



编译原理与技术

--自底向上的语法分析IV

陈俊洁

天津大学智算学部



■ Outline

- 自底向上的语法分析基本问题
 - 移动 – 归约分析法
 - 用栈实现移动归约分析
- 算符优先分析法
 - 算符优先分析法定义、优先分析表的确定、优先函数的定义
 - 使用算符优先关系进行分析
 - 算符优先分析中的错误恢复
- LR分析法
 - LR(0)
 - SLR
 - LR(1)
- 语法分析器的自动产生工具Yacc



SLR分析表的构造



■ LR(0)文法的局限性

- 假定一个LR(0)规范族中含有如下的一个项目集（状态）
 $I = \{X \rightarrow \alpha \bullet b \beta, A \rightarrow \alpha \bullet, B \rightarrow \alpha \bullet\}$
- 第一个项目是移进项目，第二、三个项目是归约项目。这三个项目告诉我们应该做的动作各不相同，互相冲突：
 - 第一个项目告诉我们应该把下一个符号b移进；
 - 第二个项目告诉我们应该把栈顶的 α 归约为A；
 - 第三个项目告诉我们应该把栈顶的 α 归约为B。



■ SLR语法分析概述

- LR(0)文法的活前缀识别自动机的每一个状态（项目集）都不含冲突的项目。
- 对于某些含有冲突的状态，一种带有简单“展望”的LR分析法，即SLR文法，可以解决冲突。
- SLR文法构造分析表的主要思想是：许多冲突性的动作都可能通过考察有关非终结符的FOLLOW集而获解决。



■ Review:构造结合FOLLOW的算法

对文法G的每个非终结符A构造FOLLOW(A)的办法是：连续应用下列规则,直到每个后随符号集FOLLOW不再增大为止.

- 1) 对于文法的开始符号S, 置#于FOLLOW(S)中;
- 2) 若 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式, 则把 $\text{FIRST}(\beta) \setminus \{\epsilon\}$ 加至FOLLOW(B)中;
- 3) 若 $A \rightarrow \alpha B$ 是一个产生式, 或 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式而 $\beta \Rightarrow \epsilon$ (即 $\epsilon \in \text{FIRST}(\beta)$), 则把FOLLOW(A)加至FOLLOW(B)中.



■ SLR基本算法

- 解决冲突的方法是分析所有含A和B的句型，考察集合FOLLOW(A)和FOLLOW(B)，如果这两个集合不相交，而且也不包含b，那么当状态I面临输入符号a时，我们可以使用如下策略：
 - 若 $a=b$ ，则移进。
 - 若 $a \in \text{FOLLOW}(A)$ ，则用产生式 $A \rightarrow \alpha$ 进行归约；
 - 若 $a \in \text{FOLLOW}(B)$ ，则用产生式 $B \rightarrow \alpha$ 进行归约；
 - 此外，报错



■ SLR基本算法

- 假定LR(0)规范族的一个项目集I中
 - 含有m个移进项目
 - $A_1 \rightarrow \alpha \bullet a_1 \beta_1, A_2 \rightarrow \alpha \bullet a_2 \beta_2, \dots, A_m \rightarrow \alpha \bullet a_m \beta_m$;
 - 同时含有n个归约项目
 - $B_1 \rightarrow \alpha \bullet, B_2 \rightarrow \alpha \bullet, \dots, B_n \rightarrow \alpha \bullet,$
 - 如果集合 $\{a_1, \dots, a_m\}, \text{FOLLOW}(B_1), \dots, \text{FOLLOW}(B_n)$ **两两不相交**（包括不得有两个FOLLOW集合有#），则隐含在I中的动作冲突可以通过检查现行输入符号a属于上述n+1个集合中的哪个集合而解决：
 - 若a是某个 $a_i, i=1,2,\dots,m$, 则移进。
 - 若 $a \in \text{FOLLOW}(B_i), i=1,2,\dots,m$, 则用产生式 $B_i \rightarrow \alpha$ 进行归约；
 - 此外，报错

这种冲突的解决方法叫做**SLR(1)**解决办法。



■ SLR语法分析表的构造算法

- 首先把G拓广为G'，对G'构造LR(0)项目集规范族C和活前缀识别自动机的状态转换函数GO。函数ACTION和GOTO可按如下方法构造：
 - 若项目 $A \rightarrow \alpha \bullet a \beta$ 属于 I_k ， $GO(I_k, a) = I_j$ ，a为终结符，置ACTION[k,a]为“把状态j和符号a移进栈”，简记为“sj”；
 - 若项目 $A \rightarrow \alpha \bullet$ 属于 I_k ，那么，对任何非终结符a， $a \in FOLLOW(A)$ ，置ACTION[k,a]为“用产生式 $A \rightarrow \alpha$ 进行归约”，简记为“rj”；其中，假定 $A \rightarrow \alpha$ 为文法G'的第j个产生式
 - 若项目 $S' \rightarrow S \bullet$ 属于 I_k ，则置ACTION[k,#]为可“接受”，简记为“acc”；
 - 若 $GO(I_k, A) = I_j$ ，A为非终结符，则置GOTO[k, A]=j；
 - 分析表中凡不能用规则1至4填入信息的空白格均填上“出错标志”。
 - 语法分析器的初始状态是包含 $S' \rightarrow \bullet S$ 的项目集合的状态

按上述方法构造的含有Action和GOTO的分析表，若每个入口不含多重定义，则称它为文法G的一张SLR表。具有SLR表的文法G成为一个SLR(1)文法，使用SLR表的分析器叫SLR分析器。



■ SLR分析举例

每个SLR(1)文法都是无二义的;
但并非每个无二义的文法都是SLR(1)的。

文法G :

(0) $S' \rightarrow E$

(1) $E \rightarrow E+T$

(2) $E \rightarrow T$

(3) $T \rightarrow T * F$

(4) $T \rightarrow F$

(5) $F \rightarrow (E)$

(6) $F \rightarrow i$



■ SLR分析举例

每个SLR(1)文法都是无二义的;
但并非每个无二义的文法都是SLR(1)的。

文法G :

- (0) $S' \rightarrow E$
- (1) $E \rightarrow E+T$
- (2) $E \rightarrow T$
- (3) $T \rightarrow T*F$
- (4) $T \rightarrow F$
- (5) $F \rightarrow (E)$
- (6) $F \rightarrow i$

$I_0: S' \rightarrow \bullet E$
 $E \rightarrow \bullet E+T$
 $E \rightarrow \bullet T$
 $T \rightarrow \bullet T*F$
 $T \rightarrow \bullet F$
 $F \rightarrow \bullet (E)$
 $F \rightarrow \bullet i$
 $I_1: S' \rightarrow E \bullet$
 $E \rightarrow E \bullet +T$
 $I_2: E \rightarrow T \bullet$
 $T \rightarrow T \bullet *F$
 $I_3: T \rightarrow F \bullet$
 $I_4: F \rightarrow (\bullet E)$
 $E \rightarrow \bullet E+T$
 $E \rightarrow \bullet T$
 $T \rightarrow \bullet T*F$
 $T \rightarrow \bullet F$
 $F \rightarrow \bullet (E)$
 $F \rightarrow \bullet i$

$I_5: F \rightarrow i \bullet$
 $I_6: E \rightarrow E+ \bullet T$
 $T \rightarrow \bullet T*F$
 $T \rightarrow \bullet F$
 $F \rightarrow \bullet (E)$
 $F \rightarrow \bullet i$
 $I_7: T \rightarrow T* \bullet F$
 $F \rightarrow \bullet (E)$
 $F \rightarrow \bullet i$
 $I_8: F \rightarrow (E \bullet)$
 $E \rightarrow E \bullet +T$
 $I_9: E \rightarrow E+T \bullet$
 $T \rightarrow T \bullet *F$
 $I_{10}: T \rightarrow T*F \bullet$
 $I_{11}: F \rightarrow (E) \bullet$

$FOLLOW(S') = \{\#\}$
 $FOLLOW(E) = \{\#,), +\}$



SLR分析举例

文法G :

(0) $S' \rightarrow E$

(2) $E \rightarrow T$

(4) $T \rightarrow F$

(6) $F \rightarrow i$

(1) $E \rightarrow E+T$

(3) $T \rightarrow T * F$

(5) $F \rightarrow (E)$

状态	ACTION						GOTO		
	i	+	*	()	#	E	T	F
0	S5			S4			1	2	3
1		S6				acc			
2		r2	S7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	S5			S4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	S5			S4				9	3
7	S5			S4					10
8		S6			S11				
9		r1	S7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

$I_1: S' \rightarrow E \cdot$
 $E \rightarrow E \cdot + T$

$I_2: E \rightarrow T \cdot$
 $T \rightarrow T \cdot * F$

$I_9: E \rightarrow E + T \cdot$
 $T \rightarrow T \cdot * F$

$FOLLOW(S') = \{ \# \}$
 $FOLLOW(E) = \{ \#,), + \}$

$I_0: S' \rightarrow \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot E + T$
 $E \rightarrow \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$
 $I_1: S' \rightarrow E \cdot$
 $E \rightarrow E \cdot + T$
 $I_2: E \rightarrow T \cdot$
 $T \rightarrow T \cdot * F$
 $I_3: T \rightarrow F \cdot$

$I_4: F \rightarrow (\cdot E)$
 $E \rightarrow \cdot E + T$
 $E \rightarrow \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$
 $I_5: F \rightarrow i \cdot$
 $I_6: E \rightarrow E + \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$
 $I_7: T \rightarrow T * \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$
 $I_8: F \rightarrow (E \cdot)$
 $E \rightarrow E \cdot + T$
 $I_9: E \rightarrow E + T \cdot$
 $T \rightarrow T \cdot * F$
 $I_{10}: T \rightarrow T * F \cdot$
 $I_{11}: F \xrightarrow{12} (E) \cdot$



构造规范LR语法分析表



■ SLR语法分析的局限性

- 所有的SLR语法必须满足如下条件
 - $I = \{X \rightarrow \alpha \cdot b\beta, A \rightarrow \alpha \cdot, B \rightarrow \alpha \cdot\}$
若有： $\text{FOLLOW}(A) \cap \text{FOLLOW}(B) = \emptyset$
 $\text{FOLLOW}(A) \cap \{b\} = \emptyset$
 $\text{FOLLOW}(B) \cap \{b\} = \emptyset$
- 状态I面临某输入符号a
 - 1) 若 $a=b$, 则移进
 - 2) 若 $a \in \text{FOLLOW}(A)$, 则用产生式 $A \rightarrow \gamma$ 进行归约
 - 3) 若 $a \in \text{FOLLOW}(B)$, 则用产生式 $B \rightarrow \delta$ 进行归约
 - 4) 此外, 报错



■ SLR文法中可能出现的冲突

文法G' :

(0) $S' \rightarrow S$

(1) $S \rightarrow L=R$

(2) $S \rightarrow R$

(3) $L \rightarrow *R$

(4) $L \rightarrow i$

(5) $R \rightarrow L$

$I_0: S' \rightarrow \bullet S$

$S \rightarrow \bullet L=R$

$S \rightarrow \bullet R$

$L \rightarrow \bullet *R$

$L \rightarrow \bullet i$

$R \rightarrow \bullet L$

$I_1: S' \rightarrow S \bullet$

$I_2: S \rightarrow L \bullet =R$

$R \rightarrow L \bullet$

$I_3: S \rightarrow R \bullet$

$I_4: L \rightarrow * \bullet R$

$R \rightarrow \bullet L$

$L \rightarrow \bullet *R$

$L \rightarrow \bullet i$

$I_5: L \rightarrow i \bullet$

$I_6: S \rightarrow L = \bullet R$

$R \rightarrow \bullet L$

$L \rightarrow \bullet *R$

$L \rightarrow \bullet i$

$I_7: L \rightarrow *R \bullet$

$I_8: R \rightarrow L \bullet$

$I_9: S \rightarrow L = R \bullet$

= $\in \text{FOLLOW}(R)$



■ 构造规范LR语法分析表

- 针对SLR语法分析的局限性，我们给出如下解决方案：
 - 重新定义项目，使之包含一个终结符串作为第二个分量，可以把更多的信息并入状态中。
 - 项目的一般形式也就变成了 $[A \rightarrow \alpha \bullet \beta, a_1 a_2 \cdots a_k]$ ，其中 $A \rightarrow \alpha \bullet \beta$ 是LR(0)项目，每一个 a 都是终结符或者 $\#$ 。——LR(k)
 - 项目中的 $a_1 a_2 \cdots a_k$ 称为它的**向前搜索符串**（或展望串）
 - 这样的 a 的集合是FOLLOW(A)的子集，有可能是真子集
 - 归约项目 $[A \rightarrow \alpha \bullet, a_1 a_2 \cdots a_k]$ 意味着：当它所属的状态呈现在栈顶且后续的 k 个输入符号为 $a_1 a_2 \cdots a_k$ 时，才可以把栈顶的 α 归约为 A 。我们只对 $k \leq 1$ 的情形感兴趣 ——LR(1)



■ LR(1)对活前缀有效的定义

- LR(1)的项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ 对活前缀 γ 有效, 如果存在规范推导 $S \xRightarrow{*} \delta A \omega \Rightarrow \delta \alpha \beta \omega$:
 - $\gamma = \delta \alpha$
 - a 是 ω 的第一个符号, 或者 ω 是空串, a 是 $\#$ 。
- Closure运算的新定义
 - 考虑对活前缀 γ 有效的项目集中的项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$ 必定存在一个最右推导 $S \xRightarrow{*} \delta A \alpha x \Rightarrow \delta \alpha B \beta \alpha x$, 其中 $\gamma = \delta \alpha$
 - 假设 $\beta \alpha x$ 能推导出终结字符串 bw , 那么对每一个形如 $B \rightarrow \eta$ 的产生式, 存在推导 $S \xRightarrow{*} \gamma B b w \Rightarrow \gamma \eta b w$, 于是 $[B \rightarrow \cdot \eta, b]$ 对 γ 有效, 其中 b 是 $\text{FIRST}(\beta \alpha x)$ 中的任何终结符。根据 FIRST 的定义, $\text{FIRST}(\beta \alpha x) = \text{FIRST}(\beta \alpha)$

假定 I 是文法 G' 的任一项目集, 构造 I 的闭包 $\text{CLOSURE}(I)$ 的方法是:

- I 的任何项目都属于 $\text{CLOSURE}(I)$;
- 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$ 属于 $\text{CLOSURE}(I)$, $B \rightarrow \eta$ 是一个产生式, 那么, 对 $\text{FIRST}(\beta a)$ 中的每个终结符 b , 将 $[B \rightarrow \cdot \eta, b]$ 加入 $\text{CLOSURE}(I)$;
- 重复上述两步骤直至 $\text{CLOSURE}(I)$ 不再增大为止。

函数值 $\text{GO}(I, X)$ 定义为 $\text{GO}(I, X) = \text{CLOSURE}(J)$, 其中 $J = \{\text{任何形如 } [A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a] \text{ 的项目} \mid [A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a] \text{ 属于 } I\}$



■ LR(1)分析表构造举例

文法G :

(0) $S' \rightarrow S$

(1) $S \rightarrow CC$

(2) $C \rightarrow cC$

(3) $C \rightarrow d$



■ LR(1)分析表构造举例

文法G :

(0) $S' \rightarrow S$

(1) $S \rightarrow CC$

(2) $C \rightarrow cC$

(3) $C \rightarrow d$

$I_0: S' \rightarrow \bullet S, \quad \#$

$S \rightarrow \bullet CC, \quad \#$

$C \rightarrow \bullet cC, \quad c/d$

$C \rightarrow \bullet d, \quad c/d$

$I_1: S' \rightarrow S\bullet, \quad \#$

$I_2: S \rightarrow C\bullet C, \quad \#$

$C \rightarrow \bullet cC, \quad \#$

$C \rightarrow \bullet d, \quad \#$

$I_3: C \rightarrow c\bullet C, \quad c/d$

$C \rightarrow \bullet cC, \quad c/d$

$C \rightarrow \bullet d, \quad c/d$

$I_4: C \rightarrow d\bullet, \quad c/d$

$I_5: S \rightarrow CC\bullet, \quad \#$

$I_6: C \rightarrow c\bullet C, \quad \#$

$C \rightarrow \bullet cC, \quad \#$

$C \rightarrow \bullet d, \quad \#$

$I_7: C \rightarrow d\bullet, \quad \#$

$I_8: C \rightarrow cC\bullet, \quad c/d$

$I_9: C \rightarrow cC\bullet, \quad \#$

$GO(I_0, S) = I_1;$

$GO(I_0, C) = I_2;$

$GO(I_0, c) = I_3;$

$GO(I_0, d) = I_4;$

$GO(I_2, C) = I_5;$

$GO(I_2, c) = I_6;$

$GO(I_2, d) = I_7;$

$GO(I_3, C) = I_8;$

$GO(I_3, c) = I_3;$

$GO(I_3, d) = I_4;$

$GO(I_6, C) = I_9;$

$GO(I_6, c) = I_6;$

$GO(I_6, d) = I_7;$



■ 规范LR语法分析表的构造

• 步骤

- 构造拓广文法 G' 的LR(1)项目集规范族 $C=\{I_0, I_1, \dots, I_n\}$
- 从 I_k 构造语法分析器的状态 k , 状态 k 的分析动作如下:
 - 如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot a \beta, b]$ 在 I_k 中, 且 $GO(I_k, a) = I_j$, 则置 $action[k, a]$ 为 s_j , 即“移动(j, a)进栈”, 这里要求 a 必须是终结符
 - 如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a]$ 在 I_k 中, 则置 $action[k, a]$ 为 r_j , 即按照 r_j 归约, 其中 j 是产生式 $A \rightarrow \alpha$ 的序号
 - 如果 $[S' \rightarrow S \cdot, \#]$ 在 I_k 中, 则置 $action[k, \#]$ 为 acc , 表示接受
 - 状态 k 的转移按照下面的方法确定: 如果 $GO(I_k, A) = I_j$, 那么 $goto[k, A] = j$
 - 其余表项设为出错
- 初始状态是包含 $[S' \rightarrow \cdot S, \#]$ 的项目集构造出的状态。

如果该表无冲突, 那么称该表为 G 的规范LR(1)分析表。具有规范的LR(1)分析表的文法称为一个LR(1)文法。



■ LR(1)分析表构造举例

状态	ACTION			GOTO	
	c	d	#	S	C
0	s3	s4		1	2
1			acc		
2	s6	s7			5
3	s3	s4			8
4	r3	r3			
5			r1		
6	s6	s7			9
7			r3		
8	r2	r2			
9			r2		

$I_0: S' \rightarrow \bullet S, \#$
 $S \rightarrow \bullet CC, \#$
 $C \rightarrow \bullet cC, c/d$
 $C \rightarrow \bullet d, c/d$
 $I_1: S' \rightarrow S \bullet, \#$
 $I_2: S \rightarrow C \bullet C, \#$
 $C \rightarrow \bullet cC, \#$
 $C \rightarrow \bullet d, \#$
 $I_3: C \rightarrow c \bullet C, c/d$
 $C \rightarrow \bullet cC, c/d$
 $C \rightarrow \bullet d, c/d$
 $I_4: C \rightarrow d \bullet, c/d$
 $I_5: S \rightarrow CC \bullet, \#$

$I_6: C \rightarrow c \bullet C, \#$
 $C \rightarrow \bullet cC, \#$
 $C \rightarrow \bullet d, \#$
 $I_7: C \rightarrow d \bullet, \#$
 $I_8: C \rightarrow cC \bullet, c/d$
 $I_9: C \rightarrow cC \bullet, \#$

$GO(I_0, S) = I_1;$
 $GO(I_0, C) = I_2;$
 $GO(I_0, c) = I_3;$
 $GO(I_0, d) = I_4;$
 $GO(I_2, C) = I_5;$
 $GO(I_2, c) = I_6;$
 $GO(I_2, d) = I_7;$

$GO(I_3, C) = I_8;$
 $GO(I_3, c) = I_3;$
 $GO(I_3, d) = I_4;$
 $GO(I_6, C) = I_9;$
 $GO(I_6, c) = I_6;$
 $GO(I_6, d) = I_7;$

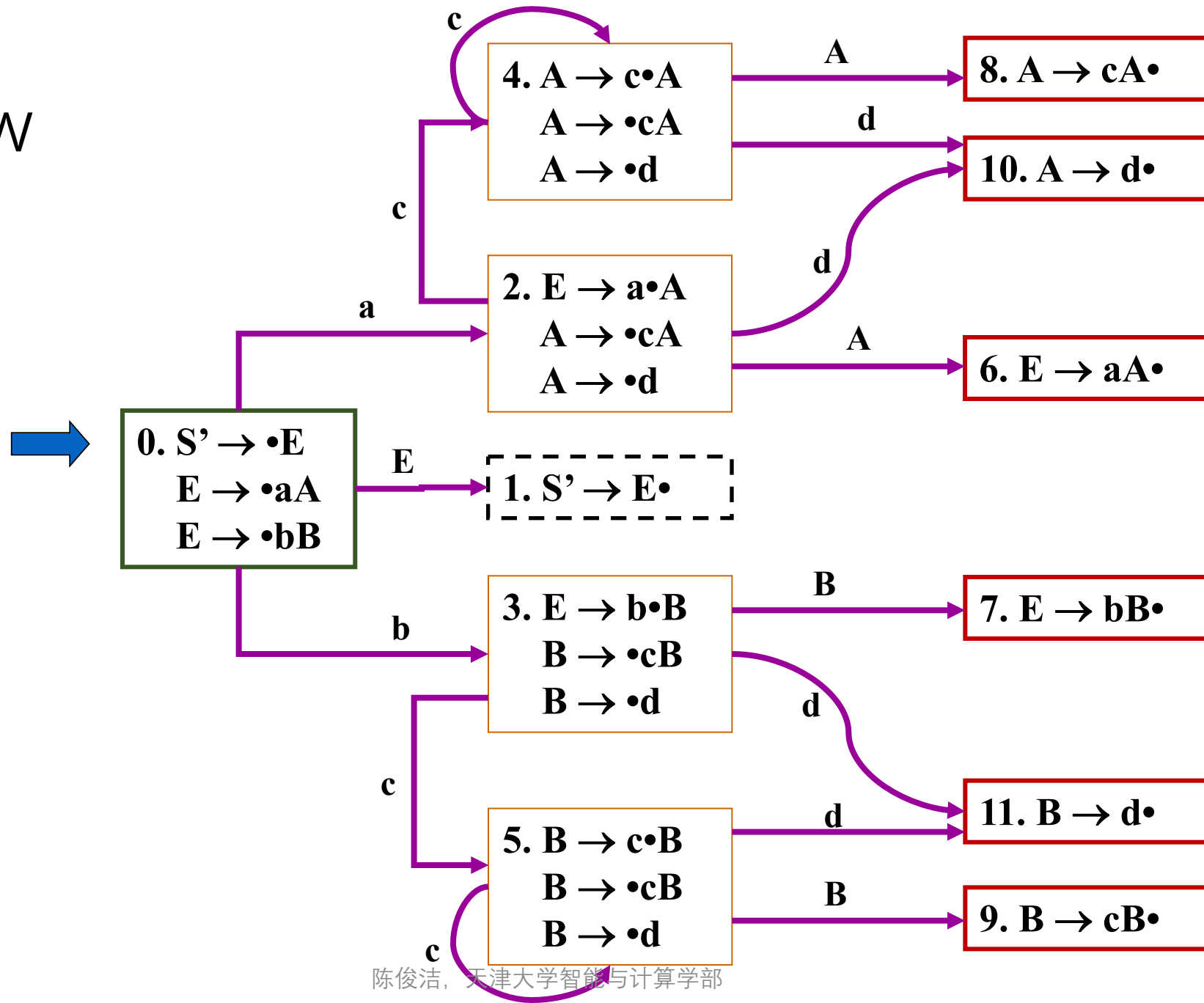
文法G :
 (0) $S' \rightarrow S$
 (1) $S \rightarrow CC$
 (2) $C \rightarrow cC$
 (3) $C \rightarrow d$



Review

文法G :

- (0) $S' \rightarrow E$
- (1) $E \rightarrow aA$
- (2) $E \rightarrow bB$
- (3) $A \rightarrow cA$
- (4) $A \rightarrow d$
- (5) $B \rightarrow cB$
- (6) $B \rightarrow d$





■ LR(0)分析表

状态	action					goto		
	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	#	<i>E</i>	<i>A</i>	<i>B</i>
<i>0</i>	<i>s2</i>	<i>s3</i>				<i>1</i>		
<i>1</i>					<i>acc</i>			
<i>2</i>			<i>s4</i>	<i>s10</i>			<i>6</i>	
<i>3</i>			<i>s5</i>	<i>s11</i>				<i>7</i>
<i>4</i>			<i>s4</i>	<i>s10</i>			<i>8</i>	
<i>5</i>			<i>s5</i>	<i>s11</i>				<i>9</i>
<i>6</i>	<i>r1</i>	<i>r1</i>	<i>r1</i>	<i>r1</i>	<i>r1</i>			
<i>7</i>	<i>r2</i>	<i>r2</i>	<i>r2</i>	<i>r2</i>	<i>r2</i>			
<i>8</i>	<i>r3</i>	<i>r3</i>	<i>r3</i>	<i>r3</i>	<i>r3</i>			
<i>9</i>	<i>r5</i>	<i>r5</i>	<i>r5</i>	<i>r5</i>	<i>r5</i>			
<i>10</i>	<i>r4</i>	<i>r4</i>	<i>r4</i>	<i>r4</i>	<i>r4</i>			
<i>11</i>	<i>r6</i>	<i>r6</i>	<i>r6</i>	<i>r6</i>	<i>r6</i>			



■ LR(0)文法的局限性

- 假定一个LR(0)规范族中含有如下的一个项目集（状态）
 $I = \{X \rightarrow \alpha \bullet b \beta, A \rightarrow \alpha \bullet, B \rightarrow \alpha \bullet\}$
- 第一个项目是移进项目，第二、三个项目是归约项目。这三个项目告诉我们应该做的动作各不相同，互相冲突：
 - 第一个项目告诉我们应该把下一个符号b移进；
 - 第二个项目告诉我们应该把栈顶的 α 归约为A；
 - 第三个项目告诉我们应该把栈顶的 α 归约为B。



■ SLR分析举例

状态	ACTION						GOTO		
	i	+	*	()	#	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

$I_1: S' \rightarrow E \cdot$
 $E \rightarrow E \cdot + T$

$I_2: E \rightarrow T \cdot$
 $T \rightarrow T \cdot * F$

$I_9: E \rightarrow E + T \cdot$
 $T \rightarrow T \cdot * F$

文法G :

- (0) $S' \rightarrow E$
- (1) $E \rightarrow E + T$
- (2) $E \rightarrow T$
- (3) $T \rightarrow T * F$
- (4) $T \rightarrow F$
- (5) $F \rightarrow (E)$
- (6) $F \rightarrow i$

$FOLLOW(S') = \{ \# \}$
 $FOLLOW(E) = \{ \#,), + \}$



■ SLR语法分析的局限性

- 所有的SLR语法必须满足如下条件
 - $I = \{X \rightarrow \alpha \cdot b\beta, A \rightarrow \alpha \cdot, B \rightarrow \alpha \cdot\}$
若有： $\text{FOLLOW}(A) \cap \text{FOLLOW}(B) = \emptyset$
 $\text{FOLLOW}(A) \cap \{b\} = \emptyset$
 $\text{FOLLOW}(B) \cap \{b\} = \emptyset$

文法 G' :

(0) $S' \rightarrow S$

(1) $S \rightarrow L=R$

(2) $S \rightarrow R$

(3) $L \rightarrow *R$

(4) $L \rightarrow i$

(5) $R \rightarrow L$

$I_2: S \rightarrow L \cdot = R$
 $R \rightarrow L \cdot$

$= \in \text{FOLLOW}(R)$



■ LR(1)对活前缀有效的定义

- LR(1)的项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ 对活前缀 γ 有效, 如果存在规范推导 $S \xRightarrow{*} \delta A \omega \Rightarrow \delta \alpha \beta \omega$:
 - $\gamma = \delta \alpha$
 - a 是 ω 的第一个符号, 或者 ω 是空串, a 是 $\#$ 。
- Closure运算的新定义
 - 考虑对活前缀 γ 有效的项目集中的项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$ 必定存在一个最右推导 $S \xRightarrow{*} \delta A \alpha x \Rightarrow \delta \alpha B \beta \alpha x$, 其中 $\gamma = \delta \alpha$
 - 假设 $\beta \alpha x$ 能推导出终结字符串 bw , 那么对每一个形如 $B \rightarrow \eta$ 的产生式, 存在推导 $S \xRightarrow{*} \gamma B b w \Rightarrow \gamma \eta b w$, 于是 $[B \rightarrow \cdot \eta, b]$ 对 γ 有效, 其中 b 是 $\text{FIRST}(\beta \alpha x)$ 中的任何终结符。根据 FIRST 的定义, $\text{FIRST}(\beta \alpha x) = \text{FIRST}(\beta \alpha)$

假定 I 是文法 G' 的任一项目集, 构造 I 的闭包 $\text{CLOSURE}(I)$ 的方法是:

- I 的任何项目都属于 $\text{CLOSURE}(I)$;
- 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$ 属于 $\text{CLOSURE}(I)$, $B \rightarrow \eta$ 是一个产生式, 那么, 对 $\text{FIRST}(\beta a)$ 中的每个终结符 b , 将 $[B \rightarrow \cdot \eta, b]$ 加入 $\text{CLOSURE}(I)$;
- 重复上述两步骤直至 $\text{CLOSURE}(I)$ 不再增大为止。

函数值 $\text{GO}(I, X)$ 定义为 $\text{GO}(I, X) = \text{CLOSURE}(J)$, 其中 $J = \{\text{任何形如 } [A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a] \text{ 的项目} \mid [A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a] \text{ 属于 } I\}$



■ LR(1)分析表构造举例

状态	ACTION			GOTO	
	c	d	#	S	C
0	s3	s4		1	2
1			acc		
2	s6	s7			5
3	s3	s4			8
4	r3	r3			
5			r1		
6	s6	s7			9
7			r3		
8	r2	r2			
9			r2		

$I_0: S' \rightarrow \bullet S, \#$
 $S \rightarrow \bullet CC, \#$
 $C \rightarrow \bullet cC, c/d$
 $C \rightarrow \bullet d, c/d$
 $I_1: S' \rightarrow S \bullet, \#$
 $I_2: S \rightarrow C \bullet C, \#$
 $C \rightarrow \bullet cC, \#$
 $C \rightarrow \bullet d, \#$
 $I_3: C \rightarrow c \bullet C, c/d$
 $C \rightarrow \bullet cC, c/d$
 $C \rightarrow \bullet d, c/d$
 $I_4: C \rightarrow d \bullet, c/d$
 $I_5: S \rightarrow CC \bullet, \#$

$I_6: C \rightarrow c \bullet C, \#$
 $C \rightarrow \bullet cC, \#$
 $C \rightarrow \bullet d, \#$
 $I_7: C \rightarrow d \bullet, \#$
 $I_8: C \rightarrow cC \bullet, c/d$
 $I_9: C \rightarrow cC \bullet, \#$

$GO(I_0, S) = I_1;$
 $GO(I_0, C) = I_2;$
 $GO(I_0, c) = I_3;$
 $GO(I_0, d) = I_4;$
 $GO(I_2, C) = I_5;$
 $GO(I_2, c) = I_6;$
 $GO(I_2, d) = I_7;$

$GO(I_3, C) = I_8;$
 $GO(I_3, c) = I_3;$
 $GO(I_3, d) = I_4;$
 $GO(I_6, C) = I_9;$
 $GO(I_6, c) = I_6;$
 $GO(I_6, d) = I_7;$

文法G :
 (0) $S' \rightarrow S$
 (1) $S \rightarrow CC$
 (2) $C \rightarrow cC$
 (3) $C \rightarrow d$



	项目	项目集规范族	Action表 (遇规约项目)
LR(0)	LR(0)		整行填rj
SLR	LR(0)		看Follow集合
LR(1)	LR(1)	Closure 第二个分量算 First(βa)	看项目的第二个分量



■ 二义性文法在LR分析中的应用

- 定理：任何二义性文法不是LR文法，因而也不是SLR或LALR文法

- 算术表达式的二义性文法

- $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$

$I_7: E \rightarrow E + E \bullet$

$E \rightarrow E \bullet + E$

$E \rightarrow E \bullet * E$

- 对应的非二义性文法为

- $E \rightarrow E + T \mid T$

- $T \rightarrow T * F \mid F$

- $F \rightarrow (E) \mid id$

$I_8: E \rightarrow E * E \bullet$

$E \rightarrow E \bullet + E$

$E \rightarrow E \bullet * E$

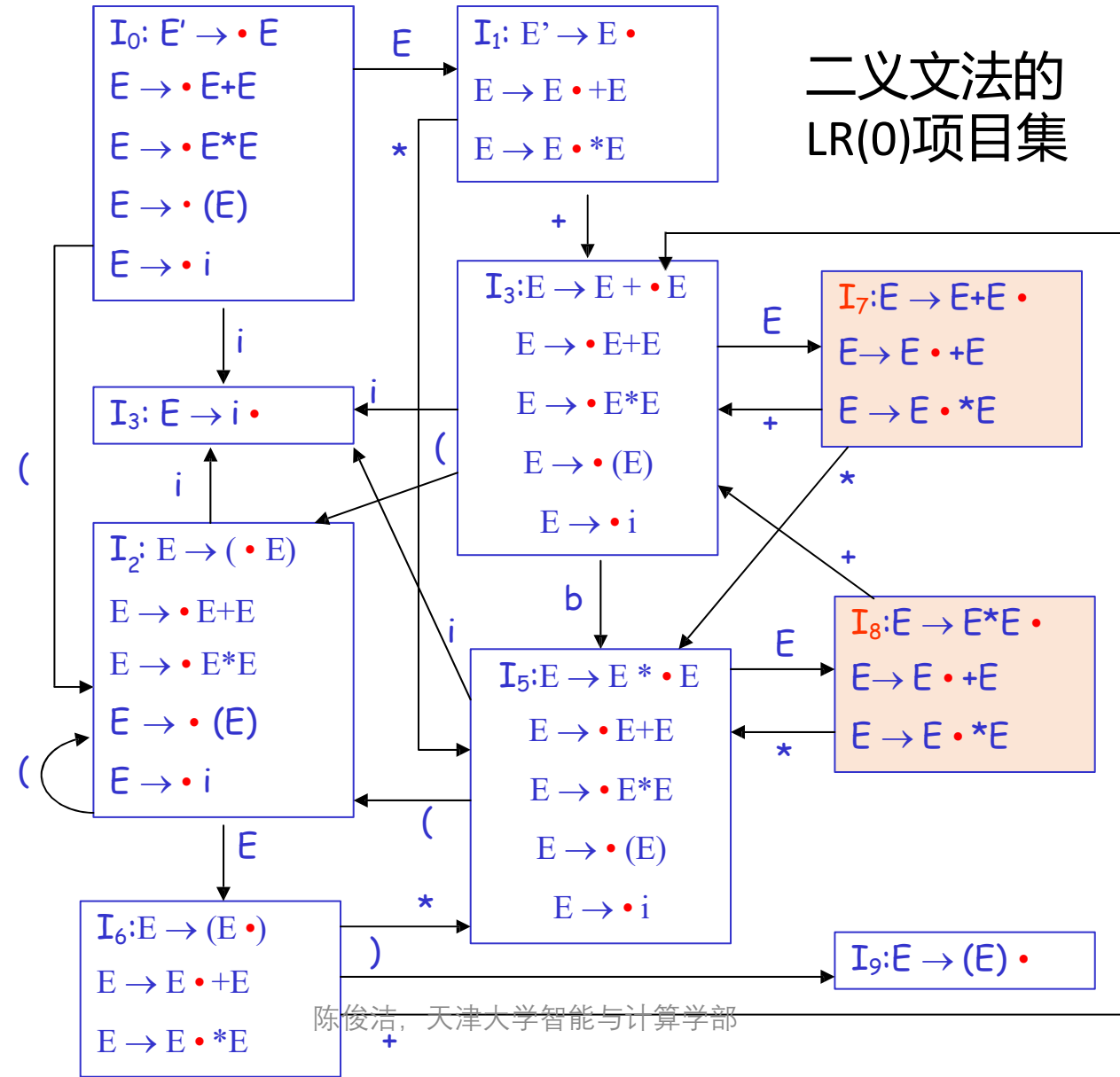
对于某些二义文法，可以人为地给出优先性和结合性的规定，从而可以构造出比相应非二义性文法更优越的LR分析器



二义性文法在LR分析中的应用

文法：

- (1) $E \rightarrow E+E$
- (2) $E \rightarrow E * E$
- (3) $E \rightarrow (E)$
- (4) $E \rightarrow i$





■ 二义性文法在LR分析中的应用

- 定义*优先于+; *、+ 服从左结合，得到二义文法的LR分析表

状态	ACTION						GOTO
	i	+	*	()	#	E
0	S ₃			S ₂			1
1		S ₄	S ₅			Acc	
2	S ₃			S ₂			6
3		r ₄	r ₄		r ₄	r ₄	
4	S ₃			S ₂			7
5	S ₃			S ₂			8
6		S ₄	S ₅		S ₉		
7		r ₁	S ₅		r ₁	r ₁	
8		r ₂	r ₂		r ₂	r ₂	
9		r ₃	r ₃		r ₃	r ₃	

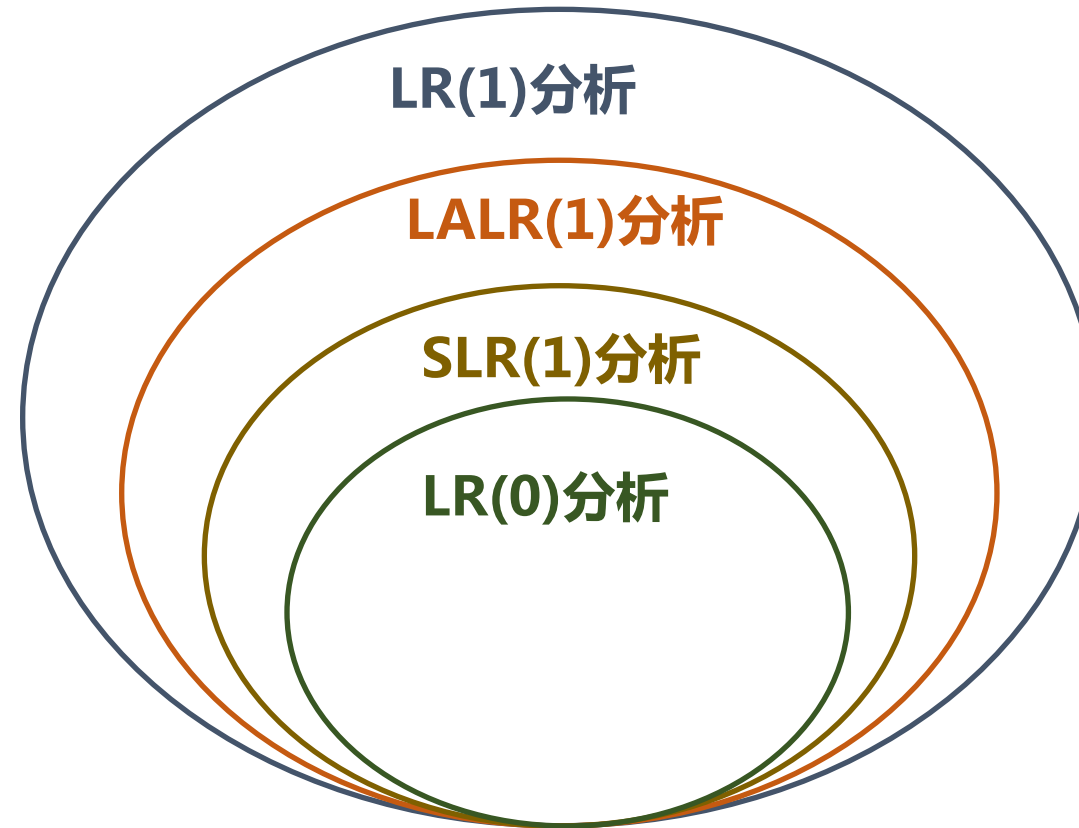


■ LR语法分析中的错误恢复

- 在LR分析过程中，当我们处在这样一种状态下，即输入符号既不能移入栈顶，栈内元素又不能归约时，就意味着发现语法错误。
- 处理的方法分为两类：
 - 第一类多半是用插入、删除或修改的办法。如果不能使用这种方法，则采用第二类办法，
 - 第二类办法包括在检查到某一不合适的短语时，采用局部化的方法进行处理。类似前面讲过的同步符号



■ LR分析





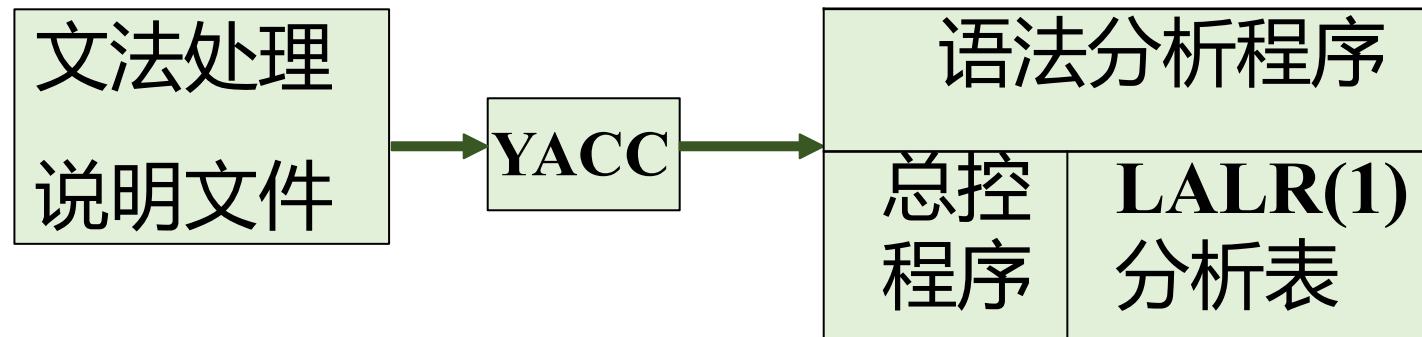
■ Outline

- 自底向上的语法分析基本问题
 - 移动 – 归约分析法
 - 用栈实现移动归约分析
- 算符优先分析法
 - 算符优先分析法定义、优先分析表的确定、优先函数的定义
 - 使用算符优先关系进行分析
 - 算符优先分析中的错误恢复
- LR分析法
- 语法分析器的自动产生工具Yacc



■ 语法分析器自动产生工具Yacc

- 软件工具Yacc是编译程序自动生成器, 是在UNIX中运行的一个实用程序. 该程序读用户提供的关于语法分析器的规格说明, 基于LALR(1)语法分析的原理, 自动构造一个 语法分析器; 并且能根据规格说明中给出的 语义动作建立规定的翻译.





■ Yacc语言程序的组成

- Yacc语言程序,与LEX规格说明类似,由说明部分、翻译规则和辅助过程组成.
- 各部分之间用双百分号分隔即:

说明部分---可有可无 (包括变量说明,标识符常量说明和正规定义.)

%%

翻译规则 (必须有)

%%

P1 {动作1}

P2 {动作2}

.....

Pn {动作n}

辅助过程---可有可无 (对翻译规则的补充,翻译规则里某些动作需要调用过程,如C语言的库程序.)



■ Yacc例子

- 其中**digit**表示**0...9**的数字,按如下文法写出的**Yacc**规格说明如下:

$E \rightarrow E + T | T$

$T \rightarrow T * F | F$

$F \rightarrow (E) | \text{digit}$

```
(1)  %{  
(2)    # include    <ctype.h>  
(3)    %}  
(4)    token DIGIT (5)  
      %%
```

第(1)-(4)行是说明部分,其中包括可供选择的两部分.

用%{和%}括起来的部分是C 语言的正规说明,可以说明翻译规则和辅助过程里使用的变量和函数的类型.

这里用第(2)行的蕴含控制行代替全部说明,具体内容在 ctype.h 里,第(4)行指出DIGIT是token类型的词汇,供后面使用.



■ Yacc例子

```

(6) line      :  expr '\n'    { printf("%d\n", $1); }
(7)           ;
(8) expr      :  expr '+' term    { $$ = $1 + $3; }
(9)           |  term
(10)          ;
(11) term     :  term  '*'        { $$ = $1 * $3; }
(12)          factor
(13)          |  factor
(14) factor   ; :  '(' 'expr ')'  { $$ = $2 ; }
(15)          |  DIGIT
(16)          ;
(17)%%

```

第(6)-(16)行是翻译规则,每条规则由 文法的产生式和相关的语义动作组成.

形如: 左部→右部1|右部2|...|右部n 的产生式,在YACC规格说明里写成

```

左部:   右部1  {语义动作1}
        |   右部2  {语义动作2}
        |
        .....
        |   右部n  {语义动作n}
        ;

```

在YACC里,用单引号括起来的单个字符看成是终结符号。语义动作是C语言的语句序列。语义动作中,\$\$表示和左部非终结符相关的属性值,\$1表示和产生式第一个文法符号相关的属性值,例如: 语义动作
line: expr '\n' { printf("%d\n",\$1); }



■ Yacc例子

```
(18) yylex() {  
(19)     int    c ;  
(20)     c = getchar ( );  
(21)     if ( isdigit ( c ))      {  
(22)         yylval=c-'0';  
(23)         return DIGIT;  
(24)     }  
(25)     return    c;  
(26) }
```

(18)-(26)行是辅助过程,每个辅助过程都是C语言的函数,对翻译规则的补充,并且,其中**必须**包含名为yylex的**词法分析器**。调用名为yylex()的函数得到一个词汇,该词汇包括两部分的属性,其中值通过Yacc定义的全程变量yylval传递给语法分析器,返回词汇的属性。

(22) yylval=c-'0'; yylex()返回词汇的值。

(23) yylex()返回种别DIGIT;

第(25)行,除了数之外的任何字符, yylex()返回该字符本身。



■ Yacc处理冲突的规则

- 1)产生 “归约-归约” .冲突时,按照规格说明中产生式的排列顺序,选择排列在前面的产生式进行归约.
- 2)当产生 “移进-归约” 冲突时,选择执行移进动作.
- 3) **Yacc**在规格说明部分里,可以规定**终结符号**的优先顺序和结合性.
 - 优先顺序: 按说明终结符的次序,后说明的具有最高的优先顺序. “**%prec**”说明其后的终结符具有最高的优先顺序.
 - 结合性: “**%right**”(右结合),
“**%left**” (左结合),
“**%nonassoc**”(不具有结合性)
- 4) 应用这些机制,对二义文法,用户可以提供 附加信息**Yacc**可以解决冲突.

