

- **Generarea elementelor unui produs cartezian**

Fie $X = X_1 \times \dots \times X_n$. (x_1, \dots, x_n)

$X_1 = X_2 = X_3 = \{1, 2, 3\}$

1 1 1
1 1 2
1 1 3
1 2 1
1 2 2
1 2 3
1 3 1
1 3 2
1 3 3

2 1 1
2 1 2
2 1 3
2 2 1
2 2 2
2 2 3
2 3 1
2 3 2
2 3 3

3 1 1
3 1 2
3 1 3
3 2 1
3 2 2
3 2 3
3 3 1
3 3 2
3 3 3

Fie $|X_i| = s_i$. Atunci, printr-o bijecție, putem presupune că $X_i = \{1, 2, \dots, s_i\}$. Atunci:
 $|X| = s_1 \times s_2 \times \dots \times s_n$.

Algoritmul de generare, în ordine lexicografică, a elementelor lui X este:

```

k ← 1;  $x_i \leftarrow 0, \forall i = 1, \dots, n$ 
while k > 0
    if k = n + 1
        then prel_sol(x); k ← k - 1;
    else if  $x_k < s_k$ 
        then  $x_k \leftarrow x_k + 1$ ; k ← k + 1
        else  $x_k \leftarrow 0$ ; k ← k - 1;

```

Complexitatea în timp a algoritmilor joacă un rol esențial. Un algoritm este considerat "acceptabil" numai dacă timpul său de executare este polinomial, adică de ordinul $O(n^k)$ pentru un anumit k ; n reprezintă numărul datelor de intrare.

Pentru a ne convinge de acest lucru, vom considera un calculator vechi, capabil să efectueze doar un milion de operații pe secundă.

	$n=20$	$n=40$	$n=60$
n^3	—	—	0,2 sec
2^n	1 sec	12,7 zile	366 secole
3^n	58 min	3855 secole	10^{13} secole

Deci pentru $|X_i|=s=3$ pentru orice i , și $n=60$, timpul va fi inacceptabil chiar dacă viteza calculatoarelor crește (de exemplu) de un milion de ori!

Într-adevăr, tabelul de mai sus arată că **algoritmii exponențiali nu sunt acceptabili**. Aceasta chiar dacă în 2007 cel mai rapid supercomputer din lume putea efectua 280 de trilioane de operații pe secundă, deci este de aproximativ 3×10^8 ori mai puternic.

