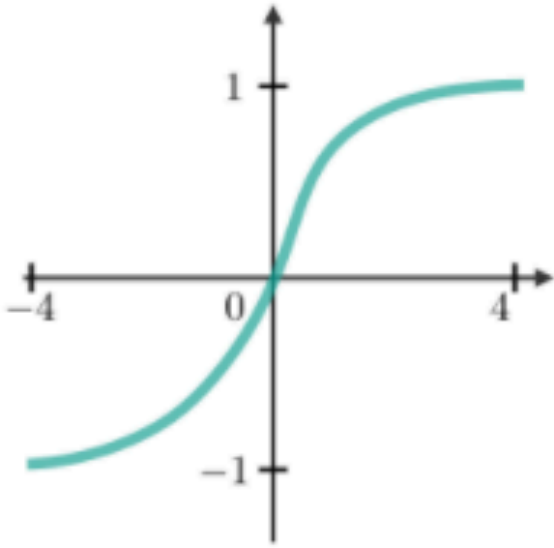
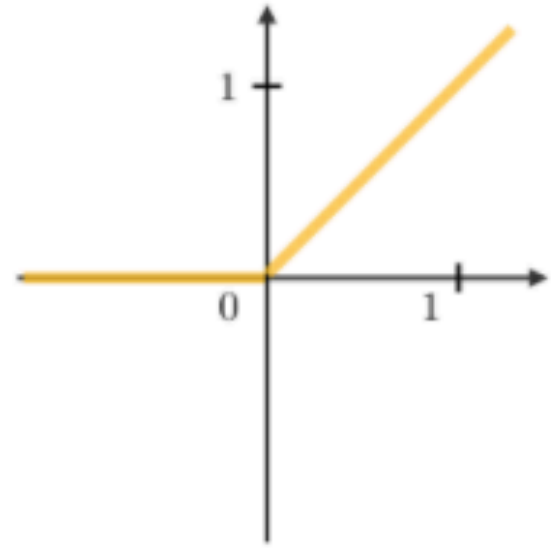
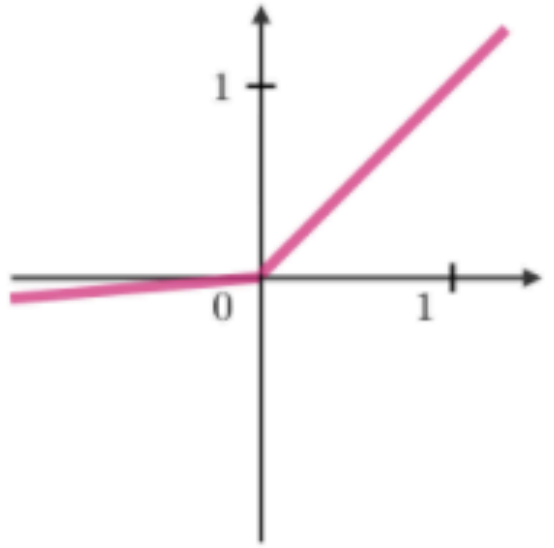
- 훈련데이터셋에서 나오는 성능과 검증/테스트 데이터셋에서의 성능이 차이가 많이 나는 경우
 - 훈련 데이터셋에 Overfitting 된 상황!
- 발생하는 이유
 - Validation 셋의 성능을 고려하지 않은 훈련
 - Feature의 개수에 비해 과도하게 많은 모델의 파라미터
 - 데이터 셋의 양에 비해 과도하게 높은 Epoch
- Overfitting에 대응하는 방법
 - 가중치 규제
 - 드롭아웃 레이어 추가



Deep Learning

Activation Function

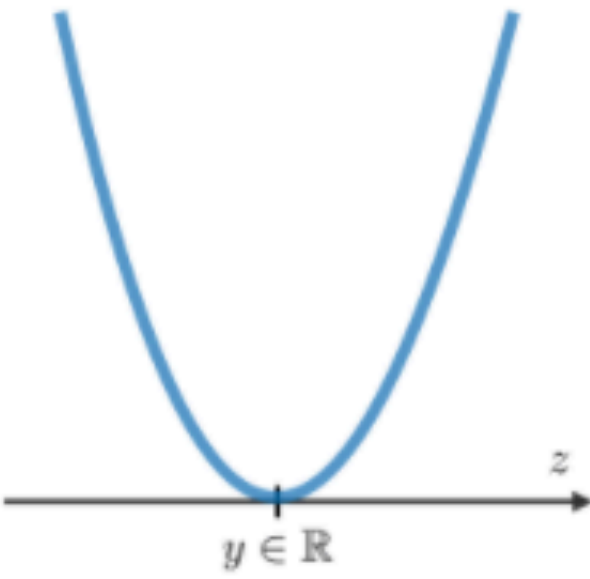
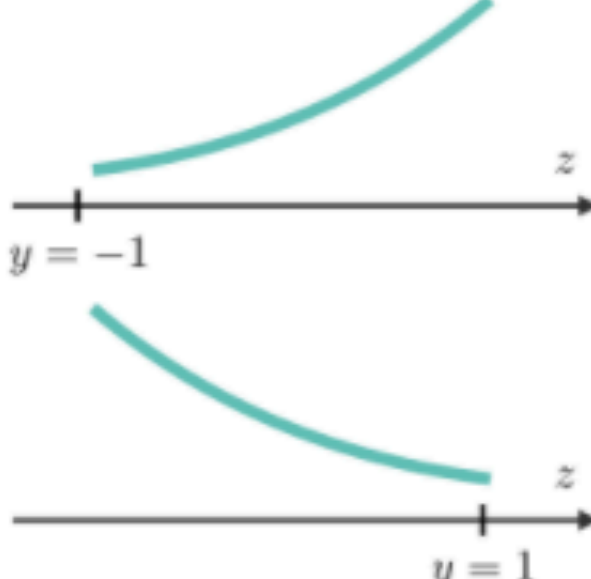
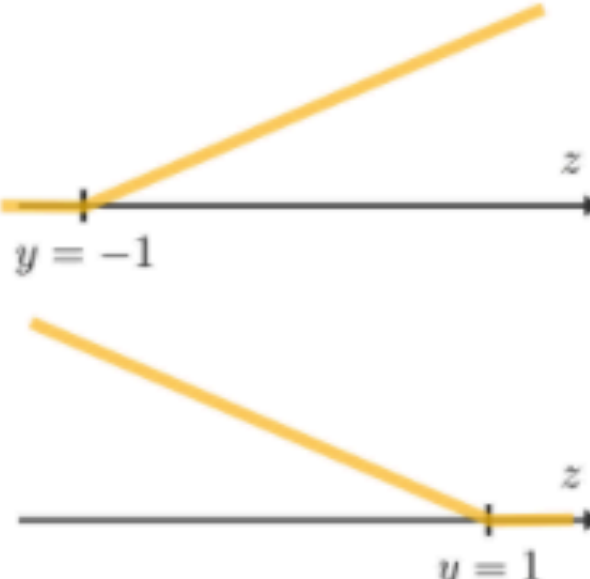
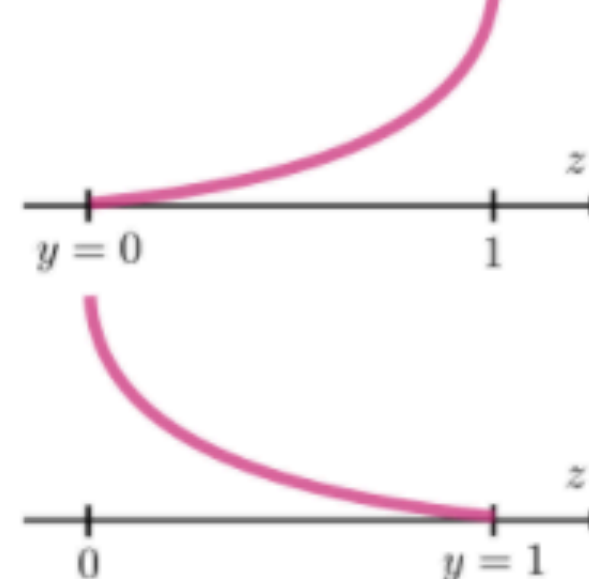
- Activation Function (활성함수)
 - 활성화 함수는 은닉 유닛의 끝에 사용되어 모델에 비선형 복잡성을 도입
 - 일반적으로, Hidden Layer에는 ReLU를 활용하고
 - Output에서는 Task에 따라서
 - Binary Classification: **sigmoid**
 - Multiclass Classification: **softmax**
 - Regression: **Linear**

Sigmoid	Tanh	ReLU	Leaky ReLU
$g(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$	$g(z) = \frac{e^z - e^{-z}}{e^z + e^{-z}}$	$g(z) = \max(0, z)$	$g(z) = \max(\epsilon z, z)$ with $\epsilon \ll 1$
			

Deep Learning

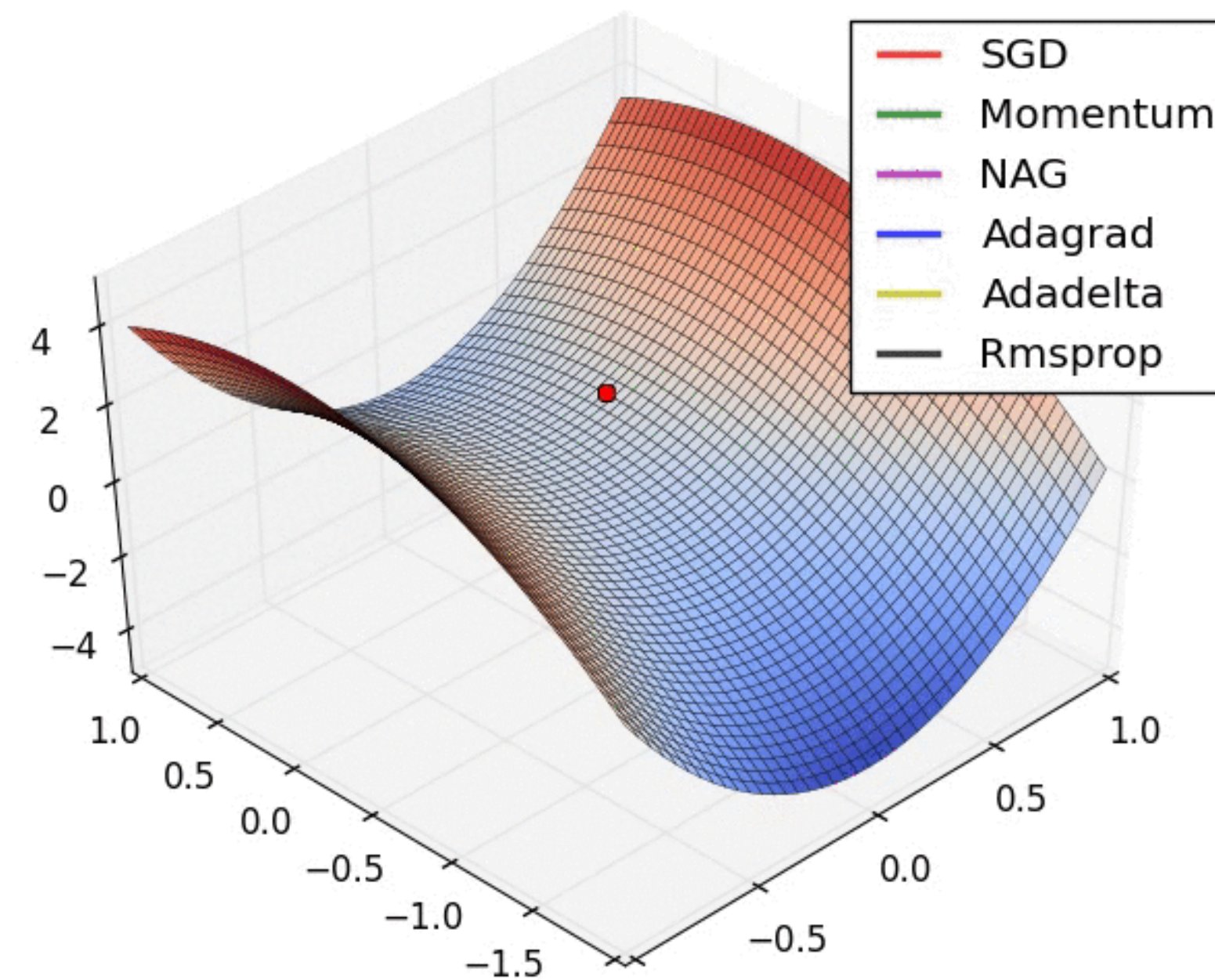
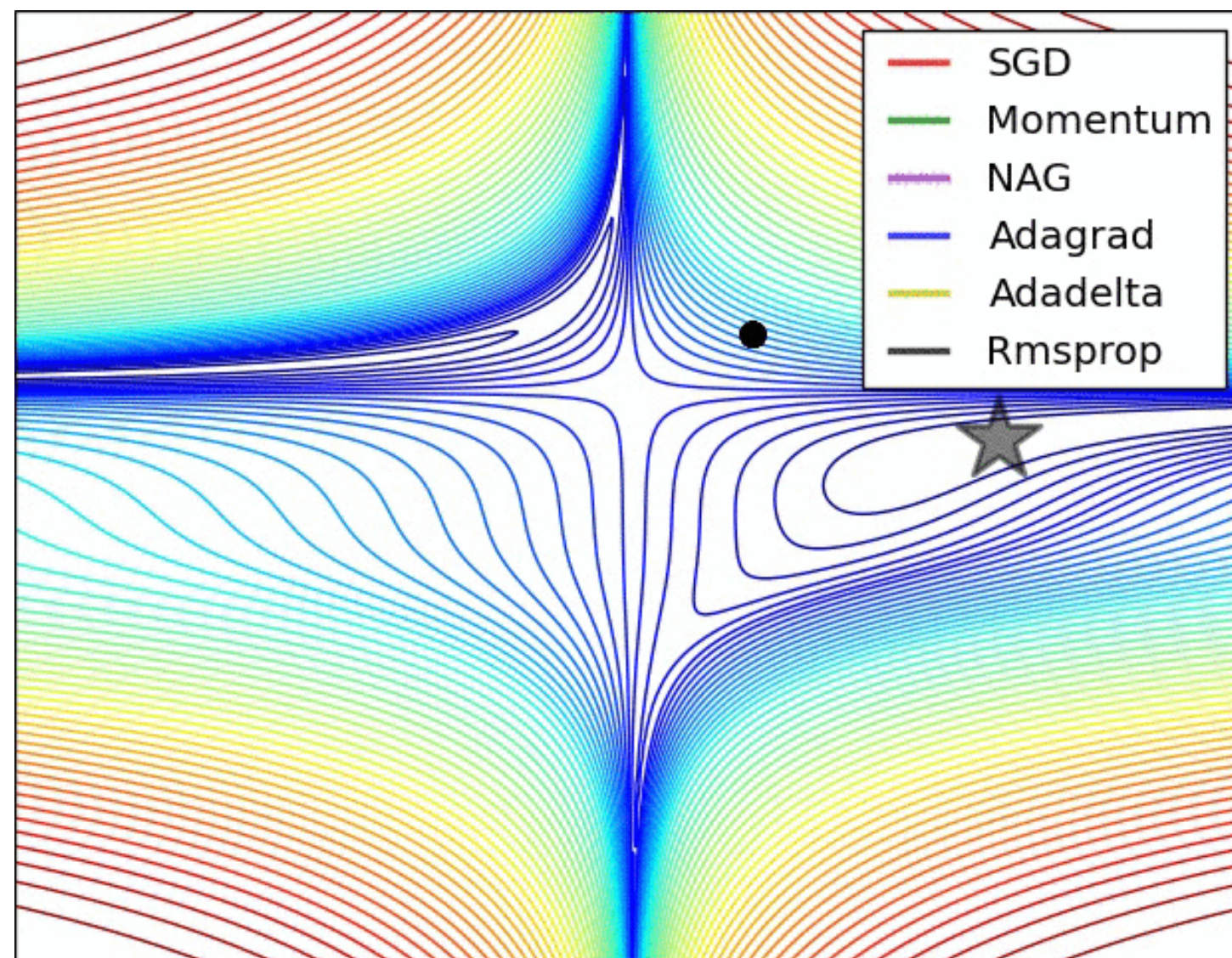
Loss Function

- Loss Function (손실함수)
 - 모델을 훈련을 시키기 위한 지표, 낮을 수록 데이터에 잘 적합되었다는 의미
 - **Cost function**: sum of loss functions + (something else)
 - Task나 Model에 따라 다름
 - Regression: Squared error
 - Classification: Cross Entropy

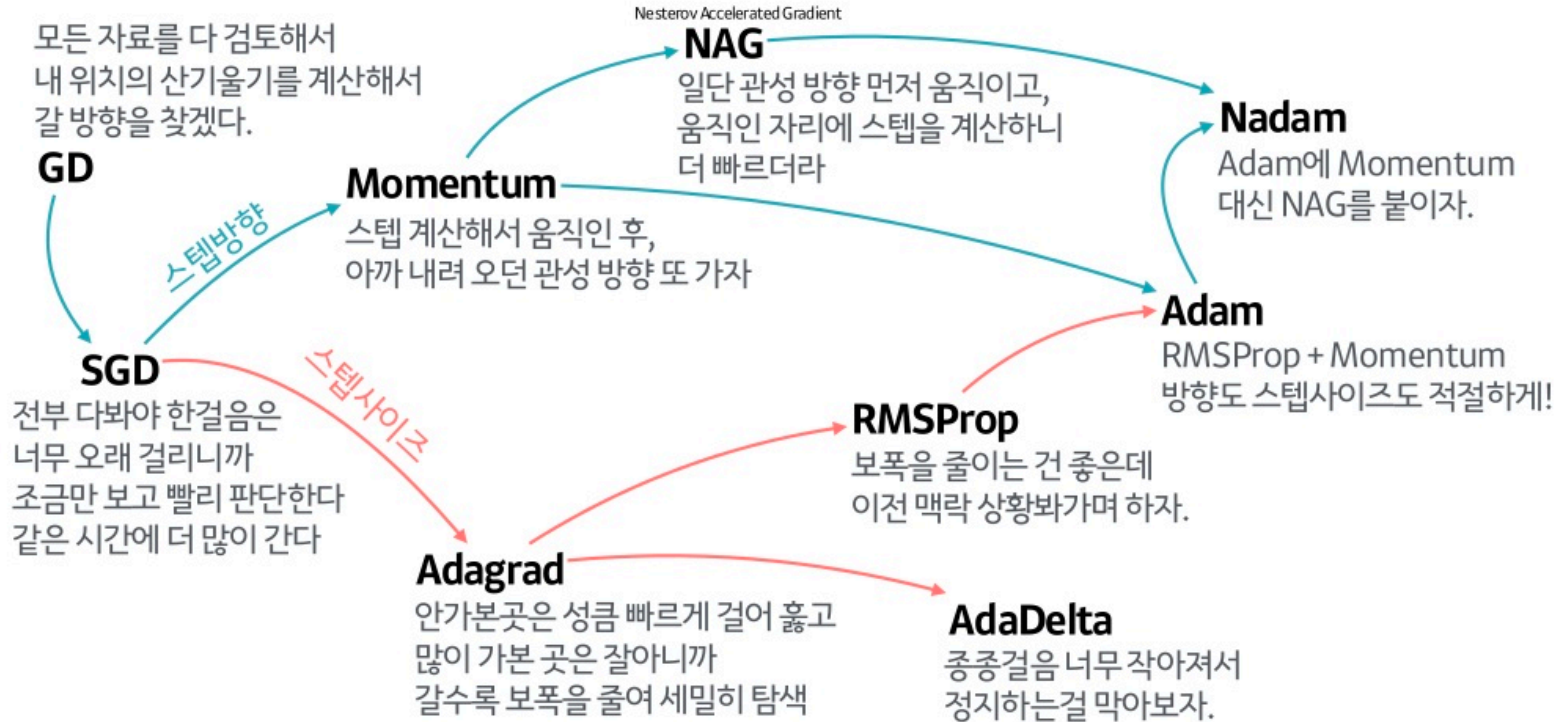
Least squared error	Logistic loss	Hinge loss	Cross-entropy
$\frac{1}{2}(y - z)^2$	$\log(1 + \exp(-yz))$	$\max(0, 1 - yz)$	$-\left[y \log(z) + (1 - y) \log(1 - z)\right]$
			
Linear regression	Logistic regression	SVM	Neural Network

Deep Learning Optimizer

- Optimizer
 - 모델의 학습과정에서 경사하강법(mini batch) 사용시 Parameter를 업데이트 하는 방식
 - 어떻게 최적의 파라미터(cost함수 값이 가장 낮은)를 찾을 것인가!



산 내려오는 작은 오솔길 잘찾기(Optimizer)의 발달 계보



Deep Learning

Metric

- Metric 모델의 성능을 평가하는 지표들
 - Task에 따라 다른 metric을 사용
 - Classification: Accuracy, Precision, Recall, F1-score
 - Regression: MSE, MAE, RMSE
- Loss와 metric의 차이?
 - Loss는 모델을 최적화 여부를 판단하기 위한 지표
 - Metric은 모델의 성능을 평가하기 위한 지표
 - 일반적으로 둘이 강한 상관관계를 가짐 (Regression의 경우 동일)
 - 결국 모델은 Accuracy와 같은 것들을 고려하지 않고 본인이 Cost를 낮추는 방향이 맞는 방향이라고 생각하는 방식으로 훈련을 함

References

- Géron, Aurélien. Hands-on machine learning with Scikit-Learn, Keras, and TensorFlow: Concepts, tools, and techniques to build intelligent systems. O'Reilly Media, 2019.

E.O.D