Universitatea Politehnica din București 2004 Disciplina: Geometrie și Trigonometrie

- 1. In piramida patrulateră regulată VABCD se dau muchia VA=5 și diagonala bazei AC=8. Calculați distanța de la vârful V al piramidei la planul bazei.
 - a) 3; b) 4; c) 5; d) 6; e) 7; f) 8.
- 2. Intr-un con circular drept unghiul format de o generatoare cu planul bazei este de 45° . Raza bazei fiind R=3 să se calculeze aria laterală a conului
 - a) $9\pi\sqrt{2}$; b) 9π ; c) π ; d) $9\pi\sqrt{3}$; e) π^2 ; f) 3π .
- 3. In sistemul cartezian Oxyz se consideră planul de ecuație x+y+z-3=0 și dreapta de ecuații x=y=z. Coordonatele punctului de intersecție dintre dreaptă și plan sunt
 - a) (1, 1, 1); b) (0, 0, 0); c) (1, 2, 3); d) (2, 3, 1); e) (2, 2, 2); f) (-1, -1, -1).
- 4. Aria triunghiului, din planul xOy, determinat de punctele $O(0,0),\ A(4,0)$ și B(0,-3) este
 - a) 6; b) 12; c) 7; d) 5; e) 4; f) 3.
- 5. In planul xOy se dau punctele A(4,0) şi B(2,2). Punctele A, B şi C sunt coliniare pentru C de coordonate a) (0,4); b) (0,-4); c) (0,0); d) (-2,2); e) (2,-2); f) (0,-1).
- 6. Numărul soluțiilor ecuației $\sin x \cos x = 0$ situate în intervalul $[0, 2\pi]$ este
 - a) 2; b) 1; c) 3; d) 4; e) 0; f) o infinitate.
- 7. Pentru numărul complex z = 1 + i, numărul z^2 este
 - a) 2i; b) -i; c) 1; d) 0; e) -1; f) 1 i.
- 8. Modulul numărului complex $z = \cos \frac{\pi}{3} + \mathrm{i} \sin \frac{\pi}{3}$ este
 - a) 1; b) 2; c) $\sqrt{2}$; d) $\frac{1}{\sqrt{3}}$; e) 3; f) 0.
- 9. Ecuația trigonometrică $\sin^2 x = 1$ are în intervalul $[\pi, 2\pi]$ soluția
 - a) $\left\{\frac{3\pi}{2}\right\}$; b) $\left\{\frac{5\pi}{4}, \frac{7\pi}{4}\right\}$; c) $\left\{\pi\right\}$; d) $\left\{\pi, 2\pi\right\}$; e) $\left\{\frac{7\pi}{4}\right\}$; f) $\left\{-\frac{\pi}{2}\right\}$.
- 10. In triunghiul ABC se dau : $\hat{A}=45^{\circ}$, $AC=\sqrt{2}$ și AB=1. Atunci latura BC are lungimea
 - a) 1; b) 2; c) 3; d) $\sqrt{3-\sqrt{2}}$; e) $3+\sqrt{6}$; f) $3-\sqrt{2}$.
- 11. In triunghiul ABC se dau $\hat{C}=30^\circ$ și înălțime
aAD=2. (D se află pe dreapta BC.) Atunci latur
aAC are lungimea
 - a) 4; b) 2; c) 3; d) 5; e) $\sqrt{3}$; f) 1.
- 12. Produsul scalar al vectorilor $\vec{u}=\vec{i}-3\vec{j}+4\vec{k}$ și $\vec{v}=2\vec{i}-\vec{j}-\vec{k}$ este
 - a) 1; b) 2; c) 3; d) 4; e) 5; f) -1.
- 13. Modulul (norma, lungimea) vectorului $\vec{v} = 2\vec{i} \vec{j} + 2\vec{k}$ este
 - a) 3; b) 5; c) -3; d) 4; e) 6; f) 0.
- 14. Un cerc care conține punctul M(3,4) are ecuația
 - a) $x^2 + y^2 25 = 0$; b) $x^2 + y^2 6x 8y + 3 = 0$; c) $x^2 + y^2 7 = 0$; d) $x^2 + y^2 x = 0$; e) $x^2 + y^2 y = 0$; f) $x^2 + y^2 1 = 0$.
- 15. Suma semiaxelor elipsei de ecuație $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ este
 - a) 5; b) 1; c) 2; d) 12; e) 4; f) 9.
- 16. Se dau vectorii $\vec{u} = \vec{i} + 3\vec{j}$, $\vec{v} = 6\vec{i} 4\vec{j}$, $\vec{w} = 5\vec{i} \vec{j}$. Să se calculeze vectorul $\vec{s} = \vec{u} + \vec{v} \vec{w}$.
 - a) $\vec{s} = 2\vec{i}$; b) $\vec{s} = \vec{0}$; c) $\vec{s} = 12\vec{i} 2\vec{j}$; d) $\vec{s} = 10\vec{i} 8\vec{j}$; e) $\vec{s} = 3\vec{j}$; f) $\vec{s} = -\vec{i} \vec{j}$.

- 17. Fiecare din diagonalele fețelor unui cub are lungimea $2\sqrt{2}$. Atunci volumul cubului este a) 8; b) $16\sqrt{2}$; c) $8\sqrt{2}$; d) 4; e) 10; f) 6.
- 18. Dreapta, din planul xOy, de ecuație x+y-3=0 conține punctul A de coordonate a) (2,1); b) (2,-1); c) (-2,1); d) (-2,-1); e) (2,2); f) (2,-2).