

1. Să se rezolve în \mathbb{R} ecuația $1 + \frac{3}{x-1} + \frac{2}{x+1} = 0$.
a) $\{3, 0\}$; b) $\{5, 0\}$; c) $\{-5, 0\}$; d) $\{-3, 0\}$; e) $\{-5, 5\}$; f) $\{3, 5\}$.
2. Să se calculeze A^3 dacă $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$.
a) $\begin{pmatrix} 4 & 19 \\ 1 & 27 \end{pmatrix}$; b) $\begin{pmatrix} 8 & 1 \\ 1 & 27 \end{pmatrix}$; c) $\begin{pmatrix} 8 & 17 \\ 0 & 9 \end{pmatrix}$;
d) $\begin{pmatrix} 8 & 19 \\ 0 & 27 \end{pmatrix}$; e) $\begin{pmatrix} 4 & 19 \\ 0 & 27 \end{pmatrix}$; f) $\begin{pmatrix} 4 & 9 \\ 0 & 7 \end{pmatrix}$.
3. Să se afle $m \in \mathbb{R}$ astfel ca sistemul liniar $\begin{cases} mx + 2y = 1 \\ 2x + my = 1 \end{cases}$ să aibă soluție unică.
a) $m \in \emptyset$; b) $m \neq 4$; c) $m \in \mathbb{R}$; d) $m \neq 1$; e) $m \neq 3$; f) $m \neq -2$ și $m \neq 2$.
4. Să se determine parametrul real m știind că funcția
$$f(x) = \begin{cases} 2x + m, & x \leq 1 \\ m^2x + 2, & x > 1 \end{cases}$$
este continuă pe \mathbb{R} .
a) $m = 2$; b) $m \in \emptyset$; c) $m = -2$; d) $m \in \{0, 1\}$; e) $m \in \{-2, -1\}$; f) $m = -1$.
5. Mulțimea valorilor $x \in \mathbb{R}$ care verifică inecuația $\ln(x^2 - 3) < \ln(x + 3)$ este
a) $(-2, \sqrt{3})$; b) $(-2, -\sqrt{3}) \cup (\sqrt{3}, 3)$; c) $[-2, 3]$; d) $(-\sqrt{3}, \sqrt{3}) \cup [3, \infty)$; e) $(2, 3]$; f) $[\sqrt{3}, 3)$.
6. Să se afle valoarea numerică a integralei $\int_0^1 \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} dx$.
a) $\frac{\pi}{2}$; b) $\frac{\pi}{2} + 1$; c) $2 + \frac{\pi}{2}$; d) 1 ; e) $1 - \frac{\pi}{2}$; f) $\frac{\pi}{2} - 1$.
7. Să se afle soluțiile întregi ale sistemului $\begin{cases} x + 2y = 5 \\ x^2 + y = 3 \end{cases}$.
a) $\begin{cases} x = -1 \\ y = 3 \end{cases}$; b) $\begin{cases} x = 1 \\ y = 2 \end{cases}$; c) $\begin{cases} x = -5 \\ y = 5 \end{cases}$;
d) $\begin{cases} x = 11 \\ y = 9 \end{cases}$; e) $\begin{cases} x = -3 \\ y = 4 \end{cases}$; f) $\begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ y = 2 \end{cases}$.
8. Să se determine termenul care nu depinde de x din dezvoltarea binomului $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^4$.
a) T_3 ; b) T_1 ; c) T_5 ; d) T_2 ; e) T_4 ; f) nu există un asemenea termen.
9. Să se determine $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ astfel ca ecuația $\alpha x^2 - 6x + \beta = 0$ să admită $x = 1$ ca rădăcină dublă.
a) $\alpha = 3, \beta = 1$; b) $\alpha = 2, \beta = 1$; c) $\alpha = \beta = 3$;
d) $\alpha = 1, \beta = 2$; e) $\alpha = \beta = 1$; f) $\alpha = 1, \beta = 3$.
10. Să se determine soluțiile ecuației $C_{x+2}^2 = 36$.
a) 8; b) 6; c) 7; d) 9; e) 5; f) 4.
11. Ordonăți crescător numerele $A = \sqrt{2}, B = \sqrt{3}, C = \sqrt[4]{6}$.
a) $A < C < B$; b) $C < B < A$; c) $B < A < C$; d) $A < B < C$; e) $B < C < A$; f) $C < A < B$.

12. Să se determine abscisele punctelor de extrem ale funcției

$$f(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}, \quad x \in \mathbb{R}.$$

a) $-\sqrt{2}$ și 1; b) -1 și 1; c) -1 și $\sqrt{2}$; d) $-\sqrt{2}$ și $\sqrt{2}$; e) 1 și $\sqrt{2}$; f) -1 și $-\sqrt{2}$.

13. Termenul al n -lea al unei progresii aritmetice este $a_n = \frac{3n-1}{6}$, $n \geq 1$. Să se afle suma primilor trei termeni ai progresiei.

a) $\frac{4}{3}$; b) $\frac{15}{4}$; c) $\frac{5}{2}$; d) $\frac{15}{2}$; e) $\frac{5}{3}$; f) $\frac{5}{4}$.

14. Să se calculeze derivata de ordin doi în punctul $x_0 = 1$ pentru funcția

$$f(x) = \ln(x+1), \quad x > -1.$$

a) $-\frac{1}{4}$; b) $\frac{3}{4}$; c) $\frac{2}{3}$; d) $\frac{1}{3}$; e) $\frac{1}{4}$; f) 2.

15. Să se calculeze $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + x^2 - 2}{x - 1}$.

a) 0; b) 4; c) 2; d) 1; e) 5; f) 3.