

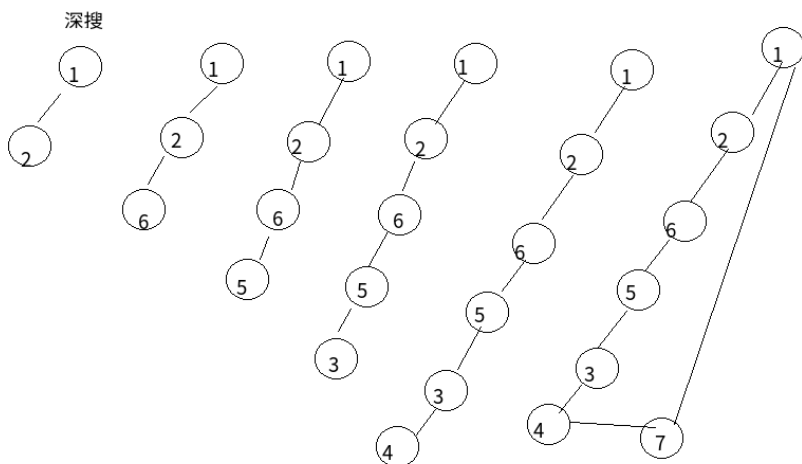
1)

深搜：维护一个栈，栈中的元素是节点的编号队列，该序号队列的特点是不允许出现重复节点编号。

```
while (栈不空) {
```

操作是，每次出栈，将得到一个编号队列，以该编号队列的最后一个元素进行拓展，查看该元素所有邻接节点编号，对于每个邻接编号与当前的编号队列进行判重，如果该编号不在当前队列中则将其加入当前队列，成为一个新的堆栈元素，然后入栈。否则，判断编号队列的长度，如果等于 N 则表示找到了，然后退出循环即可，再否则什么都不做。

}

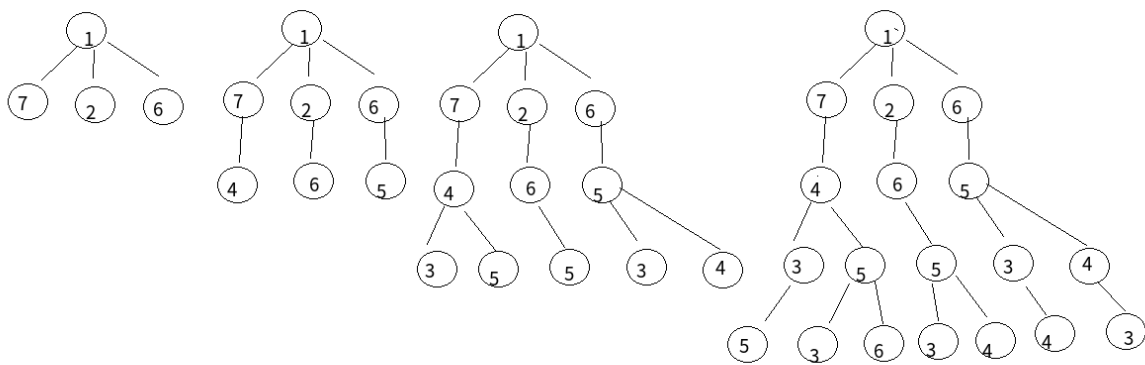


广搜：维护一个队列，队列中的元素是节点的编号队列，该序号队列的特点是不允许出现重复节点编号。

```
while (队列不空) {
```

操作是，每次出队，将得到一个编号队列，以该编号队列的最后一个元素进行拓展，查看该元素所有邻接节点编号，对于每个邻接编号与当前的编号队列进行判重，如果该编号不在当前队列中则将其加入当前队列，成为一个新的堆栈元素，然后入队。否则，判断编号队列的长度，如果等于 N 则表示找到了，然后退出循环即可，再否则什么都不做。}

广搜



2)

预处理：对 9 个格子编号，第一行，0,1,2;第二行，3,4,5;第三行，6,7,8

利用求和公式  $\text{sum}(x) = x_i * 9^i$ ,  $i$  是格子的编号,  $x_i$  是该格子对应的数值。

借由这个  $\text{sum}$  和表示状态。

**深搜：** 创建栈 A，将起始格局存入栈 A 中，创建队列 B（或者 hash 表）；

while（栈不为空）

{

A 栈顶出栈，计算该出栈格局的  $\text{sum}$  值，存入队列 B（或者 hash 表）；

如果该  $\text{sum}$  值等于目标格局的  $\text{sum}$  值，直接结束；

考虑该状态下所有可能移动的格局，对于每一个格局计算  $\text{sum}$  值，并在 B（或者 hash 表）中进行判定是否存在。如果存在则放弃该格局，如果不存在，则将该格局入栈。

}

**广搜：** 创建队列 A，将起始格局存入队列 A 中，创建队列 B（或者 hash 表）；

while（队列不为空）

{

A 队列出队，计算该出队格局的  $\text{sum}$  值，存入队列 B（或者 hash 表）；

如果该  $\text{sum}$  值等于目标格局的  $\text{sum}$  值，直接结束；

考虑该状态下所有可能移动的格局，对于每一个格局计算  $\text{sum}$  值，并在 B（或者 hash 表）中进行判定是否存在。如果存在则放弃该格局，如果不存在，则将该格局入队。

}

### 爬山法：

#### 预处理：

设定启发函数  $h(x)$  {1, 设定  $h(x)$  = 当前格局中与目标格局一致的数字的数目, 2, 设定  $h(x)$  = 当前格局中所有数字移动到应该抵达位置所需步数的和的相反值}

启发函数设定成两种中的任意一种皆可。

#### 算法：

创建队列 B (或者 hash 表)

当前节点 = 起始格局;

while (当前节点不为空) {

考虑当前格局所能达成的所有格局, 计算每个所能达成格局的 sum 值, 在 B 中查看是否已经存在, 对于已经存在的则直接抛弃;

对于留下的所有格局考虑启发函数值。取其中最大的那个作为新的节点值。继续循环。

}

### 最佳优先方法：

#### 预处理：

设定启发函数  $h(x)$  {1, 设定  $h(x)$  = 当前格局中与目标格局一致的数字的数目, 2, 设定  $h(x)$  = 当前格局中所有数字移动到应该抵达位置所需步数的和的相反值}

创建最大堆 A, 创建队列 B (或者 hash 表)

while (堆不为空)

{

A 堆顶出堆, 计算该出队格局的 sum 值, 存入队列 B (或者 hash 表);

如果该 sum 值等于目标格局的 sum 值, 直接结束;

考虑该状态下所有可能移动的格局, 对于每一个格局计算 sum 值, 并在 B (或者 hash 表) 中进行判定是否存在。如果存在则放弃该格局, 如果不存在, 则将该格局入堆。

利用每个格局的启发函数  $h(x)$  来维护最大堆。

}

### 3)

预处理：我们对序列排个序，这样就能进行深搜的剪枝。

深搜：

对于集合中的每一个元素，都有两种选择，选或者不选，所以所有的集合将构成一个完全二叉树。

找出满足要求的集合就只需要我们遍历这棵树就行，好处在于我们不用每次都遍历到叶子节点，我们只需要遍历到某一节点之后，发现满足要求，则直接就可以返回找到的结果。

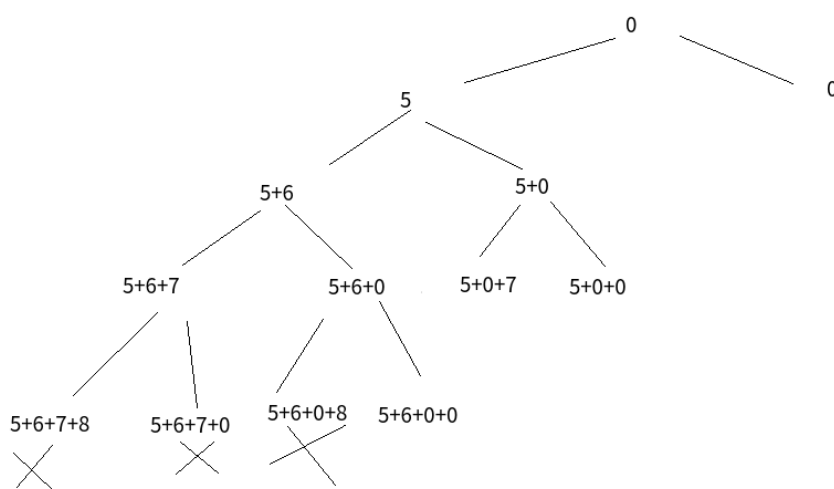
算法：

建立二叉树，第 1 层的根节点随便都行，第  $i$  层的左节点表示选择第  $i$  个元素，第  $i$  层的右节点表示不选择第  $i$  个元素加入集合，然后深搜先序遍历该树就行，剪枝策略：对于当前节点，如果该节点的左节点和已经大于目标值  $K$ ，则无需再往下继续拓展分支。找到符合结果的集合就存储下该集合。

以实例举例：

先排序：

5 6 7 8 13 21



例子太麻烦了，图已经形象地体现了剪枝策略。

分支界限法

思想与深搜不同，不再采用二叉树，采用多叉树，第  $i + 1$  层表示共选择了  $i$  个元素作为子集。

每个节点不仅存当前集合的和  $sum$ ，也要存一个元素，该元素是选择集合中，按总队列顺序的最后一个元素。设当前节点的记录元素是  $X$ ，总队列是  $S$ ，同样还要存下界就是  $sum + \text{所有在 } X \text{ 之后值是负数元素的和}$ 。存上界是  $sum + \text{所有在 } X \text{ 之后值是正数元素的和}$ 。

扩展分支节点的步骤：凡是当前节点的下界  $> K$  或者，上界  $< K$ ，则不需要继续扩展，否则，对  $X$  元素之后的所有元素都要添加进集合一次（添加一次后还要取出来），然后计算每次添加进集合后的  $sum$ ，记录当前添加的元素  $Y$ ，计算新的上下界，然后成为新的儿子节点。

遍历：最后层序遍历该树，找到符合要求的集合则记录下来。

#### 4)

预处理：

对 9 个格子编号，第一行，0,1,2;第二行，3,4,5;第三行，6,7,8

利用求和公式  $sum(x) = x_i * 9^i$ ， $i$  是格子的编号， $x_i$  是该格子对应的数值。借由这个  $sum$  和表示状态。

设定启发函数  $h(x)$   $\{h(x) = \text{当前格局中所有数字移动到应该抵达位置所需步数的和}\}$

算法：

创建最小堆  $A$ （维护时通过每个节点当前的已用步骤  $step + \text{启发函数 } h(x) \text{ 的和来维护}$ ），创建队列  $B$ （或者  $hash$  表）

while（堆不为空）{

$A$  堆顶出堆，计算该出队格局的  $sum$  值，存入队列  $B$ （或者  $hash$  表）；

如果该  $sum$  值等于目标格局的  $sum$  值，直接结束；

考虑该状态下所有可能移动的格局，对于每一个格局计算  $sum$  值，并在  $B$ （或者  $hash$  表）中进行判定是否存在。如果存在则放弃该格局，如果不存在，则将该格局的  $step + 1$ ，然后入堆，。

利用每个格局的（启发函数  $h(x) + \text{达到该格局已用步数 } step$ ）来维护最小堆。

}