Admitere * Universitatea Politehnica din București 2007 Disciplina: Algebră și Elemente de Analiză Matematică Varianta A

- 1. Să se calculeze $i + i^3 + i^5$. (4 pct.)
 - a) 1; b) -i; c) 0; d) i; e) -1; f) 2i.
- 2. Fie $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{x^3 + 5x}{x^2 + 1}$. Să se calculeze $I = \int_0^3 f^{-1}(t) dt$, unde f^{-1} este inversa funcției bijective f. (4 pct.)
 - $a) \,\, \frac{1}{2} \, (5 4 \ln 2); \, b) \,\, \frac{3 + 4 \ln 2}{2}; \, c) \,\, \frac{1}{2} \, (5 + 4 \ln 2); \, d) \,\, \ln 2; \, e) \,\, \frac{1}{2} \, (2 + \ln 2); \, f) \,\, \frac{1}{2} \, (5 \ln 2).$
- 3. Să se determine parametrul real m dacă sistemul x + y = m, x + my = 1 este compatibil nedeterminat. (4 pct.)
 - a) 2; b) 0, 1; c) 1; d) -1; e) $m \in \mathbb{R}$; f) 0.
- 4. Să se determine abscisele punctelor de extrem ale funcției $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^4 + 8x^3$. (4 pct.)
 - a) 0; b) -1; c) -2; d) 1; e) -6; f) 0, -6.
- 5. Să se calculeze $\lim_{n\to\infty} (n+2-\sqrt{n^2+n+3})$. (4 pct.)
 - a) $\frac{5}{2}$; b) 2; c) 1; d) ∞ ; e) $\frac{3}{2}$; f) 0.
- 6. Să se calculeze aria mărginită de parabola $y = 2x x^2$ și axa Ox. (4 pct.)
 - a) 2; b) 3; c) $-\frac{4}{3}$; d) -1; e) $\frac{4}{3}$; f) 1.
- 7. Pentru ce valori ale parametrului real m matricea $A = \begin{pmatrix} 1 & m \\ m & 4 \end{pmatrix}$ admite inversă ? (4 pct.)
 - a) m = -2; b) $m \neq \pm 2$; c) m = 2; d) $m \in \{-2, 2\}$; e) m = 0; f) m = 4.
- 8. Să se determine numărul soluțiilor ecuației 2x = 0 în inelul \mathbb{Z}_6 . (4 pct.)
 - a) 0; b) 2; c) 4; d) 6; e) 1; f) 3.
- 9. Se cer asimptotele verticale ale graficului funcției reale $f:(0,\infty)\setminus\{2\}\longrightarrow\mathbb{R}, f(x)=\frac{\ln x}{x-2}$. (4 pct.)
 - a) x=1; b) x=0; c) x=2; d) $x=0,\,x=1$; e) Nu există; f) $x=0,\,x=2$.
- 10. Să se rezolve ecuația $2^{x+1} = 4^{\sqrt{x}}$. (4 pct.)
 - a) 3; b) 2; c) 1; d) 4; e) 0; f) -1.
- 11. Să se determine punctele critice ale funcției $f: \mathbb{R}^* \longrightarrow \mathbb{R}, f(x) = x + \frac{1}{x}$. (4 pct.)
 - a) 2, -2; b) -1, 1; c) Nu există; d) 1; e) -1; f) 3.
- 12. Fie x_1 şi x_2 soluţiile ecuaţiei $x^2 3x + 2 = 0$. Să se calculeze $x_1 + x_2 + x_1x_2$. (4 pct.)
 - a) -2; b) 5; c) -5; d) 6; e) 2; f) 0.
- 13. Să se rezolve ecuația $\sqrt{x+1} + \frac{1}{\sqrt{x+1}} = 2$. (6 pct.)
 - a) 3; b) 1; c) 4; d) 2; e) 0; f) $x \neq -1$.
- 14. Să se calculeze $\lim_{x\to\infty} \frac{(x+1)^3 (x-1)^3}{2x^2 + x + 1}$. (6 pct.)
 - a) 2; b) ∞ ; c) 1; d) $-\infty$; e) 3; f) 0.
- 15. Să se determine $a^2 + b^2$ dacă a + 2b = 1 și 2a + b = 2. (6 pct.)
 - a) 3; b) 2; c) 0; d) 4; e) 1; f) -2.

16. Să se calculeze f'(0) pentru $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}, f(x) = \frac{x}{x^2 + 1}$. (8 pct.)

a) 2; b)
$$-1$$
; c) -2 ; d) 1; e) 4; f) 0.

17. Să se determine valorile parametrului real m dacă polinomul $X^2 - (m+3) X + 9$ are rădăcini duble. (8 pct.)

a) 0; b) 3,
$$-9$$
; c) -9 ; d) 3; e) 1; f) -3 , 9.

18. Fie F primitiva funcției $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + 2x$ care se anulează în punctul x = 1. Să se calculeze F(2). (8 pct.)

a) 0; b)
$$\frac{20}{3}$$
; c) 8; d) $\frac{16}{3}$; e) 2; f) 1.