

Überschrift

Abstrakt

Anschaulich $A := \mathcal{C}(X)$ mit X top. Raum

Primideale $\text{Spec} A$

Für $\mathfrak{p} \subseteq A$ Ideal gilt:

$$\mathfrak{p} \in \text{Spec} A : \iff \forall pq \in \mathfrak{p} : p \in \mathfrak{p} \vee q \in \mathfrak{p}$$

$I_x := \{f \in \mathcal{C}(X) \mid f(x) = 0\}$ für $x \in X$ also alle Funktionen, die am Punkt x verschwinden.

Damit ist $\text{Spec} \mathcal{C}(X) \cong X$

Verschwindungsmenge

Zu $f \in A$ ist $V(f)$

$$V(f) := \{\mathfrak{p} \in \text{Spec} A \mid f \in \mathfrak{p}\}$$

$$V(f) = \{x \in X \mid f \in I_x\} = \{x \in X \mid f(x) = 0\} = \text{supp}(f)^C$$

Zu $S \subseteq A$ ist $V(S)$

$$V(S) := \{\mathfrak{p} \in \text{Spec} A \mid S \subseteq \mathfrak{p}\}$$

$$V(S) = \{x \in X \mid S \subseteq I_x\} = \{x \in X \mid \forall f \in S : f(x) = 0\}$$

Standard offene Mengen

Zu $f \in A$ ist $D(f)$

$$D(f) := \{\mathfrak{p} \in \text{Spec} A \mid f \notin \mathfrak{p}\} = V(f)^C$$

$$D(f) := \{x \in X \mid f \notin I_x\} = \{x \in X \mid f(x) \neq 0\} = \text{supp}(f)$$