Admitere * Universitatea Politehnica din București 2022 Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică Varianta 2

- 1. Fie sistemul $\begin{cases} mx+y-z=1\\ x+y-z=2\\ -x+y+z=0 \end{cases}$, unde m este un parametru real. Pentru câte valori $m\in\mathbb{Z}$ sistemul are soluție unică (x_0,y_0,z_0) , cu componentele numere întregi? (9 pct.)
 - a) o infinitate; b) 5; c) 4; d) 1; e) 2; f) 3.
- 2. Să se rezolve în \mathbb{R} inecuația 2x 1 > x + 2. (9 pct.)

a)
$$x \in \emptyset$$
; b) $x \in (\frac{1}{3}, \frac{1}{2})$; c) $x \in (1, 2)$; d) $x \in (\frac{1}{3}, 1)$; e) $x \in (3, +\infty)$; f) $x \in (2, 3)$.

- 3. Multimea soluțiilor reale ale ecuației $x^2 11x + 18 = 0$ este: (9 pct.)
 - a) $\{3,6\}$; b) $\{1,3\}$; c) $\{2,9\}$; d) $\{1,4\}$; e) $\{2,7\}$; f) $\{0,1\}$.
- 4. Ecuația $2^{2x+1} = 8$ are soluția: (9 pct.)

a)
$$x = 1$$
; b) $x = 0$; c) $x = 2$; d) $x = -1$; e) $x = 3$; f) $x = -2$.

- 5. Determinantul matricei $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ este: (9 pct.)
 - a) 1; b) 6; c) 5; d) 0; e) 4; f) 3.
- 6. Să se rezolve ecuația $\sqrt{x+1} + x = 5$. (9 pct.)

a)
$$x = 5$$
; b) $x = -1$; c) $x = 0$; d) $x = 4$; e) $x = 3$; f) $x = 7$.

- 7. Fie $(a_n)_{n\geq 1}$ o progresie aritmetică astfel ca $a_2=3$ și $a_3=5$. Să se calculeze a_4 . (9 pct.)
 - a) 7; b) 11; c) 9; d) 8; e) 10; f) 6.
- 8. Fie $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^3 + x^2$. Să se calculeze f'(1). (9 pct.)
 - a) 3; b) 4; c) 2; d) 0; e) 7; f) 5.
- 9. Să se calculeze $I = \int_0^1 (3x^2 + 2x) dx$. (9 pct.)

a)
$$I = \frac{2}{5}$$
; b) $I = 0$; c) $I = 2$; d) $I = \frac{1}{3}$; e) $I = 3$; f) $I = 5$.

- 10. Fie $f: \mathbb{N}^* \to \mathbb{R}$, $f(n) = n + [\frac{2022}{n}]$, unde prin [x] notăm partea întreagă a numărului real x. Pentru câte valori $n \in \mathbb{N}^*$, funcția f își atinge cea mai mică valoare? (9 pct.)
 - a) 2; b) 4; c) 6; d) 5; e) 3; f) 1.