

Data oddania: _____

Ocena: _____

Radosław Grela 216769

Jakub Wachała 216914

Zadanie 2: Sieć neuronowa

1. Cel

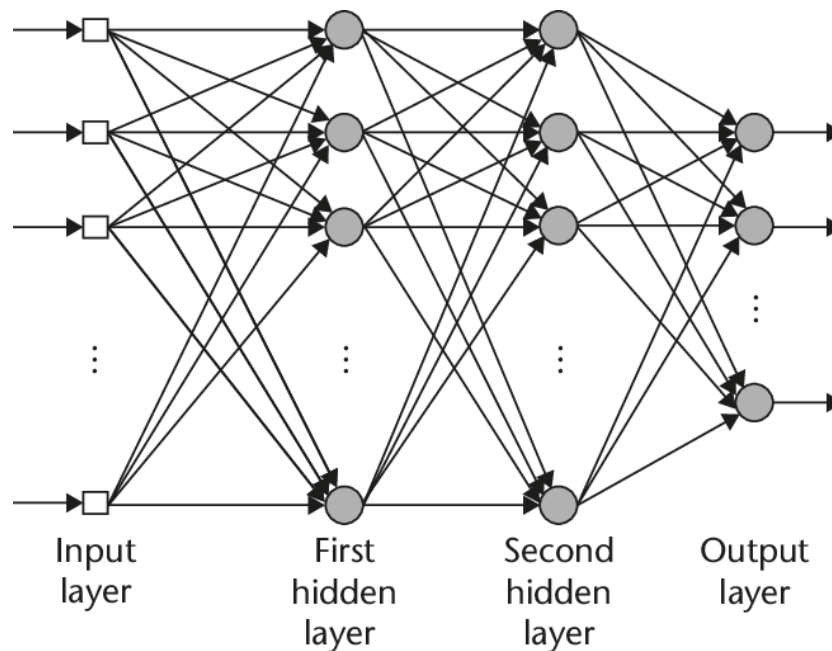
Zadanie 2 polega na zaprojektowaniu i zaimplementowaniu sieci neuronowej, która pozwoli na korygowanie błędów uzyskanych z systemu pomiarowego. Do nauki sieci neuronowej należało wykorzystać dane pomiarowe z 12 przejazdów testowych zawarte w plikach z rozszerzeniem .xlsx. Następnie, za pomocą pliku testowego porównaliśmy uzyskane wyniki. [1]

2. Wprowadzenie

Wielowarstwowy perceptron to (MLP - MultiLayer Perceptron) to jeden z najpopularniejszych typów sieci neuronowej. Składa się zazwyczaj z jednej warstwy wejściowej i wyjściowej oraz kilku warstw ukrytych. Ilości neuronów w poszczególnych warstwach musi zostać ustalona przez twórcę. [2]

Neuron w rozumowaniu matematycznym / informatycznym to pewnego rodzaju sumator, który oblicza sumę ważoną, a następnie podstawia ją do funkcji aktywacji. Wynikiem tej operacji jest wyjście neuronu. [4]

Nauka takiej sieci neuronowej polega na nieustannym zmienianiu wag neuronu w taki sposób, aby błąd był jak najmniejszy. Realizuje się to za pomocą wstecznej propagacji błędów.



Rysunek 1. Przykładowy schemat sieci neuronowej MLP. [3]

2.1. Opis architektury sieci neuronowej

Nasza sieć neuronowa wykorzystana do rozwiązania problemu korygowania błędów systemu pomiarowego posiada następujące właściwości:

1. Liczba warstw sieci neuronowej: 3
2. Liczebność neuronów w poszczególnych warstwach: 10, 10, 2
3. Funkcje aktywacji zastosowanych w poszczególnych warstwach: „Relu”, czyli *rectified linear unit*, $f(x) = \max(0, x)$

2.1.1. Liczba próbek z poprzednich chwil czasowych

Aby przeprowadzić proces nauki sieci neuronowej wykorzystywane są wszystkie próbki z 12 plików testowych. Jest to liczba 18480 próbek ($12 * 1540$)

2.1.2. Wagi poszczególnych neuronów w warstwach

Poniżej zamieszczono wagi poszczególnych neuronów we wszystkich warstwach. Wagi dotyczą jednego uruchomienia programu z wymieszanymi losowo danymi, dla którego w sekcji Wyniki błąd był najniższy. Jedna linia w nawiasach kwadratowych reprezentuje jeden neuron.

1. warstwa ukryta

```
[-1.23375458e-001  7.94100981e-001]
[-2.92331001e-001  2.38476257e-001]
[-1.33371584e-001 -1.72654967e-001]
[-1.81861327e-164 -4.04404674e-095]
[ 1.29968497e-001 -9.72615882e-002]
[ 4.90853994e-001 -2.57220408e-001]
[-9.23860986e-119 -3.12179028e-116]
[ 8.93640409e-001 -5.43202208e-002]
[ 7.40150710e-001  6.60676117e-001]
```

```

[ 2.36371348e-002 -4.64817813e-002]
2 . warstwa ukryta
[ 5.52452122e-001 -5.08299100e-001  1.41338235e-001  8.83743572e-108
2.17952389e-001  2.79062378e-001  8.03689785e-174  6.12793712e-001
6.06303969e-003 -4.21046383e-001]
[ 2.64907997e-003  2.85407243e-001 -2.03636138e-001 -1.64597018e-106
-2.11288507e-002  7.15034103e-001 -1.24715444e-146  1.24008012e-001
3.97066552e-001  4.18572170e-001]
[-3.51424251e-001 -5.30200403e-001 -4.46716309e-001  2.11969833e-131
7.12532615e-001 -1.14788777e-001  4.01768261e-115  1.48418813e-001
5.69410181e-002  2.03291422e-001]
[ 1.03498717e-001 -9.21659496e-168 -4.82692791e-001  4.83777460e-185
-6.58208965e-001 -3.46685323e-001 -1.15518718e-182  2.93216777e-002
8.24810715e-001 -4.05225226e-001]
[ 2.01559825e-001  6.92536386e-002 -2.08967289e-001 -4.37030894e-177
-1.05561256e+000 -8.22267952e-001 -6.43370336e-176 -3.52411495e-001
-4.21548893e-002 -1.55207137e-001]
[ 1.35976079e-002 -2.25227367e-001  4.63008767e-001 -2.04190965e-109
4.30572082e-001  1.61384144e-001  3.22599010e-112  1.86620954e-001
6.59981726e-002 -1.50063502e-002]
[ 6.30981908e-001  5.02501751e-001  3.24810816e-002 -1.14821069e-161
-2.09791598e-001  6.58959908e-002  1.23921097e-165 -4.15497221e-001
2.31134195e-001  4.23259366e-001]
[-2.39583697e-001 -1.08163379e-001 -6.38441829e-001 -5.81473515e-127
-1.63474792e+000 -1.64768207e+000  5.98010323e-123 -1.06846567e+000
-5.06731216e-002 -9.43238699e-001]
[ 5.13144282e-001  4.02430559e-001 -3.42404574e-001  6.17709041e-187
2.53937076e-001  2.29476011e-001 -3.24949093e-142 -3.45835555e-002
5.04102339e-001  1.75993747e-001]
[-1.58974957e-001 -1.80699261e-002  2.27106887e-001 -3.63011544e-176
-1.10082638e+000 -5.54022886e-001 -4.75216572e-175 -2.37265231e-002
-1.52076915e-001  2.13107528e-001]
3 . warstwa wyjściowa
[ 0.17495295  0.54685419  0.59511465 -0.17234932 -0.48053058  0.73486196
0.06814518 -0.22763146  0.15510266 -0.49255801]
[ 0.44247204 -0.18147683  0.09409345 -1.00811302  0.15969283 -0.28396407
0.77533887 -0.76543497  0.41894718  0.2116356 ]

```

2.2. Opis algorytmu uczenia sieci neuronowej

Sieć neuronowa została nauczona za pomocą algorytmu „Adam”. Jest to stochastyczny optymalizator gradientowy. Wybraliśmy go, ponieważ dobrze nadaje się do badania dużych zbiorów danych (co najmniej kilka tysięcy danych treningowych). [6]

Algorytm „Adam” został zaproponowany przez Jimmy Lei Ba oraz Diederik P. Kingma. Jest algorytmem optymalizującym pewną zadaną funkcję kosztu opierającym się na *stochastic gradient descent*. Główna różnica

między zwykłym stochastic gradient descent a Adamem polega na liczeniu przesunięcia wartości nie tylko na podstawie aktualnego gradientu, ale również poprzednich. Wpływ gradientu na kolejne przesunięcia spada jednak wykładniczo. Pamiętanie poprzednich gradientów nie tylko pozwala na szybszą naukę, ale nawet osiąganie lepszych wyników przy tej samej architekturze. [7]

Algorytm przebiega w następujący sposób [8]:

1. Obliczenie wykładniczo średniej ważonej przeszłych gradientów i zapisanie ich do zmiennych `VdW` i `Vdb` (przed korektą odchylenia) oraz `VdW-corrected` i `Vdbcorrected` (z korektą odchylenia).
2. Obliczenie wykładniczo ważoną średnią kwadratów poprzednich gradientów i zapisanie ich w zmiennych `SdW` i `Sdb` (przed korektą odchylenia) oraz `SdWcorrected` i `Sdbcorrected` (z korektą odchylenia).
3. Aktualizacja parametrów w kierunku opartym na łączeniu informacji z „1” i „2”.

3. Opis implementacji i kod źródłowy

Napisany przez nas program jest aplikacją w języku Python. Do zaimplementowania sieci neuronowej skorzystaliśmy z biblioteki `sklearn`. [6] Projekt składa się z dwóch plików: `FileReader.py`, zawierający klasę odpowiedzialną za wczytanie plików z danymi treningowymi oraz testowymi. Drugi plik, `Main.py`, odpowiada za sterowanie programem oraz siecią neuronową.

3.1. `FileReader.py`

```
from pathlib import Path

import openpyxl

prefix = 'dane\\pozyxAPI_only_localization'
main_file = prefix + "_measurement"
test_file = prefix + '_dane_testowe_i_dystrybuanta'
suffix = ".xlsx"
nr_of_records = 1540

class FileReader:

    def __init__(self):
        self.train_ref = []
        self.train = []
        self.test = []
        self.test_ref = []

    def read_train_files(self, nr: int):
        xlsx_file = Path(main_file + str(nr) + suffix)
```

```

wb_obj = openpyxl.load_workbook(xlsx_file)
sheet = wb_obj.active
for row in sheet.iter_rows(2, nr_of_records + 1):
    self.train.append([row[4].value, row[5].value])
    self.train_ref.append([row[6].value, row[7].value])

def read_test_file(self):
    xlsx_file = Path(test_file + suffix)
    wb_obj = openpyxl.load_workbook(xlsx_file)
    wb_obj.active = 0
    sheet = wb_obj.active
    for row in sheet.iter_rows(2, nr_of_records + 1):
        self.test.append([row[4].value, row[5].value])
        self.test_ref.append([row[4].value, row[5].value])

def read_files(self):
    for i in range(1, 13):
        self.read_train_files(i)
    self.read_test_file()
    return self.get_all_data()

def get_all_data(self):
    return self.train, self.train_ref, self.test, self.test_ref

```

3.2. Main.py

```

from datetime import datetime
import pandas as pd
import warnings
from FileReader import FileReader
from math import sqrt
from sklearn.neural_network import MLPRegressor
from sklearn.exceptions import ConvergenceWarning

warnings.filterwarnings(action='ignore', category=ConvergenceWarning)
mlp = MLPRegressor(activation='relu', solver='adam',
                    shuffle=True, random_state=14,
                    hidden_layer_sizes=(10, 10))

def count_errors(predicted_: [], reference: []):
    for i in range(len(predicted_)):
        tmp_x = reference[i][0] - predicted_[i][0]
        tmp_y = reference[i][1] - predicted_[i][1]
        errors.append(sqrt(tmp_x ** 2 + tmp_y ** 2))

```

```

def count_distribution():
    distribution = []
    for i in range(int(max(errors) + 2)):
        distribution.append(0)
        count_elements_less_than_i(distribution, i)
    save_to_xlsx(distribution)

def count_elements_less_than_i(distribution, i):
    for j in range(len(errors)):
        if errors[j] < i:
            distribution[i] += 1 / 1540

def save_to_xlsx(tab):
    df = pd.DataFrame({"dystrybuanta": tab})
    df.to_excel('test.xlsx', sheet_name='sheet1',
               index=False, header=True)

def print_results():
    for i in range(len(predicted)):
        print(i + 1, "predicted:", predicted[i],
              "reference:", test_ref[i],
              "error:", errors[i])

def print_layers():
    mlp.coefs_.reverse()
    for i in range(len(mlp.coefs_) - 1):
        print(i + 1, ". hidden layer")
        print(mlp.coefs_[i])
    print(len(mlp.coefs_), ". output layer")
    print(mlp.coefs_[len(mlp.coefs_) - 1])

if __name__ == "__main__":
    fp = FileReader()
    train, train_ref, test, test_ref = fp.read_files()
    errors = []
    mlp.fit(train, train_ref)
    predicted = list(mlp.predict(test))
    count_errors(predicted, test_ref)
    print("average error:", sum(errors) / len(errors))
    print_layers()
    count_distribution()

```

4. Materiały i metody

Do przeprowadzenia nauki sieci neuronowej użyliśmy 12 plików z danymi pomiarowymi przejazdu robota. Następnie, do sprawdzenia wyników nauczania się sieci neuronowej wykorzystaliśmy plik z danymi testowymi. [9]

4.1. Średnie wyniki

W tej sekcji przedstawione zostanie 10 uruchomień programu wraz z uzyskanym błędem średniokwadratowym. Dane zostały za każdym razem wymieszane w inny sposób. Wyniki zostaną przedstawione w formie tabeli wraz ze średnią z tych wyników.

4.2. Porównanie dystrybuant błędu pomiaru dla danych ze zbioru testowego oraz dla danych uzyskanych w wyniku filtracji przy użyciu sieci neuronowej

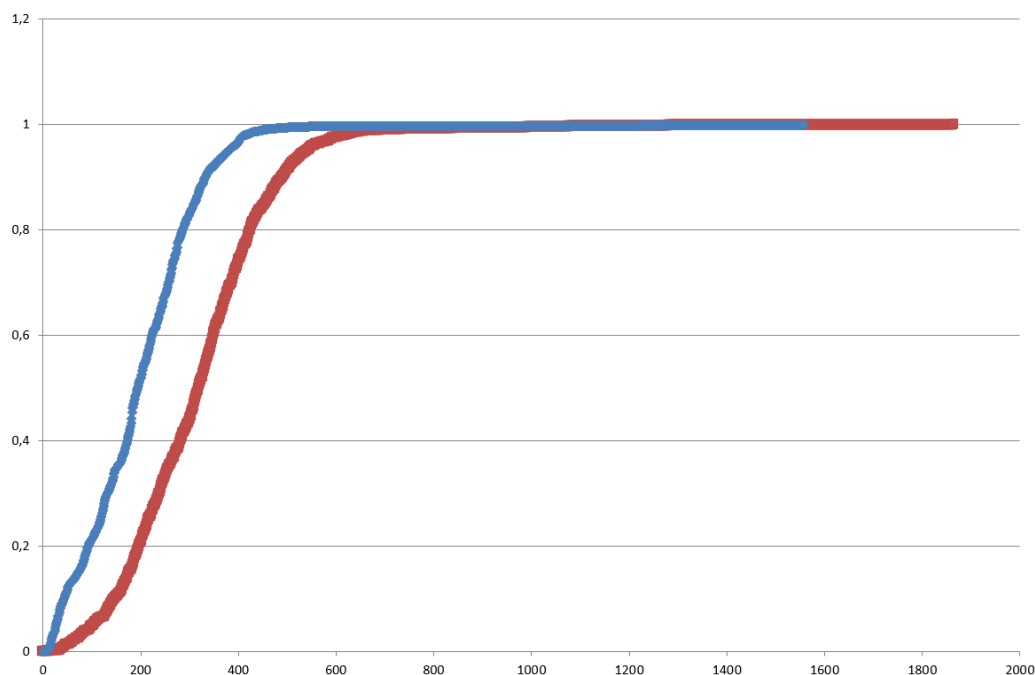
W tym eksperymencie zostanie porównana dystrybuanta błędu dla danych ze zbioru testowego oraz dla danych uzyskanych w wyniku filtracji. Stan, jaki zostanie przedstawiony to stan, dla którego w tabeli średnich wyników błąd średniokwadratowy był najmniejszy.

5. Wyniki

5.1. Średnie wyniki

l.p.	błąd średniokwadratowy
1	204.4743063229632
2	216.34308745569933
3	198.141449741413
4	216.6007126331273
5	217.05594982265822
6	224.2286190810854
7	205.68419749293432
8	215.09645283725675
9	216.98464907922195
10	222.9360631602122
średnia: 213,8167	

5.2. Porównanie dystrybuant błędu pomiaru dla danych ze zbioru testowego oraz dla danych uzyskanych w wyniku filtracji przy użyciu sieci neuronowej



Rysunek 2. Porównanie dystrybuant błęd pomiaru.

6. Dyskusja i wnioski

- Po uruchomieniu programu 10-krotnie średni błąd średniokwadratowy jaki uzyskaliśmy to w przybliżeniu 214, co świadczy o prawidłowym zaimplementowaniu sieci neuronowej i odpowiednim doborze parametrów (dla danych testowych średnia błędu średniokwadratowego wynosiła 322).
- Jak można zauważyć na rysunku 2, wyniki filtracji dały lepsze wyniki dystrybuanty błędów. Dystrybuanta błędów już przed osiągnięciem pułapu błędów średniego 400 osiągnęła wynik powyżej 0,95.

Literatura

- [1] <https://ftims.edu.p.lodz.pl/mod/page/view.php?id=73137> [dostęp 08.05.2020]
- [2] https://pl.wikipedia.org/wiki/Perceptron_wielowarstwowy [dostęp 08.05.2020]
- [3] <https://www.researchgate.net/publication/244858164/figure/fig2/AS:670028080902154@1536758551608/Structural-graph-of-multilayer-perceptron-MLP-neural-network-model.png> [dostęp 08.05.2020]
- [4] https://pl.wikipedia.org/wiki/Neuron_McCullocha-Pittsa [dostęp 08.05.2020]
- [5] <https://arxiv.org/pdf/1412.6980.pdf> [dostęp 08.05.2020]

- [6] https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neural_network.MLPRegressor.html [dostęp 08.05.2020]
- [7] <https://piotrmicek.staff.tcs.uj.edu.pl/machine-learning/docs/szymon-stankiewicz-lincencjat.pdf> [dostęp 08.05.2020]
- [8] <https://engmrk.com/adam-optimization-algorithm/> [dostęp 08.05.2020]
- [9] <https://ftims.edu.p.lodz.pl/mod/resource/view.php?id=73138> [dostęp 08.05.2020]