Schad et al (2020)に学ぶ名義尺度のコーディング

Schad et al (2020)日本語注解

小川雅貴

東京大学

2021/12/17 (updated: 2021-12-09)

このHTMLスライドをご覧になる際は、ChromeまたはFirefoxをお使いになることをお勧めいたします。また、HTMLスライドの中身が正しく読み込まれない場合には、ブラウザの更新ボタンを押して、再度スライドを読み込んでください。なお、本スライドのPDF版は こちら にございます。

必要なパッケージ・関数の読み込み

library(tidyverse)

次のパッケージ群を呼び出す

- ggplot2: データ可視化・図生成
- dplyr: データ操作
- tidyr: データ整然化
- readr: データ読み込み
- purrr: 関数型プログラミング
- tibble: 現代的データフレームtibbles
- stringr: 文字列処理
- forcats: カテゴリ変数の操作

library(tidyverse)

library (broom)

統計モデルの解析結果をtibbleで表示

library(tidyverse)
library(broom)
library(lme4)

一般化線形混合モデルの構築

library(tidyverse)
library(broom)
library(lme4)
library(MASS)

対比行列の構築

library(tidyverse)
library(broom)
library(lme4)
library(MASS)
library(hypr)

「仮説」行列の構築

library(tidyverse)
library(broom)
library(lme4)
library(MASS)
library(hypr)
library(knitr)

Rでの動的文書生成

```
library(tidyverse)
library(broom)
library(lme4)
library(MASS)
library(hypr)
library(knitr)

source(
   "http://read.psych.uni-potsdam.de/attachments/artillocal = knitr::knit_global()
)
```

mixedDesign()の読み込み

Rmarkdownをknitする際には**, source()**の項で**local = knitr::knit_global()**を指定する https://bookdown.org/yihui/rmarkdown-cookbook/source-script.html

```
library(tidyverse)
library(broom)
library(lme4)
library(MASS)
library(hypr)
library(knitr)

source(
   "http://read.psych.uni-potsdam.de/attachments/arti
   local = knitr::knit_global()
)

#source("http://read.psych.uni-potsdam.de/pmr2/attac
```

Schad et al (2020)の元コードはこちら

乱数の固定

Conceptual explanation of default contrasts (p.3)

Treatment contrast 処理対比

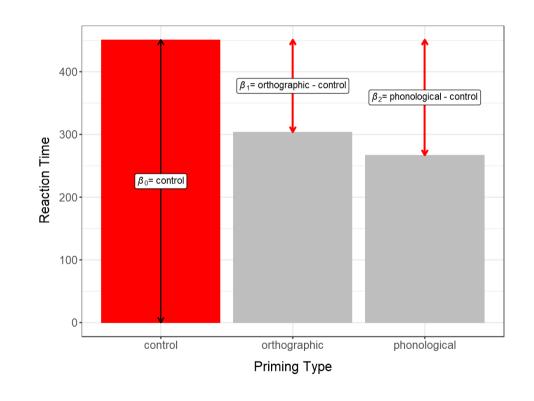
- 実験的介入treatmentの効果を, 非介入群との比較 で検討
 - 。 実験群 vs 統制群
- 各実験群を同一の統制群と比べる

Treatment contrast 処理対比

- 実験的介入treatmentの効果を, 非介入群との比較 で検討
 - 。 実験群 vs 統制群
- 各実験群を同一の統制群と比べる
- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群 と比べる
 - 1. 音韻的プライミング
 - 2. 綴字プライミング
 - 3. プライミングなし(統制群)

Treatment contrast 処理対比

- 実験的介入treatmentの効果を, 非介入群との比較 で検討
 - 。 実験群 vs 統制群
- 各実験群を同一の統制群と比べる
- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群 と比べる
 - 1. 音韻的プライミング
 - 2. 綴字プライミング
 - 3. プライミングなし(統制群)
- 対比は次の2つ
 - 1. 音韻的プライミング vs プライミングなし(統制群)



dummy contrastとも呼ばれる

Sum contrast 零和対比

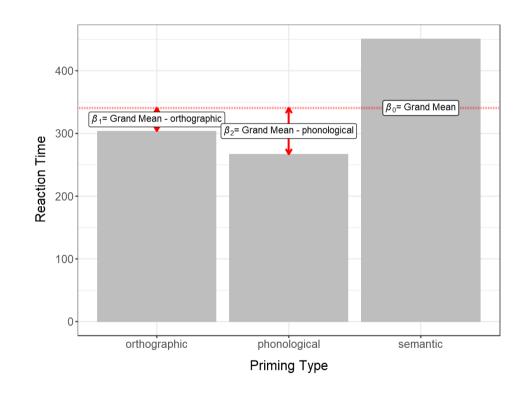
- 実験的介入treatmentの効果を,全ての群の平均と の比較で検討
 - 。 実験群 vs 全体平均

Sum contrast 零和対比

- 実験的介入treatmentの効果を,全ての群の平均 との比較で検討
 - 。 実験群 vs 全体平均
- 例:様々なプライミング効果を,全体平均と比べる
 - 1. 音韻的プライミング
 - 2. 綴字プライミング
 - 3. プライミングなし(統制群)

Sum contrast 零和対比

- 実験的介入treatmentの効果を,全ての群の平均 との比較で検討
 - 。 実験群 vs 全体平均
- 例:様々なプライミング効果を,全体平均と比べる
 - 1. 音韻的プライミング
 - 2. 綴字プライミング
 - 3. プライミングなし(統制群)
- 対比は次の2つ
 - 1. 音韻的プライミング vs 全体平均
 - 2. 綴字プライミング vs 全体平均



Repeated contrast

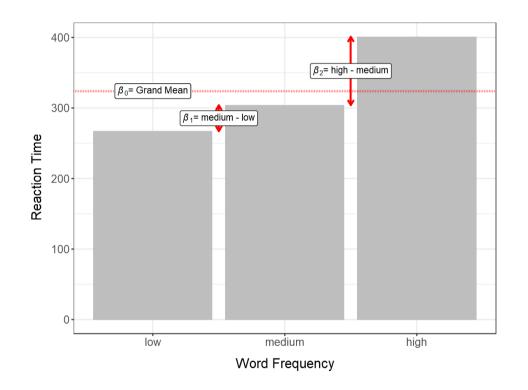
- (順序が決まっている) 隣り合う水準同士を比較
 - 。 実験群1 vs 実験群2
 - 。 実験群2 vs 実験群3...

Repeated contrast

- ・ (順序が決まっている)隣り合う水準同士を比較
 - 。 実験群1 vs 実験群2
 - 。 実験群2 vs 実験群3...
- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度

Repeated contrast

- ・ (順序が決まっている)隣り合う水準同士を比較
 - 。 実験群1 vs 実験群2
 - 。 実験群2 vs 実験群3...
- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度
- 対比は次の2つ
 - 1. 中頻度 vs 低頻度
 - 2. 高頻度 vs 中頻度



Polynomial contrast 多項式対比

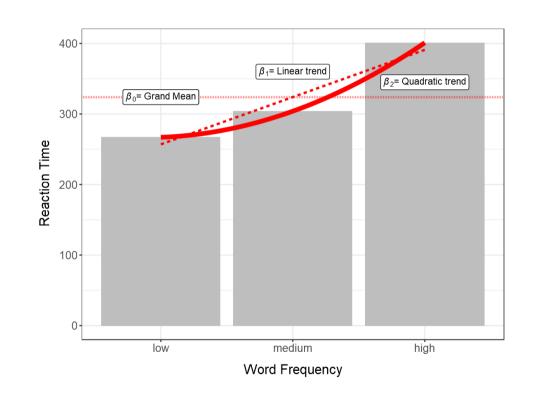
- ・ (順序と間隔が決まっている) 隣り合う水準間の 増減傾向を比較
 - 。 水準間で同じペースで増加・減少?
 - 。 水準間毎に、増加・減少のペースが変わる?

Polynomial contrast 多項式対比

- (順序と間隔が決まっている)隣り合う水準間 の増減傾向を比較
 - 。 水準間で同じペースで増加・減少?
 - 。 水準間毎に、増加・減少のペースが変わる?
- 例:語の頻度の効果を, 隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度

Polynomial contrast 多項式対比

- ・ (順序と間隔が決まっている)隣り合う水準間の増減傾向を比較
 - 。 水準間で同じペースで増加・減少?
 - 。 水準間毎に、増加・減少のペースが変わる?
- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度
- 対比は次の2つ
 - 1. 1次関数ペース (Linear; どの水準間でも一定ペースで増加・減少?)
 - 2. 2次関数ペース(Quadratic; 次の水準間ほどに 増加・減少が激しい・穏やか?)



This type of coding system should be used only with an ordinal variable in which the levels are equally spaced

Helmert contrast ヘルマート対比

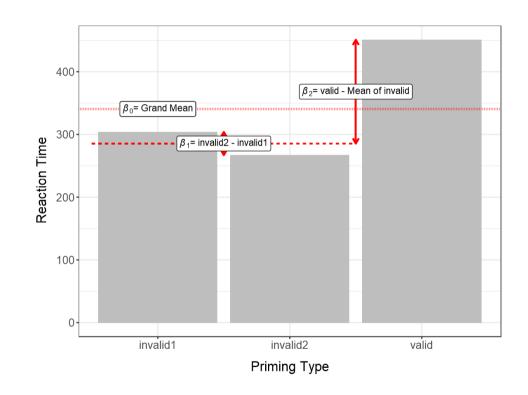
- 「1つの水準を残りの水準の平均と比較する」ことを繰り返す
 - 。 水準1 vs 残りの水準(水準2と水準3の平均)
 - 水準2 vs 残りの水準(水準3)

Helmert contrast ヘルマート対比

- 「1つの水準を残りの水準の平均と比較する」ことを繰り返す
 - 。 水準1 vs 残りの水準(水準2と水準3の平均)
 - 水準2 vs 残りの水準(水準3)
- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群 と比べる
 - 1. 無効なプライミング1
 - 2. 無効なプライミング2
 - 3. 有効なプライミング

Helmert contrast ヘルマート対比

- 「1つの水準を残りの水準の平均と比較する」ことを繰り返す
 - 。 水準1 vs 残りの水準(水準2と水準3の平均)
 - 水準2 vs 残りの水準(水準3)
- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群と比べる
 - 1. 無効なプライミング1
 - 2. 無効なプライミング2
 - 3. 有効なプライミング
- 対比は次の2つ
 - 1. 無効なプライミング1 vs 無効なプライミング2
 - 2. 無効なプライミング vs 有効なプライミング



Basic concepts illustrated using a two-level factor (pp.3--8)

1要因2水準の実験で、応答変数の平均値を比較

- 1. シミュレーション用データを作成
- 2. シミュレーションの結果を図や表で確認
- 3. シミュレーション用データに対し線形モデルを構築
 - 。 とりあえず線形モデルを作るとどうなるか試す
- 4. Default contrast coding: treatment contrasts
- 5. Defining hypotheses
- 6. Sum contrast
- 7. Cell means parameterization

シミュレーション用データを作成

- mixedDesign()を使う
- 1要因2水準
 - 1. F1: 0.8秒
 - 2. F2: 0.4秒
- 実験参加者数10人
 - 。 被験者間計画 (between-subject design)
 - 。実験参加者は、F1の条件だけ、またはF2の条件だけに接する
 - 1. F1: 5人
 - 2. F2: 5人

```
set.seed(1212); simdat <- mixedDesign(</pre>
#### 被験者間計画での水準数 ####
 B = 2,
#### 被験者内計画での水準数 ####
 W = NULL
#### 被験者間計画での1水準あたりの実験参加者数 ####
 #### 実験参加者総数は, `B * n` #### #### 実験参加者総数
 n = 5,
#### 水準ごとの応答変数の平均を示した行列 ####
#### 各行に水準ごとの応答変数の平均を入れる ####
 M = matrix(
   c(0.8, 0.4),
   nrow = 2,
   ncol = 1,
   byrow = FALSE
#### 要因の標準偏差 ####
 SD = 0.20,
#### 「1試行1データ」の整然データでデータフレームを作成 ####
 long = TRUE
set.seed(1212); simdat
```

```
B_A id DV

1 A1 1 0.7370717

2 A1 2 0.5544852

3 A1 3 0.9634010

4 A1 4 1.0436117

5 A1 5 0.7014305

6 A2 6 0.2616614

7 A2 7 0.3948117

8 A2 8 0.1731352

9 A2 9 0.4832820

10 A2 10 0.6871097
```

```
set.seed(1212); simdat <- mixedDesign(</pre>
#### 被験者間計画での水準数 ####
 B = 2,
#### 被験者内計画での水準数 ####
 W = NULL
#### 被験者間計画での1水準あたりの実験参加者数 #### 5 A1 5 0.7014305
 #### 実験参加者総数は, `B * n` #### #### 実験参加者総数 6 A2 6 0.2616614
 n = 5,
#### 水準ごとの応答変数の平均を示した行列 #### 8 A2 8 0.1731352
#### 各行に水準ごとの応答変数の平均を入れる #### 9 A2 9 0.4832820
 M = matrix(
 c(0.8, 0.4),
 nrow = 2,
 ncol = 1,
  byrow = FALSE
#### 要因の標準偏差 ####
 SD = 0.20,
#### 「1試行1データ」の整然データでデータフレームを作成 ####
 long = TRUE
) |>
 rename(F = B A)
set.seed(1212); simdat
```

```
Fid DV

1 A1 1 0.7370717

2 A1 2 0.5544852

3 A1 3 0.9634010

4 A1 4 1.0436117

5 A1 5 0.7014305

6 A2 6 0.2616614

7 A2 7 0.3948117

8 A2 8 0.1731352

9 A2 9 0.4832820

10 A2 10 0.6871097
```

```
set.seed(1212); simdat <- mixedDesign(</pre>
#### 被験者間計画での水準数 ####
 B = 2,
#### 被験者内計画での水準数 ####
 W = NULL
#### 被験者間計画での1水準あたりの実験参加者数 #### 5 F1 5 0.7014305
 #### 実験参加者総数は, `B * n` #### #### 実験参加者総数 6 F2 6 0.2616614
 n = 5,
#### 水準ごとの応答変数の平均を示した行列 #### 8 F2 8 0.1731352
#### 各行に水準ごとの応答変数の平均を入れる #### 9 F2 9 0.4832820
 M = matrix(
 c(0.8, 0.4),
 nrow = 2,
 ncol = 1,
 byrow = FALSE
#### 要因の標準偏差 ####
 SD = 0.20,
#### 「1試行1データ」の整然データでデータフレームを作成 ####
 long = TRUE
) |>
 rename (F = B A) |>
 mutate(
   F = fct recode(
    F,
    F1 = "A1",
    F2 = "A2"
set.seed(1212); simdat
```

```
F id DV

1 F1 1 0.7370717

2 F1 2 0.5544852

3 F1 3 0.9634010

4 F1 4 1.0436117

5 F1 5 0.7014305

6 F2 6 0.2616614

7 F2 7 0.3948117

8 F2 8 0.1731352

9 F2 9 0.4832820

10 F2 10 0.6871097
```

```
set.seed(1212); simdat <- mixedDesign(</pre>
#### 被験者間計画での水準数 ####
 B = 2.
#### 被験者内計画での水準数 ####
 W = NULL.
#### 被験者間計画での1水準あたりの実験参加者数 ####
 #### 実験参加者総数は, `B * n` #### #### 実験参加者総数
 n = 5.
#### 水準ごとの応答変数の平均を示した行列 ####
#### 各行に水準ごとの応答変数の平均を入れる ####
 M = matrix(
  c(0.8, 0.4),
  nrow = 2,
 ncol = 1,
 byrow = FALSE
#### 要因の標準偏差 ####
 SD = 0.20,
#### 「1試行1データ」の整然データでデータフレームを作成 ####
 long = TRUE
) |>
 rename (F = B A) |>
 mutate(
   F = fct recode(
     F,
     F1 = "A1",
    F2 = "A2"
str(simdat)
set.seed(1212); simdat
```

```
'data.frame': 10 obs. of 3 variables:

$ F : Factor w/ 2 levels "F1", "F2": 1 1 1 1 1 2 2 2 2 2 2

$ id: Factor w/ 10 levels "1", "2", "3", "4", ...: 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

$ DV: num 0.737 0.554 0.963 1.044 0.701 ...
```

```
Fid DV

1 F1 1 0.7370717

2 F1 2 0.5544852

3 F1 3 0.9634010

4 F1 4 1.0436117

5 F1 5 0.7014305

6 F2 6 0.2616614

7 F2 7 0.3948117

8 F2 8 0.1731352

9 F2 9 0.4832820

10 F2 10 0.6871097
```

シミュレーションの結果を図や表で確認

- 1要因2水準
 - 1. F1: 0.8秒 (標準偏差0.2秒)
 - 2. F2: 0.4秒 (標準偏差0.2秒)

simdat

```
F id DV

1 F1 1 0.7370717

2 F1 2 0.5544852

3 F1 3 0.9634010

4 F1 4 1.0436117

5 F1 5 0.7014305

6 F2 6 0.2616614

7 F2 7 0.3948117

8 F2 8 0.1731352

9 F2 9 0.4832820

10 F2 10 0.6871097
```

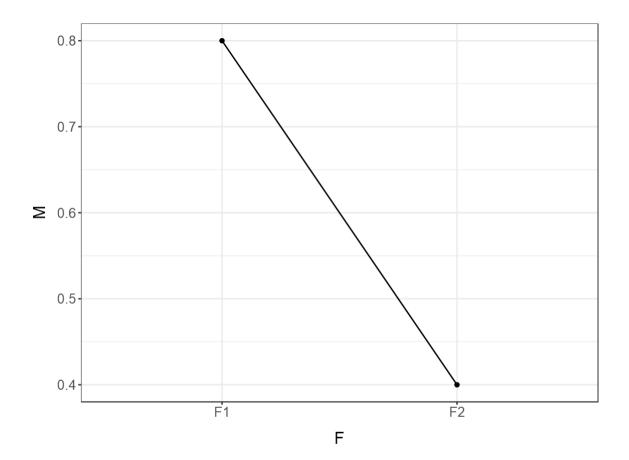
```
simdat |>
group_by(F)
```

```
# A tibble: 10 x 3
# Groups: F [2]
  F id DV
<fct> <fct> <dbl>
1 F1
     1 0.737
2 F1
      2
          0.554
3 F1
     3
          0.963
4 F1
       4
          1.04
5 F1
           0.701
       5
6 F2
           0.262
       6
7 F2
           0.395
      7
8 F2
           0.173
           0.483
9 F2
10 F2
      10
           0.687
```

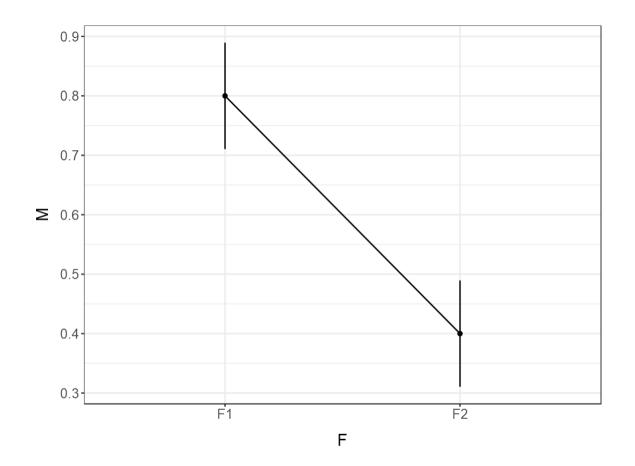
```
simdat |>
  group_by(F) |>
summarise(
  N = length(DV),
  M = mean(DV),
  SD = sd(DV),
  SE = SD / sqrt(N)
)
```

```
simdat |>
  group_by(F) |>
  summarise(
    N = length(DV),
    M = mean(DV),
    SD = sd(DV),
    SE = SD / sqrt(N)
) |>
  ungroup()
```

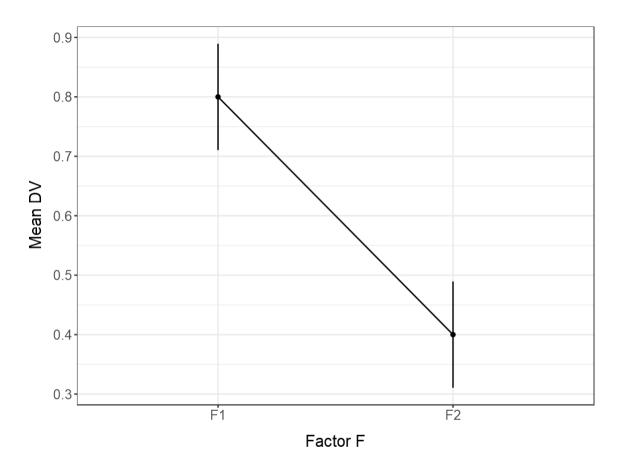
```
simdat |>
 group by(F) |>
 summarise(
 N = length(DV),
 M = mean(DV),
 SD = sd(DV),
 SE = SD / sqrt(N)
 ) |>
 ungroup() |>
  \(d){
   qplot(
    x = F, y = M,
    group = 1,
     data = d,
      geom = c("point", "line")
 ) ()
```



```
simdat |>
 group_by(F) |>
 summarise(
 N = length(DV),
 M = mean(DV),
 SD = sd(DV),
 SE = SD / sqrt(N)
 ) |>
 ungroup() |>
  \(d){
  qplot(
    x = F, y = M,
    group = 1,
    data = d,
    geom = c("point", "line")
 ) () +
 geom errorbar(
 aes(
  max = M + SE,
  min = M - SE
   ),
   width = 0
```



```
simdat |>
 group by(F) |>
 summarise(
 N = length(DV),
 M = mean(DV),
 SD = sd(DV),
 SE = SD / sqrt(N)
 ) |>
 ungroup() |>
  \(d){
   qplot(
    x = F, y = M,
    group = 1,
    data = d,
    geom = c("point", "line")
 ) () +
 geom errorbar(
 aes(
  max = M + SE,
  min = M - SE
  ),
  width = 0
 ) +
 labs(
 y = "Mean DV",
 x = "Factor F"
```



simdat

```
F id DV

1 F1 1 0.7370717

2 F1 2 0.5544852

3 F1 3 0.9634010

4 F1 4 1.0436117

5 F1 5 0.7014305

6 F2 6 0.2616614

7 F2 7 0.3948117

8 F2 8 0.1731352

9 F2 9 0.4832820

10 F2 10 0.6871097
```

```
simdat |>
group_by(F)
```

```
# A tibble: 10 x 3
# Groups: F [2]
  F id DV
<fct> <fct> <dbl>
1 F1
     1 0.737
2 F1
      2
          0.554
3 F1
     3
          0.963
4 F1
       4
          1.04
5 F1
           0.701
       5
6 F2
           0.262
       6
7 F2
           0.395
      7
8 F2
           0.173
           0.483
9 F2
10 F2
      10
           0.687
```

```
simdat |>
  group_by(F) |>
summarise(
  N = length(DV),
  M = mean(DV),
  SD = sd(DV),
  SE = SD / sqrt(N)
)
```

```
simdat |>
  group_by(F) |>
  summarise(
    N = length(DV),
    M = mean(DV),
    SD = sd(DV),
    SE = SD / sqrt(N)
) |>
  ungroup()
```

```
simdat |>
 group_by(F) |>
 summarise(
 N = length(DV),
 M = mean(DV),
 SD = sd(DV),
 SE = SD / sqrt(N)
 ) |>
 ungroup() |>
 kable(
   digits = 2,
   col.names = c(
    'Levels of Factor',
    'N. of data points',
     'Mean RT',
     'Std. Dev.',
     'Std. Err.'
```

Levels of Factor	N. of data points	Mean RT	Std. Dev.	Std. Err.
F1	5	0.8	0.2	0.09
F2	5	0.4	0.2	0.09

14/42

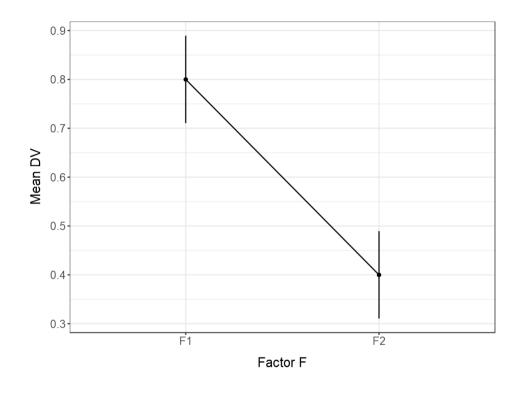
シミュレーション用データに 対し線形モデルを構築

• 水準間で応答変数の平均が有意に異なるか、線形モデルで確認

```
m_F < -lm(DV \sim F, simdat)
```

- 切片 (intercept, 0.8)
 - 。 F1の下での応答変数の平均 $\widehat{\mu_{\mathtt{F1}}}$
- 傾き (intercept, -0.4)
 - 。 F2の下での応答変数の平均とF1の下での応答 変数の平均の差 $\widehat{\mu_{F2}}$ - $\widehat{\mu_{F1}}$

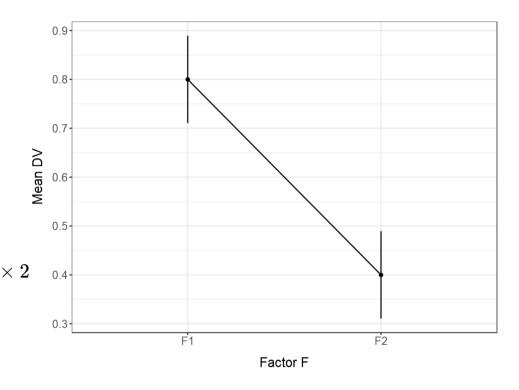
Predictor	Estimate	95% CI	t-value	<i>p</i> -value
(Intercept)	0.8	[0.594, 1.006]	8.94	0.00
FF2	-0.4	[-0.692, -0.108]	-3.16	0.01



シミュレーション用データに 対し線形モデルを構築

- 95%信頼区間 (95% Confidence Interval)
 - 。 平均値 ±1.96 × 標準誤差 (Standarrd Error)
 - 。 「100回実験して95回は真値を含むような区間 |
- t 値
 - 。 この t 値は,自由度が ((その水準から得られたデータポイント数) $-1) \times 2$ の t 分布に従う
 - この t 分布の両側2.5%の範囲にあれば,有意
 - 。 $(5-1) \times 2 = 8$ なので、今回の t 値は、 t(8) に従う
 - t(8)の両側2.5%の範囲は、t < 2.31, 2.31 < t
 - ∘ t値が上記区間に入っていれば,有意

Predictor	Estimate	95% CI	t-value	<i>p</i> -value
(Intercept)	0.8	[0.594, 1.006]	8.94	0.00
FF2	-0.4	[-0.692, -0.108]	-3.16	0.01



```
m_F
```

```
m_F |>
  tidy(
    conf.int = TRUE,
    conf.level = 0.95
)
```

```
# A tibble: 2 x 7
 term
           estimate std.error statistic p.value conf.low conf.high
<chr>
             <dbl>
                     <dbl>
                              <dbl> <dbl>
                                             <dbl>
                                                      <dbl>
                     0.0894 8.94 0.0000194
1 (Intercept)
              0.8
                                             0.594
                                                    1.01
2 FF2
                     0.126
              -0.4
                              -3.16 0.0133
                                             -0.692 -0.108
```

.panel2-tab-lm-simdat-auto[

```
# A tibble: 2 x 8
 term
           estimate std.error statistic p.value conf.low con:
 <chr>
              <dbl>
                     <dbl>
                               <dbl>
                                       <dbl>
                                               <dbl>
                    0.0894 8.94 0.0000194 0.594
1 (Intercept)
                0.8
                     0.126
                               -3.16 0.0133
                                              -0.692
2 FF2
               -0.4
```

.panel2-tab-lm-simdat-auto[

```
m F |>
 tidy(
 conf.int = TRUE,
  conf.level = 0.95
 ) |>
 mutate(
  `95% CI` = paste0(
   "[",
    conf.low |> round(3),
    ", ",
    conf.high |> round(3),
    "]"
 ) |>
 relocate(
 `95% CI`, .after = estimate
 ) |>
 dplyr::select(
   -c (
   std.error,
   conf.low,
    conf.high
```

```
m F |>
 tidy(
  conf.int = TRUE,
  conf.level = 0.95
 ) |>
 mutate(
   `95% CI` = paste0(
     "[",
     conf.low |> round(3),
     ", ",
     conf.high |> round(3),
     "]"
 ) |>
 relocate(
  `95% CI`, .after = estimate
 ) |>
 dplyr::select(
   -c(
     std.error,
     conf.low,
     conf.high
 ) |>
  kable(
   digits = 2,
   escape = FALSE,
   col.names = c(
     'Predictor',
     'Estimate',
     '95% CI',
     '$t$-value',
      '$p$-value'
```

Predictor	Estimate	95% CI	t-value	p-value
(Intercept)	0.8	[0.594, 1.006]	8.94	0.00
FF2	-0.4	[-0.692, -0.108]	-3.16	0.01

Default contrast coding: treatment contrasts

- 切片 (intercept, 0.8)
 - 。 F1の下での応答変数の平均 $\widehat{\mu_{F1}}$
- 傾き (intercept, -0.4)
 - 。 F2の下での応答変数の平均とF1の下での応答 変数の平均の差 $\widehat{\mu_{F2}}$ - $\widehat{\mu_{F1}}$

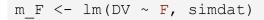
なぜ, 切片と傾きがこの値になるのか??

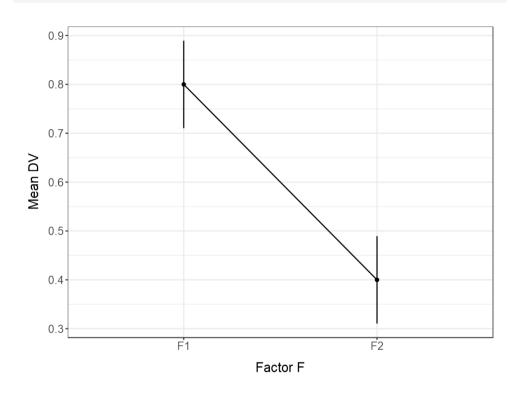
Default contrast coding: treatment contrasts

- 切片 (intercept, 0.8)
 - 。 F1の下での応答変数の平均 $\widehat{\mu_{\mathtt{F1}}}$
- 傾き (intercept, -0.4)
 - 。 F2の下での応答変数の平均とF1の下での応答 変数の平均の差 $\widehat{\mu_{F2}}$ - $\widehat{\mu_{F1}}$

なぜ, 切片と傾きがこの値になるのか??

:: デフォルトでは, Rは, 名義尺度にtreatment contrastを適用するため





Treatment contrastsとその意味

contrasts(simdat\$F)

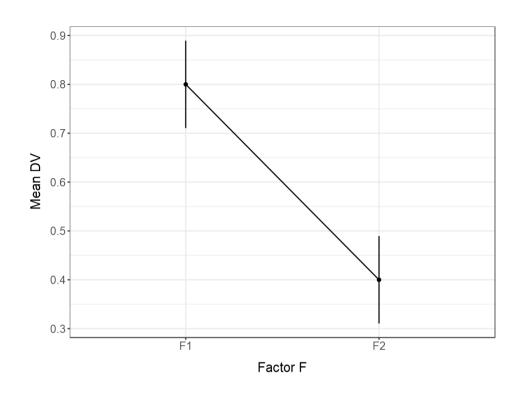
$$x = \left\{egin{array}{ll} 0 & ext{F1} のとき \ 1 & ext{F2} のとき \end{array}
ight.$$

Default contrast coding: treatment contrasts

Rがデフォルトで名義尺度に適用する対比

$$x = \begin{cases} 0 & \text{F1 のとき} \\ 1 & \text{F2 のとき} \end{cases}$$

応答変数
$$y$$
 $=$ β_0 $+$ β_1 x $=$ $\begin{cases} eta_0 + eta_1 imes 0 & \text{F1 の とき} \\ eta_0 + eta_1 imes 1 & \text{F2 o とき} \end{cases}$ \vdots $=$ $\begin{cases} eta_0 & \text{F1 o とき} \\ eta_0 + eta_1 & \text{F2 o とき} \end{cases}$ $=$ $\begin{cases} 0.8 & \text{F1 o とき} \\ 0.8 + (-0.4) & \text{F2 o とき} \end{cases}$ $=$ $\begin{cases} 0.8 & \text{F1 o とき} \\ 0.4 & \text{F2 o とき} \end{cases}$



Defining hypotheses

Treatment contrastの下では,

- 傾き β₁
 - 。 「実験条件の応答変数の平均値」と「統制条件での応答変数の平均値」の差
 - $\circ~(~\mu_{
 m F2}-\mu_{
 m F1}~)$
- 切片 β_0
 - 。 統制条件での応答変数の平均値
 - \circ (μ_{F1})

Defining hypotheses

Treatment contrastの下では,

- 傾き β₁
 - 。 「実験条件の応答変数の平均値」と「統制条件での応答変数の平均値」の差
 - $\circ~(~\mu_{
 m F2}-\mu_{
 m F1}~)$
- 切片 β_0
 - 。 統制条件での応答変数の平均値
 - \circ $(\mu_{\mathrm{F}1})$

↑切片や傾きの意味を言語化しただけ

Defining hypotheses

Treatment contrastの下では,

- 傾き β₁
 - 。 「実験条件の応答変数の平均値」と「統制条件での応答変数の平均値」の差
 - $\circ \ (\mu_{\mathrm{F2}} \mu_{\mathrm{F1}})$
- 切片 β₀
 - 。 統制条件での応答変数の平均値
 - \circ $(\mu_{\mathrm{F}1})$

↑切片や傾きの意味を言語化しただけ

切片や傾きを通じて、どのような帰無仮説を棄却しようとしているのか?

帰無仮説:傾きが存在しない

帰無仮説:傾きが存在しない

 $H_0:eta_1=0$

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0:eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{{
m F}2} - \mu_{{
m F}1} = 0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:切片が存在しない

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0:eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{{
m F}2} - \mu_{{
m F}1} = 0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:切片が存在しない

$$H_0:eta_0=0$$

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0:eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{{
m F}2} - \mu_{{
m F}1} = 0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:切片が存在しない

$$H_0:eta_0=0$$

$$H_0: \mu_{ ext{F1}} = 0$$

統制条件とする水準を変えるには

- Rは,水準をアルファベット順に読み込み,アルファベット順に数値(0,1)を付与する
- アルファベット順に関係なく,特定の水準を統制条件としたい場合には

統制条件とする水準を変えるには

```
simdat <- simdat
```

```
F id DV

1 F1 1 0.7370717

2 F1 2 0.5544852

3 F1 3 0.9634010

4 F1 4 1.0436117

5 F1 5 0.7014305

6 F2 6 0.2616614

7 F2 7 0.3948117

8 F2 8 0.1731352

9 F2 9 0.4832820

10 F2 10 0.6871097
```

統制条件とする水準を変えるには

```
simdat <- simdat |>
mutate(
   Fb = fct_relevel(
   F,
    "F2",
   "F1"
   )
)
simdat
```

```
F id DV Fb

1 F1 1 0.7370717 F1

2 F1 2 0.5544852 F1

3 F1 3 0.9634010 F1

4 F1 4 1.0436117 F1

5 F1 5 0.7014305 F1

6 F2 6 0.2616614 F2

7 F2 7 0.3948117 F2

8 F2 8 0.1731352 F2

9 F2 9 0.4832820 F2

10 F2 10 0.6871097 F2
```

統制条件とする水準を変えるには

```
simdat <- simdat |>
  mutate(
    Fb = fct_relevel(
    F,
    "F2",
    "F1"
    )
)
contrasts(simdat$Fb)
simdat
```

```
F1
F2 0
F1 1
```

```
F id DV Fb

1 F1 1 0.7370717 F1

2 F1 2 0.5544852 F1

3 F1 3 0.9634010 F1

4 F1 4 1.0436117 F1

5 F1 5 0.7014305 F1

6 F2 6 0.2616614 F2

7 F2 7 0.3948117 F2

8 F2 8 0.1731352 F2

9 F2 9 0.4832820 F2

10 F2 10 0.6871097 F2
```

統制条件とする水準を変えるには

```
simdat <- simdat |>
  mutate(
    Fb = fct_relevel(
    F,
        "F2",
        "F1"
    )
)
contrasts(simdat$Fb)
contrasts(simdat$F)
simdat
```

```
F1
F2 0
F1 1
  F2
F1 0
F2 1
  F id DV Fb
1 F1 1 0.7370717 F1
2 F1 2 0.5544852 F1
3 F1 3 0.9634010 F1
4 F1 4 1.0436117 F1
5 F1 5 0.7014305 F1
6 F2 6 0.2616614 F2
7 F2 7 0.3948117 F2
8 F2 8 0.1731352 F2
9 F2 9 0.4832820 F2
10 F2 10 0.6871097 F2
```

 $m1_mr <- lm(DV \sim Fb, simdat)$

Predictor	Estimate	95% CI	t-value	<i>p</i> -value
(Intercept)	0.4	[0.194, 0.606]	4.47	0.00
FbF1	0.4	[0.108, 0.692]	3.16	0.01

$$x = \left\{egin{array}{ll} 0 & ext{F2} のとき \ 1 & ext{F1} のとき \end{array}
ight.$$

$$y=eta_0+eta_1x \ =egin{cases} eta_0+eta_1 imes0 & ext{F2} のとき \ eta_0+eta_1 imes1 & ext{F1} のとき \ eta_0+eta_1 imes1 & ext{F1} のとき \ 0.4+(0.4) & ext{F1} のとき \ =egin{cases} 0.4 & ext{F2} のとき \ 0.8 & ext{F1} のとき \ \end{pmatrix}$$

F1が統制条件である場合

$$m_F \leftarrow lm(DV \sim F, simdat)$$

Predictor	Estimate	95% CI	t-value	<i>p</i> -value
(Intercept)	0.8	[0.594, 1.006]	8.94	0.00
FF2	-0.4	[-0.692, -0.108]	-3.16	0.01

$$x = \begin{cases} 0 & \text{F1 のとき} \\ 1 & \text{F2 のとき} \end{cases}$$

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

 $H_0:eta_1=0$

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

 $H_0:eta_1=0$

 $H_0: \mu_{{
m F}1} - \mu_{{
m F}2} = 0$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0:eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{\mathrm{F}1}-\mu_{\mathrm{F}2}=0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

$$H_0: eta_0 = 0$$

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0: eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{
m F1} - \mu_{
m F2} = 0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:切片が存在しない

$$H_0: eta_0 = 0$$

$$H_0: \mu_{ ext{F2}} = 0$$

(参考) F1が統制条件である 場合

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0: eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{
m F2} - \mu_{
m F1} = 0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

$$H_0: eta_0 = 0$$

$$H_0:\mu_{ ext{F1}}=0$$

Sum contrast

- (2水準の場合) 一方の水準に1を, 他方の水準に1を充てる
- 効果全体を全体平均に「中心化」する
 - 。全体平均 (Grand Mean): 各水準の平均を平均した値
- scaled sum contrasts; effect coding
 - 。(2水準の場合)一方の水準に-0.5を,他方の水準に0.5を充てる
 - 。 傾きが, 2水準の差と同じ値になる

Scaled sum contrastsとその意味

```
contrasts(simdat\$F) <- c(-0.5, 0.5) [,1]
contrasts(simdat\$F) F2 0.5
```

Sum contrast

- (2水準の場合) 一方の水準に-1を, 他方の水準に 1を充てる
- 効果全体を全体平均に「中心化」する
 - 。全体平均 (Grand Mean): 各水準の平均を平均 した値
- scaled sum contrasts; effect coding
 - 。 (2水準の場合) 一方の水準に-0.5を, 他方の 水準に0.5を充てる
 - 。 傾きが, 2水準の差と同じ値になる

 $m1_mr <- lm(DV \sim F, simdat)$

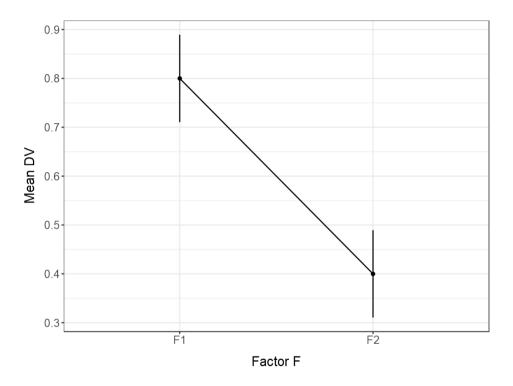
Predictor	Estimate	95% CI	t-value	<i>p</i> -value
(Intercept)	0.6	[0.454, 0.746]	9.49	0.00
F1	-0.4	[-0.692, -0.108]	-3.16	0.01

(Scaled) Sum contrasts

$$x = \left\{ egin{array}{ll} -0.5 & ext{F1 のとき} \ 0.5 & ext{F2 のとき} \end{array}
ight.$$

応答変数
$$y$$
 $=$ β_0 $+$ β_1 x $=$ $\begin{cases} \beta_0 + \beta_1 \times (-0.5) & \text{F1} \text{ のとき} \\ \beta_0 + \beta_1 \times 0.5 & \text{F2} \text{ のとき} \end{cases}$ \vdots $=$ $\begin{cases} \beta_0 - 0.5\beta_1 & \text{F1} \text{ のとき} \\ \beta_0 + 0.5\beta_1 & \text{F2} \text{ のとき} \end{cases}$ $=$ $\begin{cases} 0.6 - 0.5 \times (-0.4) & \text{F1} \text{ のとき} \\ 0.6 + 0.5 \times (-0.4) & \text{F2} \text{ のとき} \end{cases}$ $=$ $\begin{cases} 0.8 & \text{F1} \text{ のとき} \\ 0.4 & \text{F2} \text{ のとき} \end{cases}$

Predictor	Estimate	95% CI	t-value	<i>p</i> -value
(Intercept)	0.6	[0.454, 0.746]	9.49	0.00
F1	-0.4	[-0.692, -0.108]	-3.16	0.01



(Scaled) Sum contrasts

(Scaled) Sum contrastsの下では,

- 傾き β₁
 - 。「一方の条件の応答変数の平均値」と「他方の条件での応答変数の平均値」の差
 - $\circ~(~\mu_{
 m F2}-\mu_{
 m F1}~)$
- 切片 β₀
 - 。 「一方の条件の応答変数の平均値」と「他方の条件での応答変数の平均値」の平均値
 - \circ $(\frac{\mu_{\mathrm{F1}} + \mu_{\mathrm{F2}}}{2})$

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

傾き $eta_{\scriptscriptstyle 1}$ に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

 $H_0:eta_1=0$

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

 $H_0: eta_1 = 0$

 $H_0: \mu_{{
m F}2} - \mu_{{
m F}1} = 0$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

 $H_0:eta_1=0$

 $H_0: \mu_{ ext{F2}} - \mu_{ ext{F1}} = 0$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:切片が存在しない

 $H_0: eta_0 = 0$

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0: eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{
m F2} - \mu_{
m F1} = 0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:切片が存在しない

$$H_0: eta_0 = 0$$

$$H_0:rac{\mu_{ ext{F}1}+\mu_{ ext{F}2}}{2}=0$$

(参考) F1を統制条件とする Treatment contrastの場合

傾き eta_1 に関する帰無仮説 H_0

帰無仮説:傾きが存在しない

$$H_0: eta_1=0$$

$$H_0: \mu_{
m F2} - \mu_{
m F1} = 0$$

切片 eta_0 に関する帰無仮説 H_0

$$H_0: eta_0 = 0$$

$$H_0: \mu_{ ext{F1}} = 0$$

F id DV Fb データセット

1 F1 1 0.7370717 F1

2 F1 2 0.5544852 F1

3 F1 3 0.9634010 F1

4 F1 4 1.0436117 F1

5 F1 5 0.7014305 F1

6 F2 6 0.2616614 F2

7 F2 7 0.3948117 F2

8 F2 8 0.1731352 F2

9 F2 9 0.4832820 F2

10 F2 10 0.6871097 F2

```
simdat |>
  mutate(
    gross.mean = mean(DV)
)
```

```
F id
               DV Fb gross.mean
  F1 1 0.7370717 F1
   F1 2 0.5544852 F1
                           0.6
  F1 3 0.9634010 F1
                           0.6
  F1 4 1.0436117 F1
                           0.6
5 F1 5 0.7014305 F1
                           0.6
6 F2 6 0.2616614 F2
                           0.6
7 F2 7 0.3948117 F2
                           0.6
8 F2 8 0.1731352 F2
                           0.6
9 F2 9 0.4832820 F2
                           0.6
10 F2 10 0.6871097 F2
                           0.6
```

応答変数全ての平均を計算

```
simdat |>
  mutate(
    gross.mean = mean(DV)
) |>
  group_by(F)
```

```
# A tibble: 10 x 5
# Groups: F [2]
        id
                 DV Fb
                          gross.mean
  <fct> <fct> <dbl> <fct>
                               <dbl>
1 F1
              0.737 F1
                                0.6
 2 F1
              0.554 F1
                                0.6
3 F1
              0.963 F1
                                0.6
 4 F1
              1.04 F1
                                0.6
5 F1
              0.701 F1
                                 0.6
 6 F2
              0.262 F2
                                 0.6
7 F2
              0.395 F2
                                 0.6
 8 F2
              0.173 F2
                                 0.6
9 F2
              0.483 F2
                                 0.6
                                 0.6
10 F2
        10
              0.687 F2
```

説明変数の水準毎にデータをまとめ上げ

```
simdat |>
  mutate(
    gross.mean = mean(DV)
) |>
  group_by(F) |>
  mutate(
    lev.wise.mean = mean(DV)
)
```

```
# A tibble: 10 x 6
# Groups: F [2]
                 DV Fb
                          gross.mean lev.wise.mean
        id
  <fct> <fct> <dbl> <fct>
                               <dbl>
                                             <dbl>
              0.737 F1
                                 0.6
                                               0.8
 1 F1
 2 F1
              0.554 F1
                                 0.6
                                               0.8
 3 F1
              0.963 F1
                                 0.6
                                               0.8
 4 F1
              1.04 F1
                                 0.6
                                               0.8
              0.701 F1
                                 0.6
                                               0.8
 5 F1
              0.262 F2
                                 0.6
 6 F2
                                               0.4
 7 F2
              0.395 F2
                                 0.6
                                               0.4
 8 F2
              0.173 F2
                                 0.6
                                               0.4
9 F2
              0.483 F2
                                 0.6
                                               0.4
10 F2
        10
              0.687 F2
                                 0.6
                                               0.4
```

水準毎に応答変数の平均値を計算

```
simdat |>
  mutate(
    gross.mean = mean(DV)
) |>
  group_by(F) |>
  mutate(
    lev.wise.mean = mean(DV)
) |>
  ungroup()
```

```
# A tibble: 10 x 6
        id
                          gross.mean lev.wise.mean
                  DV Fb
   <fct> <fct> <dbl> <fct>
                                <dbl>
                                              <dbl>
              0.737 F1
                                                0.8
 1 F1
                                  0.6
 2 F1
              0.554 F1
                                  0.6
                                                0.8
 3 F1
              0.963 F1
                                  0.6
                                                0.8
 4 F1
              1.04 F1
                                  0.6
                                                0.8
 5 F1
              0.701 F1
                                  0.6
                                                0.8
 6 F2
              0.262 F2
                                  0.6
                                                0.4
                                  0.6
 7 F2
              0.395 F2
                                                0.4
 8 F2
              0.173 F2
                                  0.6
                                                0.4
 9 F2
              0.483 F2
                                  0.6
                                                0.4
10 F2
        10
              0.687 F2
                                  0.6
                                                0.4
```

まとめ上げを解除

```
simdat |>
  mutate(
    gross.mean = mean(DV)
) |>
  group_by(F) |>
  mutate(
    lev.wise.mean = mean(DV)
) |>
  ungroup() |>
  distinct(
    F, gross.mean, lev.wise.mean
)
```

応答変数全ての平均と水準毎の平均を抽 出

```
simdat |>
  mutate(
    gross.mean = mean(DV)
) |>
  group_by(F) |>
  mutate(
    lev.wise.mean = mean(DV)
) |>
  ungroup() |>
  distinct(
    F, gross.mean, lev.wise.mean
) |>
  summarise(
    gross.mean = gross.mean,
    mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wise)
```

水準毎の平均の平均を計算

```
simdat |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
 ) |>
 summarise(
   gross.mean = gross.mean,
   mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wi
 ) |>
 distinct(
   gross.mean, mean.of.lev.wise.mean
```

Grand Mean: 「各水準で得られた応答変数の平均値」の平均値

set.seed(1) 乱数固定

```
set.seed(1)
simdat
```

```
F id DV Fb

1 F1 1 0.7370717 F1

2 F1 2 0.5544852 F1

3 F1 3 0.9634010 F1

4 F1 4 1.0436117 F1

5 F1 5 0.7014305 F1

6 F2 6 0.2616614 F2

7 F2 7 0.3948117 F2

8 F2 8 0.1731352 F2

9 F2 9 0.4832820 F2

10 F2 10 0.6871097 F2
```

データセット

```
set.seed(1)
simdat |>
group_split(F)
```

```
t of<
  tbl df<
    F : factor<1ffb8>
   id: factor<49edf>
    DV: double
    Fb: factor<e285c>
  >
>[2]>
[[1]]
# A tibble: 5 x 4
       id
               DV Fb
  <fct> <fct> <dbl> <fct>
1 F1
            0.737 F1
2 F1
       2 0.554 F1
     3 0.963 F1
3 F1
4 F1 4 1.04 F1
            0.701 F1
5 F1
[[2]]
# A tibble: 5 x 4
       id
               DV Fb
  <fct> <fct> <dbl> <fct>
1 F2
            0.262 F2
            0.395 F2
2 F2
3 F2
       8 0.173 F2
4 F2
            0.483 F2
5 F2
            0.687 F2
```

データを水準ごとに分割

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
    .y = c(2, 1),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
)
```

```
# A tibble: 3 x 4
F id DV Fb
<fct> <fct> <fct> <dbl> <fct>
1 F1 1 0.737 F1
2 F1 4 1.04 F1
3 F2 6 0.262 F2
```

水準毎のデータから, 指定した分だけ無 作為抽出 (**F1とF2でデータ数が異なるよ うに抽出**)

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
    .y = c(2, 1),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
) |>
    mutate(
    gross.mean = mean(DV)
)
```

```
# A tibble: 3 x 5
F id DV Fb gross.mean
  <fct> <fct> <dbl> <fct> <dbl>
1 F1 1 0.737 F1 0.681
2 F1 4 1.04 F1 0.681
3 F2 6 0.262 F2 0.681
```

無作為抽出後のデータについて,応答変数全ての平均を計算

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
    .y = c(2, 1),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
) |>
    mutate(
    gross.mean = mean(DV)
) |>
    group_by(F)
```

```
# A tibble: 3 x 5
# Groups: F [2]
F id DV Fb gross.mean
  <fct> <fct> <fct> <dbl> <fct> <dbl>
1 F1 1 0.737 F1 0.681
2 F1 4 1.04 F1 0.681
3 F2 6 0.262 F2 0.681
```

説明変数の水準毎にデータをまとめ上げ

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
    .y = c(2, 1),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
) |>
    mutate(
        gross.mean = mean(DV)
) |>
    group_by(F) |>
    mutate(
        lev.wise.mean = mean(DV)
)
```

水準毎に応答変数の平均値を計算

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
    y = c(2, 1),
   \sim slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup()
```

```
# A tibble: 3 x 6
      id
              DV Fb
                     gross.mean lev.wise.mean
 <fct> <fct> <dbl> <fct>
                         <dbl>
                                     <dbl>
           0.737 F1
1 F1
     1
                         0.681
                                     0.890
2 F1
    4 1.04 F1
                         0.681
                                0.890
3 F2 6 0.262 F2
                                     0.262
                         0.681
```

まとめ上げを解除

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
   y = c(2, 1),
   ~ slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
```

応答変数全ての平均と水準毎の平均を抽 出

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す #:
   y = c(2, 1),
   ~ slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
 ) |>
 summarise(
   gross.mean = gross.mean,
   mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wi
```

水準毎の平均の平均を計算

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
    y = c(2, 1),
   \sim slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
 ) |>
 summarise(
   gross.mean = gross.mean,
   mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wi
 ) |>
 distinct(
   gross.mean, mean.of.lev.wise.mean
```

「各水準で得られた応答変数の平均値」 の平均値と、全データの平均が**一致しな** い

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1から2つ, F2から1つデータを取り出す ##
    y = c(2, 1),
   ~ slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
 ) |>
 summarise(
   gross.mean = gross.mean,
   mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wi
 ) |>
 distinct(
   gross.mean, mean.of.lev.wise.mean
 ) |>
```

応答変数全ての平均	「各水準の平均」の平均
0.68	0.58

「各水準で得られた応答変数の平均値」 の平均値と、全データの平均が**一致しない**

set.seed(1) 乱数固定

```
set.seed(1)
simdat
```

```
F id DV Fb

1 F1 1 0.7370717 F1

2 F1 2 0.5544852 F1

3 F1 3 0.9634010 F1

4 F1 4 1.0436117 F1

5 F1 5 0.7014305 F1

6 F2 6 0.2616614 F2

7 F2 7 0.3948117 F2

8 F2 8 0.1731352 F2

9 F2 9 0.4832820 F2

10 F2 10 0.6871097 F2
```

データセット

```
set.seed(1)
simdat |>
group_split(F)
```

```
t of<
  tbl df<
    F : factor<1ffb8>
   id: factor<49edf>
    DV: double
    Fb: factor<e285c>
  >
>[2]>
[[1]]
# A tibble: 5 x 4
       id
               DV Fb
  <fct> <fct> <dbl> <fct>
1 F1
            0.737 F1
2 F1
       2 0.554 F1
     3 0.963 F1
3 F1
4 F1 4 1.04 F1
            0.701 F1
5 F1
[[2]]
# A tibble: 5 x 4
       id
               DV Fb
  <fct> <fct> <dbl> <fct>
1 F2
            0.262 F2
            0.395 F2
2 F2
3 F2
       8 0.173 F2
4 F2
            0.483 F2
5 F2
            0.687 F2
```

データを水準ごとに分割

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す #
    .y = c(2, 2),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
    )
```

```
# A tibble: 4 x 4
F id DV Fb
  <fct> <fct> <fct> <fct> <dbl> <fct>
1 F1 1 0.737 F1
F1 4 1.04 F1
F2 F2 6 0.262 F2
F2 F2 7 0.395 F2
```

水準毎のデータから, 指定した分だけ無 作為抽出 (**F1とF2でデータ数が一致する ように抽出**)

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す #
    .y = c(2, 2),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
) |>
    mutate(
    gross.mean = mean(DV)
)
```

```
# A tibble: 4 x 5
      id
             DV Fb
                     gross.mean
 <fct> <fct> <dbl> <fct>
                         <dbl>
    1
           0.737 F1
1 F1
                         0.609
2 F1
    4 1.04 F1
                         0.609
3 F2 6 0.262 F2
                         0.609
4 F2 7 0.395 F2
                        0.609
```

無作為抽出後のデータについて,応答変数全ての平均を計算

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す #
    .y = c(2, 2),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
    ) |>
    mutate(
    gross.mean = mean(DV)
    ) |>
    group_by(F)
```

```
# A tibble: 4 x 5
# Groups: F [2]
              DV Fb
                      gross.mean
 <fct> <fct> <dbl> <fct>
                          <dbl>
1 F1
           0.737 F1
                          0.609
2 F1
    4 1.04 F1
                          0.609
3 F2 6 0.262 F2
                          0.609
4 F2 7 0.395 F2
                          0.609
```

説明変数の水準毎にデータをまとめ上げ

```
set.seed(1)

simdat |>
    group_split(F) |>
    map2_dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す #
    .y = c(2, 2),
    ~ slice_sample(.x, n = .y)
    ) |>
    mutate(
        gross.mean = mean(DV)
    ) |>
    group_by(F) |>
    mutate(
        lev.wise.mean = mean(DV)
    )
```

```
# A tibble: 4 x 6
# Groups: F [2]
             DV Fb
                    gross.mean lev.wise.mean
 <fct> <fct> <dbl> <fct>
                         <dbl>
                                    <dbl>
1 F1 1
           0.737 F1
                         0.609
                               0.890
2 F1 4 1.04 F1
                         0.609
                               0.890
3 F2 6 0.262 F2
                         0.609
                                    0.328
4 F2 7 0.395 F2
                         0.609
                                    0.328
```

水準毎に応答変数の平均値を計算

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す
   y = c(2, 2),
   ~ slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup()
```

```
# A tibble: 4 x 6
      id
              DV Fb
                      gross.mean lev.wise.mean
 <fct> <fct> <dbl> <fct>
                          <dbl>
                                       <dbl>
           0.737 F1
     1
                          0.609
                                      0.890
1 F1
2 F1
      4 1.04 F1
                          0.609
                                      0.890
3 F2 6 0.262 F2
                          0.609
                                      0.328
4 F2 7 0.395 F2
                          0.609
                                       0.328
```

まとめ上げを解除

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す
   y = c(2, 2)
  \sim slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
```

応答変数全ての平均と水準毎の平均を抽 出

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す
   y = c(2, 2)
   \sim slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
 ) |>
 summarise(
   gross.mean = gross.mean,
   mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wi
```

水準毎の平均の平均を計算

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す:
   y = c(2, 2),
   \sim slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
 ) |>
 summarise(
   gross.mean = gross.mean,
   mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wi
 ) |>
 distinct(
   gross.mean, mean.of.lev.wise.mean
```

「各水準で得られた応答変数の平均値」 の平均値と、全データの平均が一致する

```
set.seed(1)
simdat |>
 group split(F) |>
 map2 dfr(
#### F1・F2ともに, 2つずつデータを取り出す
    y = c(2, 2),
   ~ slice sample(.x, n = .y)
 ) |>
 mutate(
   gross.mean = mean(DV)
 ) |>
 group by(F) |>
 mutate(
   lev.wise.mean = mean(DV)
 ) |>
 ungroup() |>
 distinct(
   F, gross.mean, lev.wise.mean
 ) |>
 summarise(
   gross.mean = gross.mean,
   mean.of.lev.wise.mean = mean(lev.wi
 ) |>
 distinct(
   gross.mean, mean.of.lev.wise.mean
 ) |>
```

応答変数全ての平均	「各水準の平均」の平均
0.61	0.61

「各水準で得られた応答変数の平均値」 の平均値と、全データの平均が一致する

Balanced data COGrand Mean

各水準のデータ数が等しいデータセット (一切欠損値がないデータセット) では,

Grand Meanは、応答変数全体の平均に一致

応答変数全ての平均	「各水準の平均」の平均
0.61	0.61

Unbalanced data COGrand Mean

Grand Meanは、応答変数全体の平均に一致しない

応答変数全ての平均	「各水準の平均」	の平均
0.68		0.58

(*)Cell means parameterization

- 傾き(水準間の差)や切片を推定しない
- 各水準の下で得られる応答変数の平均が0か否かを検定する
 - 。 (2水準の場合) 帰無仮説は2つ
 - 1. $H_0: \mu_1 = 0$
 - 2. $H_0: \mu_2 = 0$

 $m2 mr < -lm(DV \sim -1 + F, simdat)$

Predictor	Estimate	95% CI	t-value	<i>p</i> -value
FF1	0.8	[0.594, 1.006]	8.94	0
FF2	0.4	[0.194, 0.606]	4.47	0

Examples of different default contrast types (pp.8--9)

さまざまな対比行列

- 1. Contrast matrices
- 2. Treatment contrast
- 3. Sum contrast
- 4. Repeated contrast
- 5. Polynomial contrast
- 6. Helmert contrast
- 7. 対比行列を充てる方法

Contrast matrices

- 対比を表す係数値(傾き・切片)は、係数値の行列で表現される
- 係数値の行列は,対比行列で実装される

Treatment contrast 処理対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群と 比べる
 - 1. プライミングなし(統制群)
 - 2. 音韻的プライミング(実験群1)
 - 3. 綴字プライミング(実験群2)

```
#contr.treatment(3)
contr.treatment(demoDataTreatment$priming)
```

	orthographic	phonological
control	0	0
orthographic	1	0
phonological	0	1

Treatment contrast 処理対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群と 比べる
 - 1. プライミングなし(統制群)
 - 2. 音韻的プライミング(実験群1)
 - 3. 綴字プライミング(実験群2)

```
#contr.treatment(3)
contr.treatment(demoDataTreatment$priming)
```

	orthographic	phonological
control	0	0
orthographic	1	0
phonological	0	1

各行:水準上から

1. 統制群: プライミングなし

2. 実験群1:音韻的プライミング

3. 実験群2: 綴字プライミング

Treatment contrast 処理対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群と 比べる
 - 1. プライミングなし(統制群)
 - 2. 音韻的プライミング(実験群1)
 - 3. 綴字プライミング(実験群2)

#contr.treatment(3)
contr.treatment(demoDataTreatment\$priming)

	orthographic	phonological
control	0	0
orthographic	1	0
phonological	0	1

- 各行:水準上から
 - 1. 統制群: プライミングなし
 - 2. 実験群1:音韻的プライミング
 - 3. 実験群2: 綴字プライミング
- 各列: **対比する水準の組合せ** 左から
 - 1. 実験群1 vs 統制群

(音韻的プライミング vs プライミングなし)

Sum contrast 零和対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,全体平均と比べる
 - 1. 音韻的プライミング
 - 2. 綴字プライミング
 - 3. プライミングなし(統制群)

```
# contr.sum(3)
contr.sum(demoDataSum$priming)
```

```
[,1] [,2]
orthographic 1 0
phonological 0 1
semantic -1 -1
```

Sum contrast 零和対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,全体平均と比べる
 - 1. 音韻的プライミング
 - 2. 綴字プライミング
 - 3. プライミングなし(統制群)

```
# contr.sum(3)
contr.sum(demoDataSum$priming)
```

```
[,1] [,2]
orthographic 1 0
phonological 0 1
semantic -1 -1
```

• 各行:**水準**上から

1. 統制群: プライミングなし

2. 実験群1: 音韻的プライミング

3. 実験群2: 綴字プライミング

Sum contrast 零和対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,全体平均と比べる
 - 1. 音韻的プライミング
 - 2. 綴字プライミング
 - 3. プライミングなし(統制群)

```
# contr.sum(3)
contr.sum(demoDataSum$priming)
```

```
[,1] [,2]
orthographic 1 0
phonological 0 1
semantic -1 -1
```

各行:水準上から

1. 統制群: プライミングなし

2. 実験群1:音韻的プライミング

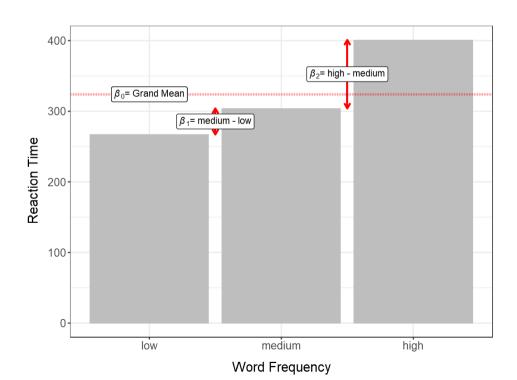
3. 実験群2: 綴字プライミング

- 各列: **対比する水準の組合せ** 左から
 - 1. 実験群1 vs 全体平均

(音韻的プライミング vs 全体平均)

Repeated contrastの対比行列

- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度

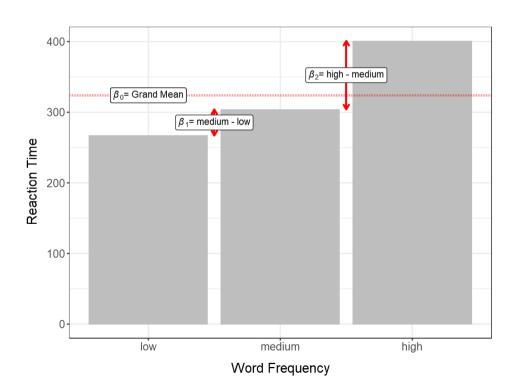


```
#contr.sdif(3)
contr.sdif(demoDataFreq$frequency)
```

```
medium-low high-medium
low -0.6666667 -0.3333333
medium 0.3333333 -0.3333333
high 0.3333333 0.6666667
```

Repeated contrastの対比行列

- 例:語の頻度の効果を、隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度



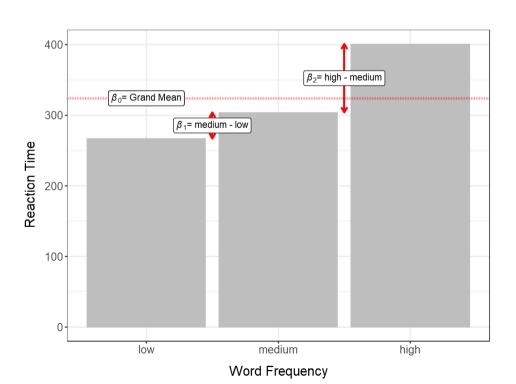
```
#contr.sdif(3)
contr.sdif(demoDataFreq$frequency)
```

```
medium-low high-medium
low -0.6666667 -0.3333333
medium 0.3333333 -0.3333333
high 0.3333333 0.6666667
```

- 各行:**水準**上から
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度

Repeated contrastの対比行列

- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度



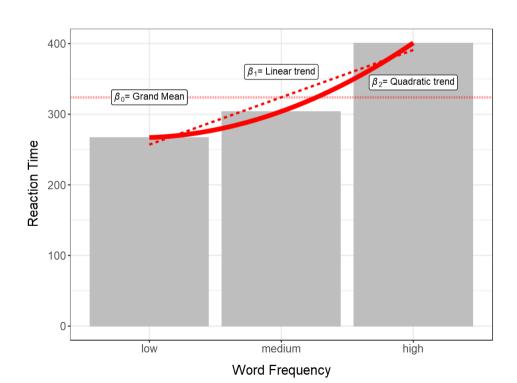
```
#contr.sdif(3)
contr.sdif(demoDataFreq$frequency)
```

```
medium-low high-medium
low -0.6666667 -0.3333333
medium 0.3333333 -0.3333333
high 0.3333333 0.6666667
```

- 各行:**水準**上から
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度
- 各列: **対比する水準の組合せ** 左から
 - 1. 中頻度 vs 低頻度
 - 2. 高頻度 vs 中頻度

Polynomial contrast 多項式対比の対比行列

- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度

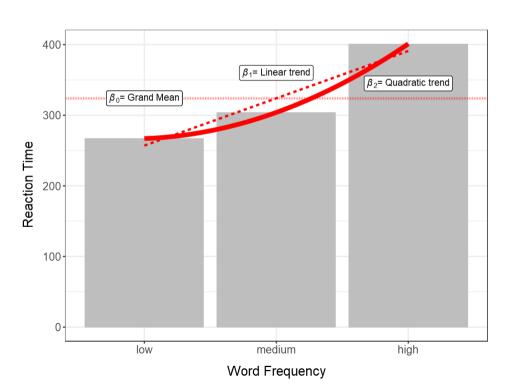


```
#contr.poly(3)
contr.poly(demoDataFreq$frequency)
```

```
.L .Q
[1,] -7.071068e-01 0.4082483
[2,] -7.850462e-17 -0.8164966
[3,] 7.071068e-01 0.4082483
```

Polynomial contrast 多項式対比の対比行列

- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度



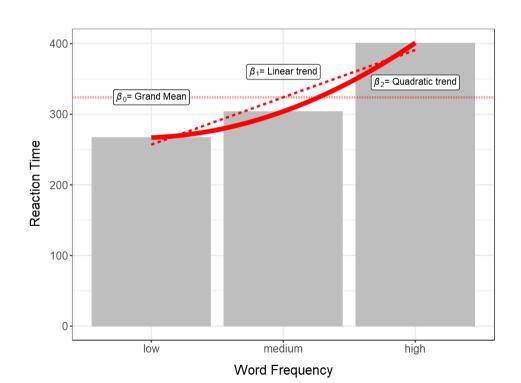
```
#contr.poly(3)
contr.poly(demoDataFreq$frequency)
```

```
.L .Q
[1,] -7.071068e-01 0.4082483
[2,] -7.850462e-17 -0.8164966
[3,] 7.071068e-01 0.4082483
```

- 各行: **水準** 上から
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度

Polynomial contrast 多項式対比の対比行列

- 例:語の頻度の効果を,隣り合う水準と比べる
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度



```
#contr.poly(3)
contr.poly(demoDataFreq$frequency)
```

```
.L .Q
[1,] -7.071068e-01 0.4082483
[2,] -7.850462e-17 -0.8164966
[3,] 7.071068e-01 0.4082483
```

- 各行:**水準**上から
 - 1. 低頻度
 - 2. 中頻度
 - 3. 高頻度
- 各列:対比する水準の組合せ 左から
 - 1. 1次関数ペース(Linear; どの水準間でも一定ペースで増加・減少?)

Helmert contrast ヘルマート対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群と 比べる
 - 1. 無効なプライミング1
 - 2. 無効なプライミング2
 - 3. 有効なプライミング

```
#contr.helmert(3)
contr.helmert(demoDataHelmert$priming)
```

```
[,1] [,2]
invalid1 -1 -1
invalid2 1 -1
valid 0 2
```

Helmert contrast ヘルマート対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群と 比べる
 - 1. 無効なプライミング1
 - 2. 無効なプライミング2
 - 3. 有効なプライミング

```
#contr.helmert(3)
contr.helmert(demoDataHelmert$priming)
```

```
[,1] [,2]
invalid1 -1 -1
invalid2 1 -1
valid 0 2
```

- 各行:水準上から
 - 1. 無効なプライミング1
 - 2. 無効なプライミング2
 - 3. 有効なプライミング

Helmert contrast ヘルマート対比の対比行列

- 例:様々なプライミング効果を,同一の統制群と比べる
 - 1. 無効なプライミング1
 - 2. 無効なプライミング2
 - 3. 有効なプライミング

```
#contr.helmert(3)
contr.helmert(demoDataHelmert$priming)
```

```
[,1] [,2]
invalid1 -1 -1
invalid2 1 -1
valid 0 2
```

- 各行:水準上から
 - 1. 無効なプライミング1
 - 2. 無効なプライミング2
 - 3. 有効なプライミング
- 各列: **対比する水準の組合せ** 左から
 - 1. 無効なプライミング1 vs 無効なプライミング2
 - 2. 無効なプライミング vs 有効なプライミング

```
set.seed(1212); simdatContrasts <- mixedDesign(</pre>
#### 被験者間計画での水準数 ####
 B = 3,
#### 被験者内計画での水準数 ####
 W = NULL
#### 被験者間計画での1水準あたりの実験参加者数 ####
 #### 実験参加者総数は, `B * n` #### #### 実験参加者総数
 n = 20,
#### 水準ごとの応答変数の平均を示した行列 ####
#### 各行に水準ごとの応答変数の平均を入れる ####
 M = matrix(
   c(600, 400, 300),
   nrow = 3,
   ncol = 1,
   byrow = FALSE
#### 要因の標準偏差 ####
 SD = 100,
#### 「1試行1データ」の整然データでデータフレームを作成 ####
 long = TRUE
```

```
set.seed(1212); simdatContrasts <- mixedDesign(</pre>
#### 被験者間計画での水準数 ####
 B = 3
#### 被験者内計画での水準数 ####
 W = NULL
#### 被験者間計画での1水準あたりの実験参加者数 ####
 #### 実験参加者総数は, `B * n` #### #### 実験参加者総数
 n = 20,
#### 水準ごとの応答変数の平均を示した行列 ####
#### 各行に水準ごとの応答変数の平均を入れる ####
 M = matrix(
  c(600, 400, 300),
  nrow = 3,
  ncol = 1,
   byrow = FALSE
#### 要因の標準偏差 ####
 SD = 100,
#### 「1試行1データ」の整然データでデータフレームを作成 ####
 long = TRUE
```