

一、插入类排序

1.1 直接插入

```
1  ic static void sort(int[] nums){
2  for (int i = 1; i < nums.length; i++) {
3      if (nums[i] < nums[i - 1]){
4          int j = i - 1;
5          int temp = nums[i];
6          while (j >= 0 && nums[j] > temp){
7              nums[j + 1] = nums[j];
8              j--;
9          }
10         nums[j + 1] = temp;
11     }
12 }
13 }
```

时间复杂度：最好 $O(n)$ ，最坏 $O(n^2)$ ，平均 $O(n^2)$

空间复杂度： $O(1)$

1.2 折半插入

```
1  ic static void sort(int[] nums){
2  for (int i = 1; i < nums.length; i++) {
3      int temp = nums[i];
4      if (temp < nums[i - 1]){
5          int low = 0;
6          int high = i - 1;
7          while (low <= high){
8              int mid = (low + high) / 2;
9              if (nums[mid] > temp){
10                 high = mid - 1;
11             }else {
12                 low = mid + 1;
13             }
14         }
15         for (int j = i - 1; j >= low ; j--) {
16             nums[j + 1] = nums[j];
17         }
18         nums[low] = temp; //折半查找low是查找失败元素所处的位置
19     }
20 }
21 }
```

时间复杂度： $O(n^2)$

空间复杂度: $O(1)$

插入排序是稳定的排序, 因为每回都是从后往前比较, 然后移动, 所以不会出现相同元素相对位置发生变化。

1.3 希尔排序

```
1  ic static void sort(int[] nums){
2      int length = nums.length;
3      int d;
4      for (d = length/2; d > 0; d/=2) {
5          for (int i = d; i < length; i++) {
6              if (nums[i] < nums[i - d]) {
7                  int temp = nums[i];
8                  int index = i - d;
9                  while (index >= 0 && nums[index] > temp){
10                     nums[index + d] = nums[index];
11                     index -= d;
12                 }
13                 nums[index + d] = temp;
14             }
15         }
16     }
17 }
```

空间复杂度: $O(1)$

时间复杂度: 依赖于增量序列的函数, 当 n 在某个特定范围内, 时间复杂度为 $O(n^{1.3})$, 最坏情况下为 $O(n^2)$

稳定性: 当相同关键字的记录被划分到不同的子表时, 可能会改变它们之间的相对次序, 因此希尔排序是一个不稳定的排序方法。

二、交换类排序

2.1 冒泡排序

```
1  ic static void sort(int[] nums){
2      int length = nums.length;
3      boolean tag;
4      for (int i = 1; i < length; i++) {
5          tag = false;
6          for (int j = 0; j < length - i; j++) {
7              if (nums[j] > nums[j + 1]){
8                  int temp = nums[j];
9                  nums[j] = nums[j + 1];
10                 nums[j + 1] = temp;
11                 tag = true;
12             }
13         }
14         if (!tag){
15             break;
16         }
17     }
18 }
```

```
17 }  
18
```

时间复杂度：最好 $O(n)$ ，最坏 $O(n^2)$ ，平均 $O(n^2)$

空间复杂度： $O(1)$

稳定的排序：相等的时候不会交换元素位置

2.2 快速排序

```
1  static void sort(int[] nums, int low, int high){  
2  int i = low;  
3  int j = high;  
4  if (low < high){  
5      int temp = nums[low];  
6      while (i != j){  
7          while (i < j && nums[j] >= temp){  
8              j --;  
9          }  
10         if (i < j){  
11             nums[i] = nums[j];  
12             i ++;  
13         }  
14         while (i < j && nums[i] <= temp){  
15             i ++;  
16         }  
17         if (i < j){  
18             nums[j] = nums[i];  
19             j --;  
20         }  
21     }  
22     nums[i] = temp;  
23     sort(nums, low, i - 1);  
24     sort(nums, i + 1, high);  
25 }  
26
```

时间复杂度： $O(n\log_2 n)$ ，最坏 $O(n^2)$

空间复杂度： $O(\log_2 n)$ ，最坏 $O(n)$

不稳定，会移动相等元素

2.3 三向切分的快速排序

```
1  static void sortBy3Way(int[] array, int low, int high) {  
2  
3  
4  int lt = low;  
5  int gt = high;  
6  int i = low + 1;
```

```

7  if (low < high) {
8      //切分的元素
9      int temp = array[low];
10     while (i <= gt) {
11         if (array[i] < temp) {
12             swap(array, lt++, i++);
13         } else if (array[i] > temp) {
14             swap(array, i, gt--);
15         } else {
16             i++;
17         }
18     }
19     //递归
20     sortBy3Way(array, low, lt - 1);
21     sortBy3Way(array, gt + 1, high);
22 }
23
24
25 ate static void swap(int[] array, int i, int i1) {
26     int temp = array[i];
27     array[i] = array[i1];
28     array[i1] = temp;
29 }

```

对于**包含大量重复元素的数组**，三向切分的快速排序算法将排序时间从线性对数级降低到线性级别，因此时间复杂度介于 $O(N)$ 和 $O(N \lg N)$ 之间，这依赖于输入数组中重复元素的数量。

2.4 一次遍历的快速排序

```

1  age com.sort.exchange;
2
3
4  Author: 98050
5  Time: 2019-05-21 14:07
6  Feature:
7
8  ic class QuickSort2 {
9
10     public static void main(String[] args) {
11         int[] array = new int[]{8,1,3,5,2,5,8,10};
12         sort(array,0,array.length - 1);
13         for (int i : array){
14             System.out.println(i);
15         }
16     }
17
18     public static void sort(int[] nums,int low, int high){
19         if (low < high) {
20             int i = -1;
21             int temp = nums[high];
22             for (int j = 0; j < high; j++) {
23                 if (nums[j] < temp) {

```

```

24         swap(nums, ++i, j);
25     }
26 }
27 swap(nums, ++i, high);
28 sort(nums, low, i - 1);
29 sort(nums, i + 1, high);
30 }
31 }
32
33 private static void swap(int[] nums, int i, int j) {
34     int temp = nums[i];
35     nums[i] = nums[j];
36     nums[j] = temp;
37 }
38

```

三、选择类排序

3.1 简单选择排序

```

1  public static void sort(int[] array) {
2  for (int i = 0; i < array.length; i++) {
3      int k = i;
4      for (int j = i + 1; j < array.length; j++) {
5          if (array[k] > array[j]){
6              k = j;
7          }
8      }
9      int temp = array[i];
10     array[i] = array[k];
11     array[k] = temp;
12 }
13

```

时间复杂度: $O(n^2)$

空间复杂度: $O(1)$

稳定性: 在第*i*趟找到最小元素后, 和第*i*个元素交换, 可能导致第*i*个元素与其含有相同关键字元素的相对位置发生改变, 所以是一个不稳定的排序。

3.2 堆排序

```

1  public static void heapSort(int[] nums, int n){
2      //初始建堆
3      for (int i = n / 2; i >= 0; i--) {
4          shift(nums, i, n);
5      }
6      for (int i = n; i >= 0; i--) {
7          int temp = nums[0];

```

```

8      nums[0] = nums[i];
9      nums[i] = temp;
10     shift(nums,0,i - 1);
11 }
12 }
13
14 private static void shift(int[] nums, int low, int high) {
15     int root = low;
16     int left = root * 2 + 1;
17     while (left <= high){
18         if (left < high && nums[left] > nums[left + 1]){
19             left++;
20         }
21         if (nums[root] > nums[left]){
22             int temp = nums[root];
23             nums[root] = nums[left];
24             nums[left] = temp;
25         }
26         root = left;
27         left = root * 2 + 1;
28     }
29 }

```

时间复杂度：O(nlog2n)

空间复杂度：O(1)

建堆时间：O(n)

如果仅从代码上直观观察，会得出构造二叉堆的时间复杂度为 $O(n\log n)$ 的结果，这个结果是错的，虽然该算法外层套一个 n 次循环，而内层套一个分治策略下的 $\log n$ 复杂度的循环，该思考方法犯了一个原则性错误，那就是构建二叉堆是**自下而上的构建**，每一层的最大纵深总是小于等于树的深度的，因此，该问题是叠加问题，而非递归问题。那么换个方式，假如我们自上而下建立二叉堆，那么插入每个节点都和树的深度有关，并且都是不断的把树折半来实现插入，因此是典型的递归，而非叠加。

在做证明之前，我们的前提是，建立堆的顺序是bottom-top的。正确的证明方法应当如下：

具有 n 个元素的平衡二叉树，树高为 $\log n$ ，我们设这个变量为 h 。最下层非叶节点的元素，只需做一次线性运算便可以确定大根，而这一层具有 2^{h-1} 个元素，我们假定 $O(1)=1$ ，那么这一层元素所需时间为 $2^{h-1} \times 1$ 。由于是bottom-top建立堆，因此在调整上层元素的时候，并不需要同下层所有元素做比较，只需要同其中一分支作比较，而作比较次数则是树的高度减去当前节点的高度。因此，第 x 层元素的计算量为 $2^x \times (h-x)$ 。又以上通项公式可得知，构造树高为 h 的二叉堆的精确时间复杂度为： $S = 2^{h-1} \times 1 + 2^{h-2} \times 2 + \dots + 1 \times (h-1)$ ① 通过观察第四步得出的公式可知，该求和公式为等差数列和等比数列的乘积，因此用错位相减法求解，给公式左右两侧同时乘以2，可知： $2S = 2^h \times 1 + 2^{h-1} \times 2 + \dots + 2 \times (h-1)$ ②

用②减去①可知： $S = 2^h \times 1 - h + 1$ ③

将 $h = \log n$ 带入③，得出如下结论：

$S = n - \log n + 1 = O(n)$

结论：构造二叉堆的时间复杂度为线性得证。

从上到下建堆，时间复杂度为 $O(n\log 2n)$

选择排序都是不稳定，交换的时候可能发生相对位置的改变！

四、归并排序

```
1 private static void sort(int[] array, int start, int end,int[] temp) {
2     if (start >= end){
3         return;
4     }
5     int mid = (start + end) / 2;
6     sort(array, start, mid,temp);
7     sort(array, mid + 1, end,temp);
8     merge(array,start,mid,end,temp);
9 }
10 private static void merge(int[] array, int start, int mid, int end,int[] temp) {
11     //1.第一个有序区间的开始索引
12     int i = start;
13     //2.第二个有序区间的开始索引
14     int j = mid + 1;
15     //3.临时区域的索引
16     int k = start;
17     while (i <= mid && j <= end){
18         if (array[i] <= array[j]){
19             temp[k ++] = array[i ++];
20         }else {
21             temp[k ++] = array[j ++];
22         }
23     }
24
25     while (i <= mid){
26         temp[k ++] = array[i ++];
27     }
28     while (j <= end){
29         temp[k ++] = array[j ++];
30     }
31
32     //将排序好的元素放入元数组
33     for (int l = start; l <= end ; l++) {
34         array[l] = temp[l];
35     }
36 }
```

时间复杂度： $O(n\log 2n)$

空间复杂度： $O(n)$

稳定性：在merge的时候是不会改变相同关键字的相对次序的，所以是稳定的。

五、基数排序