## Universitatea Politehnica din București 2005 Disciplina: Geometrie și Trigonometrie Varianta A

- 1. Să se afle câte soluții are ecuația  $\sin x \sqrt{3}\cos x = 0$  în intervalul  $[-\pi, 2\pi]$ . (4 pct.)
  - a) patru; b) o infinitate; c) două; d) trei; e) una; f) nici una.
- 2. Un triunghi isoscel are două unghiuri de mărime  $\frac{\pi}{8}$  și laturile egale de lungime 1. Atunci înălțimea corespunzătoare uneia dintre laturile egale are lungimea (4 pct.)
  - a)  $\frac{1}{3}$ ; b)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ; c)  $\frac{1}{2}$ ; d)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ; e)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ ; f)  $\frac{3}{\sqrt{2}}$ .
- 3. Care este ordinea crescătoare a următoarelor numere:  $a = \sin 2$ ,  $b = \sin \frac{2\pi}{3}$ ,  $c = \sin 8$ ? (4 pct.)
  - a) c < b < a; b) a < b < c; c) b < c < a; d) b < a < c; e) a < c < b; f) c < a < b.
- 4. Dreapta care trece prin punctele A(1,2) și B(2,5) are ecuația (4 pct.)
  - a) x 3y = 1; b) 2x y = 0; c) x 2y = 0; d) 3x y = 1; e) x + 3y = 1; f) 3x + y = 1.
- 5. Să se determine ecuația planului care trece prin punctul A(3, -2, -7) și este paralel cu planul 2x 3z + 5 = 0. (4 pct.)
  - a) 2x 3z 10 = 0; b) x 3z 27 = 0; c) 2x 3z 20 = 0; d) 2x z 27 = 0; e) 2x 3z 27 = 0; f) 2x 3z 25 = 0.
- 6. Un triunghi dreptunghic are ipotenuza de lungime  $8~{\rm cm}$  și un unghi de  $30^{\circ}$ . Calculați lungimea înălțimii corespunzătoare ipotenuzei. (4 pct.)
  - a)  $4\sqrt{3}$ ; b)  $\sqrt{3}$ ; c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ; d)  $2\sqrt{3}$ ; e) 2; f) 4.
- 7. Dacă  $E = \cos \frac{\pi}{6} + \mathrm{i} \sin \frac{\pi}{6}$ , să se determine valoarea  $a = E^{12}$ . (4 pct.)
  - a) 1; b) 1 i; c) i; d) -1; e) -i; f) 0.
- 8. Un paralelipiped dreptunghic are diagonala de lungime 4 și laturile bazei de lungimi respectiv 2 și 3. Atunci înălțimea paralelipipedului are lungimea (4 pct.)
  - a)  $\sqrt{3}$ ; b) 4; c) 1; d) 2; e)  $\sqrt{5}$ ; f)  $\sqrt{2}$ .
- 9. Dacă x este un unghi în  $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$  și  $\sin x = \frac{2}{3}$ , să se determine tg x. (4 pct.)
  - a)  $-\frac{1}{\sqrt{5}}$ ; b)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$ ; c)  $\frac{1}{2}$ ; d)  $\frac{1}{\sqrt{5}}$ ; e)  $\sqrt{5}$ ; f)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ .
- 10. Aflați aria unui triunghi dreptunghic dacă ipotenuza are lungimea 25 cm iar perimetrul este de 60 cm. (4 pct.)
  - a)  $50~{\rm cm}^2$  ; b)  $125~{\rm cm}^2$  ; c)  $150~{\rm cm}^2$  ; d)  $325~{\rm cm}^2$  ; e)  $100~{\rm cm}^2$  ; f)  $225~{\rm cm}^2$  .
- 11. Fie A(2,3), B(4,-1). Să se afle coordonatele punctului M pentru care  $\overline{MA} + \overline{MB} = \overline{0}$ . (4 pct.)
  - a) (2,2); b) (3,1); c) (1,2); d) (1,3); e) (1,1); f) (2,1).
- 12. Pentru ce valoare  $m \in \mathbb{R}$  vectorii  $\vec{a} = m\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}$  și  $\vec{b} = 4\vec{i} + m\vec{j} 7\vec{k}$  sunt perpendiculari? (4 pct.)
  - a) m = 3; b) m = 5; c) m = -4; d) m = 4; e) m = 2; f) m = -3.
- 13. Diagonala unei fețe a unui cub de volum 8 este (6 pct.)
  - a) 2; b)  $\sqrt{2}$ ; c)  $\sqrt{3}$ ; d) 4; e)  $2\sqrt{2}$ ; f) 1.
- 14. Care dintre următoarele puncte aparțin elipsei raportate la axe cu semiaxele a=2 și b=3? (6 pct.)

a) 
$$(\sqrt{2}, \sqrt{3})$$
; b)  $(-1, 1)$ ; c)  $(\sqrt{2}, \frac{3}{\sqrt{2}})$ ; d)  $(1, 0)$ ; e)  $(1, 2)$ ; f)  $(2\sqrt{2}, \frac{1}{\sqrt{2}})$ .

15. Volumul unui con circular drept de generatoare 5 și rază 4 este: (6 pct.)

a) 
$$\frac{80\pi}{3}$$
; b)  $20\pi$ ; c)  $16\pi$ ; d)  $\frac{8\pi}{3}$ ; e)  $32\pi$ ; f)  $4\pi$ .

16. Fie  $z=(1+\mathrm{i})^2$ . Să se calculeze  $\arg z\ (0\leq \arg z<2\pi)$ . (8 pct.)

a) 
$$\frac{\pi}{4}$$
; b)  $\frac{\pi}{2}$ ; c)  $\frac{2\pi}{5}$ ; d)  $\frac{\pi}{3}$ ; e)  $\frac{3\pi}{4}$ ; f)  $\frac{\pi}{6}$ .

- 17. Care este raza cercului de ecuație  $x^2 + y^2 2x 2y = 0$ ? (8 pct.)
  - a) 3; b) 2; c)  $\sqrt{2}$ ; d) 1; e) -1; f)  $\sqrt{3}$ .
- 18. Să se calculeze volumul piramidei ale cărei fețe sunt planele de coordonate și planul de ecuație: 3x + 6y 2z 24 = 0. (8 pct.)
  - a) 64; b) 100; c) 8; d) 32; e) 36; f)  $\frac{16}{3}$ .