## Admitere \* Universitatea Politehnica din București 2002 Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică

- 1. Să se calculeze  $C_6^4 + A_5^2$ .
  - a) 15; b) 102; c) 10; d) 25; e) 35; f) 20.
- 2. Să se determine abscisele punctelor de extrem local ale funcției  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, \quad f(x) = x^3 3x.$ 
  - a) 1, -1; b)  $\sqrt{3}$ ; c) 1; d) 0,  $\sqrt{3}$ ,  $-\sqrt{3}$ ; e) 0; f) 0, -1.
- 3. Fie matricele  $A=\left(\begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{array}\right)$  și  $B=\left(\begin{array}{cc} a & b \\ 0 & 2 \end{array}\right)$ . Să se determine numerele reale a și b dacă AB=BA.
  - a)  $a = 2, b \in \mathbb{R}$ ; b) a = 2, b = 2; c) a = 1, b = 1; d) a = -2, b = 0;
  - e) a = 2, b = 0; f)  $a \in \mathbb{R}, b = 0$ .
- 4. Fie ecuația:  $x^2 + mx + m + 1 = 0$ . Să se determine  $m \in \mathbb{R}$  astfel încât:  $x_1^2 + x_2^2 = -2$ 
  - a) m = -2; b)  $m \in (1,2)$ ; c) m = 0; d)  $m \in \{0,2\}$ ; e) nu există m;
  - f)  $m \in \{1, 2\}.$
- 5. Să se calculeze  $\sqrt{a^2-b^2}$  pentru a=242,5 și b=46,5.
  - a) 196; b) 240,75; c) 238,25; d) 283; e)  $\sqrt{46640}$ ; f) 238.
- 6. Să se rezolve ecuația  $\sqrt[3]{x} = x$ .
  - a) 0, 1; b) 0, 1, -1; c) 1; d) 0, 1, i; e) 0; f) 1, -1.
- 7. Să se determine m real dacă ecuația  $x^2 (m+3)x + m^2 = 0$  are două soluții reale și distincte.
  - a)  $m \in (-\infty, 3);$  b)  $m \in \mathbb{R};$  c)  $m \in (-\infty, -1);$  d)  $m \in (3, \infty);$  e)  $m \in (-1, 3);$  f) m = -3.
- 8. Fie funcția  $f:(-1,\infty)\to \mathbb{R}$ ,  $f(x)=x\cdot\ln(x+1)$ . Să se calculeze f(1)+f'(0).
  - a) 0; b)  $\ln 2$ ; c)  $\ln 3$ ; d)  $1 + \ln 2$ ; e) 1; f)  $\infty$ .
- 9. Să se așeze în ordine crescătoare numerele 1,  $\ln 2$ ,  $\ln 3$ ,  $\pi$ .
  - a) 1,  $\ln 2$ ,  $\pi$ ,  $\ln 3$ ; b) 1,  $\ln 2$ ,  $\ln 3$ ,  $\pi$ ; c)  $\ln 2$ ,  $\ln 3$ , 1,  $\pi$ ; d)  $\ln 2$ , 1,  $\ln 3$ ,  $\pi$ ; e) 1,  $\pi$ ,  $\ln 2$ ,  $\ln 3$ ; f) 1,  $\ln 3$ ,  $\pi$ ,  $\ln 2$ .
- 10. Să se calculeze  $\int_0^1 \frac{x}{x^2+1} dx$ .
  - a) -1; b) 0; c) 1; d) ; e)  $\frac{1}{2} \ln 2$ ; f) 2.
- 11. Să se rezolve ecuația  $9^x 4 \cdot 3^x + 3 = 0$ .
  - a) 1; b) -1; c) 0; d) nu are soluții; e) 0 și 1; f)  $\ln 3$ .
- 12. Să se determine m real dacă funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, \begin{cases} 2x+m, & x \leq 1 \\ m^2x+2, & x > 1 \end{cases}$  este continuă pe  $\mathbb{R}$ .
  - a) nu există; b) 0 și 1; c) 1; d) -1; e) 0; f) 2.
- 13. Să se rezolve inecuația:  $\frac{x+1}{1+x^2} \le 1$ 
  - a)  $(-\infty, 1] \cup [2, \infty)$ ; b)  $(-\infty, 0] \cup [1, \infty)$ ; c)  $(-\infty, -2) \cup (1, \infty)$ ;
  - d)  $(-\infty, 0) \cup (1, \infty)$ ; e) [-2, 1]; f) (-2, 1).
- 14. Să se rezolve sistemul:  $\begin{cases} x + 2y = 5 \\ y^2 3y + 2 = 0. \end{cases}$ 
  - a) (3,1),(1,2); b)  $(\frac{1}{2},1),(1,2)$ ; c) (2,3); d) (-1,0),(2,1); e) nu are soluții;
  - f) (3,4).

15. Să se calculeze aria cuprinsă între graficul funcției:  $f(x) = x^2 + 1$  și axa Ox, pentru  $x \in [0,1]$ .

a) 3; b) 
$$\frac{4}{3}$$
; c) 4; d)  $\frac{1}{3}$ ; e) 2; f)  $\frac{1}{2}$ .

- 16. Să se calculeze:  $\lim_{n\to\infty} \frac{n^2}{1+2+3+\cdots+n}$ 
  - a) 1; b)  $\infty$ ; c)  $\frac{1}{2}$ ; d) 0; e) nu există; f) 2.
- 17. Să se rezolve ecuația:  $\begin{vmatrix} 1 & x & x \\ x & 1 & x \\ x & x & 1 \end{vmatrix} = 0$ 
  - a)  $\frac{1}{2}$ , 1; b)  $-\frac{1}{2}$ ; c)  $-\frac{1}{2}$ , 0; d) 0; e) 1; f)  $-\frac{1}{2}$ , 1.
- 18. Să se găsească primul termen și rația unei progresii aritmetice, dacă:  $a_3=8, a_7=20.$ 
  - a)  $a_1 = 6, r = -3$ ; b)  $a_1 = 4, r = 1$ ; c)  $a_1 = 2, r = 3$ ; d)  $a_1 = 8, r = 2$ ;
  - e)  $a_1 = 4, r = 3$ ; f)  $a_1 = -1, r = 1$ .