Admitere * Universitatea Politehnica din București 2000 Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică

- 1. Să se calculeze $\int_{1}^{2} \frac{\mathrm{d}x}{x+1}$.
 - a) $I = \ln \frac{2}{3}$; b) $I = \ln \frac{3}{2}$; c) $I = \ln 3$; d) $I = 2 \ln 3$; e) $I = \frac{1}{2} \ln 3$; f) $I = 3 \ln 2$.
- 2. Să se rezolve ecuația $4^x 3 \cdot 2^x + 2 = 0$.
 - a) $x = \ln 2$; b) x = 0; c) $x \in \{0, 1\}$; d) $x = 2 \ln 2$; e) x = 1; f) x = -2.
- 3. Fie $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$. Să se calculeze A^2 .
 - $a) \left(\begin{array}{cc} 6 & 2 \\ 4 & 0 \end{array} \right); \ b) \left(\begin{array}{cc} 6 & 0 \\ 4 & 0 \end{array} \right); \ c) \left(\begin{array}{cc} 6 & 2 \\ 4 & 2 \end{array} \right); \ d) \left(\begin{array}{cc} 0 & 4 \\ 4 & 2 \end{array} \right); \ e) \left(\begin{array}{cc} 6 & 4 \\ 4 & 0 \end{array} \right); \ f) \left(\begin{array}{cc} 4 & 0 \\ 6 & 6 \end{array} \right).$
- 4. Să se calculeze $E = \log_2 \sqrt{8} + \log_3 \frac{1}{9}$.
 - a) $E = \frac{3}{2}$; b) E = 4; c) $E = \frac{1}{2}$; d) $E = \frac{1}{4}$; e) E = 0; f) $E = -\frac{1}{2}$.
- 5. Să se calculeze $\lim_{x\to\infty} \frac{2x}{\sqrt{x^2+1}}$
 - a) $\frac{1}{2}$; b) 0; c) 2; d) 1; e) 4; f) ∞ .
- 6. Să se calculeze f'(2) pentru funcția

$$f: \mathbf{R} \to \mathbf{R}, \ f(x) = \frac{x}{x^2 + 1}.$$

- a) $\frac{4}{25}$; b) $-\frac{3}{25}$; c) $\frac{-3}{5}$; d) $\frac{7}{25}$; e) 0; f) 1.
- 7. Câte soluții are ecuația 2x = 0 în \mathbb{Z}_6 ?
 - a) Nici una; b) şase; c) Patru; d) Două; e) Trei; f) Una.
- 8. Într-o progresie aritmetică (a_n) , $n \ge 1$, se cunosc $a_1 = 5$ și rația r = 3. Să se calculeze suma primilor 20 de termeni.
 - a) 610; b) 667; c) 670; d) 679; e) 600; f) 628.
- 9. Să se calculeze $C_5^2 + C_4^1 + C_3^0$.
 - a) 20; b) 10; c) 14; d) 15; e) 12; f) 3.
- 10. Să se calculeze $E = (2+0,1)^2 4 + \sqrt{81}$
 - a) E = 9; b) E = 5,41; c) E = -8,59; d) E = 0,43; e) E = 9,4; f) E = 9,41.
- 11. Să se simplifice $E = \frac{a^3 1}{a^2 + a + 1} \frac{a^3 + 1}{a^2 a + 1}$
 - a) 2a; b) 0; c) 3; d) -2; e) -2a; f) 2a + 1.
- 12. Să se determine restul împărțirii polinomului $f = X^3 + X + 3$ la $g = X^2 X + 3$.
 - a) X 1; b) X + 3; c) -X; d) X^2 ; e) 2X + 3; f) 2X 1.
- 13. Să se calculeze $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2$, unde x_1, x_2, x_3 sunt soluțiile ecuației

$$x^3 - 3x^2 + 5x + 1 = 0$$
.

a) -1; b) 1; c) 2; d) 0; e) 3; f) 7.

- 14. Să se rezolve ecuația $\sqrt{x+1} + \sqrt{x+2} = 0$.
 - a) $x \in (0,1)$; b) x = 0; c) $x \in \{1 \sqrt{2}, 1 + \sqrt{2}\}$; d) x = 0;
 - e) $x \in (-1, \infty)$; f) Nu există soluții.
- 15. Să se calculeze $L = \lim_{n \to \infty} \left(n \sqrt{n^2 n + 1} \right)$.
 - a) L=0;b) $L=\frac{1}{2};$ c) L=1;d) L=2;e) $L=\infty;$ f) Nu există.
- 16. Să se rezolve ecuația $x + 1 = \frac{2}{x}$.
 - a) $x \in \{-1, +1\}$; b) x = 1; c) $x \in \{1, -2\}$; d) x = -2; e) Nu are soluții; f) $x \neq 0$.
- 17. Să se determine abscisele punctelor de extrem ale funcției

$$f: \mathbf{R} \to \mathbf{R}, \ f(x) = (x^2 - x + 1) \cdot e^x.$$

- a) x=2; b) x=-3; c) Nu există; d) $x\in\{0,-1\}$; e) x=0; f) x=-1.
- 18. Să se rezolve sistemul $\begin{cases} 2x 3y = 3 \\ x^2 = 9y. \end{cases}$
 - a) (3,-1); b) (3,1); c) (1,3); d) (3,3); e) (1,1); f) (9,3).