Learn Me a Haskell

Jacob Bishop

2023-07-01

1 INTRODUCTION 2

1 Introduction

2 Starting Out

第一个函数

在 ./test/ 文件夹下创建一个 baby.hs 的文件,写入:

```
doubleMe x = x + x
```

使用 ghci 加载该文件(在本项目根目录时使用:1 tests/baby):

```
ghci>:l baby
[1 of 1] Compiling Main (baby.hs, interpreted)
3 Ok, modules loaded: Main.
4 ghci> doubleMe 9
5 18
6 ghci> doubleMe 8.3
7 16.6
```

一个带有 if 的函数:

```
doubleSmallNumber x =
   if x > 100
   then x
   else x * 2
```

Haskell 中的 if 声明是一个 表达式,那么 else 是强制性的,因为表达式一定要有所返回。因此加上述函数可以改写为:

```
doubleSmallNumber' x = (if x > 100 then x else x * 2) + 1
```

这里的 ' 符号是 Haskell 中的有效字符,且在 Haskell 中并没有特殊的意义,因此可以用作于函数名。通常情况下,使用 ' 代表着一个函数(非懒加载的函数)的严格版本,或是一个有细微变化的函数或者变量。又因为 ' 是一个有效字符,那么可以创建以下函数:

```
conanO'Brien = "It's a-me, Conan O'Brien!"
```

这里又有两点值得注意的地方。首先,函数名不能以大写开头,稍后会进行说明;其次,该函数并没有任何入参。当一个函数没有入参,我们通常称其为一个 定义 definition,因为一旦定义了它便不能修改其名称,以及其返回。

list 的介绍

Haskell 中的 list 是 同质的 homogenous 数据结构。

Note

在 GHCI 中可以使用 let 关键字定义一个名称。换言之,GHCI 中的 let a=1 等同于脚本中的 a=1 。

通常使用 ++ 操作符将两个数组进行合并:

```
ghci> [1,2,3,4] ++ [9,10,11,12]
[1,2,3,4,9,10,11,12]
ghci> "hello" ++ " " ++ "world"

"hello world"
ghci> ['w','o'] ++ ['o','t']
"woot"
```

可以使用: 操作符将元素直接添加至数组头部:

```
1 ghci> 'A':" SMALL CAT"
2 "A SMALL CAT"
3 ghci> 5:[1,2,3,4,5]
4 [5,1,2,3,4,5]
```

实际上, [1, 2, 3] 是 1:2:3:[] 的语法糖, 其中 [] 为一个空数组。如果头部追加 3, [] 就变成了 [3], 再次进行头部追加 2,则变为 [2, 3],以此类推。

如果希望通过索引获取数组中的元素,那么可以使用!! 操作符:

```
ghci> "Steve Buscemi" !! 6
by 'B'
ghci> [9.4,33.2,96.2,11.2,23.25] !! 1
33.2
```

超出索引时则会报错。

数组还可以通过操作符 〈 , <= , == , > 以及 >= 操作符来进行比较,而比较的方式则是顺序比较。当进行头部比较元素相等时,再进行下一个元素进行比较。

数组的四种基础操作 head, tail, last 以及 init:

```
ghci > head [5,4,3,2,1]

ghci > tail [5,4,3,2,1]

[4,3,2,1]

ghci > last [5,4,3,2,1]

ghci > init [5,4,3,2,1]

[5,4,3,2]
```

当使用上述四种操作时,需要注意是否应用于空数组,这样的错误在编译期并不能被发现。 其它的操作:

- 1. length 获取数组长度;
- 2. null 检查数组是否为空;
- 3. reverse 翻转数组;
- 4. take 获取数组的头几个元素的数组;

- 5. drop 移除数组的头几个元素,并返回剩余元素的数组;
- 6. maximum 获取最大值;
- 7. minimum 获取最小值;
- 8. sum 求和;
- 9. product 求积;
- 10. elem 元素是否存在于数组中。

```
ghci > length [5,4,3,2,1]
1
2
   ghci > null [1,2,3]
   ghci> null []
6
    ghci> reverse [5,4,3,2,1]
9
    [1,2,3,4,5]
10
11
    ghci > take 3 [5,4,3,2,1]
12
    [5,4,3]
13
    ghci> take 1 [3,9,3]
14
15
   ghci > take 5 [1,2]
   ghci > take 0 [6,6,6]
18
19
20
    ghci > drop 3 [8,4,2,1,5,6]
21
    [1,5,6]
23
    ghci > drop 0 [1,2,3,4]
    [1,2,3,4]
24
    ghci> drop 100 [1,2,3,4]
25
26
27
    ghci > minimum [8,4,2,1,5,6]
28
29
    ghci > maximum [1,9,2,3,4]
30
31
32
    ghci> sum [5,2,1,6,3,2,5,7]
33
35
    ghci> product [6,2,1,2]
36
ghci > product [1,2,5,6,7,9,2,0]
```

Texas 排列

```
1  ghci> [1..20]
2  [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20]
3  ghci> ['a'..'z']
4  "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
5  ghci> ['K'..'Z']
6  "KLMNOPQRSTUVWXYZ"
```

带有 step 的排列:

```
ghci> [2,4..20]
[2,4,6,8,10,12,14,16,18,20]
ghci> [3,6..20]
[3,6,9,12,15,18]
```

而对于浮点数的排列需要注意精度问题:

```
ghci> [0.1, 0.3 .. 1]
[0.1,0.3,0.5,0.7,0.899999999999999999999999999999]
```

以下是若干用于生产无限长度数组的函数:

cycle 循环周期:

```
ghci> take 10 (cycle [1,2,3])
[1,2,3,1,2,3,1,2,3,1]
ghci> take 12 (cycle "LOL ")
"LOL LOL LOL "
```

repeat 重复:

```
ghci> take 10 (repeat 5)
[5,5,5,5,5,5,5,5,5]
```

另外就是 replicate 函数可以重复单个元素:

```
ghci> replicate 3 10
[10,10,10]
```

列表表达式

数学里的 集合表达式 set comprehensions 例如 $S=2\cdot x|x\in\mathbb{N},x\leq 10$; Haskell 中的列表表达式,例如 1 至 10 数组中每个元素乘以 2:

```
ghci> [x*2 | x <- [1..10]]
[2,4,6,8,10,12,14,16,18,20]
```

为列表表达式添加条件(或称谓语 predicate):

```
ghci> [x*2 | x <- [1..10], x*2 >= 12]

[12,14,16,18,20]

ghci> [x | x <- [50..100], x `mod` 7 == 3]

[52,59,66,73,80,87,94]
```

将列表表达式置于一个函数中便于复用:

```
ghci> boomBangs xs = [ if x < 10 then "BOOM!" else "BANG!" | x <- xs, odd x]
ghci> boomBangs [7..13]
["BOOM!","BOOM!","BANG!","BANG!"]
```

多个谓语也是可以的:

```
ghci> [ x | x <- [10..20], x /= 13, x /= 15, x /= 19]
[10,11,12,14,16,17,18,20]
```

除此之外,还可以处理若干数组:

```
ghci> [ x*y | x <- [2,5,10], y <- [8,10,11]]
[16,20,22,40,50,55,80,100,110]
```

当然也可以加上谓语:

```
ghci> [ x*y | x <- [2,5,10], y <- [8,10,11], x*y > 50]
[55,80,100,110]
```

那么对于字符串也可以使用列表表达式:

```
ghci> let nouns = ["hobo", "frog", "pope"]

ghci> let adjectives = ["lazy", "grouchy", "scheming"]

ghci> [adjective ++ " " ++ noun | adjective <- adjectives, noun <- nouns]

["lazy hobo", "lazy frog", "lazy pope", "grouchy hobo", "grouchy frog",

"grouchy pope", "scheming hobo", "scheming frog", "scheming pope"]
```

现在让我们编写一个自己的 length,命名 length'(这里的_ 意为无需使用的变量):

```
1 length' xs = sum [1 | _ <- xs]
```

由于字符串是数组,因此我们可以使用列表表达式处理并生产字符串。以下是一个移除所有字符但保留大写字符的函数:

```
removeNonUppercase st = [ c | c <- st, c `elem` ['A'..'Z']]
removeUppercase st = [ c | c <- st, c `notElem` ['A'..'Z']]
```

元组

在某种程度上,元组类似于数组 – 存储若干值至单个变量上。然而有一些基础的差异:数组长度可以无限,元组长度固定;数组中元素类型是同质的,而元组则可以是异质的 heterogenous。对于对元组(当且仅当包含两个元素)有以下操作:

fst 获取对元组的第一个元素:

```
ghci> fst (8,11)
8
ghci> fst ("Wow", False)
"Wow"
```

snd 获取对元组的第二个元素:

```
ghci> snd (8,11)
11
ghci> snd ("Wow", False)
4 False
```

另外一个有意思的函数则是 zip,它可以将两个数组按对拼接成对元组的数组

```
ghci> zip [1,2,3,4,5] [5,5,5,5,5]
[(1,5),(2,5),(3,5),(4,5),(5,5)]
ghci> zip [1 .. 5] ["one", "two", "three", "four", "five"]
[(1,"one"),(2,"two"),(3,"three"),(4,"four"),(5,"five")]
```

当两个数组的长度不一时, zip 则按最短的那个进行对齐,长的数组剩余部分则被丢弃,这是因为 Haskell 是懒加载的缘故。

```
ghci> zip [5,3,2,6,2,7,2,5,4,6,6] ["im","a","turtle"]
[(5,"im"),(3,"a"),(2,"turtle")]
ghci> zip [1..] ["apple", "orange", "cherry", "mango"]
[(1,"apple"),(2,"orange"),(3,"cherry"),(4,"mango")]
```

3 Types and Typeclasses

相信类型

通过:t 命令可以得知类型:

```
ghci>:t 'a'
'a' :: Char
ghci>:t True
True :: Bool
ghci>:t "HELLO!"
"HELLO!" :: [Char]
ghci>:t (True, 'a')
(True, 'a') :: (Bool, Char)
ghci>:t 4 == 5
10 4 == 5 :: Bool
```

函数同样拥有类型:

```
ghci> :t doubleSmallNumber
doubleSmallNumber :: (Ord a, Num a) => a -> a
```

而对于有多个入参的函数而言:

```
ghci> addThree x y z = x + y + z
ghci> :t addThree
addThree :: Num a => a -> a -> a
```

参数由 -> 符分开,并且入参与返回的类型并无差异,之后我们讨论到为什么是由 -> 分割而不是 Int, Int, Int -> Int 或者其他样式的类型。

接下来是一些常规的类型:

Int: 对于 32 位的机器而言最大值大概是 2147483647 而最小值则是 2147483647。

Integer:同样也是整数,只不过范围会大很多,而 Int 则更高效率。

Float: 单精度。 Double: 双精度。 Bool: 布尔值。 Char: 字符。

类型变量

那么 head 函数的类型是什么呢?

```
ghci>:t head
head:: [a] -> a
```

这里的 a 则是一个 **类型变量 type variable**,这意味着 a 可以是任意类型。这非常像 其他语言的泛型,但唯有在 Haskell 中它更为强大,因为它允许我们可以轻易的编写通用的函

数,且不使用任何特定的行为的类型。带有类型变量的函数也被称为 **多态函数 polymorphic** functions。

Typeclasses 101

typeclass 类似于一个接口用于定义一些行为。如果一个类型是 typeclass 的一部分,这就意味着它支持并且实现了 typeclass 中所描述的行为。

那么 == 函数的类型签名是什么呢?

```
ghci> :t (==)
2 (==) :: Eq a => a -> a -> Bool
```

Note

== 操作符是一个函数, +, *, -, / 以及其它的操作符也都是。如果一个函数只包含特殊字符,那么默认情况下它被认做是一个中缀函数。如果想要检查它的类型,将其传递给另一个函数或作为前缀函数调用它,那么则需要用括号将其包围。

这里有趣的是 => 符号,在该符号之前的被称为一个 **类约束** class constraint。那么上述的类型声明可以被这么理解:等式函数接受任意两个相同类型的值,并返回一个 Bool,而这两个值必须是 Eq 类的成员(即类约束)。

Eq typeclass 提供了一个用于测试是否相等的接口。

而 elem 函数则拥有 (Eq a) => a -> [a] -> Bool 这样的类型,因为其在数组中使用了 == 用于检查元素是否为期望的值。

一些基础的 typeclasses:

Eq 如上所述。

Ord 覆盖了所有标准的比较函数例如 > , < , >= 以及 <= 。compare 函数接受两个同类型的 Ord 成员,并返回一个 ordering。Ordering 是一个可作为 GT , LT 或是 EQ 的类型,分别意为 大于,小于以及等于。

Show 可以表示为字符串。

Read 有点类似于 Show 相反的 typeclass, read 函数接受一个字符串并返回一个 Read 的成员。

```
ghci> read "True" || False
True
ghci> read "8.2" + 3.8

12.0
ghci> read "5" - 2
3
ghci> read "[1,2,3,4]" ++ [3]
[1,2,3,4,3]
```

但是如果尝试一下 read "4" 呢?

```
ghci> read "4"

cinteractive>:1:0:

Ambiguous type variable `a' in the constraint:

Read a' arising from a use of `read' at <interactive>:1:0-7

Probable fix: add a type signature that fixes these type variable(s)
```

这里 GHCI 告知它并不知道想要返回什么,通过检查 read 的类型签名:

```
ghci> :t read
read :: Read a => String -> a
```

也就是说其返回的是 Read 所约束的类型,那么如果在之后没有使用到它,则没有办法知晓其类型。我们可以显式的使用**类型注解**,即在表达式后面加上 :: 与指定的一个类型:

```
ghci> read "5" :: Int

ghci> read "5" :: Float

solution
for since the since the
```

大多数表达式可以被编译器推导出其类型,但是有时编译器并不知道返回值的类型,例如 read "5" 时该为 Int 还是 Float。那么为了知道其类型,Haskell 会解析 read "5"。然而 Haskell 是一个静态类型语言,因此它需要在代码编译前知道所有类型。

Enum 成员是序列化的有序类型 — 它们可被枚举。Enum typeclass 的主要优势是可以使用在列表区间;它们也同样定义了 successors 与 predecessors,即可使用 succ 以及 pred 函数。在这个类中的类型有:(),Bool Char,Ordering,Int,Integer,Float 以及 Double.

Bounded 成员拥有上下界:

```
1   ghci> minBound :: Int
2   -2147483648
3   ghci> maxBound :: Char
4   '\1114111'
5   ghci> maxBound :: Bool
6   True
7   ghci> minBound :: Bool
8   False
```

元组的成员如果为 Bounded 的一部分,那么元组也是:

```
ghci> maxBound :: (Bool, Int, Char)
(True,2147483647,'\1114111')
```

Num 是一个数值类:

```
1  ghci> :t 20
2  20 :: (Num t) => t
3  ghci> 20 :: Int
4  20
5  ghci> 20 :: Integer
6  20
7  ghci> 20 :: Float
8  20.0
9  ghci> 20 :: Double
10  20.0
```

这些类型都在 Num typeclass 内。如果检查 * 的类型,将会看到:

```
ghci> :t (*)
(*) :: (Num a) => a -> a
```

Integral 同样也是数值 typeclass。

Floating 包含 Float 与 Double。

fromIntegral 是一个处理数值的常用函数,而其类型为 fromIntegral :: (Num b, Integral a) => a -> b $_{\circ}$

4 Syntax in Functions

模式匹配

一个简单案例:

```
sayMe :: (Integral a) => a -> String
sayMe 1 = "One!"
sayMe 2 = "Two!"
sayMe 3 = "Three!"
sayMe 4 = "Four!"
sayMe 5 = "Five!"
sayMe x = "Not between 1 and 5"
```

一个递归案例:

```
factorial :: (Integral a) => a ->
factorial 0 = 1
factorial n = n * factorial (n - 1)
```

模式匹配也可以失败:

```
charName :: Char -> String
charName 'a' = "Albert"
charName 'b' = "Broseph"
charName 'c' = "Cecil"
```

当输入并不是期望时:

```
ghci> charName 'a'

"Albert"

ghci> charName 'b'

"Broseph"

ghci> charName 'h'

"*** Exception: tut.hs:(53,0)-(55,21): Non-exhaustive patterns in function charName
```

即出现了非穷尽的匹配,因此我们总是需要捕获所有模式。

模式匹配也可用作于元组:

```
addVectors :: (Num a) => (a, a) -> (a, a) -> (a, a)

addVectors a b = (fst a + fst b, snd a + snd b)
```

模式匹配也可作用于列表表达式:

```
ghci> let xs = [(1,3), (4,3), (2,4), (5,3), (5,6), (3,1)]
ghci> [a+b | (a,b) <- xs]
[4,7,6,8,11,4]</pre>
```

Note

x:xs 模式的使用很常见,特别是递归函数。但是包含:的模式只匹配长度为1或更多的数组。

如果希望获取前三个元素以及数组剩余元素,那么可以使用 x:y:z:zs,那么这样仅匹配有三个或以上的元素的数组。

其它案例:

```
tell :: (Show a) => [a] -> String
tell [] = "The list is empty"
tell (x:[]) = "The list has one element: " ++ show x
tell (x:y:[]) = "The list has two elements: " ++ show x ++ " and " ++ show y
tell (x:y:_) = "This list is long. The first two elements are: " ++ show x ++ " and " ++ show
y
```

该函数是安全的,因为它考虑到了空数组,以及若干元素数组的情况。

之前通过列表表达式编写了 length 函数,现在可以通过模式匹配再加上递归的方式实现一遍:

```
length' :: (Num b) => [a] -> b
length' [] = 0
length' (_ : xs) = 1 + length' xs
```

接下来是实现 sum:

```
1  sum' :: (Num a) => [a] -> a
2  sum' [] = 0
3  sum' (x:xs) = x + sum' xs
```

同样还有一种被称为 as 模式的,即在模式前添加名称以及 @ 符号,例如 xs@(x:y:ys),该模式将匹配 x:y:ys,同时用户可以轻易的通过 xs 来获取整个数组,而无需重复使用 x:y:ys 进行表达:

```
capital :: String -> String
capital "" = "Empty string, whoops!"
capital all@(x : xs) = "The first letter of " ++ all ++ " is " ++ [x]
```

最后,用户在模式匹配中不能使用 ++ 符号。

守护!

守护是一种检测值的某些属性是否为真,看上去像是 if 语句,但是其可读性更强:

```
bmiTell :: (RealFloat a) => a -> String
bmiTell bmi

| bmi <= 18.5 = "You're underweight, you emo, you!"</pre>
```

```
| bmi <= 25.0 = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"
| bmi <= 30.0 = "You're fat! Lose some weight, fatty!"
| otherwise = "You're a whale, congratulations!"
```

守护是由管道符并接着一个函数名以及函数参数进行定义的。守护本质上就是一个布尔表达式,如果为 True ,那么其关联的函数体被执行;如果为 False ,那么检查则会移至下一个守护,以此类推。

大多数时候最后一个守护是 otherwise , 其被简单的定义为 otherwise = True 并捕获所有情况。

当然我们可以使用任意参数的函数来守护:

```
bmiTell' :: (RealFloat a) => a -> a -> String
bmiTell' weight height

weight / height ^ 2 <= 18.5 = "You're underweight, you emo, you!"

weight / height ^ 2 <= 25.0 = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"

weight / height ^ 2 <= 30.0 = "You're fat! Lose some weight, fatty!"

otherwise = "You're a whale, congratulations!"</pre>
```

另外我们可以实现自己的 max 与 compare 函数:

Note

我们不仅可以通过引号来调用函数,也可以使用引号来定义他们,有时这样会更加便于阅读。

Where!?

上一节的 bmiTell' 函数中的 weight / height ^ 2 被重复了三遍,可以只计算一次并通过名称来绑定计算结果:

```
bmiTell'' :: (RealFloat a) => a -> a -> String
bmiTell'' weight height

| bmi <= 18.5 = "You're underweight, you emo, you!"
| bmi <= 25.0 = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"
| bmi <= 30.0 = "You're fat! Lose some weight, fatty!"</pre>
```

```
6  | otherwise = "You're a whale, congratulations!"
7  where
8  bmi = weight / height ^ 2
```

我们在守护的结尾添加了 where 并定义了 bmi 这个名称,这里定义的名称对整个守护可见,这样就无需再重复同样代码了。那么我们可以进行更多的定义:

```
bmiTell''' :: (RealFloat a) => a -> a -> String
bmiTell''' weight height

| bmi <= skinny = "You're underweight, you emo, you!"
| bmi <= normal = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"
| bmi <= fat = "You're fat! Lose some weight, fatty!"
| otherwise = "You're a whale, congratulations!"

where
bmi = weight / height ^ 2
skinny = 18.5
normal = 25.0
fat = 30.0</pre>
```

当然我们可以通过模式匹配来进行变量绑定!上面 where 中的代码可以改写为:

```
where
bmi = weight / height ^ 2
(skinny, normal, fat) = (18.5, 25.0, 30.0)
```

现在让我们编写另一个相当简单的函数用作获取名字首字母:

```
initials :: String -> String -> String
initials first_name last_name = [f] ++ ". " ++ [1] ++ "."

where
(f : _) = first_name
(1 : _) = last_name
```

我们可以直接将模式匹配应用于函数参数。

另外,正如我们可以在 where 块中定义约束,我们也可以定义函数:

```
calcBmis :: (RealFloat a) => [(a, a)] -> [a]
calcBmis xs = [bmi w h | (w, h) <- xs]
where
bmi weight height = weight / height ^ 2</pre>
```

where 绑定也可以是嵌套的,这在编写函数中很常见: 定义一些辅助函数在函数 where 子句,然后这些函数的辅助函数又在其自身的 where 子句中。

Let 的用法

与 where 绑定很相似的是 let 绑定。前者是一个语法构造器用于在函数的尾部进行变量 绑定,这些变量可供整个函数使用,包括守护;而后者则是在任意处绑定一个变量,其自身为 表达式,不过只在作用域生效,因此不能被守护中访问。与 Haskell 其他任意的构造一样,let 绑定也可使用模式匹配:

```
cylinder :: (RealFloat a) => a -> a -> a
cylinder r h =
let sideArea = 2 * pi * r * h
topArea = pi * r ^ 2
in sideArea + 2 * topArea
```

这里的结构是 let <bindings> in <expression> 。在 *let* 中定义的名称可以在 *in* 之后的表达式中访问。这里同样要注意缩进。现在看来 let 仅仅将绑定提前,与 where 的作用无异。

不同点在于 let 绑定是表达式自身,而 where 仅为语法构造。还记得之前提到过的 if else 语句是表达式,可以在任意处构造:

```
ghci> [if 5 > 3 then "Woo" else "Boo", if 'a' > 'b' then "Foo" else "Bar"]
["Woo", "Bar"]
ghci> 4 * (if 10 > 5 then 10 else 0) + 2
4 42
```

那么 let 绑定也可以:

```
ghci> 4 * (let a = 9 in a + 1) + 2
2 42
```

同样可以在当前作用域引入函数:

```
ghci> [let square x = x * x in (square 5, square 3, square 2)]
[(25,9,4)]
```

如果想要绑定若干变量,我们显然不能再列上对齐它们。这就是为什么需要用分号进行分隔:

```
ghci> (let a = 100; b = 200; c = 300 in a*b*c, let foo="Hey"; bar = "there!" in foo ++ bar)

(6000000, "Hey there!")
```

正如之前提到的,可以将模式匹配应用于 let 绑定:

```
ghci> (let (a,b,c) = (1,2,3) in a+b+c) * 100
2 600
```

当然也可以将 let 绑定置入列表表达式中:

```
calcBmis' :: (RealFloat a) => [(a, a)] -> [a]
calcBmis' xs = [bmi | (w, h) <- xs, let bmi = w / h ^ 2]
```

将 let 置入列表表达式中类似于一个子句,不过它不会对列表进行筛选,而仅仅绑定名称。 该名称可被列表表达式的输出函数可见(即在符号 I 前的部分),以及所有的子句,以及绑定 后的部分。因此我们可以让函数继续进行筛选:

```
calcBmis'' :: (RealFloat a) => [(a, a)] -> [a]
calcBmis'' xs = [bmi | (w, h) <- xs, let bmi = w / h ^ 2, bmi >= 25.0]
```

我们不能在(w, h) <- xs 中使用 bmi, 因为它在 let 绑定之前。

在列表表达式中使用 let 绑定可以省略 in 的那部分,这是因为名称的可视范围已经被预定义好了。不过我们还是可以在一个子句中使用 let in 绑定,该名称仅可在该子句中可见。在 GHCi 中定义函数与常数时,in 部分同样也可以省略。如果这么做了,那么该名称可以被整个交互过程中可见。

```
ghci> let zoot x y z = x * y + z
ghci> zoot 3 9 2

ghci> let boot x y z = x * y + z in boot 3 4 2

14
6 ghci> boot
7 <interactive>:1:0: Not in scope: `boot'
```

Case 表达式

以下两端代码表达的是同样一件事,它们互为可替换的。

```
head' :: [a] -> a
head' [] = error "No head for empty lists!"
head' (x:_) = x

head' :: [a] -> a
head' xs = case xs of [] -> error "No head for empty lists!"

(x:_) -> x
```

正如所见的那样, case 表达式的语法特别简单:

```
case expression of pattern -> result
pattern -> result
pattern -> result
...
```

expression 与模式匹配。模式匹配的行为正如预期那样:首个匹配上表达式的那个模式将被使用。如果直到最后都没有合适的模式被找到,那么将会抛出运行时错误。

函数参数的模式匹配只能在定义函数时完成,而 case 表达式则可以在任意处使用。例如:

```
describeList :: [a] -> String
describeList xs =

"The list is " ++ case xs of
[] -> "empty."

[x] -> "a singleton list."

xs -> "a longer list."
```

case 表达式可以对表达式中间的模型内容进行模式匹配。函数定义中的模式匹配是 case 表达式的语法糖,因此我们也可以这样定义:

19

```
describeList':: [a] -> String
describeList' xs = "The list is " ++ what xs

where
what [] = "empty."
what [x] = "a singleton list."
what xs = "a longer list."
```

5 Recursion

你好递归!

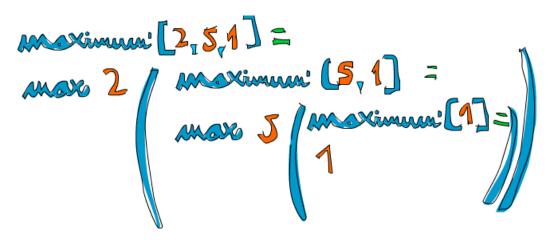
递归对于 Haskell 而言很重要,因为不同于其他命令式语言,Haskell 中的计算是通过声明某物,而不是声明如何获取。这就是为什么 Haskell 中没有 while 循环以及 for 循环,取而代之的则是递归。

Maximum

maximum 函数接受一组可排序的列表(例如 Ord typeclass 的实例),并返回它们之间最大的那个。

现在让我们看一下如何递归的实现这个函数。我们首先可以确立一个边界条件,同时声明该列表的最大值等同于列表中的唯一元素,接着声明如果头大于尾时长列表的头是最大值,如果尾更大那么继续上述过程:

如上所示,模式匹配与递归非常的相配! 大多数命令式语言并没有模式匹配,因此需要编写一堆 if else 声明来测试边界条件。而 Haskell 中仅需令它们成为模版。这里使用了 where 绑定来定义 maxTail 作为列表尾的最大值。



更多的递归函数

让我们使用递归再来实现一些函数。首先是 replicate ,接受一个 Int 以及一些元素,返回一个列表拥有若干重复的元素。

这里使用守护而不是模式是因为需要测试一个布尔值条件。

Note

Num 并不是 Ord 的子类,也就是说一个数值的组成并不依赖于排序。这就是为什么在做加 法或减法或比较时,需要同时指定 Num 与 Ord 的类约束。

接下来是实现 take:

注意这里使用了 _ 来匹配列表,因为我们并不关心列表里面的情况;同时,我们使用了一个守护,但是并没有 otherwise 部分,这意味着如果 n 大于 0 的情况下,匹配将会失败并跳转到下一个匹配。第二个匹配指明如果尝试从空列表中提取任何元素,返回空列表。第三个模式将一个列表分割成一个头与一个尾,接着将从一个列表中获取 n 个元素相等于拥有 n 头与一个尾视作一个列表获取 n 1 元素。

接下来是 reverse 函数:

```
reverse':: [a] -> [a]
reverse' [] = []
reverse' (x : xs) = reverse' xs ++ [x]
```

由于 Haskell 支持无线列表, reverse 并没有一个真正的边界检查, 但是如果不这么做, 那么则会一直计算下去或者生产出一个无限的数据结构, 类似于无限列表。无限列表的好处是我们可以在任意处进行截断。然后是 repeat 函数, 其返回一个无限列表:

```
repeat'::a -> [a]
repeat' x = x:repeat' x
接下来是 zip 函数:

zip'::[a] -> [b] -> [(a, b)]
zip'_[] = []
zip'[]_ = []
zip'(x:xs)(y:ys) = (x, y):zip'xs ys
最后一个是 elem 函数:
```

快排!

这里是主要算法:排序列表是这样的一个列表,它包含所有小于(或等于)前面的列表头的值(这些值都是排序过的),然后是中间的列表头然后是所有大于列表头的值(它们也是排序过的)。注意定义中两次提到了排序,那么我们将进行两次递归!同样也注意我们使用的是动词 is 在算法中进行定义,而不是做这个,做那个,再做另一个... 这就是函数式编程的魅力:

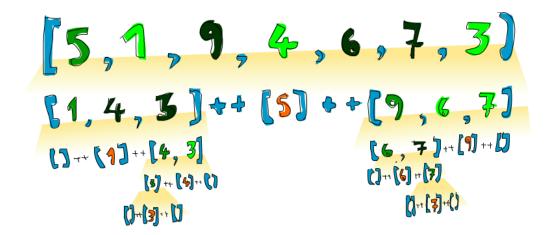
```
quicksort :: (Ord a) => [a] -> [a]
quicksort [] = []
quicksort (x:xs) =

let
smallerSorted = quicksort [a | a <-xs, a <= x]
biggerSorted = quicksort [a|a<- xs, a>x]
in
smallerSorted ++ [x] ++ biggerSorted
```

测试:

```
ghci> quicksort [10,2,5,3,1,6,7,4,2,3,4,8,9]
[1,2,2,3,3,4,4,5,6,7,8,9,10]
ghci> quicksort "the quick brown fox jumps over the lazy dog"

" abcdeeefghhijklmnoooopqrrsttuuvwxyz"
```



6 Higher Order Functions

柯里化函数

在 Haskell 中每个函数实质上仅接受一个参数。那么迄今为止定义的那么多函数是怎么接受多个参数的呢? 这是就是**柯里化函数 curried functions**。

```
1 ghci> max 4 5
2 5
3 ghci> (max 4) 5
4 5
```

两个参数间用空格间隔就是简单的**函数应用 function application**。空格类似于一个操作符,其拥有最高的优先级。例如 max ,其签名为 max :: (Ord a) => a -> a ,可以被重写为 max :: (Ord a) => a -> (a -> a),可以这么理解: max 接受一个 a 并返回(即 ->)一个函数,该函数接受一个 a 并返回一个 a 。这就是为什么返回值类型以及函数的参数都是由箭头符进行分隔的。

那么这样做有什么便利?简单来说如果调用一个仅几个参数的函数,我们得到的是一个**部**分应用 partially applied 的函数,即一个函数接受的参数与留下未填的参数一样多。

来观测一个简单的函数:

```
multThree :: (Num a) => a -> a -> a
multThree x y z = x * y * z
```

当使用 multThree 3 5 9 或者 ((multThree 3) 5) 9 时到底发生了什么? 首先, 3 应用至 multThree, 因为它们由空格进行了分隔(最高优先级)。这就创建了一个接受一个参数的函数,并返回了一个函数。接下来 5 被应用至该函数,以此类推。记住我们的函数类型同样也可以重写成 multThree::(Num a) => a -> (a -> a))。接下来观察:

```
ghci> let multTwoWithNine = multThree 9
ghci> multTwoWithNine 2 3

54
ghci> let multWithEighteen = multTwoWithNine 2
ghci> multWithEighteen 10

180
```

调用函数时输入不足的参数,实际上实在创造新的函数。那么如果希望创建一个函数接受一个值并将其与 100 进行比较呢?

```
compareWithHundred :: (Num a, Ord a) => a -> Ordering
compareWithHundred x = compare 100 x
```

如果带着 99 调用它,返回一个 GT。注意 x 同时位于等式的右侧。那么调用 compare 100 返回的是什么呢?它返回一个接受一个数值参数并将其与 100 进行比较的函数。现在将其重写:

```
compareWithHundred :: (Num a, Ord a) => a -> Ordering
compareWithHundred = compare 100
```

类型声明仍然相同,因为 compare 100 返回一个函数。compare 的类型是 (Ord a) -> a -> (a -> Ordering),带着 100 调用它返回一个 (Num a, Ord a) => a -> Ordering。这里额外的类约束溜走了,这是因为 100 同样也是 Num 类的一部分。

中缀函数同样可以通过使用分割被部分应用。要分割中缀函数,只需将其用圆括号括起来,并只在一侧提供参数:

```
divideByTen :: (Floating a) => a -> a
divideByTen = (/10)
```

调用 divideByTen 200 等同于 200 / 10, 等同于 (/10) 200。

那么如果在 GHCI 中尝试 multThree 3 4 而不是通过 *let* 将其与名称绑定,或是将其传递至另一个函数呢?

```
ghci> multThree 3 4

<interactive>:1:0:

No instance for (Show (t -> t))

arising from a use of `print' at <interactive>:1:0-12

Possible fix: add an instance declaration for (Show (t -> t))

In the expression: print it

In a 'do' expression: print it
```

GHCI 会提示我们表达式生成了一个类型为 a -> a 的函数,但是并不知道该如何将其打印至屏幕。函数并不是 Show typeclass 的实例,因此我们并不会得到一个函数的展示。

来点高阶函数

函数可以接受函数作为其参数, 也可以返回函数。

```
applyTwice :: (a -> a) -> a -> a

applyTwice f x = f (f x)
```

首先注意的是类型声明。之前我们是不需要圆括号的,因为 -> 是自然地右结合。然而在这里却是强制性的,它们表明了第一个参数是一个接受某物并返回某物的函数,第二个参数同上所述。我们可以用柯里化函数的方式来进行解读,不过为了避免头疼,我们仅需要说该函数接受两个参数并返回一个值。这里第一个参数是一个函数(即类型 a -> a),而第二个参数则是a。

函数体非常的简单,仅需要使用参数 $\mathbf f$ 作为一个函数,通过一个空格将 $\mathbf x$ 应用至其,接着再应用一次 $\mathbf f$ 。

```
ghci> applyTwice (+3) 10

16

ghci> applyTwice (++ " HAHA") "HEY"

"HEY HAHA HAHA"

ghci> applyTwice ("HAHA" ++) "HEY"

"HAHA HAHA HEY"
```

```
7 ghci> applyTwice (multThree 2 2) 9
8 144
9 ghci> applyTwice (3:) [1]
10 [3,3,1]
```

可以看到单个高阶函数可以被用以多种用途。而在命令式编程中,通常使用的是 for 循环、while 循环、将某物设置为一个变量、检查其状态等等,为了达到某些行为,还需要用接口将其封装,类似于函数;而函数式编程则使用高阶函数来抽象出相同的模式。

现在让我们实现一个名为 flip 的标准库已经存在的函数,其接受一个函数并返回一个类似于原来函数的函数,仅前两个参数被翻转。简单的实现:

```
filp'::(a -> b -> c) -> (b -> a -> c)
filp' f = g
where
g x y = f y x
```

观察类型声明,flip'接受一个函数,该函数接受一个 a 与 b ,并返回一个函数,该返回的函数接受一个 b 与 a 。然而默认情况下函数是柯里化的,第二个圆括号是没有必要的,因为 -> 默认是右结合的。(a -> b -> c) -> (b -> (a -> c)),等同于 (a -> b -> c) -> b -> a -> c。我们可以用更简单方式来定义该函数:

```
filp'' :: (a -> b -> c) -> b -> c

filp'' f y x = f x y
```

这里我们利用了函数都是柯里化的便利。当不带参数 y 与 x 时调用 flip'' f 时,它将返回一个 f ,该函数接受两个参数,只不过它们的位置是翻转的。

```
ghci> flip' zip [1,2,3,4,5] "hello"
[('h',1),('e',2),('l',3),('l',4),('o',5)]
ghci> zipWith (flip' div) [2,2..] [10,8,6,4,2]
[5,4,3,2,1]
```

Maps & filters

map 接受一个函数以及一个列表,将该函数应用至列表中的每一个元素中,生产一个新的列表。让我们来看一下类型签名:

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map _ [] = []
map f (x : xs) = f x : map f xs
```

测试:

```
ghci> map (+3) [1,3,5,1,6]
[4,6,8,4,9]
ghci> map (-1) [1,3,5,1,6]
```

```
4
    <interactive>:2:1: error:
        • Could not deduce (Num a0)
6
            arising from a type ambiguity check for
            the inferred type for 'it'
         from the context: (Num a, Num (a -> b))
9
            bound by the inferred type for 'it':
10
                       forall {a} {b}. (Num a, Num (a -> b)) => [b]
           at <interactive>:2:1-20
          The type variable 'a0' is ambiguous
13
         These potential instances exist:
14
            instance Num Integer -- Defined in 'GHC.Num'
15
            instance Num Double -- Defined in 'GHC.Float'
16
           instance Num Float -- Defined in 'GHC.Float'
17
18
            ...plus two others
            ...plus one instance involving out-of-scope types
19
            (use -fprint-potential-instances to see them all)
20
        \bullet In the ambiguity check for the inferred type for 'it'
21
          To defer the ambiguity check to use sites, enable AllowAmbiguousTypes
22
          When checking the inferred type
            it :: forall {a} {b}. (Num a, Num (a -> b)) => [b]
24
   ghci > map (subtract 1) [1,3,5,1,6]
25
   [0,2,4,0,5]
26
   ghci> map (++ "!") ["BIFF", "BANG", "POW"]
27
   ["BIFF!", "BANG!", "POW!"]
28
   ghci > map (replicate 3) [3..6]
   [[3,3,3],[4,4,4],[5,5,5],[6,6,6]]
30
31
   ghci> map (map (^2)) [[1,2], [3,4,5,6], [7,8]]
   [[1,4],[9,16,25,36],[49,64]]
32
    ghci> map fst [(1,2),(3,5),(6,3),(2,6),(2,5)]
33
34 [1,3,6,2,2]
```

原书上一章有提到过 -1 这样的情况,报错的原因是 Haskell 将 -1 识别为负数而不是减法,需要显式调用 subtract 才能识别为 partial 函数并应用至列表中的各个元素上。

filter 接受一个子句(该子句是一个函数,用于告知某物是否为真),以及一个列表,并返回满足该子句的元素列表。类型签名如下:

测试:

```
ghci> filter (>3) [1,5,3,2,1,6,4,3,2,1]
[5,6,4]
ghci> filter (==3) [1,2,3,4,5]
[3]
```

```
ghci> filter even [1..10]
[2,4,6,8,10]
ghci> let notNull x = not (null x) in filter notNull [[1,2,3],[],[3,4,5],[2,2],[],[]]
[[1,2,3],[3,4,5],[2,2]]
ghci> filter ('elem' ['a'..'z']) "u LaUgH aT mE BeCaUsE I aM diFfeRent"
"uagameasadifeent"
ghci> filter ('elem' ['A'..'Z']) "i lauGh At You BecAuse u r aLL the Same"
"GAYBALLS"
```

将上一章的 quicksort 中的列表表达式替换为 filter:

```
quicksort :: (Ord a) => [a] -> [a]
quicksort [] = []
quicksort (x : xs) =
let smallerSorted = quicksort (filter (<= x) xs)
biggerSorted = quicksort (filter (> x) xs)
in smallerSorted ++ [x] ++ biggerSorted
```

现在尝试一下找到 100,100 以下最大能被 3829 的值:

```
largestDivisible :: (Integral a) => a
largestDivisible = head (filter p [100000, 99999 ..])
where
p x = x `mod` 3829 == 0
```

接下来尝试一下**找到所有奇数平方在 10,000 以下的和**,不过首先要介绍一下 takeWhile 函数。该函数接受一个子句以及一个列表,接着从列表头向后遍历,在子句返回真时返回元素,一旦子句返回假则结束遍历。可以在 GHCI 上用一行来完成任务:

```
ghci> sum (takeWhile (<10000) (filter odd (map (^2) [1..])))
166650
```

当然也可以用列表表达式:

```
ghci> sum (takeWhile (<10000) [n^2 | n <- [1..], odd (n^2)])
166650
```

接下来一个问题是处理考拉兹猜想 Collatz sequences, 其数学表达为:

$$f(n) = \begin{cases} n/2 & \text{if } n \equiv 0 \text{ (} \mod 2\text{)} \\ 3n+1 & \text{if } n \equiv 1 \text{ (} \mod 2\text{)} \end{cases}$$

我们希望知道的是: **对于从 1 至 100 的所有数开始,有多少链的长度是大于 15 的**? 首先编写一个函数用于生成链:

因为链的最后一位肯定是 1, 也就是边界, 那么这就是一个简单的递归函数了。测试:

```
ghci> chain 10
[10,5,16,8,4,2,1]
ghci> chain 1
[1]
ghci> chain 30
[30,15,46,23,70,35,106,53,160,80,40,20,10,5,16,8,4,2,1]
```

看起来能正常工作,接下来就是获取长度:

```
numLongChains :: Int
numLongChains = length (filter isLong (map chain [1 .. 100]))
where
isLong xs = length xs > 15
```

我们将 chain 函数映射至 [1..100] 来获取一个链的列表,接着根据检查长度是否超过 15 的子句来过滤它们、一旦完成过滤,我们就可以看到结果的列表中还剩多少链。

Note

该函数的类型是 numLongChains :: Int , 因为历史原因 length 返回一个 Int 而不是一个 Num a 。如果我们需要返回一个更通用的 Num a , 可以对返回的长度使用 fromIntegral 。

使用 map ,我们还可以这样做 map (*) [0..],如果不是因为别的原因要解释柯里化以及偏函数是实值,那么可以将其传递至其它函数,或者置入列表中(仅仅不能将其变为字符串)。迄今为止,我们只映射了单参数的函数至列表,例如 map (*2) [0..] 类型是 (Num a) => [a],我们同样可以这么做 map (*) [0..]。这里将会对列表中的每个数值应用函数 * ,即类型为 (Num a) => a -> a -> a。将一个参数应用于需要两个参数的函数将会返回需要一个参数的函数。如果将 * 映射至列表 [0..],得到的则是一个接受单个参数的函数的列表,即(Num a) => [a -> a]。也就是说 map (*) [0..] 生产一个这样的列表 [(0*),(1*),(2*),(3*),(4*),(5*)..]。

```
ghci> let listOfFuns = map (*) [0..]
ghci> (listOfFuns !! 4) 5
3 20
```

Lambdas

构建 lambda 的方式是写一个\,接着是由空格分隔的参数,再然后是 -> 符,最后是函数体。

对于 numLongChains 函数而言,不再需要一个 where 子句:

```
numLongChains':: Int
numLongChains' = length (filter (\xs -> length xs > 15) (map chain [1 .. 100]))
```

lambdas 也是表达式,上述代码中的表达式 \xs -> length xs > 15 返回的就是一个函数,其用作于告知列表的长度是否超过 15。

对于不熟悉柯里化以及偏函数应用的人而言,通常会在不必要的地方使用 lambdas。例如表达式 map (+3) [1,6,3,2] 以及 map (x->x+3) [1,6,3,2] 是等价的,因为 (+3) 以及 (x->x+3) 皆为接受一个值并加上 3 的函数。

与普通函数一样, lambdas 可以接受任意数量的参数:

```
ghci> zipWith (\a b -> (a * 30 + 3) / b) [5,4,3,2,1] [1,2,3,4,5]
[153.0,61.5,31.0,15.75,6.6]
```

与普通函数一样,也可以在 lambdas 中进行模式匹配。唯一不同点在于不能在一个参数内定义若干模式,例如对同样一个参数做[]以及(x:xs)模式。如果一个模式匹配再 lambda 中失败了,一个运行时错误则会出现,所以需要特别注意在 lambdas 中进行模式匹配!

```
ghci> map (\(a,b) -> a + b) [(1,2),(3,5),(6,3),(2,6),(2,5)]
[3,8,9,8,7]
```

lambdas 通常都被圆括号包围,除非我们想让它一直延伸到最右。有趣的来了:函数默认情况下是柯里化的,以下两者相等:

```
addThree :: (Num a) => a -> a -> a
addThree x y z = x + y + z

addThree :: (Num a) => a -> a -> a
addThree = \x -> \y -> \z -> x + y + z
```

fold

一个 fold 接受一个二元函数,一个起始值(可以称其为 accumulator)以及一个需要被 fold 的列表。二元函数接受两个参数,第一个是 accumulator,第二个则是列表中第一个(或最后一个)元素,然后再生产一个新的 accumulator。接着二元函数再次被调用,带着新的 accumulator 以及新的列表中第一个(或最后一个)元素,以此类推。一旦遍历完整个列表,仅剩 accumulator 剩余,即最终答案。

首先让我们看一下 foldl 函数,也被称为左折叠 left fold。 改写 sum 的实现:

```
sum' :: (Num a) => [a] -> a

sum' xs = foldl (\acc x -> acc + x) 0 xs
```

如果考虑到函数是柯里化的,那么可以简化实现:

```
sum' :: (Num a) => [a] -> a
sum' = fold1 (+) 0
```

这是因为 lambda 函数 $\acc x \rightarrow acc + x$ 等同于 (+) ,所以可以省略掉 xs 这个参数,因为调用 foldl (+) 0 将返回一个接受列表的函数。

接下来通过左折叠来实现 elem 这个函数:

```
elem' :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool
elem' y ys = foldl (\acc x -> if x == y then True else acc) False ys
```

让我们看一下这里究竟做了些什么。这里的起始值与 accumulator 都是布尔值。在处理 fold 时,accumulator 与返回值的类型总是要一致的。这里的起始值为 False,即假设寻找的值并不在列表中。接着就是检查当前元素是否为需要找到的那个,如果是则将 accumulator 设为 True,不是则不变。

foldr 类似于左折叠,只不过 accumulator 是从列表右侧开始。 以下是使用右折叠来实现 map:

```
map':: (a -> b) -> [a] -> [b]
map' f xs = foldr (\x acc -> f x : acc) [] xs
```

折叠可以用于实现任意一个想要一次性遍历列表中所有元素的函数,并基于此进行返回。 任何时候想要遍历一个列表来返回一些东西时,那么这个时候就很可能需要一个 fold。这也是 为什么在函数式编程中,连同 maps 与 filters, fold 是最有用的函数类型。

foldl1 与 foldr1 类似于 foldl 与 foldr ,区别在于不需要提供一个显式的初始值。它们假设首个(或最后的)元素为起始值,接着从临近的元素开始进行 fold。由于依赖列表至少有一个元素,空列表的情况下它们会导致运行时错误;而 foldl 与 foldr 则不会。

现在通过 fold 来实现标准库的函数,看看 fold 的强大之处:

```
maximum':: (Ord a) => [a] -> a
    maximum' = foldr1 (\x acc -> if x > acc then x else acc)
    reverse' :: [a] -> [a]
4
    reverse' = foldl (\acc x -> x : acc) []
   product' :: (Num a) => [a] -> a
   product' = foldr1 (*)
   filter' :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
10
   filter' p = foldr (\x acc -> if p x then x : acc else acc) []
11
13
    head' :: [a] -> a
    head' = foldr1 (\x _ -> x)
14
15
    last' :: [a] -> a
16
```

7 MODULES 32

7 Modules

8 Making Our Own Types and Typeclasses

9 Input and Output

10 Functionally Solving Problems

11 Functors, Applicative Functors and Monoids

12 A Fistful of Monads

13 For a Few Monads More

14 ZIPPERS 39

14 Zippers