## Admitere \* Universitatea Politehnica din București 2017 Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică M1 \* Varianta A

- 1. Să se rezolve inecuația 3x 1 < 2x + 2. (6 pct.)
  - a) (1,4); b) (-1,1); c)  $(2,\infty)$ ; d) (5,11); e)  $(10,\infty)$ ; f)  $(-\infty,3)$ .
- 2. Să se rezolve ecuația  $log_2(x+1) = 3$ . (6 pct.)
  - a) x = 4; b) x = 2; c) x = 1; d) x = 5; e) x = 6; f) x = 7.
- 3. Suma soluțiilor reale ale ecuației  $\sqrt{2x+1} = x-1$  este: (6 pct.)
  - a) 4; b) 0; c) 1; d) 2; e) 3; f) 5.
- 4. Mulțimea soluțiilor ecuației  $x^2 + 4x + 3 = 0$  este: (6 pct.)
  - a)  $\{2, 4\}$ ; b)  $\{-2, 1\}$ ; c)  $\{-3, -1\}$ ; d)  $\{-4, 0\}$ ; e)  $\{0, 1\}$ ; f)  $\{-2, 3\}$ .
- 5. Fie  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = x^3 + 2x$ . Să se calculeze f'(1). (6 pct.)
  - a) 3; b) -1; c) 4; d) 6; e) 7; f) 5.
- 6. Să se calculeze determinantul  $\begin{vmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$ . **(6 pct.)** 
  - a) 4; b) 2; c) -11; d) -3; e) -2; f) 9.
- 7. Să se calculeze suma soluțiilor reale ale ecuației  $x^3 + 2x^2 3x = 0$ . (6 pct.)
  - a) -3; b) -1; c) 3; d) 4; e) 2; f) -2.
- 8. Să se rezolve sistemul  $\begin{cases} 2x y = 7 \\ x + 2y = 6 \end{cases}$ . (6 pct.)
  - a) x = 4, y = 1; b) x = 1, y = 4; c) x = 2, y = 4; d) x = 1, y = 3; e) x = 2, y = 3; f) x = 2, y = 2.
- 9. Mulțimea soluțiilor inecuației  $x^2 3x \le 0$  este: (6 pct.)
  - a)  $(3, \infty)$ ; b) [0, 3]; c) [-1, 3]; d)  $[1, \infty)$ ; e)  $[2, \infty)$ ; f) (-3, 3).
- 10. Să se determine  $a \in \mathbb{R}$  astfel încât sistemul  $\begin{cases} ax y + z = 0 \\ 2x + y z = 0 \end{cases}$  să aibă şi soluții nenule. (6 pct.) x + y + 2z = 0
  - a) a = -5; b) a = 5; c) a = 1; d) a = -2; e) a = 4; f) a = -4.
- 11. Să se determine  $x \in \mathbb{R}$  astfel încât numerele x, 8, 3x + 2 să fie (în această ordine) în progresie aritmetică. (6 pct.)
  - a)  $\frac{2}{5}$ ; b)  $\frac{3}{4}$ ; c)  $\frac{5}{2}$ ; d)  $\frac{1}{3}$ ; e)  $\frac{7}{2}$ ; f)  $\frac{1}{6}$ .
- 12. Să se rezolve ecuația  $3^{2x-1} = 27$ . (6 pct.)
  - a) x = 4; b) x = 0; c) x = -1; d) x = 1; e) x = 2; f) x = -2.
- 13. Să se determine abscisa punctului de extrem local al funcției  $f:(0,\infty)\to\mathbb{R}, f(x)=x^2-\ln x$ . (6 pct.)
  - a)  $x = \sqrt{2}$ ; b)  $x = \frac{e}{2}$ ; c) x = 2; d) x = 3; e) x = 1; f)  $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .
- 14. Să se calculeze integrala  $\int_{0}^{1} xe^{x} dx$ . (6 pct.)
  - a)  $\frac{e}{3}$ ; b) 3 e; c) 1; d)  $\frac{e}{2}$ ; e) e; f) e 1.
- 15. Fie polinoamele  $f, g \in \mathbb{R}[X]$ ,  $f = (X-1)^{2017} + (X-3)^{2016} + X^2 + X + 1$  şi  $g = X^2 4X + 4$ . Să se determine restul împărțirii polinomului f la polinomul g. (6 pct.)
  - a) 6X + 1; b) X 1; c) 6X 3; d) 2X + 1; e) 2X 3; f) X + 1.