该算法能处理3点共线的问题,预设参数,1个队列,2个栈,但是效率可能会受影响。

拆分与执行:

1 判定: 如果集合 S(2n)中只有两个元素,并且颜色不一样返回成功。

2 执行:

对所有点的集合 S(2n)以 Y 为基准做排序,选取一个 Y 坐标最小的点,如果有 Y 相同并列的坐标,则选取 X 值在中间的点。记该点为 X0,其余 S(2n-X0)的点分别与 X0 连线,然后计算每个点对应的极角,并以极角的大小为基准重新排序,极角相同值的则按距离 X0 的远近排序。设定一个变量 tmp=0,sum=0,对新拍好序的集合(2n-X0)进行出队操作,每个出队的点进行一次判断然后 sum++,如果和 X0 的颜色不一样则 tmp+1,否则若和 X0 颜色相同则 tmp-1,然后将该点送进集合 S1,进栈。如果 tmp=-1,则记录下这个点并让其也进入匹配点栈 S2。

在所有点匹配完后对匹配点栈进行出栈操作,设栈顶元素为 Y0,然后将 S1 中在 Y0 上面的元素全部出栈,进入 S 集合的队中,再对 S1 中的次栈顶元素和栈顶元素的极角做判断(就是 Y0 和 Y0 下面那个元素),如果相等,表示三点共线了,该 Y0 点不能要,匹配点栈继续出栈操作找新的点作为 Y0,重复刚才的操作,如果不相等,则表示 Y0 点可以和 X0 点连成线段,S1 栈顶 y0 出栈。对剩余的 S 集合和 S1 集合进行迭代。

如果匹配栈已经空了,但依然没有找到能和 X0 匹配的 Y0 点,则返回失败,不再进行迭代。

合并:合并两个部分的返回结果,如果有一个失败则返回失败,两个都是成功才返回成功。

该算法不能处理3点共线的问题,预设参数,1个队列,1个栈,但是效率高。

1 判定: 如果集合 S(2n)中只有两个元素,两个点坐标。

2 执行:

对所有点的集合 S(2n)以 Y 为基准做排序,选取一个 Y 坐标最小的点,如果有 Y 相同并列的坐标,则选取 X 值在中间的点。记该点为 X0,其余 S(2n-X0)的点分别与 X0 连线,然后计算每个点对应的极角,并以极角的大小为基准重新排序,极角相同值的则按距离 X0 的远近排序。设定一个变量 tmp=0,sum=0,对新拍好序的集合(2n-X0)进行出队操作,每个出队的点进行一次判断然后 sum++,如果和 X0 的颜色不一样则 tmp+1,否则若和 X0 颜色相同则 tmp-1,然后将该点送进集合 S1,进栈。如果 tmp=-1,则记录下这个点,如果 tmp=1,并且 tmp 不为空则进行下一步。

在匹配完后将最后一次记录的点记为 Y0,然后将 S1 中在 Y0 上面的元素全部出栈,进入 S 集合的队中,Y0 点可以和 X0 点连成线段,S1 栈顶 y0 出栈。对剩余的 S 集合和 S1 集合进行迭代。

合并:合并两个部分的黑白点对。

时间复杂度分析:

执行阶段 o(nlg n)

递归式 T(n) = 2T(n/2) + o (nlg n)

master 定理不能用,只能递归展开.

$$T(n) = n * (lg n + lg n/2 + lg n/4 + lg n/8 ... lg 1) 共 log2 n + 1 个$$
 $= n * (log2 n * lg n - lg1 - lg 2 - lg 4 - lg 8 ... lg n)$
 $= n * (lg^2 n - (1/2)log^2 n)$
 $= n * (lg n)^2$
最终得出 $T(n) = o(n * (lg n)^2)$

2)

拆分与执行:

- 1) 判定,如果集合中只有一个元素,该元素大于0则返回原数,否则返回0
- 2) 执行,将集合 S(n)以中间点分成 2 个部分,每部分 n/2 1 个元素,直接迭代两个部分。

合并:

记录左右集合返回的值,从中间点开始,往左延伸直到边界,依次累加求和,记录下累加和中的最 大值,再从中点往右延伸直到边界,依次累加求和,记录下累加和中最大值。这两个最大值相加的和就 是最大序列在中间的情况。

最后返回三个值(左集合返回值,右集合返回值,与中间最大值)中最大的那个。

3)

拆分执行:

- 1) 判定:如果集合中的元素为 1 个而且这个数是 0 则返回 0,其余全部返回 1 (因为 0 无法单独解码)
- 2)执行:对于集合 S(n)取中间点,对其进行判断,如果这个数是 0,3,4,5,6,7,8,9 或者这个数是 2 但是右边的下一个数是 7,8,9,则表示这个数无法和后面的数组合,只有一种表示法。将集合拆成($1 \rightarrow n/2$)和($n/2+1 \rightarrow n$)这两个集合,并将其标记成情况 1,迭代两个部分。

对于剩下的情况,即中间的数可以和后面一个数组成 2 位数,则情况有所变化,多了一种考虑的情况,将其分成 2 种情况,4 个集合。 $(1 \rightarrow n/2)$ 和 $(n/2+1 \rightarrow n)$ 是一种情况 $(1 \rightarrow n/2-1)$ 和 $(n/2+2 \rightarrow n)$ 是一种情况。将其记为情况二,然后分别对四个集合迭代递归。

合并:

对于情况一返回
$$(1 \rightarrow n/2) * (n/2 + 1 \rightarrow n)$$

对于情况二返回 $(1 \rightarrow n/2) * (n/2 + 1 \rightarrow n) + (1 \rightarrow n/2 - 1) * (n/2 + 2 \rightarrow n)$

拆分与执行:

判定:

如果集合中只有1个元素则返回0;

拆分执行

将集合分成 $(1 \rightarrow n/2)$ 与 $(n/2+1 \rightarrow n)$ 两个部分,迭代执行。

合并:

记录左右两个部分的返回结果记为 A,B。并定义变量 C = 0

将左右两个集合各自排序,每次取出两个集合中最小的元素。

如果取出的是左集合的元素则不做任何操作,如果取出的是右集合的元素,则 C 变量加上左集合元素中剩余元素的个数。

最后返回 A + B +C 的结果。

5)

思路: 友谊对就是指任意两点其间的矩形框里不含任何一个点,我们所要做的就是不停地拆分区域, 直到找到这样的矩形框,使其间不存在点。

拆分与执行:

判定:如果该范围内没有任何一个点,并且该范围不含边界(总的边界不在这个范围内)则返回 1,否则返回 0;

拆分执行:先接受一个边界,然后接受一个集合 S 并进行以 X 坐标为基准的排序,找到 X 坐标中间的那个点,以其为基准沿 X 轴,Y 轴方向划线。将平面区分成 4 个象限,记作,1,2,3,4 象限。然后由这4 个象限可以组成 4 个区域,12 共同构成上区域,23 共同构成左区域,34 共同构成下区域,14 共同构成右区域,对各个区域内的点进行统计,各自构成新的集合,然后以各自的区域作为新的边界迭代递归下去。

合并:返回上区域返回结果+左区域返回结果+下区域返回结果+右区域返回结果。