

Regression in Python

Wichtig!: bitte ein anderes Dataset aussuchen

Dieses Notebook beinhaltet das Praktische Vorgehen bei dem Aufbau (nicht) linearer Regressionen. Hierfür werden die, in der Arbeit beschriebenen, Pakete NumPy, Pandas, MathPlotLib und SciPy bzw. die funktion `curve_fit` von dem SciPy Unterpaket `SciPy.optimize` genutzt. Anzumerken ist, dass die Schritte der Datensammlung und Aufbereitung hier nicht behandelt werden, da dies den Rahmen dieser Arbeit überschreitet. Im folgenden wird ein Dataset genutzt, welches frei Verfügbar auf der Website Kaggle aufzufinden ist. Anzumerken ist, das Grundsätzlich alle Erkenntnisse mit dem jeweils notwendigem Fachwissen begutachtet werden müssen, um nicht ehleleitete Schlüsse zu ziehen.

```
In [ ]: import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.optimize import curve_fit
```

Welche Daten brauchen wir?

Um dieses Dataset zu nutzen, müssen wir es zu erst importieren. Dies geschieht mittels des Pandas Paket. Die `Pandas.read...()` funktionen bieten hierfür eine gute leicht nutzbare Möglichkeit

```
In [ ]: #url = quelle des DataSets
url = 'longley.csv'
#DF = DataFrame
df = pd.read_csv(url, header=None)
df.head()
```

```
Out[ ]:
```

	0	1	2	3	4	5	6
0	83.0	234.289	235.6	159.0	107.608	1947	60.323
1	88.5	259.426	232.5	145.6	108.632	1948	61.122
2	88.2	258.054	368.2	161.6	109.773	1949	60.171
3	89.5	284.599	335.1	165.0	110.929	1950	61.187
4	96.2	328.975	209.9	309.9	112.075	1951	63.221

Nun, da wir die Datenpunkte ausgelesen haben, ist es wichtig sich ein Bild von der abhängigen und der einen oder den mehreren unabhängigen Variablen zu machen. Falls die relevanten Variablen bekannt sind, können diese direkt dargestellt werden, falls die Aufgabenstellung jedoch auf umfasst herauszufinden womit die abhängige Variable am stärksten Korreliert um darauf aufbauend ein Regressionmodel aufzubauen muss noch ein

Zwischenschritt geschehen. Hierbei muss herausgefunden werden, welche Variable am stärksten mit der abhängigen Korreliert.

```
In [ ]: df.corr().style.background_gradient(cmap='coolwarm')
```

Out[]:

	0	1	2	3	4	5	6
0	1.000000	0.991589	0.620633	0.464744	0.979163	0.991149	0.970899
1	0.991589	1.000000	0.604261	0.446437	0.991090	0.995273	0.983552
2	0.620633	0.604261	1.000000	-0.177421	0.686552	0.668257	0.502498
3	0.464744	0.446437	-0.177421	1.000000	0.364416	0.417245	0.457307
4	0.979163	0.991090	0.686552	0.364416	1.000000	0.993953	0.960391
5	0.991149	0.995273	0.668257	0.417245	0.993953	1.000000	0.971329
6	0.970899	0.983552	0.502498	0.457307	0.960391	0.971329	1.000000

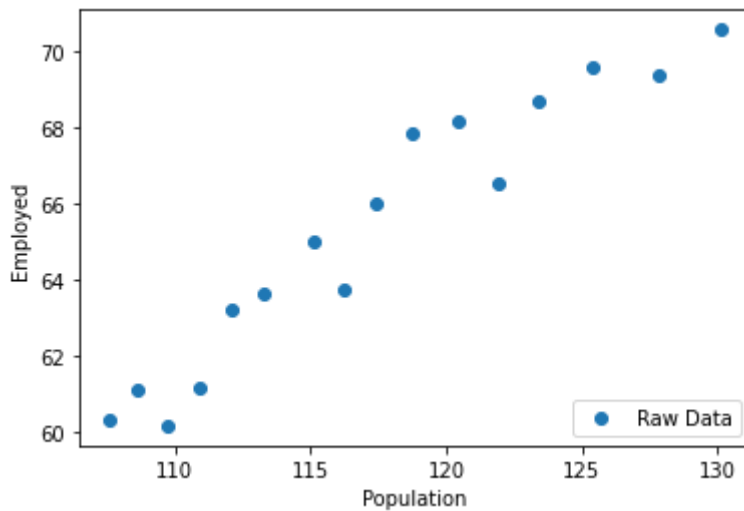
An diesem Beispiel sehen wir z.B. dass unsere abhängige Variable (4) am stärksten mit der Variablen 5 korreliert. Für die Bewertung dieser Korrelation ist ein gewisses Maß an Domainenwissen unabdingbar, da man durch das Definieren einer Abhängigen und einer unabhängigen Variablen zwar eine Kausalität impliziert, diese sich jedoch nicht durch die Betrachtung von Korrelationen nachweisen lässt.

Wie sehen unsere Daten aus?

In diesem Teil untersuchen wir die Daten nun, um daraufhin zu entscheiden, welche Art von Funktion nötig ist, und um für die folgenden Schätzungen eine bessere Entscheidungsgrundlage zu schaffen. Hierzu plotten wir die Datenpunkte.

```
In [ ]: data = df.values
# choose the input and output variables
# garkein Plan was 4 und -1 sind und ob das die sind über die ich geschrieben habe
x, y = data[:, 4], data[:, -1]
# plot input vs output
plt.scatter(x, y, label='Raw Data')
plt.xlabel('Population')
plt.ylabel('Employed')
plt.legend(loc='lower right')
```

Out[]: <matplotlib.legend.Legend at 0x1e9b0267730>



Diese Datenpunkte lassen einen Linearen Zusammenhang vermuten.

Curve Fitting

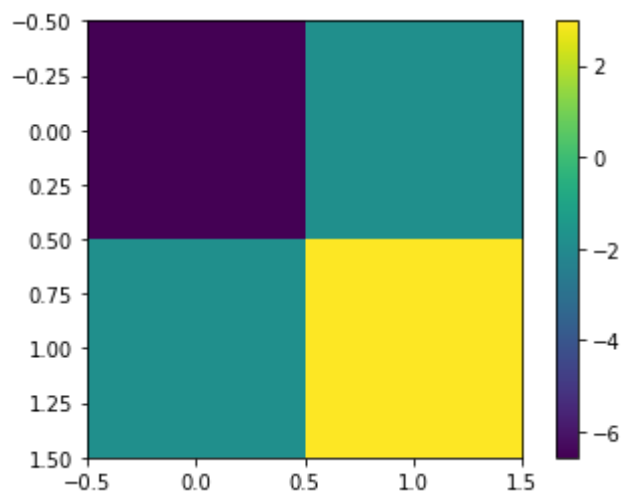
Nun da wir entschieden haben, einen linearen Zusammenhang zu vermuten, ist es an der Zeit die nötigen Parameter für das CurveFitting zu definieren. Mindestens gebraucht werden hierbei die Daten der abhängigen und unabhängigen Variablen wie auch die jeweils gewählte Funktion.

```
In [ ]: def linear_fit(x,m,b):
        return m*x + b
```

Die Funktion linear_fit hat als parameter an erster Stelle die unabhängige Variable x und als darauffolgende Parameter die Parameter der Funktion die optimiert werden sollen. Nun, da die mindestanforderungen für ein CurveFitting erfüllt sind, können wir nun die Funktion nutzen.

```
In [ ]: optParams, covMat = curve_fit(linear_fit, x, y)
```

```
In [ ]: plt.imshow(np.log(np.abs(covMat)))
        plt.colorbar()
        plt.show()
```



Diese Funktion gibt uns 2 Dinge zurück. Einerseits optParams, welches die optimalen Parameter (für m und b aus der linear_fit() Funktion) zurückgibt und covMat, welches uns eine covarianzMatrix zurückgibt.

```
In [ ]: print("Optimal Parameters")
print("m: " + str(optParams[0]) + "\nb: " + str(optParams[1]))
print("")
print("Covariance Matrix")
print(covMat)
```

```
Optimal Parameters
m: 0.4848780927389055
b: 8.380674758772678
```

```
Covariance Matrix
[[ 1.41378134e-03 -1.66011861e-01]
 [-1.66011861e-01  1.95579106e+01]]
```

Die optimalen Parameter kann man nun für m respektive b einsetzen und die lineare Regressionsgerade ist fertig. Die CovarianzMatrix beinhaltet den "Fehler" der Parameter, wie die Beziehung der einzelnen Parameter zueinander. In diesem Beispiel sind die Kovarianzen relativ gering, jedoch kann man mit kleinen Anpassungen an unserer Ursprungsfunktion zeigen wie die Covarianzmatrix ein hilfreiches Analysetool darstellen kann. Hierzu definieren wir einen weiteren Parameter t welcher wie der Parameter b nur den Y-Achsenabschnitt beeinflusst.

Beispiel: Fehleranalyse mittel CovarianzMatrix

```
In [ ]: def linear_fit_cov(x,m,b, t):
return m*x +b + 0.0002*t
```

Wenn wir nun diese Funktion nutzen um das Curve Fitting durchzuführen ergeben andere Parameterwerte

```
In [ ]: optParams, covMat = curve_fit(linear_fit_cov, x, y)
```

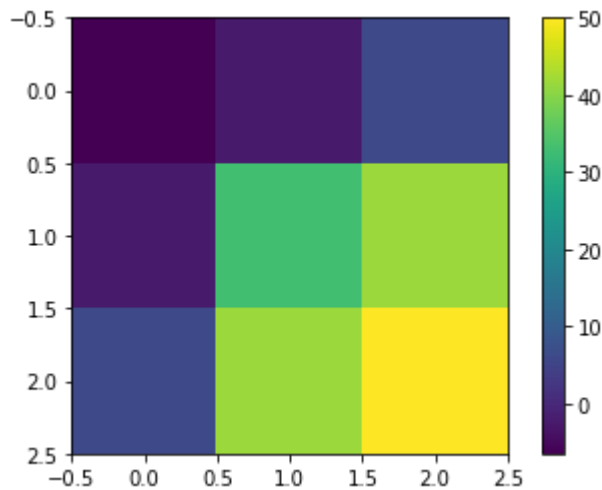
```
In [ ]: print("Optimal Parameters")
print("m: " + str(optParams[0]) + "\nb: " + str(optParams[1]))
print("")
print("Covariance Matrix")
print(covMat)
```

```
Optimal Parameters
m: 0.48487810861760383
b: -398.9337881374815
```

```
Covariance Matrix
[[ 1.52253390e-03 -9.10393669e-02 -4.38713281e+02]
 [-9.11899605e-02  2.08742058e+14 -1.04371028e+18]
 [-4.37608210e+02 -1.04371028e+18  5.21855137e+21]]
```

Um die Covarianz Matrix lesbarer zu machen Plotten wie diese nun.

```
In [ ]: plt.imshow(np.log(np.abs(covMat)))
plt.colorbar()
plt.show()
```



Auffällig ist direkt, dass die Skala nun viel weiter ausschlägt als noch beim curve Fitting mit der `linear_fit()` Funktion. Die Variablen `b` und `t` haben einen großen Fehler, also ist sich die Funktion relativ unsicher ob sie den best Möglichen Fit gefunden hat. Wenn man solche Punkte findet, sollte die Funktion welche zu beginn angenommen wurde hinterfragt und wenn möglich verbessert werden.

Vermutung aufstellen

Beim Curve Fitting ist es häufig Sinnvoll der Funktion `curve_fit()` erste Schätzungen für die Parameter abzugeben. Diese werden daraufhin von der Funktion mit einbezogen und helfen dabei bessere Fits für die Parameter zu finden. Hierbei ist zu beachten, dass die Qualität der Vermutung die Qualität der von `curve_fit()` aufgestellten Parameter beeinflusst. Der Parameter `p0` der Funktion `curve_fit` nimmt hierbei Beta, also den Vektor an Parametern an. Hierbei muss die Reihenfolge und Anzahl der Parameter die selbe sein, wie die in der definierten Funktion. Aus dem scatter Plot kann man vermuten, dass die Population Anzahl doppelt so schnell steigt, wie die der Mitarbeiter, da von 110 bis 120 Population die Werte der Mitarbeiter von ca 61 auf ca 66 steigen. Unsere Vermutung für `m` wäre daher 0.5. Aus dem Abschnitt, den wir in den Daten haben kann man nicht leicht auf den Y-Achsen Abschnitt (also `b`) kommen. Aber wenn die erste Annahme von `m = 0.5` genutzt wird ergibt sich schnell, dass der Y-Achsenabschnitt bei ca. 6 sein muss (Wenn man von 110 Population für alle 10 an Population weniger 5 an Employee weniger geht).

```
In [ ]: optParams, covMat = curve_fit(linear_fit, x, y, p0=[0.5, 6])
```

```
In [ ]: print("Optimal Parameters")
print("m: " + str(optParams[0]) + "\nb: " + str(optParams[1]))
print("")
print("Covariance Matrix")
print(covMat)
```

```
Optimal Parameters
m: 0.4848781016303966
b: 8.380673793627253
```

```
Covariance Matrix
[[ 1.41378231e-03 -1.66011970e-01]
 [-1.66011970e-01  1.95579226e+01]]
```