- 6.) Eine kubische Funktion mit der Gleichung f(x) = x3 + b·x2 + c·x + d hat Nullstellen bei -1, -2 und 4.
  Wo liegen die Extrem- und Wendepunkte des Grafen?
  Bestimmen Sie die Gleichung der Wendetangente.
- 7.) Der Graf einer kubische Funktion mit der Gleichung f(x) = a·x3 + b·x2 + c·x + d hat ihren Wendepunkt im Ursprung des Koordinatensystems und bei x = -3 einen Tiefpunkt. Die Wendetangente hat die Steigung –1.

  Bestimmen Sie die Koeffizienten.

  Bestimmen Sie die Gleichungen der Tangenten in den Schnittpunkten mit der x-Achse.
- 8.) Die Funktion mit  $f(x) = 0.3 \cdot x^2 1.2 \cdot x$  ist die Ableitung einer Funktion F, deren Graf durch den Punkt P(-2; 0) geht.
  - a) Ermitteln Sie die Extrema und den Wendepunkt W von F.
  - b) Berechnen Sie die Gleichung der Wendetangente.
  - c) Bestimmen Sie Punkte des Grafen von F, in denen die Tangente parallel zur Geraden durch P und W verläuft.
- 9.) Der Graf der kubischen Funktion mit  $f(x) = \frac{1}{4} \cdot x^3 + b \cdot x + c$  geht durch den Punkt P(-2; 3) und hat dort die Steigung 1.
- 10.) Ermitteln Sie diejenige Funktion der Schar mit  $f_a(x) = \frac{1}{2} \cdot (x^4 a \cdot x^2)$ , die an der Stelle x = 1 einen Wendepunkt hat.