#### LINEARE REGRESSION

Jan-Philipp Kolb

07 Juni, 2019

### GUTE LITERATUR FÜR LINEARE REGRESSION IN R

# J H MAINDONALD - USING R FOR DATA ANALYSIS AND GRAPHICS INTRODUCTION, CODE AND COMMENTARY

- ▶ Introduction to R
- Data analysis
- Statistical models
- ► Inference concepts
- Regression with one predictor
- Multiple linear regression
- Extending the linear model

#### VARIABLEN IM MTCARS DATENSATZ

Hilfe File für den roller Datensatz:

#### ?mtcars

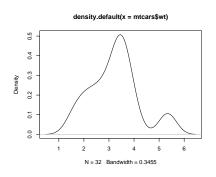
- ▶ mpg Meilen/(US) Gallone
- cyl Anzahl der Zylinder

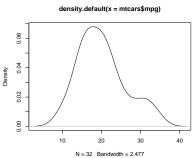
### DATENSATZ MTCARS

mpg cyl di	sp hp	drat	wt	qsec	VS	am gear	carb	
Mazda RX4	21.0	6	160.0	110	3.90	2.620	16.46	
Mazda RX4 Wag	21.0	6	160.0	110	3.90	2.875	17.02	
Datsun 710	22.8	4	108.0	93	3.85	2.320	18.61	
Hornet 4 Drive	21.4	6	258.0	110	3.08	3.215	19.44	
Hornet Sportabout	18.7	8	360.0	175	3.15	3.440	17.02	
Valiant	18.1	6	225.0	105	2.76	3.460	20.22	
Duster 360	14.3	8	360.0	245	3.21	3.570	15.84	
Merc 240D	24.4	4	146.7	62	3.69	3.190	20.00	
Merc 230	22.8	4	140.8	95	3.92	3.150	22.90	
Merc 280	19.2	6	167.6	123	3.92	3.440	18.30	
Merc 280C	17.8	6	167.6	123	3.92	3.440	18.90	
Merc 450SE	16.4	8	275.8	180	3.07	4.070	17.40	
Merc 450SL	17.3	8	275.8	180	3.07	3.730	17.60	
Merc 450SLC	15.2	8	275.8	180	3.07	3.780	18.00	
Cadillac Fleetwood	10.4	8	472.0	205	2.93	5.250	17.98	
Lincoln Continental	10.4	8	460.0	215	3.00	5.424	17.82	

# VERTEILUNGEN VON ZWEI VARIABLEN AUS DEM DATENSATZ MTCARS

```
par(mfrow=c(1,2))
plot(density(mtcars$wt)); plot(density(mtcars$mpg))
```





#### EIN EINFACHES REGRESSIONSMODELL

### ABHÄNGIGE VARIABLE - MEILEN PRO GALLONE (MPG)

### Unabhängige Variable - Gewicht (wt)

```
m1 <- lm(mpg ~ wt,data=mtcars)
m1
##
## Call:
## lm(formula = mpg ~ wt, data = mtcars)
##
## Coefficients:
## (Intercept) wt
## 37.285 -5.344</pre>
```

#### DIE MODELL ZUSAMMENFASSUNG:

```
summary(m1)
##
## Call:
## lm(formula = mpg ~ wt, data = mtcars)
##
## Residuals:
                             3Q
##
      Min 1Q Median
                                    Max
## -4.5432 -2.3647 -0.1252 1.4096 6.8727
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 37.2851 1.8776 19.858 < 2e-16 ***
## wt.
        -5.3445
                         0.5591 -9.559 1.29e-10 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' '
##
## Residual standard error: 3.046 on 30 degrees of freedom
```

#### DIE MODELLFORMEL

#### Modell ohne Achsenabschnitt

```
m2 <- lm(mpg ~ - 1 + wt,data=mtcars)
summary(m2)$coefficients
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## wt 5.291624 0.5931801 8.920771 4.55314e-10
```

#### Weitere Variablen hinzufügen

```
m3 <- lm(mpg ~ wt + cyl,data=mtcars)
summary(m3)$coefficients</pre>
```

```
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 39.686261 1.7149840 23.140893 3.043182e-20
## wt -3.190972 0.7569065 -4.215808 2.220200e-04
## cyl -1.507795 0.4146883 -3.635972 1.064282e-03
```

# Weitere Möglichkeiten, die Formel zu spezifizieren

#### Interaktionseffekt

```
# effect of cyl and interaction effect:
m3a<-lm(mpg~wt*cyl,data=mtcars)
# only interaction effect:
m3b<-lm(mpg~wt:cyl,data=mtcars)</pre>
```

#### DEN LOGARITHMUS NEHMEN

```
m3d<-lm(mpg~log(wt),data=mtcars)</pre>
```

#### EIN MODELL MIT INTERAKTIONSEFFEKT

#### VARIABLE DISP - HUBRAUM

```
m3d<-lm(mpg~wt*disp,data=mtcars)
m3dsum <- summary(m3d)
m3dsum$coefficients

## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 44.08199770 3.123062627 14.114990 2.955567e-14
## wt -6.49567966 1.313382622 -4.945763 3.216705e-05
## disp -0.05635816 0.013238696 -4.257078 2.101721e-04
## wt:disp 0.01170542 0.003255102 3.596022 1.226988e-03
```

#### DAS R-PAKET INTERPLOT

Plot the Effects of Variables in Interaction Terms

#### library(interplot)

► Eine detailliertere Erklärung findet man in der Interplot Vignette

# interplot: Plot the Effects of Variables in Interaction Terms

Frederick Solt and Yue Hu

2018-06-30

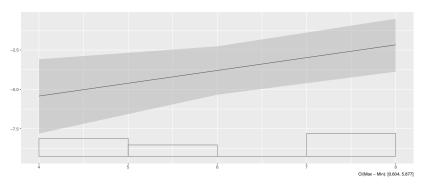
Interaction is a powerful tool to test conditional effects of one variable on the contribution of another variable to the dependent variable and has been extensively applied in the empirical research of social science since the 1970s (Wright Jr 1976). Unfortunately, the nonlinear nature determines that the statistical estimate of an interactive effect cannot be interpreted as straightforward as the coefficient of a regular regression parameter. Let's use a simple example to illustrate this point: The following model use an interaction term to test the conditional effect of Z on X's contribution (or the conditional effect of X on Z's contribution) to the variance of Y.

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \beta_2 Z + \beta_3 X \times Z + \varepsilon.$$

#### DAS R-PAKET INTERPLOT

▶ Der Effekt wird auf der y Achse abgetragen - wt auf der x-Achse

interplot(m = m3a, var1 = "wt", var2 = "cyl", hist = TRUE)



#### Beispiel: Objekt Orientierung

- m3 ist nun ein spezielles Regressionsobjekt
- Verschiedene Funktionen k\u00f6nnen auf dieses Objekt angewendet werden.

```
predict(m3) # Prediction
resid(m3) # Residuals
```

Horn	Datsun 710	Mazda RX4 Wag	Mazda RX4	##
	26.25203	21.46545	22.27914	##
		Valiant	Hornet Sportabout	##
		19.59873	16.64696	##
Horn	Datsun 710	Mazda RX4 Wag	Mazda RX4	##
	-3.4520262	-0.4654468	-1.2791447	##
		Valiant	Hornet Sportabout	##
		-1.4987281	2.0530424	##

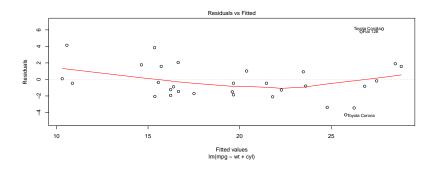
#### EINE MODELLVORHERSAGE MACHEN

```
pre <- predict(m1)</pre>
head(mtcars$mpg)
## [1] 21.0 21.0 22.8 21.4 18.7 18.1
head(pre)
##
           Mazda RX4
                          Mazda RX4 Wag
                                                 Datsun 710
                                                                Horn
##
             23.28261
                                21.91977
                                                   24.88595
## Hornet Sportabout
                                 Valiant
##
             18.90014
                                18.79325
```

#### RESIDUENPLOT - MODELLANNAHMEN VERLETZT?

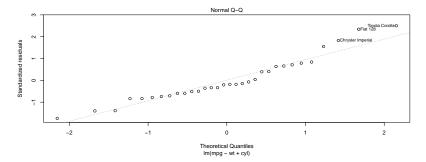
▶ Gibt es ein Muster in der Abweichung von der Linie

plot(m3,1)



#### RESIDUENPLOT

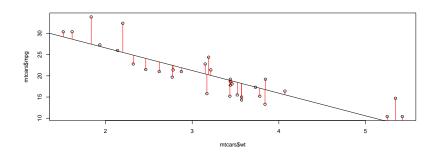
plot(m3,2)



Wenn die Residuen normalverteilt sind, dann sollten sie auf der gleichen Linie liegen.

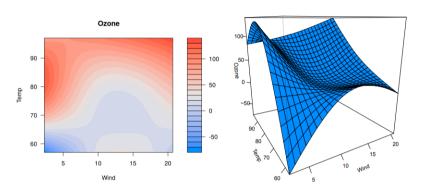
#### Regressionsdiagnostik mit Basis-R

```
plot(mtcars$wt,mtcars$mpg)
abline(m1)
segments(mtcars$wt, mtcars$mpg, mtcars$wt, pre, col="red")
```



#### DAS VISREG-PAKET

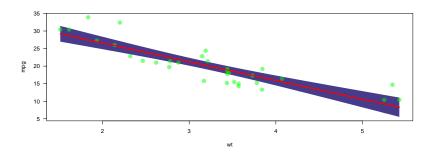
install.packages("visreg")
library(visreg)



#### DAS VISREG-PAKET

- ▶ Das Default-Argument für type ist conditional.
- Scatterplot von mpg und wt mit Regressionslinie und Konfidenzbändern

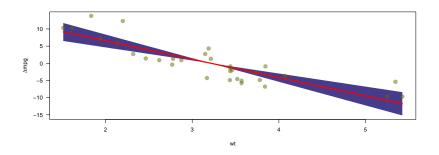
```
visreg(m1, "wt", type = "conditional")
```



### Visualisierung mit visreg

- Zweites Argument Spezifikation der Kovariaten in der Graphik
- ▶ Das Diagramm zeigt die Auswirkung auf den erwarteten Wert des Regressors, wenn die Variable x von einem Referenzpunkt auf der x-Achse wegbewegt wird (bei numerischen Variablen der Mittelwert).

```
visreg(m1, "wt", type = "contrast")
```

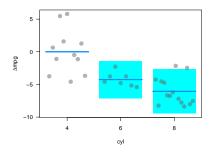


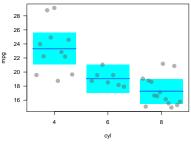
#### REGRESSION MIT FAKTOREN

▶ Die Effekte von Faktoren können auch mit visreg visualisiert werden:

#### EFFEKTE VON FAKTOREN

```
par(mfrow=c(1,2))
visreg(m4, "cyl", type = "contrast")
visreg(m4, "cyl", type = "conditional")
```





#### DAS PAKET VISREG - INTERAKTIONEN

```
m5 <- lm(mpg ~ cyl*wt, data = mtcars)

# summary(m5)

## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

## (Intercept) 39.571196 3.193940 12.3894599 2.058359e-12

## cyl6 -11.162351 9.355346 -1.1931522 2.435843e-01

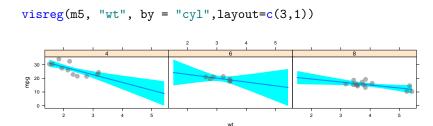
## cyl8 -15.703167 4.839464 -3.2448150 3.223216e-03

## wt -5.647025 1.359498 -4.1537586 3.127578e-04

## cyl6:wt 2.866919 3.117330 0.9196716 3.661987e-01

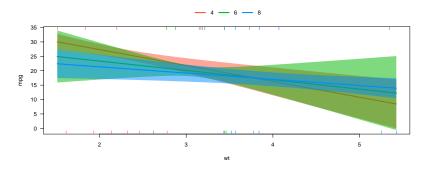
## cyl8:wt 3.454587 1.627261 2.1229458 4.344037e-02
```

#### DEN GRAPHIKOUTPUT MIT LAYOUT KONTROLLIEREN



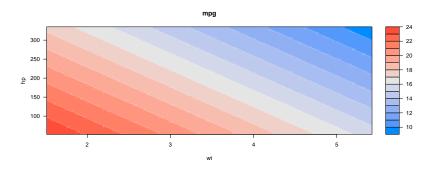
# Das Paket visreg - Interaktionseffekte übereinander legen

```
m6 <- lm(mpg ~ hp + wt * cyl, data = mtcars)
visreg(m6, "wt", by="cyl", overlay=TRUE, partial=FALSE)</pre>
```



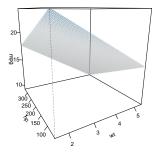
### DAS PAKET VISREG - VISREG2D

visreg2d(m6, "wt", "hp", plot.type = "image")



### DAS PAKET VISREG - SURFACE

```
visreg2d(m6, "wt", "hp", plot.type = "persp")
```



#### B3A AUFGABE LINEARE REGRESSION

Der Datensatz toycars beschreibt die Route von drei Spielzeugautos, die Rampen in verschiedenen Winkeln absteigen.

- ► angle: Rampenwinkel
- distance: Entfernung die von dem Spielzeugauto zurück gelegt wird.
- car: Autotyp (1, 2 or 3)
- A) Lese den Datensatz toycars ein und konvertiere die Variable car des Datensatzes in einen Faktor (as.factor).
- (B) Erstelle drei Box-Plots, in denen die von den Autotypen zurückgelegte Strecke visualisiert wird.

#### B3A Aufgabe Lineare Regression II

(C) Schätze für jeden Autotyp getrennt die Parameter des folgenden linearen Modell; nutze dafür die Funktion lm()

$$distance_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot angle_i + \epsilon_i$$

(D) Überprüfe die Anpassung des Modells indem Du die drei Regressionslinien in den Scatterplot einzeichnest (distance gegen angle). Spricht das

$$R^2$$

für eine gute Modellanpassung?

## EINEN SCHÖNEN OUTPUT MIT DEM PAKET stargazer

#### erzeugen

```
library(stargazer)
stargazer(m3, type="html")
```

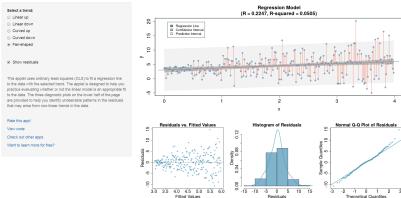
#### BEISPIEL HTML OUTPUTS:

	Dependent variable
	mpg
wt	-3.125***
	(0.911)
cyl	-1.510***
	(0.422)
am	0.176
	(1.304)
Constant	39.418***
	(2.641)

# SHINY APP - DIAGNOSTIKEN FÜR DIE EINFACHE LINEARE REGRESSION

https://gallery.shinyapps.io/slr\_diag/

#### Diagnostics for simple linear regression



Shiny App - Fine einfache lineare Regression

#### LINKS - LINEARE REGRESSION

- ► Regression **r-bloggers**
- ▶ Das komplette Buch von **Faraway** sehr intuitiv geschriebenes Buch
- Gute Einführung auf Quick-R
- Multiple Regression
- ▶ 15 Arten von Regressionen die man kennen sollte
- ggeffects Erzeuge saubere Datensätze mit marginellen Effekten für 'ggplot' aus Modell Outputs