## Admitere \* Universitatea Politehnica din București 2001 (septembrie) Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică

1. Să se rezolve inecuația  $x \leq \frac{8}{x^2}$ .

a) 
$$x = 2$$
; b)  $x \le 2$ ; c)  $x > 2$ ; d)  $x \ge 2$ ; e)  $x > 0$ ; f)  $x \in (-\infty, 0) \cup (0, 2]$ .

2. Să se determine intervalul pe care determinantul

$$\left| \begin{array}{ccc} -1 & x & x \\ x & -1 & x \\ x & x & -1 \end{array} \right|$$

este strict pozitiv.

a) 
$$\left(\frac{1}{2}, \infty\right)$$
; b)  $\left(-\infty, \infty\right)$ ; c)  $\left(1, \infty\right)$ ; d)  $\left[\frac{1}{2}, \infty\right)$ ; e)  $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right]$ ; f)  $\left[2, \infty\right)$ .

3. Să se calculeze E = f(0) + f'(0) + f''(0) dacă  $f(x) = \ln(x^2 + 1)$ .

a) 
$$-1$$
; b) 4; c) 1; d) 0; e)  $-2$ ; f) 2.

4. Să se calculeze suma cuburilor soluțiilor ecuației  $x^2 - 4x + 1 = 0$ 

5. Să se determine parametrul real m astfel încât ecuația

$$x^4 + x^2 + mx + 2 = 0$$

să admită soluția x=2.

a) 
$$m = -11$$
; b)  $m = 0$ ; c)  $m = 11$ ; d)  $m = -2$ ; e)  $m = 1$ ; f)  $m = 2$ .

6. Să se rezolve inecuația  $\ln e^x + e^{\ln x} < 2$ .

a) 
$$0 < x < 1$$
; b)  $x > 1$ ; c)  $x < 1$ ; d)  $x < 2$ ; e)  $x > 2$ ; f)  $x > 0$ 

7. Să se simplifice expresia  $\frac{\frac{x}{y} + \frac{y}{x}}{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}}$ :  $(x^2 + y^2)$ , pentru x > 0, y > 0.

a) 
$$xy$$
; b)  $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ ; c) 1; d)  $\frac{(x^2 + y^2)^2}{x + y}$ ; e)  $\frac{1}{x + y}$ ; f)  $x + y$ .

8. Să se calculeze  $(0, 5 - \frac{2}{3}) : (-\frac{1}{6})^3$ .

a) 
$$16$$
; b)  $30$ ; c)  $12$ ; d)  $36$ ; e)  $1$ ; f)  $-36$ .

9. Să se determine m astfel încât sistemul  $\begin{cases} mx_1 + 3x_2 = 0 \\ 3x_1 + mx_2 = 0 \end{cases}$  să aibă şi soluții nenule.

a) 
$$m \in \{-3, 3\}$$
; b)  $m = 3$ ; c) nu există  $m$ ; d)  $m = 0$ ; e)  $m \neq 3$ ; f)  $m = -3$ .

10. Să se simplifice  $\frac{(n+2)!}{n!(n+2)}$ , pentru  $n \in \mathbb{N}^*$ .

a) 
$$\frac{1}{n+2}$$
; b)  $n+2$ ; c)  $n$ ; d)  $n+1$ ; e)  $n(n+2)$ ; f)  $\frac{1}{n+1}$ .

11. Să se calculeze integrala  $I = \int_{1}^{4} \frac{1}{x+2} dx$ .

a) 
$$\ln 2$$
; b)  $\frac{3}{2}$ ; c) 1; d)  $\ln 3$ ; e)  $\ln 4$ ; f)  $\ln 6$ .

12. Să se determine tripletul (x,y,z) dacă  $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{5}, \quad x+y+z=20.$ 

a) 
$$(4,4,4)$$
; b)  $(10,6,4)$ ; c)  $(4,6,10)$ ; d)  $(1,2,17)$ ; e)  $(10,4,6)$ ; f)  $(6,4,10)$ .

13. Să se rezolve ecuația  $3^{x+1} = 9^{\sqrt{x}}$ .

- 14. Să se calculeze  $\lim_{x\to\infty} \frac{2x^2+3}{3x^2+2}$ .
  - a) 3; b)  $\frac{2}{3}$ ; c) 0; d)  $\frac{1}{3}$ ; e)  $\infty$ ; f) 2.
- 15. Fie matricele  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \\ 3 & m \end{pmatrix}$ . Să se determine m real dacă determinantul matricei AB este nul.
  - a) 5; b) 0; c) 3; d) -5; e)  $\frac{1}{5}$ ; f) 1.