
Introducere în organizarea calculatoarelor și limbaje de asamblare (IOCLA)

Reprezentarea datelor în sistemele de
calcul

Modificat: 22-Oct-23

Cuprins

- Date numerice (întregi)
- Reprezentarea numerelor în baza 2
- Operații cu numere în baza 2
- Reprezentarea numerelor în baza 16
- Reprezentarea numerelor cu semn
- Reprezentarea tipurilor de date de nivel înalt

Suport

- Introduction to Assembly Language Programming
 - * Anexa A, fără 4.1-A4.3

DATE NUMERICE (ÎNTREGI)

Ce reprezentăm cu “date”?

- instrucțiuni - prin coduri de instrucțiuni
- date
 - * logice: Adevarat/Fals, Închis/Deschis, Pornit/Oprit
 - * numerice: întregi, fracționare, pozitive/negative
 - * alfanumerice: caractere, text
 - * multimedia: sunet, imagine (audio/video)
- structuri de date

Date numerice

- Tipurile de bază
 - * Caractere, întregi, **unele** numere fracționare (floating point)
 - * Toate celelalte tipuri existente sunt derivate din tipurile de bază
- Tipurile întregi
 - * Numere cu semn sau fără semn
 - » Cele cu semn sunt considerate pozitive
 - * Au reprezentare pe un număr de biți (8, 16, 32, 64 de biți)
- Tipurile fracționare
 - * Virgulă fixă sau virgulă mobilă (floating point)
 - * Uzual reprezentare în virgulă mobilă
 - * Vor fi detaliate în capitolul 9

Lungime tipuri de date întregi

- signed/unsigned char
 - * lungime 1 octet (8 biți) (arh. pe 32 și 64 de biți)
- signed/unsigned short int
 - * 2 octeți (16 biți) (arh. pe 32 și 64 de biți)
- signed/unsigned int
 - * lungime 4 octeți (32 biți) (arh. pe 32 și 64 de biți)
- signed/unsigned long int
 - * lungime 4 octeți (32 biți) (arh. pe 32 de biți)
 - * Lungime 8 octeți 64 de biți) (arh. pe 64 de biți)
- signed/unsigned long long int
 - * lungime 8 octeți (64 biți) (arh. pe 32 și 64 de biți)

Numere întregi fără semn

- Reprezentare prin simboluri
 - * Modelul de scriere romană a numerelor
 - LIX = 59
 - XXXXXIX = 59
 - * Dezavantaj: nu neapărat o reprezentare unică, spațiu mare ocupat
- Reprezentare pozițională
 - * Reprezentare unică
 - * Alegerea unei baze de numeratie
 - » În funcție de criterii subiective sau obiective
 - » Ex: în prezent baza **10**, fenicienii aveau baza **60**, calculatoarele utilizează baza **2**

Baze de numerație

- Reprezentarea pozitionala utilizeaza baze de numeratie si cifre care au valoare diferita in functie de pozitie
 - Ex: fie baza de numeratie **B**
 - **$B > 1$** si **$0 \leq x_{n-1}, x_{n-2}, x_{n-3}, \dots, x_1, x_0 < B$**
- avem reprezentarea unica in baza B : $x_{n-1}x_{n-2}x_{n-3} \dots x_1x_0 (B)$
- unde: $x_{n-1}x_{n-2}x_{n-3} \dots x_1x_0 (B) = x_{n-1} * B^{n-1} + x_{n-2} * B^{n-2} + \dots + x_1 * B^1 + x_0 * B^0$

Reprezentarea numerelor în baza 10

- $2891 = 2 \cdot 10^3 + 8 \cdot 10^2 + 9 \cdot 10^1 + 1$
- Preferată pentru specificul uman (numărat pe degete)

REPREZENTAREA NUMERELOR ÎN BAZA 2

Reprezentarea numerelor în baza 2

- Reprezentare binară
- Ușor de implementat pe calculator
- Două niveluri: închis/deschis, sus/jos
 - * circuite digitale (vezi curs de electronică)
 - * bit = 0 -> bitul **nu este** sub tensiune
 - * bit = 1 -> **este** sub tensiune
- Bit = Binary Digit

Formate binare de reprezentare

- Bit
 - binary digit
 - unitatea elementară de informație
 - starea unui bistabil, sau a unei celule elementare de memorie
- Octet (byte)
 - grup de 8 biți
 - unitatea elementara de adresare la cele mai multe calculatoare actuale (inclusiv Intel x86)
 - poate reprezenta o valoare numerică, un caracter (ASCII)

Conversii din baza 2 în baza 10

- 10111010: $1*2^7 + 0*2^6 + 1*2^5 + 1*2^4 + 1*2^3 + 0*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 = 186$
- Rapide:
 - * 10000000: ?
 - * 00100000: ?
 - * 00011111: ?
 - * 00001111: ?
 - * 00001110: ?

Conversii din baza 10 in baza 2

- Clasic: se împarte la doi, se reține bitul de rest; apoi se ia câtul, se împarte la 2, etc.
- Mai ingineresc: se adună succesiv puteri ale lui 2
 - * $200 = 128 + 64 + 8 = 11001000$
 - * $163 = 128 + 32 + 2 + 1 = 10100011$
- Rapid:
 - * 32: ?
 - * 65: ?
 - * 15: ?
 - * 14: ?

Operații cu numere în Baza 2

Operații aritmetice în baza 2

- Adunare, scădere, împărțire, înmulțire
- Aceleași principii ca la baza 10
- Făcute de calculator
- Improbabil să fie nevoie să fie făcute de noi
 - * Dacă este cazul, facem conversia înainte și înapoi în/din baza 10

Operatii pe biți

- Bitwise operations
- Bitwise OR vs. Logical OR
- AND
- NOT
- XOR (Exclusive OR)

Deplasări (shift)

- Shift right (SHR)
- Shift left (SHL)
- shift logic vs. shift arithmetic
 - * clarificăm la numere cu semn
- Ce înseamnă SHR N, 2 (shift la dreapta cu 2)?
- Ce înseamnă SHL N, 2 (shift la dreapta cu 2)?

Măști de biți

- Valori predefinite
- Folosite pentru verificare
- Fie masca 11110000
 - Ce înseamnă $N \& \text{masca}$? (bitwise AND)
 - Ce înseamnă $N | \text{masca}$? (bitwise OR)
- Ce înseamnă $N | 0$, $N \& 0$, $N \& \text{MAX}$, $N | \text{MAX}$?
- Ce înseamnă $N \wedge N$? (eXclusive OR)
- Ce înseamnă $N \wedge 0$, $N \wedge \text{MAX}$?

Exemple practice de operatii pe biți

- Rețelistică (mască de subrețea, adresa de subrețea)
- Hărți de biți (bitmaps): pentru spațiu ocupat puțin: gestiunea spațiului liber pe disc
- Opțiuni active sau nu: permisiuni Unix pe fișiere
- Configurarea perifericelor pentru micro-controllere

REPREZENTAREA NUMERELOR ÎN BAZA 16

Reprezentarea numerelor în baza 16

- Numită reprezentare în hexazecimal
 - * Informal: “în hexa”
- De ce este utilă?
 - * Formă compactă a reprezentării binare
 - * 4 biți formează o cifră hexa (nibble)
- 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F
- Reprezentare în ingineria calculatoarelor
 - * 0x89AB
 - * 89ABh

Scenarii de utilizare reprezentare hexa

- Dump hexa pentru date binare
 - * Utilitare precum xxd, hexdump, od
- Vizualizare adrese de memorie
 - * Dezasamblare
 - * Debugging
 - * Hardware
- Generare date binare
 - * Demo echo, python, perl (pe Linux)

Conversii baza 2 <-> baza 16

- 2 -> 16
 - * Se iau câte 4 biți și se transformă în nibble
 - * 1101: B, 1110: E, 11000101: C5
- 16 -> 2
 - * Se transformă fiecare nibble în șir de 4 biți
 - * A: 1010, C: 1100, 87: 10000111
- Exerciții rapide
 - * 11000000 10101000: ?
 - * 10010011 00111110: ?
 - * ABCD: ?
 - * 9876: ?

Conversii baza 10 <-> baza 16

- De obicei are sens pentru numere până în 256
- 10 -> 16
 - * Se împarte la 16 și se folosesc câtul și restul
 - * $190 \rightarrow 16 * 11 + 14 \rightarrow 16 * B + E \rightarrow 0xBE$
 - * $95 \rightarrow 16 * 5 + 15 \rightarrow 16 * 5 + F \rightarrow 0x5F$
- 16-> 10
 - * Înmulțire cu 16 a primei cifre și adunarea ultimei
 - * $AA \rightarrow 16 * A + A \rightarrow 160 + 10 \rightarrow 170$
 - * $CC \rightarrow 16 * C + C \rightarrow 192 + 12 \rightarrow 204$

- Demo în gdb

- * set \$i = 26
- * p/d \$i*2
- * p/x \$i
- * p/t \$i
- * p/d 0x22
- * help x
- * set \$j = -11
- * p/d (\$j & 0xff)
- * În sasm: add pe byte 11 + 245

Împachetarea datelor (endianess)

- LSB: Least Significant Byte
 - MSB: Most Significant Byte
 - Little endian: LSB la adresa de memorie cea mai mică
 - Big endian : MSB la adresa de memorie cea mai mică
 - Important la transferul de date între sisteme diferite; de ales un format comun
-
- x86: little endian
 - Internet: big endian

Reprezentare Little Endian

* Octeti: 3AH, 33H, 12H



Adresă: x x+1 x+2 x+3 x+4

* Cuvinte: 1234H, 56ABH, FFFFH



Adresă: x x+1 x+2 x+3 x+4 x+5 x+6 x+7

* Dublu-cuvinte: 01234567H, 89ABCDEFH



Adresă: x x+1 x+2 x+3 x+4 x+5 x+6 x+7 x+8 x+9

-
- `git clone http://github.com/iocla/demo.git`
 - `cd ./demo/curs-04; make`
 - Laboratorul 1, exercițiul 5
 - * Printați pentru fiecare octet și adresa la care se află
 - Demo în SASM
 - * `a db 1, 2, 3, 4, 0xa, 0xb, 0xc, 0xd, 'a', 'b', 'c', 'd'`
 - * `b dw 0x0102, 0x0304, 0x0a0b, 0x0c0d, 4127, -27714`
 - * `c dd 0x01020304, 0xabcd6789, 100, -100`
 - * Examinare cu `x/20xb &a, x/20xh &b, x/20xw &c, etc`

Cuvinte cheie

- Date întregi
- Baze de numerație
- Baza 10
- Baza 2
- Baza 16
- Conversii
- Endianess
- Bit, octet
- Operații logice (pe biți)
- Mască de biți
- Nibble