

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (напиональный исследовательский университет)»

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ ИУ, Информатика и системы управления

КАФЕДРА ИУ7, Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1 *ПО ДИСЦИПЛИНЕ*

"Анализ алгоритмов"

Студент (И.О.Ф.	ИУ7-54Б (Группа) амилия)	(Подпись, дата)	
Преподавател	ъ	(Подпись, дата)	(И.О.Фамилия)

Оглавление

Введение.	3	
Аналитическая часть	4	
Матричный алгоритм Левенштейна	4	
Рекурсивный алгоритм Левенштейна	4	
Рекурсивный алгоритм Левенштейна с заполнением матрицы	4	
Алгоритм Дамерау-Левенштейна	5	
Выводы из аналитического раздела	5	
Конструкторская часть.	6	
Схемы алгоритмов	6	
Вывод	6	
Технологическая часть.	7	
Требования к программному обеспечению	7	
Выбор и обоснование языка и среды программирования.	7	
Реализация алгоритмов	7	
Тестовые данные	12	
Вывод	12	
Исследовательская часть.	12	
Демонстрация работы программы	12	
Технические характеристики	13	
Время выполнения алгоритмов	13	
Использование памяти	14	
Вывод	14	
Заключение.	15	
Список использованной литературы	16	

Введение.

Данная лабораторная работа посвящена изучению алгоритмов нахождения расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна.

Расстояние Левенштейна - это минимальное количество операций вставки/удаления/замены одного символа на другой, необходимых для превращения одной строки в другую.

Вычисление расстояния Левенштейна применяется во многих отраслях для исправления ошибок в слове в компьютерной лингвистике, для сравнения хромосов и белков в биоинформатике.

Цель данной лабораторной работы: Изучение и оценка реализации методов динамического программирования на нахождение расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна.

Задачи данной лабораторной работы:

- 1. Изучение алгоритмов Левенштейна и Дамерау-Левенштейна;
- 2. Получение навыков реализации матричных и рекурсивных версий алгоритмов;
- 3. Проведение сравнительного анализа линейной и рекурсивной реализации реализаций алгоритмов;
- 4. Формирование обоснования полученных результатов исследования работы алгоритмов

1 Аналитическая часть

Расстояние Левенштейна - это минимальное количество операций вставки/удаления/замены одного символа на другой, необходимых для превращения одной строки в другую. Каждая операция определяется своей ценой, в общем случае операции определены, как:

- $\omega(\lambda, b)$ цена операции вставки
- $\omega(a, \lambda)$ цена операции удаления
- $\omega(a, b)$ цена операции замены

Расстояние Левенштейна - это минимальная суммарная цена после последовательности замен. Существуют частные случаи нахождения расстояния Левенштейна:

- $\omega(a, a) = 0$
- $\omega(\lambda, b) = 1$
- $\omega(a, \lambda) = 1$
- $\omega(a, b) = 1$ и $a \neq b$

1.1 Матричный алгоритм Левенштейна

Данный метод реализации алгоритма Левенштейна эффективнее, чем рекурсивный, так как промежуточные значения хранятся в виде матрицы, при этом в любой момент времени мы может обратиться при помощи индексации по строке и столбцу к любой из ранее выполненных операций. В общем виде алгоритм выглядит, как построчное заполнение матрицы:

$$A_{i,j} = D(i,j)$$

1.2 Рекурсивный алгоритм Левенштейна

Формула (1.1) расстояния между двумя строками а и b, где |a| — длина строки a, a[i]- i-й символ строки a:

$$D(i,j) = \begin{cases} 0 & \text{i} = 0, \text{j} = 0\\ i & \text{j} = 0, \text{i} > 0\\ j & \text{i} = 0, \text{j} > 0\\ \min \{ & , \\ D(i,j-1) + 1 & , \\ D(i-1,j) + 1 & \text{i} > 0, \text{j} > 0\\ D(i-1,j-1) + m(a[i],b[j]) & (1.2) \end{cases}$$

$$(1.1)$$

$$m(a,b) = \begin{cases} 0 & \text{если a} = b, \\ 1 & \text{иначе} \end{cases}$$
 (1.2)

1.3 Рекурсивный алгоритм Левенштейна с заполнением матрицы

Рекурсивный алгоритм Левенштейна с заполнением матрицы - это объединение алгоритмов 1.1. и 1.2.: во время реализации рекурсивного алгоритма Левенштейна происходит заполнение матрицы. Ранее найденные расстояния не рассчитываются заново, они берутся из матрицы.

1.4 Алгоритм Дамерау-Левенштейна

Формула (1.3) нахождения расстояния Дамерау-Левенштейна определяется так, как и (1.1) - формула неэффективна по времени и аналогично для оптимизации используется добавление матрицы для хранения промежуточных значений.

$$d_{a,b}(i,j) = \begin{cases} \max(i,j), & \text{если } \min(i,j) = 0, \\ \min \{ \\ d_{a,b}(i,j-1) + 1, \\ d_{a,b}(i-1,j) + 1, \\ d_{a,b}(i-1,j-1) + m(a[i],b[j]), & \text{иначе} \\ \begin{bmatrix} d_{a,b}(i-2,j-2) + 1, & \text{если } i,j > 1; \\ & a[i] = b[j-1]; \\ & b[j] = a[i-1] \\ \infty, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$(1.3)$$

1.5 Выводы из аналитического раздела

В данном разделе были описаны: рекурсивный алгоритм Левенштейна с матрицей и без нее, матричный итерационный алгоритм Левенштейна, итерационный алгоритм Дамерау-Левенштейна.

2 Конструкторская часть.

В данном разделе будет приведены блок-схемы алгоритмов, описанных в аналитическом разделе п.1.

2.1 Схемы алгоритмов

2.2 Вывод

Блок-схемы в данном разделе позволяют перейти к технологической части - непосредственно к программной реализации решения.

3 Технологическая часть.

В данном разделе будут рассмотрены требования к разрабатываемому программному обеспечению, средства, использованные в процессе разработки для реализации поставленных задач.

3.1 Требования к программному обеспечению

Программное обеспечение должно реализовывать поставленную на лабораторную работу задачу. Интерфейс для взаимодействия с программой - командная строка. Программа должна выводить полученное расстояние между двумя введенными строками и показывать потраченное на это время.

3.2 Выбор и обоснование языка и среды программирования.

Для разработки данной программы применён язык Python 3 с библиотекой time.clock() для вычисления времени работы процессора, потому что я хочу расширить свои знания в области данного языка программирования.

3.3 Реализация алгоритмов

В листингах 1-4 приведена реализация алгоритмов нахождения расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна.

Программа была реализована в парадигме ООП, где в базовый класс был вынесен объект Levenstein (Листинг 1.), внутри него с доступом protected, используемая алгоритмами с меморизацией и без нее, рекурсивная функция получения расстояния между строками.

Наследуемые объекты рекурсивного алгоритма без кэша (Листинг 2), рекурсивного алгоритма с кэшема (Листинг 3), итерационный алгоритм Дамерау-Левенштейна (Листинг 4), итерационный алгоритм Левенштейна (Листинг 5) имеют публичную функцию получения времени работы get_time();

Листинг 1: Базовый класс Levenstein с Рекурсивная функция нахождения расстояния Левенштейна

```
1. # Объект алгоритма Левенштейна
2. class Levenshtein:
3. # Защищенные наследуемые данные объекта
4. _first_string = None
5. _second_string = None
6.
7. # Ключевое расстояние
8. _distance = None
9.
10. # Ключевое время
11. _time = None
12.
```

```
13.
        # Создание объекта
14.
        def init (self, first string, second string):
            # Назначение данных объекта
15.
            self. first string = first string
16.
17.
            self. second string = second string
18.
            # Установка значения расстояния
19.
            self. distance = config.START ZERO VALUE
20.
21.
22.
            # Установка значения времени выполнения
            self. time = config.START ZERO VALUE
23.
24.
25.
        # Общая функция получения расстояния между двумя строками
26.
        def get distance(self):
27.
            return self. distance
28.
29.
        # Общая функция получения времени выполнения
30.
        def get time(self):
31.
            return self. time
32.
33.
        # Получение расстояния между строками
        def _recursive_get_distance(self, first string length,
  second string length):
35.
36.
            # если одна из строк пустая, то расстояние до другой
  строки - ее длина
          # т.е. п вставок
38.
           if first string length == 0 or second string length
  == 0:
                return max(first string length,
  second_string length)
40.
            # если оба последних символов одинаковые, то съедаем
  их оба, не меняя расстояние
           elif self. first string[first string length - 1] ==
  self. second string[second string length - 1]:
43.
                return
  self. recursive get distance(first string length - 1,
  second string length - 1)
44.
45.
            # выбор минимального значения из трех
46.
            else:
47.
                return 1 + min(
  self. recursive get distance (first string length,
  second string length - 1), # Удаление
49.
  self. recursive get distance (first string length - 1,
  second string length), # Вставка
50.
  self. recursive get distance(first string length - 1,
  second_string_length - 1) # Замена
51.
                 )
```

Листинг 2: Наследуемый класс Левенштейна без кэша

```
1. # Наследуемый объект Рекурсивного алгоритма без кэша
2. class LevenshteinRecursiveWithoutCache(Levenshtein):
3.
4.
      # Общая функция получения расстояния между двумя строками
5.
     def get distance(self):
          self. distance =
  self._recursive_get_distance(len(self._first_string),
  len(self. second string))
7.
         return self. distance
8.
9.
      # Получение времени
10.
        def get time(self):
             t 0 = clock()
11.
            self._recursive_get_distance(len(self._first_string),
12.
  len(self._second_string))
13.
             t 1 = clock()
14.
15.
            self. time = t 1 - t 0
16.
17.
            return self. time
18.
```

Листинг 3: Наследуемый класс Левенштейна с кешем

```
1. # Наследуемый объект Рекурсивного алгоритма с кэшем
2. class LevenshteinRecursiveWithCache (Levenshtein):
     first string length = None
3.
     _second_string_length = None
4.
5.
6.
     def __init__ (self, first_string, second_string):
          super().__init__(first_string, second string)
7.
8.
9.
          self. first string length = len(self. first string)
10.
             self. second string length = len(self. second string)
11.
12.
        # Получение времени
13.
        def get time(self):
            t 0 = clock()
14.
15.
            self.get_distance()
16.
            t 1 = clock()
17.
            self. time = t 1 - t 0
18.
19.
20.
            return self._time
21.
22.
        def get distance(self):
23.
             # Общая функция получения расстояния между двумя
  строками
             @lru cache(maxsize=self. first string length *
24.
  self._second_string_length)
25.
             def get distance():
26.
                 self._distance =
  self._recursive_get_distance(len(self._first_string),
  len(self. second string))
27.
                return self. distance
```

```
28.
29. # Обновление расстояния
30. self._distance = get_distance()
31.
32. return self._distance
```

Листинг 4: Наследуемый класс итерационного Дамерау Левенштейна

```
1. # Объект вычисления Дамерау Левенштейна
2. class DamerauLevenshtein (Levenshtein):
     # Используемые блины строк
     _first_string_length = None
     second string_length = None
5.
6.
7.
     def init (self, first string, second string):
          super(). init (first string, second string)
8.
9.
10.
             self. first string length = len(self. first string)
11.
             self. second string length = len(self. second string)
12.
13.
        # Получение расстояния между двумя строками
        def get_distance(self):
14.
15.
            d = \{\}
16.
             for i in range(-1, self. first string length + 1):
17.
                 d[(i, -1)] = i + 1
18.
             for j in range(-1, self. second string length + 1):
19.
20.
                 d[(-1, j)] = j + 1
21.
             for i in range(self. first string length):
22.
23.
                 for j in range(self. second string length):
                     if self. first string[i] ==
24.
  self. second string[j]:
25.
                         cost = 0
26.
                     else:
27.
                         cost = 1
28.
                     d[(i, j)] = min(
                         d[(i-1, j)] + 1, # deletion d[(i, j-1)] + 1, # insertion
29.
30.
31.
                         d[(i-1, j-1)] + cost, # substitution
32.
33.
                     if i and j and self. first string[i] ==
  self._second_string[j - 1] and \
                             self._first_string[i - 1] ==
34.
  self. second string[j]:
                         d[(i, j)] = min(d[(i, j)], d[i - 2, j - 2]
  + cost) # transposition
36.
37.
             return d[self. first string length - 1,
  self. second string length - 1]
38.
39.
         # Получение времени
40.
        def get_time(self):
41.
             t 0 = clock()
42.
             self.get distance()
```

Листинг 5: Наследуемый класс Левенштейна с кешем

```
1. # Линейный алгоритм вычисления Левенштейна
2. class LevenshteinLinear (Levenshtein):
      # Используемые длины строк
     _first_string_length = None
5.
     _second_string_length = None
6.
7.
     def init (self, first string, second string):
          super().__init__(first_string, second_string)
8.
9.
          self. first string length = len(first string)
10.
             self._second_string_length = len(second_string)
11.
12.
        def update distance(self):
             if self._first_string_length >
13.
  self._second_string_length:
14.
                 self. first string, self. second string =
  self. second string, self. first string
15.
                 self._first_string_length,
  self._second_string_length = self._second_string_length,
  self. first string length
16.
17.
             current row = range(self. first string length + 1)
             for i in range(1, self._second_string_length + 1):
18.
19.
                previous_row, current_row = current_row, [i] + [0]
  * self. first string length
                 for j in range(1, self. first string length + 1):
20.
21.
                     add, delete, change = previous_row[j] + 1,
  current_row[j - 1] + 1, previous_row[j - 1]
22.
                     if self. first string[j - 1] !=
  self. second string[i - 1]:
23.
                         change += 1
24.
                     current row[j] = min(add, delete, change)
25.
26.
            return current row[self. first string length]
27.
28.
        # Получение расстояния между двумя строками
29.
        def get distance(self):
30.
             self. distance = self. update distance()
31.
            return self. distance
32 .
33.
        # Получение времени
34.
        def get time(self):
35.
            t 0 = clock()
            self.get distance()
36.
37.
            t 1 = clock()
38.
39.
            self. time = t 1 - t 0
40.
```

3.4 Тестовые данные

Тестовые данные, на которых было протестировано разработанное программное обеспечение, представлено в Таблице 1.

Первое слово Второе слово Ожидаемый результат Полученный результат Ŋo Расстояние Расстояние Л. 2 Л. 3 Л. 4 Л.5 Л. 2 Л. 3 Л. 4 Л. 5 увлечение развлечения кот скат тест мгту мтгу рот кот лилия рим рим мир apple aplpe катя надя

Таблица 1: Тестовые данные

3.5 Вывод

В аналитическом разделе были представлены разработанный код, демонстрация его работы на тестовых данных Таблицы 1.

4 Исследовательская часть.

4.1. Демонстрация работы программы

Пример работы программы представлен на рисунке 1.

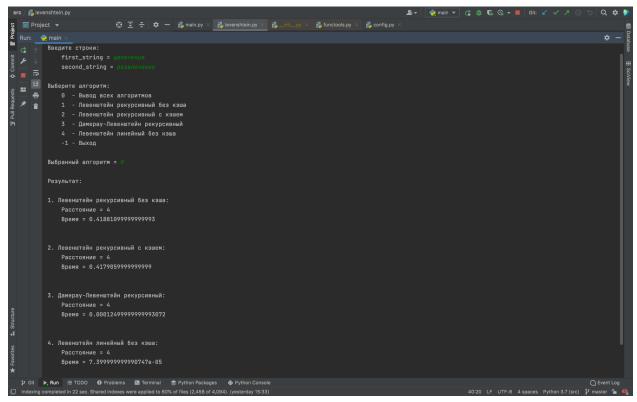


Рисунок 1: Демонстрация работы программы на примере строк Увлечения и Развлечение

4.2. Технические характеристики

В Таблице 2. приведены технические характеристики ЭВМ, на котором проводилось тестирование разрабатываемого программного обеспечения.

Таблица 2: Технические характеристики ЭВМ, на котором проводилось тестирование разрабатываемого программного обеспечения

OC	Mac OS Mojave 64-bit
ОЗУ	8 Gb 2133 MHz LPDDR3
Процессор	2,3 GHz Intel Core i5

4.3. Время выполнения алгоритмов

Таблица 3: Таблица времени выполнения алгоритмов (в наносекундах)

№	Длина строк	Время			
		Л.1	Л.2	Л.3	Л.3
1	10	2.4e-05	3.8e-05	0.0005	0.0003
2	20	3.7e-05	5.09e-05	0.0009	0.001
3	40	3.9e-05	5.49e-05	0.003	0.001

4	100	8.9e-05	9.8e-05	0.024	0.013
5	200	0.0001	0.00012	0.0204	0.0111

4.4. Использование памяти

В Таблице 4 представлена информация об использовании памяти во время выполнения разных типов алгоритмов.

Таблица 3: Таблица времени выполнения алгоритмов (в наносекундах)

№	Тип вызова	Память
1	Рекур-ый вызов	$(S(STR_1) + S(STR_2)) \cdot (2 \cdot S(string) + 3 \cdot S(integer))$
2	Итер-ый вызов	$(S(STR_1) + 1) \cdot (S(STR_2) + 1) \cdot S(integer) + 5 \cdot S(integer) + 2 \cdot S(string)$

4.5. Вывод

Время работы рекурсивной версии алгоритма увеличивается в геометрической прогрессии, это самый неэффективный способ реализации алгоритма нахождения расстояния Левенштейна по времени и памяти. Наиболее эффектный способ из представленных - итеративный с хранением двух строк.

Заключение.

В данной лабораторная работа я изучил изучению алгоритмы нахождения расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна, провел Изучение и оценку реализации методов динамического программирования на нахождение расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна, получил навыки реализации матричных и рекурсивных версий алгоритмов, провел сравнительный анализ линейной и рекурсивной реализации алгоритмов, сформировал обоснования полученных результатов исследования алгоритмов.

Список использованной литературы

- 1. Роджерс Д., Алгоритмические основы машинной графики: пер. с англ.— М.: Мир, 1989.— 512 с.: ил.
- 2. Марк Пилгрим, Dive into Python, 2017.
- 3. Steven F. Lott , Dusty Phillips, Python Object-Oriented Programming Fourth Edition
- 4. Проблемы трассировки лучей из будущего в реальное время. [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://nvworld.ru/articles/ray-tracing/3/
- 5. Гамма Э., Хелм Р., Джонсон Р., Влиссидес Дж., <u>Приёмы</u> объектно-ориентированного проектирования. Паттерны проектирования. СПб: Питер, 2001. 368 с.: ил. (Серия «Библиотека программиста»)
- 6. Particle Systems. [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://homepages.inf.ed.ac.uk/tkomura
- 7. А.Н.Романюк, М.В.Куринный, АЛГОРИТМЫ ПОСТРОЕНИЯ ТЕНЕЙ