חישוביות וקוגניציה – תרגיל 6

להגשה עד: 19/12/2019

שימו לב: שאלות 1 ו־2 הן שאלות אנליטיות, ושאלה 3 היא שאלת תכנות

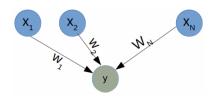
שאלה 1

בשאלה זו תשלימו את הדוגמא שנלמדה בתרגול – "קליעה למטרה" בעולם חד־מימדי, כאשר גם סטיית התקן ב"רעש" של קליעות הנבדק היא פרמטר נלמד.

נתונה משימת "קליעה למטרה" בעולם חד מימדי. בכל trial הנבדק אורק חץ למיקום y שנדגם מהתפלגות נורמלית עם ממוצע y ושונות σ , כלומר $y \sim \mathcal{N}\left(\mu,\sigma^2\right)$, ומקבל גמול z (שיוגדר בהמשך). שימו לב, z שניהם פרמטרים פנימיים של הנבדק, ושניהם נלמדים לפי אלגוריתם REINFORCE.

- . רשמו את כלל הלימוד של σ (עבור עבור גמול כלשהו R), והסבירו את התוצאה באופן איכותי.
- מהו השינוי הממוצע מיקום המטרה בתור $R=-\left(y-m\right)^2$ הוא היותן בכל שניתן שהגמול המינוי המוצע? מהי ההתכנסות בממוצע?

שאלה 2



y נתון פרספטרון בינארי כמתואר בציור שבו הפלט הוא הסתברותיי. בהינתן קלט $\mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_1 & \dots & x_N \end{bmatrix}^ op$ מתפלג באופן הבא:

$$\mathbb{P}[y = 1 | \mathbf{x}; \mathbf{w}] = \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{w}^{\top} \mathbf{x}}}$$
$$\mathbb{P}[y = 0 | \mathbf{x}; \mathbf{w}] = \frac{e^{-\mathbf{w}^{\top} \mathbf{x}}}{1 + e^{-\mathbf{w}^{\top} \mathbf{x}}}$$

שימו לב: נוירון הפלט פייצר ערכים של 0 ו 1, ולא של 1-1 כפי שהגדרנו במקרה של פרספטרון בינארי בעבר. בחירה 1 היא רק לצורך נוחות בחישוב ולא משנה באופן מהותי את התוצאות

- y=0 : עבור שני המקרים שני עבור שני את את לפרמטר, $\frac{\partial \log g(y;\mathbf{w},\mathbf{x})}{\partial w_i}$, עבור את לפרמטר פריים: e_i ביחס לפרמטר את עבור שני המקרים האפשריים: 1 עבור שני המקרים האפשריים: y=1
 - . רשמו ביטוי אחד שמבטא את e_i עבור שני המקרים.
- . בהינתן שב trial מסויים הגמול היה R, רשמו את כלל העדכון של הסינפסה w_i האם כלל העדכון הוא לוקאליי. הסבירו.

שאלה 3

MNIST בשאלה זו תממשו פרספטרון בינארי סטוכסטי כפי שהוגדר בשאלה 2 שילמד לסווג ספרות 0 ו 1 מהדאטאסט

- גנipy.io.loadmat בעזרת בעורת ניתן ניתן לטעון ניתן (בפייתון ניתן לטעון את הקובץ בפייתון ניתן לטעון בפייתון ניתן את הקובץ $\exp_{-}(\operatorname{data, nat})$ מדגם אימון (data, labels) ומדגם אימון (data, labels) נפדגם אימון (אימן במימד בייתון ניתן לטעון בייתון לטעון בייתון מדגם אימון (data, labels) ומדגם ומדגם
- 2. למדו את הפרספטרון דוגמא אחר דוגמא באופן הבא: הציגו לרשת את הדוגמא הנוכחית, והגרילו את הפלט לפי התתפלגות המתאימה (שהוגדרה בשאלה 2). נסמן בy את הפלט של הרשת ובy את התיוג הנכון (y או 1). הגמול יוגדר באופן הבא:

$$R = \begin{cases} 1 & y = c \\ 0 & y \neq c \end{cases}$$

עדכנו את המשקולות לפי כלל הלמידה של REINFORCE (שמצאתם בשאלה 2) לאחר הצגת כל דוגמא.

- 3. לאחר כל 50 צעדים (כלומר, הצגה של 50 דוגמאות), בדקו את הדיוק של הרשת על מדגם ה test (<u>מבלי</u> ללמוד מהדוגמאות הללו): הציגו לרשת את כל הדוגמאות מה test, ולכל דוגמא הגרילו את הפלט של הרשת והשוו לפני כל הדוגמאות ב test (כלומר, אחוז התמונות שהרשת מתייגת נכונה).
- 4. הציגו גרף שמתאר את התפתחות הדיוק על מדגם ה test כפונקציה של הלמידה (מספר הדוגמאות שהרשת למדה עד כה).
 - 5. הציגו את וקטור המשקולות של הרשת, לאחר הלמידה, בתור תמונה. מה ניתן לומר על התוצאה?

:הערות

- $\eta=0.01$ של לימוד של בקצב ullet
- $\sigma=0.01$ אתחלו את וקטור המשקולות באקראי, למשל מהתפלגות נורמלית עם ממוצע אפס וסטיית תקן •
- מומלץ מאוד לכתוב פונקציה עבור סעיף 3, כלומר פונקציה שמקבלת את וקטור המשקולות הנוכחי ואוסף דוגמאות מתוייגות, ומחזירה את הדיוק הממוצע על פני הדוגמאות שהתקבלו (מבלי לשנות את המשקולות ברשת).
 - מימדים:
- מומלץ מומלץ אינו פייטענו המערכים של התיוגים ייטענו בתור מטריצת חודש אינו אודל $1 \times \#\text{examples}$ מומלץ או שימוש בפונקציה ואוש בונקציה squeeze אותם לוקטורים ע"י ואותם לוקטורים ע"י
- (או של וקטור המשקולות) אינים את רבצע שימו לב שבמטלב שימו לב שבמטלב שימו את באיגים את באיגים את במטלב שימו לב שבמטלב את התוצאה או לטרנספז את התוצאה או לטרנספז את התוצאה