

# Projection Predictive Method for Bayesian Model Selection in Retail Time Series Forecasting (Aihe-esitelmä)

Elias Ylä-Jarkko 27.8.2021

Ohjaaja: FM Ella Tamir

Valvoja: Prof. Fabricio Oliveira

Työn saa tallentaa ja julkistaa Aalto-yliopiston avoimilla verkkosivuilla. Muilta osin kaikki oikeudet pidätetään.



## **Motivaatio**

- Myynnin selittäminen tarjoaa taloudellista hyötyä
  - Johtuuko päivän myyntimäärä markkinoinnista, säästä, perjantaista, tms.
- Tarkempi malli kasvattaa hyötyä ja vähentää riskiä
- Muuttujien määrän vähentäminen lisää tarkkuutta
  - Parantamalla ennustuskykyä
  - Lyhentämällä laskenta-aikaa
  - Helpottamalla päätöksentekoa

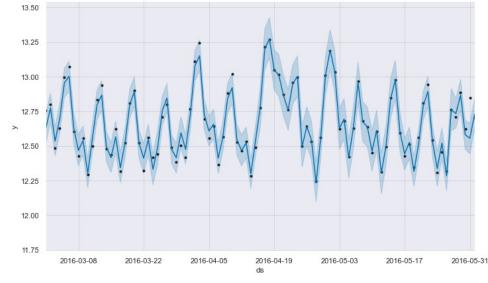
(Chan D. & Perry M., 2017), (Piironen, J. 2019)





## Menetelmä

- Ennustetaan equadorilaisen kauppaketjun myyntiä
- Muuttujina kausivaihtelu, öljyn, maissin ja perunoiden hinta, lämpötila, sademäärä, alennukset
- Sovitetaan
  yksinkertaisempia malleja
  täyden mallin
  ennusteeseen







## Menetelmä yksityiskohtaisemmin

- Valitsee enemmän relevantteja muuttujia
- Stabiilimpi

(Piironen & Vehtari, 2017)

$$\begin{aligned} \boldsymbol{\theta}_{\perp} &= \arg \min_{\boldsymbol{\theta} \in \boldsymbol{\Theta}} \mathrm{KL}(p(\tilde{y} \,|\, \boldsymbol{\theta}_{*}) \,||\, p(\tilde{y} \,|\, \boldsymbol{\theta})) \\ &= \arg \max_{\boldsymbol{\theta} \in \boldsymbol{\Theta}} \mathrm{E}_{\tilde{y} \,|\, \boldsymbol{\theta}_{*}}(\, \log p(\tilde{y} \,|\, \boldsymbol{\theta})\,). \end{aligned}$$

- Formaalisti: jokaista muuttujamäärää kohden valitaan se alimalli, joka eroaa täydestä mallista vähitellen.
- KL-divergenssin minimoiminen on ekvivalenttia täyden mallin ennusteisiin MLE-sovittamisen kanssa.



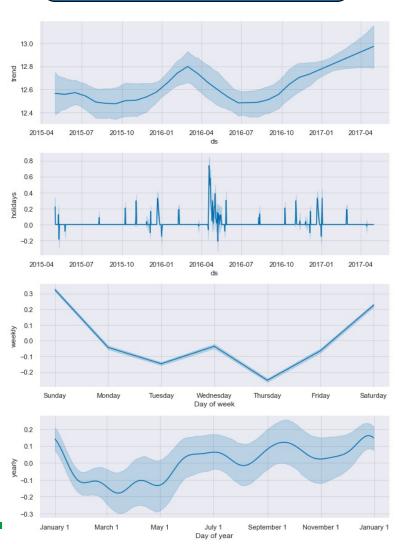
## **Työkalut**

- Python:lle ja R:lle toteutettu aikasarjamallintamisen kirjasto
- Taustalla Stan
- Sovittaa automaattisesti jaksollisuuksia, paloittaisen trendin ja yksittäisiä lomapäiviä

$$y \sim N(\text{trendi} + X * \beta, \sigma)$$

 $\beta$  = "muuttujat ja fourier-kertoimet"









## **Tavoitteet**

- Tutustua miten Projection Predictive Method soveltuu vähittäiskaupan aikasarjamallintamiseen Prophetkirjastolla
- 2. Selvittää millaiset muuttujat selittävät vähittäiskaupan kokonaismyyntiä parhaiten

(Lisäksi) Selvittää miten Prophet-malleja täytyy muokata jotta ne soveltuvat menetelmään.





## **Aikataulu**

- 6-7/2021 Aiheen valinta, datan etsiminen ja puhdistaminen, työkaluihin tutustuminen
- 8/2021 Projektiomenetelmän ohjelmoiminen ja tulosten kerääminen
- 9/2021 Yhteenveto, kirjallisuus





## Lähteet

- Chan, D., & Perry, M. (2017). Challenges and opportunities in media mix modeling.
- Piironen, J. (2019). Bayesian Predictive Inference and Feature Selection for High-Dimensional Data, Aalto University publication series DOCTORAL DISSERTATIONS, 84/2019
- Piironen, J., & Vehtari, A. (2017). Comparison of Bayesian predictive methods for model selection. STATISTICS AND COMPUTING, 27(3), 711-735. https://doi.org/10.1007/s11222-016-9649-y
- Piironen, J., Paasiniemi, M., Vehtari, A., (2020) Projective inference in high-dimensional problems: Prediction and feature selection, *Electronic Journal of Statistics*, 14/2020 2155–2197



