

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ ИУ, Информатика и системы управления

КАФЕДРА ИУ7, Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1 *ПО ДИСЦИПЛИНЕ*

"Анализ алгоритмов"

Студент	ИУ7-54Б				
•	(Группа)	(Подпись, дата)	(И.О.Фамилия)		
Преподават	сель				
•		(Подпись, дата)	(И.О.Фамилия)		

Оглавление

Введение.	3
Аналитическая часть	4
Матричный алгоритм Левенштейна	2
Рекурсивный алгоритм Левенштейна	2
Рекурсивный алгоритм Левенштейна с заполнением матрицы	5
Алгоритм Дамерау-Левенштейна [3]	5
Выводы из аналитического раздела	5
Конструкторская часть.	6
Схемы алгоритмов	ϵ
Рекурсивный алгоритм Левенштейна без Кэша	ϵ
Рекурсивный алгоритм Левенштейна к кэшем	7
Итеративный алгоритм Левенштейна	8
Алгоритм Дамерау-Левенштейна	9
Вывод	Ģ
Технологическая часть.	10
Требования к программному обеспечению	10
Выбор и обоснование языка и среды программирования.	10
Реализация алгоритмов	10
Тестовые данные	15
Вывод	15
Исследовательская часть.	15
4.1. Демонстрация работы программы	15
4.2. Технические характеристики	16
4.3. Время выполнения алгоритмов	16
4.4. Использование памяти	17
4.5. Вывод	17
Заключение.	17
Список использованной литературы	18

Введение.

Данная лабораторная работа посвящена изучению алгоритмов нахождения расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна.

Расстояние Левенштейна [1] - это минимальное количество операций вставки/удаления/замены одного символа на другой, необходимых для превращения одной строки в другую.

Вычисление расстояния Левенштейна применяется во многих отраслях для исправления ошибок в слове в компьютерной лингвистике, для сравнения хромосов и белков в биоинформатике.

Цель данной лабораторной работы: Изучение и оценка реализации методов динамического программирования на нахождение расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна.

Задачи данной лабораторной работы:

- 1. Изучение алгоритмов Левенштейна и Дамерау-Левенштейна;
- 2. Получение навыков реализации матричных и рекурсивных версий алгоритмов;
- 3. Проведение сравнительного анализа линейной и рекурсивной реализации реализаций алгоритмов;
- 4. Формирование обоснования полученных результатов исследования работы алгоритмов

1 Аналитическая часть

Расстояние Левенштейна [1] - это минимальное количество операций вставки/удаления/замены одного символа на другой, необходимых для превращения одной строки в другую. Каждая операция определяется своей ценой, в общем случае операции определены, как:

- $\omega(\lambda, b)$ цена операции вставки
- $\omega(a, \lambda)$ цена операции удаления
- $\omega(a, b)$ цена операции замены

Расстояние Левенштейна - это минимальная суммарная цена после последовательности замен. Существуют частные случаи нахождения расстояния Левенштейна:

- $\omega(a, a) = 0$
- $\omega(\lambda, b) = 1$
- $\omega(a, \lambda) = 1$
- $\omega(a, b) = 1$ и $a \neq b$

1.1 Матричный алгоритм Левенштейна

Данный метод реализации алгоритма Левенштейна эффективнее, чем рекурсивный, так как промежуточные значения хранятся в виде матрицы, при этом в любой момент времени мы может обратиться при помощи индексации по строке и столбцу к любой из ранее выполненных операций. В общем виде алгоритм выглядит, как построчное заполнение матрицы:

$$A_{i,j} = D(i,j)$$

1.2 Рекурсивный алгоритм Левенштейна

Формула (1.1) расстояния между двумя строками а и b, где |a| — длина строки a, a[i]- i-й символ строки a:

$$D(i,j) = \begin{cases} 0 & \text{i} = 0, \text{j} = 0\\ i & \text{j} = 0, \text{i} > 0\\ j & \text{i} = 0, \text{j} > 0\\ \min \{ & , \\ D(i,j-1) + 1 & , \\ D(i-1,j) + 1 & \text{i} > 0, \text{j} > 0\\ D(i-1,j-1) + m(a[i],b[j]) & (1.2) \end{cases}$$

$$(1.1)$$

$$m(a,b) = \begin{cases} 0 & \text{если a} = b, \\ 1 & \text{иначе} \end{cases}$$
 (1.2)

1.3 Рекурсивный алгоритм Левенштейна с заполнением матрицы

Рекурсивный алгоритм Левенштейна с заполнением матрицы - это объединение алгоритмов 1.1. и 1.2.: во время реализации рекурсивного алгоритма Левенштейна происходит заполнение матрицы. Ранее найденные расстояния не рассчитываются заново, они берутся из матрицы.

1.4 Алгоритм Дамерау-Левенштейна [3]

Формула (1.3) нахождения расстояния Дамерау-Левенштейна определяется так, как и (1.1) - формула неэффективна по времени и аналогично для оптимизации используется добавление матрицы для хранения промежуточных значений.

$$d_{a,b}(i,j) = \begin{cases} \max(i,j), & \text{если } \min(i,j) = 0, \\ \min \{ \\ d_{a,b}(i,j-1) + 1, \\ d_{a,b}(i-1,j) + 1, \\ d_{a,b}(i-1,j-1) + m(a[i],b[j]), & \text{иначе} \\ \begin{bmatrix} d_{a,b}(i-2,j-2) + 1, & \text{если } i,j > 1; \\ & a[i] = b[j-1]; \\ & b[j] = a[i-1] \\ \infty, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$(1.3)$$

1.5 Выводы из аналитического раздела

В данном разделе были описаны: рекурсивный алгоритм Левенштейна с матрицей и без нее, матричный итерационный алгоритм Левенштейна, итерационный алгоритм Дамерау-Левенштейна.

2 Конструкторская часть.

В данном разделе будет приведены блок-схемы алгоритмов, описанных в аналитическом разделе п.1.

2.1 Схемы алгоритмов

Рекурсивный алгоритм Левенштейна без Кэша

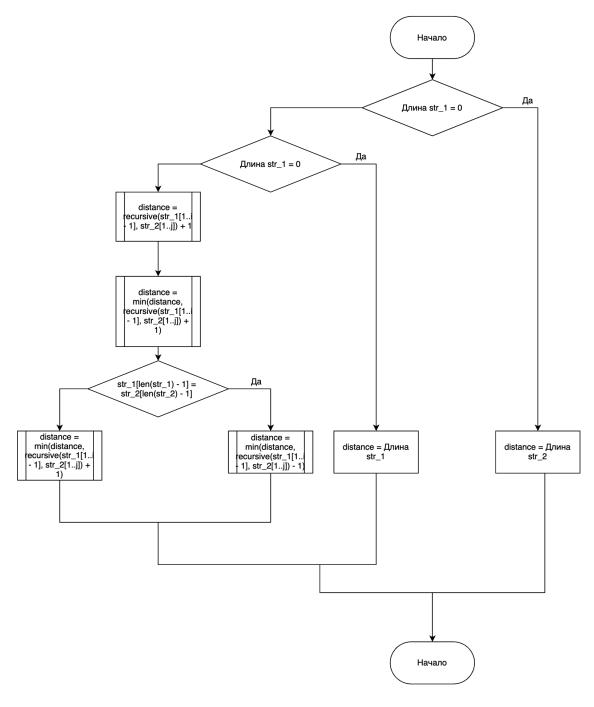


Рисунок 1: Схема рекурсивного алгоритма Левенштейна без Кэша

Рекурсивный алгоритм Левенштейна с кэшем

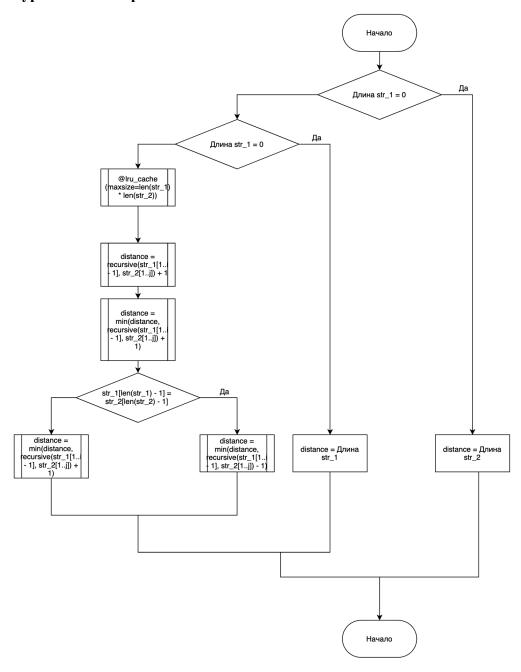


Рисунок 2: Схема рекурсивного алгоритма Левенштейна с Кэшем

Итеративный алгоритм Левенштейна

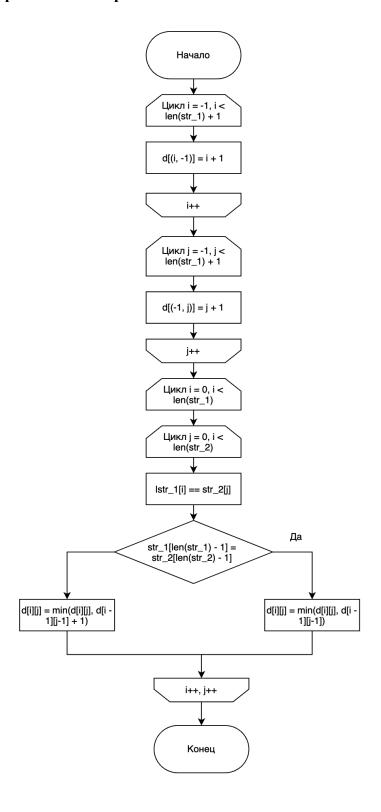


Рисунок 3: Схема итеративного алгоритма Левенштейна

Итеративный алгоритм Дамерау-Левенштейна

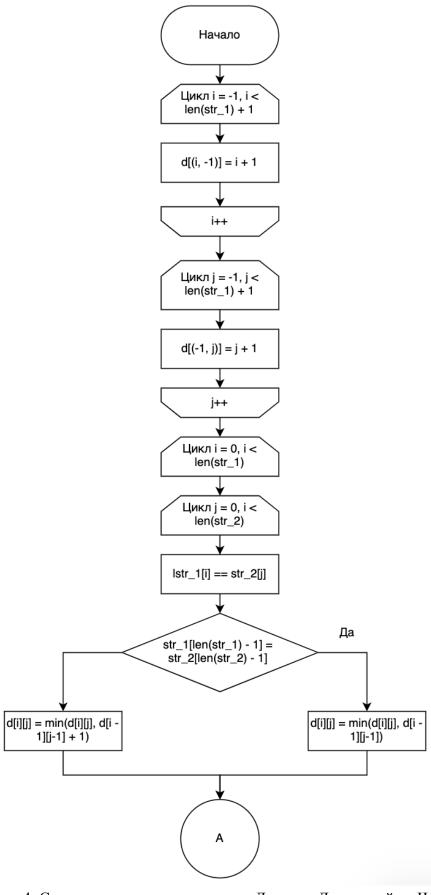


Рисунок 4: Схема итеративного алгоритма Дамерау-Левенштейна, Часть 1

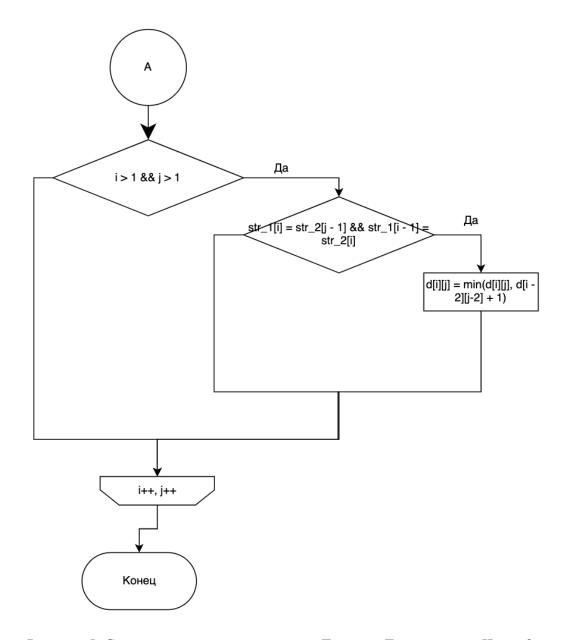


Рисунок 5: Схема итеративного алгоритма Дамерау-Левенштейна, Часть 2

2.2 Вывод

Блок-схемы в данном разделе позволяют перейти к технологической части - непосредственно к программной реализации решения.

Блок-схемы в данном разделе демонстрируют схемы работы рекурсивного алгоритма Левенштейна с кэшем и без, итеративный алгоритм Левенштейна, итеративный алгоритм Дамерау-Левенштейна.

3 Технологическая часть.

В данном разделе будут рассмотрены требования к разрабатываемому программному обеспечению, средства, использованные в процессе разработки для реализации поставленных задач.

3.1 Требования к программному обеспечению

Программное обеспечение должно реализовывать поставленную на лабораторную работу задачу. Интерфейс для взаимодействия с программой - командная строка. Программа должна выводить полученное расстояние между двумя введенными строками и показывать потраченное на это время.

3.2 Выбор и обоснование языка и среды программирования.

Для разработки данной программы применён язык Python 3 с библиотекой time.clock() [4] для вычисления времени работы процессора, потому что я хочу расширить свои знания в области данного языка программирования.

Для разработки данной программы применён язык Python 3 с библиотекой time.clock() [4] для вычисления времени работы процессора, чтобы расширить знания в области данного языка программирования.

3.3 Реализация алгоритмов

В листингах 1-4 приведена реализация алгоритмов нахождения расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна.

Программа была реализована в парадигме ООП [2], где в базовый класс был вынесен объект Levenstein (Листинг 1.), внутри него с доступом protected, используемая алгоритмами с меморизацией и без нее, рекурсивная функция получения расстояния между строками.

Наследуемые объекты рекурсивного алгоритма без кэша (Листинг 2), рекурсивного алгоритма с кэшема (Листинг 3), итерационный алгоритм Дамерау-Левенштейна (Листинг 4), итерационный алгоритм Левенштейна (Листинг 5) имеют публичную функцию получения времени работы get time();

Листинг 1: Базовый класс Levenstein с Рекурсивная функция нахождения расстояния Левенштейна, Часть 1

```
1. # Объект алгоритма Левенштейна
2. class Levenshtein:
3. # Защищенные наследуемые данные объекта
4. _first_string = None
5. _second_string = None
6.
7. # Ключевое расстояние
```

Листинг 2: Базовый класс Levenstein с Рекурсивная функция нахождения расстояния Левенштейна, Часть 2

```
_distance = None
8.
9.
10.
        # Ключевое время
11.
        time = None
12.
13.
        # Создание объекта
14.
        def init (self, first string, second string):
15.
            # Назначение данных объекта
            self. first string = first string
16.
17.
            self. second string = second string
18.
            # Установка значения расстояния
19.
            self. distance = config.START ZERO VALUE
20.
21.
22.
            # Установка значения времени выполнения
23.
            self. time = config.START ZERO VALUE
24.
        # Общая функция получения расстояния между двумя строками
25.
26.
        def get distance(self):
27.
            return self. distance
28.
29.
        # Общая функция получения времени выполнения
30.
        def get time(self):
31.
            return self. time
32.
        # Получение расстояния между строками
33.
        def recursive get distance (self, first string length,
  second string length):
            # если одна из строк пустая, то расстояние до другой
36.
  строки - ее длина
37.
           # т.е. п вставок
            if first string length == 0 or second string length
38.
  == 0:
                return max(first string length,
  second string length)
40.
            # если оба последних символов одинаковые, то съедаем
  их оба, не меняя расстояние
           elif self. first string[first string length - 1] ==
  self. second string[second string length - 1]:
                return
43.
  self. recursive get distance(first string length - 1,
  second string length - 1)
45.
            # выбор минимального значения из трех
46.
47.
                return 1 + min(
```

Листинг 3: Базовый класс Levenstein с Рекурсивная функция нахождения расстояния Левенштейна, Часть 3

```
48.
    self._recursive_get_distance(first_string_length,
    second_string_length - 1), # Удаление
49.
    self._recursive_get_distance(first_string_length - 1,
        second_string_length), # ΒCTABKA
50.
    self._recursive_get_distance(first_string_length - 1,
        second_string_length - 1) # Замена
51.
    )
```

Листинг 3: Наследуемый класс Левенштейна без кэша

```
1. # Наследуемый объект Рекурсивного алгоритма без кэша
2. class LevenshteinRecursiveWithoutCache(Levenshtein):
      # Общая функция получения расстояния между двумя строками
4.
     def get distance(self):
5.
         self. distance =
6.
  self. recursive get distance (len (self. first string),
  len(self. second string))
7.
         return self. distance
8.
    # Получение времени
9.
        def get time(self):
10.
11.
            t 0 = clock()
            self._recursive_get_distance(len(self._first_string),
  len(self. second string))
13.
            t 1 = clock()
14.
            self. time = t 1 - t 0
15.
16.
17.
            return self. time
18.
```

Листинг 4: Наследуемый класс Левенштейна с кэшем, Часть 1

```
1. # Наследуемый объект Рекурсивного алгоритма с кэшем
2. class LevenshteinRecursiveWithCache (Levenshtein):
     first string length = None
3.
4.
     _second_string_length = None
5.
     def init (self, first string, second string):
6.
         super(). init (first string, second string)
7.
8.
         self. first string length = len(self. first string)
9.
            self. second string length = len(self. second string)
10.
```

Листинг 5: Наследуемый класс Левенштейна с кэшем, Часть 2

```
11.
12.
        # Получение времени
13.
        def get time(self):
            t \ 0 = clock()
14.
15.
            self.get distance()
16.
            t 1 = clock()
17.
            self. time = t 1 - t 0
18.
19.
            return self. time
20.
21.
22.
        def get distance(self):
23.
            # Общая функция получения расстояния между двумя
  строками
24.
             @lru cache(maxsize=self. first string length *
  self. second string length)
            def get distance():
25.
                 self. distance =
26.
  self._recursive_get_distance(len(self._first_string),
  len(self. second string))
27.
                return self. distance
28.
29.
            # Обновление расстояния
30.
            self. distance = get distance()
31.
32.
            return self. distance
```

Листинг 6: Наследуемый класс итерационного Дамерау Левенштейна, Часть 1

```
1. # Объект вычисления Дамерау Левенштейна
2. class DamerauLevenshtein (Levenshtein):
     # Используемые блины строк
     first string length = None
     second string length = None
5.
6.
7.
     def init (self, first string, second string):
         super(). init (first string, second string)
8.
9.
            self. first string length = len(self. first string)
10.
11.
            self. second string length = len(self. second string)
12.
13.
        # Получение расстояния между двумя строками
14.
        def get distance(self):
            d = \{\}
15.
16.
17.
            for i in range(-1, self. first string length + 1):
                d[(i, -1)] = i + 1
18.
            for j in range(-1, self. second string length + 1):
19.
20.
                d[(-1, j)] = j + 1
21.
22.
            for i in range(self. first string length):
23.
                for j in range (self. second string length):
```

Листинг 7: Наследуемый класс итерационного Дамерау Левенштейна, Часть 2

```
if self. first string[i] ==
24.
  self._second_string[j]:
25.
                         cost = 0
26.
                     else:
27.
                          cost = 1
28.
                     d[(i, j)] = min(
29.
                          d[(i - 1, j)] + 1, \# deletion
30.
                          d[(i, j - 1)] + 1, # insertion
                         d[(i-1, j-1)] + cost, # substitution
31.
32.
33.
                     if i and j and self. first string[i] ==
  self. second string[j - 1] and \
                              self. first string[i - 1] ==
34.
  self. second string[j]:
                          d[(i, j)] = min(d[(i, j)], d[i - 2, j - 2]
35.
  + cost) # transposition
36.
            return d[self. first string length - 1,
37.
  self.\_second\ string\ length\ -\ 1]
38.
         # Получение времени
39.
        def get time(self):
40.
             t 0 = clock()
41.
42.
             self.get_distance()
43.
            t 1 = clock()
44.
45.
            self. time = t \cdot 1 - t \cdot 0
46.
47.
             return self. time
```

Листинг 8: Наследуемый класс Левенштейна с кешем, Часть 1

```
1. # Линейный алгоритм вычисления Левенштейна
2. class LevenshteinLinear (Levenshtein):
3.
     # Используемые длины строк
     _first_string_length = None
4.
     second string length = None
5.
6.
7.
     def __init__ (self, first string, second string):
          super().__init__ (first_string, second_string)
8.
         self. first string length = len(first string)
9.
            self. second string length = len(second string)
10.
11.
12.
        def _update_distance(self):
            if self. first string length >
  self._second_string length:
                self. first string, self. second string =
  self. second string, self. first string
```

Листинг 9: Наследуемый класс Левенштейна с кэшем, Часть 2

```
self. first string length,
  self. second string length = self. second string length,
  self. first string length
16.
17.
            current row = range(self. first string length + 1)
18.
            for i in range(1, self. second string length + 1):
                previous row, current row = current row, [i] + [0]
  * self. first string length
                for j in range(1, self._first_string_length + 1):
20.
                    add, delete, change = previous row[j] + 1,
21.
  current row[j-1] + 1, previous row[j-1]
                    if self. first string[j - 1] !=
  self. second string[i - 1]:
23.
                         change += 1
24.
                     current row[j] = min(add, delete, change)
25.
            return current row[self. first string length]
26.
27.
28.
        # Получение расстояния между двумя строками
29.
        def get distance(self):
            self. distance = self. update distance()
30.
31.
            return self. distance
32 .
33.
        # Получение времени
        def get time(self):
34.
            t 0 = clock()
35.
36.
            self.get distance()
            t 1 = clock()
37.
38.
39.
            self. time = t 1 - t 0
40.
            return self. time
41.
```

3.4 Тестовые данные

Тестовые данные, на которых было протестировано разработанное программное обеспечение, представлено в Таблице 1.

Таблица 1: Тестовые данные, Часть 1

№	Первое слово	Второе слово	Ожидаемый результат		Полученный результат					
			Рассто	яние			Рассто	яние		
			Л. 2	Л. 3	Л. 4	Л.5	Л. 2	Л. 3	Л. 4	Л. 5
1	увлечение	развлечения	4	4	4	4	4	4	4	4
2	кот	скат	2	2	2	2	2	2	2	2
3		тест	4	4	4	4	4	4	4	4
4	мгту	мтгу	2	2	1	2	2	2	1	2

Таблица 2: Тестовые данные, Часть 2

No	Первое слово	Второе слово	Ожид	аемый р	езульт	ат	Получ	енный	резуль	тат
			Рассто	яние			Рассто	яние		
			Л. 2	Л. 3	Л. 4	Л.5	Л. 2	Л. 3	Л. 4	Л. 5
5	рот	КОТ	1	1	1	1	1	1	1	1
7	лилия	рим	4	4	4	4	4	4	4	4
8	рим	мир	2	2	2	2	2	2	2	2
9	apple	aplpe	2	2	1	2	2	2	1	2
10	катя	надя	2	2	2	2	2	2	2	2

3.5 Вывод

В аналитическом разделе были представлены разработанный код, демонстрация его работы на тестовых данных Таблицы 1.

В данном разделе были рассмотрены требования к разрабатываемому программному обеспечению, средства, использованные в процессе разработки для реализации поставленных задач, приведены результаты работы программы на тестовых данных.

4 Исследовательская часть.

4.1. Демонстрация работы программы

Пример работы программы представлен на рисунке 6.

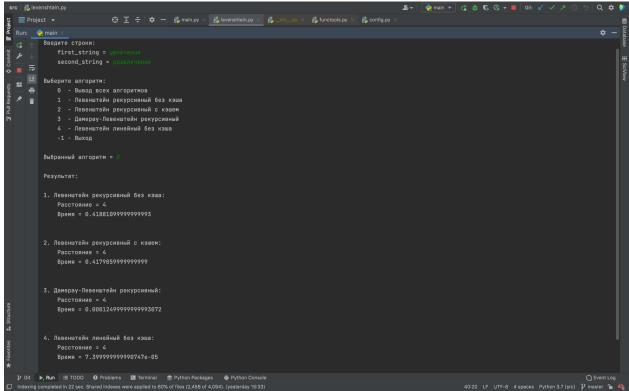


Рисунок 6: Демонстрация работы программы на примере строк Увлечения и Развлечение

4.2. Технические характеристики

В Таблице 3. приведены технические характеристики ЭВМ, на котором проводилось тестирование разрабатываемого программного обеспечения.

Таблица 3: Технические характеристики ЭВМ, на котором проводилось тестирование разрабатываемого программного обеспечения

OC	Mac OS Mojave 64-bit
ОЗУ	8 Gb 2133 MHz LPDDR3
Процессор	2,3 GHz Intel Core i5

4.3. Время выполнения алгоритмов

В Таблице 4. приведена информация о времени выполнения алгоритмов в микросекундах.

Таблица 4: Таблица времени выполнения алгоритмов (в микросекундах)

№	Длина	Время					
	строк	Рек. Лев-на с кэшем	Рек. Лев-на без кэша	Итер. Дамерау-Лев-на	Итер. Лев-на		
1	10	0,02	0,04	0,50	0,30		
2	20	0,04	0,05	0,90	1,00		
3	40	0,04	0,05	3,00	1,00		
4	100	0,09	0,10	24,00	13,00		
5	200	0,10	0,12	20,40	11,10		

4.4. Использование памяти

В Таблице 4 представлена информация об использовании памяти во время выполнения разных типов алгоритмов, где string - текстовая строка, integer - целое число.

Таблица 4: Таблица времени выполнения алгоритмов (в наносекундах)

		da 1. Taomida Bememi Bemomente antopitimos (Bilanovak) ildan)
№	Тип вызова	Память
1	Рекур-ый вызов	$(S(STR_1) + S(STR_2)) \cdot (2 \cdot S(str) + 3 \cdot S(int))$
2	Итер-ый вызов	$(S(STR_1) + 1) \cdot (S(STR_2) + 1) \cdot S(int) + 5 \cdot S(int) + 2 \cdot S(str)$

4.5. Вывод

Время работы рекурсивной версии алгоритма увеличивается в геометрической прогрессии, это самый неэффективный способ реализации алгоритма нахождения расстояния Левенштейна по времени и памяти. Наиболее эффектный способ из представленных - итеративный с хранением двух строк.

Заключение.

В данной лабораторная работа я изучил изучению алгоритмы нахождения расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна, провел Изучение и оценку реализации методов динамического программирования на нахождение расстояния Левенштейна и Дамерау-Левенштейна, получил навыки реализации матричных и рекурсивных версий алгоритмов, провел сравнительный анализ линейной и рекурсивной реализации алгоритмов, сформировал обоснования полученных результатов исследования алгоритмов.

Список использованной литературы

- [1] Расстояние Левенштейна, Jesse Russel и Ronald Cohn [Книга]. Дата обращения: 13.09.2021
- [2] Наследование в Python [Электронный ресурс] Режим доступа: https://younglinux.info/oopython/inheritance. Дата обращения: 13.09.2021
- [3] Гасфилд. Строки, деревья и последовательности в алгоритмах. Информатика и вычислительная биология. Невский Диалект БВХ-Петербург, 2003. [Книга]. Дата обращения: 13.09.2021
- [4] Вычисление процессорного времени выполенения программы [Электронный ресурс] Режим доступа: https://www.tutorialspoint.com/python/time_clock.htm. Дата обращения: 13.09.2021