竞码编程-模拟赛10 NOIP 提高 USACO Gold

T1: 对角线

限制

1000ms/512MB

题目描述

考虑一个 $n \times n$ 的矩阵 A, 初始所有元素均为 0。

执行q次如下形式的操作:给定 4 个整数 r, c, l, s,对于每个满足 $x \in [r, r+l)$, $y \in [c, x-r+c]$ 的元素 (x, y),将权值增加 s。

也就是,给一个左上顶点为(r,c)、直角边长为l的下三角区域加上s。

输出最终矩阵的元素异或和。

输入描述

第一行两个整数 n, q。

接下来q行,每行四个整数r,c,l,s,代表一次操作。

输出描述

输出一行,一个整数,代表答案.

输入样例1

```
  1
  10
  4

  2
  1
  1
  10
  1

  3
  5
  5
  4
  4

  4
  1
  9
  4
  3

  5
  3
  3
  5
  2
```

输出样例1

1 | 0

样例说明

数据规模

保证 $n \in [1, 10^3]$, $q \in [0, 3*10^5]$, $r, c, l \in [1, n]$, $s \in [1, 10^9]$ 。

| Subtask | 分值 | $n \leq$ | $q \leq$ | 其他限制 |
|---------|----|------------|------------|----------------------|
| 1 | 1 | 10^{3} | 0 | |
| 2 | 19 | $3*10^{2}$ | $4*10^{2}$ | 无 |
| 3 | 27 | | $2*10^{3}$ | |
| 4 | 14 | 10^{3} | | 保证 $r+l=n+1$ 且 $c=1$ |
| 5 | 17 | 10 | $3*10^{5}$ | 保证 $r+l=n+1$ |
| 6 | 22 | | | 无 |

T2: 黑白球

限制

3000ms/1024MB

题目描述

有n个球排成一行,每个球的颜色为黑或白。

执行 k 次操作, 第 $i(1 \le i \le k)$ 次操作形式如下:

- ·从[1, n-i+1]中,等概率随机选择一个整数 x。
- ·移除从左往右数的第x个球,或从右往左数的第x个球(也就是从左往右数的第n-i+2-x个)。之后,所有右侧的球的编号减1。

给定每个球的颜色信息,希望最大化移除的白球数量。

输出在最优策略下,期望的移除白球数量。误差在10-6范围内,即算正确。

输入描述

第一行,两个整数n,k。

第二行,一个长度为n、仅由W和B组成的字符串,第i个字符代表第i个球的颜色,

W为白色, B为黑色。

输出描述

输出一行,一个浮点数,代表答案。

输入样例1

1 | 3 1 | 2 | BWW

输出样例1

1 | 1.0000000000

输入样例2

1 | 4 2 2 | WBWB

输出样例2

1 1.5000000000

样例1解释说明

如果 x=1, 从右侧操作, 如果 x=2 或3, 从左侧操作, 均可以移除一个白球。

数据规模

保证 $1 \le n \le 30$, $0 \le k \le n$ 。

| Subtask | 分值 | $n \leq$ | 其他限制 |
|---------|----|----------|-------------------|
| 1 | 20 | 5 | 无 |
| 2 | 25 | 20 | |
| 3 | 1 | | 保证 $k=0$ 或者 $k=n$ |
| 4 | 1 | | 保证字符串所有字符相同 |
| 5 | 19 | 30 | 保证字符串只有一个'W' |
| 6 | 19 | | 保证字符串只有一个'B' |
| 7 | 15 | | 无 |

T3: 树

限制

1000ms/512MB

题目描述

有一棵n个节点的树,每条边长度为1,颜色为黑或白。可以执行若干次如下操作:

选择一条简单路径,反转路径上所有边的颜色。对于某些边,要求在操作结束时为某一种颜色。

给定每条边的初始颜色,求最小操作数,以及满足操作数最小时,最小的操作路径长度和。

输入描述

第一行,一个正整数 n。

接下来 n-1行,每行四个整数 a,b,c,d:

- ·树中有一条边连接 a 和 b。
- ·c=0,1表示初始颜色为白色、黑色。
- $\cdot d = 0, 1, 2$ 表示最终要求为白色、要求为黑色、没有要求。

输出描述

输出一行,两个整数,表示最小操作数、操作数最小时的最小路径长度和。

输入样例1

```
1
5

2
2
1
1
0

3
1
3
0
1

4
2
4
1
2

5
5
2
1
1
```

输出样例1

```
1 | 1 2
```

输入样例2

```
1
3

2
1
3
1
2

3
2
1
0
0
```

输出样例2

```
1
3

2
1
3
1
2

3
2
1
0
0
```

输入样例2

```
1 | 0 0
```

输入样例3

```
  1
  6

  2
  1
  3
  0
  1

  3
  1
  2
  0
  2

  4
  2
  4
  1
  0

  5
  4
  5
  1
  0

  6
  5
  6
  0
  2
```

输出样例3

```
1 | 1 4
```

数据规模

保证给出的图为一棵树,有 $n\in[1,10^5]$, $a,b\in[1,n]$, $c\in 0,1$, $d\in 0,1,2$