## Admitere \* Universitatea Politehnica din București 2008 Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică Varianta A

- 1. Să se rezolve ecuația  $C_n^1 + C_n^2 = 6$ . (4 pct.)
  - a) n = 5; b) n = 3; c) n = 6; d) n = 2; e) n = 4; f) n = -4.
- 2. Să se rezolve inecuația  $\frac{x+1}{2} \leq \frac{2x}{3}$ . (4 pct.)
  - a)  $(-\infty, 3]$ ; b)  $(3, \infty)$ ; c)  $(-\infty, 3)$ ; d) R; e)  $\emptyset$ ; f)  $[3, \infty)$ .
- 3. Să se determine mulțimea valorilor parametrului real  $\lambda$  pentru care sistemul  $\begin{cases} x+y=1\\ x+\lambda y=2 \end{cases}$  este compatibil determinat. (4 pct.)
  - a)  $\emptyset$ ; b) R; c) R\{1\}; d) {1\}; e)  $(-\infty, 1)$ ; f)  $(1, \infty)$ .
- 4. Să se determine mulțimea soluțiilor ecuației  $\begin{vmatrix} 3 & 3 & x \\ 1 & x & 1 \\ 1 & 0 & x \end{vmatrix} = 2$ . (4 pct.)
  - a)  $\{1,2\}$ ; b)  $\{1,-1\}$ ; c)  $\{1,\frac{1}{2}\}$ ; d)  $\{3\}$ ; e)  $\emptyset$ ; f)  $\{1,3\}$
- 5. Fie legea de compoziție definită pe R prin x \* y = x (1 y) + y (1 x). Să se determine elementul neutru. (4 pct.)
  - a) 1; b) -2e; c) -1; d) nu există; e) 2; f) 0.
- 6. Fie funcția  $f: C \longrightarrow C$ ,  $f(z) = 1 + z + z^2 + z^3 + z^4$ . Să se calculeze f(i). (4 pct.) a) 1 i; b) 0; c) 1 + i; d) i; e) -i; f) 1.
- 7. Fie  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Să se determine matricea  $B = \frac{1}{2}(3I_2 A)$ , unde  $I_2$  este matricea unitate de ordinul al doilea. (4 pct.)
  - $a) \left( \begin{array}{cc} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{array} \right); b) \left( \begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 1 & 0 \end{array} \right); c) \left( \begin{array}{cc} 1 & 0 \\ -1/2 & 1/2 \end{array} \right); d) \left( \begin{array}{cc} 3 & 3 \\ 0 & -1/2 \end{array} \right); e) \left( \begin{array}{cc} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right); f) \left( \begin{array}{cc} 3 & 0 \\ 0 & 1 \end{array} \right).$
- 8. Fie  $f: \mathbf{R} \longrightarrow \mathbf{R}, \ f(x) = \frac{2}{x^2+1}$ . Să se determine primitiva funcției f care se anulează în x=0. (4 pct.) a)  $\ln(x^2+1)$ ; b)  $x^2$ ; c)  $2\arcsin x$ ; d)  $\frac{1}{x^3+x}$ ; e)  $\frac{x}{x^2+1}$ ; f)  $2\arctan x$ .
- 9. Să se rezolve ecuația  $3^{x^2} = 9^x$ . (4 pct.)
  - a)  $\emptyset$ ; b)  $\{1\}$ ; c)  $\{2\}$ ; d)  $\{0,1\}$ ; e)  $\{0,2\}$ ; f)  $\{0\}$ .
- 10. Să se calculeze limita șirului  $a_n = \frac{\sqrt{n^2 + n + 1}}{2n}, n \ge 1$ . (4 pct.)
  - a) nu există; b) 0; c)  $\frac{1}{2}$ ; d)  $\infty$ ; e) 1; f)  $\frac{3}{2}$ .
- 11. Să se determine abscisele punctelor de inflexiune ale funcției  $f: \mathbf{R} \longrightarrow \mathbf{R}, \quad f(x) = \ln(x^2 + 1)$ . (4 pct.) a)  $\{0, 1\}$ ; b)  $\{-1\}$ ; c)  $\{0\}$ ; d) nu există; e)  $\{1\}$ ; f)  $\{-1, 1\}$ .
- 12. Să se determine termenul  $a_4$  al progresiei aritmetice cu primul termen  $a_1 = 1$  și rația r = 2. (4 pct.) a) 7; b) 5; c) 9; d) 13; e) 11; f) 3.
- 13. Să se determine numărul real m pentru care polinomul  $f = X^2 4X + m$  are rădăcină dublă. (6 pct.) a) 1; b) -2; c) -4; d) 2; e) 0; f) 4.
- 14. Să se calculeze  $\lim_{x\to 1} \frac{x^2-1}{x^4-1}$ . (6 pct.)
  - a)  $\frac{1}{4}$ ; b) 1; c) 0; d) 2; e)  $\infty$ ; f)  $\frac{1}{2}$ .
- 15. Să se determine  $m \in \mathbb{R}$  astfel încât funcția  $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \begin{cases} x^3 + x, \operatorname{daca} x \leq 1 \\ mxe^{x-1}, \operatorname{daca} x > 1 \end{cases}$  să fie continuă pe  $\mathbb{R}$ . (6 pct.)
  - a) e; b) 1; c) 2; d) nu există; e) 4; f)  $e^{-1}$ .

- 16. Fie  $f: \mathbf{R} \longrightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = x e^x$ . Să se calculeze f'(0). (8 pct.) a) 0; b) nu există; c) 1; d) e; e) 2; f) 3.
- 17. Să se calculeze  $\int_{0}^{1} (x^{3} + x^{2}) dx$ . (8 pct.)
  - a)  $\frac{5}{6}$ ; b)  $\frac{1}{5}$ ; c) 6; d) 5; e)  $\frac{7}{12}$ ; f) 2.
- 18. Să se rezolve ecuația  $x^2 5x + 4 = 0$ . (8 pct.)
  - a)  $\{0\}$ ; b)  $\emptyset$ ; c)  $\{4,5\}$ ; d)  $\{-1,-4\}$ ; e)  $\{1\}$ ; f)  $\{1,4\}$ .