

دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) دانشکده مهندسی صنایع و سیستمهای مدیریت

پروژه درس برنامهریزی تولید: فاز دوم

تهيەكنندە:

حامد اعراب – ۹۹۲۵۰۰۳

استاد:

دکتر هادی مصدق

پاییز و زمستان ۱۴۰۲

مدل بهینهسازی

مدل بهینه سازی داده شده در فایل توضیحات را مطابق زیر تغییر داده تا بتوانیم برنامه ریزی سه محصول جدا را به صورت همزمان انجام داده و از مفروضات مسئله پیروی کنیم.

$$\begin{aligned} & \text{minimize} \, \sum_{t \in T} \left(\sum_{g \in G} \begin{pmatrix} rpc_g. \, RP_{tg} + opc_g. \, OP_{tg} + pic. \, PI_{tg} \\ +pdc. \, PD_{tg} + isc_g. \, IS_{tg} + igc_g. \, IG_{tg} \end{pmatrix} \right) \\ & +rs. \, TW_t + os. \, OW_t + hc. \, HW_t + fc. \, FW_t \end{aligned}$$

Subject to:

$$\sum_{g \in G} RP_{tg} \le rpr. TW_t \qquad \qquad t \in T \tag{2}$$

$$\sum_{g \in G} OP_{tg} \le opr.TW_t \qquad \qquad t \in T \tag{3}$$

$$\sum_{g \in G} OP_{tg} \le opr. OW_t \qquad \qquad t \in T \tag{4}$$

$$TW_t = TW_{t-1} + HW_t + FW_t \qquad \qquad t \in T, t \neq T_0 \tag{5}$$

$$TW_t = iw + HW_t + FW_t t = T_0 (6)$$

$$IL_{ta} = IS_{ta} - IG_{ta} t \in T, g \in G (7)$$

$$RP_{tg} = RP_{t-1,g} + PI_{tg} - PD_{tg} \qquad \qquad t \in T, t \neq T_0, g \in G$$
 (8)

$$RP_{tg} = irp_g + PI_{tg} - PD_{tg} t = T_0, g \in G (9)$$

$$IL_{tg} = IL_{t-1,g} + RP_{tg} + OP_{tg} - D_{tg} t \in T, t \neq T_0, g \in G (10)$$

$$IL_{tg} = iil_g + RP_{tg} + OP_{tg} - D_{tg}$$

$$t = T_0, g \in G$$
 (11)

$$IL_{tg} = fil_g t = T_{-1}, g \in G (12)$$

$$RP_{tg}, OP_{tg}, PI_{tg}, PD_{tg}, IS_{tg}, IG_{tg} \ge 0$$
 $t \in T, g \in G$ (13)

$$TW_t, OW_t, HW_t, FW_t \ge 0 t \in T (14)$$

$$RP_{tg}, OP_{tg}, PI_{tg}, PD_{tg}, IL_{tg}, IS_{tg}, IG_{tg} \in \mathbb{Z}$$
 $t \in T, g \in G$ (15)

$$TW_t, OW_t, HW_t, FW_t \in \mathbb{Z}$$
 $t \in T$ (16)

توضيحات پارامترها

در زیر به پارامترها و ورودیهای مسئله که میتوان مقادیرشان را تغییر داد میپردازیم.

Parameter	Description	Dimension	Default Value	
T	periods	-	⟨20,21,,25⟩	
G	product groups	-	⟨1,2,3⟩	
D_{tg}	demand for group g in period t	units	G1 Forecast (WMA), G2 Forecast (ALR), G3 Forecast (ALR)	
rpr	regular production rate	units per worker	$3.125 \times \frac{7}{9}$	
opr	overtime production rate	units per worker	$3.125 \times \frac{2}{9}$	
rpc_g	regular production cost of group g	tomans per unit	(11.3e6,12.2e6,16.7e6)	
opc_g	overtime production cost of group g	tomans per unit	(13.56e6,14.64e6,20.04e6)	
pic	production increase cost	tomans per unit	1e6	
pdc	production decrease cost	tomans per unit	1.5 <i>e</i> 6	
isc_g	inventory surplus cost of group g	tomans per unit	$\left\langle \frac{2.3e6}{12}, \frac{3.1e6}{12}, \frac{5.6e6}{12} \right\rangle$	
igc_g	inventory shortage cost of group g	tomans per unit	(2e6,2e6,2e6)	
rs	regular salary	tomans per worker	15e6	
os	overtime salary	tomans per worker	4.5 <i>e</i> 6	
hc	hiring cost	tomans per worker	2.4e6	
fc	firing cost	tomans per worker	12e6	
iw	initial workers	worker	20e3	
irp_g	initial regular production of group g	units	⟨0,0,0⟩	

iil_g	initial inventory level of group g	units	⟨0,0,0⟩
fil_g	final inventory level of group g	units	(0,0,0)

توجه:

برای مقادیر تقاضاها، بر اساس نتایج حاصله از فاز پیشین، از پیشبینیهای روش میانگین وزنی متحرکی برای گروه یک، و از پیشبینیهای روش رگرسیون خطی سازگارشده برای گروههای دو و سه استفاده میکنیم.

توضيحات متغيرهاي تصميم

متغیرهای تصمیم مسئله بهینهسازی، به شرح زیرند:

Decision Variable	Description	Dimension
RP_{tg}	regular production of group g in period t	units
OP_{tg}	overtime production of group g in period t	units
PI_{tg}	production increase of group g in period t	units
PD_{tg}	production decrease of group g in period t	units
IL_{tg}	inventory level of group g in period t	units
IS_{tg}	inventory surplus of group g in period t	units
IG_{tg}	inventory shortage of group g in period t	units
TW_t	total workers in period t	workers
OW_t	overtime workers in period t	workers
HW_t	hired workers in period t	workers
FW_t	fired workers in period t	workers

توجه:

یک متغیر تصمیم برای حداقل تعداد کارگرانی که در یک دوره باید به صورت کامل در زمانهای اضافه کاری مشغول باشند اضافه می کنیم تا بتوانیم هزینه دستمزد اضافه کاری کارگران را در تابع هدف محاسبه کنیم. محدودیت مربوط به این نکته، محدودیت شماره ۴ می باشد.

نتايج

مطابق نتایج حاصله، هزینه کل تقریبا برابر با ۶۴ هزار میلیارد تومان خواهد بود. از آنجایی که میزان تقاضا بسیار بیشتر از ظرفیت تولید است، مجبوریم به تعداد زیاد کارگر استخدام کنیم تا کمبود را جبران کنیم.

total cost: 64344855250000.0

	T20	T21	T22	T23	T24	T25
RP	(434092, 147035, 4909)	(434092, 147035, 4909)	(434092, 147035, 4909)	(434148, 147035, 4848)	(434148, 147035, 4848)	(434148, 147035, 4848)
OP	(5788, 18840, 1719)	(1, 11930, 0)	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)
PI	(434092, 147035, 4909)	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)	(56, 0, 0)	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)
PD	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)	(0, 0, 61)	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)
IL	(0, 0, 0)	(-599, 0, -606)	(655, -6008, -703)	(0, -6093, -408)	(-44, 8983, 69)	(0, 0, 0)
IS	(0, 0, 0)	(0, 0, 0)	(655, 0, 0)	(0, 0, 0)	(0, 8983, 69)	(0, 0, 0)
IG	(0, 0, 0)	(599, 0, 606)	(0, 6008, 703)	(0, 6093, 408)	(44, 0, 0)	(0, 0, 0)
TW	241112	241112	241112	241110	241110	241110
OW	37940	17181	0	0	0	0
HW	221112	0	0	0	0	0
FW	0	0	0	2	0	0

آناليز حساسيت

میزان هزینه کل را برای مقادیر مختلف دو پارامتر را به صورت جداگانه محاسبه می کنیم:

حقوق عادي

```
rs = 120000000,
                    total cost: 60004857250000.0
rs = 13000000,
                    total cost: 61451523250000.0
rs = 14000000,
                    total cost: 62898189250000.0
rs = 15000000,
                    total cost: 64344855250000.0
                    total cost: 65791521250000.0
rs = 160000000,
rs = 17000000,
                    total cost: 67238187250000.0
rs = 18000000,
                    total cost: 68684853250000.0
                                                                          هزينه استخدام
hc = 1200000,
                    total cost: 64079520850000.0
hc = 1600000,
                    total cost: 64167965650000.0
hc = 2000000,
                    total cost: 64256410450000.0
                    total cost: 64344855250000.0
hc = 2400000,
hc = 2800000,
                    total cost: 64433300050000.0
hc = 3200000,
                    total cost: 64521744850000.0
```

total cost: 64610189650000.0

hc = 3600000,