

Programowanie funkcyjne i współbieżne

Lista 2

W funkcjach 1-4 należy wykorzystywać mechanizm dopasowania do wzorca!

Funkcje 1-3 mają mieć złożoność liniową względem długości listy wejściowej.

1. Napisz funkcję `take[A](n: Int, xs: List[A]): List[A]`,
gdzie `take(k, List(x1, ..., xn)) == List(x1, ..., xk)`,
np. `take(2, List(1,2,3,5,6)) == List(1,2)`
`take(-2, List(1,2,3,5,6)) == Nil`
`take(8, List(1,2,3,5,6)) == List(1,2,3,5,6)`
2. Napisz funkcję `drop[A](n: Int, xs: List[A]): List[A]`,
gdzie `drop(k, List(x1, ..., xn)) == List(xk+1, ..., xn)`,
np. `drop(2, List(1,2,3,5,6)) == List(3,5,6)`
`drop(-2, List(1,2,3,5,6)) == List(1,2,3,5,6)`
`drop(8, List(1,2,3,5,6)) == Nil`
3. Napisz funkcję `reverse[A](xs: List[A]): List[A]`, odwracającą zadaną listę w czasie liniowym (bez użycia metody bibliotecznej `reverse`!),
np. `reverse(List("Ala", "ma", "kota")) == List("kota", "ma", "Ala")`
4. Napisz funkcję `replicate: List[Int] => List[Int]`, która z danej listy liczb naturalnych tworzy listę, w której każdy element wejściowej listy jest tyle razy powtórzony, jaką ma wartość,
np. `replicate (List(1,0,4,-2,3)) == List(1, 4, 4, 4, 4, 3, 3, 3)`
5. Dla zadanej liczby rzeczywistej a oraz dokładności ε można znaleźć pierwiastek trzeciego stopnia z a wyliczając kolejne przybliżenia x_i tego pierwiastka (metoda Newtona-Raphsona):
$$x_0 = a/3 \quad \text{dla } a > 1$$
$$x_0 = a \quad \text{dla } a \leq 1$$
$$x_{i+1} = x_i + (a/x_i^2 - x_i)/3$$

Dokładność (względna) jest osiągnięta, jeśli $|x_i^3 - a| \leq \varepsilon * |a|$.

Napisz efektywną (**wykorzystującą rekursję ogonową**) funkcję `root3: Double => Double`, która dla zadanej liczby a znajduje pierwiastek trzeciego stopnia z dokładnością względną $\varepsilon = 10^{-15}$.