## Admitere \* Universitatea Politehnica din București 2001 (septembrie) Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică

- 1. Să se rezolve inecuatia  $x^2 3x + 2 < 0$ .
  - a) [1,2]; b) (1,3); c) (1,2); d)  $(-\infty,1] \cup [2,\infty)$ ; e)  $(2,\infty)$ ; f) [1,2).
- 2. Să se determine tripletul (x, y, z) dacă  $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{5}$ , x + y + z = 20.
  - a) (6,4,10); b) (10,6,4); c) (10,4,6); d) (4,6,10); e) (1,2,17); f) (4,4,4).
- $\begin{cases} mx_1 + 3x_2 = 0 \\ 3x_1 + mx_2 = 0 \end{cases}$  să aibă şi soluţii nenule. 3. Să se determine mastfel încât sistemul
  - a)  $m \neq 3$ ; b) nu există m; c) m = 0;
  - d)  $m \in \{-3, 3\}$ ; e) m = 3; f) m = -3.
- 4. Să se calculeze  $(0, 5 \frac{2}{3}) : (-\frac{1}{6})^3$ .
  - a) 36; b) 16; c) 30; d) -36; e) 12; f) 1.
- 5. Să se simplifice expresia  $\frac{\frac{x}{y} + \frac{y}{x}}{\frac{1}{x} + \frac{1}{x}} : (x^2 + y^2)$ , pentru x > 0, y > 0.
  - a)  $\frac{(x^2+y^2)^2}{x+y}$ ; b) xy; c) x+y; d)  $\frac{1}{x+y}$ ; e) 1; f)  $\frac{1}{x}+\frac{1}{y}$ .
- 6. Fie matricea  $A=\left( \begin{array}{cc} 2 & 1 \\ 1 & 0 \end{array} \right)$ . Să se calculeze  $A^2.$ 
  - a)  $\begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ ; b)  $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ ; c)  $\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ; d)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$ ; e)  $\begin{pmatrix} 5 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ ; f)  $\begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ .
- 7. Să se calculeze  $C_6^3$ 
  - a) 21; b) 35; c) 20; d) 18; e) 216; f) 42.
- 8. Să se calculeze E = f(0) + f'(0) + f''(0) dacă  $f(x) = \ln(x^2 + 1)$ .
  - a) 4; b) 1; c) -2; d) 2; e) 0; f) -1.
- 9. Să se rezolve inecuația  $x \leq 3 2x$ .
  - a)  $x \le 1$ ; b)  $x \ge 1$ ; c)  $x \ge 3$ ; d)  $x \le 3$ ; e) x > 0; f) x = 1.
- 10. Să se calculeze  $\lim_{x\to\infty} \frac{2x^2+3}{3x^2+2}$ .
  - a) 2; b) 0; c) 3; d)  $\infty$ ; e)  $\frac{1}{3}$ ; f)  $\frac{2}{3}$ .
- 11. Să se determine parametrul real m astfel încât ecuatia

$$x^4 + x^2 + mx + 2 = 0$$

să admită soluția x=2.

- a) m = -2; b) m = 2; c) m = 0; d) m = 11; e) m = 1; f) m = -11.
- 12. Să se rezolve ecuația  $3^{x+1} = 9^{\sqrt{x}}$ .
  - a) 2; b) 0 si 1; c) 2; d) -1 si 1; e) 1; f) 0.
- 13. Să se calculeze integrala  $I = \int_{\cdot}^{2} (x^2 + 1) dx$ .
  - a)  $\frac{2}{3}$ ; b) 3; c)  $\frac{8}{3}$ ; d)  $\frac{10}{3}$ ; e)  $\frac{7}{3}$ ; f)  $\frac{11}{3}$ .

14. Să se determine intervalul pe care determinantul

$$\left|\begin{array}{ccc} -1 & x & x \\ x & -1 & x \\ x & x & -1 \end{array}\right|$$

este strict pozitiv.

- $a) \ \ (-\infty,\infty); \ b) \ \ (1,\infty); \ c) \ \ \big(\tfrac{1}{2},\infty\big); \ d) \ \ \big[\tfrac{1}{2},\infty\big); \ e) \ \ \big(-\infty,\tfrac{1}{2}\big]; \ f) \ \ [2,\infty).$
- 15. Să se calculeze suma pătratelor soluțiilor ecuației  $x^2+2x-3=0. \label{eq:equation}$ 
  - a) 5; b) 13; c) 10; d) 7; e) 2; f) 8.