Tipul F1

1. Un corp coboară fără frecare pe un plan înclinat de unghi 30°. Accelerația corpului este (g= 10m/s²):

Rezolvare

Forța care acționează asupra corpului și îi imprimă accelerația este componenta tangențială (paralelă cu planul înclinat) a greutății sale:

$$G_t = mg \sin \alpha$$

unde α este unghiul planului înclinat.

Aplicând expresia principiului al doilea al mecanicii, $\vec{F}=m\vec{a}$, rezultă $a=\frac{G_t}{m}=g\sin\alpha$, adică

$$a = 10 \cdot \frac{1}{2} = 5 \text{ m/s}^2.$$

2. Puterea disipată pe un rezistor cu rezistența de 2 Ω parcurs de un curent de 2 A este egală cu:

Rezolvare

Conform definiției puterii electrice, P=UI și legii lui Ohm pentru o porțiune de circuit, U=RI, rezultă $P=RI^2$, adică

$$P = 2 \cdot 4 = 8 \text{ W}.$$

3. Utilizând notațiile din manualele de fizică, ecuația termică de stare a gazului ideal este:

Rezolvare

$$pV = \nu RT$$

4. La legarea în serie sau în paralel a patru generatoare electrice identice, puterea disipată pe un rezistor este P = 160 W. Puterea disipată de un singur generator pe același rezistor este:

Rezolvare

La legarea în serie a celor patru generatoare identice, intensitatea curentului prin rezistorul de rezistență R, conectat la bornele acestei baterii de generatoare, este:

$$I_s = \frac{4E}{R+4r}$$
, iar puterea disipată pe rezistor este $P = RI_s^2$.

La legarea generatoarelor în paralel, intensitatea curentului prin același rezistor de rezistență R, conectat la noua baterie de generatoare, este:

$$I_p = \frac{E}{R + \frac{r}{A}}$$
, iar puterea disipată pe rezistor este $P = RI_p^2$.

Egalând puterile și înlocuind expresiile I_s și I_p , rezultă R=r.

La conectarea rezistorului la un singur generator, intensitatea curentului prin circuit este $I = \frac{E}{R+r}$.

1

Ținând cont că R = r, $I = \frac{E}{2R}$, iar puterea disipată pe rezistor este $P' = RI^2$, adică $P' = \frac{E^2}{4R}$.

Din $P = RI_p^2$ și R = r rezultă:

$$P = RI_p^2 = R \left(\frac{E}{R + \frac{r}{4}}\right)^2 = R \left(\frac{E}{R + \frac{R}{4}}\right)^2 = \frac{16}{25} \frac{E^2}{R},$$

adică
$$\frac{E^2}{R} = \frac{25}{16}P$$
. Ca urmare, $P' = \frac{E^2}{4R} = \frac{1}{4} \cdot \frac{25}{16}P = 62,5$ W.

5. O masă de 150 g de gaz ideal (μ = 18 g/mol) suferă o transformare în care presiunea variază linear cu volumul. Gazul trece din starea p_1 =7·10⁵ Pa, V_1 =32 litri în starea p_2 = 10⁶ Pa, V_2 = 22 litri. Temperatura maximă atinsă de gaz în această transformare este (R = 8,3 J/mol·K):

Rezolvare

Gazul suferă o transformare generală descrisă în coordonate (p,V) prin legea $p(V) = a \cdot V + b$, în care $a = \frac{p_2 - p_1}{V_2 - V_1}$ și $b = p_1 - a \cdot V_1$, adică $a = -3 \cdot 10^7 \, \text{Pa/m}^3$ respectiv $b = 16, 6 \cdot 10^5 \, \text{Pa}$. Înlocuind în această relație expresia presiunii $p = \frac{vRT}{V}$, așa cum rezultă din ecuația termică de stare a gazului ideal, se obține legea transformării generale a gazului în coordonate (V,T): $T(V) = \frac{1}{vR} \left(a \cdot V^2 + b \cdot V \right)$. Din condiția de extremum a acestei funcții, când volumul gazului este $V_M = -\frac{b}{2a}$, el atinge temperatura maximă $T_{\text{max}} \left(V = V_M \right) = \frac{1}{vR} \left(\frac{-b^2}{4a} \right)$ adică $T_{\text{max}} = 332 \, \text{K}$.

6. O forță de 20 N acționează asupra unui corp de masă $m=5\,\mathrm{kg}$ aflat în repaus pe o suprafață orizontală. Dacă se neglijează frecarea, spațiul parcurs de corp în primele 5 secunde de mișcare este:

Rezolvare

Accelerația imprimată corpului rezultă din expresia principiului al doilea al mecanicii, $\vec{F} = m\vec{a}$, adică $a = \frac{F}{m}$.

Legea spațiului pentru corpul care pleacă din repaus este: $s = \frac{1}{2}at^2$. Rezultă $s = \frac{1}{2}\frac{F}{m}t^2$, adică $s = \frac{1}{2}\frac{20}{5} \cdot 25 = 50 \,\text{m}$.

7. La capetele unui conductor de rezistență 2Ω se aplică o tensiune electrică de 4V. Intensitatea curentului electric prin conductor este:

Rezolvare

Aplicând legea lui Ohm pentru o porțiune de circuit, $I = \frac{U}{R}$, rezultă:

$$I = \frac{4}{2} = 2 \text{ A}.$$

8. Căldura disipată de un consumator cu rezistența de 20Ω străbătut de un curent de intensitate 2~A timp de 5~minute este:

Rezolvare

Conform definiției $Q = W = UIt = RI^2t$, adică $Q = 20 \cdot 4 \cdot (5 \cdot 60) = 24000$ J, adică Q = 24 kJ.

9. Volumul unui mol de gaz ideal la temperatura de 300K și presiunea de 10^5 Pa (R = 8,3 J/mol·K) este egal cu:

Rezolvare

Din ecuația termică de stare a gazului ideal, pV = vRT, se obține $V = \frac{vRT}{p}$, adică

$$V = \frac{1 \cdot 8, 3 \cdot 300}{10^5} = 0,0249 \,\mathrm{m}^3.$$

10. Energia cinetică a unui corp de masă m = 2 kg, care se mişcă cu viteza de 5 m/s, este:

Rezolvare

Conform definiției energiei cinetice, $E_c = \frac{1}{2}mv^2$, rezultă $E_c = \frac{1}{2}2 \cdot 25 = 25$ J.

11. Randamentul unui ciclu Carnot având temperaturile $T_1 = 500 \, \text{K}$ şi $T_2 = 300 \, \text{K}$ este:

Rezolvare

Randamentul ciclului Carnot, exprimat în funcție de temperaturile surselor caldă (T_1) și respectiv rece (T_2) , este $\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$, adică : $\eta = 1 - \frac{300}{500} = 0.4$.

12. Un gaz ideal aflat la presiunea de 10⁵ Pa suferă o transformare izocoră în urma căreia temperatura gazului se dublează. Presiunea gazului crește cu:

Rezolvare

Aplicând legea transformării izocore, $\frac{p}{T}=\mathrm{const.}$, se obține $\frac{p_1}{T_1}=\frac{p_2}{2T_1}$ și $p_2=2\,p_1$. Presiunea gazului crește cu $\Delta p=p_2-p_1=p_1$, adică $\Delta p=10^5\,\mathrm{Pa.}$

13. Temperatura unui kilogram de apă (cu căldura specifică c=4185 J/kgK), care primește o cantitate de căldură de 83700 J, variază cu:

Rezolvare

Din definiția căldurii specifice a unei substanțe, $c = \frac{Q}{m\Delta T}$, rezultă $\Delta T = \frac{Q}{mc}$, adică

$$\Delta T = \frac{83700}{1.4185} = 20 \text{ K sau } \Delta t = 20 \text{ °C}.$$

14. Utilizând notațiile din manualele de fizică, legea lui Ohm pentru circuitul simplu este:

Rezolvare

$$I = \frac{E}{R+r}$$

15. Unitatea de măsură în SI pentru impuls este:

Rezolvare

$$[p]_{SI} = kg \cdot m/s$$

16. Sub acțiunea unei forțe deformatoare F, alungirea absolută a unui resort cu constanta de elasticitate k este:

Rezolvare

Conform definiției, $F = k \cdot \Delta l$, adică

$$\Delta l = \frac{F}{k} \, .$$

17. Legea de mişcare a unui mobil este $x(t) = 2t^2 - 8t + 21$ (m). Coordonata x a mobilului la momentul de timp t = 2 s este:

Rezolvare

Întroducând valoarea t = 2 s în legea de mişcare se obține:

$$x(2) = 2 \cdot 4 - 8 \cdot 2 + 21 = 13 \text{ m}.$$

18. Două rezistoare cu rezistențele de 2 Ω și respectiv 8 Ω sunt legate în paralel. Rezistența echivalentă a grupării este:

Rezolvare

Din
$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$
 rezultă $R_p = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$, adică $R_p = 1,6 \Omega$.