## Universitatea Politehnica din București 2001 Disciplina: Geometrie și Trigonometrie

- 1. Într-un triunghi ascuțitunghic ABC, înălțimea CH are aceeași lungime cu mediana BM. Să se determine măsura unghiului MBA.
  - a)  $60^{\circ}$ ; b)  $45^{\circ}$ ; c)  $40^{\circ}$ ; d)  $30^{\circ}$ ; e)  $67^{\circ}30'$ ; f)  $22^{\circ}30'$ .
- 2. În plan se consideră o dreaptă d și două puncte distincte A, B situate de aceeași parte a lui d. Dacă pentru punctul  $M \in d$  suma AM+MB este minimă, atunci
  - a)  $AM ext{ si } BM ext{ fac acelasi unghi ascutit cu } d; b) <math>m(\widehat{A}M\widehat{B}) = 60^{\circ};$
  - c)  $AM \equiv MB$ ; d)  $AM \perp d$ ; e)  $m(\widehat{AMB}) = 90^{\circ}$ ; f)  $BM \perp d$ .
- 3. Să se determine perioada principală pentru funcția

$$f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, f(x) = \sin\frac{2x}{3} + \cos\frac{x}{2}$$
.

- a)  $4\pi$ ; b)  $3\pi$ ; c)  $12\pi$ ; d)  $9\pi$ ; e)  $2\pi$ ; f)  $6\pi$ .
- 4. Să se determine mulțimea soluțiilor ecuației  $\sin x + \cos x = \sqrt{3}$ .
  - a)  $\left\{\frac{\pi}{6} + 2k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\right\}$ ; b)  $\left\{\frac{\pi}{4} + k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\right\}$ ; c)  $\left\{\frac{\pi}{4} + 2k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\right\}$ ; d)  $\mathbb{R}$ ; e) mulţimea vidă; f)  $\frac{\pi}{6}$ .
- 5. Într-o piramidă triunghiulară regulată cu vârful V, lungimea laturii bazei este a și a muchiei laterale b $(0 < a < b\sqrt{3})$ . Să se determine aria secțiunii duse printr-o muchie laterală și prin înălțimea din V.
  - a)  $\frac{a}{4}\sqrt{3b^2-a^2}$ ; b)  $\sqrt{3b^4-a^4}$ ; c)  $\frac{a}{2}\sqrt{3b^2-a^2}$ ; d)  $\frac{a}{2}\sqrt{3b^2-a^2}$ ; e)  $\frac{a}{2}\sqrt{a^2+b^2}$ ; f)  $\frac{ab}{2}$ .
- 6. Să se scrie sub formă trigonometrică numărul complex  $z=\frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{3}-i}$ .
  - a)  $\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}$ ; b)  $\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4}$ ; c)  $\sin \frac{\pi}{4} + i \cos \frac{\pi}{4}$ ; d)  $\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}$ ;
  - e)  $\sin \frac{\pi}{3} + i \cos \frac{\pi}{3}$ ; f)  $\frac{1+i\sqrt{3}}{2}$ .
- 7. Să se calculeze  $\arcsin(\sin\frac{5\pi}{6})$ .
  - a)  $\frac{\pi}{6} + k\pi$ ; b)  $\frac{\pi}{6}$ ; c)  $\frac{5\pi}{6}$ ; d)  $\frac{5\pi}{6} + 2k\pi$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ ; e)  $\frac{\pi}{3}$ ; f)  $\frac{5\pi}{6} + 2k\pi$ .
- 8. Să se determine  $x \in (0, \pi)$  dacă  $(x 4) \sin 2x = 0$ .
  - a)  $4 \text{ si } \frac{\pi}{2}$ ; b)  $\frac{\pi}{2}$ ; c)  $\frac{\pi}{3}$ ; d)  $\frac{k\pi}{2}$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ ; e)  $\frac{3\pi}{2}$ ; f) 0.
- 9. Volumul trunchiului de con circular drept având razele bazelor 5 și 2, iar generatoarea 5, este
  - a)  $26\pi$ ; b)  $50\pi$ ; c)  $14\pi$ ; d)  $42\pi$ ; e)  $5\pi$ ; f)  $52\pi$ .
- 10. Aria hexagonului convex regulat cu lungimea laturii  $\frac{2}{\sqrt[4]{3}}$  este
  - a) 2; b) 18; c)  $6\sqrt{3}$ ; d) 6; e)  $\frac{9}{8}$ ; f)  $2\sqrt{3}$ .
- 11. Un plan determină pe o sferă de rază R două calote sferice cu raportul ariilor  $\frac{1}{3}$ . Să se determine raza cercului de sectiune.
  - a)  $R\sqrt{2}$ ; b)  $\frac{R}{2}$ ; c)  $\frac{R\sqrt{3}}{2}$ ; d)  $\frac{R}{2}$ ; e)  $\frac{R\sqrt{2}}{2}$ ; f) R.
- 12. Să se calculeze raportul dintre aria cercului înscris și aria cercului circumscris unui pătrat.
  - a)  $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$ ; b)  $\frac{1}{4}$ ; c)  $\sqrt{2}$ ; d)  $\frac{1}{2}$ ; e)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ; f) 2.
- 13. Dacă într-un triunghi ABC avem  $\sin A = \sin B + \sin C$ , atunci
  - a) triunghiul este isoscel; b)  $m(\hat{A}) = 105^{\circ}$ ; c) triunghiul este dreptunghic;
  - d) triunghiul este echilateral; e) nu există un astfel de triunghi; f)  $m(\hat{A}) = 75^{\circ}$ .

- 14. Fie un triunghi ABC cu AB=5, AC=10 și  $m(\widehat{BAC})=60^o.$  Să se calculeze lungimea bisectoarei din A.
  - a) 3; b) 4; c)  $\frac{10\sqrt{3}}{3}$ ; d)  $5\sqrt{3}$ ; e) 6; f)  $\frac{14}{3}$ .
- 15. Se consideră un triunghi dreptunghic isoscel ABC ( $AB \equiv AC$ ). Atunci mulțimea tuturor punctelor M din spațiu pentru care are loc relația  $MB^2 + MC^2 = 2MA^2$  este
  - a) sfera de diametru BC; b) reuniunea a două plane; c) ipotenuza [BC]; d) dreapta BC; e) un plan;
  - f) mulţimea vidă.