



ALJABAR BOOLEAN DAN RANGKAIAN EKIVALEN



Oleh : Rusito, M.Kom

ALJABAR BOOLEAN(1)

- Teori-teori aljabar boolean merupakan aturan-aturan dasar hubungan antara variable-variable boolean.
- Aturan ini digunakan untuk memanipulasi dan menyederhanakan suatu rangkaian logika ke dalam bentuk yang bervariasi.

ALJABAR BOOLEAN(1)

Teori-teori aljabar boolean dapat dirangkum menjadi bentuk-bentuk seperti berikut.

Dalil-dalil boolean (Boolean postulates)

P₁ : $X=0$ atau $X=1$ (tak pasti=don't care)

P₂ : $0.0=0$

P₃ : $1+1=1$

P₄ : $0+0=0$

P₅ : $1.1=1$

P₆ : $1.0=0.1=0$

P₇ : $1+0=0+1=1$

ALJABAR BOOLEAN(2)

T1 : Commutative Law

1. $A+B=B+A$
2. $A.B=B.A$

T2 : Associative Law

3. $(A+B)+C=A+(B+C)$
4. $(A.B).C=A.(B.C)$

T3 : Distributive Law

5. $A.(B+C)=A.B+A.C$
6. $A+(B.C)=(A+B).(A+C)$

T4 : Identity Law

7. $A+A=A$
8. $A.A=A$

T5 : Negation Law

9. $(A')=A'$
10. $(A')'=A$

T6 : Redundant Law

1. $A+A.B=A$
2. $A.(A+B)=A$

T7 : $0+A=A$

1. $A=A$
1. $1+A=1$
0. $A=0$

T8 : $A'+A=1$

$$A'.A=0$$

T9 : $A+A'.B=A+B$

$$A.(A'+B)=A.B$$

T10: De Morgan's Theorem

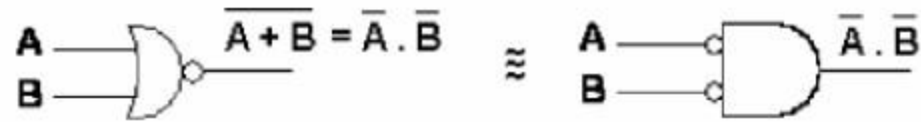
1. $\overline{(A+B)}=\overline{A}.\overline{B}$
2. $\overline{(A.B)}=\overline{A}+\overline{B}$

RANGKAIAN EKIVALEN (1)

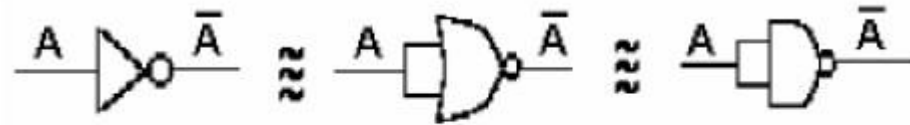
Dalam mendesain rangkaian logika seringkali kita diminta untuk menggunakan gerbang-gerbang NAND atau NOR saja.

Untuk memudahkan pelaksanaan desain tersebut , maka diberikan rangkaian ekivalen dari gerbang NAND dan NOR yaitu sebagai berikut:

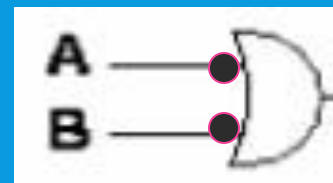
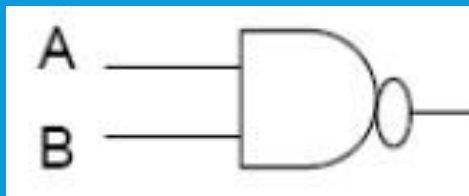
RANGKAIAN EKIVALEN (1)



NOR sama dengan INVERS - AND



kesamaan INVERS



$\overline{A+B}$

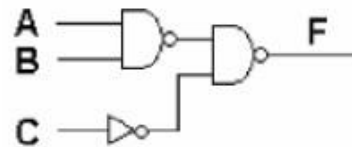
$$\overline{A \cdot B} = \overline{A+B}$$

NAND sama dengan INVERS - OR

CONTOH

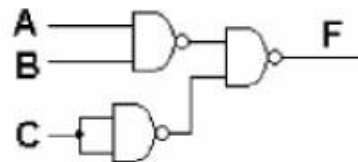
contoh 1.1:

Ubahlah rangkaian dibawah ini menjadi rangkaian yang hanya terdiri dari gerbang NAND saja.



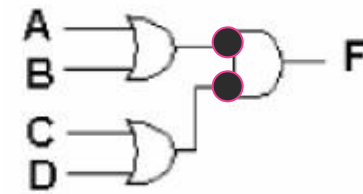
jawab:

karena kesetaraan gerbang INVERS maka rangkaian menjadi:

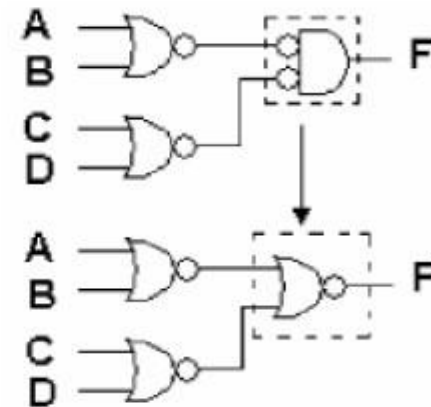


contoh 1.2:

Ubahlah rangkaian dibawah ini menjadi rangkaian yang hanya terdiri dari gerbang NOR saja.



Jawab :



TERIMA KASIH